

Supply Side Implications of Ambiguity Aversion for Risk Premium and Risk-Free Rate Puzzles

Mohamad Feghhi Kashani¹

Zahra Ziyaei²

| zahra_ziyaee@atu.ac.ir

Received: 27/May/2024 | Accepted: 02/Jul/2024

Abstract Since the 1990s, various economists have taken different approaches to resolving the risk premium and risk-free rate puzzles. Identifying the causes of these two puzzles can help investors, regulators, and policymakers in finding out determinants of the asset prices in financial markets, thereby shaping the real sector trends in the economy to improve their allocations efficiency. Meanwhile, the periodic incidence and prevalence of ambiguous environments in many economies, especially economies with more fragile institutional and economic structures, such as various developing economies, including the Iranian economy, have turned attention towards highlighting the consequences of ambiguity for investors' decision-making and policy design by policymakers. Through a parsimonious continuous-time stochastic general equilibrium model, including heterogeneous agents with ambiguity aversion, this study shows how by a utility function with a constant relative risk aversion coefficient augmented with variable investment opportunities and financial friction, one can still make a more justifiable account for the above dual puzzles. Model calibration indicates that the model fits better with the stylized facts detected for different periods.

Keywords: Ambiguity, Variable Investment Opportunities, Heterogeneous Agents, Continuous-time General Equilibrium Model, Equity Premium Puzzle, Risk Free Rate Puzzle.

JEL Classification: D53, D81, E21, G11, G12.

1. Assistant Professor, Department of Economics, Faculty of Economics, University of Allamah Tabatabai'i, Tehran, Iran.

2. Ph.D. Student of Economics, Department of Economics, Faculty of Economics, Allamah Tabatabai'i, Tehran, Iran (Corresponding Author).

دلالت‌های سمت عرضه ابهام‌گریزی برای معماهای صرف ریسک و نرخ بدون ریسک

محمد فقهی کاشانی

استادیار، گروه اقتصاد، دانشکده اقتصاد، دانشگاه علامه طباطبائی، تهران، ایران.

zahra_ziyaee@atu.ac.ir

زهرا ضیایی

نویسنده مسئول، دانشجوی دکتری اقتصاد، گروه اقتصاد، دانشکده اقتصاد، دانشگاه

علامه طباطبائی، تهران، ایران (نویسنده مسئول).

مقاله پژوهشی

پذیرش: ۱۴۰۳/۰۴/۱۲

دریافت: ۱۴۰۳/۰۳/۰۷

فصلنامه علمی

شماره ۱۵
پیاپی ۱۵
تیر ۱۴۰۲

۱۵۰-۱۵۱

کالج

۱۵۲-۱۵۳

۱۵۴-۱۵۵

۱۵۶-۱۵۷

۱۵۸-۱۵۹

۱۵۰-۱۵۱

۱۵۲-۱۵۳

۱۵۴-۱۵۵

چکیده: از دهه ۱۹۹۰ بسیاری از اقتصاددانان رویکردهای متفاوتی را برای حل معماهای صرف ریسک و نرخ بدون ریسک اتخاذ کردند. شناسایی عوامل اثرگذار بر شکل‌گیری این دو معما می‌تواند سرمایه‌گذاران، مقررات‌گذاران و سیاست‌گذاران را نسبت به عوامل تعیین‌کننده قیمت دارایی‌ها در بازارهای مالی و بدان طریق به اثرگذاری بر روندهای بخش واقعی اقتصاد به منظور ارتقای کلایی تخصیص کمک نماید. در این میان، بروز و شیوع دوره‌ای فضای ابهام در بسیاری از اقتصادها، بهویژه اقتصادهای برخوردار از ساختارهای نهادی و اقتصادی شکننده‌تر، مانند بسیاری از اقتصادهای در حال توسعه شامل اقتصاد ایران، توجه به تبعات ابهام را برای تصمیم‌سازی‌های سرمایه‌گذاران و تنظیم سیاست از جانب سیاست‌گذاران پرجسته‌تر می‌سازد. پژوهش حاضر در چارچوب یک مدل تعادل عمومی تصادفی زمان‌پیوسته مختص دربرگیرنده عوامل ناهمگن ابهام‌گریز نشان می‌دهد که چگونه با استفاده ازتابع مطلوبیت و ضریب ریسک‌گریزی نسبی ثابت منضم شده با فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر و اصطکاک مالی، هنوز می‌توان به پاسخی موجه‌تر برای معماهای دوگانه فوق دست یافت. یافته‌های حاصل از کالیبراسیون مدل حاکی از آن است که این مدل انطباق بهتری با حقایق تجربی شناسایی شده برای دوره‌های زمانی مختلف دارد.

کلیدواژه‌ها: ابهام‌گریزی، فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر، عوامل ناهمگن، مدل تعادل عمومی زمان‌پیوسته، معماهی مازاد بازده سهام، معماهی نرخ بدون ریسک.

طبقه‌بندی JEL: G12, G11, E21, D81, D53

مقدمه

اقتصاد متعارف در چارچوب استاندارد و مبتنی بر برخی از فروض گسترش یافته است. این فروض با ساده‌سازی مدل اقتصادی، درک روابط اقتصادی پیچیده واقعی را تسهیل کرده است. مدل‌های استاندارد با رعایت فروض مفروض، قادر به پاسخگویی به برخی از پدیده‌های رایج اقتصادی نیستند که تحت عنوان معماها و تناظرها اقتصادی مطرح می‌شوند. یافتن پاسخی برای این معماها به محور مطالعات برخی از اقتصاددانان مبدل شده است (Campbell, 2017) ^۱ معماهای مازاد صرف سهام و نرخ بهره بدون ریسک نمونه‌ای از آن‌ها هستند. **مهراء و پرسکات (۱۹۸۵)**^۲، مطرح کردند که یک مدل استاندارد با تابع مطلوبیت زمان جمع‌بذری و دارای کشش جانشینی ثابت، بر اساس پارامترهای معقول، نمی‌تواند مازاد صرف ریسک یک‌ساله شاخص استاندارد اند پورز^۳ ۵۰۰ را در دوره زمانی ۱۸۸۹ تا ۱۹۷۸ توجیه کند. با مطالعات بیشتر در بازار سهام کشورهای مختلف نشان داده شد که توجیه بازده سالانه سهام ۴ تا ۸ درصدی نیاز به پارامتر ضریب ریسک‌گریزی ثابت ۱۰ تا ۴۰ واحدی دارد که این مقدار بالای ضریب ریسک‌گریزی ثابت، غیرمعقول و غیرمنطبق بر حقایق تجربی است (Mehra & Prescott, 1985). **ویل (۱۹۸۹)**^۴، مطرح کرد که حتی اگر ما این مقدار از ضریب ریسک‌گریزی ثابت را بپذیریم، شاهد معماهای دیگری در حوزه نرخ بهره بدون ریسک خواهیم بود؛ با یک ضریب ریسک‌گریزی ثابت ۱۰ تا ۴۰ واحدی نرخ بهره بدون ریسک بسیار بالاتر از مقدار واقعی آن خواهد شد که حدود یک درصد بوده است، و حالا معماهای جدید آن است که چرا در دنیای واقعی نرخ بهره بدون ریسک واقعی آن قدر کم است؟

پژوهش‌های مختلفی در پاسخ به دو معماهای فوق صورت گرفت که در اینجا خلاصه‌ای از پاسخ‌ها به این معماها را ارائه می‌کنیم. برخی از پژوهشگران خطای نمونه‌گیری و اندازه‌گیری را مطرح کردند. **مک‌گراتن و پرسکات (۲۰۰۳)**^۵، تاکید می‌کنند که مالیات بر درآمد سرمایه، بازدهی در دسترس را برای سرمایه‌گذاران مشمول مالیات کاهش می‌دهد. پس اندازه‌گیری نادرست بازده سرمایه می‌تواند باعث ایجاد این دو معما شود. اما از سوی دیگر، لحاظ مالیات بر عایدی سرمایه، نوسانات بازده سرمایه را نیز کاهش می‌دهد. **بریدن و همکاران (۱۹۸۹)**^۶، اندازه‌گیری نادرست مصرف را مطرح می‌کنند.

1. Mehra & Prescott
2. Standard and Poor's
3. Weil
4. McGrattan & Prescott
5. Breeden

مصرف اندازه‌گیری شده متغیری جریانی در طول یک دوره زمانی است، در حالی که مفهوم نظری مورد نیاز برای آزمایش مدل قیمت‌گذاری دارایی مبتنی بر مصرف، مصرف آنی در یک نقطه از زمان است که برای ایجاد رشد مصرف در یک بازه زمانی گستره استفاده می‌شوند (Alizadeh *et al.*, 2023; Soltani *et al.*, 2023). علاوه بر این، سری‌های مصرف ناشی از حساب‌های ملی برای کاهش خطای اندازه‌گیری فیلتر شده و به صورت فصلی تعدیل شده‌اند و این ممکن است کوواریانس بازده سهام با مصرف را مخدوش کند (Breeden *et al.*, 1989). ساوف^۱ (۲۰۱۱)، به جای سری‌های زمانی مصرف، با داده‌های حجم زیاله کار می‌کند که اثر جانسی مصرف هستند و بدون فیلتر کردن یا تعدیل فصلی اندازه‌گیری می‌شود و تخمین‌های پایین‌تری – هرچند هنوز قابل توجه – از ریسک‌گریزی به دست می‌آورد. کرونکه^۲ (۲۰۱۷)، نتایج مشابهی را با رفع فیلتر مصرف ناشی از حساب‌های ملی به دست آورد. دانیل و مارشال^۳ (۱۹۹۷)، و پارکر و جولیارد^۴ (۲۰۰۵)، مطرح می‌کنند که شاید ریسک بازار سهام را باید با کوواریانس بین بازده سهام و رشد مصرف بلندمدت سنجید، نه رشد مصرف کوتاه‌مدت، زیرا مسائل اندازه‌گیری در افق‌های طولانی‌تر کمتر جدی هستند و به ندرت به خاطر هزینه‌های پردازش اطلاعات با تعدیل داده‌های مصرف مواجه‌اند.

رشد مصرف دارای توزیع نرمال لگاریتمی نیست، اما دارای توزیع با دنباله چاق است. ترجیحات استاندارد حاکی از آن است که با فرض واریانس یکسان و توزیع مصرف نرمال لگاریتمی، بازده مورد انتظار بالاتر است. یکی از دلایل دنباله چاق در رشد مصرف می‌تواند ناشی از احتمال کوچک بلایای نادر (Weitzman, 2007) یا عدم قطعیت در پارامتر (Rietz, 1988; Barro, 2009; Pindyck & Wang, 2013) باشد.

شاید مدل مطلوبیت توانی به اندازه کافی نشان‌دهنده ترجیحات کارگزاران نباشد. یک جایگزین برای توابع مطلوبیت با کشش ریسک‌گریزی نسبی ثابت، تابع مطلوبیت اپشتین – زین است (Epstein & Zin, 1989; 1991) که عدم وابستگی به مقیاس را در تابع مطلوبیت حفظ می‌کند، اما این محدودیت را که کشش جانشینی بین زمانی معکوس ضریب ریسک‌گریزی نسبی است کنار می‌گذارد و دست کم این امکان را به فرد می‌دهد که برای تناسب با صرف ریسک، ریسک‌گریزی را افزایش دهد، بدون آن که با پازل نرخ بدون ریسک مواجه شود.

