

## طراحی مدل ریاضی مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین با تکیه بر رویکرد بهینه‌سازی استوار و ساختار هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت

احمد جعفرنژاد<sup>۱</sup>، عادل آذر<sup>۲</sup>، سید عباس ابراهیمی<sup>۳</sup>

**چکیده:** یکی از کارکردهای مهمی که شرکت‌های تولیدی در زنجیره تأمین با آن مواجه‌اند و تصمیمات مربوط بدان، تأثیر بسزایی بر رقابت‌پذیری آنها دارد، «مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین» است. در این مسیر، مسائلی پیش روی مدیران قرار دارد که عبارت‌اند از: (الف) ترکیب بهینه سفارش‌های زنجیره تأمین کدام است؟ (ب) سناریوهای گوناگون تصمیم در وضعیت عدم قطعیت هزینه‌ها کدام‌اند؟ در واقع موارد بالا، پرسش‌هایی است که در تحقیق حاضر به آنها پاسخ داده خواهد شد. هدف از این تحقیق، طراحی مدل ریاضی مدیریت سفارش‌های دو قطعه به کاررفته در زنجیره تأمین یکی از شرکت‌های خودروسازی است. بدین منظور از دو رویکرد بهینه‌سازی استوار و هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت استفاده می‌شود. با توجه به ساختار هزینه‌ای مدل، پیچیدگی اجزای هزینه‌ای و عدم اطمینان برخی پارامترها، مدل تحقیق به مدلی استوار تبدیل شد تا پاسخ‌های آن قابل اتکا باشد. در پایان نیز، برای ارزیابی صحت عملکرد مدل و بررسی کیفیت جواب‌ها، از تکنیک شبیه‌سازی استفاده شد. نتایج ضمن تأیید اعتبار مدل، نشان داد تخمین سبد سفارش‌ها و تدوین سناریوهای گوناگون و کاربردی امکان‌پذیر است.

**واژه‌های کلیدی:** سبد سفارش‌ها، شبیه‌سازی، عدم اطمینان، مدل ریاضی استوار، هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت.

۱. استاد گروه مدیریت صنعتی، دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۲. استاد گروه مدیریت صنعتی، دانشکده مدیریت و اقتصاد، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران

۳. دانشجوی دکتری مدیریت صنعتی، دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۳/۰۴/۰۴

تاریخ پذیرش نهایی مقاله: ۱۳۹۳/۰۹/۱۰

نویسنده مسئول مقاله: سید عباس ابراهیمی

E-mail: ebrahim1908@yahoo.com

#### مقدمه

یکی از مهم‌ترین کارکردهایی که شرکت‌های تولیدی همیشه با آن سروکار دارند و تصمیم درباره آن، تأثیر بسزایی بر رقابت‌پذیری آنها می‌گذارد، «مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین»<sup>۱</sup> است. مدیریت بهینه سفارش‌ها، به طبع برای خود مؤلفه‌ها و شاخصه‌هایی دارد که عمل به آنها می‌تواند موجب بهبود رقابت‌پذیری شرکت‌ها شود. به بیانی، زمانی می‌توان گفت شرکتی قادر است مدیریت خوبی روی سفارش‌های رسیده داشته باشد که بتواند بر مبنای این مؤلفه‌ها و شاخصه‌ها عمل کند. از جمله شاخصه‌های مهمی که می‌توان در مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین به آنها اشاره کرد، عبارت‌اند از (کریچ و ریواستاو، ۲۰۰۷؛ عسکرانی، یزدی‌فر و عسکری، ۲۰۱۰):

- سودآور بودن سفارش‌ها: شرکت بتواند با استفاده از ظرفیت تولیدی محدود، سود زیادی از دریافت و تکمیل سفارش<sup>۲</sup> به دست آورد.
- درآمدزا بودن سفارش‌ها در بلندمدت: شرکت سفارش‌هایی را پذیرد که در یک دوره زمانی بلندمدت، برای شرکت درآمدزا بیایی داشته باشد.
- افزایش وفاداری مشتریان و همکاری بلندمدت با شرکت: برای جلب رضایت مشتری، نخست باید محصولاتی تولید شود که خصیصه‌های مدنظر مشتری را پوشش دهد و دوم برای مشتری ارزش‌آفرین باشد.

هدف این پژوهش این است که با استفاده از تکنیک‌های متناسب تحقیق در عملیات، مدلی ارائه شود که در وضعیت عدم قطعیت داده‌ها، در وهله اول سبد بهینه سفارش‌ها را در اختیار شرکت قرار دهد، سپس بتواند سناریوهای مختلف تصمیم را با تکیه بر نوعی رویکرد هزینه‌یابی نوین تعیین کند. بنابراین پرسش‌های زیر در این تحقیق مطرح شده است:

۱. از میان سفارش‌های رسیده به شرکت، کدامیک را باید پذیرفت و کدامیک را رد کرد؟  
به بیانی، ترکیب بهینه‌ای از سفارش‌ها برای تکمیل انتخاب شود که در وهله نخست سودآوری زیادی داشته باشد، دوم درآمدزا بیایی بلندمدتی را نصیب شرکت کند و سوم عامل وفاداری و حفظ مشتری را به خوبی در این انتخاب لحاظ کند؟
۲. با توجه به غیرقطعی بودن پارامترهای هزینه‌ای، سناریوهای مختلف تصمیم پیش‌روی واحد سفارش‌گذاری شرکت کدام است؟

امروزه رویکردهای کمی متنوعی، به منظور پاسخگویی به مسائل پیش روی مدیران در حوزه مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین ارائه شده است. یکی از رویکردهای جدید و قابل اتکا در

1. Supply Chain Orders Management (SCOM)  
2. Order fulfillment

بهینه‌سازی مسائل تصمیم‌گیری کمی، برنامه‌ریزی یا بهینه‌سازی استوار<sup>۱</sup> است. بنابراین، سعی بر آن است تا با استفاده از تکنیک بهینه‌سازی استوار، نوعی مدل ریاضی به منظور بهینه‌سازی مسئله مدیریت سفارش‌ها در زنجیره تأمین ارائه شود. علاوه‌بر این، به منظور تعیین دقیق‌تر پارامترهای هزینه در تصمیم‌گیری، تلاش شد ساختار هزینه‌های سفارش، بر مبنای رویکرد مدیریت/هزینه‌یابی و بر پایهٔ فعالیت یا همان ABC/M<sup>۲</sup> تدوین شود.

