

## برنامه ریزی تولید ادغامی با استفاده از الگوریتم ژنتیک

دکتر ابوالفضل کزاری و حسن بیابانی

### چکیده:

برنامه ریزی تولید ادغامی<sup>(۱)</sup> (APP) جایگاه خاصی در رشته های مهندسی صنایع، مدیریت صنعتی و سایر گرایش‌های علوم مدیریت دارد این رشته از شاخه های برنامه ریزی تولید محسوب شده و بعبارت بهتر از جمله مباحث و مطالب مدیریت تولید و عملیات به شمار می رود.

استقرار استراتژیهای تجاری یک سازمان لزوم یک برنامه تولید ادغامی را برای عملیات تولیدی ایجاد می نماید. این برنامه، گزارشی از منابع و سطوح موجودی کالای ساخته شده ای است که برای برآورده کردن تقاضای فروش مورد استفاده قرار خواهد گرفت. این مقاله نخست برنامه ریزی تولید ادغامی، هدف، استراتژیها و فرآیند آن را تشریح می نماید و سپس به بررسی تکنیک های موجود و بیان محدودیتهای عدمه آنها می پردازد و در ادامه با استفاده از برنامه ریزی تولید ادغامی انجام شده برای شرکت آلفا توضیح می دهد که چگونه الگوریتم ژنتیک<sup>(۲)</sup> می تواند برای ایجاد و بهینه سازی چنین برنامه هایی بکار گرفته شود.

### برنامه ریزی تولید ادغامی (APP):

تمام بخش های یک سازمان از برنامه تولید ادغامی تأثیر می پذیرند چرا که این برنامه، استراتژیهای بلند مدت سازمانی را به طرح های تولیدی کوتاه مدت پیوند می دهد. APP تقاضای فروش مورد انتظار و ظرفیت تولید شرکت را بعنوان ورودی دریافت می کند و آن را به صورت خانواده محصولات شرکت نشان می دهد. در حقیقت این نوع برنامه ریزی فقط تولید خانواده های محصول را در نظر دارد و توجهی به محصولات منفرد ندارد. بعبارتی

1-Aggregate Production Planning .

2-Genetic Algorithm .

برنامه ریزی در یک سطح کلی انجام می شود و برای نشان دادن میزان تقاضا و ظرفیت از یک واحد مشترک برای خانواده محصل استفاده می شود، همچنین کل تقاضای محصلاتی که در ساخت آنها از منابع و تجهیزات مشترک و محدود یک کارخانه استفاده می شود را در نظر می گیرد.

هدف از APP دست یافتن به یک طرح تولیدی است که بطور اثر بخشی منابع سازمان را برای ارضاء کردن تقاضای مورد انتظار به خدمت می گیرد (۱). APP در واقع فرآیند برنامه ریزی و کنترل وجوه مختلف کل فعالیتهای تولید به منظور ارضاء تقاضای مشتریان کارخانه است. با فرض در اختیار داشتن اطلاعات مربوط به پیش بینی تقاضا، ظرفیت ماشین آلات، سطح موجودیها، سطوح نیروی انسانی و امکانات قراردادهای فرعی، مدیریت باید در مورد نرخ تولید در یک افق برنامه ریزی میان مدت که از ۱ تا ۲۴ ماه متغیر می باشد تصمیم گیری نماید (۲).

خروجی حاصل از برنامه ریزی ادغامی، میزان تولید ماهانه کارخانه برای حدود ۱ تا ۲۴ ماه آینده بدون وارد شدن به جزئیات تولید می باشد. همانطور که گفته شد هدف این است که تغییرات تقاضا به نحو مطلوبی پاسخ داده شود. در برنامه ریزی ادغامی استراتژیهای متفاوتی برای برآورده ساختن تقاضای متغیر وجود دارد که در ادامه به تشریح آنها پرداخته خواهد شد.

مهمترین موضوعاتی که معمولاً در زمینه (APP) به آن اشاره می شود عبارتند از (۳) :

- استفاده یکنواخت و متعادل از ظرفیتها.
- توجه همزمان به نرخ تولید، تقاضا، موجودی و سطح نیروی کار.
- بهترین استفاده از امکانات و ظرفیت در پاسخگویی به تغییرات تقاضا.
- طرح حداقل کردن هزینه و پاسخگویی به تغییرات تقاضا به عنوان هدف.
- پیش بینی تقاضا حداقل برای یکسال آینده.
- اجتناب از جزئیات و بررسی تقاضا و ظرفیت بصورت کلی.

## استراتژیهای APP برای ارضاء تقاضا

در APP جهت مقابله با تقاضای متغیر که در طول افق برنامه ریزی دارای نوسان می باشد از استراتژی زیر می توان بهره برد (۴ و ۵) .

### الف-استراتژی تعقیب تقاضا

این روش به منظور ارضاء تقاضا در هر دوره از افق برنامه ریزی طراحی شده و شامل ایجاد ظرفیت کافی و منعطف در جهت برآورده نمودن هدف مزبور می باشد .

### ب-استراتژی تولید یکنواخت

در این روش با طراحی تولید یکنواخت در کل دوره های افق برنامه ریزی ، نوسانات تقاضا توسط موجودیها ، تأخیر در سفارشات ، استفاده از اضافه کاری ، بکارگیری کارکنان پاره وقت عقد قرارداد با پیمانکار جذب می شود .

### ج-استراتژی توکیبی

چنانچه هر یک از دو استراتژی تعقیب تقاضا و تولید یکنواخت را بعنوان ابتدا و انتهای یک طیف در نظر بگیریم در بین آنها می توان انواع استراتژیهای دیگری را برای APP که ترکیبی از دو استراتژی فوق به نسبت های مختلف است تصور نمود .

### فرآیند APP

برای ایجاد یک برنامه تولید ادغامی بایستی گامهای زیر برداشته شود : (۶)

۱- تعریف و تعیین اهداف استراتژیک و زیر بنایی که تأثیر مستقیم روی برنامه های ادغامی ایجاد شده خواهد گذاشت .

