



## Providing a Robust Dynamic Pricing Model and Comparing It with Static Pricing in Multi-level Supply Chains Using a Game Theory Approach

Sara Mehrjoo \* 

\*Corresponding Author, Ph.D. Candidate, Department of Industrial Management, Alborz Campus, University of Tehran, Tehran, Iran. E-mail: sarah.mehrjoo@gmail.com

Hanan Amoozad Mahdirji 

Assistant Prof., Department of Management of Technology and Innovation, Faculty of Industrial Management and Technology, College of Management, University of Tehran, Tehran, Iran. E-mail: h.amoozad@ut.ac.ir

Jalil Heidary Dahoei 

Associate Prof., Department of Operations Management and Decision Science, Faculty of Industrial Management and Technology, College of Management, University of Tehran, Tehran, Iran. E-mail: heidaryd@ut.ac.ir

Seyyed Hossein Razavi Haji Agha 

Associate Prof., Department of Management, Faculty of Management and Finance, Khatam University, Tehran, Iran. E-mail: h.razavi@khatam.ac.ir

Mahnaz Hosseinzadeh 

Associate Prof., Department of Operations Management and Decision Science, Faculty of Industrial Management and Technology, College of Management, University of Tehran, Tehran, Iran. E-mail: mhosseinzadeh@ut.ac.ir

### Abstract

#### Objective

Designing a multi-level supply chain network with efficient product flow management is an important issue in supply chain management. Determining the price of products, which can be affected by different factors such as environmental uncertainty, will have a significant impact on the strategic decision of designing the supply chain network. In recent research on dynamic pricing, the majority focused on two-level supply chains, exploring the impact of advertising on the supply chain. In this study, the levels of the supply chain are upgraded to three levels, and the advertising and inventory variables as well as the pricing issue in the supply chain are investigated. Hence, the overarching objective is to scrutinize the coordination of a supply chain involving three variables: advertising, warehouse inventory, and a comparison between static and dynamic pricing. Given the accelerated expansion of e-

commerce, dynamic pricing emerges as a potent strategy for profit augmentation within the supply chain, an aspect that has received comparatively less attention. The supply chain in this research includes three levels: producer, supplier, and retailer. In addition, many sources, including Chen et al, 2018, have indicated that dynamic pricing is being used in many innovative businesses, that 60% of market development managers around the world are familiar with dynamic pricing methods, and that 35% of CEOs and business managers plan to base all their pricing models on dynamic pricing methods in the next three years. This research initially aims to provide a stable model for dynamic pricing and compare it with static pricing in multi-level supply chains using a game theory approach. Secondly, it examines the theoretical foundations, thirdly, the research methodology is presented, and fourthly, the discussion and conclusions are discussed.

### **Methods**

The present research falls under the category of applied research. It considers discount-oriented models to examine the planning horizon, the use of dynamic pricing in some actors at one level of the chain from the concept of dynamic pricing, and the use of static pricing by others at the same level and considering the demand in a non-deterministic (stable) manner. Finally, the use of Stackelberg's game is presented to examine the core of the game and the Nash equilibrium point. The robust optimization model is presented by Malloy et al. Initially, the model introduces symbols:  $x$  as the vector of design variables, and  $y$  as the vector of control variables. Parameters  $A$ ,  $B$ , and  $C$  are coefficient parameters, while  $b$  and  $e$  are parameter vectors. Values for  $A$  and  $B$  are predetermined, and  $B$ ,  $C$ , and  $e$  involve uncertainty. A particular understanding of the parameter is called scenario uncertainty, which is assigned the symbol  $s$ , and its probability is specified by  $p_s$ .  $K$  retailers operate in the supply chain, and each retailer supplies the desired product from only one manufacturer. In general, the outcome for each retailer is the disparity between their income and expenses. In such a situation, the retailer faces ordering, holding, and marketing costs for each product. The profit margin of each retailer is the difference between the price paid to the manufacturer for the bulk purchase and the selling price to the customer. It is worth noting that considering that the final product of each manufacturer is sent to only one retailer, the number of manufacturers and retailers is equal. For data analysis, a genetic algorithm, particle accumulation optimization, and MATLAB software were employed. Initially, the model underwent analysis in static mode, followed by dynamic mode analysis using Games software. Ultimately, the outcomes of the two pricing methods were compared.

### **Results**

This article introduces the development of a stochastic demand function utilizing genetic algorithms and particle optimization. It presents two distinct single-period models designed for a competitive environment. In the first model, retailers have only an intermediary role and do not decide on pricing or optimal order quantity. In the mentioned model, it is assumed that retailers transfer the demand exactly and to the same extent as it is from the customers to the suppliers. Based on the amount of their production, suppliers face shortages and excess supply. The purpose of this model is to determine the optimal and desirable amount of production as well as the price for each supplier. In addition, routing costs are approximated. The results indicate that the presented approximation is very accurate and evaluates the equilibrium point in much less time than the original model. In the second

model, retailers are assumed to incur shortage or maintenance costs according to the number of orders they send. Here, the suppliers determine the final price, and the goal of the retailers is to determine the optimal amount of the order. In this model, it is assumed that suppliers' production is customized, and inventory costs are considered only for retailers. A noteworthy aspect of this model is the emphasis on dynamic pricing—an inherently crucial and intricate element within the domain of supply chain dynamics theory

### Conclusion

The results underscore the substantial efficacy of the proposed combination in addressing the multi-level supply chain network design model with both dynamic and static pricing. The sensitivity analysis of the manufacturer's profit showed that the changes indicating an increase in the market base of a manufacturer will lead to an increase in profit for both manufacturers. The graph of the change in the producer's profit compared to the change in the costs showed that a decrease in the production cost leads to an increase in the profit for the producer, while the profit of the next producer decreases in these conditions. Like the producer's profit, the distributor's profit also increases with the market base. Expanding the market base not only leads to an increase in the distributor's profit through collaboration with producers but also occurs through two distinct mechanisms. Firstly, there's a profit increase due to raising retailer prices. Although wholesale prices increase with the expanded market base and heightened demand, the distributor, to maintain balance, can elevate retail prices at a higher ratio. Consequently, the value of the  $\pi$ - $w$  term increases. Secondly, there's a profit increase resulting from boosting sales volume. The distributor's profit is positively influenced by the increase in sales volume, thereby reinforcing the overall financial outcome.

**Keywords:** Game theory, Multi-level supply chain, Pricing, Robust modeling.

**Citation:** Mehrjoo, Sara; Amoozad Mahdirji, Hanan; Heidary Dahoei, Jalil; Razavi Haji Agha, Seyyed Hossein & Hosseinzadeh, Mahnaz (2023). Providing a Robust Dynamic Pricing Model and Comparing It with Static Pricing in Multi-level Supply Chains Using a Game Theory Approach. *Industrial Management Journal*, 15(4), 534-565. (in Persian)

---

Industrial Management Journal, 2023, Vol. 15, No 4, pp. 534-565

Published by University of Tehran, Faculty of Management

<https://doi.org/10.22059/IMJ.2023.362799.1008066>

Article Type: Research Paper

© Authors

Received: July 24, 2023

Received in revised form: October 22, 2023

Accepted: December 10, 2023

Published online: January 20, 2024





## ارائه مدلی استوار برای قیمت گذاری پویا و مقایسه آن با قیمت گذاری ایستا در زنجیره های تأمین چندسطحی با رویکرد تئوری بازی ها

سارا مهرجو \*

\* نویسنده مسئول، دانشجوی دکتری تخصصی، گروه مدیریت صنعتی، پردیس البرز دانشگاه تهران، تهران، ایران. رایانامه: sarah.mehrjoo@gmail.com

حنان عموزاد مهدبرجی

استادیار، گروه مدیریت تکنولوژی و نوآوری، دانشکده مدیریت صنعتی و فناوری، دانشکدهگان مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران. رایانامه: h.amoozad@ut.ac.ir

جلیل حیدری دهوئی

دانشیار، گروه آموزشی مدیریت عملیات و علوم تصمیم، دانشکده مدیریت صنعتی و فناوری، دانشکدهگان مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران. رایانامه: heidaryd@ut.ac.ir

سید حسین رضوی حاجی آقا

دانشیار، گروه مدیریت، دانشکده مدیریت و مالی، دانشگاه خاتم، تهران، ایران. رایانامه: h.razavi@khatam.ac.ir

مهناز حسین زاده

دانشیار، گروه آموزشی مدیریت عملیات و علوم تصمیم، دانشکده مدیریت صنعتی و فناوری، دانشکدهگان مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران. رایانامه: mhossainzadeh@ut.ac.ir

### چکیده

**هدف:** طراحی شبکه زنجیره تأمین چند سطحی با هدف مدیریت کارای جریان محصولات، یکی از موضوعات مهم در مدیریت زنجیره تأمین است. تعیین قیمت محصولات که می تواند تحت تأثیر عوامل متفاوتی همچون عدم قطعیت محیطی باشد، تأثیر بسزایی بر تصمیم استراتژیک طراحی شبکه زنجیره تأمین خواهد داشت. بیشتر تحقیقات انجام شده در خصوص قیمت گذاری پویا، مربوط به زنجیره های تأمین دوسطحی بوده اند و به تأثیر تبلیغات در زنجیره تأمین پرداخته اند. در این پژوهش تلاش می شود که سطوح زنجیره تأمین، به سه سطح ارتقا یابد و متغیرهای تبلیغات و موجودی انبار و همچنین، مسئله قیمت گذاری در زنجیره تأمین بررسی خواهند شد. پس هدف کلی، بررسی هماهنگی زنجیره تأمین با سه متغیر مرتبط با تبلیغات، موجودی انبار و مقایسه قیمت گذاری ایستا و پویاست (با توجه به رشد سریع تجارت الکترونیک، قیمت گذاری پویا، فعالیت قدرتمندی برای افزایش سود در زنجیره تأمین است که کمتر به این مسئله پرداخته شده است)، زنجیره تأمین در این پژوهش سه سطح را شامل می شود: تولیدکننده، تأمین کننده، خرده فروش. همچنین منابع زیادی از جمله چن و همکارانش (۲۰۱۸) اشاره کرده اند که در بسیاری از کسب و کارهای نوآورانه، از قیمت گذاری پویا استفاده می شود و ۶۰ درصد از مدیران توسعه بازار در سراسر دنیا با روش های قیمت گذاری پویا آشنایی دارند و ۳۵ درصد از مدیرعاملان و مدیران کسب و کار قصد دارند که در سه سال آینده، کلیه مدل های قیمت گذاری خود را مبتنی روش های قیمت گذاری پویا طراحی کنند. در پژوهش حاضر نیز هدف ارائه مدلی استوار برای قیمت گذاری پویا و مقایسه آن با قیمت گذاری ایستا در زنجیره های تأمین چندسطحی با رویکرد تئوری بازی ها است.

**روش:** پژوهش حاضر از نوع کاربردی است. برای بررسی افق برنامه ریزی، استفاده از قیمت گذاری پویا، در برخی از بازیگران در یک سطح از زنجیره از مفهوم قیمت گذاری پویا و استفاده دیگران در همان سطح از قیمت گذاری ایستا و با در نظر گرفتن تقاضا به صورت غیرقطعی (استوار)، در نظر گرفتن مدل های تخفیف محور و در نهایت استفاده از بازی استکلبرگ برای بررسی هسته بازی و نقطه تعادل نش، در دستور کار قرار گرفت. مدل بهینه سازی استوار را مالوی و همکارانش ارائه کرده اند. در حالت کلی، پیامد هر خرده فروش حاصل تفاضل درآمدهای وی از

هزینه‌های اوست. در چنین شرایطی، خرده‌فروش با هزینه‌های سفارش، هزینه‌های نگهداری و همچنین، هزینه‌های بازاریابی صرف شده برای هر محصول مواجه است. از سوی دیگر، حاشیه سود هر خرده‌فروش حاصل تفاضل قیمت پرداخت شده به تولیدکننده، برای خرید انبوه از قیمت فروش به مشتری است. شایان ذکر است که با توجه به اینکه محصول نهایی هر تولیدکننده، فقط برای یک خرده‌فروش ارسال می‌شود، تعداد تولیدکنندگان و خرده‌فروشان برابر است. به‌منظور تجزیه‌وتحلیل داده‌ها، از الگوریتم ژنتیک و بهینه‌سازی تجمع ذرات و نرم‌افزار متلب استفاده شد. ابتدا مدل در حالت ایستا و سپس در حالت پویا با نرم‌افزار گمز تجزیه‌وتحلیل و در نهایت، نتایج دو روش قیمت‌گذاری با یکدیگر مقایسه شد.

**یافته‌ها:** در مقاله حاضر با ایجاد یک تابع تقاضای تصادفی بر مبنای الگوریتم‌های ژنتیک و بهینه‌سازی ذرات، دو مدل احتمالی تک‌دوره‌ای در یک فضای رقابتی ارائه می‌شود. در مدل نخست، خرده‌فروشان فقط نقش واسطه‌ای دارند و برای قیمت‌گذاری یا مقدار بهینه سفارش تصمیم نمی‌گیرند. در مدل یادشده، فرض بر این است که خرده‌فروشان تقاضا را دقیقاً و به همان میزانی که هست از مشتریان به تأمین‌کنندگان انتقال دهند. تأمین‌کنندگان بر مبنای میزان تولید خود با کمبود و مازاد عرضه روبه‌رو می‌شوند. هدف این مدل، تعیین مقدار بهینه و مطلوب تولید و همچنین، قیمت برای هر تأمین‌کننده است. علاوه بر این، در این مدل هزینه‌های مسیریابی به‌روشن تقریبی وارد مدل شده است. نتایج محاسبات حاکی از آن است که تقریب ارائه‌شده بسیار دقیق است و نقطه تعادل را در زمان بسیار کمتری نسبت به مدل اصلی ارزیابی می‌کند. در مدل دوم، فرض بر این است که خرده‌فروشان با توجه به تعداد سفارش‌هایی که ارسال می‌کنند، متحمل هزینه‌های کمبود یا نگهداری می‌شوند. در این مدل نیز تأمین‌کنندگان قیمت نهایی را تعیین می‌کنند و هدف خرده‌فروشان، تعیین مقدار بهینه سفارش است. در این مدل، فرض بر این است که تولید تأمین‌کنندگان سفارشی شده و هزینه‌های موجودی، فقط برای خرده‌فروشان لحاظ می‌شود. موضوع مهمی که در رابطه با این مدل انجام شده، توجه به قیمت‌گذاری پویاست که همواره در مباحث مطرح شده در حوزه تئوری پویایی زنجیره تأمین، اهمیت و البته پیچیدگی زیادی دارد.

**نتیجه‌گیری:** نتایج از کارایی معنادار ترکیبی ارائه‌شده، برای حل مدل طراحی شبکه زنجیره تأمین چند سطحی با قیمت‌گذاری پویا و ایستا حکایت دارد. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نشان داد که تغییرات باعث خواهد شد که افزایش در مبنای بازار یک تولیدکننده، به افزایش سود برای هر دو تولیدکننده منجر شود. نمودار تغییر در سود تولیدکننده نسبت به تغییر در هزینه‌ها، نشان داد که کاهش در هزینه تولید، به افزایش سود برای تولیدکننده منجر می‌شود، این در حالی است که سود تولیدکننده بعدی، در این شرایط کاهش می‌یابد. سود تأمین‌کننده نیز همانند سود تولیدکننده با افزایش مبنای بازار افزایش می‌یابد. افزایش مبنای بازار همچنین سبب می‌شود که سود تأمین‌کننده از بابت همکاری با تولیدکننده‌ها افزایش یابد. این افزایش سود، از دو طریق مختلف اتفاق می‌افتد. افزایش سود به جهت افزایش قیمت خرده‌فروش: هرچند قیمت عمده‌فروشی، به‌خاطر افزایش مبنای بازار و در نتیجه افزایش تقاضا افزایش می‌یابد، از طرفی، به‌خاطر افزایش در سطح خدمات به‌منظور ایجاد تعادل در بازی، تأمین‌کننده با نسبت بیشتری قادر به افزایش قیمت خرده‌فروشی است. در نتیجه مقدار عبارت  $\pi$ -wi افزایش می‌یابد. افزایش سود به جهت افزایش حجم فروش: به‌طور مسلم افزایش مبنای بازار، روی میزان فروش تأثیر بسزایی دارد و باعث افزایش آن می‌شود. سود تأمین‌کننده نیز تابعی صعودی از حجم فروش است.

**کلیدواژه‌ها:** تئوری بازی‌ها، زنجیره تأمین چندسطحی، قیمت‌گذاری، مدل‌سازی استوار.

**استناد:** مهرجو، سارا؛ عموزاد مهدیرچی، حنان؛ حیدری دهوئی، جلیل؛ رضوی حاجی آقا، سید حسین و حسین‌زاده، مهناز (۱۴۰۲). ارائه مدلی استوار برای قیمت‌گذاری پویا و مقایسه آن با قیمت‌گذاری ایستا در زنجیره‌های تأمین چندسطحی با رویکرد تئوری بازی‌ها. مدیریت صنعتی، ۱۵(۴)، ۵۳۴-۵۶۵.

تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۰۵/۰۲

تاریخ ویرایش: ۱۴۰۲/۰۷/۳۰

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۹/۱۹

تاریخ انتشار: ۱۴۰۲/۱۰/۳۰

doi: <https://doi.org/10.22059/IMJ.2023.362799.1008066>

مدیریت صنعتی، ۱۴۰۲، دوره ۱۵، شماره ۴، صص. ۵۳۴-۵۶۵

ناشر: دانشکده مدیریت دانشگاه تهران

نوع مقاله: علمی پژوهشی

© نویسندگان

## مقدمه

زنجیره‌های تأمین امروزه به یکی از پارادایم‌های غالب در عرصه کسب‌وکار تبدیل شده‌اند. فارستر که بسیاری او را پایه‌گذار موضوع زنجیره‌های تأمین می‌دانند، در سال ۱۹۵۸ ایده‌ای با این مضمون را عنوان کرد که: «موفقیت سازمان‌ها در گرو تعامل و تبادل اثربخش جریان اطلاعات، مواد، سرمایه، نیروی انسانی و تجهیزات در میان آن‌هاست». این ایده با گذشت زمان به نظریه‌ای غالب و انکارناپذیر در حوزه کسب‌وکار تبدیل شده است (کاچون و فلدمن<sup>۱</sup>، ۲۰۲۳). بسیاری از صاحب‌نظران معتقدند که رقابت بین سازمان‌ها و شرکت‌ها در دهه‌های گذشته، به رقابت میان زنجیره‌ها در عصر حاضر تبدیل شده است. در واقع، بخش عمده‌ای از تعمیم و گسترش این زمینه، در دو دهه اخیر صورت گرفته و بسیاری از سازمان‌های بزرگ بین‌المللی، نظیر سیسکو<sup>۲</sup>، دل<sup>۳</sup>، نایک<sup>۴</sup>، پروکتراند گامبل<sup>۵</sup> و زارا<sup>۶</sup> از آن بهره‌مند شده‌اند (فنگ، ژانگ و تانگ<sup>۷</sup>، ۲۰۲۳).

مدل جامعی در خصوص تبیین مسائل و موضوع‌های زنجیره تأمین وجود ندارد؛ اما مروری بر مبانی نظری این زمینه نشان می‌دهد که مسائلی نظیر سیستم‌های اطلاعاتی، بازاریابی، مدیریت مالی، موضوع‌های لجستیکی و روابط بین سازمانی، از زمینه‌های مورد توجه پژوهشگران در این حوزه بوده است. هدف از مدیریت زنجیره تأمین، بهبود فعالیت‌های مختلف اجزا و سطوح یک زنجیره تأمین به منظور بهبود وضع کلی سیستم زنجیره تأمین است. در این هنگام، ممکن است بین اهداف اجزا و سطوح مختلف در جهت رسیدن به اهداف کلی زنجیره تأمین، تضادها و تناقض‌های بسیاری مشاهده شود که این اختلال‌ها و تناقض‌ها، به مرور زمان، به کاهش قدرت و رقابت‌پذیری زنجیره تأمین منجر خواهد شد (گومس، ون، ژون و جی<sup>۸</sup>، ۲۰۲۳). از جمله تعارض‌ها می‌توان به هزینه‌های بازاریابی (تبلیغات)، قیمت‌گذاری و موجودی اشاره کرد. روش‌ها و رویکردهای بسیاری را می‌توان برای ایجاد همکاری در زنجیره تأمین و تعیین مقادیر بهینه موجودی و قیمت برای سطوح مختلف زنجیره تأمین استفاده کرد. رویکرد نظریه بازی‌ها با توجه به ویژگی‌هایی که دارد، ابزاری مناسب برای ایجاد همکاری در زنجیره‌های تأمین است. این ابزار هم برای زنجیره‌های تأمین همکارانه و هم برای زنجیره‌های تأمین غیرهمکارانه قابلیت استفاده گسترده‌ای دارد (جابر و برتینی<sup>۹</sup>، ۲۰۲۳).

در اغلب پژوهش‌های مربوط به قیمت‌گذاری پویا، زنجیره‌های تأمین دوسطحی بوده‌اند و تأثیر تبلیغات در زنجیره تأمین بررسی شده است. در این پژوهش تلاش می‌شود سطوح زنجیره تأمین به سه سطح ارتقا یابد و متغیرهای تبلیغات و موجودی انبار و همچنین، مسئله قیمت‌گذاری در زنجیره تأمین بررسی خواهد شد. پس هدف کلی، بررسی هماهنگی زنجیره تأمین با سه متغیر مرتبط با تبلیغات، موجودی انبار و مقایسه قیمت‌گذاری ایستا و پویاست (با توجه به رشد سریع تجارت الکترونیک، قیمت‌گذاری پویا به فعالیت قدرتمندی برای افزایش سود در زنجیره تأمین تبدیل شده است که کمتر

1. Cachon & Feldman
2. Cisco
3. Dell
4. Nike
5. Procter & Gamble
6. Zara
7. Feng, Zhang & Tang
8. Gumus, Wen, Zhon & Ji
9. Jabber & Bertini

به این مسئله پرداخته شده است). زنجیره تأمین در این پژوهش، سه سطح را شامل می‌شود: تولیدکننده، تأمین‌کننده، خرده‌فروش. همچنین منابع زیادی، از جمله چن و فاریاس<sup>۱</sup> (۲۰۱۸) اشاره کرده‌اند که در بسیاری از کسب‌وکارهای نوآورانه، از قیمت‌گذاری پویا استفاده می‌شود و ۶۰ درصد از مدیران توسعه بازار در سراسر دنیا با روش‌های قیمت‌گذاری پویا آشنایی دارند و ۳۵ درصد از مدیرعاملان و مدیران کسب‌وکار قصد دارند که در سه سال آینده، کلیه مدل‌های قیمت‌گذاری خود را مبتنی بر روش‌های قیمت‌گذاری پویا طراحی کنند. در پژوهش حاضر نیز، هدف ارائه مدلی استوار برای قیمت‌گذاری پویا و مقایسه آن با قیمت‌گذاری ایستا در زنجیره‌های تأمین چندسطحی با رویکرد تئوری بازی‌هاست. در بخش دوم پیشینه نظری بررسی می‌شود. بخش سوم به روش‌شناسی پژوهش اختصاص یافته است. در بخش چهارم به یافته‌ها ارائه شده است و در بخش پنجم نتیجه‌گیری بیان خواهد شد.

### پیشینه نظری پژوهش

زنجیره تأمین شامل کلیه مراحل مربوط به حمل‌ونقل و جریان کالا از مرحله مواد اولیه تا مصرف‌کنندگان نهایی و همچنین جریان اطلاعات مربوط به آن‌هاست (فریز و هان<sup>۲</sup>، ۲۰۱۹). موضوع اصلی در زنجیره تأمین، شامل اقدامات مدیریت آن و کنترل هماهنگ کلیه این فعالیت‌هاست. خرید، تولید، تأمین، ذخیره‌سازی و فروش، پنج فرایند کلیدی زنجیره تأمین است (وی، لی و یانگ<sup>۳</sup>، ۲۰۱۳). شرکت، فرایند، فناوری و شایستگی زنجیره تأمین را از طریق لجستیک (پشتیبانی) برای بهبود مزیت‌های رقابتی خود استفاده می‌کند (جابر<sup>۴</sup>، ۲۰۱۸). اقدامات زنجیره تأمین، مجموعه‌ای از فعالیت‌هایی تعریف می‌شود که در یک سازمان برای مدیریت مؤثر و مفید زنجیره تأمین انجام می‌شود. ابعاد مختلفی برای اقدامات زنجیره تأمین وجود دارد که بر شرکای زنجیره تأمین تأثیر می‌گذارد (دی، یانگ و وو<sup>۵</sup>، ۲۰۱۸). تجزیه و تحلیل چندسطحی برای پژوهش‌هایی استفاده می‌شود که در آن‌ها، دو یا سه سطح مختلف در ایجاد یک مشکل یا یک پدیده مطلوب دخیل است. روش مداخله نیز به این صورت است که یک عامل یا علت از سطح بالاتر به عنوان متغیر تعدیل‌کننده در رابطه بین تأثیرگذاری دو متغیر مستقل و وابسته در سطح پایین‌تر عمل می‌کند و باعث تشدید یا تضعیف این رابطه می‌شود.

در فضای رقابتی کنونی، داشتن یک زنجیره تأمین کارآمد و مؤثر، برای بنگاه‌ها مزیت رقابتی در نظر گرفته می‌شود که می‌تواند ضامن سازمان‌ها را در بازار تضمین کند. یکی از راه‌های تحقق این هدف، افزایش بهره‌وری و اثربخشی فعالیت‌های لجستیکی زنجیره تأمین است (لیو و کوپر<sup>۶</sup>، ۲۰۱۵). آنچه در جریان سنتی کالا اهمیت دارد و مدیران بر آن تأکید کرده‌اند، حرکت رو به جلوی مواد و کالاهای تولید شده است که به‌طور عمده، از سمت تأمین‌کنندگان، به سمت تولیدکنندگان، تأمین‌کنندگان، خرده‌فروشان و در نهایت مشتریان سرازیر می‌شود. اما در بسیاری از صنایع، جریان مهم دیگری نیز در زنجیره‌های تأمین وجود دارد که به‌صورت معکوس شکل می‌گیرد؛ زیرا محصولات از سطوح پایینی زنجیره

1. Chen, & Farias
2. Friesz & Han
3. Wee, Lee & Yang
4. Jabber
5. Dye, Yang, & Wu
6. Liu & Cooper

تأمین به سطوح بالاتر جریان می‌یابد (آگوستین<sup>۱</sup>، ۲۰۱۸). عرضه کالاهای با کیفیت‌تر بهتر نسبت به سایر رقبا و استفاده از گام‌های صحیح در انتخاب استراتژی جهت کسب موقعیت مطلوب در مقابل رقبا، از اصول مهم دستیابی به سودآوری در مدل کسب‌وکار محسوب می‌شود؛ بنابراین یک بنگاه باید بتواند محصولات خود را به گونه‌ای قیمت‌گذاری کند که توانایی کسب درآمدی متناسب با ارزش ارائه شده به مشتری را داشته باشد و در نتیجه جایگاه خود را نسبت به مشتریان، کالاهای مکمل، رقبا و تازه واردان بالقوه حفظ کند. قیمت‌گذاری مهم‌ترین بخش از مدل کسب‌وکار است و تصمیم‌گیری در خصوص آن، روی سودآوری شرکت تأثیر زیادی دارد (ژو و لیو<sup>۲</sup>، ۲۰۱۴). قیمت‌گذاری پویا یک استراتژی تجاری و کسب‌وکار است که قیمت محصولات را بر اساس یک الگوی زمان‌بندی شده تنظیم می‌کند تا خدمات مناسب را در زمان مناسب به مشتریان ارائه دهد (لین و هو<sup>۳</sup>، ۲۰۱۱). این روش قیمت‌گذاری معمولاً در زمان‌های عدم اطمینان و عرضه و تقاضای فصلی و برای افزایش درآمد مورد استفاده قرار می‌گیرد. صنایع مختلف می‌توانند از راه‌کار قیمت‌گذاری پویا استفاده کنند؛ گروه اول صنایعی هستند که دارای کالاهای با طول عمر کوتاه، همانند مواد غذایی، کالاهای الکترونیکی و پوشاک مد هستند؛ دسته دوم، صنایع خدماتی هستند که درآمد حاصل از خدمات ارائه شده در آن‌ها، به دوره زمانی مشخصی تعلق ندارد و این خدمات در بازه‌های زمانی مختلف در دسترس و سودآور است؛ همانند خطوط هوایی، هتل‌ها، نشست‌ها، امکانات و تسهیلات سرگرمی و تفریحی، تعطیلات مسافرتی دریایی و بلیط‌های قطارها، تئاترها، کنسرت‌ها، سینماها و ورزشگاه‌ها (رانا و اولیویر<sup>۴</sup>، ۲۰۱۴).

قیمت‌گذاری پویا و کاربرد آن، از دهه ۱۹۷۰ و در دو بخش هتل‌داری و خطوط هوایی، در قالب نوعی علاقه‌مندی تحقیقاتی پدیدار شد. در سال ۱۹۷۸ پس از اینکه کنگره آمریکا، قانون مقررات‌زدایی را از صنعت هوایی تصویب کرد، تحقیقات علمی و کاربردی در مورد موضوع قیمت‌گذاری پویا توسعه یافت. بعدها در دهه ۱۹۸۰، تحقیقات مربوط به قیمت‌گذاری پویا در بخش‌هایی مانند اجاره اتومبیل، ارتباطات، سفرهای دریایی، هتلداری و در نهایت در دهه ۱۹۹۰ در صنعت خرده‌فروشی، تجهیزات الکترونیکی و ارتباطات نیز رشد و توسعه پیدا کرد (دکسیت و لیدکا<sup>۵</sup>، ۲۰۱۳). به‌گفته تامپسون<sup>۶</sup> (۲۰۱۸) قیمت‌گذاری پویا روشی از مدیریت منابع محسوب می‌شود که هدف آن، دستکاری سودآور قیمت و طول عمر از طریق نظارت بر عرضه است.

یکی از نقش‌های برجسته و پرکاربرد نظریه بازی‌ها در زنجیره‌های تأمین، چگونگی تأثیر آن بر ایجاد همکاری و

هماهنگی سطوح مختلف است. در این راستا، پس از مطالعه پیشینه پژوهش، بیان این نکات اهمیت دارد:

- برخی از قراردادهای ایجاد همکاری در زنجیره تأمین (با کمک نظریه بازی‌ها) به دنبال ایجاد هماهنگی و همکاری با استفاده از تقسیم سود، تقسیم درآمد، مشارکت در سرمایه‌گذاری، مشارکت در سود، مشارکت یا تقسیم هزینه‌ها یا ایجاد هماهنگی‌های منصفانه‌اند.



- گروه دوم، قراردادهایی هستند که با هدف همکاری و هماهنگی و به کمک نظریه بازی‌ها منعقد می‌شوند و به دنبال ارتقای فروش یا توسعه وضعیت زنجیره تأمین، به کمک قراردادهای انتخابی و پیشنهادهای خاص هستند.
  - گروه سوم، قراردادهایی هستند که با هدف همکاری و هماهنگی و به کمک نظریه بازی‌ها بررسی می‌شوند، حالت‌هایی که در آن امکان ارجاع کالا، بازپس‌گیری کالا یا برهم‌زدن سفارش وجود دارد.
  - گروه چهارم، قراردادهایی هستند که با هدف همکاری و هماهنگی و به کمک نظریه بازی‌ها، وضعیت‌های پیش‌خرید، مشارکت در طراحی محصول، مشارکت در تسهیم اطلاعات و مواردی از این قبیل را بررسی می‌کنند.
  - گروه پنجم قراردادهایی هستند که با هدف همکاری و هماهنگی و به کمک نظریه بازی‌ها، مدل‌های تخفیف مختلف و نحوه تأثیر آن‌ها بر سودآوری سطوح و کلیت زنجیره تأمین را بررسی می‌کنند.
- در جدول ۱ مطالعات و پیشینه پژوهش‌های مرتبط با موضوع یادشده، بر اساس چارچوب پیشنهادی درج شده است.