خودروسازی، یکی از اجزای مهم و جدانشدنی تجارت و صنعت در دنیاست. زنجیره تأمین این صنعت، از پویاترین زنجیره‌های است. با توجه به این مهم، زنجیره تأمین یکی از شرکت‌های خودروسازی، برای مورد مطالعه و آزمون مدل، انتخاب شد. در این زنجیره، هر خودرو شامل هزاران قطعه است. چون سفارش‌هایی که به شرکت می‌رسند، تنوع و حجم زیادی دارند، فرایند سفارش‌گذاری و تولید دو قطعه خاص انتخاب شد و مطالعات بر مبنای داده‌ها و تجزیه و تحلیل اطلاعات این دو قطعه صورت گرفت. بدین صورت که داده‌های مربوط به سفارش‌گذاری و تولید دو قطعه، مد نظر قرار گرفت، سپس با استفاده از رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت، داده‌های هزینه مجدداً ساختاردهی شد و در مدل به کار رفت. به طور خلاصه، بحث مقاله حاضر، مدل سازی استوار مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین، با تکیه بر رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت است.

### پیشنهاد نظری پژوهش

#### زنジره تأمین و نقش تحلیل هزینه در کارآمدی آن

از دهه ۱۹۹۰ میلادی، هزینه‌های غیرمستقیم تولید نسبت به هزینه‌های مستقیم آن، رشد چشمگیری داشته است. عواملی همچون افزایش تنوع محصولات یا اتوماسیون خطوط تولید که به کاهش کارگر و افزایش فعالیت‌های پشتیبانی تولید منجر شده است را می‌توان دلایل این افزایش برشمرد. این افزایش هزینه بود که موجب شد شرکت‌ها به دنبال سیستم‌های حسابداری نوینی باشند که بتواند هزینه‌های غیرمستقیم تولید را به خوبی و با دقت زیاد استخراج کرده و تجزیه و تحلیل کند (مک‌آرتور، ۱۹۹۳؛ کاپلان و آتکینسون، ۱۹۹۸؛ گوناسه‌کاران و سره‌هدی، ۱۹۹۸؛ شئو، چن و کوار، ۲۰۰۳). رویکرد مدیریت/هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت، نوعی سیستم حسابداری بهای تمام‌شده (هزینه‌یابی) و رویکرد مدیریتی کمایش جدید است که سعی دارد با تجزیه و تحلیل‌های دقیق‌تر نسبت به رویکردهای هزینه‌یابی سنتی، هزینه‌های سربار تولید<sup>۳</sup> را به

1. Robust Optimization

2. Activity-Based Costing/Management (ABC)

3. Manufacturing Overhead Cost (MOH)

درستی و بر مبنای میزان مصرف فعالیت توسط هر یک از فرایندها، به موضوعات هزینه‌ای مربوط به آن تخصیص دهد. در واقع هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت با تعریف دقیق و درست فعالیت‌های تمام فرایندهای تولید و تخمین هزینه جدگانه و درست برای هر یک از این فعالیت‌ها، تلاش دارد بهای تمام‌شده یک محصول را دقیق‌تر و بهتر محاسبه کند (بایکاسقلو و کاپلانقلو، ۲۰۰۸).

در این رویکرد، عموماً هزینه‌ها به چهار گروه یا سطح دسته‌بندی می‌شوند (کوپر و کاپلان، ۱۹۹۱: ۱۷۴).

۱. هزینه فعالیت‌های واحد محصول<sup>۱</sup>: این هزینه‌ها متناسب با شمار تولیدات محصول

تغییر می‌کنند. مثل هزینه‌های زمان ماشین کاری، هزینه‌های مواد و دستمزد مستقیم.

۲. هزینه فعالیت‌های مربوط به دسته‌های تولید<sup>۲</sup>: مانند هزینه‌های مدیریت و نگهداری موجودی، راهاندازی دستگاه‌ها و غیره.

۳. هزینه فعالیت‌های مربوط به محصول خاص<sup>۳</sup>: مانند هزینه طراحی، مهندسی فرایند و غیره.

۴. هزینه فعالیت‌های نگهداری و مدیریت تسهیلات و تجهیزات<sup>۴</sup>: مانند هزینه اجاره، بهره‌برداری، تعمیرات و نگهداری.

نمونه‌های زیادی وجود دارد که نشان‌دهنده ناکارآمدی سیستم‌های سنتی هزینه‌یابی است. این ناکارآمدی، بهویژه زمانی خود را نشان می‌دهد که هزینه‌های سربار، سهم زیادی از هزینه‌های تمام‌شده محصولات را به خود اختصاص می‌دهد. همه این عوامل دست به دست هم می‌دهد تا پژوهشگر در تحقیق حاضر، ساختار مدل ریاضی را بر مبنای رویکرد هزینه‌یابی بر پایه فعالیت، پایه‌ریزی کند تا ارزیابی و تحلیل بهتری از هزینه‌های تولید و مدیریت سفارش‌ها و در نهایت بهای تمام‌شده محصولات داشته باشد. بنابراین در این پژوهش، پس از جمع‌آوری داده‌های هزینه‌ای لازم، دسته‌بندی مجددی بر مبنای هزینه‌یابی بر پایه فعالیت صورت می‌گیرد و بر اساس این دسته‌بندی، مسئله مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین در فضای عدم قطعیت داده‌ها، حل می‌شود. البته دسته‌بندی هزینه‌ها در مدل تحقیق حاضر تا حدی با دسته‌بندی فوق تفاوت دارد که در ادامه بیان خواهد شد.