-
1. Savov
 2. Kroencke
 3. Daniel & Marshall
 4. Parker & Julliard

فرض استاندارد در ادبیات این است که مطلوبیت نهایی حاصل از مصرف کالاهای خدمات بی‌دوم (مجموعه مصرف مورد استفاده در بیشتر آزمایش‌های تجربی) به مصرف فراغت یا خدمات ارائه شده توسط موجودی کالاهای بادوام بستگی ندارد. اگر این فرض شکست بخورد — یعنی اگر مطلوبیت بین کالاهای خدمات بی‌دوم و اوقات فراغت یا کالاهای بادوام جدایی‌پذیر نباشد — در این صورت آزمون‌های استاندارد بهاشتباه تصريح می‌شوند (Dunn & Singleton, 1986; Eichenbaum & Hansen, 1990; Yogo, 2006).

کنستانتنیدس و دافی (۱۹۹۶)، اهمیت ریسک غیرقابل بیمه انفرادی^۱ را مطرح می‌کنند و نشان می‌دهند که با وجود توزیع دلخواه ریسک پس‌زمینه‌ای غیرقابل بیمه، صرف سهام می‌تواند با ضریب ریسک‌گریزی دلخواه برای سرمایه‌گذاران، به اندازه کافی بزرگ باشد (Constantinides & Duffie, 1996). مینهوت^۲ (۲۰۰۴)، به بررسی نقش ابهام بر دو معماه فوق پرداخت. در ابهام عوامل و سرمایه‌گذاران در مورد مدل واقعی نامطمئن هستند و نمی‌دانند توزیع احتمال برای بهینه‌سازی مدل چگونه است. وی در یک مدل مطلوبیت زمان جمع‌پذیر و دارای کشش جانشینی ثابت با کارگزاران همگن، و با استفاده از مدل آنتروپی اندرسون^۳ و همکاران (۲۰۰۰)، ابهام‌گریزی را وارد مدل کرد و مطرح نمود که ابهام‌گریزی نمی‌تواند به‌نهایی به دو معماه فوق پاسخ دهد و راه حل نهایی مستلزم استفاده از ابهام‌گریزی همراه با تابع مطلوبیت اپشتین - زین است (Maenhout, 2004).

از سوی دیگر وانگ و میو^۴ (۲۰۱۹)، اثر ابهام‌گریزی بر دو معماه فوق را در چارچوب مدل وقایع نادر^۵ مورد بررسی قرار دادند و دریافتند که ابهام‌گریزی از ریسک انتشار^۶ و ریسک پرشی^۷ وقایع نادر می‌تواند به دو معماه مازاد بازده و نرخ بهره بدون ریسک پاسخ دهد.

هدف پژوهش ما این است که در چارچوب تابع مطلوبیت زمان جمع‌پذیر و دارای ضریب ریسک‌گریزی ثابت و مبتنی بر مدل کارگزاران ناهمگن باشک و کوکو^۸ (۱۹۹۸)، کیوتاکی و موور^۹ (۱۹۹۷)،

1. Uninsurable Idiosyncratic Risk
2. Maenhout
3. Anderson
4. Wang & Mu
5. Rare Disasters
6. Diffusion Risk
7. Jump Risk
8. Basak & Cuoco
9. Kiyotaki & Moore

و برونرمایر و سانیکوف^۱ (۲۰۱۴)، به بررسی نقش ابهام در حل معماهای مازاد صرف ریسک و نرخ بهره بدون ریسک بپردازیم. به طور مشخص‌تر، می‌توان پژوهش حاضر اگسترش مدل برونرمایر و سانیکوف (۲۰۱۴) به فضای تحلیلی متضمن ابهام در نظر گرفت. در مدل حاضر، با تمرکز بر سمت عرضه اقتصاد و لحاظ فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر، به بررسی نقش ابهام بر دو معماهی مورد بحث می‌پردازیم و می‌خواهیم بدانیم که آیا یافتن جواب این معماهای در چارچوب کاملاً پویای حاضر، بدون استفاده از تابع مطلوبیت اپشتین - زین مقدور است یا خیر؟ فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر، بر قیمت دارایی و نسبت قیمت به سود سهام اثرگذار است که، با ثبات سایر شرایط، می‌تواند انطباق بازده سرمایه را با حقایق تجربی بهبود بخشد. از سوی دیگر، مدل ناهمگن حاضر یک مدل اصطکاک مالی است که می‌تواند اثرات محدودیت‌های مالی و قیود وام‌گیری بر ناطمینانی و صرف ناطمینانی را لحاظ کند. هدف از این پژوهش آن است که به بررسی نقش ابهام‌گریزی در تعامل با اصطکاک مالی و فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر، بر دو معماهی صرف سهام و نرخ بازده بدون ریسک در چارچوب توابع مطلوبیت با کشش ریسک‌گریزی نسیی ثابت بپردازد. مهم‌ترین سهم پژوهش حاضر، گسترش چارچوب نظری برای پاسخ به دو معماهی فوق است. لحاظ ابهام به همراه فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر و اصطکاک مالی در چارچوب اثرات ترازنامه‌ای رویکرد جدیدی برای پاسخ به این مسئله است که سهم پژوهش حاضر محسوب می‌شود. ما نسبت به پژوهش‌های پیشین رویکرد متفاوتی اتخاذ کردیم. مینهوت (۲۰۰۴)، نشان می‌دهد که با نقض فرض تابع مطلوبیت CRRA و استفاده از تابع مطلوبیت اپشتین - زین می‌توان به معماهای پاسخ داد. این در حالی است که تابع مطلوبیت اپشتین - زین خود به تنها ی قادر به پاسخ به این معماست و تیازی به افزودن ابهام ندارد (Campbell, 2017). پژوهش‌های بعدی هم یافته‌های مینهوت (۲۰۰۴) را تصدیق کردن و برای پاسخ به دو معماهی فوق در چارچوب ابهام یا از ابهام همراه با تابع مطلوبیت اپشتین - زین یا واقعی نادر استفاده کردند. لازم به اشاره است که پیدا شده واقعی نادر نیز خود به تنها ی قابل به پاسخ به معماهای فوق است (Campbell, 2017).

حفظ فرض تابع مطلوبیت CRRA از رویکرد متفاوتی استفاده کردیم که عبارت‌اند از:

۱. به جای یک مدل استاندارد بهینه‌یابی مصرف و انتخاب پرتفوی از یک مدل سمت عرضه (مبتنی بر تولید) استفاده کردیم. این امر کمک می‌کند که بازده دارایی ناطمین از سمت عرضه اقتصاد، بر اساس سود سهام و عایدی سرمایه، تعیین شود.
۲. از یک مدل درون‌زای مبتنی بر اثرات ترازنامه‌ای استفاده کردیم که در آن متغیر وضعیت،

متغیر درون‌زای توزیع ثروت است که یکی از دلالتهای آن این است که نسبت شارپ تعیین‌کننده نرخ بهره بدون ریسک باشد.

۳. از فرسته‌های سرمایه‌گذاری متغیر استفاده کردیم. این امر موجب می‌شود که برخلاف سایر مدل‌های این حوزه که قادر به تطبیق با حقایق تجربی مربوط به سود سهام و قیمت دارایی در کالیبراسیون خود نیستند، با دقت بالایی با این حقایق مطابقت داشته باشیم. در واقع، ما برخلاف مطالعات قبلی که تنها کانال‌های اثرگذاری ابهام بر تصمیمات پسانداز احتیاطی و انتخاب پرتفوی را در مدل لحاظ می‌کنند (Maenhout, 2004; Ruan & Zhang, 2021; Wang & Mu, 2019)، کانال اثرگذاری ابهام بر فرسته‌های سرمایه‌گذاری را علاوه بر دو کانال مطرح شده لحاظ کردیم.

ما برای پاسخ به این دو معما، به مدلی با ویژگی‌های فوق نیاز داشتیم. مدل برونرمایر و سانیکوف (۲۰۱۴) دارای سه ویژگی فوق است، اما مدل آنان می‌تواند قادر به پاسخ به این دو معما نیست. تاکید می‌کنیم که ما ابهام را به فضای تحلیلی برونرمایر و سانیکوف (۲۰۱۴) اضافه کردیم، اما انتخاب این مدل با توجه به سه ملاحظه فوق انجام شد و با توجه به وجود سه کانال فوق قادر هستیم به هر دو معما، با فرض وجود ابهام و حفظ فرض تابع مطلوبیت CRRA پاسخ دهیم.

با وجود اهمیت نظری موضوع، از بررسی قابلیت و انعطاف‌پذیری مدل خود در انطباق با حقایق تجربی غافل نشدمیم. برای بررسی قابلیت مدل خود در پاسخ به معماهای یادشده نسبت به مدل‌های موجود، مقایسه‌ای بین پژوهش حاضر و مینهوت (۲۰۰۴) انجام شده است، بدان دلیل که مینهوت (۲۰۰۴) مطرح می‌کند پاسخ به این دو معما از طریق ابهام در چارچوب مدل‌های CRRA ممکن نیست و نیازمند لحاظ تابع مطلوبیت اپشتین-زنین است. مطالعات بعدی نیز به ناتوانی مدل‌های استاندارد CRRA در چارچوب ابهام برای پاسخ به این معماها اذعان داشتند. برای مثال وانگ و میو (۲۰۱۹)، مطرح می‌کنند که ابهام در چارچوب مدل‌های CRRA نیازمند لحاظ وقایع نادر است تا بتوان به این دو معما پاسخ داد. فقط پژوهش روئن و زانگ (۲۰۲۱) مطرح می‌کند که به طور شگفت‌آوری، ابهام‌گریزی در چارچوب مدل آنان و با تابع مطلوبیت CRRA قادر به پاسخ به این معماهast. اما انتقادهایی به روئن و زانگ (۲۰۲۱) وارد است از جمله این که نمونه انتخابی آنان دارای تورش است و در صورت انتخاب نمونه بدون تورش پژوهش مینهوت (۲۰۰۴)، مدل آنان نیز قادر به پاسخگویی به این معماها با پارامترهای معقول نیست. بنابراین، برای نشان دادن توانایی مدل خود در این حوزه و صحت در قیاس، از همان پارامترهای مدل مینهوت (۲۰۰۴) برای کالیبراسیون مدل استفاده می‌کنیم. در خصوص پارامترهایی که مقادیر آن‌ها در پژوهش مینهوت (۲۰۰۴) به دلیل تفاوت‌های ساختاری

دو مدل موجود نیست، از سایر پژوهش‌های مرتبط استفاده کردایم. پژوهش حاضر علاوه بر اهمیت نظری و تجربی، برای اقتصاد ایران نیز حائز اهمیت است و از دلالت‌های نظری آن می‌توان بهره برد. ابهام پدیده‌ای است که در کشورهای در حال توسعه به واسطه ماهیت مشکلات‌شان، به طور جدی‌تری نسبت به کشورهای توسعه‌یافته مطرح می‌شود. برای مثال، ارتس و سیرز^۱ (۲۰۰۶) مطرح می‌کنند که ابهام در کشورهای در حال توسعه که کیفیت نهادی کم‌تری نسبت به کشورهای توسعه‌یافته دارند، بالاتر است. همچنین، فقهی کاشانی و همکاران (۲۰۲۳) مطرح می‌کنند که کشورهای در حال توسعه، بهویژه ایران، به دلیل انواع اصطکاک‌های موجود با سطوح بالاتری از ابهام رویه‌رو هستند و تحلیل مدل‌ها بدون لحاظ ابهام می‌تواند موجب خطا‌ی تصریح مدل شود. از سوی دیگر، وجود شوک‌های نامتعارف متعدد اقتصادی خرد و کلان در ایران، و تحلیل رفتارهای سرمایه‌گذاران و عوامل اقتصادی در قالب مدل‌های صرفاً محدودشده به فضای ریسکی بسیار دشوار است، زیرا تحلیل در فضای ریسک مستلزم دانستن توزیع احتمال پیامدهای ممکن است.