جدول ۱. مروری بر پژوهش‌های مشابه

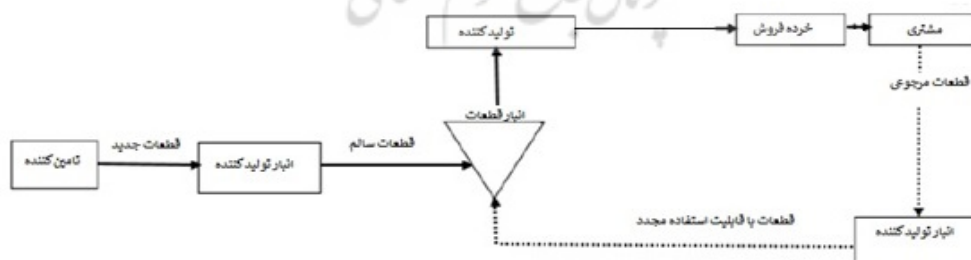
خروجی‌های پژوهش		شرایط پژوهش			بازی پژوهش	کلیات پژوهش	
هدف / خروجی	اعتبارسنجی	متغیرهای بررسی شده	سطوح / عمق زنجیره تأمین	پیش‌فرض‌ها	نوع / حالت	رویکرد / ابزار / قرارداد	دانشمندان / زمان
همکاری در زنجیره تأمین با استفاده از قرارداد مشارکت در درآمد			تقاضا غیرقابل پیش‌بینی سه سطح با یک تولیدکننده، یک تأمین‌کننده و یک خرده‌فروش متغیر: قیمت / مقدار سفارش و خرید		ایستا / کامل / غیرتکراری	تعادل نش مشارکت در درآمد	فنگ، ژانگ، تانگ <sup>۱</sup> (۲۰۲۳)
همکاری در زنجیره تأمین با استفاده از قرارداد مشارکت در درآمد			دو سطحی با یک تأمین‌کننده و یک خریدار متغیر: قیمت‌ها / مقادیر سفارش و خرید		همکارانه / غیرتکراری / پویا / متوالی / استکلبرگ	تعادل نش مشارکت در درآمد	جیازن و کین <sup>۲</sup> (۲۰۰۸)
مقایسه سه نوع قرارداد همکاری در زنجیره تأمین			تقاضای تصادفی دو سطحی با یک یا چند خرده‌فروش و یک تأمین‌کننده متغیر: قیمت‌ها / سود بازیکنان		همکارانه / ایستا / کامل / غیرتکراری	قرارداد مرجوعی و فروش انبوه	کچون و لاریویر <sup>۳</sup> (۲۰۰۵)
مقایسه حالت متمرکز با حالت غیرمتمرکز در همکاری با قرارداد مشارکت			دو حالت سیستم متمرکز و غیرمتمرکز در زنجیره تأمین، چند محصولی دو سطحی معین و محدود متغیر: قیمت‌های بازیکنان		ایستا / کامل / غیرتکراری	تعادل نش مشارکت در سود	سرکس <sup>۴</sup> (۲۰۲۴)

1. Feng, Zhang & Tang  
 2. Jiazhen & Qin  
 3. Cachon & Lariviere  
 4. Serkis

خروجی‌های پژوهش		شرایط پژوهش			بازی پژوهش	کلیات پژوهش	
هدف / خروجی	اعتبارسنجی	متغیرهای بررسی شده	سطوح / عمق زنجیره تأمین	پیش‌فرض‌ها	نوع / حالت	رویکرد / ابزار / قرارداد	دانشمندان / زمان
	آنالیز حساسیت و مقایسه متمرکز با غیرمتمرکز در همکاری با قرارداد مشارکت در درآمد		تقاضا به قیمت وابسته است سه سطحی با یک تأمین‌کننده، یک تولیدکننده و یک خرده‌فروش متغیر: قیمت‌های بازیکنان / موجودی بازیکنان / سفارش‌ها		پویا / کامل / غیر تکراری / همکارانه	بهینه‌سازی مشارکت در درآمد	پنگ، عموزاد، مهدیرچی، گویندان و میدوته <sup>۱</sup> (۲۰۱۳)
	مقایسه نتایج سه نوع قرارداد مبتنی بر ظرفیت، مشارکت در سود و سرمایه‌گذاری مشترک مطالعه مورد در صنعت رسانه‌ای در هندوستان		عدم قطعیت در تقاضا و عرضه، کالا با طول عمر کوتاه یک تأمین‌کننده و یک تولیدکننده متغیر: قیمت‌ها / تولید / سفارش		نش / استکلبرگ	تعادل استکلبرگ تعادل پارتو	شن و پانگ <sup>۲</sup> (۲۰۲۰)
	طراحی فرایند چانه‌زنی برای ایجاد همکاری منصفانه در زنجیره تأمین		دو سطحی با یک تولیدکننده و یک خرده‌فروش متغیر: قیمت‌های بازیکنان		همکارانه / غیر تکراری / پویا / متوالی	مشارکت در درآمد مدل شیپلی	باهینپاتی، کاندا و دشموخ <sup>۳</sup> (۲۰۱۹)
	مقایسه دو نوع قرارداد قرارداد در حالت تخفیف و مشارکت در سود نتایج بهتری دارد		تقاضا وابسته به قیمت، کمبود غیرمجاز یک تأمین‌کننده، یک تولیدکننده و یک خرده‌فروش متغیر: قیمت‌های خرید و فروش / میزان تخفیف / اندازه سفارش		رویکرد غیر نظریه بازی	قرارداد تخفیف، مشارکت در سود	جابر و برتینی <sup>۴</sup> (۲۰۱۸)
	استراتژی همکاری تحلیل حساسیت اعتبارسنجی		استراتژی‌های قیمت‌گذاری در یک زنجیره تأمین دوسطحی، شامل یک تولیدکننده و دو خرده‌فروش رقابتی، با تقاضای وابسته به قیمت، طول دوره وارانتی و سطح کیفیت		الگوریتم قهرمانی	استکلبرگ	حسین‌زاده کاشان و سردشتی (۱۴۰۲)
	به کارگیری سیاست مرجوعی کالا اعتبارسنجی		حساسیت قیمتی تقاضا و حساسیت مرجوعی تقاضا، بر متغیرهای تصمیم، از جمله قیمت فروش خرده‌فروشان، قیمت مرجوعی، مدت زمان تحویل و سود کل زنجیره تأمین		مدل برنامه‌ریزی غیرخطی	همکارانه	صبوری، نصیری و صالحی (۱۴۰۲)
	مسئله انتخاب تأمین‌کننده، تخصیص سفارش و قیمت‌گذاری، به خرده‌فروشان برای بهبود تصمیم‌گیری		متغیر تصادفی تقاضا، میزان سود		الگوریتم ژنتیک	همکارانه	تیموری، امیری، الفت و زندیه (۱۳۹۹)
	اطلاعات مربوط به خوشه سنگ استان تهران قیمت‌گذاری طراحی شده		قیمت‌گذاری وابسته به تقاضا یک تأمین‌کننده و یک تولیدکننده متغیر: قیمت، محصول، میزان سفارش		مدل برنامه‌ریزی دوسطحی	استکلبرگ	مجیبیان و خدیور (۱۳۹۵)

1. Peng, Amoozad Mahdiraji, Govindan & Midute  
 2. Schen & Pang  
 3. Bahinipati, Kanda & Deshmukh

با توجه به ادبیات بررسی شده در مورد استراتژی قیمت‌گذاری در زنجیره تأمین، در بیشتر این موارد تلاش شده است تا مدلی ارائه شود که بتواند اثر متغیرهای مختلف مانند استراتژی قیمت‌گذاری، کنترل موجودی، زمان تحویل کالا، هزینه‌های تبلیغات و سایر موارد را بر هماهنگی زنجیره تأمین، افزایش سود، افزایش عمر محصول و سایر موارد بررسی کند و هدف اصلی حل مشکلات موجود در زنجیره تأمین با استفاده از ابزار مختلفی همچون مدل‌سازی ریاضی و تئوری بازی‌ها بوده است. با در نظر گرفتن شکاف تحقیقاتی شناسایی شده که تمام متغیرهای مورد بررسی به صورت جداگانه بررسی شده‌اند و تحقیقات زیادی هم در مورد این موضوع صورت گرفته است. در خصوص استفاده از استراتژی قیمت‌گذاری، بیشتر مقالات به استراتژی قیمت‌گذاری ایستا پرداخته‌اند. سطوح زنجیره تأمین در تمامی تحقیقات انجام‌شده دوسطحی بوده است (در ۹۰ درصد موارد) و معمولاً، فقط اثر یک متغیر یا دو متغیر در زنجیره تأمین بررسی شده است. رشد و توسعه صنایع و همچنین افزایش آگاهی مشتریان از نقش فناوری‌های اطلاعاتی و ارتباطاتی، باعث افزایش تمایل آن‌ها برای خرید کالاهای ضروری به صورت آنلاین شده است؛ بنابراین، می‌توان فعالیت‌های اینترنتی را به‌عنوان ابزار تبلیغاتی شرکت‌ها و سازمان‌ها، جهت افزایش تقاضای کالاها به کار گرفت. در مدل‌های ارائه شده، نوعی ریسک در تولید کالاهای جدید از مواد بازیافتی وجود دارد؛ به‌گونه‌ای که برخی از کالاهای تولیدشده از مواد بازیافتی، الزاماً کیفیت محصول اولیه را ندارند و در بازرسی خارج می‌شوند. در این مطالعه، ابتدا وضعیتی در نظر گرفته می‌شود که در آن، تولیدکننده و خرده‌فروش با هم، فرایند جمع‌آوری کالاها را از مشتریان، برای بازیافت انجام می‌دهند. با توجه به مطالعه پژوهش‌های پیشین، اهم نوآوری‌های مقاله حاضر بدین شرح است: نامحدود بودن زنجیره تأمین سه سطحی مورد بررسی، به‌کارگیری از بازی استکلبرگ در مدل‌سازی مسائل و همچنین، استفاده از پیش‌فرض‌هایی همچون غیرخطی بودن تابع تقاضا، کمبود مجاز در سیستم موجودی و تولید تدریجی. با توجه به اهم پیشنهادها مطرح‌شده برای تحقیقات آتی، ویژگی‌های پژوهش پیش‌رو این است که زنجیره تأمین به سه سطح ارتقا یافته و تأثیر سه بازیگر بررسی شده است. تأکید در این پژوهش بر استراتژی قیمت‌گذاری پویاست و با استراتژی قیمت‌گذاری ایستا مقایسه خواهد شد که در بین مقاله‌های اشاره شده در بالا، کمتر به این مسئله توجه شده است. زنجیره تأمین مد نظر در شکل ۱ مشاهده می‌شود.



شکل ۱. شمای کلی سیستم

منبع: اسماعیلی و قبادی<sup>۱</sup> (۲۰۱۸)

## روش‌شناسی پژوهش

همان‌طور که بر مبنای پژوهش اسماعیلی و قبادی (۲۰۱۸) بیان شده است، مواردی نظیر بررسی چندین افق برنامه‌ریزی، استفاده از قیمت‌گذاری پویا در برخی از بازیگران در یک سطح از زنجیره، از مفهوم قیمت‌گذاری پویا و استفاده سایرین در همان سطح از قیمت‌گذاری ایستا، در نظر گرفتن تقاضا به صورت غیرقطعی (استوار)، در نظر گرفتن مدل‌های تخفیف محور و در نهایت استفاده از بازی استکلبرگ برای بررسی هسته بازی و نقطه تعادل نش، ارائه نشده است.

## پیش‌فرض‌های بازی

تقاضای محصولات در زنجیره تأمین سه سطحی مورد نظر تابعی است از قیمت خرده‌فروشان به مشتریان و همچنین، هزینه‌های صرف شده بابت تبلیغات محصول مورد نظر در بازار هدف. شایان ذکر است که با وجود متغیر بودن تابع تقاضا، قطعی در نظر گرفتن تابع تقاضا در حوزه همکاری در زنجیره تأمین با رویکرد نظریه بازی‌ها بسیار متداول بوده و در پژوهش حاضر نیز از همین رویکرد استفاده شده است.

کامبود در سیستم زنجیره تأمین مجاز است و به ازای هر واحد کامبود هزینه‌ای به سطح مرتبط تحمیل خواهد شد. هزینه کامبود مذکور برای سطح تولیدکنندگان و برای انبار محصول نهایی در نظر گرفته شده است. در ضمن، مقدار و چگونگی تولید، رفتاری تدریجی دارد.

در زنجیره تأمین می‌توان از قراردادهای همکاری، مانند مشارکت در سود، مشارکت در فروش از دست رفته، تقسیم هزینه‌ها، کالای مرجوعی و بازپرداخت، استفاده کرد. در پژوهش حاضر به‌منظور ایجاد همکاری در سطوح مختلف زنجیره تأمین، از قرارداد مشارکت در سود بین تمامی سطوح زنجیره تأمین استفاده شده است. در ضمن، تخفیف از تولیدکننده به خرده‌فروش نیز در طراحی مدل‌ها به کار گرفته شده است. تصمیم‌ها و سیاست‌های بهینه موجودی، قیمت‌گذاری و تبلیغات، در سطوح مختلف زنجیره تأمین مدنظر است و به‌عنوان متغیرهای تصمیم‌گیری و بررسی می‌شوند.

هزینه تولید هر واحد محصول برای تولیدکننده تابعی غیرخطی از تقاضای محصول است و با افزایش میزان تقاضا، هزینه متغیر تولید هر واحد کاهش خواهد یافت.

خرده‌فروشان تنها محصولات تولیدکننده مرتبط را به فروش می‌رسانند. به عبارتی، هر تولیدکننده تنها یک محصول تولید می‌کند و فقط محصول را به خرده‌فروش طرف قرارداد ارائه می‌کند. از سوی دیگر، هر خرده‌فروش نیز فقط محصولات تولیدکننده طرف قرارداد را به بازار ارائه می‌کند. تنوع محصولات به تعداد تولیدکنندگان است؛ اما تفاوت درون محصولات اندک است.

در ساختار در نظر گرفته شده، هر تأمین‌کننده یک نوع ماده اولیه را برای تولیدکنندگان ارسال می‌کند و از سوی دیگر، هر تولیدکننده محصول نهایی خود را تنها به خرده‌فروش طرف قرارداد خود ارسال می‌کند. در زنجیره تأمین فوق، تعاملات بین مشتریان با خرده‌فروشان، خرده‌فروشان با تولیدکنندگان و همچنین، بین تولیدکنندگان با تأمین‌کنندگان برقرار است. مشتری، خرده‌فروش، تولیدکننده و تأمین‌کننده، در هر یک از تعاملات خود، نقش خریدار و فروشنده را ایفا می‌کند.

## مدل سازی

مدل بهینه‌سازی استوار که توسط مالوی، وندربی و زنیوس<sup>۱</sup> (۱۹۹۵) ارائه شده به صورت زیر فرموله شده است. ابتدا یکسری نمادهای مرتبط با مدل معرفی می‌شوند.  $x$  بردار متغیرهای طراحی و  $y$  بردار متغیرهای کنترل است.  $A$ ،  $B$  و  $C$  ضرایب پارامترها و  $b$  و  $e$  بردارهای پارامترها هستند.  $A$  و  $B$  مقادیر تعیین شده هستند، از سوی دیگر  $C$ ،  $B$  و  $e$  دارای عدم قطعیت هستند. درک خاصی از پارامتر، عدم قطعیت سناریو گفته می‌شود که به آن نماد  $s$  اختصاص داده می‌شود و احتمال آن با  $p_s$  مشخص می‌شود.

تعداد  $K$  خرده‌فروش در زنجیره تأمین فعالیت می‌کنند که هر خرده‌فروش محصول مورد نظر خود را تنها از یک تولیدکننده تأمین می‌کنند. در حالت کلی، پیامد هر خرده‌فروش حاصل تفاضل درآمدهای وی از هزینه‌های اوست. در چنین شرایطی، خرده‌فروش با هزینه‌های سفارش، هزینه‌های نگهداری و همچنین، هزینه‌های بازاریابی صرف شده برای هر محصول مواجه است. از سوی دیگر، حاشیه سود هر خرده‌فروش حاصل تفاضل قیمت پرداخت شده به تولیدکننده برای خرید انبوه از قیمت فروش به مشتری است. شایان ذکر است که با توجه به اینکه محصول نهایی هر تولیدکننده تنها برای یک خرده‌فروش ارسال می‌شود، در نتیجه تعداد تولیدکنندگان و خرده‌فروشان برابر است.

### جدول ۲. نمادشناسی مدل

مجموعه	
نماد	شرح
I	مجموعه قطعات
J	مجموعه تأمین‌کنندگان
A	ثابت افزایش تابع تقاضا
K	خرده فروش
P	تولید کننده
پارامترها	
B	انعطاف قیمتی تابع تقاضا
$g_i$	تعداد لازم از قطعه $i$ برای تولید محصول نهایی
$\theta_0$	تعداد قطعات مصرفی
$\theta_1$	قیمت منعطف قطعه مصرفی مرجوعی
$C_m$	هزینه تولید یک محصول
$C_r$	هزینه بازسازی محصول استفاده‌شده
$\lambda$	نرخ بازسازی
$\mu_{i,j}$	میزان انتظاری معیوب قطعه $i$ توسط تأمین‌کننده $j$
$h_{i,j}$	هزینه تولید قطعه $i$ توسط تأمین‌کننده $j$
$B_{i,j}$	هزینه متغیر تولید قطعه $i$ توسط تأمین‌کننده $j$

مجموعه	
نماد	شرح
$q_{i,j}$	تقاضای تولیدکننده از قطعه $i$ توسط تأمین‌کننده $j$ (در مدل اصلی تقاضا به صورت غیرقطعی در نظر گرفته خواهد شد)
$b_i$	انعطاف قیمت قطعه $i$
$k_{i,j}$	اثر قیمت تأمین‌کننده‌ها بر هم بر یک قطعه
$G_r$	حاشیه سود خرده فروش $r$ ام
$P_m$	قیمت فروش محصول $n$ ام از سوی خرده فروش $r$ ام
$P_n$	قیمت فروش انبوه محصول $n$ ام
$D_n$	تقاضای محصول $n$ ام
$k_n$	سهم هزینه نگهداری از قیمت خرید محصول $n$ ام
متغیرها	
$w_{i,j}$	قیمت عمده‌فروشی قطعه $i$ توسط تأمین‌کننده $j$
$\sigma_{i,j}$	انحراف معیار استاندارد قطعه معیوب $i$ توسط تأمین‌کننده $j$
$P$	قیمت فروش محصول نهایی
$L$	هزینه جمع‌آوری قطعات معیوب
$\alpha_{i,j}$	هزینه جریمه قطعه معیوب $i$ که از تأمین‌کننده $j$ آمده است
$v_{i,j}$	مقدار آن یک است اگر سازنده، قطعه $i$ را از تأمین‌کننده $j$ بخرد

برای نمایش مجموعه‌ای از سناریوهای  $\Omega$  استفاده می‌گردد. ضرایب عدم قطعیت به شکل  $B_s$ ،  $C_s$  و  $e_s$  برای هر سناریو  $S \in \Omega$  تخصیص داده می‌شود. همچنین متغیر کنترل  $Y$  چون پس از درک سناریو تنظیم و تعدیل می‌شود، می‌تواند نماد  $Y_s$  برای سناریو  $S$  اختصاص داده شود. با توجه به عدم قطعیت پارامترها، ممکن است مدل برای برخی از سناریوها موجه نباشد؛ بنابراین  $\eta_s$  غیرموجه بودن مدل را تحت هر سناریو  $S$  نمایش می‌دهد. در صورت موجه بودن مدل،  $\eta_s$  برابر صفر است و در غیراین صورت مقدار مثبتی از معادله‌های زیر را می‌گیرد. مدل مالوی مانند زیر فرموله شده است:

$$\text{Min } \sigma(x, y_1, y_2, \dots, y_s) + \gamma \rho(\eta_1, \dots, \eta_s) \quad \text{رابطه (۱)}$$

s. t.

