

رابطه بین سرمایه‌گذاری و تقسیم سود

پژوهش حاضر که در حوزه شرکتهای ایرانی پذیرفته در بورس تهران انجام شده است، رابطه میان تصمیمات تقسیم سود و تصمیمات سرمایه‌گذاری را به طریق تجربی می‌آزماید.

عبدالرضا تالانه
ساسان مهرانی

است، رابطه میان تصمیمات تقسیم سود و تصمیمات سرمایه‌گذاری را به طریق تجربی می‌آزماید. پیش از آنکه بخواهیم به نتایج این پژوهش اتكا کنیم، باید گفت که هدف اصلی از درج این پژوهش بیشتر معرفی یک رویکرد ریاضی در تحقیقاتی از این دست است، هر چند که نتایج این تحقیق از بعضی جنبه‌ها در خور توجه است. اصولاً انجام چنین پژوهش‌هایی در حوزه علوم مالی نیازمند وقت، هزینه و



سرمایه‌گذاری شرکتها مستقل از یکدیگر
استند. از آن زمان تاکنون بحثهای زیادی
پیرامون نظریه‌های این دو نظریه پرداز مطرح
شده و تحقیقات زیادی نیز صورت گرفت.
۸

مهمتر از آن نیازمند اطلاعات اولیه‌ای است که شاید بتوان گفت در بسیاری مواقع دور از دسترس هستند. از این رو پژوهش‌های تجربی نیز با توجه به فقر حاکم اطلاعاتی (برای مثال در بورس تهران و در سالهای گذشته) محدود می‌شوند.

همان طور که قبلاً گفته شد در پژوهش حاضر رابطه میان تصمیمات سرمایه‌گذاری و تصمیمات تقسیم سود مورد بررسی و آزمایش قرار گرفته است. از این رو قسمتها بی از این نوشتار به موضوع تقسیم سود مربوط می‌شود. در ماهنامه حسابدار شماره ۱۲۵ صفحات ۲۹ تا ۳۵، موضوع تقسیم سود و مدل‌های تقسیم سود به تفصیل

مورد بحث قرار گرفته است. از این رو این پژوهش در بعضی از قسمتها متکی به پژوهش پیشین در خصوص مدل‌های تقسیم سود است که قبلاً در حسابدار شماره ۱۲۵ به چاپ رسیده است.

با توجه به این توضیح و با درنظر گرفتن این نکته که این پژوهش نیز برای نمونه مورد بررسی و براساس تحقیق قبلی انجام شده است، از توضیح در خصوص کلیات پژوهش و مدل‌های تقسیم سود خودداری کرده و بحث را با مدل‌های سرمایه‌گذاری آغاز می‌کنیم.

مدلهای سرمایه‌گذاری: پژوهش‌های قبلی در خصوص مدل‌های سرمایه‌گذاری در ایران، همچون مدل تقسیم سود، تحقیقی انجام نشده است. اما در کشورهای دیگر تحقیقات زیادی در این زمینه صورت گرفته است. برخلاف مدل تقسیم سود که تقریباً تمامی پژوهشگران در مورد نوع متغیرهای آن (توضیحی و وابسته) اتفاق نظر دارند، در زمینه متغیرهای مدل سرمایه‌گذاری چنین توافقی وجود ندارد و

جدول شماره ۱- بررسی شاخص تاخیری مدل سرمایه‌گذاری: K متغیر سرمایه‌گذاری جمع داراییها و S متغیر فروش است.