مبانی نظری پژوهش

مینهوت (۲۰۰۴)، در یک مدل تعادل جزئی زمان‌پیوسته، به بررسی توانایی ابهام‌گریزی در پاسخگویی به معماهای مازاد صرف ریسک و نرخ بهره بدون ریسک پرداخت. وی ابتدا با لحاظ یکتابع مطلوبیت با ضریب ریسک‌گریزی ثابت به بررسی این مسئله پرداخت. مینهوت (۲۰۰۴)، دو بازه زمانی را در نظر گرفت، یکی ۱۹۹۱-۱۸۹۱ و دیگری ۱۹۹۶/۳-۱۹۴۷/۲. وی مطرح می‌کند که اگرچه ابهام‌گریزی در چارچوب تابع مطلوبیت با ضریب ریسک‌گریزی ثابت می‌تواند شرایط انطباق مدل با حقایق تجربی را کمی بهمود بخشد، اما نمی‌تواند به طور کامل به این معماها پاسخ دهد. او مطرح می‌کند که این مشکل در بازه زمانی ۱۹۹۶/۳-۱۹۴۷/۲ حادتر است. بازه زمانی اول، دو جنگ جهانی اول و دوم را در بر می‌گیرد و بسیاری از پژوهشگران مانند مک‌گرتان و پرسکات (۲۰۰۵)، معتقدند که بازه زمانی جنگ‌های جهانی اول و دوم به دلیل شرایط خاص (چه به لحاظ اقتصادی و چه فنی) برای بررسی کمی مناسب نیستند. برای مثال، در این بازه زمانی، مازاد بازده سهام کاهش یافته است و به همین دلیل پاسخ به معماها چندان دشوار نیست. اما در بازه زمانی دوم که بازده سرمایه بالاتر است و ضریب همبستگی صرف و بازده سهام کم‌تر است، این دو معما با قوت بیش‌تری پابرجا باقی می‌مانند

(McGrattan & Prescott, 2005)

روئن و ژانگ (۲۰۲۱)، در یک مدل تعادل جزئی زمان‌پیوسته با تابع مطلوبیت اپشتین - زین، ابهام‌گریزی و لحاظ ریسک پرشی را مطرح می‌کنند که در نتایج کالیبراسیون مدل خود، حتی با فرض تابع مطلوبیت با ضریب ریسک‌گریزی ثابت و ریسک پرشی صفر، به طور عجیبی قادر است به این دو معما پاسخ دهد. تفاوتی که این پژوهش با مینهوت (۲۰۰۴) به لحاظ چارچوب نظری دارد، در تغییر رابطه مصرف با سود سهام است. فرض رایج در مدل‌های اقتصادی آن است که افراد سود سهام خود (D) را مصرف (C) می‌کنند (یعنی $C=D$). اما کمپل (۱۹۸۶)، فرض می‌کند که سود سهام معادل با تابع توانی مصرف است (یعنی $C^\lambda = D$). آبل (۱۹۹۹)، مطرح می‌کند که ضریب λ را می‌توان به صورت میزان اهرم مالی تفسیر کرد. در این صورت اگر $\lambda > 1$ باشد، سود و بازده سهام می‌تواند از مصرف کل و ثروت کل متلاطم‌تر باشد. بعدها کمپل (۲۰۰۳)، بنستل و یارن^۱ (۲۰۰۴)، واچر^۲ (۲۰۱۳) مطرح کرده‌اند که این برابری می‌تواند معماً مازاد تلاطم سهام و مازاد صرف سهام را تا حدودی بهبود بخشد.

روئن و ژانگ (۲۰۲۱) نیز از همین فرض استفاده می‌کنند. مطالعات مختلف مقادیر متفاوتی را برای پارامتر λ در نظر می‌گیرند، اما به طور کلی بازه آن $3 \leq \lambda \leq 1$ است. سه انتقاد به **روئن و ژانگ (۲۰۲۱)** وارد است: اول، بازه زمانی کالیبراسیون مدل آنان از ۱۹۳۰ تا ۲۰۰۷ است که بازه جنگ جهانی دوم را شامل می‌شود و در آن میزان مازاد بازده سهام معادل ۰/۰۵۴۱ است که حتی از مازاد بازده سهام در بازه ۱۹۹۴-۱۸۹۱ یعنی ۰/۰۶۲۵ نیز کمتر است. **روئن و ژانگ (۲۰۲۱)**، برای ایجاد مازاد بازده ۰/۰۶۲۵، باید ضریب ریسک‌گریزی نسبی را بالاتر از ۱۰ در نظر بگیرند، این در حالی است که این ضریب ریسک‌گریزی توسط حقایق تجربی حمایت نمی‌شود. دوم، حتی اگر تورش در انتخاب نمونه مطالعه را مد نظر قرار ندهیم و مازاد بازده سهام ۰/۰۵۴۱ را بپذیریم، باز هم برای توجیه چنین بازدهی باید ضریب ریسک‌گریزی نسبی معادل ۵ باشد که باز هم ضریب بزرگی است. **چتی (۲۰۰۶)**، مطرح می‌کند که پارامتر ضریب ریسک‌گریزی نسبی باید عددی کمتر از ۲ باشد. سوم، پارامتر ابهام‌گریزی ۰/۷۲ بیش از حد بدینانه است. **ولش^۳ (۲۰۰۰)** با نظرسنجی از اقتصاددانان مالی مطرح می‌کند که در بدترین حالت، متوسط مازاد بازده سهام باید دست کم معادل ۰/۰۲ باشد، این در حالی است که در **روئن و ژانگ (۲۰۲۱)** در بدترین حالت مازاد بازده سهام ۰/۰۰۷۴ است.

ژانگ^۴ (۲۰۲۲)، یک مدل رشد درون‌زا با تابع مطلوبیت اپشتین-زین ارائه می‌کند که در آن

1. Bansal & Yaron
2. Wachter
3. Chetty
4. Welch
5. Zhang

بهره‌وری کارگزار نماینده تابعی از سرمایه‌گذاری است. او همانند [مینهوت \(۲۰۰۴\)](#) نشان می‌دهد که ابهام‌گزیزی در کنار تابع مطلوبیت اپشتین-زین قادر به پاسخگویی به دو معماهی صرف سهام و نرخ بدون ریسک در این مدل است. در واقع، سهم اصلی این پژوهش در بررسی نقش ابهام‌گزیزی در کاهش رشد اقتصادی آمریکا در سال‌های قبل از رکود مالی ۲۰۰۸ و در دوره بازیابی از رکود است [\(Zhang, 2022\)](#).

مدل حاضر یک مدل اصطکاک مالی در فضای متضمن ابهام است. در مدل حاضر دو کارگزار خانوار و خبرگان وجود دارند که خبرگان به فناوری تولید دسترسی دارند و قادر به تولید محصول هستند، در حالی که خانوارها تنها مصرف کننده هستند (بنابراین، کل سرمایه فیزیکی توسط خبرگان نگهداری می‌شود). خبرگان برای تامین مالی می‌توانند از خانوار وام بگیرند یا سهام خارجی منتشر کنند. خانوارها می‌توانند دارایی بدون ریسک نگهداری و از خبرگان سهام خریداری کنند. خبرگان با اصطکاک مالی از نوع مدل [کیوتاکی و مور \(۱۹۹۷\)](#) روبرو هستند، به این معنا که باید خودشان درصد مشخصی از سهام را نگهداری کنند؛ به دیگر سخن، باید سهام داخلی داشته باشند که به‌اصطلاح «بول در بازی» نامیده می‌شود. وجود اصطکاک مالی موجب می‌شود که ثروت کارگزاران اهمیت یابد. اساساً تا زمانی که کارگزاران بهره‌ور محدودیت مالی ندارند، توزیع ثروت اهمیت ندارد، اما با اصطکاک مالی، توزیع ثروت می‌تواند شوک‌های کلان و بهره‌وری کل اقتصاد را متأثر کند. بنابراین، وضعیت سیستم به پویایی‌های درون‌زای توزیع ثروت میان خبرگان و خانوار وابسته است. به‌طور دقیق‌تر، متغیر وضعیت، نسبت سهم ثروت خبرگان به ثروت کل جامعه است که روی دسترسی به وجوده و انتشار سهام و تعادل کلی سیستم تأثیر می‌گذارد و می‌تواند ناظمینانی و مازاد بازده مورد نیاز کارگزاران را متأثر کند. در این چارچوب کاملاً پویا به دنبال پاسخی دقیق‌تر برای معماهای مازاد صرف سهام و نرخ بهره بدون ریسک هستیم. مرکز این پژوهش بر بررسی نقش ابهام بر دو معماهی مذکور است. وجود ابهام‌گزیزی همگن در قالب باورهای پیشین چندگانه [گیلبو و اشمیدلر \(۱۹۸۹\)](#) مدلسازی شده است. در مدل‌های ابهام فرض بر این است، علاوه بر این که کارگزاران درباره پیامدها دچار عدم قطعیت هستند (که تحت عنوان شرایط ریسکی شناخته می‌شود)، در مورد احتمال وقوع پیامدها نیز آگاهی ندارند. یکی از روش‌های مدلسازی ابهام، روش باورهای چندگانه از نوع حداقل-حداکثر مطلوبیت انتظاری است. در این رویکرد، کارگزاران چندین باور پیشین درباره توزیع احتمال پیامدها و به تبع آن چندین توزیع احتمال در ذهن دارند. کارگزاران ابهام‌گزیز بدترین توزیع احتمال را در نظر می‌گیرند و

سعی می‌کنند تابع هدف خود را بر اساس بدترین توزیع احتمال بیشینه کنند. این امر می‌تواند مازاد بازده مورد نیاز کارگزاران را به سبب باورهای بدینانه‌شان افزایش دهد. ما برای پاسخ به این دو معما، علاوه بر لحظه ابهام‌گریزی، فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر را در مدل لحظه کردیم. این امر به انطباق مدل با حقایق تجربی مربوط به قیمت سرمایه فیزیکی، نسبت قیمت به سود سهام، مازاد تلاطم سهام و به تبع آن بازده دارایی کمک می‌کند. تمرکز مدل تعادل عمومی حاضر بر سمت عرضه اقتصاد است. در واقع، ایده کلی آن است که لحظه باورهای بدینانه به همراه فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر در یک مدل اصطکاک مالی، که در آن علاوه بر سمت تقاضا، سمت عرضه نیز به خوبی تصریح شده است، می‌تواند پاسخ مناسبی به دو معمای مد نظر ارائه دهد، بدون آن که نیازی به استفاده از تابع مطلوبیت اپشتین - زین باشد.