- 
1. Unit-level activities costs
  2. Batch-level activities costs
  3. Product-level activities costs
  4. Facilities sustaining activities costs

### مبانی نظری استواری و بهینه‌سازی استوار

مسائل مربوط به تصمیم، اغلب به دلیل بی‌دقیقی، تغییرپذیری مستمر و ناتوانی در پیش‌بینی و قایع آینده، با عدم اطمینان‌هایی مواجه‌اند. معمولاً<sup>۱</sup> تکنیک‌های گوناگونی برای مدل‌سازی مسائلی که با پارامترهای عدم قطعیت مواجه‌اند، وجود دارد که از جمله آن می‌توان به برنامه‌ریزی احتمالی<sup>۲</sup> و بهینه‌سازی استوار<sup>۳</sup> اشاره کرد. برنامه‌ریزی احتمالی به منظور بهینه‌سازی عملکرد (مانند هزینه)، در مجموعه‌ای از سناریوهای امکان‌پذیر برای پارامترهای تصادفی طراحی می‌شود. در این مدل‌ها، سیستم تنها در حد میانه و معتدلی بهینه عمل می‌کند؛ اما پرسش این جاست که اگر سیستم در یک سناریوی خاص در بدترین یا بهترین حالت قرار بگیرد، چه می‌شود؟ در این حالت‌ها، مدل‌های احتمالی معمولاً ضعیف عمل می‌کنند. یعنی یا غیربهینه یا غیرموجه خواهند شد. در این حالت است که رویکردهای بهینه‌سازی استوار ظهرور می‌کنند (زنجانی، آیت‌کادی و نورلفات، ۲۰۱۰). استواری به این معناست که خروجی مدل نباید حساسیت زیادی نسبت به مقادیر دقیق پارامترها و ورودی‌های مدل داشته باشد (کلیجن، ۲۰۰۱). بهینه‌سازی استوار، به مدل‌سازی مسائل مربوط به بهینه‌سازی در وضعیتی اطلاق می‌شود که عدم اطمینان<sup>۴</sup> داده‌ها مطرح باشد و به جوابی بررسیم که برای همه یا بیشتر پارامترهای نامطمئن، خوب باشد. بهینه‌سازی استوار می‌تواند به عنوان گزینهٔ مکمل برای تحلیل حساسیت و برنامه‌ریزی احتمالی مطرح باشد (ولاجیک، وورست و هایجمما، ۲۰۱۲).

نخستین گام در حوزهٔ بهینه‌سازی استوار را سویستر<sup>۵</sup> برداشت. وی راه حلی پیشنهاد داد که در قالب یک مدل برنامه‌ریزی خطی، جوابی تولید می‌کرد که برای همه داده‌های متعلق به یک مجموعهٔ محدب، موجه بود. مدل یادشده، جواب‌هایی می‌دهد که در قبال بهینگی مسئلهٔ اسمی به منظور اطمینان از استواری، به شدت محافظه کارانه است (بتسون، ۱۹۶۱؛ برتسیمس و سیم، ۲۰۰۴). در واقع، این مسئله یکی از نخستین مسائل بهینه‌سازی استوار است. پس از این، گام‌های مهم دیگری به طور مستقل برای توسعهٔ تئوری بهینه‌سازی استوار برداشته شد که از جمله می‌توان به بن‌تال و نمیروسکی (۲۰۰۰)، ال‌قاووی و لبرنت (۱۹۹۶) و برتسیمس و سیم (۲۰۰۴) اشاره کرد. در بهینه‌سازی استوار، به ازای هر مسئلهٔ اسمی (مسئلهٔ دارای پارامترهای نامطمئن) یک مدل استوار ارائه می‌شود که همتای استوار نام دارد (ربیعه، آذر و مدرس یزدی و فطانت فرد حقیقی، ۱۳۹۰). در این تحقیق از رویکرد برتسیمس و سیم (۲۰۰۴) برای استوارسازی استفاده

- 
1. Stochastic programming
  2. Robust Optimization (RO)
  3. Uncertainty
  4. Soyster

می‌شود؛ زیرا از یک سو مدل این تحقیق از نوع عدد صحیح مختلط است که با این رویکرد هم-خوانی دارد و از سوی دیگر، استوارسازی با استفاده از این رویکرد به خطی‌شدن مدل استوار نهایی منجر می‌شود و مانند برخی از رویکردها غیرخطی نخواهد بود. از این رو، در ادامه به توضیحی در این خصوص پرداخته می‌شود. مسئله برنامه‌ریزی از نوع عدد صحیح مختلط اسمی زیر را با مجموعه  $n$  متغیر که  $k$  تای اول آن، متغیرهای عدد صحیح هستند، در نظر بگیرید:

$$\text{Minimize } c'x \quad (\text{رابطه ۱})$$

$$\text{subject to: } Ax \leq b \quad (\text{رابطه ۲})$$

$$l \leq x \leq u \quad (\text{رابطه ۳})$$

$$x_i \in Z, i = 1, \dots, k \quad (\text{رابطه ۴})$$

بدون از دستدادن کلیت مسئله، فرض می‌شود ماتریس  $A$  و  $c$  شامل داده‌های غیرقطعی و بردار  $b$  شامل اعداد قطعی باشد. با فرض این که هر یک از ضرایب  $a_{ij}$ ,  $j \in N$  به صورت یک متغیر تصادفی مستقل، با توزیع متقارن و کراندار  $\tilde{a}_{ij}$ ,  $j \in N$  مدل می‌شود که در بازه  $[a_{ij} - \hat{a}_{ij}, a_{ij} + \hat{a}_{ij}]$  مقدار می‌گیرد، هر یک از  $c_j$ ,  $j \in N$  در بازه  $[c_j, c_j + d_j]$  مقدار می‌گیرد، به طوری که  $d_j$  بیان کننده انحراف از ضریب هزینه اسمی  $c_j$  است. همچنین تنها فرض برای توزیع ضرایب  $a_{ij}$  متقارن بودن آن است. در راستای تحقق هدف استواری جواب، اعداد  $J_i$  برابر با تعداد داده‌های غیرقطعی در محدودیت  $i$  است. نقش پارامتر  $\Gamma_i$  در محدودیتها، تنظیم میزان استواری در مقابل سطح محافظه‌کاری جواب است. پارامتر  $\Gamma_i$  سطح استوار بودن را برای تابع هدف کنترل می‌کند. اگر  $\Gamma_i = 0$  باشد، اثر تغییرات در ضرایب هزینه به طور کامل لحاظ می‌شود و اگر  $\Gamma_i = J_i$  باشد، همه تغییرات ممکن کنترل می‌شود که محافظه‌کارانه‌ترین حالت است. همتای استوار برتسیمس و سیم برای مدل قبل به شکل زیر است (برتسیمس و سیم، ۲۰۰۴):

$$\text{Minz} = c'x + z_0 + \Gamma_0 + \sum_{j \in J_i} p_{0j} \quad (\text{رابطه ۵})$$

$$\text{st: } \sum_j a_{ij} x_j + z_i \Gamma_i + \sum_{j \in J_i} p_{ij} \leq b_i \quad \forall i \quad (\text{رابطه ۶})$$

$$z_0 + p_{oj} \geq d_j y_j \quad \forall j \in J_0 \quad \text{رابطه (۷)}$$

$$z_i + p_{ij} \geq \hat{a}_{ij} y_j \quad \forall i \neq 0, j \in J_i \quad \text{رابطه (۸)}$$

$$p_{ij} \geq 0 \quad \forall i, j \in J_i \quad \text{رابطه (۹)}$$

$$y_{ij} \geq 0 \quad \forall j \quad \text{رابطه (۱۰)}$$

$$z_i \geq 0 \quad \forall i \quad \text{رابطه (۱۱)}$$

$$-y_i \leq x_j \leq y_j \quad \forall j \quad \text{رابطه (۱۲)}$$

$$l_j \leq x_j \leq u_j \quad \forall j \quad \text{رابطه (۱۳)}$$

$$x_i \in Z \quad \forall i = 1, \dots, k \quad \text{رابطه (۱۴)}$$

در بهینه‌سازی استوار، به ازای هر مسئله اسمی (مسئله دارای پارامترهای نامطمئن) یک مدل استوار ارائه می‌شود که همتای استوار نام دارد.

### پیشینه تجربی

نخستین‌بار، کریچ، ریواستاوا و خوماوالا (۲۰۰۲) در حوزه مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط را به منظور تصمیم درباره رد یا پذیرش سفارش‌ها با استفاده از رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت و ساختار مخازن هزینه معرفی شده کوپر و کاپلان (۱۹۹۱: ۱۷۴) ارائه کردند. هدف از ارائه مدل این بود که نشان دهد در حالی که شرکت منابع کافی‌ای برای تکمیل تقاضای تمام مشتریان در اختیار ندارد، چگونه تصمیمات مهم در حوزه مدیریت سفارش‌ها می‌تواند سود شرکت را بیشتر کند. مدتی بعد، محققان (کریچ و ریواستاوا، ۲۰۰۷) مدل فوق را توسعه دادند و به آن یک تابع هدف دیگر برای حداقل‌سازی ظرفیت بی‌استفاده تولید اضافه کردند. در واقع، مدل پژوهش حاضر توسعه کار کریچ و همکارانش در فضای عدم قطعیت پارامترها محسوب می‌شود. البته در این راستا مدل‌های متعدد دیگری عرضه شد که با استفاده از رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت، به توسعه مفاهیم و مسائل حوزه زنجیره تأمین کمک کرد که در این جا مجال شرح تمام کارهای صورت گرفته وجود ندارد، از این رو در

جدول ۱ به طبقه‌بندی پژوهش‌های صورت‌گرفته در زنجیره تأمین با استفاده از هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت پرداخته شده است.

جدول ۱. طبقه‌بندی مدل‌های زنجیره تأمین با استفاده از ABC/M

مدل مفهومی	کاربرد غیرمستقیم ABC/M	کاربرد مستقیم ABC/M	فعالیت‌های SCM	سطوح تصمیم
سینگر و دونوسو (۲۰۰۸) لیو، سویی، منگ و پان (۲۰۰۸)		شاپیرو (۱۹۹۹)	طرح ریزی استراتژیک و کنترل هزینه	نمایندگی
ایونو و سولیوان (۱۹۹۹)	رامداس و ساونی (۲۰۰۱)	کیم (۱۹۹۷) بونخون، چاندرا و انسکور (۲۰۰۵)	تصمیمات سرمایه‌گذاری	
رودهوفت و کوئینینگس (۱۹۹۶)	یانگ (۲۰۰۸)	یانگ و لیو (۲۰۰۸) تسای، هونگ (۲۰۰۷)	مدیریت لجستیک و موجودی	۹:
لیو و همکاران (۲۰۰۸)		دگراو و رودهوفت (۱۹۹۸، ۱۹۹۹) (۲۰۰۰)	انتخاب تأمین‌کننده و فروشنده	
کریچ و همکاران (۲۰۰۵، ۲۰۰۲) کریچ، ریواستاوا (۲۰۰۷، ۲۰۰۵)		کریچ و همکاران (۲۰۰۵، ۲۰۰۲) (۲۰۰۷، ۲۰۰۵)	مدیریت سفارش‌ها و سودآوری مشتری	
فوچی و کاپهارا (۲۰۰۳)		تسای (۱۹۹۶)، کیی و اشمیت (۲۰۰۰)، لیی و فردنال (۲۰۰۲)، تسای، لای، سنگ و چو (۲۰۰۸)، کاراکاس، کوبیوسو، ارول و کوکانگول (۲۰۱۰)	کنترل هزینه‌های کیفیت	
		ترکیب محصول و تصمیمات مشترک درباره تولید		۱۰:

همچنین پژوهش‌های داخلی متعددی در حوزه مدیریت زنجیره تأمین صورت گرفته است که از ابعاد معدودی همچون استفاده از رویکرد استوارسازی مدل و تحلیل هزینه‌های زنجیره تأمین می‌تواند با پژوهش حاضر مرتبط باشد (ربیعه و همکاران، ۱۳۹۰؛ حجی، معارف‌دوست و ابراهیمی، ۱۳۸۸؛ جعفرنژاد، مهرگان، الفت و فلاخ لاجیمی، ۱۳۹۳؛ صادقی مقدم، مؤمنی و نالچیگر، ۱۳۸۸). در این میان از جمله کارهایی که می‌توان در زمینه کاربرد بهینه‌سازی استوار در تعیین سبد بهینه محصولات زنجیره تأمین در ایران بدان اشاره کرد، پژوهشی است که محقق، مهرگان و نازآبادی

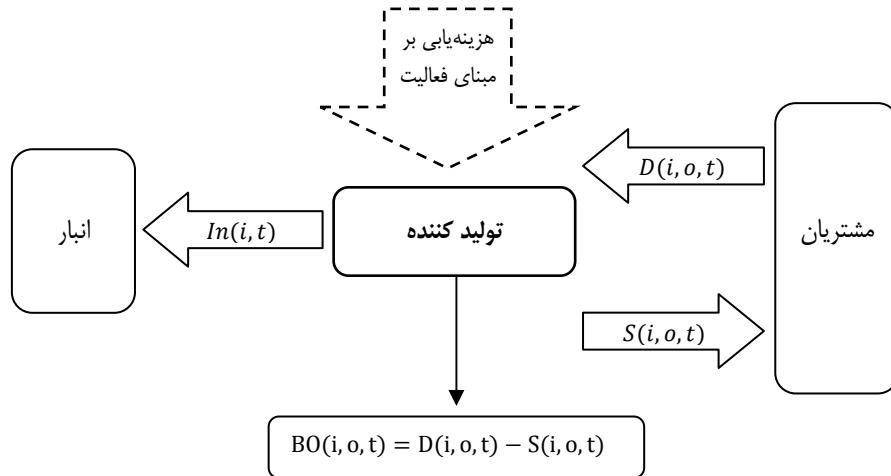
## طراحی مدل ریاضی مدیریت سفارش‌های زنجیره تأمین با تکیه بر ... ۳۴۱

(۱۳۸۸) انجام دادند. این پژوهش به تعیین تعداد و نوع محصول تولیدی با در نظر گرفتن تمام محدودیت‌ها در وضعیت عدم قطعیت با هدف رسیدن به بالاترین سود اجرا شده است. به منظور مقایسه پژوهش حاضر با پژوهش‌های پیشین و تصریح وجه تمایز این پژوهش با آنها، بیان نکات زیر ضروری است:

۱. تحلیل هزینه‌های زنجیره تأمین بر مبنای رویکرد هزینه‌یابی بر پایه فعالیت، نکته‌ای است که در پژوهش‌های داخلی نمونه‌ای از آن وجود ندارد. با توجه به پیشینه تحقیقات، پژوهشی که به تحلیل هزینه سفارش‌های زنجیره تأمین در داخل پرداخته باشد، دیده نشد. پژوهش حاضر می‌تواند شکاف موجود را پر کند.
۲. از میان کلیه پژوهش‌های پیشین، همان‌گونه که اشاره شد به بهینه‌سازی سبد سفارش‌ها در فضای عدم قطعیت هزینه‌های مبتنی بر روش هزینه‌یابی بر پایه فعالیت، پرداخته نشده است. به بیانی، ترکیب استفاده از رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت با بهینه‌سازی استوار در پژوهش‌های پیشین مشاهده نمی‌شود و این موضوع می‌تواند نوآوری این پژوهش را نشان دهد.
۳. دسته‌بندی بر مبنای هزینه‌یابی بر پایه فعالیت در این پژوهش با پژوهش‌های پیشین متفاوت است. چنان‌که در ادامه تشریح خواهد شد، به دلیل دسته‌بندی جزئی‌تر و مفصل‌تر هزینه‌ها، مدل ارائه شده در این پژوهش نسبت به پژوهش‌های پیشین، قدرت بیشتر و بهتری در تخمین هزینه، تعیین دقیق‌تر نرخ مخازن هزینه و در نهایت، تعیین دقیق‌تر سبد بهینه سفارش‌ها دارد. دسته‌بندی مفصل‌تر هزینه‌ها مطابق آنچه در جدول ۳ آمده است، می‌تواند به کارآمدی بیشتر مدل این پژوهش نسبت به سایر مدل‌ها کمک کند.

### مفروضات مدل

شکل ۱ شمای کلی مدل طراحی شده در پژوهش حاضر را به تصویر کشیده است. همان‌گونه که مشاهده می‌شود، در این مدل تقاضا از مشتریان دریافت می‌شود و با توجه به محدودیت ظرفیت تولید، هزینه‌ها و سودآوری هر یک از محصولات، تولید کننده تولید اضافه خود را به انبار می‌فرستد یا این که با کمبود مواجه خواهد شد. همان‌گونه که در بخش‌های دیگر مقاله نیز اشاره شد، دسته‌بندی هزینه‌ها بر مبنای رویکرد هزینه‌یابی بر پایه فعالیت است. علاوه‌بر این، مدل طراحی شده در فضای عدم قطعیت دو عامل هزینه‌ای طراحی خواهد شد.



شکل ۱. مفروضات زنجیره تأمین مورد مطالعه

### روش‌شناسی پژوهش

به منظور تبیین و شفافیت بهتر مراحل اجرای پژوهش، این مراحل در قالب جدول ۲ نمایش داده شده است.

