

## Risk Modeling of Stocks of Large Companies in the Tehran Stock Exchange: A Multivariate Factor Stochastic Volatility Approach

Reza Taleblou\* 

Associate Professor of Economics, Allameh Tabataba'i University, Tehran, Iran

Parisa Mohajeri 

Associate Professor of Economics, Allameh Tabataba'i University, Tehran, Iran

Morteza Yeganeh 

Master's Student in Economics, Faculty of Economics Allamah Tabataba'i University, Tehran, Iran

### Abstract

Volatility analysis is considered a modern and efficient tool for estimating, managing, and hedging risk, valuing and selecting optimal portfolios, and aiding investors in making informed financial decisions. This research aims to present a model for the risk analysis of 30 large companies listed on the Tehran Stock Exchange using the Multivariate Factor Stochastic Volatility Model (MFSVM) within the framework of a non-linear state-space approach. In this framework, the volatility of stock returns is decomposed into two components, "volatility arising from latent factors" and "idiosyncratic risks". The dynamic correlation matrix of the volatility of stock returns is then estimated. In this regard, weekly stock return data from January 10, 2018, to October 7, 2023, were utilized. The results of the research indicate that the first three hidden factors influence the volatility of stock returns. The first factor impacts stocks in the oil products industry, chemical products, basic metals, mining, and investment funds. The second factor predominantly affects banks, while the third factor also influences bank stocks to some extent. Second, the strongest posterior pairwise correlations are observed between "GDIR" and "PTAP" (74%), "PASN" (73%), and "FOLD" (71%). Additionally, "FOLD" shows a 69% correlation with both "PASN" and "PTAP," and a 66% correlation with "MSMI" and "MADN". The weakest correlation is between "GDIR" and "BPAS" (-10%). Third- "BPAS" exhibits the lowest correlation within the stock network, whereas "GDIR" shows the highest correlation.

\* Corresponding Author: Talebloo.r@gmail.com

**How to Cite:** Taleblou, R., Mohajeri, P., & Yeganeh, M. (2024). Risk Modeling of Stocks of Large Companies in the Tehran Stock Exchange: A Multivariate Factor Stochastic Volatility Approach. *Economics Research*, 23(91), 131-165.

## Introduction

The research utilizes a multivariate factor stochastic volatility model to analyze the volatility of stock returns for 30 major companies listed on the Tehran Stock Exchange. Factor models operate on the premise that all systems, even those with high dimensions, are driven by a few random factors. These random factors influence the hidden common interactions among observations. Essentially, these models reduce the number of unknowns by decomposing the dynamic covariance matrix into two distinct matrices: one for the latent factors and another diagonal matrix for the idiosyncratic variances. By employing an orthogonal latent factor space with fewer dimensions, the model effectively reduces the number of unknowns, enabling a more precise representation of stock return volatilities. This approach mitigates the curse of dimensionality and provides an efficient estimate of the dynamic covariance matrix.

The model highlights the crucial role of latent factors in stock return volatility and provides a framework for comprehending dynamic correlations in stock markets, which fluctuate among different stocks over time. It effectively captures potential elements such as clustered volatility and co-movements of volatilities, while remaining resilient against shocks unique to each company's stock.

## Methods and Material

In this research, a multivariate factor stochastic volatility model in R software, along with the relevant packages, based on the Markov Chain Monte Carlo (MCMC) method, has been used to analyze volatilities in the Iranian stock market. The study sample includes weekly return data of 30 large stocks listed on the Tehran Stock Exchange, covering the period from January 20, 2018, to October 7, 2023, extracted using TseClient 2.0 software. The 30 large companies operate in various industries, including banking, insurance, petrochemicals, and other sectors. In this model, based on the Gibbs sampling method in the R software package (Kastner, 2016), the aim is to estimate the parameters and their sampling uncertainty within a Bayesian framework. By quantifying the inherent uncertainty, an appropriate estimate of the sample density distribution is provided.

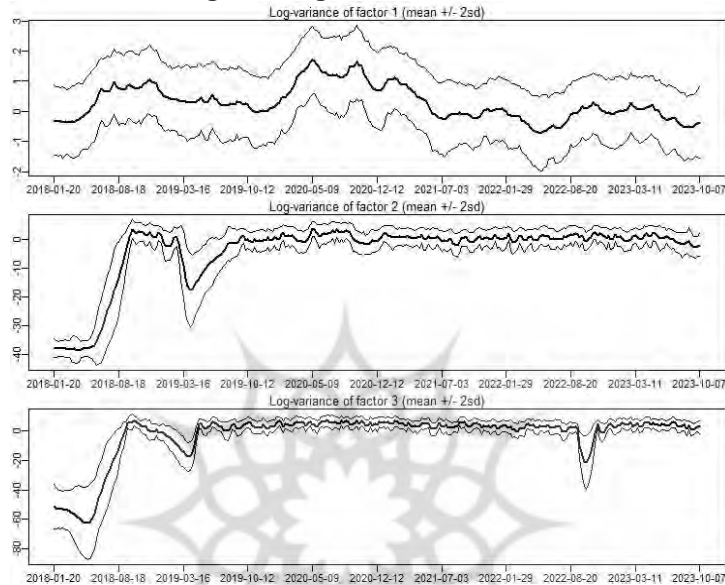
## Results and Discussion

The results indicate the presence of three latent factors. (figure 1) The first latent factor, seemingly rooted in international events, primarily affects export-oriented commodity companies. The second and third latent factors, which appear to have domestic origins, predominantly impact the volatilities of bank returns (figure 2). The studied stock volatilities exhibit clustered and co-movement behaviors, which intensify at certain times. The correlation intensity between the stock return volatilities of the companies under study has increased over time. Initially, during the study period, the correlations were relatively weak and mainly limited to relationships among export-oriented commodity companies. However, these correlations increased across the entire market, peaking from August 2019 to July 2020, before subsequently declining.

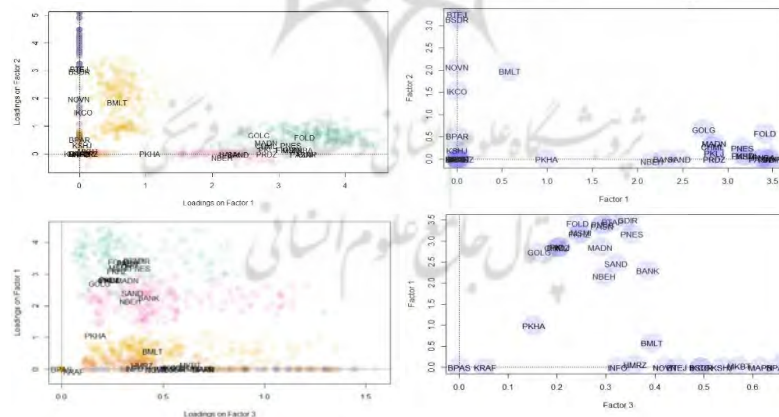
The highest posterior pairwise correlations are between Ghadir Investment Company (GDIR) and Oil, Gas, and Petrochemical Investment Company (PTAP), Parsian Oil and Gas Development Company (PASN), and Mobarakeh Steel Company (FOLD) at 74%, 73%, and 71%, respectively. Additionally, FOLD shows correlations of 69% with both PASN and PTAP, and 66% with National

Iranian Copper Industries Company (MSMI) and Mines and Metals Development Investment Company (MADN). The weakest pairwise correlation is between Pasargad Bank (BPAS) and GDIR at -10%. BPAS also exhibits the weakest average correlation of approximately (-5%) with the entire stock network, while GDIR has the strongest average pairwise correlation with the entire stock market network at 47.5%.

**Figure 1: log Variance of Factors**



**Figure 2: loading of factors**



Given that forming an efficient and diversified stock portfolio requires an understanding of the behavior and correlations between the volatilities of the

desired stock returns, the results of this study can provide a clear understanding of the return volatilities of the large companies' stock network and assist in designing appropriate investment strategies. Additionally, optimizing stock portfolios, valuing options, and calculating value at risk using MFSVM could be subjects for future research, which have not been extensively explored in the domestic research space.

## Conclusion

In this article, the Multivariate Factor Stochastic Volatility Model (MFSVM) is used within a non-linear state-space framework to decompose the volatility of stock returns into two components: “volatility arising from latent factors” and “idiosyncratic risks”. Additionally, the dynamic correlation matrix of stock return volatilities is estimated. The results reveal three hidden factors. The first hidden factor, seemingly influenced by international events, primarily affects export-oriented commodity companies. National events are reflected in the second and third factors, which predominantly impact the volatilities of bank returns. The volatilities of stock returns exhibit clustering and co-movement behaviors, which intensify at certain intervals. At the beginning of the investigation period, only the volatilities of export-oriented commodity companies were related to each other. However, during an upward trend, correlations increased across the entire market, peaking from August 2019 to July 2020, before subsequently declining.

Pairwise posterior correlations between stock volatilities were also investigated. The highest posterior correlations were observed between Ghadir Investment Company (GDIR) and Oil, Gas, and Petrochemical Investment Company (PTAP), Parsian Oil and Gas Development Company (PASN), and Mobarakeh Steel Company (FOLD), with correlation coefficients of 74%, 73%, and 71%, respectively. The weakest correlation coefficient was between GDIR and Pasargad Bank (BPAS) at -10%. BPAS exhibited the lowest average correlation of approximately -5% with the entire stock network, while GDIR had the strongest average pairwise correlation with the entire stock market network at 47.5%. The results of this research provide a clear understanding of the volatility of the listed companies' stocks and can assist in designing suitable investment strategies, optimizing portfolios, and calculating value at risk using MFSVM. These areas could be subjects for future research, which have not been extensively explored in the domestic research space.

**Keywords:** Idiosyncratic Risk, Latent Factors, Multivariate Factor Stochastic Volatility Model, Dynamic Correlation, Stock Market.

**JEL Classification:** C32, G11, G32, C58, C11, C55



## الگوسازی ریسک سهام شرکت‌های بزرگ بازار بورس اوراق بهادار تهران؛ رویکرد تلاطم تصادفی چندمتغیره عاملی

رضا طالبلو\* | دانشیار دانشکده اقتصاد دانشگاه علامه طباطبائی، تهران، ایران

پریسا مهاجری | دانشیار دانشکده اقتصاد دانشگاه علامه طباطبائی، تهران، ایران

مرتضی یگانه | دانشجوی کارشناسی ارشد دانشکده اقتصاد، دانشگاه علامه طباطبائی، تهران، ایران

### چکیده

تجزیه و تحلیل تلاطم به‌عنوان ابزاری مدرن و کارآمد، در برآورد، مدیریت و پوشش ریسک، ارزش‌گذاری و انتخاب سبد بهینه محسوب می‌شود و به تصمیم‌گیری مالی آگاهانه سرمایه‌گذاران کمک می‌نماید. هدف پژوهش حاضر، ارائه مدلی برای تجزیه و تحلیل ریسک سهام ۳۰ شرکت بزرگ در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از مدل تلاطم تصادفی چند عاملی (MFSVM) در چارچوب رویکرد فضا-حالت غیرخطی است. در این چارچوب، تلاطم بازده سهام به دو جزء «تلاطم منبعث از عوامل پنهان» و «تلاطم خاص هر سهم» تفکیک شده و ماتریس همبستگی و کوواریانس پویای تلاطم بازده سهام برآورد می‌شود. در این راستا از داده‌های هفتگی بازده سهام شرکت‌های طی دوره زمانی ۱۳۹۶/۱۰/۳۰ تا ۱۴۰۲/۰۷/۱۵ استفاده شده است. نتایج پژوهش حاکی از آن است که اولاً سه عامل پنهان بر تلاطم بازده سهام‌ها اثرگذارند. عامل نخست عمده‌تأ سهام مربوط به شرکت‌های فعال در صنعت فراورده‌های نفتی (شبندر، شپهرن، شینا)، محصولات شیمیایی (تاپیکو، فارس، شخارک، شپدیس، پارسان)، فلزات اساسی (فولاد، فملی، فخوز)، معدن (کچاد، کگل) و صندوق‌های سرمایه‌گذاری (وصندوق، وغدیر، وبانک) را تحت تأثیر قرار داده است. عامل دوم بیشترین تأثیر را بر بانک‌ها (وتجارت، وبصادر، ونوین، وبملت، وپارس) داشته است. عامل سوم نیز تا حدودی بر سهام بانک‌ها اثرگذار بوده است. ثانیاً قوی‌ترین همبستگی زوجی پسینی، بین شرکت وغدیر با شرکت‌های تاپیکو، پارسان و فولاد به ترتیب با ۷۴٪، ۷۳٪ و ۷۱٪ و فولاد با شرکت‌های پارسان، تاپیکو (هر یک ۶۹٪) و سپس با فملی و ومعادن (هر یک ۶۶٪) می‌باشد و ضعیف‌ترین همبستگی زوجی نیز به شرکت‌های وغدیر-وپاسار (۱۰٪-) اختصاص دارد. ثالثاً نماد وپاسار (بانک پاسارگاد) و وغدیر (شرکت سرمایه‌گذاری وغدیر) به ترتیب کمترین و بیشترین همبستگی را با شبکه سهام تجربه می‌کنند.

**کلیدواژه‌ها:** ریسک منحصر به فرد، عوامل پنهان، مدل تلاطم تصادفی چندمتغیره عاملی، همبستگی پویا، بازار سهام.

طبقه‌بندی JEL: C32, G11, G32, C58, C11, C55

## ۱. مقدمه

ارتباط بازده (بازده دارایی‌های مالی) و پیش‌بینی تلاطم سابقه طولانی در ادبیات مدل‌سازی‌های سری‌های زمانی مالی و اقتصادی دارد که آغاز آن را می‌توان در تلاش مارکوویتز<sup>۱</sup> (۱۹۵۲) برای لحاظ مفهوم واریانس به عنوان ابزار سنجش ریسک در زمینه قیمت‌گذاری و تشکیل سبد بهینه دارایی‌های مالی نسبت داد. بعد از وی افرادی همچون شارپه<sup>۲</sup> (۱۹۶۴) و لینتر<sup>۳</sup> (۱۹۶۹) به تکمیل نظریه‌های قیمت‌گذاری پرداختند. بعد از آن، تلاطم (نوسانات) به عنوان ابزاری مهم در سنجش ریسک معرفی شد و پژوهشگران مختلفی با لحاظ تغییرات و واریانس قیمت دارایی‌ها در طول زمان و مدل‌سازی نوسانات در بازارهای مختلف مالی، به تحلیل ریسک و بازده دارایی‌ها پرداخته و از آن به عنوان ابزاری برای حداکثرسازی بازده و حداقل‌سازی ریسک استفاده نمودند.