در این مدل، توابع و معادلاتی برای فناوری، ترجیحات، تولید و سرمایه فرض می‌کنیم. یکی از مهم‌ترین مفروضات، مبنی بر مدل **برونزمایر و سانیکوف (2014)**، این است که به جای واحدهای فیزیکی سرمایه، سرمایه موثر را با استفاده از شوک ایتو^۱ در فرایند سرمایه در نظر می‌گیریم. سپس برای حل این مدل تعادل عمومی کاملاً پویا از روش چهار مرحله‌ای استفاده می‌کنیم.

در مرحله اول، پویایی‌های قیمت تعادلی بازار دارایی‌ها را یک حرکت هندسی ایتو با پارامترهای رانش و نوسان نامعلوم فرض می‌کنیم که این پارامترها به صورت درون‌زا تعیین می‌شوند و تابعی از متغیر وضعیت هستند. با استفاده از این فرایند و فرایند سرمایه موثر، فرایندهای بازده دارایی‌ها و ثروت خالص کارگزاران به دست می‌آیند. در مرحله بعد، شرایط تعادلی مشخص می‌شوند که در آن بازارها تسویه می‌شوند و مطلوبیت‌های مورد انتظار در چارچوب باورهای کاملاً بدینانه، حداقل-حداکثر مطلوبیت انتظاری بهینه می‌شوند. باورهای بدینانه بر اساس مدل باورهای پیشین چندگانه برای کارگزاران لحظه می‌شوند. در مرحله سوم، باید قانون حرکت متغیر وضعیت مشخص شود. مرحله چهارم تبدیل شرایط تعادل و قانون حرکت متغیر وضعیت به معادلاتی است که با روش‌های عددی برای مقادیر مجهول قابل حل باشند.

چارچوب مدل

یک مدل زمان‌پیوسته با کارگزاران ناهمگن را در نظر بگیرید که در آن دو نوع کارگزار وجود دارد؛ خانوار (h) و خبرگان (e) که با $[e] = h = i$ نشان داده می‌شود و هر یک از آن‌ها پیوستاری از $[0]$

1. Geometric Ito Motion (GIM)

هستند. تنها خبرگان به فناوری تولید دسترسی دارند و خانوارها فقط مصرف کننده هستند. خبرگان می‌توانند از خانوار وام بگیرند و ریسکشان را با انتشار سهام با آنان به اشتراک بگذارند (البته با رعایت قید اصطکاک مالی). خانوارها می‌توانند سهام را از خبرگان خریداری کنند و دارایی بدون ریسک نگه دارند. خبرگان و خانوار درباره شوک کلی دچار ابهام هستند و اساساً ابهام‌گریزند. آنان نمی‌توانند توزیع احتمال منفردی را برای پیامدهای گوناگون در نظر بگیرند و از میان چندین توزیع احتمال مبتنی بر چارچوب باورهای پیشین چندگانه، بدترین توزیع احتمال را از طریق بهینه‌یابی حداقل - حداکثر ترجیحات انتظاری [گیلیوا و اشمیدلر \(۱۹۸۹\)](#) انتخاب می‌کنند.

باورهای چندگانه

در راستای لحاظ ابهام، مدل در فضای حالت $(\Omega, \mathcal{F}, \mathcal{P})$ تعریف می‌شود. از آنجا که کارگزاران با ابهام مواجه هستند، پس \mathcal{P} به جای یک اندازه احتمال منفرد، مجموعه‌ای از باورهای پیشین است که در فضای پیشامد \mathcal{F}_t تعریف می‌شود. هر باور θ پیشین Q^θ از طریقتابع مولد توزیع $\theta \in \Theta$ ایجاد می‌شود که در چارچوب κ -ایگنورنس در بازه $[k, k]$ قرار دارد. هر Q^θ یک اندازه احتمال همارز برای احتمال مرجع P است، به طوری که:

$$\mathcal{P} = \left\{ Q^\theta : \theta \in \Theta, \frac{dQ^\theta}{dP} = \Gamma_t^\theta \right\} \quad (1)$$

$$\Gamma_t^\theta = \exp\left\{-\frac{1}{2} \int_0^t \theta^2 ds - \int_0^t \theta dZ_s\right\} \quad (2)$$

Γ_t^θ یک مارتینگل^۱ است. کارگزاران درباره این که شوک کلی Z_t یک حرکت ایتو هندسی باشد، دچار ابهام هستند. پس با استفاده از قضیه گیرسانوف^۲ تحت هر اندازه احتمال همارز Q^θ ، Z_t را به $Z_t^{Q^\theta}$ تبدیل می‌کنند که طی آن خانواده‌ای از فرایندهای ایجاد می‌شوند که به موجب قضیه گیرسانوف، در عبارت رانش با یکدیگر تفاوت دارند. به عبارت دیگر:

$$Z_t^{Q^\theta} = Z_t + \int_0^t \theta ds \quad (3)$$

بدین ترتیب، تابع مطلوبیت انتظاری هر کارگزار به شرح زیر خواهد بود:

$$V_0^{iQ^\theta} = E_0^{iQ^\theta} \left[\int_0^\infty \exp(-\rho s) u(c_s) ds \right] \quad (4)$$

برای سهولت در اجرای ابهام همگن در چارچوب حاضر، معادله (۴) به شکل معادله (۵) بازنویسی می‌شود:

-
1. Martingale
 2. Girsanov Theorem

$$V_0^{iQ\theta} = E_0^{Q\theta} \left[\int_0^\infty \exp(-\rho s) u(c_s^i) ds \right] = E_0 \left[\int_0^\infty \Gamma_t^\theta \exp(-\rho s) u(c_s^i) ds \right] \quad (5)$$

با کمک تبدیل صورت گرفته، دیگر نیازی به اعمال قضیه گیرسانوف روی تمام معادلات مفروض نیست، به این معنا که می‌توان معادلات مربوط به حرکات ایتو هندسی را بر حسب Z_t نوشت.

مرحله یکم: فرض کردن توابع و معادلات فناوری، ترجیحات، تولید، سرمایه و قیمت

هر یک از خبرگان e در پیوستار [1] دارای تابع تولید از نوع بازده ثابت به مقیاس معادله (6) هستند که در آن a فناوری تولید و k_t^e سرمایه فیزیکی موثر هر یک از خبرگان است:

$$y_t^e = ak_t^e \quad (6)$$

قانون حرکت k_t^e به فرم معادله (7) است که در آن α سرمایه‌گذاری داخلی هر یک از خبرگان و (t) Φ تابع هزینه تعديل سرمایه‌گذاری است، به طوری که $0 < \Phi' < \Phi'' \leq 0$. ما فرض می‌کنیم که $\Phi = \log(\alpha t + 1)/\alpha$ است که در آن α پارامتر هزینه تعديل است. نرخ استهلاک با δ نشان داده شده است.

$$\frac{dk_t^e}{k_t^e} = (\Phi(t) - \delta) dt + \sigma dZ_t \quad (7)$$

مطلوبیت آنی هر خانوار و خبره دارای فرم مطلوبیت با ضریب ریسک‌گریزی نسبی ثابت γ است.

$$u(c_t^i) = \frac{(c_t^i)^{1-\gamma}}{1-\gamma} \quad (8)$$

ثروت خالص هر خبره n_t^e عبارت است از سرمایه فیزیکی به همراه دارایی بدون ریسک (در صورت لزوم) منهای سهام خارجی منتشرشده و بدھی به خانوار. ثروت خالص هر خانوار n_t^h عبارت است از دارایی بدون ریسک و سهام خریداری شده از خبرگان.

فرض بر این است که تمام خانوارها مشابه یکدیگر و همین‌طور خبرگان نیز مشابه هم هستند. بنابراین، در هنگام تجمعی داریم: $N_t^h = n_t^h$ و $N_t^e = n_t^e$, $C_t^h = c_t^h$, $C_t^e = c_t^e$, $K_t = K_t^e = k_t^e$ به علاوه، در اقتصاد کل ثروت جامعه معادل $N_t = N_t^h + N_t^e$ است که معادل کل ارزش سرمایه فیزیکی در اقتصاد، یعنی $q_t K_t$ است که در آن q_t قیمت تعادلی هر واحد سرمایه فیزیکی است. در این مرحله فرض می‌کنیم که قانون حرکت قیمت تعادلی هر واحد سرمایه فیزیکی q_t دارای حرکت ایتو هندسی زیر باشد:

$$\frac{dq_t}{q_t} = \mu_t^q dt + \sigma_t^q dZ_t \quad (9)$$

که μ_t^q عبارت رانش و σ_t^q تلاطم قیمت و تابعی از متغیر وضعیت هستند. به علاوه، فرض می‌شود

که خانوار و خبرگان می‌توانند دارایی بدون ریسک را با هم مبادله کنند، پس قانون حرکت عامل تنزیل تصادفی برای خانوار و خبرگان به شرح معادله (۱۰) فرض می‌گردد:

$$\frac{d\xi_t^i}{\xi_t^i} = -r_t dt - \zeta_t^i dz_t \quad (10)$$

که در آن r_t نرخ بهره بدون ریسک و ζ_t^i به ترتیب صرف ناظمینانی خانوار و خبرگان هستند که مقدار آن‌ها تابعی از متغیر وضعیت سیستم است. با استفاده از لِم ایتو^۱ و معادلات حرکت (۷) و (۹) می‌توان بازده سرمایه فیزیکی را به دست آورد:

$$dr_t^K = \underbrace{\left(\frac{a - \iota_t}{q_t}\right) dt + \left(\Phi(\iota_t) - \delta + \mu_t^q + (\sigma_t^q)\sigma\right) dt + (\sigma_t^q + \sigma)dZ_t}_{\substack{\text{عملکرد سود سهام} \\ \frac{d(q_t K_t)}{q_t K_t} = \text{عابدی سرمایه}} \quad (11)$$

معادلات حرکت ثروت خانوار به شکل معادله (۱۲) است:

$$\frac{dN_t^h}{N_t^h} = (1 - x_t^h)r_t dt + x_t^h(E_t[dr_t^{K^e}]dt + (\sigma_t^q + \sigma)dZ_t) - \frac{c_t^h}{N_t^h}dt \quad (12)$$

خانوار می‌تواند از خبرگان سهام خریداری کند و در ناظمینانی خبرگان سهیم شود. بنابراین، وزن دارایی نامطمئن در پرتفوی خانوار است. به همین ترتیب، برای خبرگان داریم:

$$\frac{dN_t^e}{N_t^e} = (1 - x_t^e)r_t dt + x_t^e(E_t[dr_t^{K^e}]dt + (\sigma_t^q + \sigma)dZ_t) - \frac{c_t^e}{N_t^e}dt \quad (13)$$

x_t^e وزن دارایی نامطمئن در پرتفوی خبرگان است. اگر $x_t^e > 1$ باشد، آنگاه خبرگان بدھی ایجاد کرده و از خانوار استقراض کرده‌اند.

