



مقاله پژوهشی

بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری رمز ارزی در شرایط عدم اطمینان با بکارگیری روش تحلیل پوششی داده‌ها-برنامه‌ریزی استوار^۱

آذر غیاتی^۲، علیرضا حمیدیه^۳

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۷/۰۱

تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۰۹/۲۴

چکیده

بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری از موضوعات حیاتی حوزه مدیریت سرمایه‌گذاری است. نوسانات مختلف بازارهای مالی و عدم قطعیت پارامترها، بکارگیری مدل‌های کلاسیک را با چالش جدی مواجه می‌کند. از این رو بهینه‌سازی مدل‌های مالی در شرایط عدم اطمینان جهت انطباق با دنیای واقعی مورد توجه محققان قرار گرفته است. در پژوهش حاضر یک مدل ترکیبی بهینه‌سازی با بکارگیری همزمان روش تحلیل پوششی داده‌ها و بهینه‌سازی استوار به منظور ارزیابی ریسک با ورودی‌ها و خروجی‌های غیرقطعی توسعه یافته است. جامعه آماری پژوهش از درگاه کوین مارکت‌کپ استخراج شده است که در آن از داده‌های روزآمد قیمت تعدیل شده ۳۷ رمز ارز برتر انتخابی برای برآورد ریسک و ایجاد پرتفوی بهینه مورد استفاده قرار گرفته است. یک رویکرد دو مرحله‌ای برای انتخاب و بهینه‌سازی سبد سهام، افزایش استواری فرایند سرمایه‌گذاری و ارزیابی جامع سهام مبتنی بر معیارهای مالی پیشنهاد شده است. در مرحله اول، ارزیابی کارایی سهام منتخب با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ای - برنامه‌ریزی استوار^۴ (RDEA) انجام می‌شود. سپس در فاز دوم، با استفاده از مدل‌های میانگین نیم واریانس و میانگین انحراف مطلق استوار، میزان سرمایه‌گذاری در سهام واجد شرایط تعیین می‌شود. عملکرد رویکرد پیشنهادی در مطالعه موردی داده‌های رمز ارز با عدم قطعیت فزاینده مورد ارزیابی قرار می‌گیرد. نتایج مقایسه‌ای مدل‌های همتای استوار با دو سنجه ریسک نشان می‌دهد که مدل میانگین نیم واریانس عملکرد بهتری در انتخاب و بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری دارد.

واژگان کلیدی: بهینه‌سازی سبد سهام، تحلیل پوششی داده‌ها، برنامه‌ریزی استوار، میانگین نیمه واریانس، میانگین انحراف مطلق.

طبقه‌بندی موضوعی: C52, C61, C67, G11

۱. کد DOI مقاله: 10.22051/JFM.2023.42255.2766

۲. دانشجوی کارشناسی ارشد، گروه مهندسی صنایع، دانشگاه پیام نور، تهران، ایران. Email: ghyasi2000@gmail.com

۳. استادیار، گروه مهندسی صنایع، دانشگاه پیام نور، تهران، ایران. (نویسنده مسئول). Email: hamidieh@pnu.ac.ir

4. Robust, Data Envelopment Analysis

مقدمه

انتخاب و بهینه‌سازی پورتفولیو از موضوعات اصلی مطالعات مدیریت سرمایه‌گذاری هستند که همواره به عنوان یک مسیر تحقیقاتی مهم مورد توجه محققان بازارهای مالی بوده است. سرمایه‌گذاران بازارهای مالی به دنبال سبد متشکل از سهام‌هایی هستند که در محیط نامطمئن اقتصادی و اجتماعی عملکرد بهتری نسبت به سایر پرتفوی‌ها به خود اختصاص دهند (موکاشو^۱، ۲۰۲۲). از طرف دیگر تحصیل درآمد از سهام‌های منتخب برای سرمایه‌گذاران در فضای عدم اطمینان کار ساده‌ای نیست از این رو انتخاب سبد سهام به منظور حداکثرسازی سود و کاهش ریسک از دغدغه‌های سرمایه‌گذاران در بازارهای مالی است که با قضاوت تصمیم‌گیرندگان، اغلب نامطمئن بوده و با مقادیر پارامتری غیردقیق تبیین می‌شوند. در شرایط عدم قطعیت حوزه سرمایه‌گذاری، تخصیص سرمایه به دارایی‌ها یا پرتفوی ریسکی از نگرانی‌های عمده سرمایه‌گذاران محسوب می‌شود (ژانگ^۲ و همکاران، ۲۰۲۳). علاوه بر این، واریانس به عنوان معیار ریسک نیز مشکلاتی را در مسائل پرتفوی مالی ایجاد می‌کند، به همین دلیل محققان سنج‌های مختلفی را معرفی کردند که بتوانند ریسک واقعی سرمایه‌گذاری را اندازه‌گیری کنند. برخی از معیارهای ریسک پرتفوی مالی عبارتند از نیم واریانس^۳، قدر مطلق انحرافات^۴، ارزش در معرض ریسک^۵؛ که سرمایه‌گذاران سهام براساس آن‌ها تصمیمات لازم را درباره معامله یا نگهداری سهام اتخاذ می‌کنند. در این مسیر برای مواجه با موقعیت عدم اطمینان پارامتری ناشی از کمبود دانش و بدون در نظر گرفتن توزیع داده‌ها و محدودیت‌های سخت رویکرد بهینه‌سازی استوار بکار گرفته می‌شود (وئو^۶ و همکاران، ۲۰۲۳).

از این رو، مدل‌سازی عدم اطمینان برای ارتقاء درجه اعتماد پاسخ نهایی مدل بر مبنای بازه‌های غیرقطعی و کمبود داده‌های ورودی دقیق توسعه یافته که منجر به طراحی سیستم‌های واقع‌گرایانه در بازارهای مالی شده است. در این راستا، تئوری‌های فازی، رویکردهای تصادفی و برنامه‌ریزی استوار در بهینه‌سازی مدل‌های برنامه‌ریزی سرمایه‌گذاری بکار می‌روند (بوسوفیان^۷ و همکاران، ۱۹۹۱؛ اهر^۸ و همکاران، ۲۰۲۲).

هدف اصلی مدل‌های فوق، انتخاب سبد مالی با درجه اطمینان بهینه است که انتظارات سرمایه‌گذار مالی را تا حد امکان و یا در یک بازه پایا تامین می‌کند. از طرف دیگر در انتخاب سبد مالی، ترکیب سهام و تشخیص فرصت‌های ارزیابی سهام و همسوئی آن با اهداف و ساختار یک سبد بهینه بسیار حائز اهمیت است. مسئله اصلی این است که طراحی فرآیند برای ارزیابی کارایی سهام و گزینش آن چگونه صورت گیرد که اعتبار مطلوبی را تامین کند و هم قابلیت تخصیص بودجه سرمایه‌گذار به خرید هریک از سهام و همچنین

1. Mukashov
2. Zhang
3. Semi-Variance
4. Absolute Deviations
5. Value at Risk
6. Wu
7. Boussofiane
8. Ahir

تصمیم نهایی برای اجرای مدل را داشته باشد تا بتوان به یک سبد مالی بهینه دست یافت. لذا توسعه مدل‌های جدید انتخاب سبد پورتفوی در برابر تصمیمات سرمایه‌گذاران در شرایط عدم قطعیت پارامتری که بتوانند بطور انعطاف پذیر عمل کرده و جامعیت بیشتری داشته باشد همواره چالشی است که مورد توجه محققان قرار گرفته است. مسئله اصلی این است که چه مدلی برای طراحی سبد پورتفوی از نظر نوع سهم و تعداد دارایی مالی در مواجهه با عدم اطمینان پارامترهای کلیدی مدل انتخاب شود که پیچیدگی کمتری داشته باشد و همچنین از چه رویکردی استفاده شود که بتواند به سرمایه‌گذار کمک کند که با برنامه‌ریزی قابل اتکا و اعتماد کافی به نتایج، ریسک تصمیم‌گیری را کاهش دهد. یک روش قدرتمند در زمینه سنجش و ارزیابی بهره‌وری در شرایط عدم قطعیت مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها^۱ (DEA) به همراه برنامه‌ریزی استوار^۲ است که می‌توان آن را به صورت مدلی با محدودیت‌های منعطف برای پارامترهای غیرقطعی فضای مسئله طراحی کرد (وی، ۲۰۰۱). DEA یک روش ناپارامتریک در حوزه تحقیق در عملیات و اقتصاد است که کارایی عملکرد واحدهای تولیدی یا عملیاتی را برآورد می‌کند. در این راستا، با توجه به اهداف و محدودیت‌های کارآمد در بازارهای مالی و تطابق بیشتر با دنیای واقعی، مدل‌های برنامه‌ریزی ترکیبی توسعه می‌یابند.

هدف اصلی پژوهش حاضر در مدیریت پورتفوی، توسعه ابزار تصمیم‌گیری است تا سرمایه‌گذار در شرایط عدم قطعیت دارایی‌های بهینه را انتخاب کند. از این رو، الگویی نوین به منظور تجزیه و تحلیل کاراترین سهام ارائه گردیده و جهت مواجهه با عدم قطعیت از مدل‌سازی ترکیبی استفاده شده است. در مرحله اول، کارایی سهام‌های قابل سرمایه‌گذاری ارزیابی و اندازه‌گیری می‌شوند. در ادامه سهام‌های منتخب از فیلتر سرمایه‌گذاری عبور می‌کنند و به عنوان ورودی‌های منتخب مشخص می‌شوند. در مرحله بعدی، میزان سرمایه‌گذاری تخصیص داده شده هر سهم منتخب واجد شرایط تعیین می‌شود و سپس، جهت مواجهه با عدم اطمینان پارامترها از روش‌های بهینه‌سازی ترکیبی استوار استفاده می‌شود و سرانجام، رویکرد توسعه یافته پژوهش با داده‌های واقعی و روزآمد بر روی رمز ارزهای جهانی مورد بررسی قرار می‌گیرند. شایان ذکر است پژوهش حاضر در پی پاسخ به سوالات زیر است.

- پاسخ مدل‌های همتای استوار تحلیل پوششی داده‌ها در شرایط عدم قطعیت چگونه است؟
- تاثیر تغییرات پارامتر محافظه‌کاری مدل‌های استوار بر نتایج ارزیابی سهام و پورتفوی چیست؟
- عملکرد مدل‌های همتای استوار در انتخاب پورتفوی بهینه چگونه است؟
- قدرت کدامیک از سنجه‌های ریسک در مدل‌های ارائه شده بیشتر است و عملکرد بهتری ایجاد می‌کند؟
- آیا رویکرد پیشنهادی برای ساخت سبد سهام رمز ارزی در محیط عدم قطعیت مؤثر است؟

پژوهش حاضر در پنج بخش تنظیم شده است؛ پس از بیان مقدمه، مبانی نظری و پیشینه پژوهش‌های داخلی و خارجی بررسی خواهد شد. روش‌شناسی پژوهش بخش بعدی محسوب می‌شود؛ که در آن به

1. Data Envelopment Analysis
2. Robust Programming
3. Wei

تفصیل به روش پیشنهادی مبتنی بر DEA خواهیم پرداخت. در ادامه، آزمون مدل و تجزیه و تحلیل یافته‌ها نگاشته شده و قسمت پایانی پژوهش نیز، به بحث و نتیجه‌گیری اختصاص دارد.