$$Ax = B,$$

$$B_s x + C_s y_s + \eta_s = e_s,$$

$$x \geq 0, y_s \geq 0, \eta_s, \quad \forall_s \in \Omega.$$

تابع هدف بالا دارای دو عبارت است: اولین عبارت استواری راه حل و دومین استواری مدل را از طریق وزن  $\gamma$  ارائه می‌دهد. این دو عبارت در ادامه مورد بحث قرار می‌گیرند. برای ارائه  $f(x, y)$  از نماد  $\xi$  که تابعی هزینه و فایده است، استفاده می‌شود و برای هر سناریو از  $\xi_s = f(x, y_s)$ . واریانس بالا برای  $\xi_s = f(x, y_s)$  بیانگر آن است که تصمیم ریسک بسیار بالایی دارد. به بیانی دیگر یک تغییر کوچک در پارامترهای دارای عدم قطعیت می‌تواند تغییرات زیادی را

در مقدار تابع اندازه‌گیری ایجاد کند. مالوی و همکارانش عبارت زیر را جهت نشان دادن استواری راه‌حل به کار گرفته و  $\delta$  وزن اختصاص داده شده برای واریانس راه‌حل است.

$$\sigma(0) = \sum_{s \in \Omega} p_s \xi_s + \delta \sum_{s \in \Omega} p'_s \left( \xi_s - \sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s \right)^2 \quad \text{رابطه ۲}$$

همان‌طور که مشاهده می‌شود، یک عبارت درجه دو  $(\xi_s - \sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s)^2$  در عبارت وجود دارد (یو و لی، ۲۰۰۰). برای کاهش عملیات کامپیوتری، یک عبارت قدرمطلق انحراف به جای عبارت درجه دو مورد استفاده قرار می‌گیرد که به شکل زیر ارائه می‌شود:

$$\sigma(0) = \sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s + \delta \sum_{s \in \Omega} p_s \left| \xi_s - \sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s \right| \quad \text{رابطه ۳}$$

معادله فوق شامل مقادیر قدرمطلق است؛ اما دو متغیر اضافی  $Q_s^+$  و  $Q_s^-$  را می‌توان برای خطی کردن تابع هدف فوق استفاده کرد. در صورتی که  $\sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s$  بزرگ‌تر از  $\xi_s$  باشد،  $Q_s^-$  به این صورت تفسیر می‌شود؛ درحالی که  $Q_s^+$  برابری است که  $\sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s$  کوچک‌تر از  $\xi_s$  است. فرمول‌بندی فوق به صورت زیر تغییر می‌کند و خطی می‌شود:

$$\sigma(0) = \sum_{s \in \Omega} p_s \xi_s + \delta \sum_{s \in \Omega} p_s (Q_s^+ + Q_s^-) \quad \text{رابطه ۴}$$

s. t.

$$\xi_s - \sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s = Q_s^+ + Q_s^-, \quad s \in \Omega$$

$$Q_s^+, Q_s^- \geq 0, \quad s \in \Omega$$

براساس تئوری برنامه‌ریزی خطی واضح است که همواره یکی از مقادیر  $Q_s^+$  و  $Q_s^-$  برای  $\delta \geq 0$  صفر است. توجه داشته باشید که  $(Q_s^+ + Q_s^-) = \xi_s - \sum_{s \in \Omega} p'_s \xi'_s$  است.

جمله دوم تابع هدف بالا  $\gamma \rho(\eta_1, \eta_2, \dots, \eta_s)$  است که برای غیرموجه بودن مدل استفاده می‌شود و نشان‌دهنده استواری مدل است.  $\gamma$  وزن قرارداده شده برای غیرموجه بودن تخصیص داده می‌شود و نشان‌دهنده تحلیل هزینه - فایده بین استوار مدل و راه‌حل است. در اینجا  $\eta_s$  بیانگر غیرموجه بودن مدل است که به‌زای پارامتر دچار عدم قطعیت تحت سناریو s به دلیل محدودیت ظرفیت به وجود آمده است با توجه به تمام بحث‌های بالا، تابع هدف نهایی به صورت زیر فرموله می‌شود (پن و ناگی، ۲۰۱۰):

$$\text{Min} \sum_{s \in \Omega} \rho_s \xi_s + \delta \sum_{s \in \Omega} \rho_s (Q_s^+ + Q_s^-) + \gamma \sum_{s \in \Omega} \rho_s \eta_s + \sum_{s \in \Omega} X_{ijt} \quad \text{رابطه ۵}$$

$$\pi_j(W_{ij}, \sigma_{ij}) = \sum_{i=1}^I \{q_{ij}(W_{ij} - h_{ij}) - \alpha_{ij}E[0, Re_{ij} - \mu_{ij}]\}$$

$$h_{ij} = B_{ij} + C_{ij}x_{ij} \quad \forall i$$

$$q_{ij} = a_i - b_i W_{ij} + \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^J K_{ij} W_{ij} \quad \forall i$$

$$x_{ij} = K^{-\sigma_{ij}^2} \quad \forall i$$

$$\pi_i(W_{ij}, \sigma_{ij}) = \sum_{i=1}^I \left\{ \left( a_i - b_i W_{ij} + \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^J K_{ij} W_{ij} \right) (W_{ij} - B_{ij} - C_{ij} K^{-\sigma_{ij}^2}) \alpha_{ij} \sigma_{ij} \sqrt{\frac{1}{2\pi}} \right\}$$

$$\pi_m(P, L, \alpha_{ij} v_{ij})$$

$$= P(a - bP) - C_r \lambda (\theta_0 + \theta_1 L) - C_m (a - bP - \lambda (\theta_0 + \theta_1 L)) \\ - \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J W_{ij} q_{ij} v_{ij} - L(\theta_0 + \theta_1 L) + \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J \alpha_{ij} E[\max(0, Re_{ij} - \mu_{ij})] v_{ij}$$

$$\pi_m(P, L, \alpha_{ij} v_{ij})$$

$$= P(a - bP) - C_r \lambda (\theta_0 + \theta_1 L) - C_m (a - bP - \lambda (\theta_0 + \theta_1 L)) \\ - \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J W_{ij} q_{ij} v_{ij} - L(\theta_0 + \theta_1 L) + \sqrt{\frac{1}{2\pi}} \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J \alpha_{ij} \sigma_{ij} v_{ij}$$

$$g_i(a - bP) \leq \sum_{j=1}^J (q_{ij} - \mu_{ij}) v_{ij} + \lambda g_i(\theta_0 + \theta_1 L) \quad \forall i$$

$$v_{ij} \in [0, 1] \quad \forall i, \forall j$$

$$\text{Max}(\pi_m(P, L, \alpha_{ij}))$$

$$= P(a - bP) - C_r \lambda (\theta_0 + \theta_1 L) - C_m (a - bP - \lambda (\theta_0 + \theta_1 L)) \\ - \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J W_{ij} q_{ij} - L(\theta_0 + \theta_1 L) + \sqrt{\frac{1}{2\pi}} \sum_{i=1}^I \sum_{j \in S} \alpha_{ij} \sigma_{ij}$$

S.t:

$$g_i(a - bP) \leq \sum_{j \in S} (q_{ij} - \mu_{ij}) + \lambda g_i(\theta_0 + \theta_1 L) \quad \forall i$$



مدل سمت تولیدکننده

$$\begin{aligned} \pi_m(P, L, \alpha_{ij}, v_{ij}) & \quad \text{رابطه ۶} \\ & = P(a - bP) - C_r \lambda (\theta_0 + \theta_1 L) C_m (a - bP - \lambda (\theta_0 + \theta_1 L)) \\ & \quad - \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J W_{ij} q_{ij} v_{ij} - L (\theta_0 + \theta_1 L) + \sqrt{\frac{1}{2\pi} \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J \alpha_{ij} \sigma_{ij} v_{ij}} \end{aligned}$$

S.t:

$$\begin{aligned} g_i (a - bP) & \leq \sum_{j=1}^J (q_{ij} - \mu_{ij}) v_{ij} + \lambda g_i (\theta_0 + \theta_1 L) \quad \forall i, j \\ v_{ij} & \in [0, 1] \quad \forall i, \forall j \end{aligned}$$

محدودیت‌ها

$$\sum_{l \in V} D_{jmlt} < 1 + \alpha_{jmt}^{max} - \frac{\alpha_{jmt}^{max} - \alpha_{jmt}^{min}}{S_{mt}^{max} - S_{mt}^{min}} (S_{mt} - S_{mt}^{min}) \quad j \in C, m \in M, t \in T \quad \text{محدودیت ۱)}$$

$$\sum_{l \in V} D_{jmlt} \geq \alpha_{jmt}^{max} - \frac{\alpha_{jmt}^{max} - \alpha_{jmt}^{min}}{S_{mt}^{max} - S_{mt}^{min}} (S_{mt} - S_{mt}^{min}) \quad j \in C, m \in M, t \in T \quad \text{محدودیت ۲)}$$

$$I_{rt} = I_{rt-1} + Q_{rt} + RW_{rt} - \sum_{l \in V} \sum_{m \in M} \sum_{i \in C} D_{jmlt} CR_{mr} \quad r \in R, t \in T, t > 1 \quad \text{محدودیت ۳)}$$

$$Q_{rt} \leq Q_{rt} LA \quad r \in R, t \in T \quad \text{محدودیت ۴)}$$

$$\begin{aligned} \sum_{l \in V} P_{jmlt} & < 1 + \gamma_m^{max} \\ & \quad - \frac{\gamma_m^{max} - \gamma_m^{min}}{S_{mt}^{max} - S_{mt}^{min}} (S_{mt} - S_{mt}^{min}) \sum_{l \in V} D_{jmlt-1} \quad j \in C, m \in T, t > 1 \end{aligned} \quad \text{محدودیت ۵)}$$

$$\begin{aligned} \sum_{l \in V} P_{jmlt} & \geq \gamma_m^{max} \\ & \quad - \frac{\gamma_m^{max} - \gamma_m^{min}}{S_{mt}^{max} - S_{mt}^{min}} (S_{mt} - S_{mt}^{min}) \sum_{l \in V} D_{jmlt-1} \quad j \in C, m \in M, t \in T, t > 1 \end{aligned} \quad \text{محدودیت ۶)}$$

$$\sum_{l \in V} \sum_{i \in 1, C} X_{ijlt} = 1 \quad j \in C, t \in T \quad \text{محدودیت ۷)}$$

$$\sum_{i \in 1, C} X_{ijlt} = \sum_{i \in C, L} X_{jilt} \quad j \in C, l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۸)}$$

$$\sum_{i \in C} X_{1iilt} \leq v_{lt} \quad l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۹)}$$

$$\sum_{i \in L} X_{i1lt} \leq Y_i LA \quad l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۰)}$$

$$v_{lt} \leq \frac{\sum_{i \in C} X_{1iilt} + \sum_{i \in C} \sum_{j \in L} X_{ijlt} + \sum_{i \in L} X_{i1lt}}{3} \quad l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۱)}$$

$$Z_{jlt} > Z_{ilt} - (1 - X_{ijlt}) LA \quad i, j \in N, l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۲)}$$

$$RW_{rt} = \phi_r \sum_{l \in V} \sum_{m \in M} \sum_{j \in C} P_{jmilt} CR_{mr} \quad r \in R, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۳)}$$

$$LR_{lt} = \sum_{m \in M} \sum_{j \in C} D_{jmilt} W_m \quad l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۴)}$$

$$LR_{lt} \leq CV_l v_{lt} \quad l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۵)}$$

$$LC_{ilt} \leq CV_l v_{lt} \quad i \in C, l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۶)}$$

$$S_{mt}^{max} \leq S_{mt} \leq S_{mt}^{max} \quad m \in M, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۷)}$$

$$X_{ijlt}, Y_j, Z_{jlt}, O_{rt}, v_{lt} \in \{0, 1\} \quad i, j \in N, l \in V, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۸)}$$

$$D_{jmilt}, P_{jmilt}, \text{ and } RW_{rt} \text{ ar integer } j \in C, t \in T \quad \text{محدودیت (۱۹)}$$

محدودیت‌های ۱ و ۲ میزان تقاضای وابسته به قیمت هر کالا را برای هر مشتری در دوره‌ها تعیین می‌کنند. محدودیت ۳ مقدار موجودی مواد خام را در هر دوره در انبار تولیدکننده ارائه می‌کند. محدودیت ۴ تضمین می‌کند که در صورت ثبت سفارش، می‌توان یک کالا را در یک دوره خریداری کرد. محدودیت‌های ۵ و ۶ ارزش بازگشتی کالاهای هر مشتری را در هر دوره تعیین می‌کنند که با استفاده از تابعی خطی از قیمت کالاها حاصل می‌شود. محدودیت ۷ بیان

می‌کند که اگر یک وسیله حمل در یک دوره به یک گره وارد شود، باید از آن خارج شود. محدودیت ۸ تضمین می‌کند که اگر یک وسیله حمل حرکت خود را از تولیدکننده شروع کند، می‌توان از آن استفاده کرد. محدودیت ۹ مشخص می‌کند که یکی از نقاط بالقوه برای ساخت یک مرکز جمع‌آوری و دمونتاژ انتخاب شود. محدودیت ۱۰۱ نشان می‌دهد وسیله حمل، در صورت استفاده، باید مسیر خود را از تولیدکننده شروع کند و پس از عبور از مشتریان، به مرکز جمع‌آوری و دمونتاژ رود و در نهایت، به تولیدکننده بازگردد. محدودیت ۱۱ برای حذف سفر فرعی هر وسیله حمل در هر دوره استفاده می‌شود. شایان ذکر است که در این محدودیت، اعداد تنها به گره‌های مشتری اختصاص داده می‌شود و بازگشت به مرکز جمع‌آوری و دمونتاژ در انتهای مسیر با این محدودیت منافاتی ندارد. محدودیت‌های ۱۲ و ۱۳ تعداد مواد خام قابل استفاده به‌دست آمده از محصولات برگشتی را محاسبه می‌کند. محدودیت ۱۴ میزان حجم بارگیری شده وسایل حمل در زمان خروج از تولیدکننده را تعیین می‌کند. محدودیت ۱۵ تضمین می‌کند که حجم بار وسیله حمل در زمان خروج از محل تولیدکننده، از ظرفیت وسیله مدنظر تجاوز نکند. محدودیت ۱۶ از افزایش حجم بار وسیله حمل، در زمان خروج از محل هر یک از مشتریان از ظرفیت وسیله مورد نظر جلوگیری می‌کند. محدودیت ۱۷ محدوده قیمت را تعیین می‌کند. محدودیت‌های ۱۸ و ۱۹ نوع متغیرها را مشخص می‌کنند.

## یافته‌های پژوهش

### مدل در حالت ایستا

پارامترها در این مسائل، به‌طور تصادفی در فواصل زمانی مشخص ایجاد می‌شوند. علاوه بر این، گره‌ها برای مسائل نمونه به‌طور تصادفی در یک فضای مربعی شکل با ضلع ۲۰۰ واحد مسافت به وجود می‌آیند و  $Dist_{i,j}$  (فاصله بین آن‌ها) بر اساس فاصله پله‌ای محاسبه می‌شود. کارایی الگوریتم‌های فراابتکاری مستقیماً با تنظیم پارامترهای آن مرتبط است؛ به‌گونه‌ای که انتخاب درست مقادیر پارامترهای یک الگوریتم افزایش کارایی آن را به‌دنبال دارد. در مطالعه حاضر فاکتورهای کنترلی روش تاگوچی، پارامترهای الگوریتم ژنتیک و الگوریتم بهینه‌سازی تجمع ذرات را دربرمی‌گیرند. در این روش، هدف به‌دست آوردن سطوح بهینه عوامل مهم قابل کنترل و به حداقل رساندن تأثیر عوامل اغتشاش است. ویژگی‌های کیفی مقادیر اندازه‌گیری شده از آزمایش‌ها به نسبت سیگنال به نویز (S/N) تبدیل می‌گردد. این نرخ، میزان انحراف‌های نمایش داده‌شده در متغیر پاسخ را نشان می‌دهد. کاهش انحراف‌های الگوریتم، هنگامی اتفاق می‌افتد که پارامترهای الگوریتم ژنتیک به ترتیب ۱۲۵ برای تعداد جمعیت اولیه، ۱۳۰ برای تعداد نسل، ۰/۹۵ برای نرخ تقاطع و ۰/۵۰ برای نرخ جهش تنظیم شوند. علاوه بر این پارامترهای الگوریتم تجمع ذرات به ترتیب معادل ۱۰۰ برای تعداد ذرات، ۱۱۵ برای تکرار، ۰/۸ برای وزن اینرسی و ۰/۲ برای بیشترین میزان سرعت، بهترین مقادیر برای الگوریتم پیشنهادی در پژوهش حاضر هستند.

