

## روشهای محاسبه شاخص پایه<sup>۱</sup> و تأثیر آنها بر محاسبه شاخص قیمت مصرف‌کننده

فاطمه بخشایش<sup>۲</sup>

چکیده

شاخص قیمت، درصد تغییر قیمت نسبت به یک دوره خاص (سال پایه) است و شاخص قیمت مصرف‌کننده درصد تغییر قیمت کالا و خدمات مصرفی خانوارهای شهری است که معیاری است برای نشان دادن تغییر قدرت خرید مصرف‌کنندگان برای یک سبد کالاهای خاص با همان کیفیت و مقداری که در دوره مبدأ بوده است.

در مقاله حاضر، ابتدا مروری بر محاسبه شاخص قیمت کالا یا خدمت، به روش لاسپیز شده است و در ادامه به ترکیب شاخص کالاهای و خدمات و ساخت شاخص کلی با روشهای مختلف، اشاره شده است. در بخش سوم راجع به محاسبه قیمت نسبی<sup>۳</sup> کالا یا خدمت (شاخص پایه) با استفاده از مظنه‌های آن کالا یا خدمت بحث شده است و به این نکته اشاره شده است که در چه شرایطی بهتر است از روش میانگین هندسی در

۱- Basic Index.

۲- محقق دایره برسی طرح‌های آماری اداره تحقیقات و مطالعات آماری.

۳- Relative price.

ساخت قیمت نسبی کالا یا خدمت استفاده نمود. همچنین دو شاخص قیمت مصرف‌کننده که شاخص‌های مقدماتی آنها از روش میانگین حسابی و هندسی محاسبه شده است در یک نمودار مقایسه شده است. در آخر شاخص گروه غیر خوراک شهر تهران در خرداد ۸۳ نسبت به اردیبهشت ۸۳ با دو روش فوق محاسبه شدند.

**کلید واژه‌ها:** شاخص قیمت مصرف‌کننده، شاخص پایه، مظنه.

#### مقدمه

شاخص قیمت مصرف‌کننده یکی از ابزارهای مهم برای برنامه‌ریزان اقتصادی کشور، جهت تعیین وضعیت اقتصادی کشور در زمانهای مختلف و راهنمایی جهت تعیین سیاستهای پولی و مالی است. از این شاخص جهت طرح‌ریزی و برنامه‌ریزی رفاهی و اجتماعی و تعدیل مزد و حقوق‌ها استفاده می‌شود و همچنین به عنوان یک تعدیل‌کننده<sup>۱</sup> برای محاسبه قیمت‌های ثابت در محاسبات ملی به کار می‌رود. بنابراین باید دقیق کافی در تمام مراحل محاسبه این شاخص به عمل آید.

سبد کالایی که تغییرات قیمت آن در محاسبه CPI در نظر گرفته می‌شود شامل اقلام مصرفی با اهمیت خانوارهای شهری است که محاسبه ضریب اهمیت هر قلم در سبد مصرفی خانوار و متوسط قیمت هر قلم در دقیق بودن محاسبه شاخص تأثیر بسزایی دارد زیرا پایه محاسبه شاخص CPI هستند.

ضریب اهمیت یا وزن هر قلم از بررسی بودجه خانوار به دست می‌آید که در هر سال پایه این ضرایب به روز می‌شوند ولی محاسبه قیمت نسبی برای یک کالا یا خدمت، موردی است که در هر قلمی باید تشخیص داده شود که از روش میانگین حسابی محاسبه شود یا میانگین هندسی. ممکن است برای هر قلم (کالا یا خدمت) تفاوت این

دو میانگین ناچیز باشد اما در کل اقلام مجموع این تفاوت‌ها اختلاف زیادی را ایجاد می‌کنند. بنابراین انتخاب روش محاسبه متوسط قیمت یا قیمت نسبی قلم موضوع مهمی است که در محاسبه شاخص باید به آن توجه شود.