با گسترش تحقیقات در زمینه مدل‌سازی واریانس در ارزیابی نوسانات دارایی‌های مالی، نظریه‌های نوین توسعه یافتند. منشأ این تحقیقات را می‌توان در کار انگل<sup>۴</sup> (۱۹۸۲) و بُلرسلو<sup>۵</sup> (۱۹۸۶) به ترتیب در ارائه مدل آرچ<sup>۶</sup> و گارچ<sup>۷</sup> جست‌وجو نمود. مشخصه اصلی این مدل‌ها، واریانس ناهمسانی شرطی<sup>۸</sup> می‌باشد. در این مدل‌های فرض می‌شود که نوسانات بازده یک دارایی تابعی از بازده‌ها و واریانس‌های گذشته آن است. این مدل‌ها می‌توانند خوشه‌بندی نوسانات را به خوبی به تصویر بکشند، اما نمی‌توانند وابستگی متقابل نوسانات بین چندین دارایی را به خوبی تبیین نمایند.

در سال ۱۹۸۲ تیلور<sup>۹</sup>، مدل تلاطم تصادفی تک متغیره<sup>۱۰</sup> را بر مبنای تصادفی بودن رفتار نوسانات با استفاده از مدل‌های فضا حالت غیرخطی<sup>۱۱</sup> ارائه کرد که نسبت به مدل‌های رقیب در شناسایی عوامل مشترک پنهان اثرگذار در سری‌های زمانی، قوی‌تر و در الگوسازی ساختار واریانس-کوواریانس پویا، منعطف‌تر می‌باشد.

- 
1. Markowitz
  2. Sharpe
  3. Lintner
  4. Engle
  5. Bollerslev
  6. autoregressive conditional heteroskedasticity (ARCH)
  7. generalized autoregressive conditional heteroskedasticity (GARCH)
  8. conditional heteroskedasticity
  9. Taylor
  10. univariate stochastic volatility (SV)
  11. nonlinear state-space model

تقریباً پس از گذشت یک دهه از انتشار این مقاله و عدم استفاده از روش آنها به علت محدودیت‌های محاسباتی (باس<sup>۱</sup>، ۲۰۱۱) در سال ۱۹۹۴ هاروی و همکاران<sup>۲</sup> اولین مدل تلاطم تصادفی چند متغیره را ارائه نمودند.

اهمیت مدل‌های تلاطم تصادفی چند متغیره را می‌توان هم از منظر اقتصادی و هم از منظر اقتصاد سنجی بیان نمود. با توجه به اهمیت همبستگی ساختاری بین دارایی‌های مالی، این مدل‌ها در جنبه‌های مختلف حوزه مالی مانند مدیریت ریسک سبد بهینه و تخصیص دارایی، کاربرد گسترده‌ای دارند و در تصمیم‌گیری‌های مالی مفید هستند. علاوه بر این، از آنجایی که هم حرکتی نوسانات در دارایی‌ها و بازارهای مختلف وجود دارد، مدل‌سازی نوسانات در چارچوب نوسانات تصادفی چند متغیره و بررسی سرایت تلاطم می‌تواند به کارایی آماری بیشتر منجر شود (آسای و همکاران<sup>۳</sup>، ۲۰۰۶). در سال‌های اخیر با تلاش افرادی چون کاستنر<sup>۴</sup> (۲۰۱۶)، کاستنر و همکاران (۲۰۱۷) و حسیجینی و کاستنر (۲۰۱۹)<sup>۵</sup> به کارگیری مدل‌های تلاطم تصادفی چند متغیره، محور مدل‌سازی طیفی از موضوعات اقتصاد مالی قرار گرفت.

اما تحقیقات انجام گرفته در داخل کشور در خصوص مدل‌سازی نوسانات در بازارهای مالی عمدتاً با استفاده از مدل‌های گارچ تک متغیره یا چندمتغیره صورت گرفته و به استثنای چند مقاله منتشر شده در سال‌های اخیر، استفاده از انواع الگوهای تلاطم تصادفی (تک متغیره و چند متغیره) مدنظر قرار نگرفته است. مقالاتی که اخیراً از روش‌های تلاطم تصادفی استفاده نموده‌اند بر همبستگی تلاطمات بازار دارایی‌ها و شاخص‌های منتخب در بازار سهام متمرکز بوده‌اند و در هیچ‌یک از مقالات، نوسانات تصادفی در سطح خرد (شرکت‌ها) مورد توجه نبوده است. با عنایت به این موضوع، هدف اصلی این مطالعه، پر کردن این خلاء پژوهشی در ادبیات داخلی و تمرکز بر الگوهای نوسانات تصادفی در ۳۰ سهم بزرگ بورس اوراق بهادار تهران با رویکرد مدل‌سازی نوسانات تصادفی چند متغیره طی دوره ۱۳۹۶/۱۰/۳۰ تا ۱۴۰۲/۰۷/۱۵ است. این مطالعه بر شناسایی و ارزیابی ریسک‌های بالقوه مرتبط با تعاملات پویای بازار سهام بین متغیرهای متعدد و نوسانات آنها در طول زمان متمرکز دارد. در این راستا، با تفکیک تلاطم به دو جزء «تلاطم منبعث از عامل یا عوامل پنهان» و «تلاطم خاص بازده هر یک از سهام شرکت‌ها» تلاش می‌شود تا به دو پرسش مهم پاسخ داده شود. اولاً

1. Bos

2. Harvey et al.

3. Asai et al.

4. Kastner

5. Hosszejni & Kastner

سهم عوامل پنهان و خاص از نوسانات بازده هریک از سهام شرکت‌های بزرگ بورسی چقدر است؟ ثانیاً همبستگی‌های تلاطم بازده سهام شرکت‌ها در طول زمان چگونه تغییر یافته است؟ انتظار می‌رود یافته‌های این مطالعه به ادبیات موجود در مورد مدل‌های نوسان تصادفی چند متغیره، سرایت تلاطم بین شرکتی و بین بخشی در بازار سهام که مقدمه‌ای برای مدیریت ریسک است، کمک کند.

در راستای واکاوی ابعاد مختلف موضوع، مطالب مقاله حاضر در ۵ بخش سازماندهی شده است. پس از مقدمه که بخش نخست از مقاله را تشکیل می‌دهد، پیشینه نظری و تجربی، در بخش دوم ارائه می‌شود. روش‌شناسی پژوهش با تمرکز بر انواع مدل‌های تلاطم تصادفی، محور سوم از مقاله حاضر خواهد بود. پس از آن در بخش چهارم، پایه‌های آماری و یافته‌های تجربی ارائه می‌شوند و در نهایت، بخش پنجم به جمع‌بندی از مهم‌ترین یافته‌ها و ارائه پیشنهادها اختصاص خواهد یافت.

## ۲. پیشینه نظری و تجربی

مشخصه اصلی هر دارایی مالی بازده آن دارایی است که متغیری تصادفی است. انحراف معیار بازده دارایی در ادبیات مالی، تلاطم نامیده می‌شود. تجزیه و تحلیل و تخمین یک الگوی مناسب از تلاطم دارایی‌ها یک ابزار قوی و پرکاربرد در اندازه‌گیری درجه عدم قطعیت یا ریسک مرتبط با حرکت قیمت دارایی‌های محسوب می‌شود و به سرمایه‌گذاران و معامله‌گران کمک می‌کند تا ریسک‌ها و بازده‌های بالقوه مرتبط با سبد سرمایه‌گذاری خود را برآورد کرده و معیاری در مدیریت ریسک به‌ویژه در ارزش‌گذاری اختیار معامله، انتخاب سبد بهینه و پوشش ریسک در اختیار داشته باشند و در تصمیم‌گیری مالی خود آگاهانه عمل نمایند.

مدل‌سازی تلاطمات در سه دسته کلی شامل مدل‌های «سری زمانی»، «مدل‌های اختیارات» و «مدل‌های مبتنی بر روش‌های ناپارامتریک» انجام می‌شود (طالبو و مهاجری، ۱۴۰۰). مدل‌های سری زمانی نیز به نوبه خود به دو گروه «مدل‌های پیش‌بینی بر اساس انحراف معیار تاریخی» و «مدل‌های واریانس ناهمسانی شرطی» تقسیم‌بندی می‌شوند (پون و گرنجر ۲۰۰۳).<sup>۱</sup>

نتایج مطالعات بلرسلو و همکاران (۱۹۹۴، ۱۹۸۶) شواهدی همچون «خوشه‌ای بودن نوسانات»، «هم‌حرکتی در نوسانات»، «همبستگی‌های سریالی بین اجزای اخلاص» و «توزیع‌های غیرنرمال» را نشان می‌داد که با فرض توزیع یکسان و عدم همبستگی اجزای

1. Poon & Granger

اخلال در مدل‌های نخستین سری زمانی چون گام تصادفی، میانگین مجذور بازده، میانگین متحرک ساده و میانگین وزنی نمایی در تضاد بودند. وجود همبستگی تلاطمات و غیرنرمال بودن توزیع آن موجب پدید آمدن مدل‌های ناهمسان شرطی همچون آرچ (انگل ۱۹۸۲)، گارچ (بلسلو ۱۹۸۶) و مدل‌های تلاطم تصادفی (تیلور ۱۹۸۲) شد.

بر خلاف مدل‌های آرچ و گارچ که بر فرض تبعیت تغییرات واریانس از یک «تابع دقیق یا معین» استوارند، مدل‌های تلاطم تصادفی بر پایه تصادفی بودن واریانس مبتنی هستند. این مدل‌ها می‌توانند وابستگی متقابل نوسانات بین چندین دارایی را به طور همزمان تبیین نموده و با عبور از محدودیت‌های مدل‌های رقیب در ارزیابی ریسک و مدیریت سبد دارایی موفق‌تر عمل کنند. بررسی همزمان و شناسایی پویایی تلاطمات در تعداد دارایی بیشتر، بررسی اثرات سرریز دارایی‌های متعدد، شناسایی دقیق اثرات غیرخطی و عدم تقارن بین بازده و نوسانات (که در مدل‌سازی بحران‌های مالی و سقوط بازار مهم‌اند) و در نهایت شناسایی عوامل پنهان موثر بر ریسک در دارایی‌های متعدد از مزایای اصلی مدل تلاطم تصادفی محسوب می‌شوند. در سال‌های اخیر مدل‌های تصادفی چند متغیره با لحاظ پارامترهای مختلف تکمیل شده‌است. مدل‌های توسعه یافته را می‌توان در چهار بخش کلی دسته‌بندی کرد:

۱) مدل‌های نامتقارن<sup>۱</sup> که به بررسی اثر اهرمی<sup>۲</sup> (عدم تقارن در پاسخ نوسان به شوک‌های مثبت و منفی) و اثرات آستانه‌ای<sup>۳</sup> می‌پردازد (هاروی و شپرد ۱۹۹۶<sup>۴</sup>؛ یو و میر ۲۰۰۴<sup>۵</sup>)، ۲) مدل‌های عاملی<sup>۶</sup> که به منظور کاهش ابعاد فضای پارامترها توسعه یافته‌اند (هاروی و همکاران ۱۹۹۴، شپرد<sup>۷</sup> ۱۹۹۶؛ جکویر و همکاران<sup>۸</sup> ۱۹۹۹)، ۳) مدل‌های همبستگی متغیر با زمان<sup>۹</sup> (یو و میر ۲۰۰۴) و ۴) مدل‌های متناوب MSV<sup>۱۰</sup> که خود شامل مدل‌های مبتنی بر

- 
1. asymmetric models
  2. leverage effect
  3. threshold effect
  4. Harvey & Shephard
  5. Yu & Meyer
  6. factor models
  7. Shephard
  8. Jacquier et al.
  9. time-varying correlation models
  10. alternative MSV

تبدیل نمایی ماتریس<sup>۱</sup>، تجزیه چولسکی<sup>۲</sup> و فرآیند اتورگرسیو ویشارت<sup>۳</sup> می‌باشند (تسای و تسو<sup>۴</sup>، ۲۰۰۲، تیمز و ماهیو<sup>۵</sup>، ۲۰۰۳).

همچنین چندین مطالعه استفاده از مدل‌های نوسانات تصادفی چند متغیره با حافظه طولانی را بررسی کرده‌اند که به تداوم نوسانات در طول زمان اشاره دارد. برای مثال، ترانتافیلوپولوس (۲۰۰۸)<sup>۶</sup> یک مدل نوسان تصادفی چند متغیره با حافظه طولانی را پیشنهاد نمود و دریافت که این مدل قادر است وابستگی بلندمدت به نوسانات را به تصویر بکشد. آسای و مک آلر (۲۰۰۹)<sup>۷</sup> اثرات افزایش ناگهانی و اثرات اهرمی را در مجموعه‌ای از سهام آمریکایی (S&P) و ژاپنی (Nikkei) را در مدل نوسان تصادفی چند متغیره بررسی نمودند. آنها دریافتند که ترکیب اثرات ناگهانی (پرش)، توانایی مدل را در ثبت رویدادها شدیداً بهبود می‌بخشد و همچنین اثر توزیع دنباله بلند<sup>۸</sup> را به خوبی شناسایی می‌کند. ناکایما (۲۰۱۷)<sup>۹</sup> نشان داد که همبستگی‌های متغیر با زمان و ساختار چولگی پراکنده به بهبود عملکرد پیش‌بینی MVS و پیش‌بینی‌های ارزش در معرض خطر کمک می‌کنند.

بررسی فضای پژوهشی داخلی و مقایسه آن با مطالعات خارجی نشان می‌دهد کاربردهای تجربی مدل‌های تلاطم تصادفی در ایران به طور عمده بر مدل‌سازی تلاطم بر مدل‌های کلاس آرچ و گارچ یک یا چندمتغیره استوار بوده و مدل‌سازی بر مبنای الگوی تلاطم تصادفی عاملی چندمتغیره علی رغم وجود مزایا و استقبال پژوهشگران خارجی، در مطالعات داخلی محدود به چند مقاله می‌باشد. به طور نمونه طالبلو و مهاجری (۱۴۰۰) تلاطم در بازار دارایی ایران را با استفاده از مدل تصادفی چند متغیره عاملی را بررسی نمودند و نشان دادند ۲ عامل پنهان تلاطم سهام دلار طلا و تورم را متأثر می‌کند. آنان در مطالعه دیگری تلاطم در ۱۵ صنعت بورس تهران را بررسی نمودند و کارایی مدل تصادفی چند متغیره عاملی را به خوبی نشان دادند (طالبلو و مهاجری ۱۳۹۹). همچنین طالبلو و مهاجری (۲۰۲۳)، همبستگی‌های پویا میان رمزارزهای مهم را با مدل‌های تلاطم تصادفی چندمتغیره عاملی برآورد کردند. در

- 
1. matrix exponential transformation
  2. Cholesky decomposition
  3. Wishart autoregressive process
  4. Tse & Tsui
  5. Tims & Mahieu
  6. Triantafyllopoulos
  7. Asai & McAleer
  8. heavy-tails of return distributions
  9. Nakajima

مقالات مذکور، به کاربرد تلاطم تصادفی در سطح شرکتهای بورس تهران پرداخته نشده است و مقاله پیش رو درصدد پر کردن خلأ پژوهشی در ادبیات داخلی در این زمینه می باشد.