جدول ۲. خلاصه مراحل اجرای پژوهش

مرحله مقدماتی و آشنایی
۱. مطالعه پیشینه و ادبیات تحقیق ۲. تعیین شاخص‌های مهم در فرایند انتخاب سفارش‌ها و نیز تحلیل تکنیک ABC در تعیین بهای تمام شده محصولات
↓      ↓
مرحله مدل‌سازی، حل و شبیه‌سازی
۱. تعیین مفروضات مدل ۲. مدل‌سازی ریاضی (تعریف متغیرها، پارامترها، تعیین اهداف و محدودیت‌ها) ۳. متمایز ساختن پارامترهای قطعی و غیرقطعی ۴. مدل‌سازی استوار، یعنی تبدیل مدل ریاضی به مدل همتای استوار ۵. گردآوری داده‌های لازم برای آزمون مدل، تعیین مقادیر پارامترها، حل مدل استوار، شبیه‌سازی و بررسی کیفیت جواب‌ها

### گردآوری داده‌ها

به منظور گردآوری داده‌های لازم برای آزمون مدل، جلسات متعددی با کارشناسان واحد حسابداری و تولید شرکت برگزار شد. با استفاده از داده‌های موجود در فایل‌های حسابداری شرکت و دسته‌بندی آنها، داده‌های خام اولیه مربوط به هزینه‌های دو محصول مدنظر گردآوری شد. پس از آن با همکاری یکی از کارشناسان واحد حسابداری، بر مبنای رویکرد هزینه‌یابی بر پایه فعالیت، دسته‌بندی جدیدی بر مبنای رویکرد هزینه‌یابی بر پایه فعالیت روی داده‌ها صورت گرفت و داده‌ها آماده ورود به مدل شدند. همچنین برای تعیین ضرایب آرمان‌ها، از رویکرد کیفی و مصالجه محور استفاده شد که شرح آن در ادامه آمده است.

### فرموله‌گردن مدل

پس از مطالعه زنجیره تأمین شرکت، چارچوب کلی مدل تعیین شد. شایان ذکر است از آنجا که در این تحقیق، تلاش می‌شود ساختار هزینه‌ای مدل بر اساس رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت تدوین شود، هزینه‌های مدل بر مبنای ساختار مخازن هزینه معرفی شده توسط کوبر و کاپلان (۱۹۹۱: ۱۷۴) تجزیه شده است. در جدول ۳، ساختار مخازن هزینه و حرکت‌های هزینه‌ای مربوط به آن آورده شده است. همچنین مفروضات، اندیس‌ها، متغیرها و پارامترهای مدل در جدول ۴ مشاهده می‌شود.

جدول ۳. ساختار مخازن هزینه و حرکت‌های هزینه‌ای مربوط به آن

محرك هزینه	سطح فعالیت	مخازن هزینه		
دفعات جابه‌جایی	دسته ۱	مدیریت مواد		
دفعات راهاندازی	دسته ۲	راهاندازی تجهیزات		
دفعات سفارش	سفارش ۱	خرید مواد تراکنش مالی دریافت مواد	هزینه غیرمستقیم	هزینه کل
ساعات پشتیبانی	سفارش ۲	پشتیبانی مهندسی تجهیزات		
ساعات کار ماشین	تسهیلات	فضاسازی استهلاک		
مواد + دستمزد + سربار مستقیم			هزینه مستقیم	

مدل آرمانی مدیریت سفارش‌ها به قرار زیر است:

$$\text{Minz} = w_1 d_1^- + \sum_j w_j d_j^+ \quad j = 2, \dots, 8 \quad (15)$$

ST:

$$\sum_t \sum_o \sum_i p_i s_{iot} + d_1^- - d_1^+ = G_1 \quad (16)$$

$$\sum_t \sum_i \tilde{p r_i} p_{it} + d_2^- - d_2^+ = G_2 \quad (17)$$

$$\sum_t \sum_i \sum_n \sum_k a_k u_{ik} B_{it} + d_3^- - d_3^+ = G_3 \quad (18)$$

$$\sum_t \sum_o \sum_i \sum_l y_l f_{il} Y_{iot} + d_4^- - d_4^+ = G_4 \quad (19)$$

$$\sum_t \sum_o \sum_i \sum_n c_r q_{ir} s_{iot} + d_5^- - d_5^+ = G_5 \quad (20)$$

$$\sum_i \sum_t h_i I_{it} + d_6^- - d_6^+ = G_6 \quad (21)$$

$$\sum_t \sum_o \sum_i \widetilde{CBO}_{iot} BO_{iot} + d_7^- - d_7^+ = G_7 \quad (22)$$

$$\sum_t \sum_i MO_i DEP_i p_{it} + d_8^- - d_8^+ = G_8 \quad (23)$$

$$\sum_i q_{ir} p_{it} \leq Q_{rt} \quad \forall r, t \quad (24)$$

$$\sum_i \sum_n u_{ink} B_{int} \leq U_{ki} \quad \forall k, t \quad (25)$$

$$p_{it} = b_i B_{it} \quad \forall i, t \quad (26)$$

$$s_{iot} = D_{iot} Y_{iot} \quad \forall i, o, t \quad (27)$$

$$\sum_t \sum_o \sum_i f_{il} Y_{iot} \leq F_l \quad \forall l \quad (28)$$

$$D_{iot} \geq Y_{iot} \quad \forall i, o, t \quad (29)$$

$$D_{iot} (1 - Y_{iot}) = BO_{iot} \quad \forall i, o, t \quad (30)$$

$$I_{i0} = 0 \quad \forall i \quad (31)$$

$$I_{i(t-1)} + p_{it} - I_{it} = \sum_o s_{iot} \quad \forall i, t > 1 \quad (32)$$