مروری بر پیشینه پژوهش:

در این بخش مهم‌ترین تحقیقات حوزه بهینه‌سازی استوار و مسئله انتخاب سبد سرمایه بررسی می‌شود. در دنیای واقعی، مدل‌های سرمایه‌گذاری با پارامترهای غیر قطعی بازار مالی رفتار متغیری دارند. از این‌رو، رویکرد بهینه‌سازی استوار برای مواجهه با داده‌های غیرقطعی بکار گرفته می‌شود، که اولین بار توسط سویستر^۱ توسعه پیدا کردند (سویستر، ۱۹۷۳). رویکرد سویستر، جواب‌های موجه و نزدیک به بهینه به ازای پارامترهای ورودی نادقیق تولید می‌کند که از درجه محافظه‌کارانه بالایی برخوردار بود لذا فاصله زیادی از بهینگی مسئله با مقادیر اسمی ایجاد می‌کند (محمدی و همکاران، ۱۴۰۰). رویکرد بهینه‌سازی استوار بن‌تال و نیمروفسکی^۲ برای مسائل با مجموعه غیرقطعی بیضوی توسعه یافت که همتای استوار جدیدی برای مسئله برنامه‌ریزی خطی ارائه می‌داد که نسبت به مدل سویستر سطح محافظه‌کارانه کمتری داشت اما مدل نهایی غیرخطی بود و در حل مدل‌های بهینه‌سازی گسسته کاربرد نداشت (قدوسی و همکاران، ۱۳۹۴؛ کایدپور و همکاران، ۱۳۹۸). در این راستا، برتسیماس و سیم^۳ رویکرد متفاوتی برای کنترل سطح محافظه‌کاری معرفی کردند که منجر به تولید یک مدل بهینه‌سازی خطی شد که امکان پیاده‌سازی بر روی مدل‌های گسسته را دارد. بر این اساس، مدل‌های استوار بهینه‌سازی سبد مالی توسعه یافتند که مبنای آن قابلیت تنظیم سطح محافظه‌کارانه جواب استوار است (مدرس و حسن‌زاده مفرد، ۱۳۹۰). اما تحقیقات متعددی با هدف توسعه مدل‌های سرمایه‌گذاری در شرایط عدم اطمینان اجرا شدند که به دنبال تامین بهینه محدودیت‌های سرمایه‌گذاری و بهبود عملکرد گام برداشتند.

رجبی و خالوزاده (۱۳۹۳) از الگوریتم‌های تکاملی چند هدفه برای بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری در بورس اوراق بهادار تهران در شرایط عدم قطعیت فزاینده استفاده کردند. در این راستا، دو روش پرکاربرد و مهم الگوریتم ژنتیک چند هدفه با مرتب‌سازی نامغلوب و بهینه‌سازی چند هدفه ازدحام ذرات را مورد مقایسه قرار دادند. که نتایج حاکی از عملکرد بهتر روش NSGA-II نسبت به روش MOPSO بود. قدوسی و همکاران (۱۳۹۴) برای حل مسئله بهینه‌سازی سبد سهام در بورس اوراق بهادار تهران از الگوریتم‌های فرا ابتکاری با محدودیت‌های کاردینالی استفاده کردند. نتایج پژوهش فوق موفقیت الگوریتم تبرید شبیه‌سازی شده را در بهینه‌سازی سبد با توجه به اعمال محدودیت‌های مورد نظر مسئله نشان می‌داد. نتایج حاصل حاکی از آن است که چنانچه سرمایه‌گذاران به کسب بازدهی با حداقل ریسک تمایل داشته باشند باید محدودیت سرمایه‌گذاری را در بخش‌هایی تعدیل نمایند.

1. Soyster
2. Ben-Tal & Nemirovski
3. Bertsimas & Sim

محمدزاده و حیدری (۱۴۰۱) شاخصی برای اندازه‌گیری عدم اطمینان مالی با استفاده از مدل پنج عاملی فاما و فرنچ^۱ در فضای حالت با الگوریتم فیلتر کالمن^۲ و حداقل مربعات معمولی را با استفاده از بازده ۱۸ پورتنفوی از ۸۲ شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار پیاده سازی کردند. مقایسه این دو مدل نشان از برتری تخمین به روش فضای حالت با الگوریتم کالمن دارد. نوراحمدی و صادقی (۱۴۰۱) مطالعه موردی انتخاب پرتفوی سهام متشکل از ۳۰ شرکت برتر بورس اوراق بهادار تهران را بر مبنای یادگیری ماشین مبتنی بر تکنیک کاهش بعد با رویکرد سلسله مراتبی برابری ریسک را ارائه کردند. نتایج حاصل نشان داد که از طریق این تکنیک می‌توان مهمترین صنایع و ریسک‌های اصلی کسب و کار را شناسایی کرد و در جهت متنوع‌سازی سبد سهام بکار برد. پیکانی و همکاران (۲۰۲۰) در پژوهشی به ارزیابی عملکرد بنگاه‌های سرمایه‌گذاری تحت عدم قطعیت پرداختند، مسیر پژوهشی آن‌ها بر مبنای ارزیابی عملکرد شرکت‌ها با هدف شناسایی بنگاه‌های سرمایه‌گذاری کارآمد و همچنین ارائه راه‌کار اصلاحی برای بنگاه‌های ناکارآمد است. رضائی و کیانی (۱۴۰۰) تأثیر معیارهای عدم اطمینان اقتصادی بر رابطه بین قابلیت مقایسه صورت‌های مالی و خطر سقوط قیمت سهام در شرکت‌های پذیرفته‌شده در بورس اوراق بهادار تهران را بررسی کردند. دوشی و همکاران^۳ (۲۰۱۸) به بررسی اثر عدم قطعیت قیمت بر سرمایه‌گذاری در سطح شرکت، مدیریت ریسک و صدور بدهی پرداختند. چولیا و همکاران^۴ (۲۰۱۷) نیز عدم قطعیت بازار سهام را ارزیابی کرده و یک شاخص متغیر روزانه از عدم قطعیت بازار سهام را پیشنهاد دادند. لوان و همکاران^۵ (۲۰۲۱) مدل دو مرحله‌ای بهینه‌سازی استوار برای مسائل سبد سرمایه‌گذاری در شرایط عدم قطعیت را ارائه کردند که سبد سرمایه‌گذاری قادر بود یک برنامه مدیریت مالی استوار را برای سرمایه‌گذاران فراهم نماید.

کریمی و همکاران (۱۴۰۰) در پژوهشی روش پیشنهادی DEA-GZBWM همراه با عدم قطعیت فازی را ارائه کردند که در آن روشی برای انتخاب گزینه مطلوب در شرایط عدم قطعیت و افزایش اثربخشی تصمیم‌گیری گروهی ارائه شد. در این پژوهش از رویکردهای ZICWAA جهت میانگین‌گیری از اعداد Z و از تحلیل پوششی داده‌ها برای تخصیص وزن استفاده کردند. عیوض‌لو و همکاران (۱۴۰۰) در پژوهشی با بکارگیری مدل ارزش در معرض ریسک شرطی ترکیبی دو دنباله‌ای، پرتفوی بهینه ردیاب شاخص را در بورس اوراق بهادار تهران تشکیل دادند. آنها نشان دادند که یکی از استراتژی‌های سرمایه‌گذاری، مدیریت غیرفعال است که یک شاخص یا پرتفوی با وزن بازار را دنبال می‌کند. هدف از این نوع مدیریت، حداقل‌سازی کارمزدهای سرمایه‌گذاری و جلوگیری از عواقب نامطلوب پیش‌بینی نادرست آینده است. مدیریت فعال پرتفوی، به دنبال جلوگیری از بازده شاخص است؛ در حالی که مدیریت غیرفعال، به دنبال دستیابی به بازده و ریسک متناسب با شاخص است.

1. Fama & French
2. Kalman Filter
3. Doshi et al.
4. Chuliá et al.
5. Luan

محمدی و همکاران (۱۴۰۰) در پژوهشی با بکارگیری مدل برنامه‌ریزی صفر و یک به منظور خوشه‌بندی سری‌های زمانی پرتفوی ردیابی شاخص را شکل دادند. و ضرایب همبستگی مبتنی بر کاپولا و همچنین رویکرد بهینه‌سازی استوار جهت مواجهه با عدم قطعیت پارامتری را بکار بردند. در این پژوهش مدل دومرحله‌ای ارائه کردند که در مرحله نخست، عملکرد شاخص را با تعداد کمتری از سهم‌های تشکیل‌دهنده شاخص بازسازی می‌نمود و در مرحله دوم، اوزان پرتفوی شاخص ارتقایافته را در بورس اوراق بهادار تهران محاسبه می‌کرد. کوچکی تاجانی و همکاران (۱۴۰۰) مدلی برای بهینه‌سازی پرتفوی تسهیلات بانکی ارائه کردند که برای مقابله با عدم قطعیت، رویکرد سناریومحور استوار را پیاده‌سازی کردند. که اهداف آن افزایش بازده بانک، کاهش ریسک اعتباری و کاهش ریسک ورشکستگی بود. نتایج نشان داد که ریسک سیستماتیک، نرخ تورم و نرخ ارز دارای بیشترین تاثیر بر کاهش کیفیت تسهیلات است.

اسکوباری و جعفری‌نژاد^۱ (۲۰۱۹) عدم قطعیت سرمایه‌گذاری و ریسک بازار سهام را بررسی کردند و مدل‌سازی عدم اطمینان سرمایه‌گذاری را با استفاده از نوسانات مشروط احساسات سرمایه‌گذاران توسعه دادند. در این پژوهش بر اساس داده‌های هفتگی مربوط به احساسات سرمایه‌گذاران، شاخص‌های عمده سرمایه‌گذاری سهم‌های ایالات متحده را بررسی کرده و طی آزمایش‌های مختلف معیارهای جایگزین عدم قطعیت را تایید کردند. نتایج نشان از وجود یک همبستگی شرطی مثبت بین احساسات و بازده بود. که به‌عنوان یک پیوند مثبت بین عدم اطمینان سرمایه‌گذاران و ریسک بازار تفسیر می‌شود. لی و تئو^۲ (۲۰۲۱) در مطالعه‌ای رویکرد بهینه‌سازی سبد در بازار اوراق بهادار را با حضور همزمان عدم قطعیت و رویدادهای تصادفی دنبال کردند. در ابتدا، چولگی‌ها^۳ برای سه نوع متغیر تصادفی نامشخص مشتق شده است. سپس، در یک محیط تصادفی غیرقطعی، با در نظر گرفتن اولویت‌های ریسک، یک مدل میانگین-واریانس-چولگی را برای مسئله بهینه‌سازی پورتفولیو پیشنهاد دادند.

سینا و فلاح (۱۳۹۹) عملکرد مدل‌های ارزش در معرض ریسک و کاپیولا^۴-CVaR را با هدف بهینه‌سازی پرتفوی در بورس اوراق بهادار تهران مقایسه کردند. به دلیل نرمال نبودن توزیع بازده دارایی‌ها و غیرخطی بودن همبستگی بین بازده دارایی، روش ترکیبی کاپیولا-CVaR در اندازه‌گیری ریسک پرتفوی دارایی‌ها از عملکرد بهتری برخوردار بود. بر این اساس، مدلی کارا برای بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری ارائه کردند که در شرایط عدم قطعیت سرمایه‌گذاری، بازدهی بیشتری ایجاد می‌کند. ابونوری و همکاران (۱۳۹۷) به بررسی عملکرد انتخاب پورتفولیوهای مبتنی بر ریسک تحت شرایط متغیر بازار سهام پرداختند در این مطالعه از روش اختیارات واقعی برای تبیین مسئله بهینه‌سازی تصادفی و از روش داده‌های پنلی جهت برآورد مدل تجربی استفاده کردند. مطالعه موردی آنها بر روی شرکت‌های اوراق بهادار بود و برای حل کمی مسئله، رویکرد شبیه‌سازی مونت‌کارلو را بکار بردند. سینا و فلاح (۱۳۹۸) در پژوهشی به بهینه‌سازی سبد

1. Escobari & Jafarinejad
2. Li & Teo
3. Skewnesses
4. Copul

سرمایه‌گذاری با رویکرد نظریه ارزش فرین در بورس اوراق بهادار تهران پرداختند. در این راستا، هر فرایند سرمایه‌گذاری درصدد انتخاب ترکیب بهینه‌ای از سرمایه‌گذاری است که با توجه به میزان ریسک و بازده آن، تابع مطلوبیت و در نهایت، بازده حداکثر گردد به طوری که شرایط عدم قطعیت و ریسک سرمایه‌گذاری مورد توجه قرار گیرد. همچنین، از نظریه ارزش فرین برای سنجش ریسک سرمایه‌گذاری استفاده نمودند. آهن^۱ و همکاران (۲۰۱۹) به بررسی اثرات عدم قطعیت بازار سهام چین پرداختند. برای برآورد دقیق عدم قطعیت در بازار از معیار آنتروپی و تحلیل سری زمانی استفاده کردند. یافته‌ها نشان داد که عدم اطمینان بازار سهام بر شاخص‌های مبانی اقتصادی مانند ریسک سیستمی اثرات قابل توجهی دارد. و یک شوک عدم قطعیت، کاهش کوتاه‌مدت تولید صنعتی را به همراه دارد. همچنین آنها تبیین کردند که نوسان سطح شاخص میزان تولید سبب افزایش ریسک سیستماتیک می‌شود. بورکالتسوا^۲ و همکاران (۲۰۲۱) مبنای روش شناختی ریسک بازار سهام کشورهای توسعه‌یافته و در حال توسعه در شرایط بحران را بررسی کردند و توسعه روش‌های رشد بازار سهام از طریق تغییرات زیرساختی سیستم توسعه اقتصادی و توسعه فناوری‌های دیجیتال را مورد بررسی قرار دادند. اکنون، برای نشان دادن شکاف موجود در ادبیات و نوآوری‌های رویکرد توسعه‌یافته، طبقه‌بندی دقیقی‌تری از ادبیات در جدول ۱ ارائه شده است.