۲- انتخاب افق برنامه ریزی و تقسیم آن به مجموعه ای از دوره های زمانی (مثلاً ماه "معمولان" طول افق برنامه ریزی بستگی به نوع صنعت و هدف کارخانه دارد(۶) . در صورتیکه تنوع تولیدات کارخانه زیاد باشد با تقسیم بندی و گروه‌بندی محصولات آنها به خانواده های محصول تقسیم می شود .

۳- پیش بینی تقاضای ادغامی در طول افق برنامه ریزی برای هر یک از خانواده های محصول .

۴- با فرض ثابت بودن منابع در طول افق برنامه ریزی ، تعیین تسهیلات تولید در دسترس و ظرفیت های شان ذر یک واحد مشترک برای تعیین نیازمندی های ظرفیتی هر گروه محصول .

۵- مقایسه ظرفیت موجود تولیدی با ظرفیت مورد نیاز برای هر دوره برنامه ریزی و اگر اختلافی ما بین این دو موجود داشته باشد به نحوی که نتوان تقاضا را با ظرفیت موجود برآورده نمود بایستی از یک یا چند تکنیک مدیریت ظرفیت جهت تسطیح ظرفیت استفاده شود . این تکنیک ها به صورت زیر لیست شده اند (۷ و ۵) .

۱- تنظیم سطح نیروی انسانی (استخدام یا اخراج) .

۲- تنظیم اضافه کاری ها و یا زیر ظرفیت کار کردن .

۳- تنظیم ساعات کاری در هر روز (افزایش یا کاهش ساعت کار در روز) .

۴- بستن قراردادهای فرعی .

۵- انباشت م وجودی .

۶- استفاده از سیاست کسری .

۶- گزینش یک استراتژی برای APP . روشهای و استراتژی هایی که می توان از آنها استفاده کرد همگی در طیفی قرار دارند که دو سر آن دو روش تولید یکنواخت و تعقیب تقاضا می باشد .

۷- بپرورد برنامه تولید ادغامی با استفاده از روشهای بهینه سازی و هیورستیک .

## هزینه های مربوط به APP

بایستی یادآوری شود که بکارگیری هر یک از استراتژی های ذکر شده به منظور ارضاء تقاضا در بردارنده هزینه های خاصی می باشند . عناصر هزینه در زیر لیست شده اند .

۱- موجودی .

۲- هزینه های اضافه کاری .

- ۳- قراردادهای فرعی .
- ۴- کسری موجودی .
- ۵- از دست دادن سفارشات .
- ۶- استخدام / اخراج / آموزش .

طبق فرآیند APP تشریح شده ، برنامه تولید ادغامی برای شرکت آلفا بر اساس سه استراتژی مطرح شده تهیه شده است که بعنوان نمونه یک برنامه تولید ادغامی آن در جدول ۱ نشان داده است .

شرکت آلفا با توجه به سیاستها ، اهداف و محدودیتهای خود برای تهیه برنامه تولید ادغامی در نظر دارد از متغیرهایی مانند تولید در ساعت اختلافه کاری ، استفاده از کارکنان پاره وقت ، انعقاد قراردادهای فرعی و موجودی انبار استفاده نماید . در ضمن شرکت برای استفاده از چنین متغیرهایی با محدودیت هایی به شرح زیر روبرو می باشد :

- ۱- شرکت در هر ماه می تواند فقط تا مرز ۸۰۰ واحد تولید ، اختلافه کاری استفاده نماید .
- ۲- شرکت برای استفاده از کارکنان پاره وقت بایستی حدود ۵۰۰ واحد در هر ماه را به دلیل مشکلاتی نظیر کیفیت و غیره رعایت نماید .
- ۳- شرکت در مواردی استثنایی می تواند با بستن قرارداد فرعی با پیمانکاران تا مرز ۳۰۰ واحد در هر ماه نسبت به ارضاء تقاضا اقدام نماید .
- ۴- شرکت بایستی قطعاً در هر ماه تقاضا را برآورده نماید (به دلیل از دست ندادن مشتری) و عبارت بینهایت هیچگونه کسری موجودی یا موجودی منفی را نپذیرد .

بروایح است که بکارگیری هر یک از متغیرهای فوق برای ارضاء تقاضا هزینه های نسبتاً بیشتری در مقایسه با تولید در ساعت عادی به شرکت تحمیل خواهد کرد . هزینه کل با استفاده ازتابع هدفی که از جمع مقادیر هزینه واحدهای اضافی بدست می آید محاسبه خواهد شد . مدل مسئله شرکت آلفا بصورت زیر فرموله شده است .

$$\text{Minz} = V \frac{T}{r+1} O_r + h \frac{T}{r+1} S_r + S \frac{T}{r+1} S_r + C \frac{T}{r+1} I_r$$

$$I_r = I + \frac{r+1}{r+1} O_r + S_r + H_r \quad ,$$

$$O_r \leq 800$$

$$H_r \leq 500$$

$$S_r \leq 300$$

$$I_r = 0$$

$$O_r, H_r, S_r, I_r \geq 0$$

که در آن



$\bullet$ : میزان تولید در ساعت اضافه کاری .

$h_t$ : میزان استفاده از کارگران موقت .

$s_t$ : میزان استفاده از پیمانکاران .

$L_t$ : تفاضل بین تقاضا و ظرفیت .

$V_t$  : هزینه استفاده از اضافه کاری به ازای یک واحد .

$H_t$  : هزینه استفاده از کارگران موقت به ازای یک واحد .

$S$  : هزینه استفاده از پیمانکاران به ازای یک واحد .

$C$  : هزینه یک واحد موجودی

$I_{t-1}$ : موجودی دوره قبل

$W_t$  : تفاضل بین تقاضا و ظرفیت .



پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی  
پرتابل جامع علوم انسانی

## جدول ۱- برنامه تولید ادغامی شرکت آلفا با استفاده از استراتژی قرکیسی.

هزینه برای هر واحد			۲۸۰	۳۰۵	۳۵۰	۴۹
ماه	تقاضا	ظرفیت	تولید در ساعت اضافه کاری	کارکنان پاره وقت	قراردادهای فرعی	موجودی
۱	۳۵۰۰	۳۲۳۰	۸۰۰	—	—	۵۳۰
۲	۷۸۵۰	۷۱۰۶	۸۰۰	—	—	۵۸۶
۳	۷۵۰۰	۵۸۱۴	۸۰۰	۳۰۰	—	۰
۴	۸۳۰۰	۷۱۰۶	۸۰۰	۳۹۴	—	۰
۵	۶۳۰۰	۶۷۳۸	۸۰۰	—	—	۱۲۸۳
۶	۸۸۳۰	۶۷۳۸	۸۰۰	۱۵۸	—	۱۹۴
۷	۸۹۰۰	۷۱۰۶	۸۰۰	۵۰۰	۳۰۰	۰
۸	۹۰۰۰	۷۴۲۹	۸۰۰	۵۰۰	۳۰۰	۲۹
۹	۷۵۰۰	۶۴۶۰	۸۰۰	۲۲۱	—	۰
۱۰	۷۵۰۰	۷۴۲۹	۸۰۰۰	—	—	۷۲۹
۱۱	۸۰۰۰	۷۱۰۶	۸۰۰	—	—	۶۳۵
۱۲	۸۲۰۰	۶۱۳۷	۸۰۰	۵۰۰	۱۲۸	۰

$$\text{هزینه کل} = ۳۹۱۴ \times ۰\ldots۰۸۶ + ۰\ldots۰۰۵ + ۰\ldots۰۳۵ + ۰\ldots۰۲۵ + ۰\ldots۰۷۶ + ۰\ldots۰۳۰ + ۰\ldots۰۲۸ + ۰\ldots۰۵ + ۰\ldots۰۳۵ + ۰\ldots۰۷۱ + ۰\ldots۰۳۵ + ۰\ldots۰۲۵ = ۲۸۰۰ \times ۰\ldots۰۵۳$$

### تکنیک های موجود APP

تکنیک ها و روش های متعددی برای حل مساله APP در کتب و مقالات مختلف ارائه گردیده است . از سال ۱۹۵۰ تا کنون طبقه بندی مناسبی از تکنیک های APP صورت گرفته است . این تحقیق شامل ۱۴۰ مقاله و ۱۴ کتاب مرتبط با APP می باشد . در این تحقیق کلیه تکنیک ها از نظر بهینگی و نزدیک به بهینگی مانند شکل ۲ دسته بندی شده اند.

### شکل ۱- دسته بندی تکنیک های APP

تکنیک هایی که جواب بهینه ارائه می کنند (مطلوب) ارائه می کنند.	تکنیک هایی که جواب بهینه ارائه می کنند
۱- جستجوی کامپیوتری <sup>۰</sup>	۱- برنامه ریزی خطی <sup>۱</sup>
۲- روش PSH <sup>۶</sup>	۲- قانون تصمیم خطی <sup>۲</sup>
۳- روش ضریب مدیریت <sup>۷</sup>	۳- مدل اندازه بسته <sup>۳</sup>
۴- مدل شبیه سازی <sup>۸</sup>	۴- مدل برنامه ریزی آرمانی <sup>۴</sup>

### حدودیت تکنیک های موجود «APP»

همانطور که ذکر شد تکنیک های متعددی برای حل و بهینه سازی مسئله APP توسعه یافته اند، لیکن به دلیل برخی از مشکلات که در استفاده از این روشها وجود دارد مدیران ارشد سازمانها از بکاربردن این روشها احتراز می ورزند. پاره ای از دیدگاه های صاحبنظران به شرح زیر می باشد:

- ولمن<sup>۹</sup> و همکاران او خاطر نشان نموده اند که کاربرد کنونی این تکنیک ها در صنعت با شکست مواجه شده است و دلایل شکست این روشها را اینگونه ابراز می نماید (۹).
- ۱- نرخ خروجی بین محصولات یکنواخت فرض شده است. این فرض در اکثر سازمانهایی که چند محصول تولید می کند پاسخگو نمی باشد.
  - ۲- درک و فهم رویه های ریاضی استفاده شده بوسیله روشهای موجود برای مدیریت مشکل می باشد. به همین دلیل مدیریت علاقه ای به استفاده از این روشها ندارد.
  - ۳- این مدلها نیازمند انواع معینی ازداده هاست که جمع آوری و کمی کردن آنها مشکل است، مانند هزینه های استخدام و آموزش جدید و غیره.

1-Linear Programming .

3-Lot Size Model .

5-Computer Search .

7-Management Cofficient .

9-Vollman .

2-Linear Decision Rule .

4-Goal Programming .

6-Production Switching Heuritic.

8-Simulation Model .

گیلگس<sup>۱</sup> نیز موارد زیر را بیان کرده است : (۱۱)

- ۱ هر روش وابسته به شرایط و موقعیت خاص خود می باشد یعنی فقط برای دامنه محدودی از متغیرها مناسب باشد .
- ۲ هیچکدام از روش‌های موجود نمی تواند از بهینگی و یا نزدیک به بهینگی طرح‌ها را برای مسائل دنیای واقعی که شامل دامنه ای از متغیرهای برنامه ریزی است تعیین نماید .

محدودیت‌های دیگر روش‌های موجود عبارتند از : (۱۰)

- ۱ هزینه مورد استفاده روشها ، در بسیاری از سازمانها واقعی نمی باشند .
- ۲ مدلها بطور مستقیم برای موقعیت‌های دیگر قابل انتقال نیست .

### الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک یک الگوریتم جستجوی تصادفی است که بر اساس قوانین تکاملی طبیعی عمل می کند . این الگوریتم اولین بار توسط جان هولند<sup>۲</sup> در سال ۱۹۷۵ ایجاد و در دهه اخیر بطور گسترده ای برای مسائل بهینه سازی و جستجو به کار گرفته شده است . (۱۱) جان هولند در سال ۱۹۷۵ قالبی کلی برای بررسی تمام سیستمهای قابل تطبیق ایجاد کرد و نشان داد که چگونه می توان فرآیند تکاملی را برای یک سیستم مصنوعی بکار برد . بطور کلی هر مسئله قابل تطبیق می تواند در قالب ژنتیک فرمول بندی شود . اگر فرمول بندی اینگونه مسائل بر اساس واژه‌های ژنتیک باشد . می توانیم آنها را بوسیله الگوریتم‌های ژنتیک حل کیم . (۱۲)

الگوریتم ژنتیک روش جستجوی احتمالی است که بر پایه عملکرد انتخاب طبیعی بنا شده است و برخلاف سایر روش‌های جستجو با یک مجموعه ای ابتدایی از جواب‌های تصادفی که جمعیت اولیه نامیده می شود آغاز می گردد . هر عنصر در جمعیت کروموزم نامیده می شود که بیانگر یک جواب مساله موجود است ، طی هر تکرار الگوریتم مجموعه ای جدید از کروموزم‌ها

1-Gilgeous .

2-John Holland .

را توسط تابع پر ارزش یا صلاحیت<sup>۱</sup> (که یک کروموزم را با توجه به تابع هدف مساله برآورد می‌کند) تعیین می‌شود. برای تولید نسل جدید با استفاده از روش انتخاب، جمعیت جدید شکل می‌گیرد و برای بدست آوردن جوابهای جدید عملکرد ژنتیکی روی نسل موجود اجرا می‌شوند. این عملگرها عبارتند از: عملگرهای تقاطعی و عملگرهای جهشی. به کروموزمهایی که از طریق عملگرها تولید می‌شود فرزند اطلاق می‌شود. پس از تکرار نسل به تعداد دلخواه، الگوریتم به بهترین کروموزوم همگرا می‌شود که نمایانگر جواب مطلوب برای مسئله می‌باشد. امروزه الگوریتم ژنتیک جای خود را در میان روشهای بهینه سازی و حل مسایل پیچیده به خوبی یافته است.<sup>(۱۳)</sup>

برخی از زمینه‌های کاربردی الگوریتم‌های ژنتیکی در مسایل تولید، تحقیق در عملیات و تصمیم‌گیری عبارتند از: (۱۴ و ۱۵ و ۱۲) مساله موازنۀ خط‌آمودن، مساله تخصیص و جایابی، مساله استقرار تسهیلات در سیستم کارگاهی و سفارش کار و پیوسته مساله فروشنده دوره‌گرد، مساله پوشش مجموعه‌ای، مساله کوله‌پشتی، قابلیت اطمینان، زمانبندی انعطاف‌پذیر، برنامه‌ریزی عدد صحیح و غیره.

## فرآیند الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک به منظور حل و بهینه سازی مسائل مختلف از یک سری عملیات سیستماتیک پیروی می‌کند شکل ۲ بیانگر روش الگوریتم ژنتیک برای حل مسائل می‌باشد. فرض کنید الگوریتم برای حل و بهینه سازی مساله APP شرکت آلفا بکار گرفته شود. در مساله APP شرکت آلفا جدول ۱ بیانگر تولید واحدهای اضافی که با استفاده از متغیرهای نظریه،  $O_i$ ،  $S_i$ ،  $H_i$  و  $I_i$ ، بمنظور برآورده ساختن تقاضای پیش‌بینی شده بدست آمده است.

گامهای این الگوریتم با مطالعه موردعه برای شرکت آلفا تشریح گردیده است.

```

begin
    t ← 0
    initialize p (t)
    evaluate p (t)
    while (not termination-condition) do
        begin
            t ← t +1
            select p(1) from o(t-1)
            ather p(t)
        end
    end
end

```

## گام ۱-نمایش

اولین گام در الگوریتم ژنتیک نمایش مساله بصورت کد ژنتیکی است (۱۶). برای مساله APP از نوع نمایش دو دویی استفاده شده است. بدین معنی که مقادیر بدست آمده جدول برنامه تولید ادغامی از مبنای دهدۀ خود به مبنای دو دویی تبدیل شده اند. عنوان مثال نمایش عدد ۳۰۰ در مبنای ۲ معادل رشته «۱۱۰۰۱۰۱۰۰۱۱۰۰» می باشد، جدول ۲ بیانگر معادل دو دویی ارقامی است که از تولید واحدهای اضافی در جدول ۱ استخراج شده است.

جدول ۲ - بروفا مه ادغامی که بصورت ارقام دو دوی نمایش داده شده است.

ماه	تولید در ساعت اضافه کاری	کارکنان پاره وقت	قراردادهای فرعی	موجودی
۱	1100100000	0000000000	0000000000	01000010010
۲	100101100	0000000000	0000000000	0100100101
۳	1100100000	110001010	0000000000	000000000000
۴	1100100000	0000000000	0000000000	10100000011
۵	1100100000	0000000000	0000000000	10100000011
۶	1100100000	010011110	0000000000	00011000010
۷	1100100000	111110100	100101100	00000000000
۸	1100100000	111110100	100101100	00000011101
۹	1100100000	011011101	0000000000	000000000000
۱۰	1100100000	0000000000	0000000000	01011011001
۱۱	1100100000	0000000000	0000000000	01001111011
۱۲	1100100000	111110100	0100000000	000000000000

پortal جامع علوم انسانی

ارقام لیست شده در جدول ۲ برای اتخاذ کد ژنتیکی ضروری و برای هر جواب APP به یک رشته مانند شکل ۳ مرتبط شده اند. در اصطلاحات الگوریتم ژنتیک هر یک از چنین رشته هایی اصطلاحاً یک جواب گفته می شود و یک گروه از جوابها یک جمعیت را نشان می دهد.