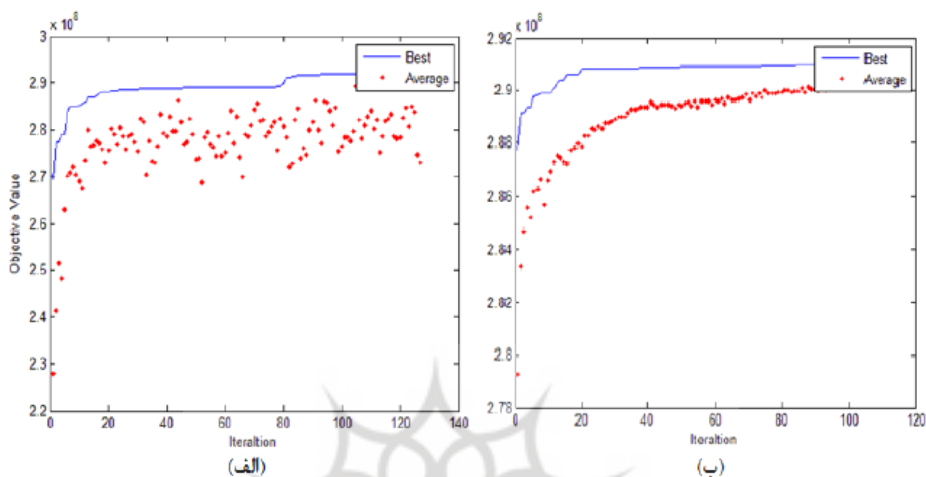
جدول ۳ نتایج حاصل از الگوریتم‌های پیشنهادی را نشان می‌دهد. برای مقایسه عملکرد هر یک از الگوریتم‌ها، شاخص‌های زمان محاسباتی و  $RPD$  مورد استفاده قرار می‌گیرد. میانگین زمان به‌دست آمده از پنج بار اجرای الگوریتم‌های پیشنهادی نیز بر حسب ثانیه در این جدول نشان داده شده است. با توجه به جدول ۳، متوسط خطای

الگوریتم ژنتیک و بهینه‌سازی تجمع ذرات پیشنهاد شده به ترتیب برابر ۰/۰۱۲۸ و ۰/۰۴۵۱ است که عملکرد بهتر الگوریتم PSO نسبت به GA را نشان می‌دهد.

جدول ۳. یافته‌های به‌دست آمده از مقایسه الگوریتم‌های ژنتیک و بهینه‌سازی تجمع ذرات

PSO		GA		تعداد وسيله حمل	تعداد مکان بالقوه	تعداد مشتري	تعداد دوره	تعداد محصول	شماره مسئله
CPU time	RPD	CPU time	RPD						
۵۶	۰/۰۰۶۲	۷۱	۰/۰۰۱	۳	۵	۱۰	۳	۲	۱
۶۷	۰/۰۰۳	۹۰	۰/۰۰۷۶	۳	۵	۱۵	۳	۳	۲
۹۸	۰/۰۲۴۹	۱۳۶	۰/۰۴۳۵	۳	۵	۳۰	۳	۵	۳
۲۷۵	۰/۰۰۸۱	۳۶۵	۰/۰۱۵۶	۳	۵	۵۰	۵	۲	۴
۵۴۶	۰/۰۰۴۶	۶۵۳	۰/۰۶۲۹	۳	۵	۷۰	۵	۳	۵
۷۷۷	۰/۰۰۰۴	۱۰۵۷	۰/۰۸۵۴	۳	۵	۱۰۰	۵	۵	۶
۱۴۸	۰/۰۱۱۴	۲۰۳	۰/۰۶۳۶	۳	۵	۱۰	۷	۲	۷
۱۷۹	۰/۰۲۷۴	۲۴۵	۰/۰۷۹۵	۳	۵	۱۵	۷	۳	۸
۲۸۲	۰/۰۱۹۶	۳۸۴	۰/۰۸۱۸	۳	۵	۳۰	۷	۵	۹
۲۲۹	۰/۰۰۰۹	۲۷۹	۰/۰۰۹۵	۳	۵	۵۰	۳	۲	۱۰
۳۲۹	۰/۰۰۰۱	۴۵۱	۰/۰۰۶۹	۳	۱۰	۷۰	۳	۳	۱۱
۳۳۹	۰/۰۰۴۳	۴۶۰	۰/۰۲۲	۳	۱۰	۱۰۰	۳	۵	۱۲
۱۰۱	۰/۰۰۱۸	۱۳۶	۰/۰۳۹۶	۳	۵	۱۰	۵	۲	۱۳
۱۲۳	۰/۰۰۴۷	۱۸۰	۰/۰۶۱۲	۳	۱۰	۱۵	۵	۳	۱۴
۲۳۰	۰/۰۰۹۹	۲۹۰	۰/۰۴۳	۳	۱۰	۳۰	۵	۵	۱۵
۷۴۰	۰/۰۴۸۱	۹۸۶	۰/۰۱۹۲	۴	۱۰	۵۰	۷	۲	۱۶
۱۱۸۷	۰/۰۱۵۹	۱۶۰۷	۰/۰۶۶۸	۴	۱۰	۷۰	۷	۳	۱۷
۱۹۹۹	۰/۰۱۲۳	۲۶۷۲	۰/۰۸۳۷	۴	۱۰	۱۰۰	۷	۵	۱۸
۷۳	۰/۰۰۱	۹۷	۰/۰۰۳۸	۴	۵	۱۵	۳	۲	۱۹
۷۷	۰/۰۱۱۸	۱۰۰	۰/۰۱۵۱	۴	۱۰	۱۵	۳	۳	۲۰
۱۹۸	۰/۰۰۳۲	۲۰۲	۰/۰۱۰۹	۴	۱۵	۳۰	۳	۵	۲۱
۴۶۴	۰/۰۰۷۸	۶۱۳	۰/۰۶۴۷	۴	۱۵	۵۰	۵	۲	۲۲
۷۲۶	۰/۰۱۷۵	۹۷۸	۰/۰۹۷۴	۴	۱۵	۷۰	۵	۳	۲۳
۱۱۹۳	۰/۰۲۰۵	۱۶۰۱	۰/۰۶۷۳	۴	۱۵	۱۰۰	۵	۵	۲۴
۱۸۱	۰/۰۳۰۷	۳۰۵	۰/۰۰۸۵	۴	۱۵	۱۰	۷	۲	۲۵
۲۲۶	۰/۰۱۵	۳۰۰	۰/۰۹۹۶	۴	۱۵	۱۵	۷	۳	۲۶
۳۵۹	۰/۰۳۵	۴۸۰	۰/۰۵۱۳	۴	۱۵	۳۰	۷	۵	۲۷
۲۱۵	۰/۰۰۰۷	۲۳۹	۰/۰۰۲۹	۴	۱۵	۵۰	۳	۲	۲۸
۷۴۲	۰/۰۰۶۳	۹۹۲	۰/۰۴۴۳	۴	۱۵	۷۰	۵	۳	۲۹
۲۱۳۹	۰/۰۳۱۷	۲۸۹۶	۰/۰۹۴۶	۴	۱۵	۱۰۰	۷	۵	۳۰
	۰/۰۱۲۸		۰/۰۴۵۱						میانگین

بخش‌های الف و ب در شکل ۲، به ترتیب نمودار هم‌گرایی GA و PSO را برای مسئله ۲۰ نشان می‌دهد. طبق شکل ۱ در چنین وضعیتی هدف حداکثرسازی سود تأمین‌کنندگان با در نظر گرفتن بهترین پاسخ‌های خرده‌فروشان و تولیدکنندگان است. به عبارتی، در تابع هدف، تابع سود تأمین‌کنندگان قرار گرفته و در محدودیت‌ها بهترین پاسخ‌های خرده‌فروشان و تولیدکنندگان لحاظ شده است.



شکل ۲. نمودار هم‌گرایی دو الگوریتم برای مسئله ۲۰

### مدل در حالت پویا

الف) نتایج بازی دونفره تولیدکنندگان با تأمین‌کننده

در این بخش به ارائه یک مثال کاربردی در خصوص قیمت‌گذاری در زنجیره تأمین در حالت پویا پرداخته شده است.

جدول ۴. داده‌های مربوط به محصول A

حساسیت بازار به				سطح خدمات	قیمت		بازار	هزینه تولید محصول	ضریب هزینه خدمات	تولیدکننده
					عمده‌فروشی	دره‌فروشی				
اختلاف خدمات	خدمات	اختلاف قیمت	قیمت							
۴	۵	۶	۸	۱۵	۲۸۰۰	۴۵۰۰	۴۲۰۰	۲۰۰۰	۱۲۰۰	A
۴	۵	۶	۸	۱۵	۴۰۰۰	۵۰۰۰	۵۸۰۰	۲۸۰۰	۱۴۰۰	B
۴	۵	۶	۸	۱۰	۲۴۰۰	۴۳۰۰	۶۰۰۰	۱۷۵۰	۱۶۰۰	C
۴	۵	۶	۸	۶	۳۰۰۰	۶۰۰۰	۴۷۰۰	۲۱۸۰	۱۲۰۰	D
۴	۵	۶	۸	۱۵	۲۶۷۰	۴۶۰۰	۴۵۰۰	۱۸۰۰	۲۰۰۰	E
۴	۵	۶	۸	۱۶	۵۰۰۰	۷۸۰۰	۵۰۰۰	۱۹۰۰	۱۵۰۰	F
۴	۵	۶	۸	۱۵	۳۰۰۰	۵۵۰۰	۶۰۰۰	۲۰۰۰	۱۷۰۰	G
۴	۵	۶	۸	۱۰	۳۸۰۰	۵۶۰۰	۵۵۰۰	۲۲۰۰	۱۸۰۰	H

سطح خدمات در این بازی کیفیت است؛ زیرا پس از قیمت، کیفیت بالاترین رتبه را دارد؛ یعنی تولید محصول با کیفیت مزیت رقابتی محسوب می‌شود.

### ب) خروجی‌های بهینه بر مبنای بازی تعریف‌شده در مطالعه موردی

جدول‌های ۵ و ۶ در خصوص قیمت عمده فروش شرکت‌کننده اول استکلبرگ تولیدکننده و تأمین‌کننده است که هر یک از اعداد نشان می‌دهد قیمت عمده و فروش و تأمین‌کننده، در مقایسه با یکدیگر به چه صورت است و در شرایط مختلف قیمت‌گذاری چگونه باشد که بتواند کشش بازار داشته باشد.

جدول ۵. قیمت عمده‌فروش شرکت‌کننده اول استکلبرگ تولیدکننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۳۲۶۶/۲۱	۳۱۹۴/۷۱۲	۳۲۹۱/۱	۳۲۴۳/۰۸۲	۳۳۰۳/۶۶۵	۳۳۵۳/۰۹۲	۳۳۴۲/۸۰۶	۳۲۳۹/۸۶۶	A
۳۸۰۲/۰۸۵	۳۷۳۰/۶۳۱	۳۸۲۶/۹۵۷	۳۷۷۸/۹۸	۳۸۳۹/۵۳۱	۳۸۸۸/۹۴۵	۳۸۷۸/۶۶۵	۳۷۷۵/۷۵	B
۳۸۵۶/۴۵۳	۳۷۸۴/۹۹	۳۸۸۱/۳۲۷	۳۸۳۳/۳۴۶	۳۸۹۳/۹۰۴	۳۹۴۳/۳۲۵	۳۹۳۳/۰۴۴	۳۸۳۰/۱۱۳	C
۳۵۹۷/۹۶۹	۳۵۲۶/۴۹۱	۳۶۲۲/۸۵۱	۳۵۷۴/۸۵۳	۳۶۳۵/۴۲۲	۳۶۸۴/۸۴۶	۳۶۷۴/۵۶۳	۳۵۷۱/۶۲۸	D
۳۲۸۱/۵۵۷	۳۲۱۰/۱۰۹	۳۳۰۶/۴۳	۳۲۵۸/۴۴۵	۳۳۱۸/۹۸۶	۳۳۶۸/۳۷۹	۳۳۵۸/۱	۳۲۵۵/۲۳۲	E
۳۵۳۵/۲۱۱	۳۴۶۳/۶۹۱	۳۵۶۰/۱۰۷	۳۵۱۲/۰۸	۳۵۷۲/۶۸۴	۳۶۲۲/۱۳۵	۳۶۱۱/۸۴۶	۳۵۳۳/۰۹۲	F
۳۰۲۹/۴۸۳	۲۹۵۸/۰۴۱	۳۰۵۴/۳۵۵	۳۰۰۶/۳۶۸	۳۰۶۶/۹۰۲	۳۱۱۶/۲۸۳	۳۱۰۶/۰۰۵	۳۰۰۳/۱۶۳	G
۳۴۰۴/۸۸۸	۳۳۳۳/۳۹۶	۳۴۲۹/۷۷۵	۳۳۸۱/۷۶۴	۳۴۴۲/۳۴۴	۳۴۹۱/۷۷۱	۳۴۸۱/۴۸۶	۳۳۷۸/۵۴۴	H

جدول ۶. قیمت عمده‌فروش شرکت‌کننده اول استکلبرگ تأمین‌کننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۲۶۳۳/۹۱۵	۲۵۹۸/۳۱۳	۲۶۴۶/۳۳۲	۲۶۲۲/۴۹	۲۶۵۲/۷۴۵	۲۶۷۷/۴	۲۶۷۲/۲۹۵	۲۶۲۰/۸۲۱	A
۲۸۰۲/۲۰۹	۲۷۶۶/۶۴۶	۲۸۱۴/۶۰۸	۲۷۹۰/۸۰۵	۲۸۲۱/۰۲۸	۲۸۴۵/۶۷۱	۲۸۴۰/۵۷۳	۲۷۸۹/۱۲۲	B
۲۸۰۴/۶۱۶	۲۷۶۹/۰۴۶	۲۸۱۷/۰۱۸	۲۷۹۳/۲۱۱	۲۸۲۳/۴۴۱	۲۸۴۸/۰۹	۲۸۴۲/۹۹۱	۲۷۹۱/۵۲۶	C
۲۸۴۹/۹۳۲	۲۸۱۴/۳۴۷	۲۸۶۲/۳۴	۲۸۳۸/۵۱۸	۲۸۶۸/۷۵۹	۲۸۹۳/۴۱۱	۲۸۸۸/۳۰۹	۲۸۳۶/۸۴	D
۲۵۴۱/۲۸۶	۲۵۰۵/۷۳	۲۵۵۳/۶۸۴	۲۵۲۹/۸۷۵	۲۵۶۰/۰۸۷	۲۵۸۴/۷۱۲	۲۵۷۹/۶۱۴	۲۵۲۸/۲۰۷	E
۲۷۱۹/۱۱۷	۲۶۸۳/۴۹۳	۲۷۳۱/۵۴۱	۲۷۰۷/۶۹	۲۷۳۷/۹۶۶	۲۷۶۲/۶۴۲	۲۷۵۷/۵۳۵	۲۷۰۶/۰۱۳	F
۲۳۶۵/۰۲۱	۲۳۳۹/۴۷۱	۲۳۷۷/۴۱۸	۲۳۵۳/۶۰۷	۲۳۸۳/۸۱۲	۲۴۰۸/۴۲۶	۲۴۰۳/۳۲۹	۲۳۵۱/۹۴۷	G
۲۵۲۸/۷۰۱	۲۴۹۳/۱۰۳	۲۵۴۱/۱۱۶	۲۵۱۷/۲۷۹	۲۵۴۷/۵۳۱	۲۵۷۲/۱۸۶	۲۵۶۷/۰۸۲	۲۵۱۵/۶۰۷	H

جدول‌های ۷ و ۸ در خصوص سطح خدمت شرکت‌کننده اول استکلبرگ تولیدکننده و تأمین‌کننده است. هر یک از اعداد این جدول نشان می‌دهد که سطح خدمت شرکت‌کننده اول در مقایسه با یکدیگر به چه صورت است و در شرایط مختلف، سطوح خدمت چگونه باید باشد تا بتواند کشش بازار را داشته باشد.