جدول ۱. پیشینه پژوهش

عنوان	مرجع	مدل	رویکرد بهینه‌سازی	عدم قطعیت
ایجاد شاخصی برای اندازه‌گیری عدم اطمینان مالی با استفاده از مدل پنج عاملی فاما و فرنج در فضای حالت با الگوریتم فیلتر کالمن	حیدری و محمدزاده، ۲۰۲۲	مدل پنج عاملی فاما و فرنج	روش فضای حالت با الگوریتم فیلتر کالمن و روش حداقل مربعات معمولی	میانگین ماهیانه عدم قطعیت
یادگیری ماشین مبتنی بر رویکرد سلسله مراتبی برابری ریسک (HRP) (مطالعه موردی پرتفلیو سهام متشکل از ۳۰ شرکت برتر بورس اوراق بهادار تهران)	نوراحمدی و صادقی، ۲۰۲۲	مدل مبتنی بر یادگیری ماشین	بهبود عملکرد پرتفلیو از نسبت شارپ برای هر دو دوره درون‌نمونه و برون‌نمونه	عدم قطعیت بر مبنای رویکرد برابری ریسک سلسله مراتبی
ارائه روش پیشنهادی DEA-GZBWM همراه با عدم قطعیت فازی	گریبی و همکاران، ۲۰۲۲	DEA	GZBWM	عدم قطعیت فازی
ردیابی شاخص با استفاده از معیار ارزش در معرض ریسک شرطی ترکیبی دو دنباله‌ای در بورس اوراق بهادار تهران	عیوضلو، فلاح پور و دهقانی اشکذری، ۲۰۲۲	تشکیل پرتفوی‌های ردیابی شاخص	مدل برنامه‌ریزی ریاضی خطی	-
کاربرد ضرایب همبستگی مبتنی بر کاپولا و اطلاعات متقابل در خوشه‌بندی سری‌های زمانی و تشکیل پرتفوی شاخصی ارتقا یافته با استفاده از رویکرد بهینه‌سازی استوار	محمدی و همکاران، ۲۰۲۲	خوشه‌بندی سری‌های زمانی و تشکیل پرتفوی مبتنی بر شاخص	رویکرد بهینه‌سازی استوار	عدم قطعیت پارامترها با استفاده از ضرایب همبستگی مبتنی بر کاپولا

- Ahn
- Burkaltseva

عنوان	مرجع	مدل	رویکرد بهینه‌سازی	عدم قطعیت
پیاده‌سازی رویکرد استوار نسبی برای انتخاب پرتفوی بهینه در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از برنامه‌ریزی مخروطی مرتبه دوم	راعی، نمکی و احمدی، ۲۰۲۲	رویکرد استوار نسبی	برنامه‌ریزی مخروطی مرتبه دوم	-
ارائه مدل بهینه‌سازی سناریو محور جهت پرتفوی تسهیلات بانکی در شرایط عدم قطعیت با رویکرد استوار مالوی	کوچکی تاجانی و همکاران، ۲۰۲۱	مدل استوار سناریو محور بر اساس رویکرد مالوی	افزایش بازده از طریق افزایش تسهیلات جاری، کاهش ریسک اعتباری و کاهش ریسک ورشکستگی براساس نسبت‌های مالی ائمن	عدم قطعیت با استفاده از عوامل اقتصادی مانند ریسک سیستماتیک، نرخ ارز، تورم
مقایسه عملکرد مدل‌های ارزش در معرض ریسک و کاپیولا-CVaR جهت بهینه‌سازی پرتفوی در بورس اوراق بهادار تهران	سینا و فلاح، ۲۰۲۰	تخمین ارزش در معرض ریسک پرتفوی	رویکرد واریانس-کوواریانس	-
بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری با رویکرد نظریه ارزش فرین در بورس اوراق بهادار تهران	سینا، شمس و میرفیض، ۲۰۱۹	مدل برنامه‌ریزی کوآدرتیک	رویکرد ارزش فرین	-
عملکرد پورتفولیوهای مبتنی بر ریسک تحت شرایط مختلف در بازار سهام (شواهد تجربی از بازار سهام ایران)	ابونوری، تهرانی و شاملی، ۲۰۱۹		بررسی ریسک نامطلوب استراتژی‌ها با استفاده از معیارهای سنجش ریسک نامطلوب مانند CVaR و VaR	ریسک تحت شرایط مختلف بازار
مدل دو مرحله‌ای بهینه‌سازی استوار برای مسائل سبد سرمایه‌گذاری در عدم قطعیت	لوان، ونگ، وو و ژیا، ۲۰۲۱	مدل استوار دو مرحله‌ای (TS-RO)	برنامه‌نویسی عدد صحیح مختلط دو مرحله‌ای	آنتروپی اطلاعات و ارزش شرطی در معرض خطر
بهینه‌سازی سبد در بازارهای مالی واقعی با عدم قطعیت و تصادفی بودن	لی و تنو، ۲۰۲۱	مدل میانگین-واریانس-چولگی	در نظر گرفتن اولویت‌های ریسک مختلف، برای مسئله بهینه‌سازی	چولگی برای سه نوع متغیر تصادفی
انتخاب سبد و بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری رمزارزی در شرایط عدم اطمینان با رویکرد برنامه‌ریزی محدودیت اعتبار-استوار	پژوهش حاضر	چندین مدل DEA	بهینه‌سازی نیم‌وارانس و انحراف معیار مطلق به همراه کارمزد	عدم قطعیت جبهه‌ای و چند وجهی

با توجه به تحقیقات انجام شده عدم قطعیت داده‌ها ناشی از خطاهای پیش‌بینی، اندازه‌گیری و یا خطای پیاده سازی است که برای مواجهه با آن رویکردهای تصادفی و استوار به کار می‌رود. رویکرد استوار بر خلاف مدل‌های تصادفی قابلیت انعطاف‌پذیری و کارایی بالایی دارد که بر این اساس در تحقیقات اخیر توسعه یافته است.

از مهمترین نوآوری‌های پژوهش حاضر نسبت به تحقیقات مشابه اخیر می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

- پیاده‌سازی رویکرد بهینه‌سازی پرتفوی مبتنی بر کارایی در یک مطالعه موردی جدید (بازار رمزارزها) که جنبه‌ها و معیارهای مالی مختلف را ارزیابی می‌کند و این بازار از یک عدم قطعیت فزاینده برخوردار است.

- پیاده‌سازی مسیر پژوهشی این تحقیق بر روی شش مدل اصلی تحلیل پوششی داده‌های استوار (RDEA) و مقایسه آنها با یکدیگر.
- اعمال کارمزد در تابع هدف که پیش از این مغفول مانده بود.
- ایمن‌سازی جواب‌های بهینه در نامطلوب‌ترین شرایط مسئله.

مدل‌های سبد سهام و معیارهای ریسک کلاسیک

اولین روش در انتخاب سبد سهام توسط مارکوویتز پیشنهاد شد (مارکوویتز^۱، ۱۹۵۲). مدل میانگین واریانس^۲ (MV) برای حل مسئله انتخاب سبد سهام ارائه شد. واریانس به‌عنوان معیار ریسک برای انتخاب سبد سهام، هر دو بازده مورد انتظار مطلوب و نامطلوب را جریمه می‌کند. در ادامه، مارکوویتز نیمه‌واریانس را به‌عنوان معیار ریسک نزولی پیشنهاد کرد که ریسک نیمه‌واریانس را اندازه‌گیری می‌کند (مشایخی و عمرانی، ۲۰۱۶). برای حل مدل میانگین واریانس، تصمیم‌گیرندگان به ماتریس کوواریانس نیاز دارند؛ که تخمین این ماتریس با داده‌های واقعی دشوار است اما با استفاده از مدل نیمه‌واریانس میانگین^۳ (MSV)، نیازی به محاسبه ماتریس کوواریانس نیست و توزیع مشترک سهم‌ها محاسبه می‌شود (جاسزوک^۴ و همکاران، ۲۰۲۲).

از آنجایی که مدل اصلی مارکوویتز یک مدل برنامه‌ریزی درجه دوم^۵ (QP) است و حل آن برای مجموعه داده‌های بزرگ دشوار است انحراف مطلق به‌جای واریانس به‌عنوان معیار ریسک برای انتخاب پورتفولیو توسط کونو و یامازاکی^۶ پیشنهاد شد (کونو و یامازاکی، ۱۹۹۱). مدل میانگین انحراف مطلق یک مدل برنامه‌ریزی خطی است که زمان محاسباتی را کاهش داده و معیار ریسک انحراف از بازده مورد انتظار را کمی می‌کند و نیازی به محاسبه ماتریس کوواریانس نیست.

کمی‌سازی ریسک با دو رویکرد اصلی صورت می‌گیرد. اولین مولفه، تمایل سرمایه‌گذار به نزدیک کردن بازده پورتفوی به بازده مورد انتظار است و در نهایت سرمایه‌گذار برای جلوگیری از افزایش ریسک، تمایلی به انتخاب سهم‌هایی که دارای ارتباط قوی با یکدیگر هستند ندارد. از این‌رو در پژوهش حاضر، نحوه تشکیل پورتفوی براساس دو مدل سنج ریسک با معیارهای متفاوت ریسک معمول (مدل انحراف مطلق) و دیگری از خانواده ریسک نامطلوب (مدل نیمه‌واریانس میانگین^۷ (MSV)) است.

1. Markowitz
2. Mean-Variance
3. Mean-Semi Variance
4. Juszczuk
5. Quadratic Programming
6. Konno & Yamazaki
7. Mean-Semi Variance

تحلیل پوششی داده‌ها (DEA)

تحلیل پوششی داده‌ها یک تکنیک ناپارامتریک برای ارزیابی عملکرد و رتبه‌بندی واحدهای تصمیم‌گیری همگن است. اولین مدل DEA براساس فرض بازده ثابت به مقیاس^۱ (CRS) بود و مدل CCR^۲ نامیده شد (چارنز و همکاران، ۱۹۸۵). بانکر^۳ و همکاران (۱۹۸۴) مدل CCR را براساس فرض بازده متغیر به مقیاس^۴ (VRS) توسعه دادند و مدل BCC^۵ نامیدند. مدل‌های CCR و BCC ساختارهای طرح‌ریزی شعاعی^۶ هستند؛ چارنز^۷ و همکاران (۱۹۸۵) مدل DEA را با در نظر گرفتن همزمان کمینه‌سازی ورودی و حداکثرسازی خروجی پیشنهاد دادند که مدل افزودنی^۸ (ADD) نامیده می‌شود. شایان ذکر است که مدل‌های CCR، BCC و ADD به ترتیب مدل‌های شعاعی و غیر شعاعی هستند (داوطلب و مهرجو، ۱۳۹۸). پیکانی و همکاران (۲۰۲۰) نیز ساختار مضربی از مدل‌های CCR-IO، CCR-OO، BCC-IO، BCC-OO، ADD-CRS و ADD-VRS ارائه کردند.