$$B_{it}, p_{it} \geq 0, \text{integer} \quad \forall i, t \quad (33)$$

$$B_{iot}, s_{iot} \geq 0, \text{integer} \quad \forall i, o, t \quad (34)$$

$$0 \leq Y_{iot} \leq 1 \quad \forall i, o, t \quad (35)$$

**جدول ۴. ویژگی‌های مدل، تعریف اندیس‌ها، متغیرها و پارامترهای مدل**

متقارن	تصادفی بودن ماهیت داده‌های نامطمئن، تبعیت تغییرپذیری (نوسان) داده‌های نامطمئن از توزیع	مفووضات
	: محصول، $k$ : فعالیت در سطح دسته‌های تولیدی، $l$ : فعالیت در سطح سفارش، $t$ : فعالیت در سطح تسهیلات، $o$ : شاخص سفارش، $z$ : آرمان‌ها	اندیس‌ها
	$P_{it}$ : میزان تولید محصول $i$ در دوره $t$ $S_{iot}$ : میزان فروش محصول $i$ در دوره زمانی $t$ ام مربوط به سفارش شماره $o$ $BO_{iot}$ : میزان سفارش تأمین نشده مربوط به محصول $i$ در دوره زمانی $t$ ام مربوط به سفارش شماره $o$ برای مشتری $I_{it}$ : میزان موجودی انبارشده از محصول $i$ در دوره زمانی $t$ ام $B_{it}$ : تعداد دسته‌های محصول $i$ تولید شده در دوره $t$ $Y_{iot}$ : نسبت سفارش پذیرفته شده مربوط به محصول $i$ در دوره زمانی $t$ ام مربوط به سفارش شماره $o$ $d^+$ : متغیر انحراف از آرمان (انحراف مثبت) $d^-$ : متغیر انحراف از آرمان (انحراف منفی) $G_z$ : مقادیر مفروض برای آرمان‌ها $Z, ZZ, PP, PPP$ = متغیرهای مربوط به مدل استوار	متغیرها
	$p_i$ : قیمت محصول $i$ $a_k$ : نرخ استفاده از مخازن هزینه (نرخ هزینه) فعالیت سطح دسته $y_l$ : نرخ استفاده از مخازن هزینه (نرخ هزینه) فعالیت در سطح سفارش $c_r$ : نرخ استفاده از مخازن هزینه (نرخ هزینه) فعالیت در سطح تسهیلات $h_i$ : هزینه انبارداری محصول $i$ $q_{ir}$ : نرخ مصرف فعالیت $r$ (سطح تسهیلات) برای محصول $i$ $u_{ik}$ : نرخ مصرف فعالیت $k$ (سطح دسته) برای محصول $i$ $f_{il}$ : نرخ مصرف فعالیت $l$ (سطح سفارش) مربوط به محصول $i$ $b_i$ : اندازه دسته محصول $i$ $D_{iot}$ : میزان تقاضای محصول $i$ از سفارش $o$ در دوره $t$ $Q_{rt}$ : کل زمان در دسترس برای انجام فعالیت $r$ در دوره $t$ $U_{kt}$ : کل زمان در دسترس برای انجام فعالیت $k$ در دوره $t$ $F_l$ : کل زمان موجود برای انجام فعالیت $l$ $\Gamma$ : ضریب سطح حفاظت مدل استوار	پارامترهای قطعی
	$\tilde{p}_{ri}$ : مجموع هزینه‌های اولیه محصول $i$ $CB0_i$ : هزینه سفارشات تأمین نشده برای مشتری برای محصول $i$	پارامترهای غیرقطعی

جدول ۵ بهطور خلاصه اجزای مدل را شرح می‌دهد. ستون اول، شماره مربوط به عبارت‌های مدل و ستون دوم شرح آن عبارت‌های است. فارغ از توضیحاتی که در جدول ۵ مشاهده می‌شود، بیان یک نکته درباره مدل آرمانی بالا ضروری است. شاید این پرسش مطرح شود که چرا مدل فوق بهصورت آرمانی درآمده است؛ به بیانی چرا ما یکتابع سود واحد تشکیل ندادیم و عبارت‌های ۲ تا ۹ که محدودیت‌های آرمانی هزینه هستند را یکجا بهعنوان عبارت هزینه، از عبارت درآمد کسر نکردیم؟ در پاسخ به این پرسش باید گفت که امکان تبدیل تابع هدف به یک تابع تک خطی وجود دارد، اما به سه دلیل ما تابع هدف را به آرمانی تبدیل کردیم:

۱. اساساً تبدیل این تابع هدف به آرمانی از نظر ریاضی اشکالی ندارد؛ زیرا فرض اساسی برنامه‌ریزی آرمانی این است که آرمان‌های تعیین شده از یکدیگر مستقل باشند. چون هزینه‌های تعیین شده در هر یک از عبارت‌های ۲ تا ۹، بر مبنای حرکت‌های هزینه‌ای جداگانه‌ای تعریف شده‌اند و در واقع آنچه بهعنوان عامل ایجاد‌کننده هزینه معرفی می‌شود (حرکت هزینه)، در هر یک از این عبارت‌ها، از نظر ساختار هزینه‌ای تعریف شده در رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت (جدول ۳)، از یکدیگر مستقل تعریف و تحریک می‌شوند.
  ۲. دلیل دوم نیز مجدداً به رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت برمی‌گردد. از آنجا که نقطه تفوق رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت، تفکیک هزینه‌ها از یکدیگر است، با تفکیک این عبارت‌های هزینه‌ای و تعیین مقادیر آرمان مستقل برای هر یک از عبارت‌ها، می‌توان تحلیل حساسیت دقیق‌تری نسبت به تغییر نرخ مصرف مخازن هزینه و نرخ مصرف فعالیت بهعنوان ضرایب فنی این عبارت‌ها داشت.
  ۳. دلیل سوم این تفکیک نیز مربوط می‌شود به تبدیل این تابع به مدل همتای استوار. با توجه به رویکرد برتسیمس و سیم (۲۰۰۴) در استوارسازی مدل، محقق تشخیص می‌دهد که تبدیل مدل ریاضی به حالت همتای استوار راحت‌تر بوده و امکان تجزیه و تحلیل آن آسان‌تر است. در واقع از آنجا که مدل فوق از اجزای هزینه‌ای متعددی تشکیل شده است، تجمعی آنها تحت یک تابع هدف، فرایند تحلیل حساسیت تابع و هزینه‌ها را اندکی با پیچیدگی مواجه می‌کند.
- جمع دلایل بالا موجب شد که مدل فوق را به مدل آرمانی تبدیل کنیم.