		ΔK_t					
ΔS_t	ΔS_{t-1}	-	%	+	%	جمع	%
+		۲۷	۸/۲	۲۹۸	۹۱/۷	۲۲۵	۷۵/۲
-		۲۱	۲۹/۰	۷۶	۷۱/۰	۱۰۷	۲۲/۸
		<u>۵۸</u>	<u>۱۲/۴</u>	<u>۳۷۴</u>	<u>۸۶/۶</u>	<u>۴۲۲</u>	<u>۱۰۰</u>
+	+	۲۰	۸/۰	۲۳۱	۹۲/۰	۲۵۱	۵۸/۱
+	-	۷	۹/۵	۶۷	۹۰/۵	۷۴	۱۷/۱
-	+	۱۸	۲۲/۴	۵۹	۷۶/۶	۷۷	۱۷/۸
-	-	۱۳	۴۲/۳	۱۷	۵۶/۷	۲۰	۷/۰
		<u>۵۸</u>	<u>۱۲/۴</u>	<u>۳۷۴</u>	<u>۸۶/۶</u>	<u>۴۲۲</u>	<u>۱۰۰</u>

در یک پژوهش تجربی مورد مقایسه قرار می‌دهد^۶. مقایسه توان پیشینی مدلها در تحقیق پیشگفته نشان داده است که مدل‌های سرمایه‌گذاری کویک و چنری، در صورتی که متغیرهای آن به صورت تفاضلی در نظر گرفته شود، از سایر مدلها اعتبار بیشتری دارد. شواهد فراهم شده در بخش دیگری از تحقیق فاما توانسته نظریه مودیلیانی و میلر را مبنی بر نبود رابطه میان تصمیمات تقسیم سود و تصمیمات سرمایه‌گذاری رد کند.

دومیان (Domian, 1987) در راستای تحقیق فاما، از فروش به جای متغیر توضیحی به کار رفته در مدل کویک استفاده کرده است^۷. او با انجام آزمایشات مونت کارلو^۸ در تحقیق خود وجود رابطه میان تصمیمات تقسیم سود و سرمایه‌گذاری را نشان داده است.

معرفی متغیرها

ما در تحقیق خود جمع داراییها (K) و خالص داراییها (K') را به عنوان متغیر وابسته (سرمایه‌گذاری) در نظر می‌گیریم و فروش (S) را نیز به عنوان متغیر توضیحی

پژوهشگران مختلف مدل‌های متفاوتی برای سرمایه‌گذاری تدوین کرده‌اند.

برای مثال به مدل‌های نسبتاً معابر سرمایه‌گذاری که توسط چنری (Chenery, 1952) و کویک (L.M.Koyek, 1954) تدوین شده می‌توان اشاره کرد.^۹ در هر یک از این مدل‌ها که با اعمال الگوی تعديل ناقص تدوین شده‌اند، فروش به علاوه تغییرات در سطح موجودیها به عنوان متغیر توضیحی مدل در نظر گرفته شده است. اما تین برگن (Tinbergen, 1958) متغیر سود را به عنوان مستغیر توضیحی در مدل سرمایه‌گذاری وارد کرده است.^{۱۰} کرز و دریمز (Drury & Dhrymes, 1967) متغیر استهلاک را نیز به عنوان یک متغیر توضیحی در مدل سرمایه‌گذاری وارد کرده‌اند.^{۱۱} جارگنسون (Jargenson, 1971) از پژوهشگرانی است که گفته است متغیرهای توضیحی مدل سرمایه‌گذاری صرف‌نظر از نوع آن باید به شکل تفاضلی مرتبه اول^{۱۲} به کار برد شود.^{۱۳}

فاما (Fama) در تحقیق خود در سال ۱۹۷۴ هشت مدل مختلف سرمایه‌گذاری را

انتخاب کرده‌ایم. رشد و توسعه هر شرکت مستلزم دستیابی به فروش بیشتر است و فروش بیشتر نیازمند سرمایه‌گذاری بیشتر در داراییهاست.