در حالت کلی مدل‌های اندازه‌گیری کارایی به دو گروه مدل‌های شعاعی و غیرشعاعی تقسیم می‌شوند. در مدل‌های شعاعی نهاده‌ها و ستانده‌ها متناسب با هم تغییر می‌کنند و تغییرات در ورودی و خروجی را مبنای کار خود قرار می‌دهند. همچنین، واحدهای تصمیم‌گیرنده ناکارا را برای رتبه‌بندی کارایی گزارش نمی‌کنند. اما در مدل‌های غیرشعاعی نهاده‌ها و ستانده‌ها متناسب با هم تغییر نمی‌یابند و کارایی مبتنی بر متغیرهای کمکی مدل‌سازی می‌شود و ارزش ارزیابی کارایی واحدهای تصمیم‌گیرنده ناکارا را نیز ارائه می‌دهد (ممی‌پور و نجف‌زاده، ۱۳۹۷). چالش بکارگیری DEA این است که داده‌های ورودی و خروجی به طور معمول از طریق نمونه‌گیری جمع‌آوری می‌شوند و مرز کارایی نمی‌تواند مرز واقعی را نشان دهد در این حالت برای غلبه بر خطای نمونه‌گیری توسعه مدل DEA (بوت استرپ) پیشنهاد می‌شود اما با توجه به آشفتگی داده‌ها، در ورودی‌ها و خروجی‌ها که می‌تواند تغییر بزرگی در کارایی ایجاد کند و نتایج رتبه بندی را نزدیک به یکدیگر و غیرمنطقی نشان دهد توسعه مدل‌های RDEA که توانایی غلبه بر آشفتگی داده‌ها، تولید مقادیر کارایی استوار و رتبه بندی قابل اعتمادتری دارند بکار گرفته می‌شوند. در تحقیق حاضر مدل CCR استوار ورودی‌گرا (CCR-IO)، مدل CCR استوار خروجی‌گرا (CCR-OO)، BCC استوار

1. Constant Returns to Scale
2. Charnes, Cooper & Rhodes
3. Banker
4. Variable Returns to Scale
5. Banker, Charnes & Cooper
6. Radial Projection Constructs
7. Charnes
8. Additive

ورودی گرا (BCC-IO)، مدل BCC استوار خروجی گرا (BCC-OO)، مدل ADD استوار با بازده ثابت به مقیاس (ADD-CRS) و مدل ADD استوار با بازده متغیر به مقیاس (ADD-VRS) توسعه یافته است. لازم به ذکر است استفاده از مدل های RDEA حجم محاسبات را کمتر کرده و با صرف زمان کمتر تمایز بهتری بین مقادیر کارایی واحدهای تصمیم گیری^۱ (DMU) ایجاد می کند.

بهینه سازی استوار

برنامه ریزی استوار یک رویکرد ریسک گریز برای برخورد با مسائل بهینه سازی در شرایط عدم قطعیت است و به دنبال دستیابی به دو هدف مهم است: استواری مدل و استواری جواب. استواری مدل به این معنی است که راه حل برای تقریباً تمام مقادیر ممکن پارامترهای غیر قطعی، موجه باقی بماند و استواری بهینگی یا جواب به این معنی است که مقدار تابع هدف برای جواب مسئله دارای حداقل انحرافات نامطلوب از مقدار بهینه به ازای مقادیر غیر قطعی پارامترها باشد (حمیدیه و ارشدی خنسه، ۲۰۲۱).

شایان ذکر است که رویکرد بهینه سازی استوار سویستر بیش از حد محافظه کارانه است. رویکرد پیشنهادی بن تال و نیمروفسکی دارای همتای استوار با ساختار برنامه ریزی غیر خطی است که جستجوی قطعی پاسخ بهینه را در مسائل واقعی با مشکل مواجه می کند. هر چند مدل فوق می تواند محافظه کاری را تنظیم کند. اما رویکرد استوار برتسیماس و سیم می تواند به طور انعطاف پذیری سطح محافظه کاری راه حل های استوار را با پارامتر Γ تنظیم کند و دارای همتای استوار با ساختار برنامه ریزی خطی است (حمیدیه و بابایی، ۲۰۲۲). مسئله اصلی، تولید راه حل های بیش از حد محافظه کارانه با توجه به وقوع پارامترهای تصادفی است. در این صورت به منظور کنترل بهینه هزینه اضافی ناشی از تغییرات پارامتری، مولفه های دیگری نیز به مدل اضافه می شود. جنتایل و همکاران^۲ (۲۰۲۱) بررسی کردند که چگونه می توان از پیش بینی تقاضا به منظور دستیابی به یک برنامه ریزی بهینه در شرایط عدم قطعیت استفاده نمود. در این روش از رویکرد پیش بینی در روزآمدسازی پارامترهای غیر قطعی مدل استوار استفاده می شود. به این ترتیب سطح پویایی پارامترهای مدل استوار ارتقا می یابد. از همتای خطی استوار رویکرد مورد اشاره، جهت مقابله با عدم قطعیت در پژوهش حاضر استفاده خواهد شد.

روش شناسی پژوهش

در پژوهش حاضر برای مسئله بهینه سازی سبد سهام رویکرد ترکیبی تحلیل پوششی داده ها - برنامه ریزی استوار در شرایط عدم قطعیت توسعه یافته است. در مرحله اول، کارایی سهم های قابل سرمایه گذاری با استفاده از رویکرد DEA اندازه گیری و مورد ارزیابی قرار می گیرند. این مرحله فیلتر

1. decision making units

2. Gentile

کردن سهم‌ها برای شروع سرمایه‌گذاری در فاز دوم است. سپس در مرحله دوم میزان سرمایه‌گذاری در سهم‌های واجد شرایط تعیین شده و در نهایت پرتفوی منتخب ایجاد می‌شود. همچنین مدل‌های میانگین نیمه واریانس-نرخ رشد^۱ (MSVG) و میانگین انحراف مطلق-نرخ رشد^۲ (MADG) بکار گرفته می‌شود. به طوری که در هر فاز برای مواجهه با عدم قطعیت پارامتری برنامه‌ریزی استوار بکار می‌رود. و در نهایت، مسیر پژوهشی با مطالعه موردی رمزارزها پیاده‌سازی می‌شود. این رویکرد شامل دو فاز است. در شکل (۱) روند اجرایی پژوهش حاضر در ایجاد سبد سهام استوار ارائه شده است.



شکل ۱. روند بهینه‌سازی سبد سهام تحقیق حاضر

پیاده‌سازی فاز اول

در این فاز طی چند مرحله، عملکرد کلیه سهم‌هایی که سرمایه‌گذاران می‌توانند در آن‌ها سرمایه‌گذاری کنند، ارزیابی و اندازه‌گیری می‌شود. در پایان این مرحله، سهم‌هایی که از فیلتر سرمایه‌گذار عبور کرده‌اند، صلاحیت منتخب بودن سرمایه‌گذاری در فاز دوم را دارند. معیارهای مالی کلیدی برای ارزیابی سهام در بازار شامل بازده، ریسک، سودآوری، نقدینگی، اهرم مالی، ارزش‌گذاری و رشد هستند. مقادیر موجود در صورت‌های مالی شرکت شامل ترازنامه، صورت‌های درآمد و جریان نقدی برای تجزیه و تحلیل کمی در ارزیابی نقدینگی، اهرم رشد، حاشیه سودآوری، نرخ بازده، ارزش‌گذاری بکار می‌روند (پیکانی و همکاران، ۲۰۲۰). ولی برخی از این معیارها در بازار رمزارز قابل محاسبه و کاربردی نیستند بنابراین با جستجو در منابع رمزارزی و استفاده از نظر کارشناسان ورودی و خروجی‌های مدل DEA تعیین شدند که در جدول (۲) ارائه شده است.

1. Mean Semi Variance Growth Rate
 2. Mean Absolute Deviation Growth Rate

جدول ۲. ورودی‌ها و خروجی‌های مدل‌های DEA برای رمازرها

توصیف	سیمبول	معیار مالی	
رابطه بین ارزش بازار و حجم انتقال	I (1)	نسبت ارزش شبکه به تراکنش‌ها ^۱ (NVT)	ورودی‌ها
نسبت بین موجودی فعلی دارایی و جریان تولید جدید	I (2)	نسبت سهام به جریان ^۲ (S2F)	
مقیاس نوسانات اخیر قیمت	I (3)	شاخص قدرت نسبی ^۳ (RSI)	
ریسک غیر سیستماتیک	I (4)	انحراف معیار (σ)	
درآمد خالص منهای سود تقسیمی بر سهام عادی	O(1)	سود هر سهم ^۴ (EPS)	خروجی‌ها
نسبت سود یا زیان یک سرمایه‌گذاری در یک دوره معین	O(2)	نرخ بازده	
تکانه ارزش دیجیتال	O(3)	حجم در تعادل ^۵ (OBV)	
EPS سه دوره فعلی تقسیم بر EPS سه دوره قبلی منهای یک	O(4)	نرخ رشد سود هر سهم	
قدرت یک روند	O(5)	شاخص جهت دار متوسط ^۶ (ADX)	

در ادامه به منظور در نظر گرفتن عدم قطعیت پارامترها در مدل‌های DEA رویکرد استوار بر تسیماس و سیم بکار گرفته شده است که در مدل (۴) ارائه شده است.

$$\begin{cases}
 \max c x \\
 s. t \\
 \sum_b \alpha_{ab} \varphi_b + Z_a \Gamma_a + \Omega_a \sum_{b \in \Lambda_a} P_{ab} \leq \beta_a, \forall a \\
 z_a + P_{ab} \geq \hat{\alpha}_{ab} \varphi_b, \forall a, b \in \Lambda_b \\
 -\phi_b \leq \varphi_b \leq \phi_b, \forall a, b \in \Lambda_b \\
 Z, P, \phi \geq 0
 \end{cases} \quad (4)$$

در مدل فوق برای مقابله با عدم قطعیت پارامتری، یک محدودیت خاص a از یک مدل اسمی در نظر گرفته می‌شود و Λ_a مجموعه‌ای از ضرایب در محدودیت a را نشان می‌دهد که در معرض عدم قطعیت هستند. لازم به ذکر است که هر ورودی α_{ab} به عنوان یک متغیر تصادفی متقارن و محدود تعریف شده است که مقادیر در بازه $[\alpha_{ab} - \hat{\alpha}_{ab}, \alpha_{ab} + \hat{\alpha}_{ab}]$ را در بر می‌گیرد. مرکز این بازه در نقطه α_{ab} یک مقدار اسمی است و $\hat{\alpha}_{ab}$ اختلال پارامترهای نامشخص $\alpha_{ab}, b \in \Lambda_a$ است. در نهایت، همتای استوار محدودیت a $(\hat{\alpha}_{ab} \varphi_b \leq \beta_a, \forall a)$ است. در ادامه، بر اساس مدل همتای استوار، شش مدل تحلیل پوششی داده‌های استوار (RDEA) شامل RCCR-IO، RCCR-OO، RBCC-IO، RBCC-OO، RADD-CRS و RADD-VRS توسعه یافته است (پیکانی و همکاران، ۲۰۲۰).

1. Network Value to Transactions
2. Stock to Flow
3. Relative Strength Index
4. Earnings Per Share
5. On-Balance Volume
6. Average Directional Index

سرانجام مدل RDEA به ازای سطوح محافظه‌کاری Γ و آشفتگی Δ برای اندازه‌گیری عملکرد همه سهم‌ها اجرا می‌شود. همچنین با اعمال مدل RDEA تمامی سهم‌ها رتبه‌بندی خواهند شد (اربمالدار^۱ و همکاران، ۲۰۱۷).

در مرحله ششم فاز یک، با توجه به محدودیت کاردینالیته، برای انتخاب سبدسهم در فاز دوم، k سهم برتر که واجد شرایط عبور از فاز اول به فاز دوم هستند، انتخاب می‌شوند. دیدگاه محافظه‌کارانه برای انتخاب بهترین سهم در مرحله اول بدینگونه است که k سهم برتر بر اساس میانگین رتبه هر سهم که در تمام مدل‌های RDEA شامل RCCR-IO، RCCR-OO، RBCC-IO، RBCC-OO، RADD-CRS و RADD-VRS انتخاب شده اند بدست می‌آید.

فاز دوم: بهینه‌سازی سبد سهام

در این فاز طی چند مرحله، میزان سرمایه‌گذاری در هر سهم واجد شرایط تعیین و در نهایت سبد ایجاد می‌شود. به عبارت دیگر، در این مرحله واحد تصمیم‌گیری برای وزن سهم‌های واجد شرایط از مرحله اول در سبد تصمیم می‌گیرد.

در مرحله اول فاز دوم، دو مدل بهینه‌سازی سبدسهم با در نظر گرفتن ریسک، بازده و نرخ رشد توسعه می‌یابد. در مدل اول نیمه واریانس و در مدل دوم انحراف مطلق به ترتیب معیارهای ریسک هستند (RMSVG^۲ و RMADG^۳). برای در نظر گرفتن بازده و نرخ رشد، دو محدودیت به هر مدل اضافه می‌شود که دستیابی به حداقل بازده مورد انتظار و حداقل نرخ رشد مورد انتظار سرمایه‌گذار را تضمین می‌کند. همچنین برای تولید مدل پوششی محدودیت بازار مالی، محدودیت کاردینالیته و محدودیت خرید در نظر گرفته می‌شود. در مرحله سوم فاز دو، مدل‌های بهینه‌سازی پرتفولیوی استوار توسعه یافته است. در این مرحله مدل همتای بهینه‌سازی سبد سهام استوار^۴ (RPO) همراه با اندیس‌ها، پارامترها و متغیرها تعریف گردیده و مدل‌های مسئله ارائه شده است.