### ۳. روش شناسی پژوهش

از میان انواع مدل های توسعه یافته تلاطم تصادفی چند متغیره، مدل چند متغیره عاملی<sup>۱</sup> به عنوان تکنیک اصلی این پژوهش استفاده می شود. این مدل قادر است مؤلفه های محتمل در بازده سهام شرکت ها از قبیل تلاطم خوشه ای و هم حرکتی تلاطمات را به خوبی دربرگیرد. همچنین از آنجایی که به طور همزمان، مدل باید در مقابل شوک های مختص به سهم هر شرکت مقاوم باشد، مدل چند متغیره عاملی با بهره گیری فضای عامل پنهان متعامد با ابعاد کمتر می تواند هم حرکتی های نوسانات در طول زمان متغیر را دربرگیرد به علاوه، با در نظر گرفتن، تلاطم خوشه ای، مدلی مقاوم در مقابل شوک های مرتبط با ماهیت فرآیندهای تلاطم تصادفی ارائه می نماید.

تعداد بالای مجهولات در مقایسه با تعداد مشاهدات، اصلی ترین مسئله در برآورد کوواریانس پویا است. اگر  $m$  ابعاد مقطع را نشان دهد، در آن صورت ماتریس کوواریانس مرتبط با آن یعنی  $\Sigma_t$ ، درجه آزادی معادل  $\frac{m(m+1)}{2}$  را خواهد داشت. این مسئله دچار نفرین ابعاد خواهد شد و برای حل آن، مدل چند متغیره عاملی با استفاده از عوامل پنهان، ابعاد را کاهش داده و برآورد کارا از ماتریس کوواریانس پویا ( $\Sigma_t$ ) ارائه می کند.

مدل های عاملی بر این ایده استوارند که تمامی سیستم ها (حتی با ابعاد بالا) توسط چند عامل تصادفی هدایت می شوند. این عوامل تصادفی، کنترل تعاملات پنهان مشترک بین مشاهدات را تحت تأثیر قرار می دهد. به عبارت دیگر این مدل ها با تجزیه ماتریس کوواریانس پویا به دو ماتریس مجزای عوامل پنهان و ماتریس قطری واریانس های خاص خطای هر دارایی، تعداد مجهولات را کاهش می دهد. فرض کنید مدل تحت تأثیر  $r$  عامل پنهان باشد بنابراین می توان ماتریس کوواریانس را به صورت زیر تجزیه نمود:

$$\Sigma_t = \tilde{\Sigma}_t + \bar{\Sigma}_t$$

که  $\tilde{\Sigma}_t$  ماتریس همبستگی عوامل پنهان و یک ماتریس متقارن با مرتبه  $r$  ( $r < m$ ) و  $\bar{\Sigma}_t$  ماتریس قطری است که شامل واریانس خطاها خاص دارایی می باشد. فرض مرتبه برای

1. multivariate factor stochastic volatility model (MFSVM)

ماتریس متقارن  $\tilde{\Sigma}_t$ ، باعث فاکتورسازی (عامل سازی)<sup>۱</sup> می‌شود:

$$\tilde{\Sigma}_t = \Psi \Psi^T$$

که  $\Psi \in \mathbb{R}^{m \times r}$  شامل  $mr - r(r-1)/2$  عنصر آزاد می‌باشد بنابراین تعداد  $m(r+1) - r(r-1)/2$  عنصر آزاد در ماتریس  $\Sigma_t$  باقی خواهد ماند. برای مثال با فرض  $m=1000$  با لحاظ عامل سازی  $r=3$  تعداد عناصر آزاد ماتریس  $\Sigma_t$  از  $500500$  به  $3997$  کاهش می‌یابد و بدین طریق راهکاری برای خروج از نفرین ابعاد ارائه می‌شود. بردار  $y_t = (y_{t1}, y_{t2}, \dots, y_{tm})^T$  که مشاهدات نوسانات ۳۰ شرکت بزرگ پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران می‌باشد را می‌توان به شیوه زیر بر اساس الگوی تلاطم تصادفی عاملی مدل سازی نمود.

$$y_t | \beta, \Lambda, f_t, \tilde{\Sigma}_t \sim N_m(\beta + \Lambda f_t, \tilde{\Sigma}_t)$$

$$f_t | \tilde{\Sigma}_t \sim N_r(0, \tilde{\Sigma}_t)$$

رابطه ۳ بیان می‌کند که بردار مشاهدات  $y_t$  یک متغیر تصادفی دارای توزیع نرمال چند متغیره است که میانگین آن  $\beta + \Lambda f_t$  و واریانس آن همان ماتریس کواریانس خطاهای خاص دارای  $(\tilde{\Sigma}_t)$  است. به نحوی که میانگین تابع از سه متغیر دیگر  $\beta$  و  $f_t$  و  $\Lambda$  می‌باشد که  $\beta = (\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_m)^T$  میانگین خاص مشاهدات  $f_t = (f_{t1}, f_{t2}, \dots, f_{tr})^T$  بردار عوامل پنهان که تابع توزیع نرمال با میانگین صفر و واریانس  $\tilde{\Sigma}_t$  (ماتریس کواریانس عامل پنهان) است و ماتریس  $\Lambda \in \mathbb{R} (m \times r)$  ماتریس بار عاملی می‌باشد. بر اساس معادله ۳، معادله ۱ را به صورت زیر می‌توان بازنویسی نمود:

$$\Sigma_t = \Lambda' \tilde{\Sigma}_t' (\Lambda')^T + \bar{\Sigma}_t$$

در این روش چندین مسئله شناسایی شامل مرتبه، علامت و مقیاس عوامل وجود دارد که نامشخص‌اند. به طور خاص برای هر ماتریس جایگشت تعمیم یافته  $P^2$  با اندازه  $r \times r$  می‌توان تجزیه معتبر دیگری مانند  $\Sigma_t = \Lambda' \tilde{\Sigma}_t' (\Lambda')^T + \bar{\Sigma}_t$  یافت که  $\Lambda' = \Lambda P^{-1}$  و  $\tilde{\Sigma}_t' = P \tilde{\Sigma}_t P^T$  باشد. همچنین می‌توان ابهام موجود در مقیاس عوامل را از طریق ثابت نمودن سطح لگاریتم واریانس با صفری برطرف نمود. شناسایی علامت و مرتبه را نیز می‌توان از طریق محدودیت‌هایی روی ماتریس بار عاملی  $\Lambda$  انجام داد (حسیجنی و کاستنر ۲۰۲۱).

بر اساس رابطه (۴)، تلاطم (لگاریتم واریانس) به دو جزء تجزیه می‌شود، جزء اول مرتبط

1. factorization

2. generalized permutation matrix

با تأثیر عامل (یا عوامل) پنهان بر متغیر مورد بررسی است و جزء دوم، تلاطم خاص هر متغیر را نشان می‌دهد. در عبارت نخست از رابطه (۴) یعنی  $(\Lambda')^T \Sigma' \Lambda'$ ، ماتریس بار عاملی با  $\Lambda$  نشان داده می‌شود که نشان‌دهنده میزان اثرپذیری هر یک از متغیرها از عوامل پنهان است و ماتریس  $\Lambda'$  نیز ماتریس تلاطم عوامل پنهان را نشان می‌دهد. اگر محدودیت‌های مطلق روی پارامترها در نظر گرفته شود برآورد سازگار از واریانس‌های مربوطه غیرممکن است. تحت چنین شرایطی، استنباط بیزی<sup>۱</sup> برای توزیع پسین می‌تواند انعطاف‌پذیری لازم برای برآورد سازگار از واریانس‌ها را فراهم سازد.

در بسیاری از مطالعات علمی، به مجموعه‌ای از داده‌ها (D) دسترسی وجود داشته که به واسطه آن تمایل وجود دارد که حقایقی از محیط اطراف در قالب مدلی همچون (M) دریافت شود. مدلی که به واسطه پارامترهای آن ( $\theta_M$ ) بهترین تخمین از داده‌ها را به دست دهد. با استفاده از موارد مذکور می‌توان احتمال توزیع داده‌ها جمع‌آوری شده را بر اساس برخی از پارامترهای کشف شده از مدل مفروض صحیح (M) برآورد نمود که به آن تابع درستنمایی<sup>۲</sup> گفته شده و با نماد  $P(D|\theta_M, M)$  نمایش می‌دهند. در نظریه بیزی، که به استنباط بیزی نیز شناخته می‌شود، با استفاده از اطلاعات و شواهد جدید ارائه شده (تابع درست نمایی) توزیع احتمال پیشین<sup>۳</sup> پارامترها برورسانی شده و توزیع احتمال پسین<sup>۴</sup> از پارامتر بدست می‌آید. رابطه بیزی را به صورت رابطه ۶ می‌توان بیان نمود:

$$P(\theta_M|D, M) = P(D|\theta_M, M)P(\theta_M|M)/P(D|M)$$

که در آن  $P(\theta_M|M)$  توزیع پیشین پارامترها،  $P(D|\theta_M, M)$  تابع درستنمایی و  $P(\theta_M|D, M)$  توزیع احتمال پسین پارامترها و  $P(D|M)$  تابع درستنمایی مرزی است که بر اساس رابطه ۶ بدست می‌آید.

$$P(D|M) = \int P(D|\theta_M, M)P(\theta_M|M)d\theta_M$$

روند بیزی معمولاً شامل سه مرحله اصلی است: [۱] کسب دانش موجود در مورد یک پارامتر خاص در یک مدل آماری از طریق توزیع پیشین که معمولاً قبل از جمع‌آوری داده‌ها تعیین می‌شود؛ [۲] تعیین تابع احتمال درستنمایی با استفاده از اطلاعات و داده‌های مشاهده شده در مورد پارامترها؛ و [۳] ترکیب هر دو توزیع پیشین و تابع احتمال با استفاده از قضیه

1. bayesian inference  
2. likelihood  
3. prior distribution  
4. posterior distribution

بیز و بدست آوردن توزیع پسین. هنگامی که استنباط بیزی بر روی توزیع پسین میانگین گیری شود به طور بهینه عمل می کند (ون دی شوت و همکاران ۲۰۲۱)<sup>۱</sup>. توزیع پسین را می توان برای تخمین رویدادهای آینده استفاده نمود (لی، ۲۰۱۲)<sup>۲</sup>.

استنباطهای بیزی بهینه هستند وقتی از این توزیع احتمال مشترک میانگین گرفته می شود و استنباط برای این مقادیر بر اساس توزیع شرطی آنها با توجه به داده های مشاهده شده است. توزیع پسین همچنین می تواند برای پیش بینی رویدادهای آینده استفاده شود.<sup>۳</sup> در دو دهه اخیر آمار بیزی با موفقیت در زمینه های مختلف از جمله اقتصاد و اقتصاد مالی خصوصاً در برآورد پارامترهای مدل های اقتصادسنجی، پیش بینی متغیرهای اقتصادی و آزمون فرضیه های اقتصادی استفاده می شود (گلن و همکاران، ۱۹۹۵)<sup>۴</sup>.

#### ۴. تجزیه و تحلیل داده ها و آزمون فرضیه ها

در این پژوهش از یک مدل نوسان تصادفی چند متغیره در نرم افزار R به همراه بسته های مربوطه<sup>۵</sup>، بر مبنای روش زنجیره مارکوف-مونت کارلو<sup>۶</sup>، برای تحلیل نوسانات در بازار سهام ایران استفاده شده است. نمونه مورد مطالعه، شامل داده های روزانه بازده ۳۰ سهم بزرگ بورس اوراق بهادار تهران در فاصله زمانی مصادف با ۱۳۹۶/۱۰/۳۰ تا ۱۴۰۲/۰۷/۱۵ است که با نرم افزار TseClient 2.0 استخراج شده اند. ۳۰ شرکت بزرگ در صنایع مختلف بورسی مشتمل بر بانک، بیمه، پتروشیمی و سایر صنایع در حال فعالیت هستند.<sup>۷</sup>

1. van de Schoot et al

2. Lee

۳. برای اطلاعات بیشتر مراجعه شود به مقاله اشپیگل (۲۰۱۹) مراجعه شود.

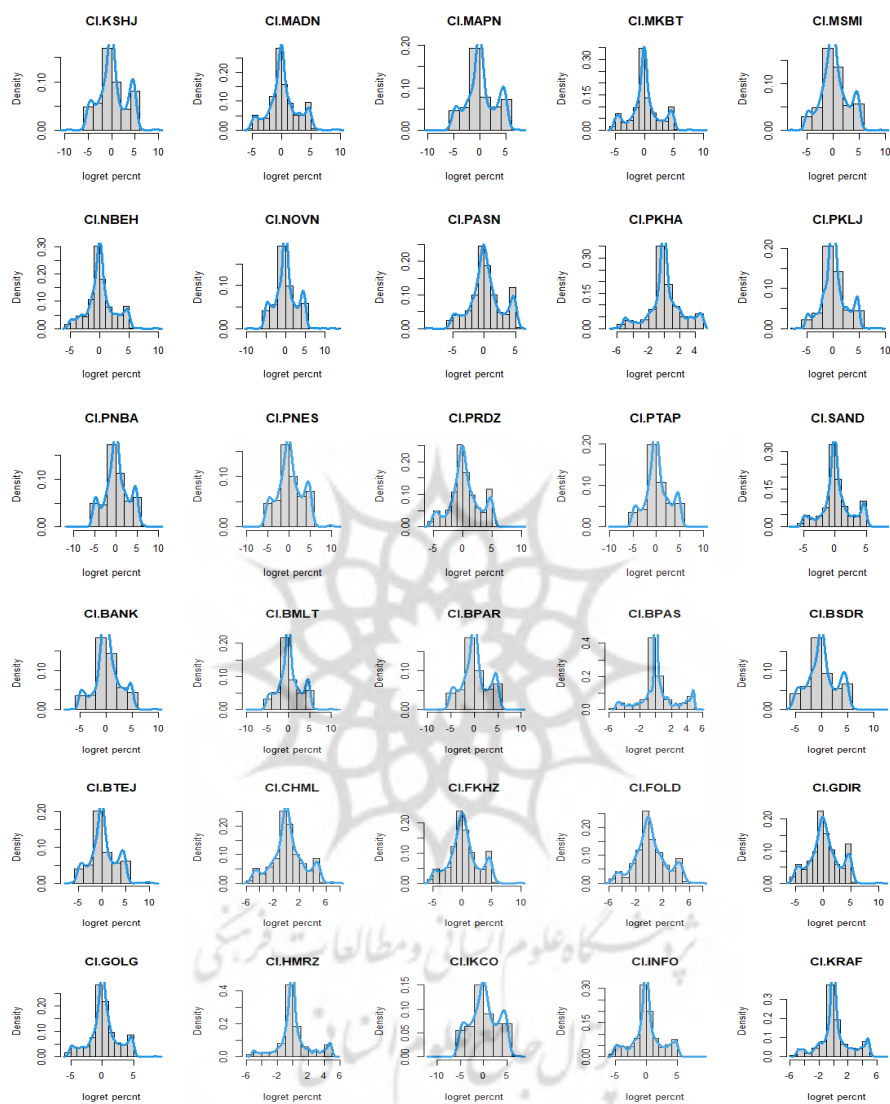
4. Gelman et al

5. "factorstochvol", "zoo", "LSD", "ggplot2", "dplyr", "quantmod"