بررسی ساختار تاخیری

از آنجا که ساختار مدل سرمایه‌گذاری نامعلوم است ابتدا تاخیری بودن ساختار مدل سرمایه‌گذاری مورد بررسی قرار گرفته است. حاصل این بررسی در جدول شماره ۱ خلاصه شده است. برطبق این جدول در ۷۵/۲ درصد از مشاهدات (سال - شرکت)، تغییرات فروش (ΔS) مشبت و در ۲۴/۸ درصد از مشاهدات، منفی است (ستون آخر). در حالتی که تغییرات فروش مشبت باشد، در ۹۱/۷ درصد از مشاهدات تغییرات مشبت در داراییها مشاهده شده است و ۷۱/۶ درصد از تغییرات مشبت داراییها در ازای تغییرات منفی فروش مشاهده شده

k برابر جمع داراییهای شرکت و k' مساوی خالص داراییهای شرکت است.

b نسبت سرمایه‌گذاری به حجم فروش و λ ضریب با سرعت تعديل و خطای مدل است.

برای اطلاع از نحوه تدوین مدل‌های تاخیری به تحقیق قبلی رجوع کنید.

فروش در دوره جاری (t) مشبت و در دوره قبل ($t-1$) منفی باشد، باز همین فراوانی ۹۰/۵ درصد تغییرات مشبت برای داراییها مشاهده می‌شود که این نشان می‌دهد تغییرات داراییها در مقابل تغییرات

در حالتی که تغییرات فروش در دو دوره متولی مشبت باشد (حالت $+/-$)، در ۹۲ درصد از موارد، تغییرات مشبت در داراییها مشاهده می‌شود. وقتی تغییرات

جدول شماره ۳-نتایج حل سه مدل سرمایه‌گذاری. در این سه مدل جمع داراییها به عنوان سرمایه‌گذاری در نظر گرفته شده است

شماره مدل	توزيع	R	p	α	$t(\alpha)$	β_1	$t(\beta_1)$	β_2	$t(\beta_2)$
۱	Median	.۰/۷۰۰	.۰/۱۴۶	-۶۲۰/۰	-۰/۵۱	.۰/۸۰۲	۰/۶۱۰	-۰/۲۴۵	-۲/۴۰۷
	St.dev.	.۰/۲۹۰	.۰/۲۸۴	۷۵۹/۰	۱/۷۷۸	.۰/۷۸۲	۲/۹۴۰	.۰/۶۲۶	۲/۲۸۵
	Q1	.۰/۵۰۲	.۰/۰۷۴	-۵۶۸/۰	-۱/۴۸۵	.۰/۲۶۹	۱/۶۸۰*	-۰/۹۲۲	-۴/۷۶۷
	Median	.۰/۸۵۴	.۰/۲۳۰	-۱۱۶/۰	-۰/۳۰۰	.۰/۵۲۲	۲/۹۲۰	-۰/۲۸۵	-۲/۱۵۰*
	Q3	.۰/۹۰۸	.۰/۲۷۲†	۱۶۶/۰	.۰/۷۲۲	۱/۰۹۹	۷/۹۶۰	-۰/۰۴۹	.۰/۱۶۰*
۲	Mean	.۰/۰۷۰	.۰/۰۴۷	-۲۵۷/۰	-۱/۲۲۱	.۰/۳۹۹	۷/۰۲۰		
	St.dev.	.۰/۲۲۲	.۰/۲۶۸	۹۰۱/۰	۱/۵۴۷	.۰/۲۶۰	۵/۱۲۰		
	Q1	.۰/۱۶۶	.۰/۲۱۸†	-۶۹۴/۰	-۲/۰۲۵	.۰/۲۲۴	۲/۱۰۰*		
	Median	.۰/۶۹۸	.۰/۰۵۸	-۱۷۶/۰	-۰/۸۹۵	.۰/۲۲۹	۴/۲۷۰		
	Q3	.۰/۸۶۸	.۰/۲۰۶†	۲۲۰/۰	-۰/۰۱۰	.۰/۲۵۰	۱۰/۶۳۰		
۳	Mean	.۰/۰۵	.۰/۰۲۷	۸۰۹/۰	۱/۱۰۱	.۰/۰۱۵	۷/۱۴۰		
	St.dev.	.۰/۲۶۱	.۰/۲۰۹	۱۰۲۵/۰	۱/۰۵۹	.۰/۶۲۹	۵/۲۶۰		
	Q1	.۰/۴۶۶	.۰/۲۸۵	۵۷/۰	.۰/۳۲۷	.۰/۳۸۵	۳/۹۹۰		
	Median	.۰/۶۲۲	.۰/۰۵۴	۲۱۰/۰	۱/۱۲۵	.۰/۹۱۲	۵/۴۰۰		
	Q3	.۰/۸۱۸	.۰/۲۷۸	۸۲۱/۰	۱/۸۱۲	.۰/۲۸۶	۸/۷۶۰		