جدول ۷. سطح خدمت شرکت‌کننده اول استکلبرگ تولیدکننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۶/۳۳۱۰۵	۵/۹۷۳۵۶۲	۶/۴۵۵۵۰۲	۶/۲۱۵۴۰۸	۶/۵۱۸۳۲۵	۶/۷۶۵۴۶۲	۶/۷۱۴۰۳۱	۶/۱۹۹۳۳۲	A
۸/۳۴۲۰۲۲	۸/۰۴۴۲۹۶	۸/۴۴۵۶۵۵	۸/۲۴۵۷۵	۸/۴۹۸۰۴۶	۸/۷۰۳۹۳۷	۸/۶۶۱۱۰۴	۸/۲۳۲۲۹۱	B
۹/۵۷۴۷۸۵	۹/۲۴۹۹۵۷	۹/۶۸۷۸۵	۹/۴۶۹۷۵۳	۹/۷۴۵۰۱۷	۹/۹۶۹۶۵۸	۹/۹۲۲۹۲۶	۹/۴۵۵۰۶۱	C
۷/۱۳۳۱۸۷	۶/۷۹۲۸۱۵	۷/۲۵۱۶۷	۷/۰۲۳۱۰۹	۷/۳۱۱۵۳۵	۷/۵۴۶۸۸۸	۷/۴۹۷۹۲	۷/۰۰۷۷۵۳	D
۴/۶۲۹۸۶۶	۴/۴۰۶۵۹۲	۴/۷۰۷۵۹۳	۴/۵۵۷۶۴۱	۴/۷۴۶۸۳۲	۴/۹۰۱۱۸۵	۴/۸۶۹۰۶۳	۴/۵۴۷۵۹۹	E
۱۰/۲۲۰۰۷	۹/۷۷۳۰۶۷	۱۰/۳۷۵۶۷	۱۰/۰۷۵۵	۱۰/۴۵۴۲۸	۱۰/۷۶۳۳۵	۱۰/۶۹۹۰۴	۱۰/۰۵۵۳۴	F
۳/۳۲۳۷۰۷	۳/۱۴۵۱۰۴	۳/۳۸۵۸۸۷	۳/۲۶۵۹۳۱	۳/۴۱۷۲۵۵	۳/۵۴۰۷۰۸	۳/۵۱۵۰۱۲	۳/۲۵۷۹۰۸	G
۸/۷۷۴۴۴	۸/۴۱۶۹۷۸	۸/۸۹۸۸۷۷	۸/۶۵۸۸۱۸	۸/۹۶۱۷۱۸	۹/۲۰۸۸۵۶	۹/۱۵۷۴۲۹	۸/۶۴۲۷۲۲	H

جدول ۸. سطح خدمت شرکت‌کننده اول بازی استکلبرگ تأمین‌کننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۶/۳۳۹۱۵۵	۵/۹۸۳۱۲۶	۶/۴۶۳۳۲۲	۶/۲۲۴۹۰۳	۶/۵۲۷۴۴۶	۶/۷۷۳۹۹۶	۶/۷۲۲۹۵۴	۶/۲۰۸۲۱۴	A
۸/۳۵۱۷۴۴	۸/۰۵۵۳۸۷	۸/۴۵۵۰۷	۸/۲۵۶۷۰۸	۸/۵۰۸۵۶۷	۸/۷۱۳۹۲۷	۸/۶۷۱۴۴	۸/۲۴۲۶۸۳	B
۹/۵۸۷۴۲۲	۹/۲۶۴۰۵۴	۹/۷۰۰۱۶۵	۹/۴۸۳۷۳۲	۹/۷۵۸۵۵۳	۹/۹۸۲۶۳۹	۹/۹۴۶۲۸۱	۹/۴۶۸۴۱۸	C
۷/۱۴۲۲۰۷	۶/۸۰۳۳۰۶	۷/۲۶۰۳۸۱	۷/۰۳۳۵۰۲	۷/۳۲۱۵۱	۷/۵۵۶۲۹۳	۷/۵۰۷۷۰۷	۷/۰۱۷۵۲	D
۴/۶۳۳۰۳۵	۴/۴۱۰۸۱	۴/۷۱۰۵۲۶	۴/۵۶۱۷۱۷	۴/۷۵۰۵۴۴	۴/۹۰۴۴۴۹	۴/۸۷۲۵۸۸	۴/۵۵۱۲۹۱	E
۱۰/۲۳۸۹۷	۹/۷۹۳۶۶۱	۱۰/۳۹۴۲۷	۱۰/۰۹۶۱۲	۱۰/۴۷۴۵۷	۱۰/۷۸۳۰۲	۱۰/۷۱۹۱۹	۱۰/۰۷۵۱۷	F
۳/۳۲۵۱۰۳	۳/۱۴۷۳۵۳	۳/۳۸۷۰۹	۳/۲۶۸۰۳۷	۳/۴۱۹۰۶	۳/۵۴۲۱۲۹	۳/۵۱۶۶۴۴	۳/۲۵۹۷۳۳	G
۸/۷۸۷۰۱۱	۸/۴۳۱۰۲۶	۸/۹۱۱۱۵۶	۸/۶۷۲۷۹۲	۸/۹۷۵۳۰۶	۹/۲۲۱۸۶	۹/۱۷۰۸۲۵	۸/۶۵۶۰۷	H

جدول‌های ۹ و ۱۰ در خصوص قیمت خرده‌فروش شرکت‌کننده اول برای استکلبرگ تولیدکننده و تأمین‌کننده است. هر یک از اعداد نشان می‌دهد که قیمت خرده‌فروش شرکت‌کننده اول در مقایسه با یکدیگر به چه صورت است و در شرایط مختلف قیمت‌گذاری چگونه می‌تواند کشش بازار را داشته باشد.

جدول ۹. قیمت خرده‌فروشی شرکت‌کننده اول برای استکلبرگ تولیدکننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۴۳۹۹/۳۵۲	۴۱۸۹/۸۹۳	۴۴۱۱/۸۳۵	۴۳۰۰/۹۶۶	۴۴۰۰/۸۰۱	۴۶۱۶/۵۶۵	۴۵۷۶/۶۸۸	۴۲۴۷/۲۵۸	A
۵۳۹۰/۲۷۶	۵۱۸۰/۸۶۴	۵۴۰۲/۷۴۱	۵۲۹۱/۹۱۱	۵۳۹۱/۷۰۹	۵۶۰۷/۴۵	۵۵۶۷/۵۸	۵۲۳۸/۱۹۵	B
۵۵۰۸/۲۰۸	۵۲۹۸/۷۸۱	۵۵۲۰/۶۷۸	۵۴۰۹/۸۳۹	۵۵۰۹/۶۴۹	۵۷۲۵/۴۰۱	۵۶۸۵/۵۲۹	۵۳۵۶/۱۲۱	C
۴۸۸۱/۵۰۸	۴۶۷۲/۰۶۶	۴۸۹۲/۹۸۴	۴۷۸۳/۱۳۱	۴۸۸۲/۹۵۳	۵۰۹۸/۷۱	۵۰۵۸/۸۳۶	۴۷۲۹/۴۱۸	D
۴۵۴۱/۷۹۲	۴۳۳۲/۴۱	۴۵۵۴/۲۴۸	۴۴۴۳/۴۳۲	۴۵۴۳/۲۰۲	۴۷۵۸/۹۱۳	۴۷۱۹/۰۴۷	۴۳۸۹/۷۲۶	E
۴۸۹۶/۴۴۷	۴۶۸۶/۹۴۴	۴۹۰۸/۹۴۵	۴۷۹۸/۰۵	۴۸۹۷/۹۲۴	۵۱۱۳/۷۲۲	۵۰۷۳/۸۴	۴۷۴۴/۳۳۴	F
۴۱۸۹/۵۶۳	۳۹۸۰/۲	۴۲۰۲/۰۱۴	۴۰۹۱/۲۰۷	۴۱۹۰/۹۵۹	۴۴۰۶/۶۵۲	۴۳۶۶/۷۸۹	۴۰۳۷/۵۰۷	G
۴۸۳۰/۷۳۴	۴۶۲۱/۲۷۸	۴۸۴۳/۲۱۶	۴۷۳۳/۳۵۱	۴۸۳۳/۱۸۴	۵۰۴۷/۹۴۸	۵۰۰۸/۰۷۲	۴۶۷۸/۶۴	H

جدول ۱۰. قیمت خرده‌فروشی شرکت‌کننده اول برای استکلبرگ تأمین‌کننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۴۳۹۷/۸۰۴	۴۱۸۸/۶۱۳	۴۴۱۰/۲۰۷	۴۲۹۹/۵۹۳	۴۳۹۹/۲۷۵	۴۶۱۴/۹۰۶	۴۵۷۵/۰۸۵	۴۲۴۵/۸۲۱	A
۵۳۸۸/۳۱	۵۱۷۹/۱۶۳	۵۴۰۰/۶۹۵	۵۲۹۰/۱۲۲	۵۳۸۹/۷۷۱	۵۶۰۵/۳۸۸	۵۵۶۵/۵۷۳	۵۲۳۶/۳۳۶	B
۵۵۰۵/۹۹۹	۵۲۹۶/۸۴۴	۵۵۱۸/۳۸۷	۵۴۰۷/۸۰۹	۵۵۰۷/۴۶۶	۵۷۲۳/۰۹	۵۶۸۳/۲۷۴	۵۳۵۴/۰۲۲	C
۴۸۷۹/۷۹	۴۶۷۰/۶۱۹	۴۸۹۲/۱۸۴	۴۷۸۱/۵۹۱	۴۸۸۱/۲۵۹	۵۰۹۶/۸۸۶	۵۰۵۷/۰۶۸	۴۷۲۷/۸۱	D
۴۵۴۰/۵۶۹	۴۳۳۱/۴۳	۴۵۵۲/۹۵۵	۴۴۴۲/۳۷۵	۴۵۴۲/۰۱۵	۴۷۵۷/۶۰۸	۴۷۱۷/۷۹۴	۴۳۸۸/۶۰۷	E
۴۸۹۴/۱۳۳	۴۶۸۴/۹۱۷	۴۹۰۶/۵۴۱	۴۷۹۵/۹۱۷	۴۸۹۵/۶۲۱	۵۱۱۱/۲۷۸	۵۰۷۱/۴۵۳	۴۷۴۲/۱۳۶	F
۴۱۸۸/۶۰۲	۳۹۷۹/۴۷۱	۴۲۰۰/۹۸۸	۴۰۹۰/۴۰۷	۴۱۹۰/۰۴	۴۴۰۵/۶۱۹	۴۳۶۵/۸۰۶	۴۰۳۶/۶۴۸	G
۴۸۲۸/۷۰۱	۴۶۱۹/۵۱۵	۴۸۴۱/۱۰۱	۴۷۳۰/۴۹۳	۴۸۳۰/۱۷۲	۵۰۴۵/۸۰۴	۵۰۰۵/۹۸۳	۴۶۷۶/۷۱۸	H

جدول‌های ۱۱ و ۱۲ در خصوص سود تولیدکننده اول برای استکلبرگ تولیدکننده و تأمین‌کننده است. هر یک از

اعداد نشان می‌دهد که سود تولیدکننده اول در مقایسه با یکدیگر به چه صورت است و در شرایط مختلف، سود

تأمین‌کننده چقدر باشد تا بتواند روی شرکت تأثیر داشته باشد.



جدول ۱۱. سود تولیدکننده اول استکلبرگ تولیدکننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۱۰۴۰۱۳۳۰	۹۲۵۹۸۵۲	۱۰۸۱۴۲۷۴	۱۰۰۲۴۸۲۲	۱۱۰۲۵۷۸۳	۱۱۸۷۷۶۹۸	۱۱۶۹۷۷۹۶	۹۹۷۳۰۳۲	A
۲۶۰۱۲۴۹۵	۲۴۱۸۸۸۵۹	۲۶۶۶۲۸۱۶	۲۵۴۱۵۵۵۹	۲۶۹۹۴۶۳۲	۲۸۳۱۸۵۳۴	۲۸۰۴۰۵۰۶	۲۵۳۳۲۶۵۸	B
۲۸۷۹۱۰۰۶	۲۶۸۷۰۶۵۱	۲۹۴۷۴۹۸۶	۲۸۱۶۲۸۲۰	۲۹۸۲۳۸۶۷	۳۱۲۱۴۷۰۸	۳۰۹۲۲۷۶۵	۲۸۰۷۵۵۰۰	C
۱۴۵۵۸۷۱۵	۱۳۲۰۲۴۷۶	۱۵۰۴۶۳۷۷	۱۴۱۱۲۸۴۶	۱۵۲۹۵۸۲۶	۱۶۲۹۶۳۹۷	۱۶۰۸۵۶۰۴	۱۴۰۵۱۱۹۸	D
۱۴۲۵۰۴۲۳	۱۲۹۰۹۱۲۱	۱۴۷۳۲۹۱۹	۱۳۸۰۹۲۸۵	۱۴۹۷۹۵۴۷	۱۶۵۲۰۳۲۴	۱۵۷۶۰۹۳۲	۱۳۷۴۸۵۰۰	E
۱۷۳۳۸۶۶۵	۱۵۸۵۵۱۳۲	۱۷۸۷۰۶۵۵	۱۶۸۵۱۶۰۱	۱۸۱۴۲۴۵۵	۱۵۱۹۸۳۳	۱۹۰۰۱۹۲۰	۱۶۷۸۴۲۵۲	F
۱۱۹۸۲۳۲۱	۱۰۲۷۷۴۵۲	۱۱۹۱۱۳۳۳	۱۱۰۸۲۲۳۴	۱۲۱۳۳۰۶۳	۱۸۹۸۷۱۳	۱۲۸۳۷۱۶۹	۱۱۰۲۷۹۱۱	G
۱۸۷۱۲۱۱۲	۱۸۳۸۴۴۱۴	۲۰۵۴۹۸۱۰	۱۹۴۵۶۰۴۶	۲۰۸۴۱۰۶۳	۱۸۷۱۳۳۱	۲۱۷۶۱۲۸۴	۱۹۳۸۳۷۷۸	H

جدول ۱۲. سود تولیدکننده اول استکلبرگ تولیدکننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۵۲۰۳۹۴۲	۴۶۳۵۸۱۴	۵۴۰۹۸۰۱	۵۰۱۸۰۵۰	۵۵۱۷۶۷۸	۵۹۴۲۳۶۹	۵۸۵۳۱۵۶	۴۹۹۱۱۷۹	A
۱۳۰۱۵۶۵۵	۱۲۱۰۸۳۳۶	۱۳۳۳۹۶۹۹	۱۲۷۲۱۱۲۴	۱۳۵۰۹۰۳۹	۱۴۱۶۹۰۰۷	۱۴۰۳۱۱۷۶	۱۲۶۷۷۹۴۴	B
۱۴۴۰۸۲۴۹	۱۳۴۵۲۷۰۸	۱۴۷۴۹۱۰۸	۱۴۰۹۸۲۸۰	۱۴۹۲۷۲۰۱	۱۵۶۲۰۶۲۰	۱۵۴۷۵۸۷۶	۱۴۰۵۲۷۸۴	C
۷۲۸۴۳۸۸	۶۶۰۹۴۹۴	۷۵۲۷۴۳۴	۷۰۶۴۳۳۷	۷۶۵۴۷۲۳	۸۱۵۳۵۳۱	۸۰۴۹۰۱۷	۷۰۳۲۲۶۹	D
۷۱۲۶۳۸۴	۶۴۵۹۱۴۱	۷۳۶۶۷۶۸	۶۹۰۸۶۷۶	۷۴۹۲۴۶۷	۷۹۸۵۸۰۱	۷۸۸۲۳۸۲	۶۸۷۷۱۳۱	E
۸۶۸۰۴۵۷	۷۹۴۱۸۲۸	۸۹۴۵۷۷۴	۸۴۳۹۹۴۸	۹۰۸۴۵۴۲	۹۶۲۷۴۵۴	۹۵۱۳۷۹۹	۸۴۰۴۹۴۱	F
۵۷۳۸۲۲۵	۵۱۴۱۱۲۷	۵۹۵۴۱۶۴	۵۵۴۲۹۵۵	۶۰۶۷۰۹۵	۶۵۱۱۷۲۷	۶۴۱۸۳۶۲	۵۵۱۴۸۲۱	G
۹۹۹۸۸۹۶	۹۲۰۵۱۴۴	۱۰۲۸۳۴۲۶	۹۷۴۰۶۴۴	۱۰۴۳۲۰۱۷	۱۱۰۱۳۰۲۹	۱۰۸۹۱۴۷۱	۹۷۰۳۱۱۷	H

جدول‌های ۱۳ و ۱۴ در خصوص سود تأمین کننده اول برای استکلبرگ تولیدکننده و تأمین کننده است. هر یک از

اعداد نشان می‌دهد که سود تأمین کننده اول در مقایسه با یکدیگر به چه صورت است و در شرایط مختلف، سود

تأمین کننده چگونه باشد تا بتواند روی شرکت تأثیر داشته باشد.