پژوهشکاه علم انسانی و مطالعات فرهنگی

مرحله دوم: شرایط تعادلی

در ابتدا به تعیین بدترین حالت در ابعاد گزینی می‌پردازیم. همان‌طور که گفته شد، در باورهای چندگانه پیشین، افراد چندین توزیع احتمال در ذهن دارند. در چارچوب حداقل-حداکثر مطلوبیت انتظاری از معادله (۵) داریم:

$$\begin{aligned} \max_{C^i} \min_{Q^\theta} V_0^{iQ^\theta} &= E_0^{Q^\theta} \left[\int_0^\infty \exp(-\rho s) u(C_s^i) ds \right] = \int_0^\infty \exp(-\rho s) u(c_s^i) ds + \sigma^{ic} dZ^{Q^\theta} \\ &= \int_0^\infty \exp(-\rho s) u(C_s^i) ds + \sigma^{ic} \theta ds + \sigma^{ic} dZ \end{aligned} \quad (14)$$

طبق معادله (۲) و با فرض $0 < \sigma^{tc}$ بهینه ابهام‌گریزی در $\kappa = \theta^*$ است و تابع مطلوبیت کارگزاران به شرح معادله (۱۵) خواهد بود.

$$\begin{aligned} \max_{C^i} V_0^{iQ^K} &= E_0^{Q^K} \left[\int_0^\infty \exp(-\rho s) u(C_s^i) ds \right] \\ &= E_0 \left[\int_0^\infty \Gamma_t^K \exp(-\rho s) u(C_s^i) ds \right] \end{aligned} \quad (15)$$

با استفاده از معادله (۱۵) و اصل حد اکثر تصادفی و بهینه‌یابی مصرف برای کارگزاری که با قید ثروت مواجه است، به راحتی می‌توان نشان داد که:

$$\exp(-\rho t) \Gamma_t^K u'(C_s^i) = \xi_t^i \quad (16)$$

همان‌طور که در معادله (۱۶) مشخص است، ابهام‌گریزی بر عامل تنزیل تصادفی به‌طور مستقیم اثرگذار است. اگرچه با توجه به ماهیت کاملاً پویا و درون‌زایی مدل، کanal اثرگذاری غیرمستقیم از طریق اثر ابهام بر توزیع ثروت و سپس مطلوبیت نهایی مصرف نیز موجود است. با استفاده از لِم ایتو، معادله‌های (۸)، (۱۰) و (۱۶) می‌توان نشان داد که برای یک تابع مطلوبیت با کشش ریسک‌گریزی نسبی ثابت، داریم:

$$\xi_t^i = \gamma \sigma_t^{C^i} + \theta^* \quad (17)$$

معادله (۱۷)، حاکمی از آن است که در غیاب ابهام صرف ناظمینانی معادل با ضریب ریسک‌گریزی ضربدر تلاطم مصرف کارگزار است. اما در شرایط ابهام بدینانه، صرف ناظمینانی درخواستی کارگزاران، با ثبات سایر شرایط، به اندازه ابهام‌شان افزایش می‌یابد؛ اگرچه این ارتباط به سبب درون‌زایی تلاطم صرف و تأثیرپذیری غیرمستقیم از ابهام‌گریزی، کاملاً یک‌به‌یک نیست.

با استفاده از (۱۷)، نسبت شارپ^۱ به صورت معادله (۱۸) خواهد بود:

$$\frac{E_t[dr_t^K - r_t dt]dt}{\sigma + \sigma q} = \chi_t \xi_t^e + (1 - \chi_t) \xi_t^h \quad (18)$$

بازده حاصل از سرمایه‌فیزیکی بین خانوار و خبرگان بسته به میزان نگهداری سهام و صرف ناظمینانی درخواستی تقسیم می‌شود. میزان سهام داخلی χ_t و سهام خارجی $\chi_t - 1$ است که بسته به اصطکاک مالی $\underline{\chi}$ و صرف ناظمینانی کارگزاران تعیین می‌شود:

$$\begin{cases} \chi_t = \underline{\chi} & \xi^e > \xi^h \\ \chi_t > \underline{\chi} & \xi^e \leq \xi^h. \end{cases} \quad (19)$$

اگر صرف ناظمینانی خبرگان بزرگ‌تر از خانوار $\xi^e > \xi^h$ باشد، آنگاه خبرگان تمایل دارند سهام

خارجی بیشتری را منتشر کنند، اما باید حتماً خودشان به اندازه $\underline{\chi}$ از سهام را نگهداری کنند که نقش همان پول در بازی را دارد. در نهایت $\underline{\chi} = \chi_t$ می‌شود. اگر خانوار نسبت به خبرگان صرف ناظمینانی بیشتری بخواهد، خبرگان تمایل دارند سهام داخلی بیشتری نگهداری کنند، پس $\underline{\chi} > \chi_t$.

رویکرد حداقل - حداکثر مطلوبیت انتظاری دارای خاصیت سازگاری زمانی پویاست. بنابراین، می‌توان از روش برنامه‌ریزی پویا در ادامه بهینه‌یابی بهره برد وتابع ارزش را برای کارگزاران استخراج کرد. برای این منظور تابع مطلوبیت انتظاری به شکل معادله (۲۰) بازنویسی می‌شود:

$$V_0^i = \max_{C_s^i} E_0 \left[\int_0^t \Gamma_s^k \exp(-\rho s) u(C_s^i) ds + \Gamma_t^k \exp(-\rho t) V_t^i \right] \quad (20)$$

منتظر با تابع مطلوبیت آنی با فرم تابع ریسک‌گیری نسبی ثابت، توابع ارزش V_t^i به شکل معادله (۲۱) فرض می‌شود:

$$V_t^i = v_t^i \frac{(K_t^i)^{1-\gamma}}{1-\gamma} \quad (21)$$

که در آن v_t^i نمایانگر فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر برای کارگزاران است که دارای قانون حرکت معادله (۲۲) است:

$$\frac{dv_t^i}{v_t^i} = \mu_t^i dt + \sigma_t^i dZ_t \quad (22)$$

در تعادل باید مطلوبیت نهایی مصرف و ثروت با هم برابر باشند، اما توابع ارزش بر حسب سرمایه کل اقتصاد نوشته شده‌اند. بنابراین، برای محاسبه ثروت نهایی باید تبدیل متغیر صورت گیرد. برای این منظور از متغیر توزیع ثروت خبرگان η_t که متغیر وضعیت سیستم نیز است، استفاده می‌کنیم که به صورت معادلات زیر تعریف می‌شود:

$$\eta_t = \frac{N_t^e}{q_t K_t} \quad (23)$$

$$V_t^e = v_t^e \frac{(K_t^e)^{1-\gamma}}{1-\gamma} = v_t^e \frac{(N_t^e / \eta_t q_t)^{1-\gamma}}{1-\gamma} \quad (24)$$

برابری ثروت نهایی خبرگان با مصرف نهایی آنان مستلزم برابری معادله (۲۵) است:

$$(C_t^e)^{-\gamma} = \frac{v_t^e}{(\eta_t q_t)^{1-\gamma}} (N_t^e)^{-\gamma} = \frac{v_t^e}{\eta_t q_t} (K_t)^{-\gamma} \quad (25)$$

به همین ترتیب، برای خانوار داریم:

$$(C_t^h)^{-\gamma} = \frac{v_t^h}{((1-\eta_t) q_t)^{1-\gamma}} (N_t^h)^{-\gamma} = \frac{v_t^h}{(1-\eta_t) q_t} (K_t)^{-\gamma} \quad (26)$$

با استفاده از معادلات (۱۷)، (۲۵) و (۲۶) و لِم ایتو می‌توان نشان داد که:

$$\zeta_t^e = \gamma \sigma_t^{C^e} + \theta^* = -\sigma_t^{\nu^e} + \sigma_t^{\eta^e} + \sigma_t^q + \gamma \sigma + \theta^* \quad (27)$$

$$\zeta_t^h = \gamma \sigma_t^{C^h} + \theta^* = -\sigma_t^{\nu^h} - \frac{\eta}{1-\eta} \sigma_t^{\eta^e} + \sigma_t^q + \gamma \sigma + \theta^* \quad (28)$$

η_t هر سه متغیرهای درون‌زایی مدل هستند که بسته به متغیر وضعیت سیستم و تاثیر ایهام بر آن‌ها صرف ناظمینانی را تغییر می‌دهند. همچنین، با استفاده از معادلات (۲۰)، (۲۱) و (۲۲) و لیم ایتو می‌توان نشان داد که معادله همیلتون - ژاکوبی - بلمن^۱ برای خانوار و خبرگان به صورت معادله (۲۹) است.

$$\frac{(C_t^i)^{1-\gamma}}{1-\gamma} - \rho v_t^i \frac{(K_t^i)^{1-\gamma}}{1-\gamma} + v_t^i \frac{(K_t^i)^{1-\gamma}}{1-\gamma} (\mu_t^{v^i} + (1-\gamma)(\Phi(\iota_t) - \delta) - \frac{\gamma(1-\gamma)}{2} \sigma^2 + \sigma_t^{v^i} (1-\gamma)\sigma - \theta^*(\sigma_t^{v^i} + (1-\gamma)\sigma)) = 0 \quad (29)$$

در معادله (۲۹)، باید مقادیر مصرف و سرمایه فیزیکی با مقادیر تعادلی جایگزین شوند. برای این منظور از معادلات (۲۵) و (۲۶) استفاده می‌کنیم. با جایگذاری این معادله‌ها در معادله (۲۹) داریم:

$$\mu_t^{v^i} = \rho - \frac{(\eta_t^i q_t)^{1/\gamma-1}}{(\nu_t^i)^{1/\gamma}} - (1-\gamma)(\Phi(\iota_t) - \delta) + \frac{\gamma(1-\gamma)}{2} \sigma^2 - \sigma_t^{v^i} (1-\gamma)\sigma + \theta^*(\sigma_t^{v^i} + (1-\gamma)\sigma) \quad (30)$$

طبق معادله (۳۰)، ابهام‌گریزی به طور مستقیم و غیرمستقیم بر رشد فرسته‌های سرمایه‌گذاری اثرگذار است. نرخ سرمایه‌گذاری داخلی بهینه (q_t) از بیشینه کردن بازده سرمایه نسبت به نرخ سرمایه‌گذاری داخلی حاصل می‌شود، یعنی بیشینه کردن رابطه (۱۱) نسبت به ι_t :

$$\Phi'(\iota_t) = \frac{1}{q_t} \quad (31)$$

در این اقتصاد دوبخشی داریم: $\sum_i C_t^i = Y_t - \iota_t(q_t) K_t$. با استفاده از معادلات (۶)، (۲۵) و (۲۶) می‌توان شرط تسویه بازار کالا را در معادله (۳۲) تصریح کرد:

$$\left(\frac{\eta_t q_t}{\nu_t^e} \right)^{\frac{1}{\gamma}} + \left(\frac{(1-\eta_t) q_t}{\nu_t^h} \right)^{\frac{1}{\gamma}} = a - \iota_t(q_t) \quad (32)$$

شایان اشاره است که اگرچه تاثیر ابهام‌گریزی بر پویایی‌های مصرف و پس‌انداز احتیاطی به طور صریح قابل مشاهده نیست، اما از طریق متغیرهای درون‌زایی سیستم (یعنی همه متغیرهای فوق به غیر از پارامتر بهره‌وری و ریسک‌گریزی) اثرگذار است که تنها از طریق تحلیل عددی قابل پیگیری است. در نهایت، شروط تسویه بازار سرمایه حاکی از آن است که:

$$x_t^e = \frac{x_t q_t K_t}{N_t^e} = \frac{x_t}{\eta_t} \quad (33)$$

$$x_t^h = \frac{(1-x_t) q_t K_t}{N_t^h} = \frac{1-x_t}{1-\eta_t} \quad (34)$$

خبرگان به اندازه χ_t از ثروت کل جامعه را تملک کرده‌اند که وقتی به صورت سهمی از ثروت خالص‌شان بیان شود، سهم پرتفوی خبرگان از دارایی نامطمئن حاصل می‌شود، که در معادله (۳۳)

تصویری شده است. در مورد خانوار نیز به همین ترتیب عمل می‌کنیم.