اندیس‌ها

J : مجموعه‌ای از سهم‌ها $j = 1, \dots, n$

I : مجموعه‌ای از ورودی‌ها $i = 1, \dots, m$

R : مجموعه‌ای از خروجی‌ها $r = 1, \dots, s$

T : مجموعه‌ای از دوره‌ها $t = 1, \dots, T$

پارامترها

R_{jt} : بازده سهم j ام در دوره t ام

\bar{R}_j : میانگین بازده سهم j ام

1. Arabmaldar
2. Robust Mean Semi-Variance Growth rate
3. Robust Mean Absolute Deviation Growth Rate
4. Robust Portfolio Optimization

R_E : معیار یا سطح هدف بازده موردانتظار سبد سهام

\bar{L}_j : میانگین نرخ رشد سهام j ام

L_E : معیار یا سطح هدف نرخ رشد سبد موردانتظار

k : تعداد سهم‌های مجاز در سبد سهام

A_j : حداقل مبلغ کل وجه قابل سرمایه‌گذاری در سهام j ام

B_j : حداکثر مبلغ کل وجه قابل سرمایه‌گذاری در سهام j ام

Γ : سطح محافظه‌کاری (بودجه عدم قطعیت)

Δ : آشفتگی در پارامترهای نامشخص

cb : کارمزد خرید

cs : کارمزد فروش

متغیرهای تصمیم‌گیری:

ω_j : وزن سهام j ام در سبد

τ_j : متغیر دودویی که در صورت نگهداری سهام j ام یک و در غیر این صورت صفر خواهد بود.

ξ_t : نیمه واریانس سبد سهام در دوره t ام

ζ_t : انحراف مطلق سبد سهام در دوره t ام

\ominus $MSVL$
 $Robust$

$$\min \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \xi_t^2 + \left(\sum_{j=1}^n \max \left(0, \left(\omega_{i(t-1)} - \omega_{i(t)} \right) cs \right) + \sum_{j=1}^n \max \left(0, \left(\omega_{i(t)} - \omega_{i(t-1)} \right) cb \right) \right) \quad (2)$$

S.t.

$$-\sum_{j=1}^n \bar{R}_j \omega_j + Z \bar{R} \Gamma \bar{R} + \sum_{j=1}^n P_j \bar{R} \leq -R_E \quad (3)$$

$$-\sum_{j=1}^n \bar{L}_j \omega_j + Z \bar{L} \Gamma \bar{L} + \sum_{j=1}^n P_j \bar{L} \leq -L_E \quad (4)$$

$$R_E - \sum_{j=1}^n R_{tj} \omega_j + Z_j^R \Gamma_j^R + \sum_{j=1}^n P_{tj}^R \leq \xi_t, \forall t, j \quad (5)$$

$$\sum_{j=1}^n \omega_j = 1 \quad (6)$$

$$\sum_{j=1}^n \tau_j = k \quad (7)$$

$$Z \bar{R} + P_j \bar{R} \geq \Delta \bar{R}_j \omega_j, \forall j \quad (8)$$

$$Z \bar{L} + P_j \bar{L} \geq \Delta \bar{L}_j \omega_j, \forall j \quad (9)$$

$$Z_j^{R_1} + P_{tj}^{R_1} \geq \Delta R_{tj} \omega_j, \forall t, j \quad (10)$$

$$Z_j^{R_2} + P_{tj}^{R_2} \geq \Delta R_{tj} \omega_j, \forall t, j \quad (11)$$

$$Z^{\bar{R}}, Z^{\bar{L}}, Z_j^{R_1}, Z_j^{R_2}, p_j^{\bar{R}}, p_j^{\bar{L}}, p_{tj}^R \geq 0, \forall t, j \quad (12)$$

$$A_j \tau_j \leq \omega_j \leq B_j \tau_j, \forall j \quad (13)$$

$$\tau_j \in \{0, 1\}, \forall j \quad (14)$$

$$\xi_t, \omega_j \geq 0, \forall t, j \quad (15)$$

در مدل همتای استوار فوق رابطه (۲) نشان‌دهنده تابع هدف مدل است که براساس سنجه ریسک نوسان پذیر بنا گردیده است. سبد سهام دارای n سهم است که در آن T به عنوان متغیر کنترل کننده تعداد سهم در سبد بهینه تعریف می‌گردد. تابع هدف نیز با در نظر گرفتن کارمزد خرید و فروش سهام در شرایط تصمیم‌گیری جریمه می‌شود. رابطه (۳) مربوط به برآورد بازده مورد انتظار هر یک از سهام‌ها در شرایط عدم قطعیت است که از سطح بازده مورد انتظار سرمایه‌گذار باید بیشتر باشد. در این محدودیت هر عنصر \bar{R}_j مقداری در بازه $[R_j - \hat{R}_j, R_j + \hat{R}_j]$ می‌گیرد یعنی دارای انحراف از ضریب میانگین اسمی تخمینی است پارامتر Γ مقدار عدد صحیح در بازه $[0, J_0]$ می‌گیرد که حد آستانه متناظر با عدم قطعیت پارامترهای مسئله است و سطح استواری در محدودیت به گونه‌ای کنترل می‌شود که موجه بودن جواب‌ها تضمین شوند. رابطه (۴) نرخ رشد مورد انتظار هر یک از سهام‌ها را در شرایط عدم قطعیت تبیین می‌کند. محدودیت (۵) سنجه ریسک را نشان می‌دهد که بر اساس سنجه نوسان‌پذیر تعریف می‌شود. روابط (۶) و (۷) محدودیت‌های قطعی مسئله هستند که به ترتیب محدودیت مجموع متغیرهای تصمیم و محدودیت کاردینالیته مسئله محسوب می‌شوند. روابط (۸) تا (۱۱) محدودیت‌های استوار مسئله هستند که متغیرهای آن، متغیرهای دوگانی هستند که به مسئله اضافه شده اند و نشان دهنده سطح اختلال داده‌ها هستند. محدودیت (۱۲) نامنفی بودن متغیرهای مدل را تبیین می‌کند. رابطه (۱۳) محدود بودن مقدار سهم را نشان می‌دهد. رابطه (۱۴) محدودیت مربوط به انتخاب سهم است که در صورت انتخاب مقدار یک و در غیر اینصورت مقدار صفر تخصیص می‌یابد. و رابطه (۱۵) بیانگر مثبت بودن نسبت سرمایه‌گذاری و وجود ریسک سرمایه‌گذاری است.

مدل همتای استوار RMSVL^۱ تمامی شرایط مدل RMADL^۲ را دارد. تفاوت این دو مدل با هم در نوع سنجه ریسک است. همانطور که در رابطه (۱۶) مشاهده می‌شود. تابع هدف مدل نشان دهنده کاهش ریسک از نوع سنجه نامطلوب یا ریسک میانگین نیم واریانس است که با تاثیر کارمزد خرید و فروش در شرایط سرمایه‌گذاری محقق می‌گردد

$$\ominus_{Robust}^{MSVL} \min \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \xi_t^2 + \left(\sum_{j=1}^n \max \left(0, \left(\omega_{i(t-1)} - \omega_{i(t)} \right) cs \right) + \sum_{j=1}^n \max \left(0, \left(\omega_{i(t)} - \omega_{i(t-1)} \right) cb \right) \right) \quad (16)$$

1. Robust Mean-Semi Variance-Liquidity
2. Robust Mean-Absolute Deviation-Liquidity

در ادامه، مدل بهینه‌سازی سیدسهام استوار با در نظر گرفتن سطح مطلوب محافظه‌کاری Γ و آشفستگی Δ اجرا می‌شود؛ تا وزن سهم‌های واجد شرایط به‌دست‌آمده از فاز اول محاسبه شود. و در مرحله پایانی فاز دو، با توجه به وزن‌های k سهم برتر در مدل، سبد سرمایه‌گذار موردنظر ساخته می‌شود. لازم به ذکر است که با تغییر حداقل بازده و حداقل نرخ رشد موردانتظار سرمایه‌گذار، مرز مؤثر ایجاد خواهد شد.

تجزیه و تحلیل داده‌ها

ابتدا متغیرهای مدل با استفاده از روش دلفی و معیارهای مالی برای ارزیابی سهام از دیدگاه‌های مختلف انتخاب می‌شوند؛ که شامل بازده، ریسک، سودآوری، نرخ رشد، اهرم، ارزش‌گذاری و رشد است. کارایی تمام سهم‌های قابل سرمایه‌گذاری برای گزینش بر اساس تعداد ورودی‌ها و خروجی‌ها مورد ارزیابی و اندازه‌گیری قرار می‌گیرند که تعداد ۳۷ رمز ارز بین‌المللی با قابلیت تراکنش عملیاتی وارد فضای رقابت شدند. رمز ارزهای فوق با تخصیص بالای حجم معاملاتی و در بازه زمانی ۲۰۲۰ تا ۲۰۲۱ انتخاب گردیدند. مدل توسعه یافته، بعد از جمع‌آوری داده‌ها با تنظیم درصد نوسانات مختلف و Γ های متفاوت حل می‌شود تا میزان کارایی رمز ارزها تحت حالات مختلف تعیین گردد. همانطور که در جدول ۳ مشاهده می‌شود با در نظر گرفتن سطح اطمینان ۹۰٪ به‌منظور ارضای محدودیت‌ها در DEA و سطوح محافظه‌کاری 84/4/3/56/3 برای پارامترهای غیر قطعی و همچنین تنظیم کردن درجه اختلال داده‌ها بر روی مقدار ۰,۰۵ مدل‌های RCCR-IO، RCCR-OO، RBCC-IO، RBCC-OO، RADD-CRS و RADD-CRS و RADD-VRS اجرا می‌شوند. با اجرای مدل‌های RDEA رتبه‌بندی سهم‌ها در مدل‌ها طبق جدول ۳ ارائه می‌شود.

جدول ۳. نتایج مدل‌های DEA

سهام	RCCR-IO	RCCR-OO	RBCC-IO	RBCC-OO	RADD-CRS	RADD-VRS
BTC	۰/۹۰۴۶۲۰۰۰	۱/۵۴۵۳۰۰۰	۱/۰۰۴۷۲۰۰	۱/۴۱۳۴۶۰۰	۱۰۲/۹۷۰۴۰	۶۶/۳۸۰۸۵۰
ETH	۰/۷۹۹۲۵۰۰۰	۱/۳۸۸۸۹۰۰	۰/۹۱۸۵۲۰۰۰	۱/۴۱۲۶۸۰۰	۵۸/۳۳۶۳۵۰	۲۲/۴۸۹۳۵۰
SOL	۰/۷۳۴۰۶۰۰۰	۱/۱۵۱۹۱۰۰	۰/۹۱۲۲۸۰۰۰	۱/۱۶۱۳۸۰۰	۲۶/۷۶۸۷۱۰	۵۵/۳۶۷۸۰۰
LUNA	۰/۶۶۴۸۱۰۰۰	۱/۴۴۰۶۳۰۰	۰/۹۱۰۱۸۰۰۰	۱/۱۵۷۰۵۰۰	۱۴/۶۲۷۲۹۰	۴۹/۴۶۸۹۴۰
ALGO	۰/۸۱۳۴۸۰۰۰	۱/۱۷۴۰۲۰۰	۰/۹۲۲۵۵۰۰۰	۱/۱۶۹۱۰۰۰	۱۹۳۰۴۹۵۰	۲۶/۳۹۳۲۹۰
AXS	۰/۸۲۱۹۵۰۰۰	۱/۴۶۸۴۸۰۰	۰/۹۱۹۵۶۰۰۰	۱/۱۷۳۱۷۰۰	۵۲/۷۷۱۳۱۰	۱۲/۲۲۶۴۴۰
FIL	۰/۷۱۹۲۱۰۰۰	۱/۲۵۷۱۳۰۰	۰/۹۰۴۲۳۰۰۰	۱/۱۰۵۰۸۰۰	۷۳/۷۸۰۵۵۰	۲۶/۵۸۶۲۱۰
HBAR	۰/۷۴۲۷۹۰۰۰	۱/۳۶۳۲۸۰۰	۰/۸۶۷۲۹۰۰۰	۱/۲۷۴۶۹۰۰	۵۷/۱۱۶۷۶۰	۵۶/۳۲۲۲۱۰
GALA	۰/۶۸۲۷۲۰۰۰	۱/۲۲۶۴۸۰۰	۰/۸۷۷۱۲۰۰۰	۱/۲۷۷۶۶۰۰	۶۴/۵۷۷۰۴۰	۱۲/۷۱۵۶۰۰
HNT	۰/۷۹۳۷۵۰۰۰	۱/۵۰۰۷۱۰۰	۰/۸۴۳۷۱۰۰۰	۱/۲۲۲۹۱۰۰	۳۰/۳۶۶۸۷۰	۳۱/۱۳۷۹۴۰

با توجه به محدودیت کاردینالیتی در مدل بهینه‌سازی سبد، $k=10$ تعیین می‌شود. یعنی ده سهمی که میانگین رتبه بالاتری دارند انتخاب می‌گردند. در نهایت مجموعه سهم‌هایی که از مدل‌های RDEA در

دوره اول انتخاب شده‌اند، عبارتند از: Bitcoin, Ethereum, Solana, Luna, Algorand, Axie Infinity, Filecoin, Hedera, Helium و Gala.