6. Markov Chain Monte Carlo (MCMC)

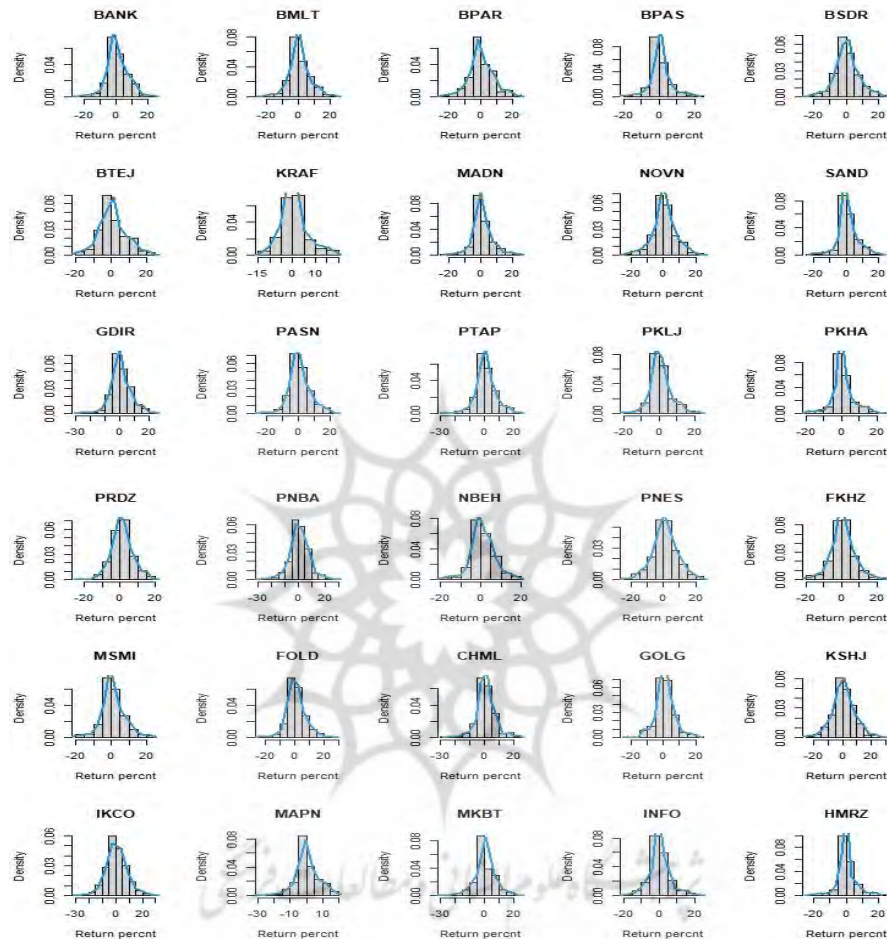
۷. اسامی این ۳۰ شرکت عبارتند از: وبانک، وبملت، پارس، پاسار، وبصادر، وتجارت، وکار، ومعادن، ونوین، وصندوق، وغدیر، پارسان، تاپیکو، فارس، شخارک، شپدیس، شبندر، شپهرن، شپنا، فخوز، فملی، فولاد، کچاد، کگل، حکشتی، خودرو، رمپنا، اخابر، رانفور، همراه

شکل ۱. توزیع فراوانی نوسانات روزانه ۳۰ شرکت بزرگ بورس اوراق بهادار تهران

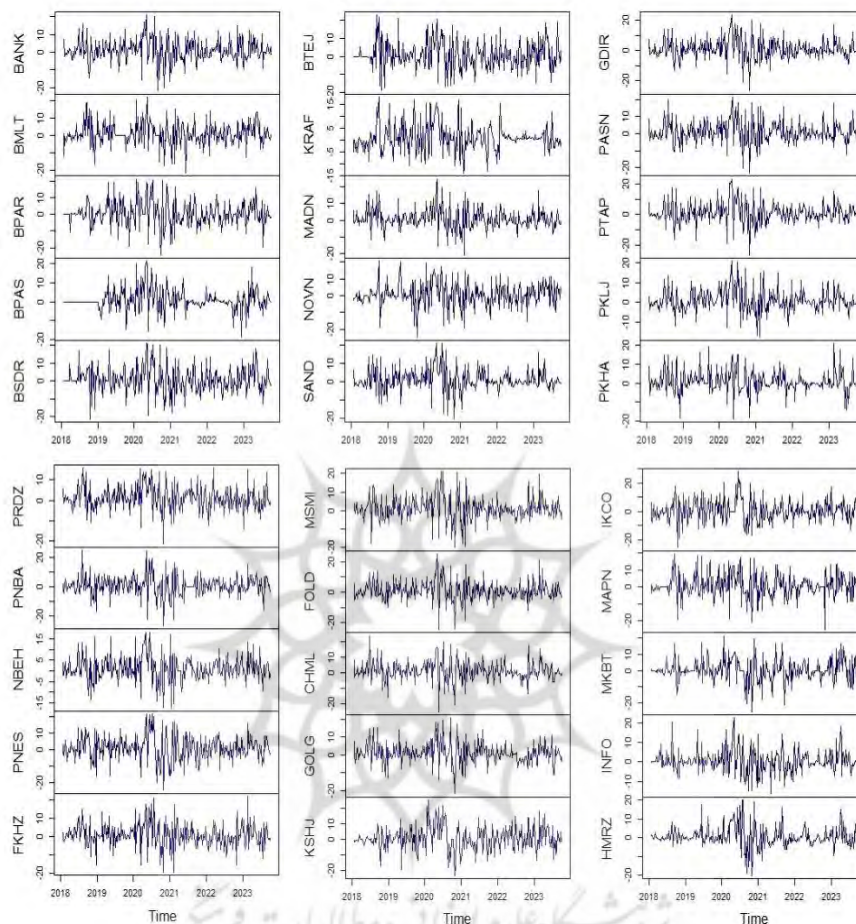


منبع: یافته‌های پژوهش

شکل ۲. توزیع فراوانی نوسانات هفتگی ۳۰ شرکت بزرگ بورس اوراق بهادار تهران



شکل ۳. نوسانات هفتگی سهام ۳۰ شرکت



منبع: یافته‌های پژوهش

در ابتدا بر اساس داده‌های روزانه سعی بر توسعه مدل و استخراج عوامل پنهان شد اما با توجه به توزیعات چند قله‌ای<sup>۱</sup> نوسانات داده‌های روزانه (شکل ۱) و حساسیت اکثر الگوریتم‌های MCMC به توزیع‌های چند قله‌ای که با توجه به همبستگی زیاد بین حالت‌های متوالی، همگرایی کندی را به همراه دارد (چلمند و هگستاد ۲۰۰۱)<sup>۲</sup>، با تبدیل نوسانات از روزانه به هفتگی (شکل ۲) این مشکل برطرف گردید. در مجموع پس از حذف ۸ داده دور

1. multimodal distribution  
2. Tjelmeland & Hegstad

افتاده<sup>۱</sup> ۲۹۱ مشاهده مشترک برای هر یک از متغیرهای برشمرده باقی ماند. منشأ داده‌های دورافتاده عمدتاً مربوط به زمان‌هایی است که نماد پس از بازه بسته نسبتاً طولانی بازگشایی شده و با نوسانات غیر معمول همراه شده است. با توجه به شکل ۲ مشخص است توزیع عمده نوسانات هفتگی به صورت تک قله‌ای است.

بر اساس شکل ۳ چند حقیقت در بازار بورس تهران قابل مشاهده می‌باشد. اول ثابت نبودن فرآیند تلاطم بازده سهم‌ها در طول زمان، دوم، رفتار خوشه‌ای، بدین معنا که نوسانات شدید به دنبال خود تلاطمات بالایی را ایجاد می‌کنند و معمولاً نوسانات اندک با تلاطمات اندک در دوره‌های بعدی همراه می‌شوند، دوم ثابت نبودن هم‌حرکتی‌ها در بازار سهام در طول زمان.

آمارهای توصیفی سری‌های زمانی بازده ۳۰ سهام در جدول (۱) ارائه شده است که نشان‌دهنده مثبت بودن میانگین بازده تمامی سهام‌ها است. پتروشیمی شپیدیس و اخبار طی دوره بررسی، به ترتیب بیشترین و کمترین بازدهی را در این دوره تجربه نموده‌اند. بیشترین و کمترین نوسانات بازده بازار سهام نیز به ترتیب به ایران خودرو و همراه اول اختصاص دارد. آمارهای مرتبط با چولگی بازده شاخص‌های مختلف نیز حکایت از نامتقارن بودن توزیع بازده و چولگی به سمت راست بازده‌های تمامی شرکت‌ها (به استثنای ونوین، شبندر و اخبار) دارد. در ارتباط با آمارهای کشیدگی نیز به استثنای همراه اول، کشیدگی بازدهی سایر دارایی‌ها کمتر از نرمال است.

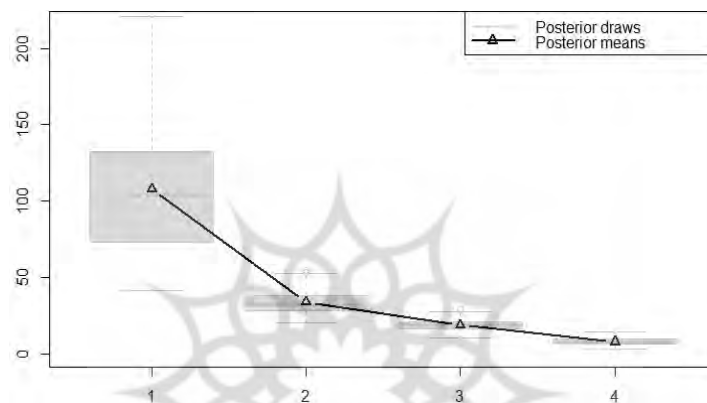
هدف اصلی به کارگیری مدل‌های تلاطم تصادفی عاملی، تجزیه تلاطم متغیرها به دو جزء است: جزء اول عوامل پنهان اثرگذار بر سهام و جزء دوم تلاطم خاص همان سهم است. در این مدل بر اساس روش نمونه‌گیری گیبز در بسته نرم افزاری R (کاستنر ۲۰۱۶) سعی بر آن است که پارامترها و عدم قطعیت نمونه‌گیری آنها در فضای بیزین برآورد شده و با کمی‌سازی عدم قطعیت ذاتی، برآورد مناسبی از توزیع تراکم نمونه ارائه شود.

جدول ۱. آمارهای توصیفی بازده سهام ۳۰ شرکت بزرگ بورسی کشور (منبع: یافته‌های پژوهش)

| نماد شرکت‌ها | اسامی اختصاری | میانگین | انحراف معیار | چولگی   | کشدگی  |
|--------------|---------------|---------|--------------|---------|--------|
| فولاد        | FOLD          | ۰/۹۵۵۹  | ۶/۳۰۱۹       | ۰/۱۵۷۹  | ۲/۲۹۴۰ |
| همراه        | HMRZ          | ۰/۴۲۱۹  | ۵/۴۰۷۲       | ۰/۵۶۶۶  | ۳/۳۶۵۵ |
| وتجارت       | BTEJ          | ۰/۷۴۲۴  | ۷/۴۵۴۳       | ۰/۲۶۶۶  | ۰/۳۶۸۹ |
| ویانک        | BANK          | ۰/۸۷۱۷  | ۶/۲۹۱۳       | ۰/۰۲۸۷  | ۱/۱۲۸۵ |
| ویملت        | BMLT          | ۰/۷۴۰۹  | ۶/۳۸۳۶       | ۰/۱۴۸۶  | ۱/۲۳۰۶ |
| ویپارس       | BPAR          | ۰/۳۵۵۰  | ۷/۴۳۵۶       | ۰/۱۴۱۷  | ۰/۸۶۸۴ |
| ویپاسار      | BPAS          | ۰/۷۵۷۶  | ۵/۴۴۹۰       | ۰/۵۲۴۸  | ۲/۸۵۹۴ |
| ویبصادر      | BSDR          | ۰/۵۲۵۵  | ۷/۱۵۰۱       | ۰/۱۷۲۰  | ۰/۷۲۵۲ |
| وکار         | KRAF          | ۰/۶۰۳۸  | ۵/۵۳۹۷       | ۰/۵۶۹۸  | ۰/۹۶۹۳ |
| ومعادن       | MADN          | ۰/۷۵۴۳  | ۶/۰۴۳۸       | ۰/۵۳۸۵  | ۲/۰۲۴۳ |
| ونوین        | NOVN          | ۰/۴۷۳۵  | ۶/۹۱۵۷       | -۰/۱۱۴۹ | ۱/۰۵۲۸ |
| وصندوق       | SAND          | ۱/۰۳۰۹  | ۵/۷۳۱۱       | ۰/۱۹۰۲  | ۲/۱۹۶۵ |
| وغدیر        | GDIR          | ۰/۹۸۳۰  | ۶/۴۵۶۹       | ۰/۱۷۶۹  | ۱/۷۳۴۳ |
| پارسا        | PASN          | ۰/۹۶۲۰  | ۶/۳۷۶۹       | ۰/۳۴۲۸  | ۱/۳۵۸۶ |
| تاپیکو       | PTAP          | ۰/۹۲۰۶  | ۶/۶۴۹۶       | ۰/۱۴۷۲  | ۱/۷۶۶۱ |
| فارس         | PKLJ          | ۰/۹۴۱۰  | ۵/۵۵۸۷       | ۰/۴۲۸۵  | ۱/۴۹۰۵ |
| شخارک        | PKHA          | ۰/۶۹۶۷  | ۵/۵۵۰۲       | ۰/۳۷۸۴  | ۲/۵۶۱۲ |
| شپدیس        | PRDZ          | ۱/۱۱۳۰  | ۵/۷۶۴۰       | ۰/۰۲۸۵  | ۰/۷۲۸۱ |
| شبندر        | PNBA          | ۰/۶۹۰۸  | ۷/۱۳۲۵       | -۰/۰۸۷۲ | ۱/۷۹۶۲ |
| شپهرن        | NBEH          | ۰/۹۶۳۴  | ۵/۷۳۷۷       | ۰/۱۲۰۵  | ۱/۰۵۳۴ |
| شپنا         | PNES          | ۰/۸۵۴۷  | ۷/۵۱۷۲       | ۰/۰۲۷۷  | ۰/۵۴۲۵ |
| فخوز         | FKHZ          | ۰/۶۷۶۱  | ۶/۳۶۹۱       | ۰/۰۸۹۰  | ۱/۲۲۶۵ |
| فملی         | MSMI          | ۱/۰۴۵۳  | ۶/۴۴۳۶       | ۰/۱۹۲۱  | ۱/۴۹۳۵ |
| کچاد         | CHML          | ۰/۹۲۸۹  | ۶/۰۱۴۵       | ۰/۰۰۶۵  | ۲/۴۹۵۶ |
| کگل          | GOLG          | ۰/۸۸۴۴  | ۵/۷۱۴۸       | ۰/۱۶۷۳  | ۱/۸۱۰۹ |
| حکشتی        | KSHJ          | ۰/۶۹۱۹  | ۷/۵۱۸۳       | ۰/۱۱۶۳  | ۰/۵۸۲۵ |
| خودرو        | IKCO          | ۰/۵۹۹۶  | ۷/۵۸۹۲       | ۰/۲۱۳۴  | ۰/۷۰۳۵ |
| رمینا        | MAPN          | ۰/۷۱۱۴  | ۷/۱۳۶۱       | ۰/۰۲۲۳  | ۰/۸۳۰۷ |
| اخابر        | MKBT          | ۰/۱۲۳۱  | ۶/۸۰۱۵       | -۰/۱۰۷۹ | ۱/۴۱۲۱ |
| رانفور       | INFO          | ۰/۳۳۰۶  | ۵/۶۲۶۹       | ۰/۵۲۹۱  | ۲/۰۲۰۳ |