* از نظر آماری معنی‌دار نیست

† خود همیستگی دارد

جدول شماره ۴-نتایج حل سه مدل سرمایه‌گذاری در این سه مدل خالص داراییها به عنوان سرمایه‌گذاری در نظر گرفته شده است

شماره مدل	توزیع	\bar{R}	ρ	α	$t(\alpha)$	β_1	$t(\beta_1)$	β_2	$t(\beta_2)$
۴	Mean	-۰/۰۲۰	-۰/۰۴۰	۲۶۸/۰	-۰/۰۱۵	-۰/۲۴۱	۳/۱۸۲	-۰/۲۷۵	-۱/۹۱۵
	St.dev.	-۰/۲۱۲	-۰/۲۱۵	۱۱۰/۰	۱/۶۹۲	-۰/۲۲۲	۲/۱۹۱	-۰/۲۴۵	۱/۲۸۵
	Q ₁	-۰/۲۱۰	-۰/۱۱۳	-۵۶/۰	-۰/۶۱۵	-۰/۰۵۴	۲/۰۹۵*	-۰/۸۰۰	-۲/۹۵۲
	Median	-۰/۰۶۱	-۰/۰۲۲	۴۰/۰	۰/۶۳۰	-۰/۱۲۸	۲/۷۶۰	-۰/۲۱۲	-۱/۸۷۰*
	Q ₃	-۰/۰۷۰	-۰/۲۲۲۴	۲۲۶/۰	۱/۱۳۵	-۰/۲۱۰	۶/۲۲۷	-۰/۱۱۲	-۱/۰۳۲*
۵	Mean	-۰/۰۲۰	-۰/۰۰۹	-۵۵/۸	-۰/۰۸۷۵	-۰/۱۲۸	۵/۱۸۶		
	St.dev.	-۰/۰۲۸	-۰/۰۲۲	۲۸۱/۲	۱/۷۱۲	-۰/۱۶۵	۲/۸۷۹		
	Q ₁	-۰/۰۲۱	-۰/۰۲۶۴	-۹۹/۴	-۱/۱۳۰	-۰/۰۲۵	۱/۹۳۷*		
	Median	-۰/۰۰۷	-۰/۰۰۵	-۲۸/۸	-۰/۰۷۵	-۰/۰۶۶	۲/۵۶۰		
	Q ₃	-۰/۰۶۸	-۰/۰۰۳	۱۲/۸	-۰/۰۸۷	-۰/۱۱۸	۶/۰۸۵		
۶	Mean	-۰/۰۲۸	-۰/۰۱۲	۲۶۴/۱	۱/۱۷۲	-۰/۲۲۱	۲/۷۷۰		
	St.dev.	-۰/۰۲۹	-۰/۰۲۵۹	۴۲۹/۲	۱/۱۲۴	-۰/۲۷۲	۴/۹۳۰		
	Q ₁	-۰/۰۰۴	-۰/۰۰۷۴	۲۲/۴	-۰/۰۱۲	-۰/۰۵۴	۱/۲۴۰*		
	Median	-۰/۰۲۶۴	-۰/۰۱۰	۸۱/۲	۱/۱۱۰	-۰/۱۱۹	۲/۶۶۰		
	Q ₃	-۰/۰۵۹	-۰/۰۰۴۴	۲۸۱/۱	۱/۰۷۶۲	-۰/۲۴۴	۴/۹۵۰		