اجرای مدل بهینه‌سازی سبد برای رمز ارزها

برای اجرای مدل بهینه‌سازی سبد، داده‌های ماهانه بازده و نرخ رشد سهم‌های منتخب از بازار رمزارز استخراج می‌شود. پس از انتخاب سهام از فاز اول، مدل استوار پیشنهادی فاز دوم با توجه به سطح اطمینان و سطح محافظه‌کاری مورد نظر و تنظیم درجه آشفستگی Δ برای یک محدودیت با K پارامتر نامشخص اجرا می‌شود. همچنین نرخ رشد سود مورد انتظار سبد، ثابت در نظر گرفته شده تا بازده مورد انتظار پرتفوی افزایش یابد.

جدول ۴. نتایج مدل میانگین نیم واریانس نرخ رشد (RMSVG)

ریسک (SV) پرتفوی	وزن سهم‌های منتخب از فاز اول											نرخ رشد سود مورد انتظار
	HNT	GAL A	HBA R	FIL	AXS	ALGO	LUN A	SOL	ETH	BTC	بازده مورد انتظار	
۰/۰۰۲۰	۰/۱۳۰	۰/۰۴۵۰	۰/۱۶۵	۰/۱۷۷	۰/۰۶۵۰	۰/۱۱۴	۰/۱۷۹	۰/۰۵۰	۰/۰۵۰۰	۰/۱۴۲	۰/۰۶	
۰/۰۰۵۵	۰/۱۷۳	۰/۱۲۹	۰/۰۱۴۰	۰/۱۰۰	۰/۱۱۵	۰/۱۱۴	۰/۰۲۰۰	۰/۰۳۴۰	۰/۱۶۳	۰/۱۳۸	۰/۰۹	
۰/۰۱۰۶	۰/۱۳۸	۰/۱۳۹	۰/۱۴۰	۰/۰۶۰۰	۰/۱۱۰	۰/۱۰۲	۰/۰۵۲۰	۰/۰۷۰۰	۰/۰۳۲۰	۰/۱۵۷	۰/۱۲۰	
۰/۰۱۷۱	۰/۱۴۲	۰/۱۴۸	۰/۰۸۹۰	۰/۱۵۸	۰/۰۳۰۰	۰/۰۳۸۰	۰/۱۷۲	۰/۱۲۷	۰/۰۲۳۰	۰/۰۷۳۰	۰/۱۵۰	
۰/۰۲۷۴	۰/۰۸۱۰	۰/۱۱۴	۰/۰۳۱۱	۰/۰۲۱۰	۰/۱۱۶	۰/۱۶۹	۰/۱۳۶	۰/۰۲۷۰	۰/۰۶۷۰	۰/۰۵۸۰	۰/۱۸۰	
۰/۰۳۶۸	۰/۰۶۹۰	۰/۰۸۲۰	۰/۱۸۳	۰/۰۴۴۰	۰/۰۸۶۰	۰/۰۴۶۰	۰/۱۶۴	۰/۱۳۰	۰/۱۴۱	۰/۰۵۵۰	۰/۲۱۰	
۰/۰۴۹۳	۰/۱۵۷	۰/۰۹۴	۰/۰۳۹۰	۰/۱۱۳	۰/۱۲۰	۰/۱۴۴	۰/۰۹۳۰	۰/۰۸۸۰	۰/۱۳۵	۰/۰۱۷۰	۰/۲۴۰	

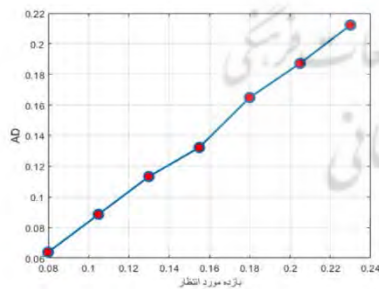
در جدول ۴ سطح اطمینان ۹۰٪ و درجه اختلال $\Delta = 0/05$ در نظر گرفته شده است. به منظور تامین پاسخ محدودیت‌ها در مدل و سطح محافظه‌کاری $\Gamma = 5/05$ برای هر محدودیت غیرقطعی، مدل RMSVG با ۱۰ پارامتر نامشخص اجرا شد. در این مدل، نرخ رشد سود مورد انتظار سبد معادل ۱۱/۵ در نظر گرفته

شده است تا بازده مورد انتظار پرتفوی افزایش یابد. که بیشترین ریسک سبد برابر 0.493 مربوط به بازده برابر با 0.240 و کمترین ریسک 0.020 مربوط به بازده مورد انتظار برابر با 0.06 است. با افزایش بازده مورد انتظار پرتفوی، ریسک پرتفوی با سنجه نیم واریانس افزایش می‌یابد.

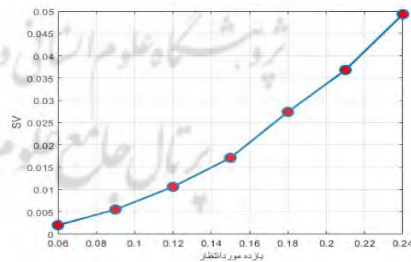
جدول ۵. نتایج مدل میانگین نیم واریانس نرخ رشد (RMADG)

ریسک (AD) پرتفوی	وزن سهام‌های منتخب از فاز اول										بازده مورد انتظار	نرخ رشد سود مورد انتظار
	HNT	GALA	HBAR	FIL	AXS	ALGO	LUNA	SOL	ETH	BTC		
0.0639	0.009	0.041	0.168	0.177	0.061	0.121	0.182	0.058	0.053	0.130	0.08	۱۱/۵۰
0.0886	0.184	0.145	0.008	0.100	0.120	0.115	0.019	0.039	0.145	0.125	0.105	
0.1123	0.122	0.141	0.144	0.0700	0.108	0.099	0.045	0.071	0.031	0.159	0.130	
0.1322	0.152	0.155	0.092	0.158	0.038	0.029	0.181	0.101	0.022	0.072	0.155	
0.1649	0.099	0.108	0.201	0.109	0.125	0.175	0.131	0.021	0.066	0.055	0.180	
0.1872	0.070	0.091	0.187	0.045	0.077	0.051	0.155	0.115	0.151	0.058	0.205	
0.2122	0.165	0.099	0.035	0.104	0.121	0.145	0.080	0.074	0.161	0.016	0.230	

همانطور که در جدول ۵ مشاهده می‌شود در مدل هم‌تای استوار سبد با سنجه ریسک قدر مطلق نیز با افزایش بازده سهام ریسک افزایش می‌یابد. با سطح اطمینان 90% و درجه آشفتگی Δ به مقدار 0.05 و سطح محافظه‌کاری Γ برای هر محدودیت غیرقطعی هم‌تای استوار مدل اجرا می‌شود که بیشترین ریسک سبد برابر 0.2122 مربوط به بازده برابر با 0.230 و کمترین ریسک 0.0639 مربوط به بازده مورد انتظار 0.08 است.



شکل ۳. مرز کارایی RMADG



شکل ۲. مرز کارایی RMSVG

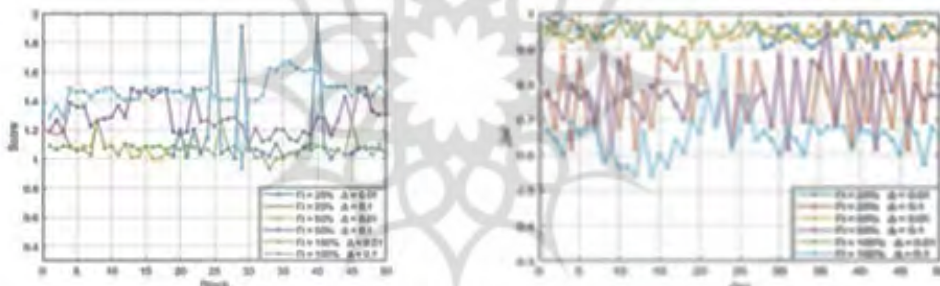
در شکل‌های ۲ و ۳ تغییرات تابع هدف در مقابل تغییرات هزینه استواری قابل مشاهده است که روند هر دو شکل صعودی است اما سرعت رشد شکل ۲ کندتر انجام می‌شود.

تحلیل حساسیت

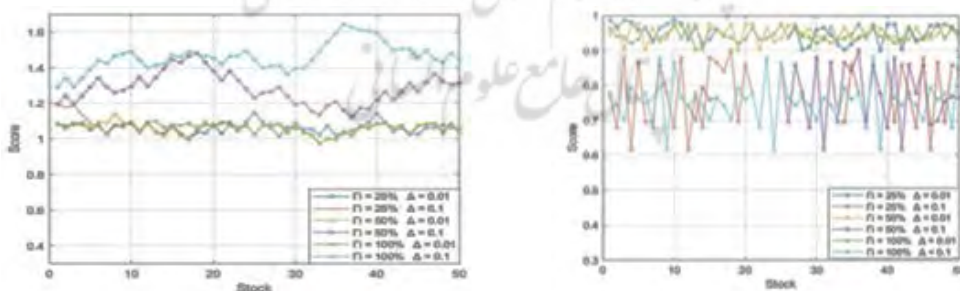
تحلیل حساسیت فاز اول

در ابتدا تاثیر سطح محافظه‌کاری بر کارایی مدل‌ها مورد بررسی قرار می‌گیرد. در این بخش، تحلیل حساسیت همه مدل‌های استوار به ازای Γ و Δ مختلف تبیین می‌شود.

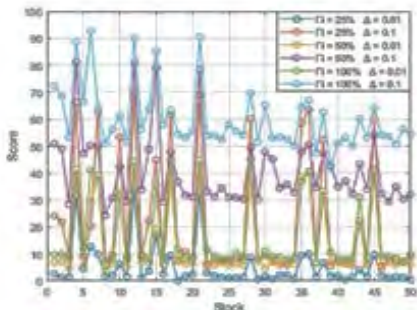
تحلیل حساسیت مدل‌های RADD-CRS, RBCC-OO, RBCC-IO, RCCR-OO, RCCR-IO و RADD-VRS به ترتیب در شکل‌های ۴ تا ۹ ارائه شده است. در این راستا، با افزایش بودجه استواری Γ از ۰٪ به ۱۰۰٪ برای پارامترهای نامشخص، و افزایش درجه آشفتگی Δ از ۰/۱ به ۰/۱ مقدار تابع هدف بدتر شده و میزان کارایی کاهش می‌یابد، همچنین با افزایش بودجه استواری و درجه آشفتگی در شکل (۴) سهم *LTC* کمترین مقدار و سهم *XLM* بیشترین مقدار، در شکل ۵ سهم *XLM* کمترین مقدار، *FTM* بیشترین مقدار، در شکل (۶) *THETA* کمترین مقدار و *FTM* بیشترین مقدار، در شکل (۷) *MATIC* و *GRT* بیشترین مقدار، در شکل (۸) *BTC* کمترین مقدار و *FTM* بیشترین مقدار و در شکل (۹) *GALA* کمترین مقدار و *XRP* بیشترین مقدار را در ستون آخر جداول تحلیل حساسیت به خود اختصاص داده‌اند.