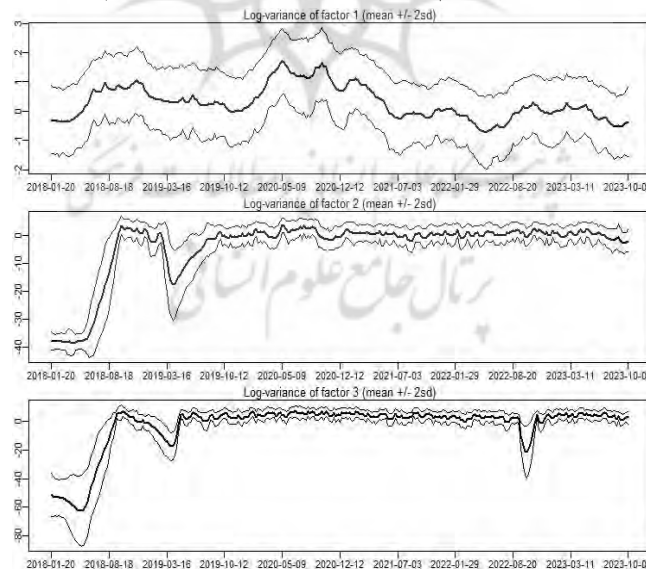
در گام اول تعداد عوامل پنهان که بازده ۳۰ شرکت منتخب را متأثر می‌کنند، شناسایی شد. پایین مثلثی بودن ماتریس بارعاملی، رایج‌ترین شیوه شناسایی الگو در مدل‌های تلاطم تصادفی است و در این راستا مقادیر مشخصه ماتریس  $\Lambda^T \Lambda$  می‌تواند راهنمای مناسبی برای تشخیص و انتخاب تعداد عوامل پنهان یا نهفته محسوب شود. براساس شکل ۴، سه عامل پنهان قابل تشخیص هستند که اختلاف معنی‌داری از صفر دارند.

شکل ۴. مقادیر مشخصه و شناسایی تعداد عوامل نهفته



منبع: یافته‌های پژوهش

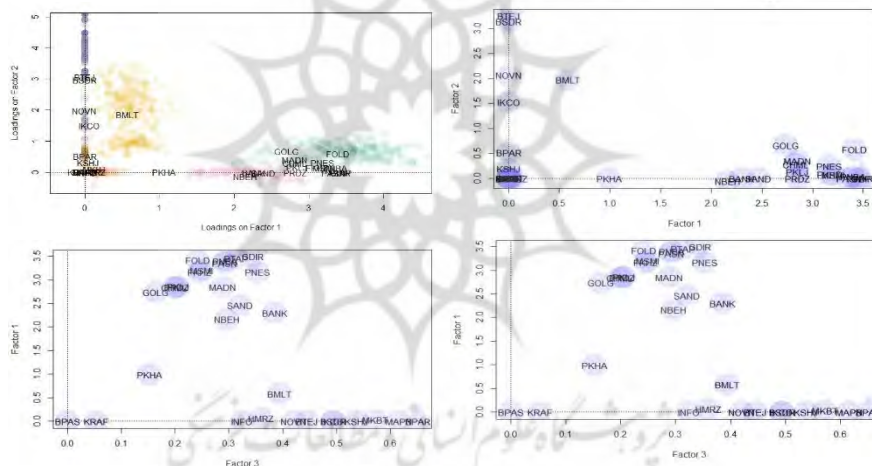
شکل ۵. تلاطم میانگین پسین عامل‌های اول تا سوم



منبع: یافته‌های پژوهش

گام دوم، بررسی تلاطم (لگاریتم واریانس) میانگین پسین عوامل پنهان است که در بازه مثبت/منفی ۲ انحراف معیار ترسیم شده است و به درک بهتر تلاطم بازده سهام ۳۰ شرکت که تحت تأثیر عامل پنهان هستند، کمک خواهند کرد (شکل ۵). از آنجایی که این عوامل پنهان، در برگیرنده حوادث و رویدادهای گوناگونی هستند لذا تفسیر آن‌ها و انتساب‌شان به مجموعه‌ای از متغیرها به راحتی امکان‌پذیر نیست و تنها با بررسی روند مرتبط با تلاطم هر یک از آن‌ها و انطباق نقاط اوج و فرود آن با وقایع اقتصادی - سیاسی و اجتماعی (داخلی و بین المللی) صرفاً می‌توان حدس‌هایی مطرح کرد. بر اساس توضیحاتی که در ادامه ارائه می‌شود به نظر می‌رسد عامل پنهان اول، به‌طور عمده انعکاسی از ریسک‌های بین المللی و عامل پنهان دوم و سوم تحت تأثیر برخی ریسک‌های اقتصادی و تصمیمات داخلی است.

شکل ۶. توزیع بار عاملی پسین عامل‌های و توزیع میانگین آنها



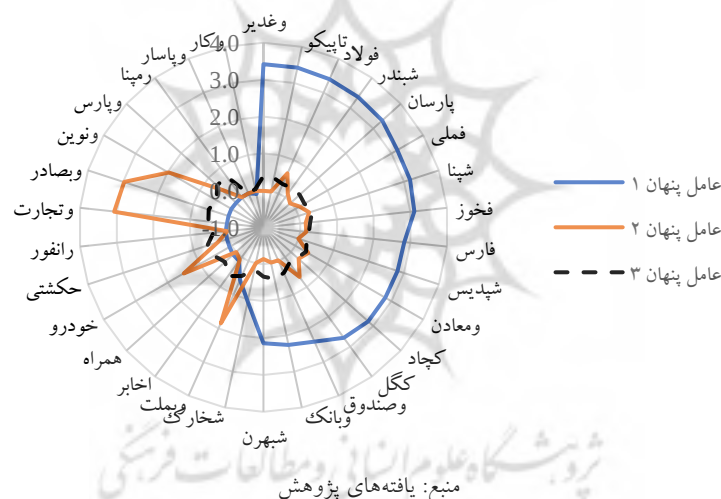
منبع: یافته‌های پژوهش

گام سوم، شناسایی میزان اثرپذیری هر یک از بازده‌های سهام از عوامل پنهان در قالب یک تصویر کلی است که در شکل (۶) منعکس شده است. شناسایی جهت و میزان اثرپذیری در این نمودار از این قاعده تبعیت میکند که قرار گرفتن روی محور عمودی یا افقی به مفهوم اثرپذیری از یک عامل پنهان است و اگر اثرپذیری دارای در محدوده‌های مابین این محورها قرار گرفته باشد به مفهوم اثرپذیری از هر دو عامل است. بعنوان مثال سهام شرکتهای صادراتی شامل صنایع شیمیایی، پالایشی، فلزات و معادن فلزی و همچنین شرکت‌های سرمایه گذاری که سبد

دارایی‌شان متشکل از این صنایع می‌باشند. عمدتاً تحت تأثیر عامل پنهان اول هستند. این عامل پنهان را می‌توان مرتبط با عواملی همچون نوسانات قیمت ارز، تغییرات قیمت‌های جهانی کامودیتی‌ها، تحولات سیاسی و اقتصادی بین‌المللی مثل ناآرامی‌های منطقه‌ای و بین‌المللی، همه‌گیری کرونا، در نظر گرفت. عمده بانک‌ها تحت تأثیر عوامل پنهان دوم و سوم هستند که می‌توان آن دو عامل را متأثر از سیاست‌های پولی و مالی کشور دانست.

در شکل (۷) میانگین اثرپذیری بازده سهام هر یک از ۳۰ شرکت مورد بررسی از عوامل پنهان در قالب نمودار تار عنکبوتی ترسیم شده است که به شیوه دیگری، مشاهدات و یافته‌های قبلی را بازتولید می‌کند.

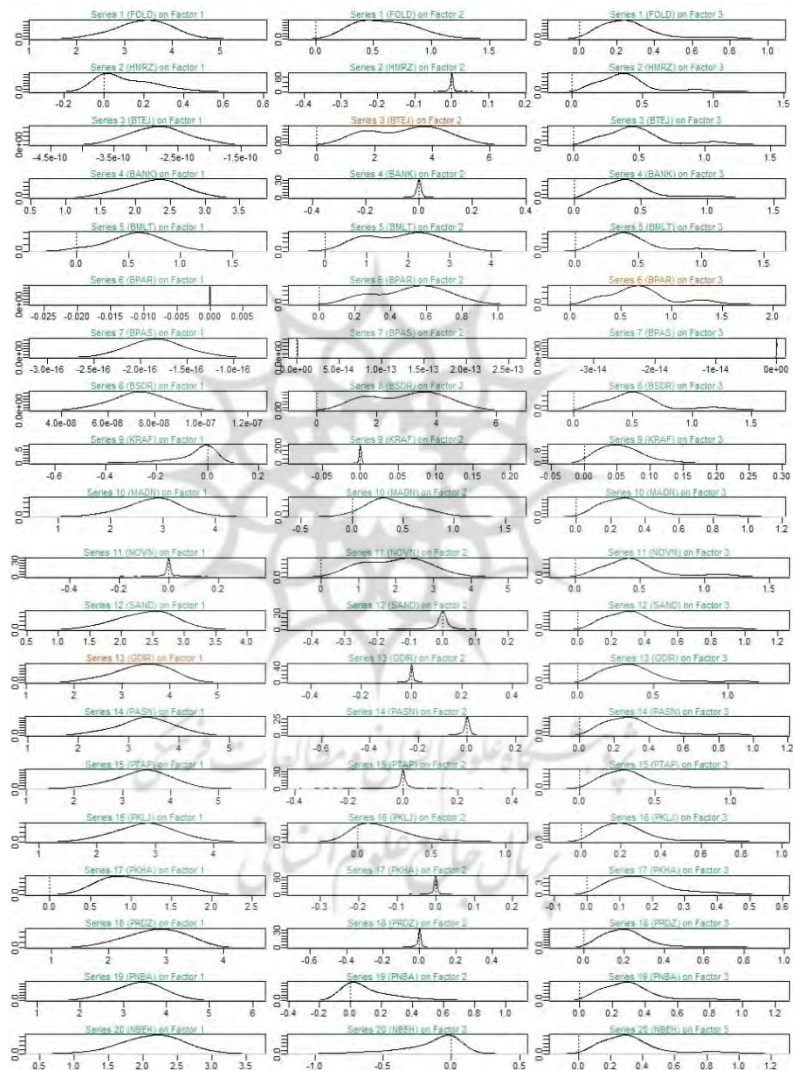
شکل ۷. میانگین تأثیر عامل‌های پنهان بر سهام منتخب

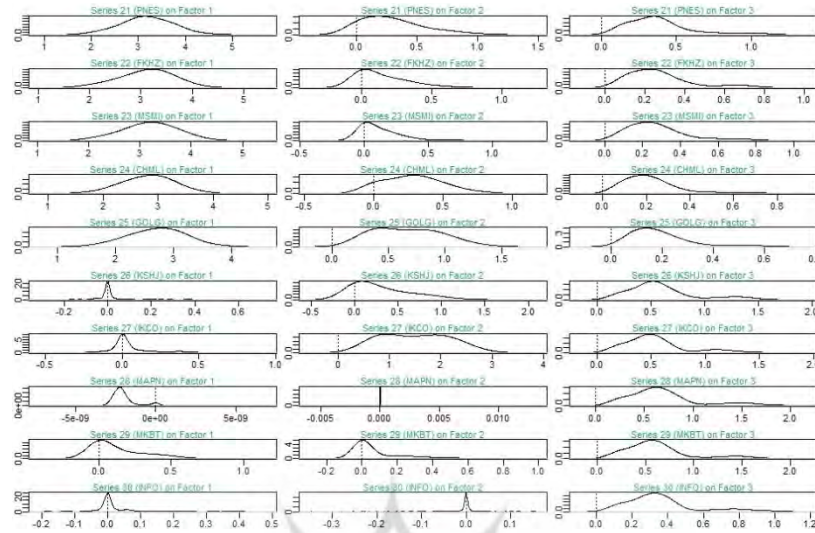


تابع چگالی احتمال توزیع بار عاملی برای هر سهم به تفکیک ۳ عامل پنهان در شکل (۸) به طور دقیق‌تر ترسیم شده است که از سمت چپ به ترتیب توزیع بار عاملی مربوط به عوامل ۱ الی ۳ را روی شاخص بازده سهام نشان می‌دهد. مثلاً در سطر اول شکل (۸)، توزیع بار عاملی سری اول (فولاد) را نشان می‌دهد. نمودار اول از سمت چپ نشان می‌دهد که میانگین اثرپذیری سهم فولاد از عامل پنهان اول  $\frac{3}{4}$  است بدین معنا که عامل پنهان اول، تأثیر معنی‌داری بر تلاطم سهم فولاد دارد. این در حالی است که طبق نمودار وسط و راست، میانگین اثرپذیری سهم فولاد از عامل پنهان دوم و سوم، به ترتیب  $\frac{0}{6}$  و  $\frac{0}{3}$  می‌باشد و ۹۵

درصد توزیع آن بزرگتر از صفر است که بیانگر اثر پذیری این سهم از این دو عامل است هر چند که میزان اثر پذیری از عوامل دوم و سوم، کوچکتر از عامل اول است. تفسیر سایر ۲۹ سهم دیگر را نیز به طور مشابه می توان ارائه کرد.