### شکل ۳- رشته ای برگذاریکی برای برنامه ادغامی

موجودی آخر دوره	موجودی آخر دوره	.....	تولید در ساعت اضافه کاری	تولید در ساعت اضافه کاری
فروردن	اردیبهشت	بهمن	اسفند	
110001000000	0000000000	0100111101!	000000000000	

### گام ۲- تولید جمعیت اولیه

بطور تصادفی جمعیتی از جوابهای مانند شکل ۳ ایجاد می گردد . در این مرحله لازم است که تعداد جوابهایی که جمعیت اولیه را شکل می دهدن تعیین گردد بعبارتی اندازه جمعیت (POP-Size) مشخص شود که بعنوان ورودی توسط کاربر به سیستم وارد می شود . همچنین بایستی در این مرحله از ورود جوابهای غیر موجه به جمعیت جلوگیری گردد بعارت بهتر جوابهای اولیه بایستی در محدودیت های مسئله صدق نمایند (۱۷) .

### گام ۳- ارزیابی

هزینه کل مربوط به هر یک از رشته ها در جمعیت می باشد تعیین شود ، این مسئله بوسیله رمزگشایی هر رشته بدست خواهد آمد به منظور رمزگشایی ، هر رشته به تعداد بیت های هر متغیر تقسیم می شود (۱۷) مانند شکل ۳ و هر بخش به معادل عدد دهی برگردانده می شود و با استفاده از یکتابع پر ارزش مناسب هزینه کل محاسبه خواهد شد ، برای تعیین هزینه برنامه ادغامی شرکت آلفا از تابع پر ارزش زیر استفاده شده است .

$$May f = C_{\max} \cdot (V_{r+1}^{T_r} O_r + h_{r+1}^{T_r} H_r + S_{r+1}^{T_r} S_r + C_{r+1}^{T_r} I_r)$$

که در آن  $C_{\max}$  عدد ثابت دلخواه می باشد .

## گام ۶ - انتخاب

پشتونه اصلی الگوریتم های ژنتیکی ، انتخاب طبیعی می باشد ، انتخاب طبیعی ، ارگانیزم هایی را که در ادامه حیات جمعیت نقش دارند و آنها یکه فرصت تولید مثل دارند را تعیین می کند (۱۲) . روش های متعددی برای انتخاب وجود دارد که در این مقاله با توجه به نوع مسئله و هدف آن از دو روش بطور ترکیبی استفاده شده است که عبارتند از :

### ۱- روش چرخ رولت :

انتخاب بر اساس چرخ رولت<sup>۱</sup> بوسیله جان هولند پیشنهاد شده است که بهترین نوع انتخاب شناخته شده است . ایده اساسی این روش تعیین کردن احتمال انتخاب یا احتمال بقاء برای هر کروموزوم متناسب با مقدار برازش آن می باشد چرخ رولت بمنظور نشان دادن این احتمالات ساخته می شود ، فرآیند انتخاب برای چرخاندن همزمان ارقام چرخ ، به تعداد اندازه جمعیت مبتنی می باشد (۱۵) .

۱- مقادیر صلاحیت یا (VK) مربوط به هر کروموزوم را محاسبه کنید :

$$eval(V_k) = f(m), k = 1, 2, \dots, pop\text{-Size}$$

۲- جمع مقادیر صلاحیت کل کروموزوم های موجود را محاسبه کنید .

$$pop\text{-size} \\ f = \sum_{k=1}^K eval(V_k)$$

۳- احتمال PK مربوط به هر کروموزوم (VK) را محاسبه کنید .

$$P_K = \frac{eval(V_k)}{F}, K = 1, 2, \dots, pop\text{-Size}$$

۴- احتمال تجمعی q<sub>k</sub> را برای هر کروموزوم (VK) محاسبه کنید :

$$q_k = \sum_{j=1}^k eval(V_j)$$

رویه انتخاب با چرخاندن چرخ رولت به تعداد POP-SIZE بار آغاز شده و هر بار یک کروموزوم جهت حضور در نسل جدید بصورت زیر انتخاب می شود :

گام ۱- یک عدد تصادفی مثل  $t$  را در فاصله  $(1, \dots, n)$  تولید کنید .

گام ۲- اگر  $q_{t-1} < t < q_t$  باشد آنگاه کروموزوم  $V_t$  که اولین کروموزوم است انتخاب می شود . در غیر اینصورت  $K$  امین کروموزوم (یعنی  $V_K$ ) که در آن .

$$(2 \leq K \leq \text{POP-SIZE})$$

می باشد ، انتخاب می گردد .

۲- روش نخبه گرا <sup>۱</sup> توسط در جونگ <sup>۲</sup> (15) پیشنهاد شده است . این روش به منظور حفظ بهترین رشته در هر جمعیت بکار گرفته می شود ، بدین صورت که اگر  $(t)^*$  بهترین رشته تولید شده این روش تا زمان  $(t)$  باشد . اگر پس از تولید نسل  $(t+1)$  رشته  $(t)^*$  در این نسل یعنی  $A(t+1)$  موجود نباشد ، آنگاه  $(t)^*$  را عنوان  $(N+1)$  امین عضو جمعیت  $(t+1)$  قرار می دهد . که در آن  $N$  تعداد رشته هر نسل می باشد .

گام ۵- بکارگیری عملگرهای ژنتیکی عملگرهای ژنتیک وظیفه بدست اوردن جوابهای جدید در فضای جستجو را بر عهده دارند این عملگرها عبارتند از : عملگر تقاطعی و عملگر جهشی . انواع مختلفی از عملگرها وجود دارند که بکارگیری هر یک از آنها بستگی به نوع مساله مورد نظر دارد . عملگرهای تقاطعی و جهشی استفاده شده در حل و بهینه سازی مسئله APP به صورت زیر می باشد .