با جایگذاری معادلات (۱۷)، (۱۸)، (۳۳) و (۳۴) در معادلات (۱۲) و (۱۳)، معادلات حرکت ثروت

کارگزاران به شکل زیر بازنویسی می‌شوند:

$$\frac{dN_t^e}{N_t^e} = r_t dt + \left(\frac{\chi_t}{\eta_t} (\sigma + \sigma_t^q) (\gamma \sigma_t^{C^e} + \theta^*) dt + \frac{\chi_t}{\eta_t} (\sigma + \sigma_t^q) dZ_t \right) - \frac{c_t^e}{N_t^e} dt \quad (35)$$

$$\frac{dN_t^h}{N_t^h} = r_t dt + \frac{1-\chi_t}{1-\eta_t} (\sigma + \sigma_t^q) ((\gamma \sigma_t^{C^h} + \theta^*) dt + dZ_t) - \frac{c_t^h}{N_t^h} dt \quad (36)$$

در معادلات (۳۵) و (۳۶) نیز اثرات مستقیم و غیرمستقیم ناظمینانی گریزی بر پویایی ثروت

کارگزاران مشهود است.

مرحله سوم: قانون حرکت متغیر وضعیت η_t

همان‌طور که بیان شد، سهم ثروت خالص خبرگان متغیر وضعیت سیستم است که باید قانون حرکت آن را بر اساس روابط تعادلی استخراج کنیم. با توجه به تعریف متغیر وضعیت، با استفاده از معادله حرکت سرمایه کل اقتصاد، معادله (۳۵) و لم ایتو می‌توان معادله حرکت η_t را به دست آورد. معادله حرکت ثروت کل اقتصاد از معادله (۳۷) پیروی می‌کند:

$$\frac{d(q_t K_t)}{q_t K_t} = (\Phi(\iota) - \delta + \mu_t^q - \sigma \sigma_t^q) dt + (\sigma + \sigma_t^q) dZ_t \quad (37)$$

با جایگذاری معادله‌های (۱۱) و (۱۸) در معادله (۳۷) داریم:

$$\frac{d(q_t K_t)}{q_t K_t} = dr_t^K - \frac{a-t}{q_t} dt = r_t dt + (\sigma + \sigma_t^q)((\chi_t \zeta_t^e + (1-\chi_t)\zeta_t^h)dt + dZ_t) - \frac{a-t}{q_t} dt \quad (38)$$

با فرض این که معادله حرکت از معادله حرکت (۳۹) پیروی می‌کند، با استفاده از معادله (۳۸)،

(۳۵) و لم ایتو می‌توان نشان داد که:

$$\frac{d\eta_t}{\eta_t} = \mu^\eta dt + \sigma^\eta dZ_t \quad (39)$$

$$\mu^\eta = \left(\frac{a^e - t}{q_t} - \frac{(\eta_t q_t)^{\frac{1}{\gamma}-1}}{(\nu_t^e)^{\frac{1}{\gamma}}} \right) + \sigma^\eta ((\gamma \sigma_t^{C^e} + \theta^*) - (\sigma + \sigma_t^q)) - (\sigma + \sigma_t^q)(1-\chi_t)(\gamma(\sigma_t^{C^e} - \sigma_t^{C^h})) \quad (40)$$

ابهام‌گریزی به طور مستقیم و غیرمستقیم بر پویایی توزیع ثروت موثر است. کمال اثرباز مستقیم

از تغییرات صرف ناظمینانی سهام درونی در نتیجه ابهام‌گریزی ایجاد می‌شود. و:

$$\sigma^\eta = \frac{\chi_t - \eta_t}{\eta_t} (\sigma + \sigma_t^q) \quad (41)$$

مرحله چهارم: تبدیل شرایط تعادلی و قانون حرکت به معادلاتی برای مقادیر مجهول

ما فرض کردیم که q_t و v_t^i حرکت‌های ایتو با عبارات رانش و تلاطم ناشناخته هستند. در این مرحله، باید این پارامترهای ناشناخته را بر حسب متغیر وضعیت η_t پیدا و در صورت لزوم معادلات دیفرانسیل مربوطه را با روش‌های عددی حل کنیم. با استفاده از \hat{L} ایتو می‌توان نشان داد که:

$$\sigma^{v^i_t} = \frac{\partial v^i(\eta, t) / \partial \eta_t}{v^i(\eta, t)} \sigma^{\eta_t} \eta_t \quad (42)$$

و

$$\sigma^{q_t} = \frac{\partial q(\eta, t) / \partial \eta_t}{q(\eta, t)} \sigma^{\eta_t} \eta_t \quad (43)$$

یا:

$$(\sigma + \sigma^{q_t}) \left(1 - \frac{\frac{\partial q(\eta, t)}{\partial \eta_t}}{\frac{q(\eta, t)}{\eta_t}} \frac{\chi_t - \eta_t}{\eta_t} \right) = \sigma \quad (44)$$

$$\mu_t^i v^i(\eta, t) = \mu_t^{\eta} \eta_t \frac{\partial v^i(\eta, t)}{\partial \eta_t} + \frac{(\sigma_t^{\eta} \eta_t)^2}{2} \frac{\partial^2 v^i(\eta, t)}{\partial \eta_t^2} + \frac{\partial v^i(\eta, t)}{\partial t} \quad (45)$$

پس تمام چهار متغیر فوق به واسطه متغیر وضعیت از ابهام متاثر می‌شوند. معادله دیفرانسیل

جزئی (۴۵) با استفاده از روش اویلر پسرو^۱ حل می‌شود.

نتایج مطالعه در نقطه تعادلی وضعیت پایدار تصادفی ارائه می‌شوند. در این چارچوب وضعیت تعادلی جایی است که متغیر وضعیت مارتینگل باشد. شایان اشاره است که با توجه به چارچوب کاملاً پویا^۲ این مدل که در آن حتی متغیر وضعیت سیستم به صورت درون‌زا تغییر می‌کند، ابهام به طور مستقیم و غیرمستقیم متغیرهای سیستم را متاثر می‌کند. ابهام در برخی معادلات به طور صریح قابل مشاهده است، اما بخش مهم دیگر اثرگذاری ابهام بر متغیر وضعیت سیستم است که در این سیستم کاملاً درون‌زا بر تمامی متغیرهای سیستم اثر می‌گذارد. بنابراین، بخشی از کانال‌های اثرگذاری به صورت صریح قابل مشاهده و تحلیل هستند و برخی تنها با رویکرد عددی قابل توضیح‌اند.

کالیبره کردن مدل و تحلیل نتایج

برای یافتن برخی از پارامترهای مدل به منظور کالیبره کردن آن، ابتدا به پژوهش‌های پیشین در خصوص این دو معما مراجعه شد. بارو (۲۰۰۹) و پندیک و وانگ (۲۰۱۳)، در خصوص دو معمای صرف ریسک سهام و نرخ بهره بدون ریسک متضمن لحاظسازی اثر فجایع نادر بر آن‌ها هستند. هر یک از این

1. Euler Backward
2. Full Dynamic

مطالعات دارای فروضی هستند که استفاده از پارامترهای آنان را در پژوهش حاضر نامناسب می‌کند. برای مثال، [بارو \(۲۰۰۹\)](#) فرض می‌کند هزینه تعديل سرمایه صفر و قیمت سرمایه یک است، در حالی که هزینه تعديل صفر به دور از واقعیت است. طبق تخمین‌های مطالعات مختلف قیمت سرمایه بیشتر از واحد است. [پندیک و وانگ \(۲۰۱۳\)](#)، نیز برای محاسبه پارامتر بهره‌وری از نسبت سرمایه ناملموس به مجموع سرمایه فیزیکی، ناملموس و انسانی استفاده کردند. آنان برای محاسبه سرمایه انسانی فرض می‌کنند که صرف بازده نیروی کار و سرمایه با هم برابر است، میزان حداقل دستمزد در نظر گرفته شده نامعین و جزئیات مورد نیاز در محاسبات مطرح نشده بود، میزان سرمایه فناورانه مطرح یا لحاظ نشده، و قیمت سرمایه دقیق نبود. به همین دلیل، برای کالیبره کردن مدل از [مک‌گرتان و پرسکات \(۲۰۰۵\)](#) استفاده شد. آنان دوره زمانی ۱۹۶۰ تا ۱۹۶۹ و ۱۹۹۰ تا ۲۰۰۱ را در آمریکا مورد مطالعه قرار دادند. ما نسبت قیمت به سود سهام و استهلاک را از پژوهش آنان استخراج کردیم. نسبت قیمت به سود سهام به ترتیب $14/5$ و $28/1$ است که میانگین آن‌ها $21/3$ است. قیمت سرمایه طبق پژوهش [ریدیک و وایتد \(۲۰۰۹\)](#) که از داده‌های سطح خرد بنگاه‌های غیرمالی آمریکا از سال ۱۹۷۲ تا ۲۰۰۶ برای تخمین آن استفاده کرده‌اند، معادل $1/43$ در نظر گرفته شد. دلیل انتخاب این پژوهش آن است که مبتنی بر داده‌های خرد در سطح بنگاه است که تخمین دقیق‌تری از قیمت سرمایه ارائه می‌کند. در همین پژوهش، نرخ سرمایه‌گذاری معادل $0/۹۶۷$ است. در نتیجه، بهره‌وری از معادله قیمت به سود سهام معادل $0/۱۶۴$ است. از معادله [\(۲۸\)](#)، مقدار پارامتر هزینه تعديل $4/44$ شد.

نرخ تنزیل ذهنی در [پندیک و وانگ \(۲۰۱۳\)](#) $۰/۰۴۹۸$ است. در مدل ناهمگن حاضر خبرگان به فناوری تولید دسترسی دارند و بهره‌وری بالاتری دارند که می‌تواند به بلعیده شدن کل اقتصاد منجر شود. در ضمن، ابهام‌گریزی حتی به صورت همگن، توزیع ثروت را به نفع خبرگان تغییر می‌دهد که می‌تواند حذف خانوار از اقتصاد و ایجاد راه حل گوشاهای را پدید آورد. نرخ تنزیل ذهنی بالاتر خبرگان تضمین می‌کند که سیستم دارای یک راه حل میانی و نه گوشاهای باشد. بنابراین، نرخ تنزیل ذهنی خانوار را کمی کمتر از خبرگان در نظر گرفتیم. در نتیجه، نرخ تنزیل ذهنی برای خبرگان $0/۰۴۹۸$ و برای خانوار $0/۰۴۵$ درصد است که تفاوت اندکی با نرخ تنزیل خبرگان دارد.

برای پارامتر تلاطم سرمایه و بازده سهام از داده‌های بازده سهام استفاده شد، زیرا داده‌های سهام در خصوص ناطمنانی اطلاعات مفیدتری دارد. در پژوهش [پندیک و وانگ \(۲۰۱۳\)](#)، با استفاده از

داده‌های مرکز تحقیقات قیمت‌های اوراق بهادر^۱ آمریکا برای دوره زمانی ۱۹۴۷ تا ۲۰۰۸، مقدار تلاطم سرمایه 0.1355 و مقدار بازده سهام معادل 0.0685 و بازده دارایی بدون ریسک 0.008 است. ما نیز از همین مقادیر استفاده کردیم (جدول ۱).