شکل ۸. توزیع بار عاملی پسین عامل اول تا سوم به تفکیک هر سهم

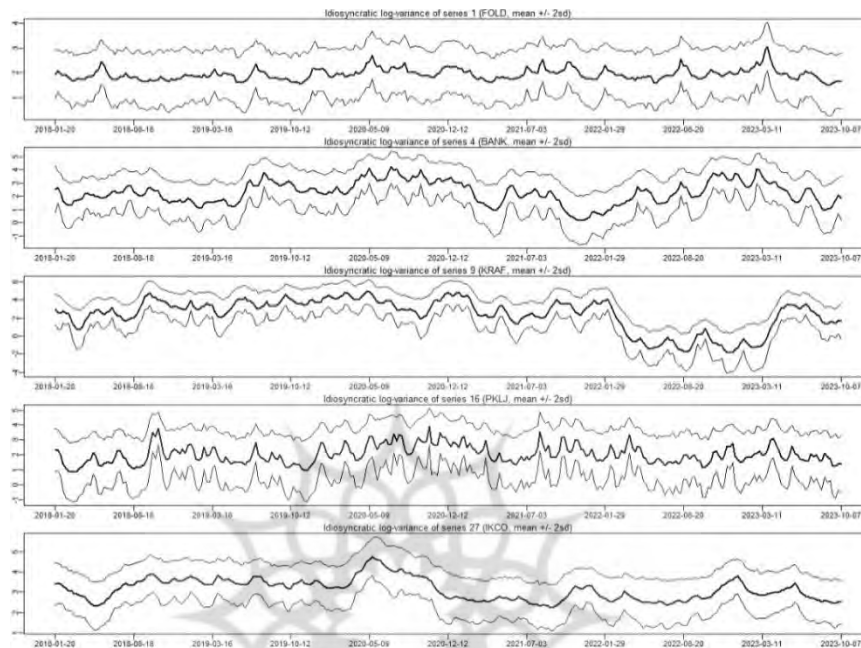




منبع: یافته‌های پژوهش

همانطور که پیشتر توضیح داده شد طبق معادله (۵)،  $\Sigma_t = \Lambda' \tilde{\Sigma}'_t (\Lambda')^T + \bar{\Sigma}_t$ ، تلاطم بازده هر سهم از طریق مدل‌های MFSV به دو جزء قابل تفکیک است، «تلاطم متأثر از عوامل پنهان» و «تلاطم خاص بازده هر سهم» که به ترتیب با عبارات  $\Lambda' \tilde{\Sigma}'_t (\Lambda')^T$  و  $\bar{\Sigma}_t$  نمایش داده شده‌اند. تا به اینجا تلاش گردید تأثیر عوامل پنهان بر تلاطم بازده‌های سهام مورد بحث قرار گیرد و تمرکز مباحث بعدی، روی تلاطم خاص بازده هر سهم ( $\bar{\Sigma}_t$ ) و مجموع تلاطم ( $\Sigma_t$ ) است که به ترتیب در در شکل‌های (۹) و (۱۰) ترسیم شده است. شکل (۹) مربوط به تلاطم خاص بازده هر سهم است که تلاطم میانگین‌های پسین (با خط پررنگتر) به اضافه/منهای ۲ برابر انحراف معیار (با دو خط کمرنگ‌تر در اطراف میانگین) را به تصویر کشیده و به طور جداگانه برای ۵ سهم منتخب (از هر گروه یک نماینده) ارائه شده است. برخلاف شکل (۳) که روند متلاطمی از بازده هر سهم را منعکس می‌کرد، در شکل (۹)، روند نسبتاً هموارتری برای تلاطمات خاص بازده هر سهم مشاهده می‌شود. علاوه بر این، در این نمودار می‌توان تشخیص داد که تلاطمات خاص هر سهم در چه محدوده‌ای به طور متوسط در نوسان بوده است. برای نمونه، تلاطم خاص سهم فولاد در زمان‌های مختلف به طور متوسط مثبت ۲ بوده است و دو برابر انحراف معیار نیز در بازه صفر تا ۴ قرار گرفته است. به همین ترتیب تلاطمات خاص بازده سایر سهام نیز قابل تفسیر است.

شکل ۹. میانگین و انحراف معیار تلاطم خاص بازده ۵ سهم منتخب (فولاد، وبانک، وکار، فارس، خودرو)



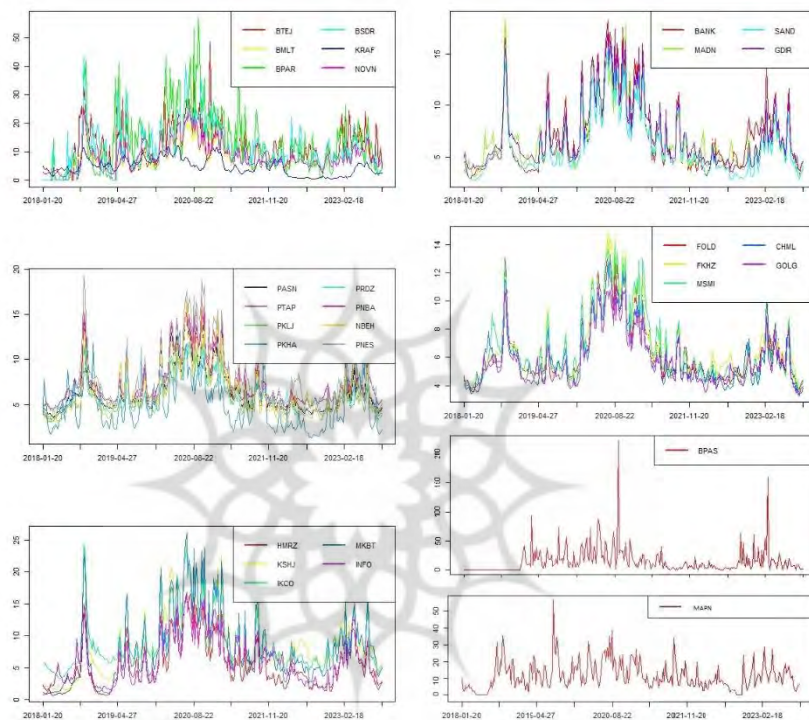
منبع: یافته‌های پژوهش

شکل (۱۰) تحولات میانگین پسین تلاطمات بازده ۳۰ سهم را به تفکیک هر گروه نشان می‌دهد. همانطور که مشاهده می‌شود «تلاطمات متغیر در طول زمان»، «رفتار خوشه‌ای»، «هم‌حرکتی‌های متغیر در طول زمان» و «سرایت تلاطمات بین صنایع مختلف بورسی» از حقایق انکارناپذیر سری‌های زمانی مالی هستند که در این شکل به خوبی قابل رؤیت‌اند به استثنای دو سهم وپارس و مپنا که روند متفاوتی نسبت به سایر سهام‌ها دارند، هم‌حرکتی و رفتار خوشه‌ای در تمامی گروه‌ها به ویژه بین گروه‌های دوم تا چهارم نمایش داده شده است. تلاطم بازده سهام گروه بانکی، در مقایسه با سایر سهام‌ها بالاتر است که در اواسط ۲۰۱۸، ۲۰۲۰ و اوایل ۲۰۲۲ در همه صنایع، با اختلاف زمانی جزئی، تلاطماتی به مراتب فراتر از روند تاریخی خود را تجربه نموده است.

علاوه بر تجزیه تلاطم بازده هر دارایی به دو جز که محور مباحث قبلی بود، پیش‌بینی ماتریس همبستگی سری‌های زمانی، از جمله مهمترین مزیت‌های استفاده از مدل‌های تلاطم

تصادفی عاملی محسوب می‌شوند که از طریق توزیع پیش‌بینانه پسینی به دست می‌آید و میانگین آن‌ها در جدول (۲) ارائه شده است. یافته‌ها حاکی از آن است که:

شکل ۱۰. تلاطم میانگین پسین سهام به تفکیک صنعت‌های مختلف



(چپ از بالا به پایین: بانک، پالایش و شیمیایی، سایر صنایع؛ راست از بالا به پایین: سرمایه‌گذاری‌ها، فلزات اساسی و معدن و در نهایت بانک پاسارگاد و گروه مپنا)

الف) بالاترین همبستگی در گروه سرمایه‌گذاری و بین دو نماد وغدیر و تاپیکو مشاهده می‌شود به طوری که تلاطمات بازده سهام این دو شرکت، به طور متوسط ۷۴ درصد همبسته است. پس از آن، وغدیر-پارسان با همبستگی ۷۳ درصدی در جایگاه دوم قرار می‌گیرند. همچنین به طور همزمان فولاد-وغدیر و همچنین پارسان-تاپیکو با همبستگی ۷۱ درصدی، جایگاه سوم را به خود اختصاص می‌دهند.

ب) کمترین همبستگی، ۱۰- درصد بوده و بین نماد و پاسار (بانک پاسارگاد) با دو شرکت تاپیکو و پارسان (از گروه سرمایه‌گذاری‌های مرتبط با صنایع نفت، گاز و پتروشیمی) تجربه شده است و پس از آن، بانک پاسارگاد همبستگی ۹- درصدی را با نمادهای فولاد و فملی (از گروه فلزات اساسی) و فارس (از صنایع شیمیایی) داشته است.

پ) متوسط همبستگی تلاطمات بازده سهام هر یک از نمادهای مورد بررسی با شبکه شرکت‌های بزرگ بورسی در بازه ۵- درصد (برای بانک پاسارگاد) تا ۴۷/۵ درصد (برای سرمایه‌گذاری وغدیر) قرار می‌گیرد. این مشاهده بدین معناست که بازده سهام بانک پاسارگاد (و پاسار)، همبستگی چندانی با تلاطمات بازده کل شبکه سهام شرکت‌های بزرگ بورسی ندارد و بخش عمده‌ای از تلاطمات بازده این بانک، متأثر از ریسک‌های منحصر به فرد خودش است. این در حالی است که بخش عمده‌ای از تلاطمات بازده سهام شرکت سرمایه‌گذاری غدیر (وغدیر) متأثر از نوسانات کل شبکه سهام است و ریسک‌های منحصر به فرد این شرکت، توضیح‌دهندگی نسبتاً کمتری در تلاطمات بازده‌اش دارد.