### عملگر تقاطعی تک نقطه ای :

نحوه کار عملگر بدین صورت است که دو رشته به عنوان والدین تصادفی از بین افراد جمعیت انتخاب می شوند . سپس یک عدد تصادفی بطور یکنواخت در فاصله  $(1, \dots, n)$  انتخاب

1-Elitist Model .

2-Degone .

می شود . که در آن L نعداد اجزاء رشته است و سپس بیت های بعد از نقطه برش با یکدیگر جابجا می شوند (۱۴) . شکل ۴ بکارگیری عملگر تقاطعی برای مساله APP شرکت آلفا می باشد .

**شکل ۴- بکارگیری عملگر تقاطعی تک نقطه ای در مسئله APP**

رشته ۸	0011001000	0011001000	.....	000000000000
رشته ۱۲	1000010001	0011001000	.....	100010111110
فرزنده ۸	0011001000	0010001001	.....	100010111110
فرزنده ۱۲	1000010001	0011001000	.....	000000000000

### عملگر تقاطعی دو نقطه ای

نحوه کار این عملگر نیز مانند عملگر تقاطعی می باشد با این تفاوت که در این عملگر دو نقطه برش ایجاد می شود . بطور کلی این عملگر در ایجاد بهبود در جوابها بسیار موثر شناخته شده است . (۱۸) تعیین تعداد مورد انتظار رشته هایی که تحت عملگر تقاطعی قرار می گیرند بر عهده  $p_e$  می باشد که بصورت ورودی به سیستم وارد می شود .

### عملگر جهشی :

عملگر جهشی فقط بر روی یک والد اجرا می شود . بدین ترتیب که از کل جمعیت چندین بیت که بطور تصادفی انتخاب می شوند (که بیت ها می توانند متعلق به یک یا چند رشته باشند) . تحت عملگر جهش قرار می گیرند . و تعیین تعداد مورد انتظار بیت هایی که تحت عملگر جهشی قرار می گیرند بر عهده  $p_{nm}$  می باشد که بعنوان ورودی توسط کاربر به سیستم داده می شود (۱۴) . بکارگیری عملگر جهش در مورد مسئله APP شرکت آلفا به صورت شکل ۵ می باشد .

**شکل ۵- بکارگیری عملگر جهش در مساله APP (فرض کنید بیت های ۵ و ۷ و ۱۸ در رشته زیر تحت عمل جهش قرار گیرد)**

رشته ۱ قبل از جهش	0011001000	0011001000	.....	000000000000
رشته ۱ بعد از جهش	0011100000	0011001100	.....	100010111110

بعد از بکارگیری عملگرهای فوق مطمئناً جواب جدید بدست آمده از منطقه موجه خارج خواهد شد بعارت دیگر از محدودیت های مسئله APP خواهند کرد . برای جلوگیری از این مساله با استفاده از محدودیت های خود مساله و عملگر تعمیر<sup>۱</sup> طراحی شده این کنترلها انجام می شود .

کنترل توسط محدودیت ها : برای رعایت حدود متغیرهای اضافه کاری ، کارکنان پاره وقت و قراردادهای فرعی از رابطه ۱ استفاده شده است .

$$\text{رابطه } (U - L) \times (\text{رشته باينري بدست آمده}) = \frac{X = L + 1}{2^m - 1}$$

بعنوان مثال برای رعایت محدودیت ۴ مدل مانند زیر عمل شده است ..

$$S = 0 + (111001110)_{1.} \times \frac{(300--0)}{2^9 - 1} = 271$$

عدد بدست آمده از رابطه فوق در محدودیت ۴ صدق می کند . این رابطه برای رعایت محدودیت های ۲ و ۳ و ۴ استفاده شده است اما برای رعایت محدودیت ۱ مساله ، جوابهای تعمیر یافته توسط عملگرها بایستی تحت عملگر جدیدی به نام عملگر تعمیر قرار گیرند تا دوباره به منطقه موجه بازگردند . عملگر تعمیر طراحی شده برای مساله APP به صورت رابطه ۲ می باشد .

Compar  $I_1$  with  $I_2$

IF  $I_1 < I_2$

Then  $(I_1 - I_2)$  add to ,  $O_t$  ,  $H_t$  ,  $S_t$

IF  $I_1 > I_2$

Then  $(I_1 - I_2)$  Subtract from  $S_t$  ,  $H_t$  ,  $O_t$

در طراحی عملگر تعمیر فوق از اولویت های مدنظر شرکت استفاده شده است . این عملگر ضمن اینکه جواب را موجه می نماید در بهبود جواب نیز موثر می باشد . با تکرار گامهای فوق به اندازه تعداد نسل که یکی دیگر از ورودیهای سیستم می باشد فرآیند تکاملی خاتمه می یابد گامهای ذکر شده برای حل و بهینه سازی مسئله APP توسط الگوریتم ژنتیک به طور خلاصه در فلوچارتی که در شکل ۶ به تصویر کشیده شده است نمایش داده شده است .

### نتایج محاسباتی

در این بخش نتایج برنامه ژنتیک برای حل و بهینه سازی مسئله APP شرکت آلفا بدست آمده است . برنامه ژنتیک برنامه است که با توجه به فلوچارت شکل ۶ به زبان Visual Basic نوشته شده است در این قسمت نتایج بدست آمده از طریق برنامه ژنتیک با نتایج حاصل از برنامه ریزی تولید ادغامی با استفاده از مدل برنامه ریزی خطی که توسط نرم افزار QSB حل شده و همچنین روش تهیه برنامه ادغامی بصورت دستی که در کتب مدیریت تولید ارائه شده است (۱۶) مقایسه می گردد .

نتایج محاسبه شده با پارامترهای مختلفی در این برنامه آزمایش شده است که بهترین جواب به دست آمده پس از ۵۰۰ بار آزمایش در جدول ۳ نمایش داده شده است .