* از نظر آماری معنی دار نیست

† خود همبستگی دارد

همچنین در مدل‌های اول تا سوم جمع داراییها (K) به عنوان مستغیر سرمایه‌گذاری در نظر گرفته شده، در صورتی که در مدل‌های چهارم تا ششم خالص داراییها شرکت (K) مستغیر خالص داراییها شرکت (K) مستغیر سرمایه‌گذاری است. در تمامی شش مدل مذکور مستغیر سرمایه‌گذاری در شکل تفاضل مرتبه اول آمده است که موافق با پیشنهاد جارگنسون می‌باشد اما در مدل سوم و ششم مستغیر توضیحی (فروش) هم به شکل تفاضل مرتبه اول آورده شده است.

حل مدل‌های سرمایه‌گذاری تخمینهای OLS برای سه مدل اول در جدول شماره ۳ و برای مدل‌های چهارم تا ششم در جدول شماره ۴ ارائه شده است. نتایج به دست آمده برای شش مدل با

سرمایه‌گذاری وجود داشته باشد، این موضوع فقط در خصوص ۲۴/۸ درصد از تموهه (سال - شرکت) صادق خواهد بود.

مدلهای تدوین شده به رغم آنکه بررسی قبلی وجود ساختار تاخیری در مدل سرمایه‌گذاری را قویاً تایید نمی‌کند، برای برداشتن مبنای مقایسه و اطمینان بیشتر دو مدل سرمایه‌گذاری را با فرض ساختار تاخیری تدوین کرده‌ایم. چهار مدل دیگر مدل‌های ساده هستند. مدل‌های سرمایه‌گذاری مورد استفاده در این تحقیق در جدول شماره ۲ ارائه شده است.

فروش در دوره قبل (۴S-۰) بی تفاوت است که می‌تواند حاکم از نبود ساختار تاخیری باشد.

در حالتی که تغییرات فروش در دو دوره متوالی منفی باشد در ۷/۰ درصد از مشاهدات تغییرات مثبت در داراییها دیده می‌شود که در مقایسه با ۷۱ درصد (قسمت بالای جدول) حدود ۱۴ درصد کمتر است. این تفاوت تا حدی می‌تواند وجود ساختار تاخیری را در مدل سرمایه‌گذاری تقویت کند. اما به نظر نمی‌رسد که ساختار تاخیری بر کل نمونه ۴۳۲ سال - شرکت) حاکم باشد. از ۴۳۲ سال - شرکت مورد بررسی برای تغییرات فروش ۳۲۵ مورد آن ۷۵/۲ درصد (مشیت و ۱۰۷ مورد آن ۲۴/۸ درصد) منفی است. از این رو در صورتی که ساختار تاخیری در مدل

جدول شماره ۵- تخمینهای OLS از دستگاه معادلات همزمان خلاصه شده

معادله خلاصه شده	توزیع	\bar{R}^2	ρ	α	$t(\alpha)$	β_1	$t(\beta_1)$	β_2	$t(\beta_2)$
$D_t = A + BE_t + CAS_t$	Median	.740	.070	.40/2	.0921	.422	.5757	.021	.026
	St.dev.	.260	.299	.98/9	.0592	.287	.5262	.108	.2610
	Q1	.666	.195	.25/2	.0228	.216	.2148	.054	.128*
	Median	.817	.048	.15/0	.0665	.454	.4215	.005	.115*
	Q3	.924	.281	.56/5	.1870	.814	.8260	.022	.655*
معادله خلاصه شده	توزیع	\bar{R}^2	ρ	A'	$t(A')$	$B'd$	$t(B'd)$	C'	$t(C')$
$\Delta K_t = A' + B'\Delta S_t + C'E_t$	Median	.706	.106	.264/1	.0970	.1821	.4188	.426	.799
	St.dev.	.206	.271	.920/8	.0521	.624	.2312	.418	.872
	Q1	.624	.216	.18/8	.0220	.222	.2242	.296	.225*
	Median	.722	.182	.88/9	.0650	.762	.5025	.516	.175*
	Q3	.870	.149	.622/2	.2050	.1198	.5222	.225	.208

* اعدادی که با ستاره مشخص شده از نظر آماری معنی‌دار نیست

دوم دستگاه مدل سرمایه‌گذاری است که متغیر تقسیم سود به طرف راست آن اضافه شده است. به دستگاه فوق دستگاه اولیه و به هریک از معادلات آن معادلات ساختاری^{۱۰} می‌گوییم.