### بخش اول : محاسبه شاخص قیمت برای یک قلم کالا (لاسپیرز)

فرض کنید یک قلم کالا با قیمت  $p_0$  در دوره مبدأ و مقدار مصرف شده  $q_0$  وجود داشته باشد بنابراین هزینه‌ای که مصرف‌کننده برای این قلم در دوره مبدأ پرداخت کرده است برابر با  $p_0 q_0$  است و به همین ترتیب این هزینه (با فرض ثابت بودن مقدار مصرف) در دوره  $t$  با  $p_t q_t$  برابر خواهد بود با  $p_t q_0$  و با توجه به تعریف شاخص قیمت، شاخص این قلم نسبت به دوره مبدأ به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$I_{t,0} = \frac{P_t Q_0}{P_0 Q_0} \quad (1-1)$$

به هزینه مصرف شده برای خرید یک قلم اگریگیت (agg) گویند بنابراین شاخص قیمت به دست آمده (1-1) را می‌توان نسبت  $agg$  دوره جدید به دوره مبدأ دانست. می‌توان به جای محاسبه  $agg$  در دوره  $t$ ، نسبت قیمت دوره  $t$  به قیمت دوره مبدأ را محاسبه نمود و صورت دیگری از فرمول را برای محاسبه شاخص قیمت به کاربرد:

$$r_{t,0} = \frac{P_t}{P_0} \quad \text{و} \quad agg_0 = p_0 q_0$$

$$r_{t,0} \times agg_0 = \frac{P_t}{P_0} \times p_0 q_0 = p_t q_0 = agg_t \Rightarrow I_{t,0} = \frac{r_{t,0} agg_0}{agg_0} \quad (1-2)$$

و برای اینکه بتوان شاخص را با استفاده از شاخص دوره قبل به دست آورد می‌توان فرمول را به صورت دیگری به کار برد.

$$\left( \frac{P_t}{P_0} = \frac{P_t}{P_{t-1}} \times \frac{P_{t-1}}{P_0} \right) \Rightarrow r_{(t,0)} = r_{t,t-1} \times r_{t-1,0}, I_{t,0} = \frac{r_{t,0} agg_0}{agg_0} = r_{t,t-1} \times \underbrace{\frac{r_{t-1,0} \times agg_0}{agg_0}}_{شاخص دوره قبل} \Rightarrow$$

$$I_{t,0} = r_{t,t-1} \times \text{شاخص دوره قبل} \quad (1-3)$$

### بخش دوم : "ترکیب شاخص‌های اقلام و ساخت شاخص کلی"

۱ - ۲) تمام حالاتی که در بخش اول توضیح داده شد و محاسبه گردید را می‌توان برای یک سبد کالا محاسبه نمود به طوری که این سبد کالا شامل  $n$  قلم کالا باشد در این صورت خواهیم داشت: (شاخص لاسپیزر)

$$I_{t,0}^L = \frac{\sum_{i=1}^n p_{ti} q_{0i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{0i}} \quad (2-1-1)$$

در واقع شاخص کل برابر است با نسبت جمع اگریگیت‌های دوره جاری، به جمع اگریگیت‌های دوره پایه.

با استفاده از فرمول (۲ - ۱) نتیجه زیر حاصل می‌شود:

$$I_{t,0}^L = \sum_{i=1}^n \left( \frac{p_{ti}}{p_{0i}} \right) \times \underbrace{\frac{p_{0i} q_{0i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{0i}}} \Rightarrow \sum_{i=1}^n r_i I_{t,0} \times \frac{agg_{i,0}}{\sum_{i=1}^n agg_{i,0}} \quad (2-1-2)$$

وزن یا ضریب اهمیت کالای  $i$  در سبد کالاهای در دوره مبدأ

و با استفاده از فرمول (۳ - ۱) نتیجه زیر حاصل می‌شود:

$$I_{t,0}^L = \sum_{i=1}^n \left( \frac{p_{ti}}{p_{t-1,i}} \right) \times \left( \frac{p_{t-1,i}}{p_{0,i}} \right) \cdot \frac{p_{0,i}q_{0i}}{\sum_{i=1}^n p_{0,i}q_{0,i}} \quad (2-1-3)$$

(۲ - ۲) دیگر فرمول‌های محاسبه شاخص قیمت: فرمول لاسپیزر (۱ - ۱) با ثابت نگهداشتن مقادیر مصرفی در دوره جاری و دوره پایه ( $q_0$ ) شاخص را محاسبه می‌کند. فرمول‌های دیگر برای محاسبه شاخص قیمت با درنظر گرفتن یک دوره پایه به صورت زیر است:

باشه:  $I_{t,0}^P = \frac{\sum_{i=1}^n p_{ti}q_{ti}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{ti}}$

فیشر:  $I_{t,0}^F = [I_{t,0}^L \times I_{t,0}^P]^{1/2}$

تورنکویست:  $I'_{t,0} = \prod_i \left( \frac{p'_i}{p_i^0} \right)^{w'_i} \text{ where: } w'_i = \left( \frac{1}{2} \right) \left( \frac{p_{i0}q_{i0}}{\sum_{i=1}^n p_{i0}q_{i0}} \right) + \left( \frac{1}{2} \right) \left( \frac{p_{it}q_{it}}{\sum_{i=1}^n p_{it}q_{it}} \right)$

همان‌طور که مشاهده می‌شود تنها تفاوت فرمول پашه و لاسپیزر در این است که در فرمول پاشه از مقادیر مصرفی دوره جاری ( $q_i$ ) و در فرمول لاسپیزر از مقادیر مصرفی دوره پایه ( $q_0$ ) استفاده می‌شود.

نوع دیگری از محاسبه شاخص، محاسبه به صورت زنجیره‌ای است به طوری که به جای استفاده از نسبت قیمت دوره جاری به دوره پایه می‌توان نسبت قیمت را به صورت زنجیره‌ای محاسبه کرد به عبارت دیگر از حاصل ضرب نسبت‌های قیمت دوره‌های متوالی استفاده کرد به عنوان مثال برای شاخص لاسپیزر خواهیم داشت:

$$\frac{p'_i}{p_i^0} = \prod_{s=0}^{t-1} \left( \frac{p_i^{s+1}}{p_i^s} \right) = \left( \frac{p_i^{0+1}}{p_i^0} \right) \left( \frac{p_i^{1+1}}{p_i^1} \right) \dots \left( \frac{p_i^t}{p_i^{t-1}} \right)$$

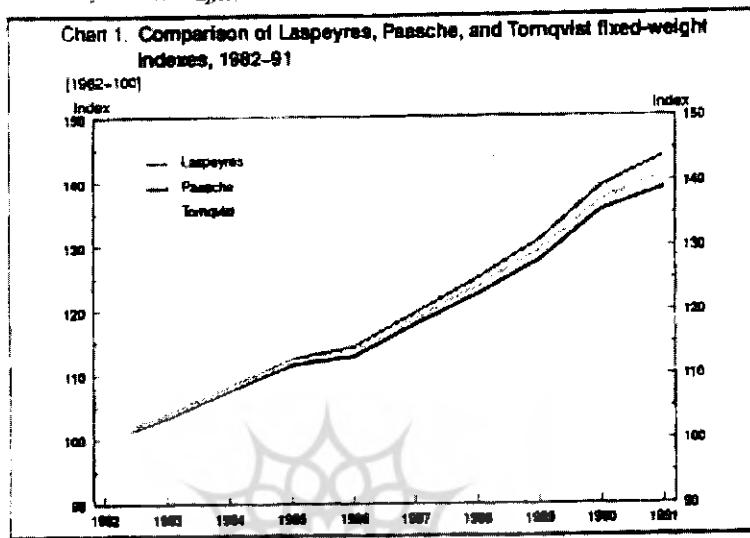
(شاخص لاسپیزر زنجیره‌ای)

$$( وزن قلم در دوره S ) W_i^s = \frac{P_i^s Q_i^s}{\sum P_i^s Q_i^s} \Rightarrow I_{S,S+1} = \sum_{i=1}^n W_i^s \left( \frac{P_i^{s+1}}{P_i^s} \right) \Rightarrow CI_t^I = \prod_{S=1}^{t-1} I_{S,S+1}$$

بنابراین تفاوت این دو نوع شاخص (شاخص با دوره پایه و زنجیره‌ای) در این است که شاخص با دوره پایه وزن دوره پایه را ثابت درنظر می‌گیرد و نسبت‌های قیمت هر دوره به دوره پایه را به هم وصل می‌کند ولی شاخص زنجیره‌ای نسبت‌های قیمت دوره متوالی ضربدر وزن دوره قبل (شاخص‌های کوتاه مدت) را به هم وصل می‌کند. در نمودار صفحه بعد سه شاخص قیمت لاسپیزر، پشه و تورنکویست کشور امریکا مربوط به سالهای ۱۹۸۲ تا ۱۹۹۱ آمده است. همان‌طور که در نمودار مشخص است اختلاف و فاصله بین این شاخص‌ها در سال‌های آخر بیشتر است که این امر به دلیل وجود تورم بالاتر در سال‌های آخر است.<sup>۱</sup>

۱- شکل مربوطه از منبع the commodity substitution effect in CPI data به دست آمده است.