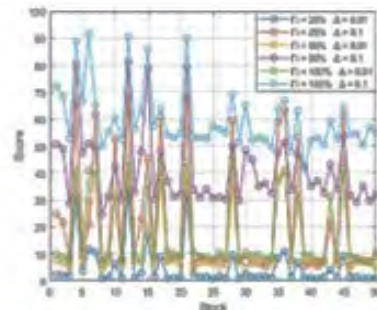
شکل ۴. روند مدل استوار CCR-IO برای Γ و Δ مختلف
شکل ۵. روند مدل استوار CCR-OO برای Γ و Δ مختلف



شکل ۶. روند مدل استوار BCC-IO برای Γ و Δ مختلف
شکل ۷. روند مدل استوار برای BCC-OO برای Γ و Δ مختلف



شکل ۹. روند مدل استوار ADD-VRS برای Γ و Δ مختلف



شکل ۸. روند مدل استوار ADD-CRS برای Γ و Δ مختلف

همچنین تحلیل حساسیت RMADG برای Γ و Δ مختلف ارائه می شود. نتایج نشان می دهد که با افزایش Γ از ۰٪ به ۱۰۰٪ و آشفته گی Δ از ۰/۰۱ به ۰/۱ مقدار تابع هدف بدتر می شود. یعنی با افزایش میزان عدم قطعیت، مجموعه شدنی (مقادیر موجه) هم تالی استوار مسئله بهینه سازی کوچک می شود. لازم به ذکر است که بازده مورد انتظار و رشد مورد انتظار پرتفوی در هر دو مدل استوار برابر در نظر گرفته شد.

جدول ۶. نتایج مدل میانگین نیم واریانس بازده (RMSVG) با Γ و Δ مختلف.

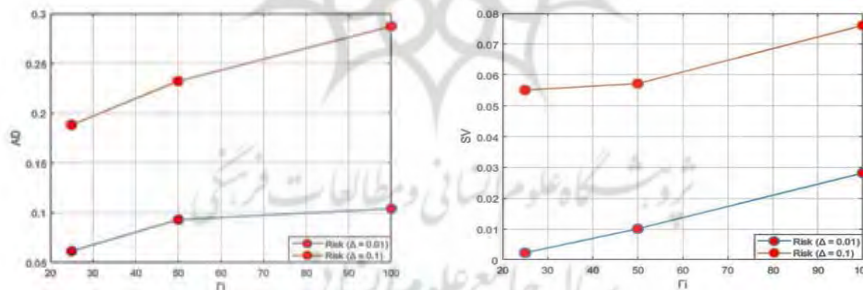
ریسک (SV) پرتفو	وزن سهام های منتخب از فاز اول										MSVG	
	HNT	GALA	HBAR	FIL	AXS	ALGO	LUNA	SOL	ETH	BTC		
۰/۰۰۳۹	۰/۰۱۹	۰/۰۵۲	۰/۱۴۹	۰/۱۵۱	۰/۰۷۹	۰/۱۱۴	۰/۱۶۲	۰/۰۸۲	۰/۰۹۵	۰/۱۱۸	$\Delta = 0.01$ $\Delta = 0.1$ $\Delta = 0.01$ $\Delta = 0.1$ $\Delta = 0.01$ $\Delta = 0.1$	$\Gamma_i = 25\%$
۰/۰۰۲۳	۰/۰۱۴۰	۰/۰۴۱۰	۰/۱۶۳	۰/۱۸۷	۰/۰۶۹۰	۰/۱۲۴	۰/۱۷۰	۰/۰۵۵	۰/۰۵۱۰	۰/۱۲۱		
۰/۰۵۵۱	۰/۱۳۸	۰/۱۳۹	۰/۰۱۳۰	۰/۱۱۲	۰/۱۰۵	۰/۱۰۴	۰/۰۳۲۰	۰/۰۴۴۰	۰/۱۶۳	۰/۱۵۰		$\Gamma_i = 50\%$
۰/۰۱۰۱	۰/۱۱۹	۰/۱۱۹	۰/۱۵۵	۰/۰۷۹۰	۰/۱۱۳	۰/۱۲۰	۰/۰۵۱۰	۰/۰۶۵۰	۰/۰۴۱۰	۰/۱۵۶		
۰/۰۵۷۲	۰/۱۱۷	۰/۱۶۲	۰/۰۷۸	۰/۱۸۱	۰/۰۲۵	۰/۰۳۲۰	۰/۱۷۱	۰/۱۳۲	۰/۰۲۵۰	۰/۰۷۷۰		$\Gamma_i = 100\%$
۰/۰۲۸۲	۰/۱۲۳	۰/۱۱۹	۰/۲۰۱	۰/۰۲۰	۰/۱۲۱	۰/۱۵۵	۰/۱۲۱	۰/۰۲۱	۰/۰۶۴	۰/۰۵۵		
۰/۰۷۶۱	۰/۰۷۷	۰/۰۸۱	۰/۱۸۹	۰/۰۴۶	۰/۰۸۰	۰/۰۴۵	۰/۱۶۰	۰/۱۳۲	۰/۱۳۸	۰/۰۵۲		

بر اساس جدول ۶، با تغییرات Γ و درجه آشفته گی، ریسک مدل افزایش پیدا می کند که بیشترین مقدار ریسک در $\Gamma = 100, \Delta = 0/1$ برابر است با ۰/۰۷۶۱ و کمترین ریسک در $\Gamma = 25, \Delta = 0/01$ برابر با ۰/۰۰۲۳ است.

جدول ۷. نتایج مدل میانگین نیم واریانس بازده (RMADG)

ریسک (AD) پرتفو	وزن سهام‌های منتخب از فاز اول										MADG	
	HNT	GALA	HBAR	FIL	AXS	ALGO	LUNA	SOL	ETH	BTC		
۰/۰۶۸۹	۰/۰۰۵	۰/۰۶۱	۰/۱۳۲	۰/۱۵۲	۰/۰۶۹	۰/۱۲۲	۰/۱۵۲	۰/۰۶۳	۰/۰۸۲	۰/۱۲۲	Δ = 0.01	Γi = 25%
۰/۰۶۱۵	۰/۰۱۸	۰/۰۵۸	۰/۱۴۹	۰/۱۷۸	۰/۰۵۹	۰/۱۲۳	۰/۱۷۲	۰/۰۴۳	۰/۰۶۲	۰/۱۳۸		
۰/۱۸۸۲	۰/۱۴۹	۰/۱۶۲	۰/۰۰۷	۰/۰۹۸	۰/۱۳۵	۰/۱۱۲	۰/۰۱۲	۰/۰۳۲	۰/۱۳۸	۰/۱۵۵	Δ = 0.01	Γi = 50%
۰/۰۹۳۱	۰/۱۰۱	۰/۱۳۲	۰/۱۶۲	۰/۰۷۱	۰/۱۱۲	۰/۱۱۲	۰/۰۴۲	۰/۰۸۸	۰/۰۲۸	۰/۱۵۲	Δ = 0.1	
۰/۲۳۲۱	۰/۱۳۹	۰/۱۴۹	۰/۱۰۱	۰/۱۶۲	۰/۰۴۲	۰/۰۱۹	۰/۱۷۵	۰/۱۲۱	۰/۰۲۱	۰/۰۷۱	Δ = 0.01	Γi = 100%
۰/۱۰۴۱	۰/۰۵۰	۰/۱۲۰	۰/۲۲۲	۰/۰۱۸	۰/۱۲۲	۰/۱۸۱	۰/۱۴۵	۰/۰۳۰	۰/۰۶۰	۰/۰۵۲	Δ = 0.1	
۰/۲۸۷۱	۰/۰۶۸	۰/۰۹۹	۰/۱۷۸	۰/۰۳۹	۰/۰۷۴	۰/۰۸۵	۰/۱۶۵	۰/۱۱۹	۰/۱۲۲	۰/۰۵۱	Δ = 0.01	

همانطور که در جدول ۷ مشاهده می‌شود هر چه مقدار Γ و درجه آشفتگی Δ بیشتر شود مقدار ریسک نیز در این سنجه افزوده می‌گردد. که بیشترین ریسک سبد برابر ۰/۲۸۷۱ مربوط به $\Gamma = 100\%, \Delta = 0/01$ و کمترین ریسک برابر با ۰/۰۶۱۵ مربوط به $\Gamma = 25\%, \Delta = 0/1$ است.



شکل ۱۱. AD در RMADG

شکل ۱۰. SV در RMSVG

شکل‌های ۱۰ و ۱۱ بیانگر تغییرات سنجه‌های ریسک در برابر عدم قطعیت پارامترهای مسئله و سطح محافظه‌کاری و درجه آشفتگی داده‌ها است. مقایسه این دوشکل نشان می‌دهد که مقدار ریسک در سنجه نیم واریانس نسبت به ریسک با سنجه قدر مطلق کمتر است که نشان از عملکرد بهتر مدل RMSVG نسبت به مدل RMADG است.

بحث و نتیجه گیری

در این پژوهش یک مدل ترکیبی بهینه‌سازی با بکارگیری همزمان روش تحلیل پوششی داده‌ها و بهینه‌سازی استوار به منظور ارزیابی ریسک با ورودی‌ها و خروجی‌های غیرقطعی توسعه یافته است. مطالعه حاضر، چارچوبی برای انتخاب پورتفوی بهینه و سنجش میزان اعتبار مدل با ساختاری باز در هر مرحله است. به گونه‌ای که در هر مرحله پارامترهای انحراف معیار، نرخ رشد سود و بازده هر سهم به ازای سطح محافظه‌کاری برنامه‌ریزی استوار غیرقطعی در نظر گرفته می‌شوند. رویکرد بهینه‌سازی استوار بکار گرفته شده عدم قطعیت را در داده‌های ورودی و خروجی به طور هم‌زمان و بدون نیاز به شناسایی توزیع داده‌ها، توسط سطح محافظه‌کاری تحت کنترل قرار می‌دهد. نتایج نشان می‌دهد با افزایش میزان اختلال، میانگین کارایی کل در فاز اول کاهشی است و این کاهش در نمره کارایی هر یک از DMUها قابل مشاهده است. لازم به ذکر است که با توجه به محدودیت‌های سخت‌گیرانه در مدل‌های توسعه یافته و کاهش سطح کارایی، واحدهای کمتری روی مرز کارایی قرار می‌گیرند و در نتیجه نیازی به استفاده از مدل‌های ابرکارا برای ارزیابی مجدد واحدهای کارا نیست. همچنین توانایی تفکیک‌پذیری و رتبه بندی مدل‌های پیشنهادی در محاسبه کارایی واحدهای تصمیم‌گیری مشهود است. علاوه بر این، سطح کارایی مدل‌های استوار به ازای سطح محافظه‌کاری و درجه اختلال پارامترها تغییر نموده و مدل‌های ورودی‌محور و خروجی‌محور در ارزیابی کارایی موثر و در یک راستا عمل می‌کنند.

یافته‌های این تحقیق در فاز دوم نشان می‌دهد که وضعیت سبد بهینه، وابسته به تغییرات بازده مورد انتظار است که بر اساس سیر صعودی میانگین بازده، انتخاب شده‌اند. با افزایش سطح بازده مورد انتظار سبد بهینه، ریسک سبد با هر دو سنجه ریسک میانگین انحراف مطلق و میانگین نیم واریانس افزایش می‌یابد. شایان ذکر است با افزایش بازده مورد انتظار سبد، سهم‌هایی مورد انتخاب قرار می‌گیرد که از ارزش بازاری بهینه‌ای برخوردار باشند که نشان‌دهنده کنترل مدل در مواجهه با نوسان داده‌های غیرقطعی است. هرچه که سطح محافظه‌کاری بیشتر شود، فرصت سرمایه‌گذاری برای ریسک‌های مطلوب افزایش می‌یابد در صورتی که برای ریسک‌های نامطلوب روندی کاهشی است. همانطور که در نتایج مشاهده می‌شود با افزایش سطح محافظه‌کاری و افزایش هزینه استواری با حضور عدم اطمینان داده‌های مسئله، بازده مورد انتظار سبد سهام در جواب بهینه افزایش پیدا می‌کند از طرف دیگر، با بالا بردن سطح محافظه‌کاری مقدار تابع هدف به عنوان ریسک سبد افزایش می‌یابد که عامل اصلی آن افزایش نوسانات داده‌ها در شرایط عدم قطعیت جستجو است. لازم به ذکر است با افزایش سطح محافظه‌کاری مقدار تابع هدف بهبود نمی‌یابد و در یک سطح معینی با مقدار ثابتی همگرا می‌شود.