جدول ۱۳. سود تأمین‌کننده از تولیدکننده اول استکلبرگ تولیدکننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۹۳۲۶۱۷۲	۷۷۲۸۲۰۴	۹۴۰۵۳۷۵	۸۵۴۷۷۴۲	۹۲۹۶۹۳۸	۱۱۱۱۲۳۶۵	۱۰۷۶۹۶۱۸	۸۱۱۸۷۰۱	A
۲۰۶۶۸۰۱۱	۱۸۱۹۹۱۱۶	۲۰۷۶۱۳۰۴	۱۹۴۶۱۳۹۴	۲۰۵۷۷۱۵۱	۲۳۳۳۴۱۰۸	۲۲۸۱۹۴۸۱	۱۸۱۸۱۲۶۵	B
۲۲۶۱۵۷۴۳	۲۰۰۲۳۵۷۶	۲۲۷۱۰۹۵۳	۲۱۳۴۸۴۷۵	۲۲۵۱۶۰۱۹	۲۵۴۰۶۳۶۷	۲۴۸۶۷۳۹۱	۲۰۶۳۲۷۴۸	C
۱۲۴۹۷۵۶۰	۱۰۶۲۱۹۹۴	۱۲۵۸۲۳۴۷	۱۱۵۸۳۲۱۵	۱۲۴۵۰۶۶۲	۱۴۵۶۴۹۲۱	۱۴۱۶۷۵۶۶	۱۱۰۷۴۹۳۱	D
۱۲۱۳۶۲۱۷	۱۰۲۸۶۶۷۹	۱۲۲۱۸۳۸۳	۱۱۲۳۳۵۴۶	۱۲۰۸۷۱۸۳	۱۴۱۷۵۷۴۳	۱۳۷۸۳۱۹۵	۱۰۷۳۱۱۹۱	E
۱۴۴۶۸۴۰۴	۱۲۴۳۳۱۲۹	۱۴۵۵۴۸۹۵	۱۳۴۷۵۰۶۲	۱۴۴۰۸۵۹۵	۱۶۶۹۶۶۴۷	۱۶۲۶۷۶۰۲	۱۲۹۲۰۰۹۷	F
۱۰۰۲۴۹۹۷	۸۳۵۸۴۶۷	۱۰۱۰۳۱۹۴	۹۲۱۱۷۸۹	۹۹۸۷۰۹۳	۱۱۸۷۸۹۲۹	۱۱۵۲۲۳۴۷	۸۷۶۱۴۷۰	G
۱۶۲۶۴۳۰۵	۱۴۰۹۲۱۰۶	۱۶۳۵۱۴۴۰	۱۵۲۰۲۸۴۱	۱۶۱۹۱۹۶۵	۱۸۶۲۹۷۸۵	۱۸۱۷۳۴۸۰	۱۴۶۰۷۲۷۹	H

جدول ۱۴. سود تأمین‌کننده از تولیدکننده اول استکلبرگ تأمین‌کننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۱۴۵۳۶۰۳۴	۱۲۳۶۹۴۵۸	۱۴۸۲۰۶۳۸	۱۳۵۷۱۷۴۰	۱۴۸۲۰۴۹۶	۱۷۰۶۲۰۶۰	۱۶۶۳۰۰۷۴	۱۳۱۱۴۸۵۲	A
۳۳۶۹۳۵۸۲	۳۰۳۱۶۶۵۴	۳۴۱۱۰۲۴۳	۳۲۱۹۲۳۶۲	۳۴۰۹۵۸۶۷	۳۷۵۱۴۸۲۸	۳۶۸۶۲۲۹۱	۳۱۴۶۷۷۱۵	B
۱۴۵۳۶۰۳۴	۳۳۴۸۱۷۳۴۹	۳۷۴۷۱۳۱۸	۳۵۴۵۸۵۰۲	۳۷۴۵۴۸۵۱	۴۱۰۴۱۱۲۴	۴۰۳۵۷۲۴۸	۳۴۶۹۵۷۷۵	C
۳۳۶۹۳۵۸۲	۱۷۲۳۸۲۸۹	۲۰۱۱۶۶۰۳	۱۸۶۵۴۹۱۷	۲۰۱۱۲۶۴۵	۲۲۷۲۷۳۹۴	۲۲۲۲۵۴۸۰	۱۸۱۱۳۴۴۰	D
۳۷۰۳۵۹۹۶	۱۶۷۴۹۸۵۷	۱۹۵۸۸۶۴۲	۱۸۱۴۶۵۱۲	۱۹۵۸۳۶۸۹	۲۲۱۶۶۲۶۴	۲۱۶۷۰۴۲۰	۱۷۶۱۱۸۲۶	E
۱۹۷۸۹۳۱۵	۲۰۳۸۵۳۲۱	۲۳۵۱۱۸۲۸	۲۱۹۲۶۳۲۲	۲۳۵۰۴۵۳۲	۲۶۳۳۸۴۱۸	۲۵۷۹۵۴۵۴	۲۱۳۳۴۸۳۹	F
۱۹۲۶۶۵۱۶	۱۳۵۰۲۱۴۶	۱۶۰۵۹۱۵۱	۱۴۷۵۷۴۰۵	۱۶۰۵۶۵۶۱	۱۸۳۹۳۲۲۳	۱۷۹۴۳۴۷۲	۱۴۲۷۸۳۵۹	G
۲۳۱۶۰۷۰۷	۲۳۳۰۶۱۸۴	۲۶۶۴۴۱۹۱	۲۴۹۵۳۱۶۶	۲۶۶۳۳۶۲۶	۲۹۶۵۴۷۶۳	۲۹۰۷۶۷۴۷	۲۴۳۱۸۷۴۷	H

جدول‌های ۱۵ و ۱۶ در خصوص تقاضا شرکت‌کننده اول برای استکلبرگ تولیدکننده و تأمین‌کننده است. هر یک از اعداد نشان می‌دهد که تقاضای تأمین‌کننده اول در مقایسه با یکدیگر به چه صورت است و در شرایط مختلف تقاضای شرکت‌کننده اول چگونه باشد تا بتواند روی شرکت تأثیر داشته باشد.

جدول ۱۵. تقاضای شرکت کننده اول استکلبرگ تولید کننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۸۴۷۳/۸۲۳	۸۷۹۵/۱	۸۷۲۸/۲۴	۸۷۲۸/۲۴	۸۴۷۳/۸۲۳	۸۷۹۵/۱	۸۷۲۸/۲۴	۸۰۵۹/۱۳۲	A
۱۳۲۵۶/۹۵	۱۳۵۷۸/۱۴	۱۳۵۱۱/۳۲	۱۳۵۱۱/۳۲	۱۳۲۵۶/۹۵	۱۳۵۷۸/۱۴	۱۳۵۱۱/۳۲	۱۲۸۴۲/۳۷	B
۹۱۶۵/۷۱۱	۱۲۴۳/۸۱۲	۱۰۱۲۷/۶۵	۱۴۱۸۹/۷۸	۱۳۹۳۵/۳۷	۱۴۲۵۶/۶۱	۱۴۱۸۹/۷۸	۱۳۵۲۰/۷۴	C
۸۷۹۵/۱	۸۷۲۸/۲۴	۱۱۱۲۷	۸۷۲۸/۲۴	۱۰۱۲۷/۶۵	۱۰۳۰۱/۵	۱۰۳۳۴/۶۶	۹۵۶۵/۵۸۲	D
۱۳۵۷۸/۱۴	۱۳۵۱۱/۳۲	۹۹۸۰/۲۴۵	۱۳۵۱۱/۳۲	۱۱۱۲۷	۱۰۱۹۴/۴۷	۱۰۱۲۷/۶۵	۹۴۵۹/۰۰۶	E
۱۴۲۵۶/۶۱	۱۴۱۸۹/۷۸	۱۰۱۲۷/۶۵	۱۴۱۸۹/۷۸	۹۱۳۹/۰۳۲	۱۱۱۹۳/۸۸	۱۱۱۲۷	۱۰۴۵۷/۵۶	F
۸۷۹۵/۱	۸۷۲۸/۲۴	۱۱۱۲۷	۸۷۲۸/۲۴	۱۰۱۲۷/۶۵	۹۲۰۵/۸۴	۹۱۳۹/۰۳۲	۸۴۷۰/۵۶۲	G
۱۳۵۷۸/۱۴	۱۳۵۱۱/۳۲	۹۱۳۹/۰۳۲	۱۳۵۱۱/۳۲	۱۱۱۲۷	۱۱۹۷۱/۵۱	۱۱۹۰۴/۶۶	۱۱۲۳۵/۵۴	H

جدول ۱۶. تقاضای شرکت کننده اول استکلبرگ تأمین کننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۹۹۱۰/۴۱۹	۹۴۸۸/۳۷۲	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	A
۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۲۸۸۰/۴۶	۹۸۸۱/۱۳۲	۱۰۱۸۵/۴۱	۹۹۱۰/۴۱۹	۱۲۸۸۰/۴۶	B
۱۲۸۸۰/۴۶	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۳۵۳۹/۸۴	۱۲۸۵۸/۵۹	۹۹۱۰/۴۱۹	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۱۲۸۵۸/۵۹	C
۱۲۸۵۸/۵۹	۱۲۸۵۸/۵۹	۸۰۷۰/۶۷۸	۱۴۲۷۵/۱۷	۱۰۱۸۵/۴۱	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۴۲۷۵/۱۷	D
۹۴۸۸/۳۷۲	۸۰۷۰/۶۷۸	۱۲۸۸۰/۴۶	۹۸۸۱/۱۳۲	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۱۰۱۸۵/۴۱	۱۰۸۱۰/۰۴	E
۸۰۷۰/۶۷۸	۱۲۸۸۰/۴۶	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	۹۹۱۰/۴۱۹	F
۱۲۸۸۰/۴۶	۱۰۱۸۵/۴۱	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۲۸۸۰/۴۶	۱۰۱۸۵/۴۱	G
۹۸۸۱/۱۳۲	۹۹۱۰/۴۱۹	۱۲۸۵۸/۵۹	۱۲۸۵۸/۵۹	۱۲۸۵۸/۵۹	۹۴۸۸/۳۷۲	۸۰۷۰/۶۷۸	۸۰۷۰/۶۷۸	H

جدول‌های ۱۷ و ۱۸ در خصوص سطح رضایت مشتری شرکت کننده اول برای استکلبرگ تولید کننده و تأمین کننده است. هر یک از اعداد نشان می‌دهد که سطح رضایت مشتری تأمین کننده اول، در مقایسه با یکدیگر به چه صورت است و در شرایط مختلف، سطح رضایت مشتری شرکت کننده اول چگونه باشد تا بتواند روی شرکت تأثیر داشته باشد.

جدول ۱۷. ماتریس مقایسات سطح رضایت مشتری-استکلبرگ تولیدکننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۲۵۵۴۴۲	۱/۴۱۱۹۶۵	۱/۰۶۳۵۷۲	۰/۸۸۲۰۶۷	۰/۶۳۸۴۶۱	۱	A
۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۱	۰/۶۸۸۵۱	B
۱/۰۶۳۵۷۲	۱/۲۵۵۴۴۲	۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۱/۵۴۵۹۰۷	۱	۱/۰۶۳۵۷۲	۰/۹۴۰۲۲۸	C
۱/۲۵۵۴۴۲	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۱/۲۵۵۴۴۲	۱/۲۵۵۴۴۲	D
۰/۶۳۸۴۶۱	۱/۵۴۵۹۰۷	۱/۲۵۵۴۴۲	۱	۱/۰۶۳۵۷۲	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۶۸۸۵۱	E
۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۹۴۰۲۲۸	۱	۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۱/۰۶۳۵۷۲	۱/۸۵۶۷۳۸	F
۰/۶۸۸۵۱	۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۸۸۵۱	۱/۲۵۵۴۴۲	۰/۶۳۸۴۶۱	G
۱	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۴۰۵۶۹۷	۱/۰۶۳۵۷۲	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۱۰۲۸۵۱	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۵۴۵۹۰۷	H

جدول ۱۸. ماتریس مقایسات سطح رضایت مشتری-استکلبرگ تأمین کننده

H	G	F	E	D	C	B	A	
۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۰/۹۸۸۹۴۲	۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۱	A
۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۰/۸۲۹۴۸۴	۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	B
۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۸۸۵۱	۰/۶۸۸۵۱	۱/۵۴۵۹۰۷	۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۸۸۵۱	C
۱/۱۸۶۸۴۲	۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۸۲۹۴۸۴	۰/۶۸۸۵۱	D
۰/۶۳۸۴۶۱	۱/۵۴۵۹۰۷	۱/۲۵۵۴۴۲	۱	۱/۰۶۳۵۷۲	۰/۹۴۰۲۲۸	۰/۶۸۸۵۱	۱/۱۰۲۸۵۱	E
۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۹۴۰۲۲۸	۱	۱/۵۴۵۹۰۷	۰/۸۹۵۵۰۷	۰/۶۸۸۵۱	۰/۶۸۸۵۱	۰/۶۸۸۵۱	F
۰/۶۸۸۵۱	۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۳۸۴۶۱	۰/۶۸۸۵۱	۱/۱۰۲۸۵۱	۰/۶۸۸۵۱	G
۱	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۴۰۵۶۹۷	۱/۰۶۳۵۷۲	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۱۰۲۸۵۱	۰/۹۴۰۲۲۸	۱/۵۴۵۹۰۷	H

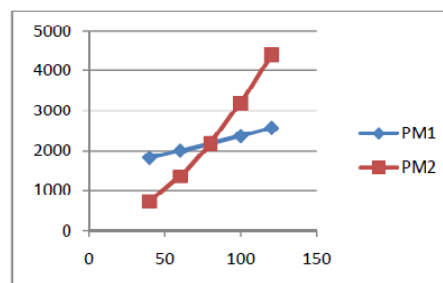
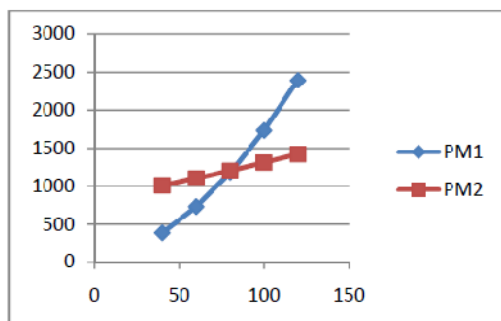
## تحلیل حساسیت

الف) تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $a_1$ 

ابتدا به بررسی تغییرات سود تولیدکننده نسبت به تغییر در مبنای بازار برای دو تولیدکننده پرداخته می‌شود. نمودار تغییرات حاکی از آن است که افزایش در مبنای بازار یک تولیدکننده، به افزایش سود برای هر دو تولیدکننده منجر خواهد شد. واضح است، این افزایش سود برای تولیدکننده ای که مبنای بازار وی افزایش یافته، خیلی بیشتر از تولیدکننده  $a_1$  برای تولیدکننده اول است؛ از این رو افزایش سود برای تولیدکننده دیگر، به‌خاطر افزایش در تعداد مشتری‌هایی است که به‌خاطر حساسیت به قیمت و خدمات از تولیدکننده دوم به تولیدکننده اول روی می‌آورند، که این خود سبب افزایش در سود تولیدکننده دوم می‌شود. این نمودار می‌تواند به‌منظور نمایش تغییرات سود، برای محاسبه اقتصادی سطح  $a_1$  هر یک از تولیدکنندگان، در راستای غلبه بر رقیب استفاده شود.

این تصمیم می‌تواند در سطح مدیریتی با اقبال بسیار خوبی مواجه شود؛ به‌گونه‌ای که هر تولیدکننده با فرض ثابت بودن سطح بازار رقیب و با افزایش در وسعت بازار خویش یا افزایش سطح تبلیغات به سطح اقتصادی مبنای بازار خویش

ناآل آیند. این سطح از آن جهت حائز اهمیت است که تبلیغات بیش از حد به همان اندازه که سودآورند، هزینه‌زا نیز هستند (شکل‌های ۳ و ۴).

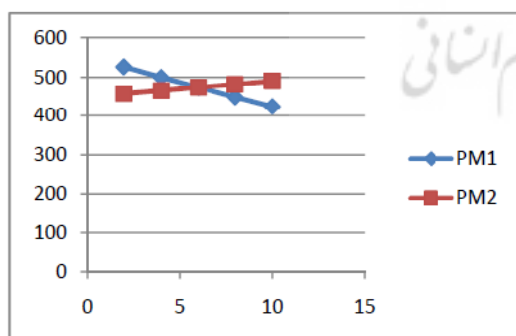


شکل ۴. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $a_1$  در استکلبرگ تأمین‌کننده

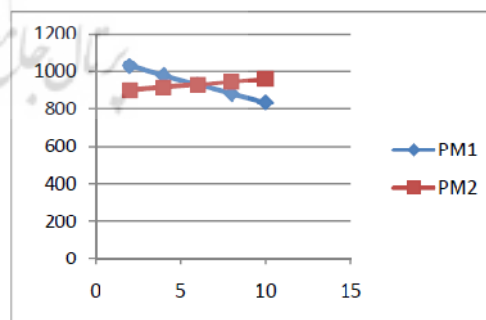
شکل ۳. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $a_1$  در استکلبرگ تولیدکننده

#### ب) تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر $c_1$

نمودار تغییر در سود تولیدکننده نسبت به تغییر در هزینه‌های تولید، برای یکی از تولیدکنندگان نمونه بررسی شده است. نمودار تغییرات حاکی از آن است که کاهش در هزینه تولید، به افزایش سود برای تولیدکننده منجر می‌شود. این در حالی است که سود تولیدکننده بعدی، در این شرایط کاهش می‌یابد. این تغییر برای تولیدکننده‌ای که هزینه تولید وی کاهش یافته، خیلی بیشتر از تولیدکننده دیگر است. البته این نتیجه دور از ذهن نیست که با کاهش  $c$  برای هر تولیدکننده، سود وی افزایش یابد؛ از این رو کاهش سود برای تولیدکننده بعدی، به‌خاطر افزایش تعداد مشتری‌هایی است که به‌دلیل حساسیت به قیمت و خدمات از مجموعه مشتری‌های آن‌ها به مشتری تولیدکننده موردنظر روی می‌آورند (به‌خاطر کاهش قیمت عمده فروش تولیدکننده‌ای که هزینه‌های وی کاهش می‌یابد) که این خود سبب افزایش در سود تولیدکننده می‌شود (شکل‌های ۵ و ۶).



شکل ۶. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $c_1$  در استکلبرگ تأمین‌کننده

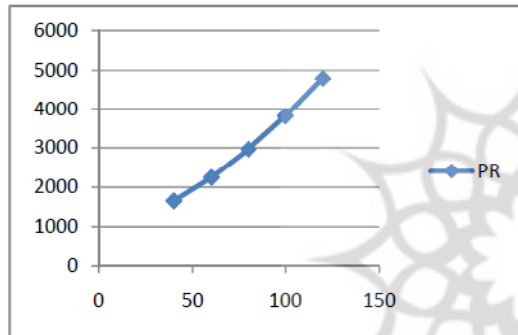


شکل ۵. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $c_1$  در استکلبرگ تولیدکننده

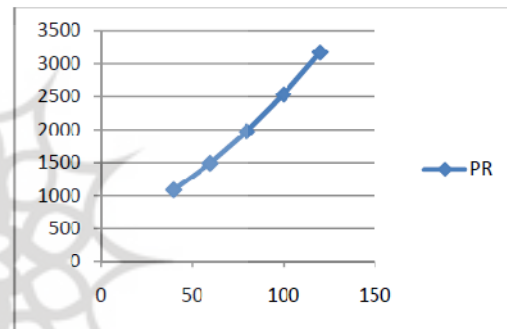
**ج) تحلیل حساسیت سود تأمین‌کننده نسبت به تغییر  $a_1$** 

سود تأمین‌کننده نیز همانند سود تولیدکننده با افزایش مبنای بازار افزایش می‌یابد. افزایش مبنای بازار، سبب می‌شود که سود تأمین‌کننده از بابت همکاری با تولیدکننده‌ها افزایش یابد. این افزایش سود از دو طریق مختلف اتفاق می‌افتد.