جدول (۲). ماتریس همبستگی بازده سهام شرکت‌های بزرگ بورسی

| فولاد | همراه | وتجارت | وبانک | وبملت | وپارس | ویاسار | وبصادر | وکار | ومعادن | ونوین | وصندوق | وغدیر | پارسان | تاپیکو | فارس | شخارک | شپیس | شبنر | شپهر | شپنا | فخوز | فملی | کچاد | کگل | حکمتی | خودرو | رپنا | ایخابر | رانفور |
|-------|-------|--------|-------|-------|-------|--------|--------|------|--------|-------|--------|-------|--------|--------|------|-------|------|------|------|------|------|------|------|-----|-------|-------|------|--------|--------|
| ۱۰۰   | ۲۹    | ۳۲     | ۵۹    | ۴۰    | ۳۰    | -۹     | ۳۷     | ۷    | ۶۶     | ۲۹    | ۶۳     | ۷۱    | ۶۹     | ۶۹     | ۶۶   | ۴۴    | ۶۱   | ۶۲   | ۵۶   | ۶۱   | ۶۳   | ۶۶   | ۶۴   | ۶۴  | ۲۵    | ۳۰    | ۲۵   | ۲۹     | ۲۳     |
| ۲۹    | ۱۰۰   | ۳۱     | ۳۶    | ۳۳    | ۳۸    | -۱     | ۳۴     | ۱۲   | ۳۱     | ۳۰    | ۳۵     | ۳۴    | ۳۱     | ۳۲     | ۲۷   | ۲۵    | ۲۶   | ۲۸   | ۳۲   | ۳۰   | ۲۷   | ۲۹   | ۲۶   | ۲۳  | ۳۳    | ۴۲    | ۴۰   | ۴۰     | ۳۴     |
| ۳۲    | ۳۱    | ۱۰۰    | ۲۷    | ۵۳    | ۴۳    | ۱      | ۶۶     | ۱۰   | ۳۱     | ۵۱    | ۲۵     | ۲۵    | ۲۲     | ۲۳     | ۲۳   | ۱۹    | ۱۹   | ۲۳   | ۲۲   | ۲۸   | ۲۳   | ۲۴   | ۲۶   | ۳۰  | ۴۷    | ۳۴    | ۳۴   | ۲۷     | ۲۷     |
| ۵۹    | ۳۶    | ۲۷     | ۱۰۰   | ۳۵    | ۳۴    | -۸     | ۳۲     | ۹    | ۵۷     | ۲۶    | ۵۹     | ۶۴    | ۶۱     | ۶۲     | ۵۶   | ۴۱    | ۵۳   | ۵۴   | ۵۳   | ۵۴   | ۵۵   | ۵۷   | ۵۴   | ۵۰  | ۳۱    | ۲۹    | ۳۴   | ۳۶     | ۲۹     |
| ۴۰    | ۳۳    | ۵۳     | ۳۵    | ۱۰۰   | ۴۱    | -۲     | ۵۶     | ۱۰   | ۳۹     | ۴۷    | ۳۵     | ۳۶    | ۳۳     | ۳۳     | ۳۲   | ۲۵    | ۲۸   | ۳۲   | ۳۰   | ۳۵   | ۳۱   | ۳۳   | ۳۴   | ۳۶  | ۴۴    | ۳۴    | ۳۵   | ۲۸     | ۲۸     |
| ۳۰    | ۳۸    | ۴۳     | ۳۴    | ۴۱    | ۱۰۰   | -۲     | ۴۸     | ۱۲   | ۳۲     | ۳۹    | ۳۲     | ۳۲    | ۲۸     | ۲۹     | ۲۶   | ۲۴    | ۲۳   | ۲۷   | ۲۹   | ۳۰   | ۲۶   | ۲۷   | ۲۷   | ۲۵  | ۴۰    | ۴۱    | ۴۰   | ۳۳     | ۳۳     |
| -۹    | -۱    | ۱      | -۸    | -۲    | -۲    | ۱۰۰    | -۴     | ۰    | -۸     | ۱     | -۸     | -۱۰   | -۹     | -۱۰    | -۹   | -۵    | -۸   | -۸   | -۷   | -۸   | -۸   | -۹   | -۸   | -۸  | ۰     | ۳     | -۱   | ۰      | ۰      |
| ۳۷    | ۳۴    | ۶۶     | ۳۲    | ۵۶    | ۴۸    | -۴     | ۱۰۰    | ۱۱   | ۳۶     | ۵۴    | ۳۱     | ۳۱    | ۲۷     | ۲۹     | ۲۸   | ۲۳    | ۲۳   | ۲۷   | ۲۷   | ۳۲   | ۲۷   | ۲۹   | ۳۰   | ۳۴  | ۵۰    | ۳۶    | ۳۷   | ۳۰     | ۳۰     |
| ۷     | ۱۲    | ۱۰     | ۹     | ۱۰    | ۱۲    | ۰      | ۱۱     | ۱۰۰  | ۸      | ۱۱    | ۹      | ۸     | ۷      | ۷      | ۶    | ۷     | ۶    | ۷    | ۸    | ۸    | ۶    | ۷    | ۶    | ۵   | ۱۱    | ۱۳    | ۱۲   | ۱۱     | ۱۱     |
| ۶۶    | ۳۱    | ۳۱     | ۵۷    | ۳۹    | ۳۲    | -۸     | ۳۶     | ۸    | ۱۰۰    | ۲۹    | ۶۰     | ۶۷    | ۶۴     | ۶۴     | ۶۰   | ۴۲    | ۵۶   | ۵۷   | ۵۳   | ۵۷   | ۵۸   | ۶۱   | ۵۹   | ۵۸  | ۲۷    | ۳۰    | ۲۸   | ۳۱     | ۲۵     |
| ۲۹    | ۳۰    | ۵۱     | ۲۶    | ۴۷    | ۳۹    | ۱      | ۵۴     | ۱۱   | ۲۹     | ۱۰۰   | ۲۵     | ۲۵    | ۲۲     | ۲۳     | ۱۹   | ۱۹    | ۲۳   | ۲۲   | ۲۲   | ۲۷   | ۲۲   | ۲۳   | ۲۵   | ۲۷  | ۴۳    | ۳۳    | ۳۳   | ۲۶     | ۲۶     |
| ۶۳    | ۳۵    | ۲۵     | ۵۹    | ۳۵    | ۳۲    | -۸     | ۳۱     | ۹    | ۶۰     | ۲۵    | ۱۰۰    | ۶۹    | ۶۵     | ۶۶     | ۶۰   | ۴۴    | ۵۷   | ۵۸   | ۵۶   | ۵۷   | ۵۸   | ۶۱   | ۵۸   | ۵۴  | ۲۹    | ۲۸    | ۳۲   | ۲۸     | ۲۸     |
| ۷۱    | ۳۴    | ۲۵     | ۶۴    | ۳۶    | ۳۱    | -۱۰    | ۳۱     | ۸    | ۶۷     | ۲۵    | ۶۹     | ۷۴    | ۷۳     | ۷۴     | ۶۷   | ۴۷    | ۶۴   | ۶۴   | ۶۱   | ۶۴   | ۶۵   | ۶۹   | ۶۵   | ۶۱  | ۲۹    | ۳۱    | ۳۴   | ۲۸     | ۲۸     |
| ۶۹    | ۳۱    | ۲۲     | ۶۱    | ۳۳    | ۲۸    | -۹     | ۲۷     | ۷    | ۶۴     | ۲۲    | ۶۵     | ۷۳    | ۱۰۰    | ۷۱     | ۶۵   | ۴۵    | ۶۲   | ۶۲   | ۵۹   | ۶۱   | ۶۳   | ۶۶   | ۶۲   | ۵۹  | ۲۵    | ۲۷    | ۳۱   | ۲۵     | ۲۵     |
| ۶۹    | ۳۲    | ۲۳     | ۶۲    | ۳۳    | ۲۹    | -۱۰    | ۲۹     | ۷    | ۶۴     | ۲۳    | ۶۶     | ۷۴    | ۷۱     | ۱۰۰    | ۶۵   | ۴۶    | ۶۲   | ۶۲   | ۵۹   | ۶۱   | ۶۳   | ۶۶   | ۶۳   | ۵۹  | ۲۶    | ۲۸    | ۳۲   | ۲۲     | ۲۶     |
| ۶۶    | ۲۷    | ۲۳     | ۵۶    | ۳۲    | ۲۶    | -۹     | ۲۸     | ۶    | ۶۰     | ۲۲    | ۶۰     | ۶۷    | ۶۵     | ۶۵     | ۱۰۰  | ۴۱    | ۵۷   | ۵۸   | ۵۳   | ۵۷   | ۵۹   | ۶۲   | ۵۹   | ۵۷  | ۲۳    | ۲۴    | ۲۳   | ۲۷     | ۲۱     |

ادامه جدول (۲). ماتریس همبستگی بازده سهام شرکت‌های بزرگ بورسی

| فرلاد  | همراه | وتجارت | وتانک | ویملت | ویارس | ویاسار | ویصادر | وکار | ومعادن | ونوین | وصندوق | وغدیر | پارسان | تاپیکو | فارس | شخارک | شپادیس | شبندر | شبهرن | شپنا | فخوز | فملی | کچاد | کگل | حکشتی | خودرو | رمپنا | اخابر | رانفور |
|--------|-------|--------|-------|-------|-------|--------|--------|------|--------|-------|--------|-------|--------|--------|------|-------|--------|-------|-------|------|------|------|------|-----|-------|-------|-------|-------|--------|
| شخارک  | ۴۴    | ۲۵     | ۱۹    | ۴۱    | ۲۵    | ۲۴     | -۵     | ۲۳   | ۷      | ۴۲    | ۱۹     | ۴۴    | ۴۷     | ۴۵     | ۴۶   | ۴۱    | ۳۹     | ۴۰    | ۳۹    | ۴۰   | ۴۲   | ۴۰   | ۳۸   | ۲۲  | ۲۱    | ۲۴    | ۲۵    | ۲۱    | ۲۱     |
| شپادیس | ۶۱    | ۲۶     | ۱۹    | ۵۳    | ۲۸    | ۲۳     | -۸     | ۲۳   | ۶      | ۶     | ۱۹     | ۵۷    | ۶۲     | ۶۲     | ۶۴   | ۵۷    | ۳۹     | ۱۰۰   | ۵۵    | ۵۳   | ۵۶   | ۵۸   | ۵۵   | ۵۳  | ۲۱    | ۲۲    | ۲۶    | ۲۱    | ۲۱     |
| شبندر  | ۶۲    | ۲۸     | ۲۳    | ۵۴    | ۳۲    | ۲۷     | -۸     | ۲۷   | ۷      | ۵۷    | ۲۳     | ۵۸    | ۶۲     | ۶۲     | ۶۴   | ۵۸    | ۵۳     | ۵۵    | ۱۰۰   | ۵۲   | ۵۵   | ۵۶   | ۵۶   | ۵۴  | ۲۴    | ۲۵    | ۲۸    | ۲۲    | ۲۳     |
| شبهرن  | ۵۶    | ۳۲     | ۲۲    | ۵۳    | ۳۰    | ۲۹     | -۷     | ۲۷   | ۸      | ۵۳    | ۲۲     | ۵۶    | ۵۹     | ۵۹     | ۶۱   | ۵۳    | ۳۹     | ۵۱    | ۱۰۰   | ۵۲   | ۵۲   | ۵۵   | ۵۱   | ۴۸  | ۲۷    | ۳۰    | ۳۲    | ۳۲    | ۲۷     |
| شپنا   | ۶۱    | ۳۰     | ۲۸    | ۵۴    | ۳۵    | ۳۰     | -۸     | ۳۲   | ۸      | ۵۷    | ۲۷     | ۵۷    | ۶۱     | ۶۱     | ۶۴   | ۵۷    | ۴۰     | ۵۳    | ۵۵    | ۵۱   | ۱۰۰  | ۵۵   | ۵۳   | ۲۷  | ۲۸    | ۳۱    | ۲۵    | ۲۵    | ۳۱     |
| فخوز   | ۶۳    | ۲۷     | ۲۳    | ۵۵    | ۳۱    | ۲۶     | -۸     | ۲۷   | ۶      | ۵۸    | ۲۲     | ۵۸    | ۶۵     | ۶۳     | ۶۳   | ۵۹    | ۴۰     | ۵۶    | ۵۶    | ۵۲   | ۱۰۰  | ۶۰   | ۵۷   | ۵۵  | ۲۳    | ۲۴    | ۲۳    | ۲۷    | ۲۷     |
| فملی   | ۶۶    | ۲۹     | ۲۴    | ۵۷    | ۳۳    | ۲۷     | -۹     | ۲۹   | ۷      | ۶۱    | ۲۳     | ۶۱    | ۵۹     | ۶۶     | ۶۶   | ۴۲    | ۵۸     | ۵۸    | ۵۹    | ۵۵   | ۶۰   | ۱۰۰  | ۶۰   | ۵۷  | ۲۴    | ۲۵    | ۲۹    | ۲۳    | ۲۳     |
| کچاد   | ۶۴    | ۲۶     | ۲۶    | ۵۴    | ۳۴    | ۲۷     | -۸     | ۳۰   | ۶      | ۵۹    | ۲۵     | ۵۸    | ۶۵     | ۶۲     | ۵۹   | ۴۰    | ۵۵     | ۵۶    | ۵۱    | ۵۵   | ۵۷   | ۱۰۰  | ۵۷   | ۲۳  | ۲۶    | ۲۳    | ۲۷    | ۲۱    | ۲۱     |
| کگل    | ۶۴    | ۲۳     | ۳۰    | ۵۰    | ۳۶    | ۲۵     | -۸     | ۳۴   | ۵      | ۵۸    | ۲۷     | ۵۴    | ۶۱     | ۵۹     | ۵۷   | ۳۸    | ۵۳     | ۵۴    | ۴۸    | ۵۳   | ۵۵   | ۵۷   | ۱۰۰  | ۲۱  | ۲۷    | ۲۰    | ۲۴    | ۲۴    | ۱۸     |
| حکشتی  | ۲۵    | ۳۵     | ۳۳    | ۳۱    | ۳۴    | ۳۶     | ۰      | ۳۶   | ۱۱     | ۲۷    | ۳۲     | ۲۹    | ۲۶     | ۲۶     | ۲۳   | ۲۲    | ۲۱     | ۲۴    | ۲۷    | ۲۷   | ۲۳   | ۲۳   | ۲۱   | ۱۰۰ | ۳۳    | ۳۸    | ۳۶    | ۳۶    | ۳۰     |
| خودرو  | ۳۰    | ۳۳     | ۴۷    | ۲۹    | ۴۴    | ۴۰     | ۰      | ۵۰   | ۱۱     | ۳۰    | ۴۳     | ۲۸    | ۲۸     | ۲۵     | ۲۶   | ۲۱    | ۲۱     | ۲۴    | ۲۵    | ۲۴   | ۲۴   | ۲۶   | ۲۷   | ۳۳  | ۱۰۰   | ۳۶    | ۳۵    | ۳۵    | ۲۹     |
| رمپنا  | ۲۵    | ۴۲     | ۳۴    | ۳۴    | ۳۴    | ۴۱     | ۳      | ۳۶   | ۱۳     | ۲۸    | ۳۳     | ۳۲    | ۳۱     | ۲۷     | ۲۳   | ۲۴    | ۲۲     | ۲۵    | ۳۰    | ۲۸   | ۲۳   | ۲۳   | ۲۰   | ۳۸  | ۱۰۰   | ۴۳    | ۴۳    | ۴۳    | ۳۶     |
| اخابر  | ۲۹    | ۴۰     | ۳۴    | ۳۶    | ۳۵    | ۴۰     | -۱     | ۳۷   | ۱۲     | ۳۱    | ۳۳     | ۳۵    | ۳۴     | ۳۱     | ۳۲   | ۲۷    | ۲۵     | ۲۶    | ۳۲    | ۳۲   | ۲۷   | ۲۷   | ۲۴   | ۳۶  | ۴۳    | ۱۰۰   | ۴۳    | ۱۰۰   | ۳۵     |
| رانفور | ۲۳    | ۳۴     | ۲۷    | ۲۹    | ۲۸    | ۳۳     | ۰      | ۳۰   | ۱۱     | ۲۵    | ۲۶     | ۲۸    | ۲۵     | ۲۶     | ۲۱   | ۲۱    | ۲۱     | ۲۳    | ۲۷    | ۲۵   | ۲۲   | ۲۳   | ۲۱   | ۳۰  | ۲۹    | ۳۶    | ۳۵    | ۳۵    | ۱۰۰    |

منبع: یافته‌های تحقیق

در کنار جدول ۲ که میانگین شدت همبستگی تلاطم بازده سهام شرکت‌های بزرگ بورسی را در طول کل دوره مورد بررسی نشان می‌دهد، شدت همبستگی را می‌توان با ارائه همبستگی پسینی در مقاطع مختلف زمانی نمایش داد. بر این اساس، ماتریس همبستگی پسینی در ۸ مقطع زمانی مختلف با استفاده از دوایر در شکل ۱۱ ترسیم شده است که همبستگی ۱+ به رنگ قرمز تیره و همبستگی ۱- به رنگ آبی تیره به نمایش درآمده است. یافته‌ها نشان می‌دهند که:

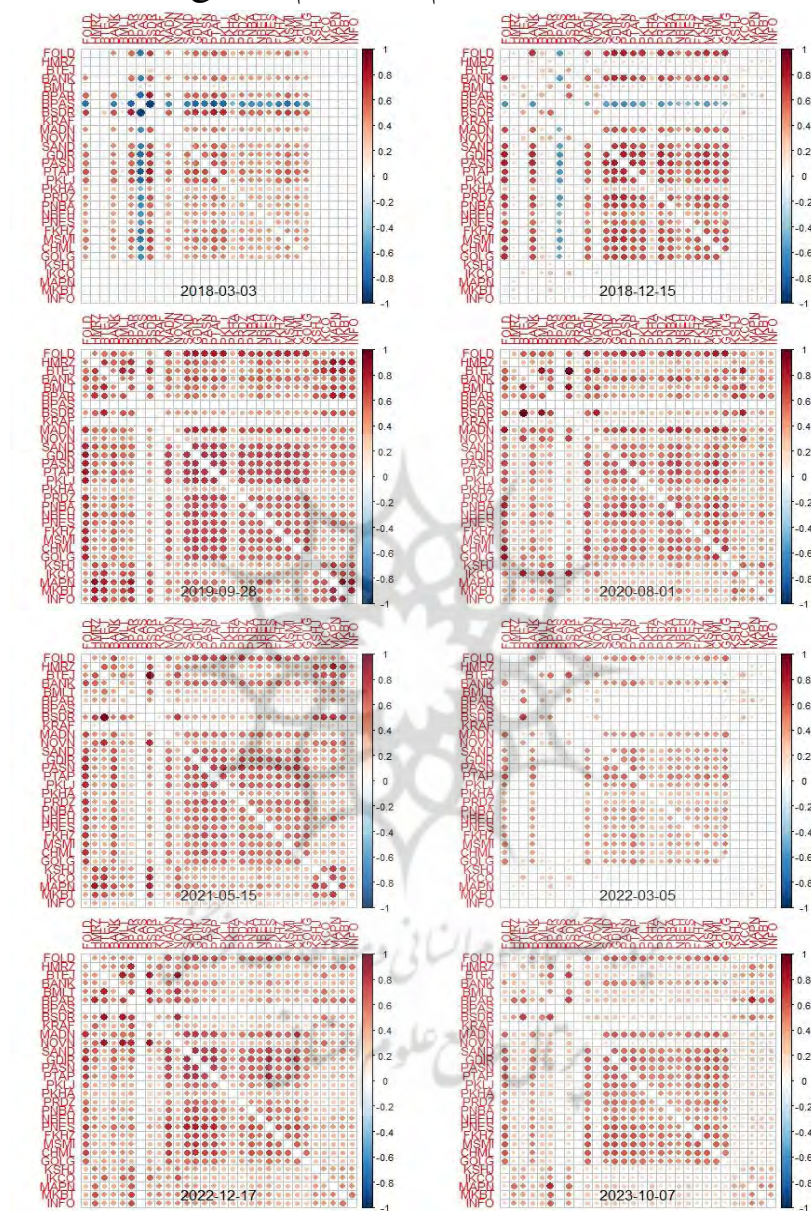
(۱) در ابتدای دوره مورد بررسی، بانک پاسارگاد (وپاسار) با اکثر شرکت‌های بزرگ بورسی، همبستگی منفی را تجربه نموده است. هر چند در ادامه، تلاطمات بازده این بانک نیز همسو با سایر شرکت‌های بزرگ بوده است.