اگر تصمیمات تقسیم سود بر سرمایه‌گذاری مؤثر باشد، پس به طور منطقی علامت منفی برای C_1 در معادله دوم باید محاسبه شود و علاوه بر آن ضریب C_1 باید معنی‌دار هم باشد. به طریق مشابه، اگر تصمیمات سرمایه‌گذاری بر تصمیمات تقسیم سود اثرگذار باشد، در این صورت C_1 در معادله اول باید منفی و معنی‌دار باشد.

تبديل دستگاه معادلات همزمان از آنجاکه حل دستگاه اولیه با استفاده از تکنیک OLS در شکل کنونی امکان پذیر نیست، از این رو دستگاه مذبور با انجام عملیات ریاضی به دستگاه جدید زیر تبدیل شد:

پذیرفتی تراست. رابطه بین تقسیم سود و سرمایه‌گذاری تا به اینجا مدل سرمایه‌گذاری را انتخاب کردیم، مدل تقسیم سود هم در تحقیق قبلی معرفی شد. در این قسمت از بحث، رابطه میان تصمیمات تقسیم سود و تصمیمات سرمایه‌گذاری یعنی اثرگذاری هر یک از دو تصمیم بر دیگری مورد بررسی قرار می‌گیرد. برای این منظور یک دستگاه معادلات همزمان^۹ با استفاده از مدل‌های تقسیم سود و سرمایه‌گذاری تنظیم شده است که به شرح زیر می‌باشد:

$$\begin{cases} D_t = a_1 + b_1 E_t + c_1 \Delta K_t + U_t \\ \Delta K_t = a_2 + b_2 \Delta S_t + c_2 D_t + V_t \end{cases}$$

همان طور که ملاحظه می‌شود، معادله اول در دستگاه فوق مدل تقسیم سود است که متغیر سرمایه‌گذاری به طرف راست آن اضافه شده و معادله

توجه به معیارهایی چون ضریب تعیین ت تعدیل شده (\bar{R}^2)، ضریب خود همبستگی مرتبه اول (r)، علائم ضرایب و آماره t برای هر یک از ضرایب مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت. براساس این تجزیه و تحلیل مدل سوم که قادر ساختار تاخیری است، پذیرفته شد.

آزمون پیشیبینی برای اطمینان بیشتر از تاخیری نبودن مدل سرمایه‌گذاری آزمون پیشیبینی برای سال ۷۲ در مورد مدل سوم (برگزیده) و مدل اول (تاخیری) انجام شد. مجموع قدر مطلق خطاهای پیشیبینی برای مدل سوم بالغ بر ۱۷۹۹۰ میلیون ریال و برای مدل اول که تاخیری است، ۲۰۵۶۵۱ میلیون ریال محاسبه شد. این نتیجه اگرچه رضایت‌بخش نیست و خطای زیادی محسوب می‌گردد، اما نشان می‌دهد که مدل بدون ساختار تاخیری از مدل تاخیری برای سرمایه‌گذاری

ممکن است از خطای تصویر^{۱۳} در مدل سرمایه‌گذاری ناشی شده باشد. به هر حال در خصوص مدل سرمایه‌گذاری به جرات نمی‌توان گفت که متغیر E_t از مدل سرمایه‌گذاری قابل حذف است یا دست کم در مورد ۲۵ درصد از نمونه قابل حذف نیست.