- افزایش سود به جهت افزایش قیمت خرده‌فروش: هرچند قیمت عمده‌فروشی به خاطر افزایش مبنای بازار و در نتیجه افزایش تقاضا افزایش می‌یابد، ولی از طرفی به خاطر افزایش در سطح خدمات به جهت ایجاد تعادل در بازی، تأمین‌کننده با نسبت بیشتری قادر به افزایش قیمت خرده‌فروشی است. در نتیجه مقدار عبارت  $\pi_i - w_i$  افزایش می‌یابد.
- افزایش سود به جهت افزایش حجم فروش: به‌طور مسلم افزایش مبنای بازار، روی میزان فروش تأثیر بسزایی دارد و باعث افزایش آن می‌شود. سود تأمین‌کننده نیز به تابعی صعودی از حجم فروش است.



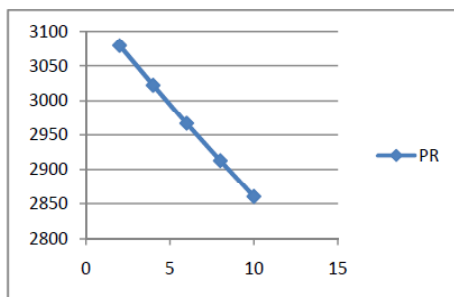
شکل ۸. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $a_1$  در استکلبرگ تأمین‌کننده



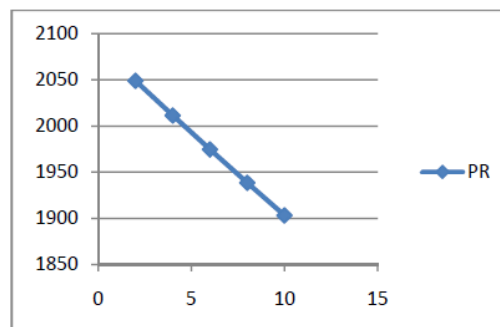
شکل ۷. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $a_1$  در استکلبرگ تولیدکننده

**د) تحلیل حساسیت سود تأمین‌کننده نسبت به تغییر  $C_1$** 

به‌طور مسلم سود تأمین‌کننده در نتیجه کاهش هزینه‌های تولید، به‌خاطر کاهش در هزینه‌های عمده‌فروش افزایش می‌یابد؛ لذا تولیدکننده برای حفظ جایگاه خود از دیدگاه تأمین‌کننده و بهبود جایگاه رقابتی خود باید به‌دنبال کاهش هزینه‌های تولید باشد. این فرایند بیشتر از افزایش مبنای بازار، می‌تواند به مزایای رقابتی تولیدکننده کمک کند؛ زیرا در این شرایط سود برای تولیدکننده دیگر در حال کاهش بوده و این خود سبب بهبود بیشتر جایگاه رقابتی تولیدکننده می‌شود. کاهش سود تولیدکننده دیگر نیز، بیشتر به‌خاطر کاهش در مقدار تقاضای آن‌هاست؛ زیرا تولیدکننده مورد نظر با کاهش در قیمت عمده‌فروش و در نتیجه کاهش قیمت خرده‌فروش، به میزان بیشتری از تقاضای رقیب خویش را جذب می‌کند.



شکل ۱۰. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $C_1$  در استکلبرگ تأمین کننده



شکل ۹. تحلیل حساسیت سود تولیدکننده نسبت به تغییر  $C_1$  در استکلبرگ تولیدکننده

جدول ۱۹. مقایسه پارامترهای تغییر یافته و مؤثر در قیمت گذاری ایستا و پویا

پارامترها	قیمت گذاری پویا	قیمت گذاری ایستا
تقاضای محصول ( $B_j$ )	تقاضا نسبت به عرضه افزایش پیدا می کند و این افزایش متوسط قیمت فروش محصول را به همراه دارد	تقاضای محصولات ثابت است.
سود تأمین کننده ( $b_i$ )	سود در این حالت پیش بینی کردنی نیست	سود پیش بینی کردنی است.
متوسط قیمت محصول ( $P_j$ )	به دلیل وجود تقاضا، متوسط قیمت محصول رو به افزایش است	متوسط قیمت محصولات به صورت فرسایشی و تدریجی بالا می رود.
مجموع تولیدات ( $M_k$ )	به دلیل افزایش تقاضای محصول مجموع تولیدات نیز افزایش می یابد.	به دلیل ثبات تقاضا مجموع تولیدات پایین است.
سود زنجیره تأمین ( $B_j$ )	به دلیل فروش بالای محصول سود زنجیره تأمین افزایش می یابد.	به دلیل عدم افزایش تقاضا سود زنجیره تأمین ثابت یا نزولی است.
فروش از دست رفته ( $L_j$ )	به دلیل وجود تقاضا فروش از دست رفته کاهش می یابد.	فروش از دست رفته بخشی از سیستم زنجیره تأمین است.

## بحث و نتیجه گیری

در مقاله حاضر، ایجاد یک تابع تقاضای تصادفی بر مبنای الگوریتم های ژنتیک و بهینه سازی ذرات، دو مدل احتمالی تک دوره ای در یک فضای رقابتی ارائه می شود. در مدل اول، خرده فروشان فقط نقش واسطه ای دارد و در قیمت گذاری و یا مقدار بهینه سفارش تصمیم نمی گیرند. در مدل یاد شده، فرض بر این است که خرده فروشان تقاضا را دقیقاً و به همان میزانی که هست از مشتریان به تأمین کنندگان انتقال دهند. تأمین کنندگان بر مبنای میزان تولید خود با کمبود و مازاد عرضه روبه رو می شوند. هدف این مدل، تعیین مقدار بهینه و مطلوب تولید و همچنین، قیمت برای هر تأمین کننده است. علاوه بر این، در این مدل، هزینه های مسیریابی به روش تقریبی وارد مدل شده است. نتایج محاسبات حاکی از آن است که تقریب ارائه شده بسیار دقیق است و نقطه تعادل را در زمان بسیار کمتری نسبت به مدل اصلی ارزیابی می کند. در

مدل دوم، فرض بر این است که خرده‌فروشان با توجه به تعداد سفارش‌هایی که ارسال می‌کنند، متحمل هزینه‌های کمبود یا نگهداری می‌شوند. در این مدل نیز، تأمین‌کنندگان قیمت‌نهایی را تعیین می‌کنند و هدف خرده‌فروشان تعیین مقدار بهینه سفارش است. در این مدل، فرض بر این است که تولید تأمین‌کنندگان سفارشی شده و هزینه‌های موجودی فقط برای خرده‌فروشان لحاظ می‌شود. مسئله مهمی که در رابطه با این مدل انجام شده، توجه به قیمت‌گذاری پویاست که همواره در مباحث مطرح‌شده در حوزه تئوری پویایی زنجیره تأمین، اهمیت و البته پیچیدگی زیادی دارد.

### پیشنهاد‌های مدیریتی

بر اساس نتایج، می‌توان پیشنهاد‌های زیر را ارائه داد:

الگو و راه‌کار پیشنهادی به‌منظور استفاده از مدل‌های پیشنهادی مبتنی بر نیازمندی‌های اطلاعاتی، زیرساخت‌های موجود، وضعیت بازار، وضعیت زنجیره‌های تأمین و همچنین، نحوه حرکت و تصمیم‌گیری سطوح مختلف است. قیمت‌گذاری کارا و ثمربخش مستلزم گردآوری و پردازش اطلاعات مناسب حسابداری و همچنین اطلاعات مربوط به بازار و رقابت است. علاوه بر این، افراد باید در برابر تغییرات قیمت‌ها، اطلاعات و آگاهی کافی داشته باشند. شرکت‌ها با در نظر گرفتن این عوامل، می‌توانند به استراتژی مؤثر و کارآمد در قیمت‌گذاری دست پیدا کنند. به‌منظور بهبود قیمت‌گذاری در زنجیره تأمین، مدیران باید به مدیریت اطلاعات، به‌ویژه در حوزه مدیریت صحیح و هماهنگی بین فعالیت‌ها توجه ویژه داشته باشند. علاوه بر این، در زمینه لجستیک لازم است که تهیه مواد خام و نگهداری مورد توجه قرار گیرد. در زمینه مدیریت روابط نیز باید روی قابلیت‌ها و اعتماد متقابل تمرکز شود. در نظر گرفتن هم‌زمان موضوع انتخاب تأمین‌کننده، تخصیص سفارش و قیمت‌گذاری، به خرده‌فروشان کمک می‌کند تا تصمیم‌گیری را بهبود بخشند. علاوه بر این، تقاضای مبتنی بر قیمت و شرایط مختلف تخفیف، مفروض‌هایی هستند که به کاربردی‌تر شدن مدل کمک می‌کنند. در ضمن، باید به این نکته اشاره کرد که مدل‌های اشاره شده در پژوهش حاضر، بر حاکم بودن فرض تسهیم اطلاعات، مشارکت کامل تمامی سطوح زنجیره تأمین در تعامل اطلاعاتی و همچنین، شرایط دستیابی به اطلاعات کامل مبتنی است. این شرایط در دنیای واقعی، معمولاً روی نخواهد داد و بهتر است از بازی‌های ناقص، ناتمام و ناکامل همچون بازی علامت‌دهی یا بازی‌هایی با تعادل «بیزینش» استفاده شود. در ضمن، مدل‌های طراحی شده در مقاله حاضر، بر یک بازه زمانی و به عبارتی بازی‌های غیرتکراری مبتنی هستند؛ در صورتی که در عمل تعامل بین سطوح مختلف زنجیره تأمین در گذر زمان رواج داشته و استفاده از بازی‌های تکراری می‌تواند در تحقیقات آتی استفاده شود و توسعه یابد.

### پیشنهاد‌های آتی

در پژوهش حاضر زنجیره تأمین مورد بررسی دارای سه سطح شامل خرده‌فروشان، تولیدکنندگان و تأمین‌کنندگان بود که به‌منظور دستیابی به مدلی جامع در زمینه ایجاد همکاری در زنجیره تأمین، افزایش سطوح زنجیره تأمین در پژوهش‌های آتی پیشنهاد می‌شود. در ضمن، رابطه بین تولیدکنندگان و خرده‌فروشان از نوع یک‌به‌یک بود و هر تولیدکننده محصول خود را تنها به یک خرده‌فروش ارائه می‌کرد که این موضوع نیز می‌تواند در پژوهش‌های آتی بدون در نظر گرفتن تعامل یک‌به‌یک، مجدد بررسی شود.



## منابع

- تیموری، احسان؛ امیری، مقصود؛ الفت، لیا و زندیه، مصطفی (۱۳۹۹). مدل انتخاب تأمین کننده، تخصیص سفارش و قیمت گذاری در مدیریت زنجیره تأمین چند کالایی تک دوره ای و چند تأمین کننده با رویکرد روش های سطح پاسخ و الگوریتم ژنتیک. *مدیریت صنعتی*، ۱۲(۱)، ۱-۲۳.
- حسین زاده کاشان، علی و سردشتی، تینا (۱۴۰۲). تصمیم های بهینه قیمت گذاری، وارانتهی و سطح کیفیت، در یک زنجیره تأمین دوسطحی رقابتی با استفاده از الگوریتم قهرمانی در لیگ های ورزشی. *مدیریت صنعتی*، ۱۵(۱)، ۶۵-۹۱.
- صبوری، غزاله؛ نصیری، غلامرضا و صالحی، حسین (۱۴۰۲). ارزیابی یک مدل قیمت گذاری در یک زنجیره تأمین دوسطحی با یکپارچه سازی کانال های سنتی و مدرن با لحاظ سیاست مرجوعی. *مدیریت صنعتی*، ۱۵(۱)، ۹۲-۱۱۱.
- مجیبیان، فاطمه؛ خدیور، آمنه (۱۳۹۵). طراحی مدل قیمت گذاری محصول در خوشه های صنعتی با استفاده از مفهوم نظریه بازی ها (مطالعه موردی: خوشه سنگ استان تهران). *مدیریت صنعتی*، ۸(۲)، ۲۶۳-۲۸۶.

## References

- Bahinipati, B.K., Kanda, A. & Deshmukh, S.G. (2019). Horizontal collaboration in semiconductor manufacturing industry supply chain: An evaluation of collaboration intensity index. *Computers & Industrial Engineering*, 57(3), 880-895.
- Cachon, G. P. & Feldman, P. (2023). Dynamic versus static pricing in the presence of strategic consumers, *working paper*.
- Cachon, G. P. & Lariviere, M. A. (2005). Supply Chain Coordination with Revenue Sharing Contracts: Strength and Limitations. *Management Science*, 51(1), 30-44.
- Chen, Y. & Farias, V.F. (2018). Robust Dynamic Pricing with Strategic Customers. *Mathematics of Operations Research*, 43(4), 1119-1142.
- Deksnyté, I., & Lydeka, Z. (2013). Dynamic pricing models and its methodological aspects. *Journal of Taikomoji ekonomika: sisteminiai tyrimai*, 7(2), 143-153.
- Dye, C. Y., Yang, C. T. & Wu, C. (2018), Joint dynamic pricing and preservation technology investment for an integrated supply chain with reference price effects. *Journal of the Operational Research Society*, 69(6), 811-824.
- Esmaili, M. & Ghobadi, S. N. (2018). A game theory model for pricing and supplier selection in a closed-loop supply chain. *International Journal of Procurement Management*, 11(4), 472-494.
- Feng, E.L., Zhang, J. & Tang, W. (2023). A joint dynamic pricing and advertising model of perishable products. *Journal of the operational Research Society*, 66(S), 1341-1351.
- Friesz, T. L. & Han, K. (2019). The mathematical foundations of dynamic user equilibrium. *Transportation research part B: methodological*, 126, 309-328.

- Gumus, J., Wen, Z., Zhon, Y. & Ji, K. (2023). The competitive strategies between the traditional and online retailers, *International conference on service systems and service management*, 182(2), 325-311.
- Hosseinzadeh Kashan, A. & Sardashti, T. (2023). Optimal pricing, warranty and quality level decisions in a competitive two-level supply chain using the championship algorithm in sports leagues. *Industrial Management*, 15(1), 65-91. (in Persian)
- Jabber, A. & Bertini, M. (2023). Profiting when customers choose value over price. *Business strategy review*, 22(1), 146-149.
- Jiazhen, H. & Qin, L. (2008, October). Revenue coordination contract based on Stackelberg game in upstream supply chain. In *2008 4th International Conference on Wireless Communications, Networking and Mobile Computing*.
- Lin, Y. J. & Ho, C. H. (2011). Integrated inventory model with quantity discount and price sensitive demand. *Top*, 19 (1), 177-188.
- Liu, Y. & Cooper, W.L. (2015). Cooper, Optimal dynamic pricing with patient customers. *Operations research*, 63(6), 1307-1319.
- Mujibian, F. & Khadivar, A. (2015). Designing a product pricing model in industrial clusters using the concept of game theory (case study: Stone cluster of Tehran province). *Industrial Management*, 8(2), 263-286. (in Persian)
- Mulvey, J. M., Vanderbei, R. J., & Zenios, S. A. (1995). Robust optimization of large-scale systems. *Operations research*, 43(2), 264-281.
- Pan, F. & Nagi, R. (2010). Robust supply chain design under uncertain demand in agile manufacturing. *Computers & Operations Research*, 37(4), 668-683.
- Peng, J., Amoozad Mahdiraji, H., Govindan, K. & Midute, L. (2013). Leadership Selection in an Unlimited Three Echelon Supply Chain. *International Journal of Business, Economics and Management*, 14(3), 616-637.
- Rana, R. & Oliveira, F. S. (2014). Real-time dynamic pricing in a non-stationary environment using model-free reinforcement learning. *Omega*, 47, 116-126.
- Sabouri, Gh., Nasiri, Gh. & Salehi, H. (2023). Evaluation of a pricing model in a two-level supply chain by integrating traditional and modern channels in terms of return policy. *Industrial Management*, 15(1), 92-111. (in Persian)
- Sarkis, J. (Ed.). (2024). *The Palgrave Handbook of Supply Chain Management*. Springer International Publishing AG.
- Shen, H. & Pang, Z. (2020). Supply chain coordination via capacity options with uncertain demand and supply. In *2004 IEEE International Conference on Systems, Man and Cybernetics* (IEEE Cat. No. 04CH37583)
- Thompson, G.M. (2018). The Value of Timing Flexibility in Restaurant Reservations. *Cornell Hospitality Quarterly*, 60, 378 - 388.
- Timuri, E., Amiri, M., Alfat, L. & Zandiyeh, M. (2019). Model of supplier selection, order allocation and pricing in multi-product single-period and multi-supplier supply chain

management with the approach of response level methods and genetic algorithm. *Industrial Management*, 12(1), 1-23. (in Persian)

Wee, H. M., Lee, M. C., Yang, P. C. (2013). Bi-level vendor-buyer strategies for a time varying product price. *Applied Mathematics and computation*, 219(18), 9670-9680.

Xu, J. & Liu, N. (2014). Research on closed loop supply chain with reference price effect. *Journal of intelligent Manufacturing*, 107(5): 10845-0154.

Yu, C.S. & Li, H.L. (2000). A robust optimization model for stochastic logistic problems. *International journal of production economics*, 64(1-3), 385-397.