(۲) قوی‌ترین همبستگی‌های زوجی در اواسط دوره مورد بررسی (تابستان ۱۳۹۸ مقارن با اوت ۲۰۱۹ تا تابستان ۱۳۹۹ مقارن با ژوئیه ۲۰۲۰) اختصاص دارد که بازار سهام کشور، رشد بی‌سابقه‌ای را تجربه نمود.

(۳) صرف‌نظر از دوره‌های افتان و خیزان، شرکت‌های فعال در صنایع کامودیتی‌محور صادراتی (فلزات، پالایشی، پتروشیمی و معدن)، بیشترین همبستگی‌های خوشه‌ای را تجربه نموده‌اند.

(۴) تعاملات بخش بانکی و خودرویی با صنایع کامودیتی‌محور صادراتی در اکثر دوره‌ها نسبتاً اندک است. هر چند در گروه بانکی، همبستگی‌های نسبتاً قوی بین بانک‌های تجارت (وتجارت)، صادرات (وبصادر) و ملت (وبملت) مشاهده می‌شود.

شکل ۱۱. ماتریس همبستگی پسین تلاطم بازده ۳۰ سهم در ۸ مقطع زمانی مختلف



مأخذ: یافته‌های پژوهش

## ۵. بحث و نتیجه‌گیری

مقاله حاضر با استفاده از داده‌های هفتگی بازده سهام ۳۰ شرکت بزرگ بورسی طی دوره زمانی ۱۳۹۶/۱۰/۳۰ تا ۱۴۰۲/۰۷/۱۵ در تلاش برای مدل‌سازی ریسک سهام هر یک از شرکت‌ها است. در این راستا، MFSVM در چارچوب رویکرد فضا-حالت غیرخطی به منظور تفکیک تلاطمات در بازار سهام به دو جزء تلاطم منحصر به فرد سهام هر شرکت و تلاطم مرتبط با عوامل پنهان و برآورد ماتریس همبستگی پویا بین نوسانات سهام شرکت‌های بزرگ بورسی به کار گرفته شده است. نتایج به دست آمده نشان می‌دهد:

اولاً سه عامل پنهان وجود دارد؛ عامل پنهان نخست که به نظر ریشه در رخدادهای بین‌المللی و تحولات دلار دارد، عمدتاً شرکت‌های کالامحور صادراتی را متأثر می‌سازد و عوامل پنهان دوم و سوم که به نظر منشأ داخلی دارند، غالباً بر تلاطمات بازده بانک‌ها اثر گذارند. ثانیاً تلاطمات سری‌های زمانی ۳۰ شرکت بزرگ بورسی، رفتار خوشه‌ای و هم‌حرکتی را از خود به نمایش می‌گذارند که در برخی از مقاطع زمانی بر شدت آن افزوده می‌شود.

ثالثاً شدت همبستگی تلاطمات بین بازده سهام شرکت‌های مورد بررسی طی زمان افزایش یافته و در ابتدای دوره بررسی، نسبتاً ضعیف بوده و نوعاً محدود به روابط شرکت‌های کامودیتی‌محور صادراتی با یکدیگر است، حال آنکه طی یک روند صعودی، همبستگی‌ها در کل بازار افزایش یافته و در اوت ۲۰۱۹ تا ژوئیه ۲۰۲۰ (شهریور ۱۳۹۸ تا تیر ۱۳۹۹)، به بیشترین مقادیر خود رسیده است اما پس از آن، کاهش یافته است.

رابعاً بالاترین همبستگی‌های زوجی پسینی، بین شرکت سرمایه‌گذاری غدیر (وغدیر) با شرکت‌های سرمایه‌گذاری نفت و گاز و پتروشیمی تامین (تاپیکو)، گسترش نفت و گاز پارسیان (پارسان) و فولاد مبارکه اصفهان (فولاد) به ترتیب با (۷۴٪)، (۷۳٪) و (۷۱٪) می‌باشد. همچنین همبستگی فولاد با شرکت‌های پارسان، تاپیکو (هر کدام ۶۹٪) و سپس با فملی و معادن (هر کدام ۶۶٪) در رتبه بعدی قرار دارد. ضعیف‌ترین همبستگی‌های زوجی متعلق به وپاسار-وغدیر با (۱۰-٪) می‌باشد. همچنین نماد وپاسار ضعیف‌ترین همبستگی تلاطمات بازده را به طور متوسط با کل شبکه سهام تجربه نموده حدود ۵- درصد بوده است و در مقابل، قوی‌ترین همبستگی‌های زوجی با کل شبکه بازار سهام به نماد وغدیر تعلق دارد که

متوسط همبستگی آن ۴۷/۵ درصد بوده است.

با عنایت به اینکه تشکیل یک سبد کارای متنوع از سهام نیازمند آگاهی از رفتار و همبستگی‌های بین تلاطمات بازده سهام مورد نظر است لذا نتایج پژوهش حاضر می‌تواند درک روشنی درباره تلاطمات بازدهی شبکه سهام شرکت‌های بزرگ بورسی ارائه نموده و در طراحی استراتژی مناسب سرمایه‌گذاری کمک نماید. همچنین بهینه‌سازی سبد سهام، ارزش‌گذاری اختیارات و محاسبه ارزش در معرض خطر با استفاده از MFSVM می‌تواند موضوع پژوهش‌های آتی باشد که در فضای پژوهشی داخلی چندان مورد توجه قرار نگرفته است.

### تعارض منافع

تعارض منافع وجود ندارد.

### سپاسگزاری

از داوران ارجمند و هیئت تحریریه محترم که با راهنمایی خود موجب بهبود این اثر شدند تشکر می‌شود.

### ORCID

Reza Taleblou



<https://orcid.org/0000-0002-8679-2920>

Parisa Mohajeri



<http://orcid.org/0000-0001-7971-0678>

Mortaza Yeganeh



<https://orcid.org/0009-0005-2778-6634>

### منابع

- طالبو، رضا و مهاجری، پریسا (۱۳۹۹). الگوسازی سرایت تلاطم در بازار سهام ایران؛ رویکرد فضا-حالت غیر خطی. *تحقیقات اقتصادی*، ۵۵(۴)، ۹۶۳-۹۹۰.
- طالبو، رضا و مهاجری، پریسا. (۱۴۰۰). الگوسازی تلاطم در بازارهای دارایی ایران با استفاده از مدل تلاطم تصادفی چند متغیره عاملی. *مدلسازی اقتصادسنجی*، ۶(۳)، ۶۳-۹۶.

### References

- Asai, M., & McAleer, M. (2009). Multivariate Stochastic Volatility, Leverage and News Impact Surfaces. *The Econometrics Journal*, 12(2), 292-309.

- Asai, M., McAleer, M., & Yu, J. (2006). Multivariate Stochastic Volatility: A Review. *Econometric Reviews*, 25(2-3), 145-175.
- Bollerslev, T. (1986). Generalized Autoregressive Conditional Heteroskedasticity. *Journal of econometrics*, 31(3), 307-327.
- Bollerslev, T., Engle, R. F., & Nelson, D. B. (1994). ARCH Models. *Handbook of econometrics*, 4, 2959-3038.
- Bos, C. S. (2011). Relating Stochastic Volatility Estimation Methods.
- Engle, R. F. (1982). Autoregressive Conditional Heteroscedasticity with Estimates of the Variance of United Kingdom Inflation. *Econometrica: Journal of the econometric society*, 987-1007.
- Gelman, A., Carlin, J. B., Stern, H. S., & Rubin, D. B. (1995). *Bayesian Data Analysis*. Chapman and Hall/CRC.
- Harvey, A., Ruiz, E., & Shephard, N. (1994). Multivariate Stochastic Variance Models. *The Review of Economic Studies*, 61(2), 247-264.
- Harvey, A. C., & Shephard, N. (1996). Estimation of an Asymmetric Stochastic Volatility Model for Asset Returns. *Journal of Business & Economic Statistics*, 14(4), 429-434.
- Hosszejni, D., & Kastner, G. (2019). Modeling Univariate and Multivariate Stochastic Volatility in R with Stochvol and Factorstochvol. *arXiv preprint arXiv:1906.12123*.
- Jacquier, E., Polson, N. G., & Rossi, P. (1999). *Stochastic Volatility: Univariate and Multivariate Extensions*. CIRANO.
- Kastner, G. (2016). Dealing with Stochastic Volatility in Time Series Using the R Package stochvol. *Journal of Statistical Software*, 69(5), 1 - 30.
- Kastner, G., Frühwirth-Schnatter, S., & Lopes, H. F. (2017). Efficient Bayesian Inference for Multivariate Factor Stochastic Volatility Models. *Journal of Computational and Graphical Statistics*, 26(4), 905-917.
- Lee, P. M. (2012). *Bayesian Statistics: An Introduction*. Wiley.
- Lintner, J. (1969). The Valuation of Risky Assets and the Selection of Risky Investments in Stock Portfolios and Capital Budgets: A Reply. *The review of economics and statistics*, 222-224.
- Markowitz, H. (1952). Portfolio Selection. *The journal of Finance*, 7(1), 77-91.
- Nakajima, J. (2017). Bayesian Analysis of Multivariate Stochastic Volatility with Skew Return Distribution. *Econometric Reviews*, 36(5), 546-562.
- Poon, S.-H., & Granger, C. W. J. (2003). Forecasting Volatility in Financial Markets: A Review. *Journal of economic literature*, 41(2), 478-539.
- Sharpe, W. F. (1964). Capital Asset Prices: A Theory of Market Equilibrium under Conditions of Risk. *The journal of Finance*, 19(3), 425-442.
- Shephard, N. (1996). Statistical Aspects of ARCH and Stochastic Volatility. In *Time Series Models: In econometrics, finance and other fields* (pp. 1-67). Chapman & Hall.
- Speagle, J. S. (2019). A Conceptual Introduction to Markov Chain Monte Carlo Methods. *arXiv preprint arXiv:1909.12313*.

- Taleblou, R., & Mohajeri, P. (2021). Modeling the Transmission of Volatility in the Iranian Stock Market Space-State Nonlinear Approach. *Journal of Economic Research (Tahghighat- E- Eghtesadi)*, 55(4), 963-990. [In Persian]
- Taleblou, R., & Mohajeri, P. (2021). Modeling the Volatility of the Iranian Asset Markets Using Factor Multivariate Stochastic Volatility Model. *Journal of Econometric Modelling*, 6(3), 63-96. [In Persian]
- Taleblou, R. & Mohajeri, P. (2023). Modeling the Daily Volatility of Oil, Gold, Dollar, Bitcoin and Iranian Stock Markets: An Emprical Application of a Nonlinear Space State Model. *Iranian Economic Review*, 27(3), 1033-1063.
- Taleblou, R. & Mohajeri, P. (2024). Modeling the Dynamic Correlations among Cryptocurrencies: New Evidence from Multivariate Factor Stochastic Volatility Model. *Journal of Money and Economy*, 18(2), 263-284.
- Taylor S, J. (1982). Financial Returns Modelled by the Product of Two Stochastic Processes-A Study of Daily Sugar Prices 1961-79. *Time Series Analysis : Theory and Practice*, 1, 203-226.
- Tims, B., & Mahieu, R. (2003). A Range-Based Multivariate Model for Exchange Rate Volatility.
- Tjelmeland, H., & Hegstad, B. K. (2001). Mode Jumping Proposals in MCMC. *Scandinavian Journal of Statistics*, 28(1), 205-223.
- Triantafyllopoulos, K. (2008). Multivariate stochastic volatility with bayesian dynamic linear models. *Journal of Statistical Planning and Inference*, 138(4), 1021-1037.
- Tse, Y. K., & Tsui, A. K. C. (2002). A Multivariate Generalized Autoregressive Conditional Heteroscedasticity Model with Time-Varying Correlations. *Journal of Business & Economic Statistics*, 20(3), 351-362.
- van de Schoot, R., Depaoli, S., King, R., Kramer, B., Märtens, K., Tadesse, M. G., Vannucci, M., Gelman, A., Veen, D., & Willemsen, J. (2021). Bayesian statistics and modelling. *Nature Reviews Methods Primers*, 1(1), 1.
- Yu, J., & Meyer, R. (2004). Multivariate Stochastic Volatility Models: Bayesian Estimation and Model Comparison.

**استناد به این مقاله:** طالبو، رضا، مهاجری، پریسا و یگانه، مرتضی. (۱۴۰۳). الگوسازی ریسک سهام شرکت‌های بزرگ بازار بورس اوراق بهادار تهران؛ رویکرد تلاطم تصادفی چندمتغیره عاملی. *پرویه‌نامه اقتصادی*، ۲۳(۹۱)، ۱۳۱-۱۶۵.



Journal of Economic Research is licensed under a Creative Commons Attribution-NonCommercial 4.0 International License.