جدول ۱: کالیبراسیون مدل

$21/3$	نسبت قیمت به سود سهام
$1/43$	قیمت سرمایه
1	ضریب همبستگی
$0/008$	نرخ بهره بدون ریسک
$0/0685$	بازده سهام
$0/1355$	تلاطم سرمایه
$1/\gamma$	ضریب جانشینی بین‌زمانی
$0/045 = 0/045$ خبرگان، $0/045$ خانوار	نرخ تنزیل ذهنی
پارامترهای لازم در کالیبراسیون	
$1/32$	ضریب ریسک‌گریزی نسبی
$0/56$	پارامتر اصطکاک مالی
$0/2677$	میزان ابهام‌گریزی

منبع: مک‌گرتان و پرسکات (۲۰۰۵)، ردیک و وایند (۲۰۰۹)، پندیک و وانگ (۲۰۱۳) و محاسبات پژوهش.

با این مقادیر، ضریب ریسک‌گریزی نسبی در کالیبراسیون حاضر معادل $1/32$ شد. چتی (۲۰۰۶) مطرح می‌کند که بر اساس داده‌های انگلیس و آمریکا، پارامتر ضریب ریسک‌گریزی نسبی باید عددی کمتر از 2 باشد. مقدار پارامتر ابهام‌گریزی برای خانوار و خبرگان در مدل کالیبره شد که معادل $0/2677$ است. مقدار پارامتر اصطکاک مالی در مدل معادل $0/56$ شد که بر اساس آن و فرض مارتینگل بودن فرایندها، مقدار سهم ثروت خبرگان معادل $0/53$ شد. در خصوص مقدار پارامتر اصطکاک مالی اطلاعاتی در دسترس نیست و پژوهشی در این خصوص یافت نشد. پس از کالیبره کردن مدل، به تحلیل حساسیت در خصوص پارامتر اصطکاک مالی پرداخته شد. نتایج حاکی از آن است که میزان حساسیت مدل و پاسخگویی به دو معما در بازه $1/0$ تا $0/95$ نسبت به λ بسیار اندک است.

در این کالیبراسیون، برای تلاطم از تلاطم بازده سهام استفاده شد و تلاطم مصرف در مدل به صورت

درون‌زا تعیین می‌شد. **مینهوت (۲۰۰۴)**، هنگام کالیبراسیون روی بازار سهام آمریکا، در مورد دو معماًی صرف ریسک سهام و نرخ بهره بدون ریسک و اثر ابهاام‌گریزی بر آن‌ها، هر دو تلاطم مصرف و سهام را به صورت برونزآ وارد مدل می‌کند. در نهایت، وی مطرح می‌کند که ابهاام‌گریزی به تنها یعنی نمی‌تواند به طور کامل به این دو معماً پاسخ دهد و برای انطباق با داده‌های واقعی مستلزم استفاده از تابع اپشتین-زین است. برای این‌که بتوانیم نتایج پژوهش خود را با **مینهوت (۲۰۰۴)** مقایسه کنیم، از پارامترهای وی نیز در کالیبراسیون بهره بردیم و سپس نتایج را در **جدول (۲)** با یکدیگر مقایسه کردیم.

جدول ۲: مقایسه کالیبراسیون مدل **مینهوت (۲۰۰۴) و پژوهش حاضر برای دوره‌های ۱۹۹۶/۳-۱۹۹۱ و ۱۹۹۶/۳-۱۹۴۷/۲**

نمونه	۱۹۹۶/۳-۱۹۹۱	۱۹۴۷/۲-۱۹۹۶/۳
پارامترهای مصرف و بازده سهام از مطالعه مینهوت (۲۰۰۴)		
تلاطم مصرف	۰/۰۳۲۵۷	۰/۰۱۰۸۴
تلاطم سرمایه	۰/۱۸۵۳۴	۰/۱۵۲۱۸
ضریب همبستگی	۰/۴۹۷	۰/۱۹۳
نرخ بدون ریسک	۰/۰۱۹۵	۰/۰۰۷۸۵
مازاد صرف	۰/۰۶۲۵	۰/۰۷۸۵
ناطمنیانی		
پارامترهای لازم در کالیبراسیون		
مینهوت (۲۰۰۴)	پژوهش حاضر	مینهوت (۲۰۰۴)
نرخ تنزیل ذهنی	۰/۰۲	۰/۰۱۴ و ۰/۰۱۹۳
ضریب جانشینی	۰/۶	$1/\gamma = 0/7519$
بین‌زمانی		$1/\gamma = 0/7463$
رسک‌گریزی نسبی		۱/۳۳
میزان ابهاام‌گریزی	۲/۹۰	۰/۵۱۲۲
عبارت رانش	۰/۲۹۴۵	۱۸/۳۴۵
پارامترهای قیمت به سود سهام	۰/۰۱۵	۰/۰۱۵
عبارت رانش	۰/۰۱۵ و ۰/۰۰۲	۰/۰۱۴ و ۰/۰۱۹۳
سایر پارامترها		
صرف =		
و پارامتر هزینه تعدیل سرمایه		
همچون کالیبراسیون قبلی است.		
همچون کالیبراسیون قبلی است.	۰/۰۱۷۴۲	۰/۰۱۹۰۸

منبع: **مینهوت (۲۰۰۴)** و محاسبات پژوهش.

همان‌طور که در [جدول \(۲\)](#) مشاهده می‌شود، [مینهوت \(۲۰۰۴\)](#) مدل خود را با دو دسته داده کالیبره می‌کند، یکی ۱۸۹۱-۱۹۹۴ که در ستون دوم گزارش شده است و دیگری ۱۹۹۶/۳-۱۹۹۷/۲ که در ستون سوم قابل مشاهده است. برای مقایسه قابلیت و انعطاف‌پذیری مدل خود با [مینهوت \(۲۰۰۴\)](#)، ما نیز مدل خود را با آن پارامترها در این دو دوره زمانی کالیبره کردیم و نتایج آن‌ها را ارائه دادیم. همان‌طور که مشاهده می‌شود، در [مینهوت \(۲۰۰۴\)](#) حتی با لحاظ تابع مطلوبیت اپشتین-زین، باز هم برای مطابقت با پارامترهای گزارش شده، به ضریب ریسک‌گریزی ۷ و ۱۰ بهترتیب برای داده‌های ۱۸۹۱-۱۹۹۴ و ۱۹۹۶/۳-۱۹۹۷/۲ نیاز است، در حالی که در پژوهش حاضر، حتی با تابع مطلوبیت CRRA بهترتیب با ضریب ریسک‌گریزی معقول $1/34$ و $1/33$ به دو معملاً پاسخ دادیم.

این نتایج در حالی است که ما نیز همچون [مینهوت \(۲۰۰۴\)](#)، [معیار ولش \(۲۰۰۰\)](#) مبنی بر حداقل مازاد بازده سهام معادل $0/02$ را در بدینانه ترین حالت رعایت کردیم. پس انتقادهای واردشده به [روئن و ژانگ \(۲۰۲۱\)](#) به مدل پژوهش حاضر وارد نیست. نرخ بهره بدون ریسک از معادله (۱۶) و نرخ بازده دارایی نامطمئن از معادله (۱۰) محاسبه شد. همان‌طور که مشخص است، در چارچوب پژوهش حاضر که می‌تمنی بر سمت عرضه، فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر و توزیع ثروت است، حتی بدون تابع مطلوبیت اپشتین-زین هم می‌توان به دو معمای صرف ریسک و نرخ بهره بدون ریسک پاسخ داد.

بحث و نتیجه‌گیری

ما با استفاده از چارچوب تحلیلی تعادل عمومی تصادفی زمان‌پیوسته ناهمگن ساده و روش‌شناسی چهارگامی کاملاً پویا به بررسی نقش ابهام‌گریزی حداقل - حداکثر مطلوبیت انتظاری برای ارائه پاسخی مناسب به دو معمای پدیده اقتصادی مازاد صرف سهام و نرخ بهره بدون ریسک مطرح در ادبیات اقتصاد مالی پرداختیم. معمامی مازاد صرف ریسک و نرخ بهره بدون ریسک که [مینهوت \(۲۰۰۴\)](#) معتقد است نیازمند تابع مطلوبیت اپشتین - زین به همراه ابهام‌گریزی است (در حالی که وجود تابع مطلوبیت اپشتین - زین بعنهایی قادر به حل دو معماست)، در چارچوب حاضر با لحاظ ابهام‌گریزی همگن، سمت عرضه اقتصاد و فرصت‌های سرمایه‌گذاری متغیر بدون لحاظ تابع مطلوبیت اپشتین - زین و در چارچوب تابع مطلوبیت CRRA قابل حل است و از انطباق بهتری با حقایق تجربی برخوردار است. این پژوهش نسبت به [بارو \(۲۰۰۹\)](#) و [پنديك و وانگ \(۲۰۱۳\)](#) به طور دقیق با داده‌های قیمت به سهام و قیمت سرمایه نیز همخوانی دارد.

در مدل‌های استاندارد که بر اساس ریسک توسعه یافته‌اند، فرض می‌کنند ابهام وجود ندارد. این

در حالی است که نشان داده شد لحاظ ابهام در فضای تحلیلی ارائه شده می‌تواند پاسخ مناسب‌تری به معماهای دوگانه صرف ریسک و نرخ بدون ریسک نسبت به مطالعات قبلی در این زمینه ارائه کرد. از نظر کاربردی، پژوهش حاضر با ارائه پاسخی منطبق بر مبانی نظری نوین به دو معماهی صرف ریسک و نرخ بدون ریسک، در حقیقت گامی در جهت شناسایی دقیق‌تر عوامل تاثیرگذار بر قیمت‌گذاری دارایی‌ها محسوب می‌گردد. این امر به طور کلی می‌تواند به تصمیم‌سازی کارامدتر سه گروه از کارگزاران اقتصادی مشتمل بر سرمایه‌گذاران، مقررات‌گذاران، و سیاست‌گذاران پولی و مالی کمک نماید. به طور مشخص‌تر، عطف توجه به دستاوردهای پژوهش حاضر می‌تواند سرمایه‌گذاران را در زمینه تنظیم کارامدتر پرتفوی دارایی‌های خود، با توجه به اصطکاکات مالی موجود و بهویژه محدودیت‌های اطلاعاتی و شناختی آن‌ها یاری دهد، مقررات‌گذاران را در زمینه تنظیم مقررات متنضم‌نمودن تقلیل ابهامات بازیگران فعل در بازار اوراق بهادار و بدین طریق کاهش در ناکارایی‌های موجود رهنمود گردد، و سیاست‌گذاران پولی و مالی را در زمینه طراحی و اجرای اهداف سیاستی، بهنحوی که تبعات و الزامات اعمال سیاست را با توجه به مولفه‌های موثر در قیمت‌گذاری دارایی‌ها به طور کاراتر تنظیم و مدیریت نمایند، یاری رساند.

در ایران، **کشاورز حداد و اصفهانی (۲۰۱۳)** سعی نموده‌اند وجود دو معماهی مازاد صرف سهام و نرخ بدون ریسک را در رابطه با اقتصاد ایران مورد آزمون تجربی قرار دهند. پژوهش آنان نسبت به این پژوهش که به آزمون ناپارامتریک وجود معماها در ایران می‌پردازد ملاحظاتی وجود دارد که امکان استفاده از آن را در پژوهش حاضر فراهم نمی‌کند، از جمله این که ملاحظات روش‌شناختی با توجه به **مهرآ و پرسکات (۱۹۸۵)** و **ویل (۱۹۸۹)** باید مدنظر قرار گیرند. بنابراین، بررسی وجود معماهای مذکور در ایران و نقش ابهام در پاسخ به آن‌ها به عنوان پیشنهاد به پژوهش‌های آتی واگذار شده است.