Commodity Substitution Effect:



بخش سوم : " استفاده از فرمول میانگین هندسی در محاسبه شاخص پایه "

۱-۳ ) همان طور که در بخش دوم اشاره شد برای محاسبه شاخص یک سبد کالا می توان از فرمول (۲-۱) استفاده کرد که برابر است با مجموع حاصل ضرب قیمت های نسبی اقلام در دوره جاری به دوره پایه و وزن اقلام در دوره پایه.

در حال حاضر وزن هر قلم با استفاده از نتایج بررسی بودجه خانوار در سال پایه محاسبه می شود و این وزن تا سال پایه بعدی ثابت نگهداشته می شود و نسبت قیمت برای هر قلم در هر دوره محاسبه می شود. می دانیم قیمت هر قلم کالای خاص با توجه به انواع مختلفی که می تواند داشته باشد و محل های مختلفی که می تواند برای فروش را اینه شود تفاوت دارد. بنابراین نمی توان قیمت یک نوع از یک قلم کالا در یک محل فروش بخصوص را به عنوان نماینده قیمت آن قلم در نظر گرفت و فقط آن را در

محاسبه قیمت به کار برد، به همین دلیل از انواع مختلف یک قلم در فروشگاه‌های مختلف قیمت‌گیری می‌شود (منابع قیمت‌گیری ثابت است) که تغییرات این مظنه‌های قیمت نسبت به دوره پایه یا دوره قبل (basic index) برای هر قلم به یکی از ۳ روش زیر قابل محاسبه است که از آن به عنوان نماینده قیمت نسبی هر قلم در محاسبه شاخص استفاده می‌شود.

### ۱- نسبت میانگین حسابی قیمت‌ها (روش Dutot):

روشی است که هم اکنون اجرا می‌شود و بدین ترتیب است که در هر دوره متوسط حسابی مظنه‌های قیمت هر قلم محاسبه می‌شود و بر متوسط مظنه‌های قیمت همان قلم در دوره پایه یا دوره قبل، تقسیم می‌گردد:

$$P_D = \frac{\sum_{m=1}^M P_m^t}{\sum_{m=1}^M P_m^0} \quad M: \text{تعداد مظنه یک قلم}$$

### ۲- متوسط نسبت‌های قیمت (روش Carli):

در این روش ابتدا تغییرات قیمت هر منبع محاسبه می‌شود و سپس متوسط حسابی از تغییرات قیمت منابع مختلف به عنوان قیمت نسبی در نظر گرفته می‌شود. استفاده از این روش در شرایط تورمی باعث برآورد بالای نرخ تورم می‌شود به همین دلیل از این روش استفاده نمی‌شود:

$$P_C = \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M \frac{P_m^t}{P_m^0}$$

### ۳- میانگین هندسی نسبت قیمت‌ها (روش Devons):

در این روش ابتدا تغییرات قیمت هر منبع محاسبه می‌شود و سپس متوسط

هندسی آنها محاسبه می‌شود. لازم به ذکر است که چون در میانگین هندسی عمل ضرب انجام می‌گیرد نتیجه این روش محاسبه با وقتی که نسبت میانگین هندسی دوره جاری به میانگین هندسی دوره پایه (دوره قبل) محاسبه شود برابر است:

$$P_J = \prod_{m=1}^M \sqrt[M]{\frac{P_m^t}{P_m^0}}$$

سه آزمون در مورد انواع شاخص‌ها انجام می‌گیرد:

**۱- آزمون انتقال پذیری:** حاصل ضرب زنجیرهای شاخص بین دو دوره باید برابر با شاخص مستقیم بین همان دو دوره باشد. به عبارت دیگر باستی داشته باشیم:

$$I_{m,t} \times I_{t,L} = I_{m,L}$$

**۲- آزمون برگشت زمانی**<sup>۳</sup>: اگر داده‌های دو دوره با هم عوض شوند شاخص قیمت به دست آمده عکس شاخص قیمت اصلی می‌شود به عبارت دیگر به صورت زیر خواهیم داشت:

$$I(P^t, P^m) = \frac{1}{I(P^m, P^t)}$$

**۳- آزمون هم پیمانگی**<sup>۳</sup>: شاخص قیمت در صورتی که واحد شمارش و یا اندازه‌گیری کالا تغییر کند باید بدون تغییر باقی بماند. به عبارت دیگر خواهیم داشت:

$$I(\lambda P^t, \lambda P^{t+1}) = I(P^t, P^{t+1})$$

سه روش پیشنهادشده در محاسبه تغییر قیمت هر قلم (basic index) در پاسخ به آزمون‌های سه‌گانه مطرح شده این‌گونه رفتار می‌کنند:

- 
- 1- Transitivity test.
  - 2- Time Reversal test.
  - 3- Commensurability test.

روش جونس سه آزمون مطرح شده را تأیید می کند و روش کارلی آزمون های انتقال پذیری و برگشت زمانی را داردمی کند و فقط آزمون هم پیمانگی را تأیید می کند و روش دوت آزمون های انتقال پذیری و برگشت زمانی را تأیید می کند ولی آزمون هم پیمانگی را رد می کند.

دوت	کارلی	جونس	آزمون شاخص
+	-	+	آزمون انتقال پذیری
+	-	+	آزمون برگشت پذیری
-	+	+	آزمون هم پیمانگی

### ۲-۳) رفتار جانشینی مصرف کننده

وقتی که قیمت یک کالا تغییر می کند، مصرف کننده مایل است نسبت به تغییر قیمت، عکس العمل نشان دهد و این عکس العمل در قبال افزایش قیمت بیشتر است. بنابراین باید به نوعی در محاسبه شاخص این رفتار را نشان داد. در فرمول لاسپیرز (۱-۲) به علت اینکه وزنها چند سال یکبار (در سال پایه) به روز می شوند شاخص عکس العمل مصرف کننده را طی دوران های کوتاه منعکس نمی کند که در برخورد با بالارفتن قیمت چگونه مصرفش را تعديل می کند. در این صورت با بالارفتن قیمت مقدار بزرگتری برای CPI به دست می آید.

به طور کلی مصرف کننده ممکن است ۴ نوع جانشینی را در مقابل بالا رفتن قیمت یک نوع از قلم کالا به عنوان مثال (سیب زرد) انجام دهد:

- ۱- کالای دیگری را که قیمتش تغییر نکرده یا کاهش داشته برای مصرف انتخاب کند (به جای مصرف سبب از پرتفوال استفاده کند) که همان جانشینی در سطح بالاست.
- ۲- یک نوع دیگر از همان کالا را برای مصرف انتخاب کند (به جای سبب زرد از سبب سرخ یا نوع دیگری از سبب استفاده کند) که همان جانشینی در سطح پایین است.
- ۳- مقدار کمتری از همان نوع کالا را مصرف کند.
- ۴- به فروشگاه دیگری مراجعه نماید که آن نوع کالا با قیمت پایین‌تری عرضه می‌شود. لازم به ذکر است اقلام و کالاهای از نظر اهمیت مصرف، نوع عرضه و ... با هم تفاوت دارند بنابراین مصرف کننده در مقابل تغییر قیمت تمام اقلام نمی‌تواند یکی از ۴ جانشینی مطرح شده را انجام دهد. به این‌گونه اقلام که مصرف کننده نمی‌تواند به راحتی در مقابل تغییر قیمت، مقدار مصرفش را تغییر دهد، اقلام کم کشش<sup>۱</sup> گویند. سه گروه عمله اقلام کم کشش عبارتند از:
- ۱- مسکن اجاری: با تغییر قیمت مسکن اجاری، به دلیل وجود مشکلات تغییر محل سکونت، شخص نمی‌تواند به راحتی محل زندگی خود را تغییر دهد به همین دلیل میزان درصد تغییر محل سکونت از درصد تغییر قیمت مسکن اجاری خیلی کمتر است.
- ۲- خدمات و کالاهای دولتی: نرخ خدمات و کالاهایی که توسط دولت ارائه می‌شوند یا به عبارت دیگر در انحصار دولت هستند و یا خدماتی که دولت، تولیدکنندگان آنها را حمایت می‌کند، را دولت تعیین می‌کند بنابراین بازار رقابتی وجود ندارد که در آن تولیدکننده دیگری با نرخ دیگری کالا و خدمت را ارائه دهد بنابراین مصرف کننده یا باید آن کالا و خدمت را با نرخ مشخص شده مصرف کند و یا به طور کلی از مصرف آن صرف نظر کند.