پارامترهای ورودی

$\text{pop-size} = 100$

$\text{gn} = 100$

$\text{pm} = \%1$

$\text{pc} = \%95$

	تولید در ساعت اضافه کاری	کارکنان پاره وقت	قردادهای فرعی	موجودی
۱	۲۷۰	۰	۰	۰
۲	۸۰۰	۲۳۰	۰	۲۸۶
۳	۸۰۰	۵۰۰	۱۰۰	۰
۴	۸۰۰	۵۰۰	۰	۱۰۶
۵	۸۰۰	۰	۰	۱۳۸۹
۶	۸۰۰	۳۵۲	۰	۴۹۴
۷	۸۰۰	۲۴۰	۰	۰
۸	۸۰۰	۵۰۰	۲۷۱	۰
۹	۸۰۰	۰	۰	۰
۱۰	۳۰۷	۰	۰	۲۳۶
۱۱	۸۰۰	۵۰۰	۰	۶۴۲
۱۲	۸۰۰	۵۰۰	۱۲۱	۰

هزینه واحدهای اضافی =  $۳۸۷\ ۸۰۱\ ۰۰۰$

## پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی پortal جامع علوم انسانی

### بورسی پارامترها :

در این قسمت رابطه بین پارامترها و تأثیر آن بر بهبود جواب بررسی شده است . با مشاهده جدول ۴ و شکل ۷ که از ترسیم داده های جدول ۴ به دست آمده است می توان اینگونه نتیجه گرفت که افزایش POP-SIZE تأثیر مستقیم و چشمگیری بر بهبود جواب داشته است ولی هر چه تعداد جمعیت افزایش یابد ، اخذ پاسخ نیازمند زمان بیشتری است . افزایش در GN یا تعداد نسل تأثیر ناچیزی بر بهبود جواب گذاشته است . این رابطه در جدول ۵ و شکل شماره ۸ نمایش داده شده است . همچنین از هر دو نمودار اینگونه استنباط می شود که افزایش PC رابطه مستقیمی با بهبود جواب داشته است .

## جدول ۴ رابطه Pop-size با بهبود جواب

شماره اجراء	POP-SIZE	PC	PM	GN	مقدار تابع هدف
۱	۲۰	%۲۵	%۱	۲۰	۳۹۷۱۸۲۰۰
۲	۲۰	%۴۵	%۱	۲۰	۳۹۵۸۰۷۶۷۰
۳	۲۰	%۶۵	%۱	۲۰	۳۹۵۶۲۶۱۰۰
۴	۲۰	%۷۵	%۱	۲۰	۳۹۴۹۰۴۰۰۰
۵	۲۰	%۹۰	%۱	۲۰	۳۹۴۸۰۹۷۰
۶	۵۰	%۲۵	%۱	۲۰	۳۹۵۵۳۶۶۰
۷	۵۰	%۴۵	%۱	۲۰	۳۹۴۳۶۹۵۷۰
۸	۵۰	%۶۵	%۱	۲۰	۳۹۴۱۸۹۶۰۰
۹	۵۰	%۷۵	%۱	۲۰	۳۹۴۷۰۵۰۰۰
۱۰	۵۰	%۹۰	%۱	۲۰	۳۹۳۶۹۶۰۰۰
۱۱	۱۰۰	%۲۵	%۱	۲۰	۳۹۳۹۶۲۸۴۰
۱۲	۱۰۰	%۴۵	%۱	۲۰	۳۹۲۹۸۱۹۱۰
۱۳	۱۰۰	%۶۵	%۱	۲۰	۳۹۱۸۶۱۰۰۰
۱۴	۱۰۰	%۷۵	%۱	۲۰	۳۹۰۷۵۰۰۰۰
۱۵	۱۰۰	%۹۰	%۱	۲۰	۳۸۹۸۰۱۰۰۰

## جدول ۵ رابطه GN با بهبود جواب

شماره اجراء	POP-SIZE	PC	PM	GN	مقدار تابع هدف
۱	۵۰	%۲۵	%۱	۲۰	۳۹۵۶۵۰۰۰۰
۲	۵۰	%۴۵	%۱	۲۰	۳۹۴۵۶۱۷۲۰
۳	۵۰	%۶۵	%۱	۲۰	۳۹۴۱۲۱۰۰۰
۴	۵۰	%۷۵	%۱	۲۰	۳۹۳۷۵۱۳۳۰
۵	۵۰	%۹۰	%۱	۲۰	۳۹۳۱۰۰۴۱۰
۶	۵۰	%۲۵	%۱	۵۰	۳۹۵۵۶۶۷۱۰
۷	۵۰	%۴۵	%۱	۵۰	۳۹۴۰۰۰۰۰۰
۸	۵۰	%۶۵	%۱	۵۰	۳۹۳۹۹۸۰۰۰
۹	۵۰	%۷۵	%۱	۵۰	۳۹۳۱۶۷۰۰۰
۱۰	۵۰	%۹۰	%۱	۵۰	۳۹۲۴۸۰۰۱۰
۱۱	۵۰	%۲۵	%۱	۱۰۰	۳۹۵۵۶۱۷۲۰
۱۲	۵۰	%۴۵	%۱	۱۰۰	۳۹۴۰۰۰۰۰۰
۱۳	۵۰	%۶۵	%۱	۱۰۰	۳۹۳۹۹۸۰۰۰
۱۴	۵۰	%۷۵	%۱	۱۰۰	۳۹۳۱۶۷۰۰۰
۱۵	۵۰	%۹۰	%۱	۱۰۰	۳۹۳۴۸۰۰۱۰

## مقایسه نتایج :

برای آگاهی از میزان کارآبی روش الگوریتم ژنتیک بایستی این روش با یک یا چند روش موجود که برای حل مسئله برنامه ریزی تولید ادغامی استفاده شده است مقایسه گردد. به همین منظور نتیجه حاصل از این روش با نتایج بدست آمده از دو روشی که عبارتند از روش حل دستی و مدل برنامه ریزی خطی که با استفاده از نرم افزار QSB حل شده است مورد مقایسه قرار گرفته است. جدول ۴ بیانگر مقایسه نتایج بین سه روش مذکور می باشد.