تابع هدف با سنجه ریسک میانگین انحراف مطلق با افزایش سطح محافظه‌کاری و به ازای حداقل درجه اختلال با روند سریعتری افزایش پیدا می‌کند تا به مرز ۵۰٪ می‌رسد بعد از آن بر اثر کاهش تاثیر میزان محافظه‌کاری روند آهسته‌ای را دنبال می‌کند. که ریسک‌گریزی مسئله را نسبت به تغییرات سطح محافظه‌کاری و همگرایی مسئله با حداقل درجه اختلال نشان می‌دهد. از طرف دیگر ارزیابی نمودار تابع با سنجه میانگین نیم واریانس، حساسیت بیشتر تابع هدف نسبت به تغییرات سطح محافظه‌کاری را تبیین

می‌نماید. شایان ذکر است مقایسه روند نمودار ریسک با دو سنجه مورد نظر نشان می‌دهد که عملکرد مدل همتای استوار RMSVG مطلوب تر بوده و تبادل بهینه‌ای بین استواری و بهینگی جواب ایجاد می‌کند. با بررسی جامعی که بر روی پژوهش‌های داخلی و خارجی انجام شده است در تحقیقات آتی حرکت در مسیرهای زیر برای ادامه این پژوهش توصیه می‌شود.

- استفاده از مدل‌های استوار برای ساختارهای شبکه ای تحلیل پوششی داده‌ها در فاز اول
- در نظر گرفتن همبستگی در عدم قطعیت داده‌ها
- ارزیابی کارایی متقاطع برای ایجاد رتبه بندی دقیق تر برای فاز اول و بکارگیری معیارهای ریسک دیگر برای فاز دوم
- بکارگیری مدل‌های TVP-VAR با رویکرد برنامه‌ریزی استوار در بازارهای مالی متغیر و شرایط عدم اطمینان فزاینده پارامتری

ملاحظات اخلاقی

حامی مالی: پژوهش حامی مالی ندارد.
 مشارکت نویسندگان: تمام نویسندگان در آماده سازی پژوهش مشارکت داشته‌اند.
 تعارض منافع بنابر اظهار نویسندگان در این پژوهش هیچگونه تعارض منافی وجود ندارد.
 تعهد کپی رایت: طبق تعهد نویسندگان حق کپی رایت رعایت شده است.

پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی
 پرتال جامع علوم انسانی

References

- Abounoori, E., Tehrani, R., & Shamani, M. (2018). The performance of risk-based portfolios under different conditions in the stock market (Empirical evidence from the Iranian stock market). *Quarterly of Financial Economics*, 12(45), 51–71. (In Persian)
- Arabmaldar, A., Jablonsky, J., & Hosseinzadeh Saljooghi, F. (2017). A new robust DEA model and super-efficiency measure. *Optimization*, 66(5), 723–736.
- Ahir, H., Bloom, N., & Furceri, D. (2022). The World Uncertainty Index. *SSRN Electronic Journal*. <https://doi.org/10.2139/ssrn.4039482>
- Ahn, K., Lee, D., Sohn, S., & Yang, B. (2019). Stock market uncertainty and economic fundamentals: an entropy-based approach. *Quantitative Finance*, 19(7), 1151–1163. <https://doi.org/10.1080/14697688.2019.1579922>
- Ashrafi, H., & Thiele, A. C. (2021). A study of robust portfolio optimization with European options using polyhedral uncertainty sets. *Operations Research Perspectives*, 8, 100178. <https://doi.org/10.1016/j.orp.2021.100178>
- Banker, R. D., Charnes, A., & Cooper, W. W. (1984). Some models for estimating technical and scale inefficiencies in data envelopment analysis. *Management science*, 30(9), 1078-1092.
- Ben-Tal, A., & Nemirovski, A. (2000). Robust solutions of linear programming problems contaminated with uncertain data. *Mathematical programming*, 88(3), 411-424.
- Bertsimas, D., & Sim, M. (2004). The Price of Robustness. *Operations Research*, 52(1), 35–53.
- Bousofiane, A., Dyson, R. G., & Thanassoulis, E. (1991). Applied data envelopment analysis. *European journal of operational research*, 52(1), 1-15.
- Burkaltseva, D., Niyazbekova, S., Borsch, L., Jallal, M. A. K., Apatova, N., Nurpeisova, A., Semenov, A., & Zhansagimova, A. (2021). Methodological Foundations of the Risk of the Stock Markets of Developed and Developing Countries in the Conditions of the Crisis. *Journal of Risk and Financial Management*, 15(1), 3.
- Charnes, A., Cooper, W. W., Golany, B., Seiford, L., & Stutz, J. (1985). Foundations of data envelopment analysis for Pareto-Koopmans efficient empirical production functions. *Journal of Econometrics*, 30(1-2), 91–107.
- Chuliá, H., Guillén, M., & Uribe, J. M. (2017). Measuring uncertainty in the stock market. *International Review of Economics & Finance*, 48, 18-33.
- Davtalab, A., & Mehrjoo, R. (2019). Stock portfolio ranking using financial technology set in DEA models (case study: Tehran Stock Exchange). *Journal of New Researches in Mathematics*, 5(21), 47–56. (In Persian)
- Doshi, H., Kumar, P., & Yerramilli, V. (2018). Uncertainty, capital investment, and risk management. *Management Science*, 64(12), 5769-5786.

Escobari, D., & Jafarnejad, M. (2019). Investors' Uncertainty and Stock Market Risk. *Journal of Behavioral Finance*, 20(3), 304–315.

Eyvazloo, R., Fallahpour, S., & Dehghani Ashkezari, M. (2021). Index tracking using Two-tail Mixed Conditional Value-at-risk in Tehran Stock Exchange. *Financial Research Journal*, 23(4), 545–563. (In Persian)

Gentile, C., Pinto, D. M., & Stecca, G. (2022). Price of robustness optimization through demand forecasting with an application to waste management. *Soft Computing*. <https://doi.org/10.1007/s00500-022-07148-y>

Hamidieh, A., & Arshadikhamesh, A. (2021). The flexible Possibilistic-Robust mathematical programming approach for the resilient supply chain network: An operational plan. *Journal of Advanced Manufacturing Systems*. <https://doi.org/10.1142/s0219686721500220>

Hamidieh, A., & Babaei, S. (2022). Flexible and Robust Optimization Combination for Reliable Forward-Reverse Logistic Network Design using Benders' Decomposition Method. *Journal of Quality Engineering and Production Optimization*, 7(2), 107–134. <https://doi.org/10.22070/JQEPO.2023.16393.1236>

Juszczuk, P., Kaliszewski, I., Miroforidis, J., & Podkopaev, D. (2022). Mean-variance portfolio selection problem: Asset reduction via nondominated sorting. *The Quarterly Review of Economics and Finance*, 86, 263–272. <https://doi.org/10.1016/j.qref.2022.07.007>

Karimi, T., Pahlavan zadeh, M., Alwardi, A., & Amra, M. (2021). Proposing DEA-GZBWM Method with Fuzzy Uncertainty. *Industrial Management Journal*, 13(3), 415–434. (In Persian)

Kayedppour, F., Sayadmanesh, S., Salmani, Y., & Sadeghi, Z. (2021). Measuring the Efficiency and Productivity of Cement Companies in Tehran Stock Exchange by Data Envelopment Analysis and Malmquist Productivity Index in Gray Environment. *Journal of Innovation Management and Operational Strategies*, 1(4), 363–382. (In Persian)

Konno, H., & Yamazaki, H. (1991). Mean-absolute deviation portfolio optimization model and its applications to Tokyo stock market. *Management science*, 37(5), 519–531.

Kouchaki Tajani, M., Fallah, R., Maranjory, M., & Alikhani, R. (2021). Presentation of a scenario-based optimization model for bank loan portfolio under conditions of uncertainty based on robust Mulvey's approach. *Journal of Financial Management Perspective*, 11(35), 67–90. (In Persian)

Li, B., & Teo, K. L. (2021). Portfolio optimization in real financial markets with both uncertainty and randomness. *Applied Mathematical Modelling*, 100, 125–137.

Luan, D., Wang, C., Wu, Z., & Xia, Z. (2021). Two-stage robust optimization model for uncertainty investment portfolio problems. *Journal of Mathematics*, 2021.

Mamipour, S., & Najafzadeh, B. (2017). Three-Stage Environmental Efficiency Evaluation of Iran's Power Industry: Network Data Envelopment Analysis Approach. *Financial Research Journal*, 53(2), 191–217. (In Persian)

Markowitz, H. (1952). Portfolio Selection. *The Journal of Finance*, 7(1), 77–91.

Mashayekhi, Z., & Omrani, H. (2016). An integrated multi-objective Markowitz–DEA cross-efficiency model with fuzzy returns for portfolio selection problem. *Applied Soft Computing*, 38, 1–9. <https://doi.org/10.1016/j.asoc.2015.09.018>

Modarres, M., & Hasanzadeh Mofrad, M. (2011). ROBUST OPTIMIZATION OF A PORTFOLIO WHICH INCLUDES OPTIONS. *Industrial Engineering and Management Journal*, 27-1(1), 93–102. (In Persian)

Mohammadi, S., Raei, R., & Tondnevis, F. (2021). Application of Copula Based Correlations and Mutual Information in Time Series Clustering and Enhanced Indexing by Adopting the Robust Optimization Approach. *Financial Research Journal*, 23(4), 497–522. (In Persian)

Mohammadzadeh, K., & Heydari, M. (2022). Creating an Index to Measure Financial Uncertainty Using the Fama-French Five-factor Model in State Space by the Kalman Filter Algorithm. *Financial Research Journal*, 24(2), 307–328. (In Persian)

Mukashov, A. (2022). Parameter uncertainty in policy planning models: Using portfolio management methods to choose optimal policies under world market volatility. *Economic Analysis and Policy*. <https://doi.org/10.1016/j.eap.2022.11.007>

Nourahmadi, M., & Sadeqi, H. (2022). A Machine Learning-Based Hierarchical Risk Parity Approach: A Case Study of Portfolio Consisting of Stocks of the Top 30 Companies on the Tehran Stock Exchange. *Financial Research Journal*, 24(2), 236–256. (In Persian)

Peykani, P., Mohammadi, E., Hosseinzadeh, F., & Tehrani, R. (2020). Performance assessment of investment companies under uncertainty. *Scientific Journal of Financial Science and Securities Analysis*, 13(48). (In Persian)

Peykani, P., Mohammadi, E., Jabbarzadeh, A., Rostamy-Malkhalifeh, M., & Pishvaei, M. S. (2020). A novel two-phase robust portfolio selection and optimization approach under uncertainty: A case study of Tehran stock exchange. *PLOS ONE*, 15(10), e0239810. <https://doi.org/10.1371/journal.pone.0239810>

Qodsi, S., Tehrani, R., & Bashiri, M. (2015). Portfolio optimization with simulated annealing algorithm. *Financial Research Journal*, 17(1), 141–158. (In Persian)

Rajabi, M., & Khaloozadeh, H. (2014). Optimal Portfolio Prediction in Tehran Stock Market using Multi-Objective Evolutionary Algorithms, *NSGA-II and MOPSO. Financial Research Journal*, 16(2), 253–270. (In Persian)

Rezaei, Z., & Kiyani, F. (2021). Investigating the effect of economic uncertainty on the relationship between comparability of financial statements and the stock price crash risk in Tehran Stock Exchange. *Journal of Financial and Investment Advances*, 2(4), 73–105. (In Persian)

Sina, A., & Fallah, M. (2019). Optimizing the investment portfolio with Frein's value theory approach in Tehran Stock Exchange. *Quarterly Journal of Financial Engineering and Securities Management*, 10(40), 184–200. (In Persian)

Sina, A., & Fallah, M. (2020). Comparison of Value Risk Models and Coppola-CVaR in Portfolio Optimization in Tehran Stock Exchange. *Journal of Financial Management Perspective*, 10(29), 125–146. (In Persian)

Soyster, A.L. (1973). Technical Note—Convex Programming with Set-Inclusive Constraints and Applications to Inexact Linear Programming. *Operations Research*, 21(5), 1154–1157.

Wei, Q. (2001). Data envelopment analysis. *Chinese Science Bulletin*, 46(16), 1321-1332.

Wu, Z., & Sun, K. (2023). Distributionally robust optimization with Wasserstein metric for multi-period portfolio selection under uncertainty. *Applied Mathematical Modelling*, 117, 513–528. <https://doi.org/10.1016/j.apm.2022.12.037>

Zhang, C., Gong, X., Zhang, J., & Chen, Z. (2023). Dynamic portfolio allocation for financial markets: A perspective of competitive-cum-compensatory strategy. *Journal of International Financial Markets, Institutions and Money*, 84, 101737. <https://doi.org/10.1016/j.intfin.2023.101737>

COPYRIGHTS



This license allows others to download the works and share them with others as long as they credit them, but they can't change them in any way or use them commercially.