اظهاریه قدردانی

نویسنده‌گان از داوران محترم و ناشناس، و ویراستار محترم (مازیار چاپک) نشریه برنامه‌ریزی و بودجه بابت نظرهای ارزشمندشان کمال تشکر و قدردانی را دارند.

منابع

- Abel, A. B. (1999). Risk Premia and Term Premia in General Equilibrium. *Journal of Monetary Economics*, 43(1), 3-33. [https://doi.org/10.1016/S0304-3932\(98\)00039-7](https://doi.org/10.1016/S0304-3932(98)00039-7)
- Alizadeh, M., Jalali-Naini, S. A., & Einian, M. (2023). Estimating Real Money Balance Effect on Private Consumption and Aggregate Demand. *Planning and Budgeting*, 27(4), 23-60. <https://doi.org/10.52547/jpbud.27.4.23>
- Anderson, E., Hansen, L. P., & Sargent, T. (2000). Robustness, Detection and the Price of Risk. *Manuscript, Stanford*, 19.
- Bansal, R., & Yaron, A. (2004). Risks for the Long Run: A Potential Resolution of Asset Pricing Puzzles. *The Journal of Finance*, 59(4), 1481-1509. <https://doi.org/10.1111/j.1540-6261.2004.00670.x>
- Barro, R. J. (2009). Rare Disasters, Asset Prices, and Welfare Costs. *American Economic Review*, 99(1), 243-264. <https://doi.org/10.1257/aer.99.1.243>
- Basak, S., & Cuoco, D. (1998). An Equilibrium Model with Restricted Stock Market Participation. *The Review of Financial Studies*, 11(2), 309-341. <https://doi.org/10.1093/rfs/11.2.309>
- Breeden, D. T., Gibbons, M. R., & Litzenberger, R. H. (1989). Empirical Tests of the Consumption-Oriented CAPM. *The Journal of Finance*, 44(2), 231-262. <https://doi.org/10.1111/j.1540-6261.1989.tb05056.x>
- Brunnermeier, M. K., & Sannikov, Y. (2014). A Macroeconomic Model with a Financial Sector. *American Economic Review*, 104(2), 379-421. <https://doi.org/10.1257/aer.104.2.379>
- Campbell, J. Y. (1986). Bond and Stock Returns in a Simple Exchange Model. *The Quarterly Journal of Economics*, 101(4), 785-803. <https://doi.org/10.2307/1884178>
- Campbell, J. Y. (2003). Consumption-Based Asset Pricing. *Handbook of the Economics of Finance*, 1(Part B), 803-887. [https://doi.org/10.1016/S1574-0102\(03\)01022-7](https://doi.org/10.1016/S1574-0102(03)01022-7)
- Campbell, J. Y. (2017). *Financial Decisions and Markets: A Course in Asset Pricing*. Princeton University Press.
- Chetty, R. (2006). A New Method of Estimating Risk Aversion. *American Economic Review*, 96(5), 1821-1834. <https://doi.org/10.1257/aer.96.5.1821>
- Constantinides, G. M., & Duffie, D. (1996). Asset Pricing with Heterogeneous Consumers. *Journal of Political Economy*, 104(2), 219-240. <https://doi.org/10.1086/262023>
- Daniel, K., & Marshall, D. (1997). Equity-Premium and Risk-Free-Rate Puzzles at Long Horizons. *Macroeconomic Dynamics*, 1(2), 452-484. <https://doi.org/10.1017/S1365100597003076>
- Dunn, K. B., & Singleton, K. J. (1986). Modeling the Term Structure of Interest Rates under Non-Separable Utility and Durability of Goods. *Journal of Financial Economics*, 17(1), 27-55. [https://doi.org/10.1016/0304-405X\(86\)90005-X](https://doi.org/10.1016/0304-405X(86)90005-X)
- Eichenbaum, M., & Hansen, L. P. (1990). Estimating Models with Intertemporal Substitution Using Aggregate Time Series Data. *Journal of Business & Economic Statistics*, 8(1), 53-69. <https://doi.org/10.1080/07350015.1990.10509777>
- Epstein, L. G., & Zin, S. E. (1989). Substitution, Risk Aversion, and the Temporal Behavior of Consumption and Asset Returns: A Theoretical Framework. *Econometrica*, 57(1), 937-969. <https://doi.org/10.2307/1913778>
- Epstein, L. G., & Zin, S. E. (1991). Substitution, Risk Aversion, and the Temporal

- Behavior of Consumption and Asset Returns: An Empirical Analysis. *Journal of Political Economy*, 99(2), 263-286. <https://doi.org/10.1086/261750>
- Erbas, S. N., & Sayers, C. L. (2006). Institutional Quality, Knightian Uncertainty, and Insurability: A Cross-Country Analysis. *IMF Working Paper*, WP/06/179. <https://doi.org/10.5089/9781451864397.001>
- Feghhi Kashani, M., Mohammadi, T., & Pirdaye, H. (2023). Investigating the Soft and Hard Information Voluntary Disclosure Strategies as to Good and Bad News: A Case Study of Digital Corporates in Tehran Stock Exchange Market. *Iranian Journal of Economic Research*. <https://doi.org/10.22054/ijer.2023.73276.1180>
- Gilboa, I., & Schmeidler, D. (1989). Maxmin Expected Utility with Non-Unique Prior. *Journal of Mathematical Economics*, 18(2), 141-153. [https://doi.org/10.1016/0304-4068\(89\)90018-9](https://doi.org/10.1016/0304-4068(89)90018-9)
- Keshavarz Haddad, G., & Esfahani, M. (2013). Equity Premium Puzzle in Tehran Stock Exchange: Stochastic Dominance Approach. *Iranian Journal of Economic Research*, 18(56), 1-40. [In Farsi]
- Kiyotaki, N., & Moore, J. (1997). Credit Cycles. *Journal of Political Economy*, 105(2), 211-248. <https://doi.org/10.1086/262072>
- Kroencke, T. A. (2017). Asset Pricing without Garbage. *The Journal of Finance*, 72(1), 47-98. <https://doi.org/10.1111/jofi.12438>
- Maenhout, P. J. (2004). Robust Portfolio Rules and Asset Pricing. *Review of Financial Studies*, 17(4), 951-983. <https://doi.org/10.1093/rfs/hhh003>
- McGrattan, E.R.,& Prescott,E.C.(2003).AverageDebtandEquityReturns:Puzzling? *American Economic Review*, 93(2), 392-397. <https://doi.org/10.1257/000282803321947407>
- McGrattan, E. R., & Prescott, E. C. (2005). Taxes, Regulations, and the Value of US and UK Corporations. *The Review of Economic Studies*, 72(3), 767-796. <https://doi.org/10.1111/j.1467-937X.2005.00351.x>
- Mehra, R., & Prescott, E. C. (1985). The Equity Premium: A Puzzle. *Journal of Monetary Economics*, 15(2), 145-161. [https://doi.org/10.1016/0304-3932\(85\)90061-3](https://doi.org/10.1016/0304-3932(85)90061-3)
- Parker, J. A., & Julliard, C. (2005). Consumption Risk and the Cross Section of Expected Returns. *Journal of Political Economy*, 113(1), 185-222. <https://doi.org/10.1086/426042>
- Pindyck, R. S., & Wang, N. (2013). The Economic and Policy Consequences of Catastrophes. *American Economic Journal: Economic Policy*, 5(4), 306-339. <https://doi.org/10.1257/pol.5.4.306>
- Riddick, L. A., & Whited, T. M. (2009). The Corporate Propensity to Save. *The Journal of Finance*, 64(4), 1729-1766. <https://doi.org/10.1111/j.1540-6261.2009.01478.x>
- Rietz, T. A. (1988). The Equity Risk Premium a Solution. *Journal of Monetary Economics*, 22(1), 117-131. [https://doi.org/10.1016/0304-3932\(88\)90172-9](https://doi.org/10.1016/0304-3932(88)90172-9)
- Ruan, X., & Zhang, J. E. (2021). Ambiguity on Uncertainty and the Equity Premium. *Finance Research Letters*, 38(1), 101429. <https://doi.org/10.1016/j.frl.2020.101429>
- Savov, A. (2011). Asset Pricing with Garbage. *The Journal of Finance*, 66(1), 177-201. <https://doi.org/10.1111/j.1540-6261.2010.01629.x>
- Soltani, A., Ehteshamrasi, R., & abedi, S. (2023). Multi-Objective Modeling of Financial Provision and Expenses in Sustainable Supply Chains and the Study Effects of Financial Ratios. *Planning and Budgeting*, 27(4), 61-90. <https://doi.org/10.52547/jpbud.27.4.61>
- Wachter, J. A. (2013). Can Time-Varying Risk of Rare Disasters Explain Aggregate Stock

- Market Volatility? *The Journal of Finance*, 68(3), 987-1035. <https://doi.org/10.1111/jofi.12018>
- Wang, Y., & Mu, C. (2019). Can Ambiguity about Rare Disasters Explain Equity Premium Puzzle? *Economics Letters*, 183(1), 108555. <https://doi.org/10.1016/j.econlet.2019.108555>
- Weil, P. (1989). The Equity Premium Puzzle and the Risk-Free Rate Puzzle. *Journal of Monetary Economics*, 24(3), 401-421. [https://doi.org/10.1016/0304-3932\(89\)90028-7](https://doi.org/10.1016/0304-3932(89)90028-7)
- Weitzman, M. L. (2007). Subjective Expectations and Asset-Return Puzzles. *American Economic Review*, 97(4), 1102-1130. <https://doi.org/10.1257/aer.97.4.1102>
- Welch, I. (2000). Views of Financial Economists on the Equity Premium and on Professional Controversies. *The Journal of Business*, 73(4), 501-537. <https://doi.org/10.1086/209653>
- Yogo, M. (2006). A Consumption-Based Explanation of Expected Stock Returns. *The Journal of Finance*, 61(2), 539-580. <https://doi.org/10.1111/j.1540-6261.2006.00848.x>
- Zhang, X. (2022). Belief-Driven Growth Slowdowns and Zero-Bounded Risk-Free Rate. *The North American Journal of Economics and Finance*, 59(1), 101600. <https://doi.org/10.1016/j.najef.2021.101600>



پژوهشکاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی
پرتابل جامع علوم انسانی

نحوه ارجاع به مقاله:

فقیهی کاشانی، محمد، و ضیاپی، زهرا (۱۴۰۳). دلالت‌های سمت عرضه ابهام‌گریزی برای معماهای صرف ریسک و نرخ بدون ریسک. *برنامه‌ریزی و بودجه*, ۲۹(۱)، ۵۱-۷۷.

Feghhi Kashani, M., & Ziyaee, Z. (2024). Supply Side Implications of Ambiguity Aversion for Risk Premium and Risk-Free Rate Puzzles. *Planning and Budgeting*, 29(1), 51-77.

DOI: <https://doi.org/10.52547/jpbud.29.1.51>

Copyrights:

Copyright for this article is retained by the author(s), with publication rights granted to Planning and Budgeting. This is an open-access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution License (<http://creativecommons.org/licenses/by/4.0>), which permits unrestricted use, distribution, and reproduction in any medium, provided the original work is properly cited.