جدول ۴ - مقایسه نتایج

روش (تکنیک)	الگوریتم ژنتیک	روش حل دستی با استراتژی ثابت	روش حل دستی با استراتژی متغیر	برنامه ریزی خطی QSB
هزینه	۲۳۴۷۷۷۶۰۰	۲۳۵۱۳۷۵۰۰	۲۴۰۴۷۳۹۰۰	۲۳۳۵۸۴۷۰۰

#### نتیجه گیری :

در این مقاله برای ایجاد برنامه تولید ادغامی از تکنیک الگوریتم ژنتیک که از دسته تکاملی می باشد استفاده کردیم و به منظور نشان دادن جنبه کاربردی این موضوع ، تحقیق را با یک مطالعه موردی بر روی شرکت آلفا تکمیل نمودیم .

نتیجه به دست آمده از این تحقیق حاکی از آن است که الگوریتم ژنتیک بطور مطلوبی قادر بوده است که اهداف برنامه ریزی تولید ادغامی را که همانا حداقل نسودن هزینه های تولید در میان مدت و بهترین استفاده از منابع و امکانات موجود بویژه نیروی انسانی می باشد را برای شرکت آلفا با رعایت محدودیتهای شرکت برآورده سازد .

نتایج مندرج در جدول ۴ گویای این واقعیت است که الگوریتم ژنتیک جواب بهتری نسبت به روش حل دستی (استراتژی ثابت و متغیر) داشته است . اما نتیجه حاصل شده از جواب نرم افزار QSB نسبت به جواب الگوریتم ژنتیک بهتر بوده است و از آنجا که برنامه ریزی خطی(QSB) جواب بهینه را حاصل نموده است می توان نتیجه حاصل شده از روش الگوریتم ژنتیک را نتیجه ای مطلوب (نزدیک به بهینه) دانست و به دلیل مزایای بسیار زیاد روش الگوریتم ژنتیک از جمله : سادگی و فهم آسانتر برای مدیران و ارائه جوابهای چندگانه با هزینه های یکسان به کارآیی این روش رأی مثبت داد . همچنین الگوریتم ژنتیک قابلیت بکارگیری توابع هزینه غیر خطی و استفاده از متغیرهای کیفی را در APP دارا می باشد .

- ۱-Pan and Brain H. Kleiner, "Aggregate Planning Today" ,Work Study ,1995, Vol.44, No 3 , PP4-7 .
- ۲-جعفر نژاد ، احمد "مدیریت عملیات ، برنامه ریزی و کنترل تولید" ،جلد دوم ، ۱۳۷۰، چاپ اول ، انتشارات دانشکده علوم اداری و مدیریت بازرگانی دانشگاه تهران .
- ۳-روح روان ، حمید " برنامه ریزی تولید میان مدت کاربردی در کارخانجات ساخت و موتناز کشور" ، ۱۳۷۵ ، پایان نامه کارشناسی ارشد دانشگاه تربیت مدرس .
- ۴-Edwa A. Silver, David F Pyke, Rein Peterson : "Invention Management and Production Planning and Scheduling" ,1998, John Willy and Sons .Inc .
- ۵-Fogarty ,Hoffmann, Stone Baker : "Production and Operations Management" ,1984, South Western Publishing Co.
- ۶-ماکویی ، احمد ' مقدمه ای بر برنامه ریزی تولید" ، ۱۳۷۷ ، چاپ اول ، انتشارات دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران جنوب .
- ۷-آریاننژاد ، میر بهادر قلی: " برنامه ریزی تولید ادغامی" ، ۱۳۷۰ ، انتشارات دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران جنوب .
- ۸-مدرس یزدی ، محمد ، " سیستم‌های کنترل تولید جامع" ، ۱۳۷۵ ، چاپ دوم ، انتشارات دانشگاه صنعت شریف .
- ۹-Vollman,T.E & etal . Management Planning and Control Sistem ,Third Edition ,1992. Irwin Publication .
- ۱۰-Gilgeous .V, ((Modeeling Realism in Aggregate Planning : A Goal Search Approach)) .International Journal of Production Research ,1989,Vol .
- ۱۱-روهینا ، محمد و " مقدمه ای بر الگوریتم ژنتیک" مجله صنایع ، ۱۳۷۷ ، شماره سوم، انتشارات دانشگاه صنعتی شریف .

- 12-** Goldberg; D. E ”, Genetic Algorithmus in Search. Optimizing and Machine Learning ”,1989, Adison -- Wesley Pulication,Inc.
- 13-**Gen.M.and R.Cheng,”Genetic Algorithms and Engineering Design. 1997,John Wiley and Sons.Inc
- 14-**Michalewicz. Zbigniew.” Genetic Algorithms + Data Structures == Evolution Programs ”, 1995, Springer Publition.
- 15-** Gen.Mitsuo and Runwei Chneg .” Genetic Algorithms and Engineering Optimizing ”,2000, John Wiley and Sons.Inc
- 16-** Kan Yar Tam.” Genetic Algorithms.Function Optimizing and Facility Layout Design ”,European Journal of Operational Research,1992.vol.63. PP.322-346
- ۱۷-** محمود آبادی ، عباس ، ”کاربردی الگوریتمهای ژنی در برنامه ریزی تولید ” ، ۱۳۷۶ ، سمینار دانشگاه تربیت مدرس .
- 18-**W. H. Ip, Y. Li, K. F. Man, K. S. Tang, ”Multy-Product Planning and Scheduling Using Genetic Algorithms Approach” ,Computer and Industrial Engineering, 2000, Vol. 38, PP. 283-296 .
- ۱۹-**الوانی ، سید مهدی و نصرالله میر شفیعی ، ”مدیریت تولید ” ، ۱۳۷۴ ، چاپ هفتم . انتشارات استان قدس رضوی .