۱- به نسبت درصد تغییر مصرف یک کالا به درصد تغییر قیمت آن کالا یا قلم، کشن کالا یا قلم گویند.

۳- خدمات پزشکی: چون خدمات پزشکی و دارویی در سلامت انسانها نقش بسزایی دارد و جانشینی یا صرفنظر نمودن از آنها خطرات زیادی خواهد داشت لذا اغلب مصرف کنندگان تمایلی به جانشینی در این موارد را ندارند. از طرفی در مورد خدمات پزشکی چون بیشتر سهم هزینه درمان یا دارو به عهده شرکت‌های بیمه‌ای است (در کشورهایی که پوشش بیمه‌ای فراوان دارند) بنابراین سهم کمی از افزایش قیمت‌ها متوجه افراد یا بیماران خواهد بود. به همین دلیل در این گروه هم مشتریان یا بیماران اجباراً عکس العمل شدیدی نسبت به تغییر قیمت نشان نمی‌دهند مگراینکه از درمان صرفنظر کنند. البته در زیر گروه‌های اصلی هزینه مصرف کنندگان، کالاهای و اقلام کم کشی وجود دارند که بازهم در مقابل افزایش قیمت آنها مصرف کنندگان قدرت جانشینی زیادی ندارند از قبیل صدور گواهی‌نامه از گروه حمل و نقل، هزینه تلویزیون از گروه تفریحات و سرگرمی، هزینه تلفن از گروه ارتباطات و ...

طبق تحقیقاتی که BLS<sup>۱</sup> در کشور امریکا انجام داده است در محاسبه CPI از روش لاسپیزر نسبت به شاخص هزینه زندگی ۱/۱ درصد اربیبی به سمت بالا وجود دارد که ۴ علت زیر را برای ایجاد این اربیبی معرفی می‌کند<sup>۲</sup>

- ۱- جانشینی در بین کالاهای مختلف (جانشینی سطح بالا): با سهم ۱۵/۰ درصد در اربیبی
- ۲- جانشینی در انواع مختلف یک قلم کالا (جانشینی سطح پایین): با سهم ۰/۲۵ درصد در اربیبی

- ۳- ورود کالاهای جدید در سبد کالاهای مصرفی خانوار و یا تغییر کیفیت کالاهای قدیمی: با سهم ۰/۶۰ درصد در اربیبی

1- Bureau of labor statistics .

اداره آمار کار (در امریکا)

2- Adjusting the Consumer Price Index-Institute for policy innovation.

#### ۴- فروشگاه‌های جدید: با سهم ۰/۶۰ درصد در اریبی

برای کاهش اثر جانشینی در سطوح پایین (با اریبی ۲۵. درصد) می‌توان روش محاسبه قیمت نسبی هر قلم (basic index) را طوری تغییر داد که این اثر جانشینی را نشان دهد به همین دلیل در محاسبه نسبت قیمت اقلام پرکشش به جای استفاده از فرمول میانگین حسابی (روش دوتت)، استفاده از میانگین هندسی پیشنهاد شد با این تفاوت که میانگین هندسی موزون از نسبت قیمت‌ها گرفته شود (بالک ۱۹۹۶) به طوریکه وزن‌ها در این میانگین گیری نسبت هزینه‌ای باشد که برای هر نوع قلم در دوره پایه مصرف شده است. برای توضیح بیشتر به مثال زیر توجه کنید.

#### مثال

فرض کنید برای قلم سیب ۲ مظنه قیمت وجود دارد، یک مظنه مربوط به سیب سرخ و مظنه دیگر مربوط به سیب زرد است که قیمت هر کیلو آن‌ها در دوره مبدأ ۱۰۰۰ تومان است و در دوره جاری قیمت سیب زرد به ۱۵۰۰ رسیده است و قیمت سیب سرخ بدون تغییر باقی مانده است (با فرض اینکه مقدار مصرف شده هر کدام از انواع سیب یک کیلوگرم بوده است) در این صورت با روش میانگین حسابی و هندسی موزون قیمت نسبی سیب در دوره جاری به دوره پایه به صورت زیر بدست می‌آید.