در هر صورت به طور کلی و با توجه به ضرایب محاسبه شده می‌توان گفت که براساس اطلاعات جمع آوری شده و با در نظر گرفتن نتیجه تحقیق قبلی مبنی بر تاخیری نبودن مدل تقسیم سود رابطه آشکاری بین تقسیم سود و سرمایه‌گذاری دیده نمی‌شود.

پی‌نوشت

- 1- L.M.Koyek, "Distributed Lags and Investment Analysis" Amsterdam, 1954.
- 2- J. Tinbergen, "Statistical Evidence on the Acceleration Principle". Econometrica, May 1958.
- 3- P. Dhrymes and M.Kurz, "Investment, Dividends, and External Finance Behavior of Firms, "Determinants of Investment Behavior", 1967.
- 4- First - Differences.
- 5- D.W.Jargenson, "Econometric Studies of Investment Behavior", Jor. of Econ. Lit. 1971.
- 6- Fama, E.F., "The Empirical Relations Between the Dividends and Investment Decisions of Firms", Amer. Econ. Rev. June 1974.
- 7- Domian, D.Louis, "Relations Among Dividends, Earnings and Investment, "Minnesota University, 1987.
- 8- Monte-Carlo Experiments.
- 9- Simultaneous Equations.
- 10- Structural Equations.
- 11- Reduced Form Equations.
- 12- Indirect Least Square.
- 13- Specification Error.

معادلات خلاصه شده هم می‌توان در خصوص اثرباری تخمینات تقسیم سود بر سرمایه‌گذاری و بر عکس بهره گرفت. به این صورت که اگر ضریب C در معادله خلاصه شده از نظر آماری معنی‌دار نباشد، آنگاه متغیر ΔS_t را می‌توان از مدل حذف کرد و این بدان معنی است که C_1 در معادله ساختاری هم باید صفر باشد که نشان می‌دهد سرمایه‌گذاری بر تقسیم سود بی‌اثر است. به طریق مشابه اگر C_1 از معادله خلاصه شده دوم معنی‌دار نباشد می‌توان نتیجه گرفت که C_2 هم در معادله ساختاری معنی‌دار نیست و مستغیر تقسیم سود بر سرمایه‌گذاری تاثیر ندارد.

$$\begin{cases} D_t = A + B.E_t + C.\Delta S_t + e_t \\ \Delta K_t = A' + B'.\Delta S_t + C'.E_t + e'_t \end{cases}$$

به این دستگاه جدید، دستگاه خلاصه شده و به هر یک از معادلات آن، معادلات خلاصه شده^{۱۴} می‌گوییم. پس از حل این دستگاه با روش OLS و پیدا کردن ضرایب، می‌توان ضرایب معادلات ساختاری در دستگاه اولیه را به کمک فرمولهای تبدیلی زیر محاسبه کرد:

$$a_1 = A - c_1 A'$$

$$a_2 = A' - c_2 A$$

$$b_1 = B \left(1 - \frac{CC'}{BB} \right)$$

$$b_2 = B' \left(1 - \frac{CC'}{BB} \right)$$

$$c_1 = \frac{C}{B}$$

$$c_2 = \frac{C'}{B}$$

چون ضرایب معادلات ساختاری در دستگاه اولیه را به طور غیرمستقیم و با استفاده از ضرایب معادلات دستگاه خلاصه شده به دست آورده‌یم، به ضرایب مزبور که با فرمولهای تبدیلی پیشگفته محاسبه می‌شود تخمینهای ILS و این روش را حداقل مربعات غیرمستقیم^{۱۵} می‌نامند.

هدف ما از تدوین دستگاه معادلات خلاصه شده پیدا کردن ضرایب C_1 و C_2 در معادلات ساختاری (دستگاه اولیه) است. اما به دلیل سادگی مدل‌های استفاده شده در دستگاه از ضرایب

معنی‌دار نبودن C' در معادله خلاصه شده سرمایه‌گذاری در دو چارک اول و دوم به همین طریق قابل تفسیر است. لیکن C' در چارک سوم معنی‌دار است اگرچه علامت آن مثبت و به دور از انتظار می‌باشد. این امر