	$Q_0$	$P_0$	$P_t$	$P_t/P_0$	هزینه مصرفی در دوره صفر	هزینه هر کدام از انواع سیب در دوره صفر ( $S_i$ )
سیب سرخ	۱	۱۰۰۰	۱۰۰۰	۱	۱۰۰۰	$1000/2000=1/2$
سیب زرد	۱	۱۰۰۰	۱۵۰۰	$1/5$	۱۰۰۰	$1000/2000=1/2$

$$P = \frac{\sum P_i}{\sum P} = \frac{100 + 150}{100 + 100} = \frac{250}{200} = 1.25$$

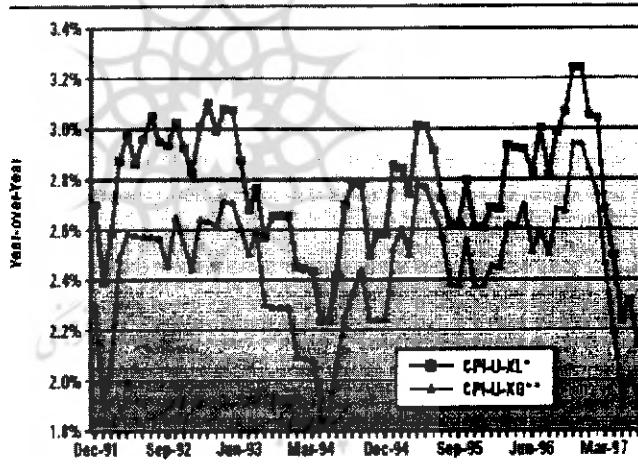
$$P = \prod_i \left( \frac{P_{i,t}}{P_{i,t-1}} \right)^{S_i} = \left( \frac{100}{100} \right)^{14} \times \left( \frac{150}{100} \right)^{14} = 1.225$$

همان طور که مشاهده می شود قیمت نسبی به دست آمده از طریق میانگین هندسی موزون، ۲۵ درصد کمتر از روش میانگین حسابی برآورد شده است و چون در محاسبه از طریق میانگین هندسی سهم هزینه هر قلم ثابت درنظر گرفته می شود بنابراین بعداز محاسبه شاخص کاملاً مشخص می شود که مصرف کننده چقدر توان تغییر الگوی مصرفش را دارد. در مثال ذکر شده مقدار شاخص از طریق میانگین هندسی ۱.۲۲۵ درصد به دست آمد یعنی اگر مصرف کننده در دوره مبدأ برای خرید سبب ۱۰۰۰ تومان مصرف می نموده است در حال حاضر باید ۱۲۲۵ تومان هزینه کند. با این حق انتخاب که می تواند ۱۲۲۵ گرم از سبب سرخ مصرف نماید و یا ۸۱۶ گرم از سبب زرد (چون قیمت سبب سرخ ۱۰۰۰ تومان و قیمت سبب زرد ۱۵۰۰ تومان است و شخص ۱۲۲۵ برای سبب هزینه می کند).

برای مقایسه واقعی شاخص به دو روش میانگین هندسی (CPI-U-XG) و میانگین حسابی (CPI-U-XL) در مظنه های یک کالا در دوره دسامبر ۱۹۹۰ تا ۱۹۹۷ این شاخص ها در کشور آمریکا محاسبه شده اند. البته برای معنی داری مقایسه بین CPI-U-XL با CPI-U-XG برای قیمت ها محدوده در نظر گرفته شد. به این ترتیب که قیمت های بالاتر از ۲۰ برابر قیمت پایه و کمتر از ۵ درصد قیمت پایه قابل قبول نبودند و به دلیل حساس بودن میانگین هندسی، قیمت های خیلی بالا و پایین از بررسی حذف شدند. نتایج محاسبات در دوره ذکر شده به صورت زیر به دست آمد:

CPI-U-XG مقدار شاخص ۱۶/۲ درصد رشد داشته است که برابر با رشد سالانه ۲/۴ درصد است و CPI-U-XL مقدار شاخص ۱۸/۶ درصد رشد داشته است که برابر با رشد سالانه ۲/۸ درصد است یعنی در هر سال حدوداً ۰/۴٪ تفاوت بین این دو شاخص وجود دارد. در بین گروههای اصلی، بیشترین تفاوت در گروههای غذا و آشامیدنی‌ها، پوشاسک و هزینه نگهداری آن و تفریحات و سرگرمی به دست آمده که این گروه‌ها شامل ۰/۶۱٪ اقلام هستند (در الگوی مصرف آمریکا). در نمودار زیر تفاوت بین CPI-U-XL و CPI-U-XG در دوره دسامبر ۹۱ تا مارس ۹۷ قابل مشاهده است.<sup>۱</sup>

Figure 1  
Effect of Using  
Geometric Means at  
Lower Level of CPI  
\* The experimental Test  
Laspeyres' CPI, all urban  
consumers, (CPI-U-XL)  
\*\* The experimental CPI using  
Geometric Means, all urban  
consumers (CPI-U-XG)



برای مقایسه CPI-U-XL و CPI-U-XG در کشور ایران، شاخص گروه غیرخوارک شهر تهران در خرداد ماه ۱۳۸۳ نسبت به اردیبهشت ۸۳ با این دو روش محاسبه شد. (به این دلیل گروه غیر خوارک انتخاب شد که اقلام این گروه پر کشش‌تر

۱- Adjusting the Consumer Price Index-Institute for policy innovation.

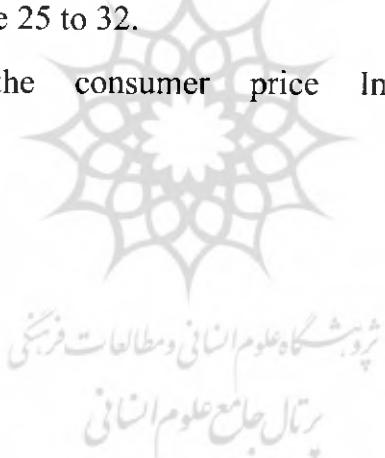
از اقلام گروه خوراک و دارو هستند). نتیجه محاسبه بدین صورت به دست آمد : شاخص گروه غیر خوراک در خرداد ۸۳ نسبت به اردیبهشت ۸۳ با محاسبه شاخص پایه از روش میانگین حسابی،  $10^{144}$  به دست آمد و این شاخص با محاسبه شاخص پایه از روش میانگین هندسی،  $10^{124}$  به دست آمد. همان‌طور که مشاهده می‌شود اختلاف این دو شاخص  $0/20$  درصد است.

### جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

برای محاسبه دقیق‌تر شاخص قیمت مصرف کننده باید اقلام پر کشش را طوری در محاسبه شاخص وارد نمود که مانع از بزرگ شدن کاذب شاخص شود. یکی از روش‌های رسیدن به این هدف، استفاده از میانگین هندسی در محاسبه قیمت نسبی کالا یا خدمت است (شاخص پایه). با مقایسه محاسبات مربوط به روش‌های میانگین حسابی و هندسی در این مقاله، تاثیر استفاده این دو روش در شاخص کاملاً مشخص است. به طور کلی شناخت کامل از کالاهای و خدمات و مظنه‌های آنها و چگونگی در نظر گرفتن آنها در محاسبه شاخص، تاثیر بسزایی در دقیق بودن شاخص دارد، چراکه پایه محاسبات شاخص هستند.

## فهرست منابع و مأخذ

- 1- V.Dalton Kenneth, S.Greenless John, J.Stewart Kenneth, October 1998, Incorporating a geometric mean formula into the CPI, Monthly labor Review, page 3 to 7.
- 2- Moulton and Smedley - The experimental CPI using Geometric means (CPI-U-XG) - available at [www.bls.gov/cpi/cpigmrp.htm](http://www.bls.gov/cpi/cpigmrp.htm)
- 3- M.Aizcorbe, Ana & C.Jackman Patric - December 1993 - The commodity substitution effect in CPI data - Anatomy of price change - page 25 to 32.
- 4- Adjusting the consumer price Index- available at [www.ipi.org](http://www.ipi.org).





پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی

پریال جامع علوم انسانی