#### جدول ۵. شرح اجزای مدل آرمانی مدیریت سفارش‌ها

رابطه	شرح
۱	تابع هدف از نوع آرمانی وزنی تشکیل شده از هشت آرمان
۲	محدودیت آرمانی مربوط به میزان درآمد کسب شده از فروش محصول
۳	محدودیت آرمانی غیرقطعی مربوط به هزینه اولیه کل
۴	محدودیت آرمانی مربوط به هزینه کل فعالیت‌های سطح دسته‌های تولید
۵	محدودیت آرمانی مربوط به هزینه کل فعالیت‌های سطح سفارش‌های تولید
۶	محدودیت آرمانی مربوط به هزینه کل فعالیت‌های سطح تسهیلات تولید
۷	محدودیت آرمانی مربوط به هزینه کل موجودی انبار
۸	محدودیت آرمانی غیرقطعی مربوط به هزینه کل سفارش‌های انجام نشده
۹	محدودیت آرمانی مربوط به هزینه کل استهلاک تسهیلات
۱۰	محدودیت مربوط ظرفیت ساعت تخصیص داده شده به فعالیت‌های سطح تسهیلات
۱۱	محدودیت مربوط ظرفیت ساعت تخصیصی به فعالیت‌های سطح دسته
۱۲	محدودیت بالанс تولید در مقابل دسته‌های تولیدی محصول
۱۳	محدودیت بالанс فروش با نسبت سفارش‌های پذیرفته شده از تقاضا
۱۴	محدودیت مربوط به ظرفیت ساعت تخصیص داده شده به فعالیت‌های سطح سفارش
۱۵	محدودیت تکمیلی سفارش‌های پذیرفته شده
۱۶	محدودیت تعیین کننده مقادیر سفارش انجام نشده
۱۷ و ۱۸	محدودیت مربوط به روابط موجودی با سطح فروش
۱۹ و ۲۰ و ۲۱	محدودیت‌های تعیین کننده نوع متغیرهای عدد صحیح و متغیرهای کراندار

#### مدل همتای استوار

با توجه به دلایلی که پیش از این بیان شد، برای تبدیل مدل به همتای استوار، از مدل برتسیمس و سیم (۲۰۰۴) استفاده شد. از این رو داریم:

$$\text{Min} z = w_1 d_1^- + \sum_j w_j d_j^+ \quad j = 2, \dots, 8 \quad \text{رابطه } (36)$$

ST:

$$\sum_t \sum_o \sum_i \rho_i s_{iot} + d_1^- - d_1^+ = G_1 \quad \text{رابطه } (37)$$

$$\sum_t \sum_i \tilde{pr}_i p_{it} + z\Gamma_1 + \sum_t \sum_i pp_{it} - d_2^+ = G_2 \quad \text{رابطه } (38)$$

$$z + pp_{it} \geq \widehat{pr}_i p_{it} \quad \forall i, t \quad \text{رابطه } (39)$$

$\sum_t \sum_i \sum_n \sum_k a_k u_{ik} B_{it} + d_3^- - d_3^+ = G_3$	رابطه (۴۰)
$\sum_t \sum_o \sum_i \sum_l y_l f_{il} Y_{iot} + d_4^- - d_4^+ = G_4$	رابطه (۴۱)
$\sum_t \sum_o \sum_i \sum_r c_r q_{ir} s_{iot} + d_5^- - d_5^+ = G_5$	رابطه (۴۲)
$\sum_i \sum_t h_i I_{it} + d_6^- - d_6^+ = G_6$	رابطه (۴۳)
$\sum_t \sum_i \widehat{CBO}_{iot} BO_{iot} + zz \Gamma_2 + \sum_t \sum_o \sum_i ppp_{iot} - d_7^+ = G_7$	رابطه (۴۴)
$zz + ppp_{iot} \geq \widehat{CBO}_{iot} BO_{iot}$	$\forall i, o, t$ رابطه (۴۵)
$\sum_t \sum_i MO_i DEP_i p_{it} + d_8^- - d_8^+ = G_8$	رابطه (۴۶)
$\sum_i q_{ir} p_{it} \leq Q_{rt}$	$\forall r, t$ رابطه (۴۷)
$\sum_i \sum_n u_{ink} B_{int} \leq U_{ki}$	$\forall k, t$ رابطه (۴۸)
$p_{it} = b_i B_{it}$	$\forall i, t$ رابطه (۴۹)
$s_{iot} = D_{iot} Y_{iot}$	$\forall i, o, t$ رابطه (۵۰)
$\sum_t \sum_o \sum_i f_{il} Y_{iot} \leq F_l$	$\forall l$ رابطه (۵۱)
$D_{iot} \geq Y_{iot}$	$\forall i, o, t$ رابطه (۵۲)
$D_{iot} (1 - Y_{iot}) = BO_{iot}$	$\forall i, o, t$ رابطه (۵۳)
$I_{i0} = 0$	$\forall i$ رابطه (۵۴)
$I_{i(t-1)} + p_{it} - I_{it} = \sum_o s_{iot}$	$\forall i, t > 1$ رابطه (۵۵)
$B_{it}, p_{it} \geq 0, integer$	$\forall i, t$ رابطه (۵۶)
$B_{iot}, s_{iot} \geq 0, integer$	$\forall i, o, t$ رابطه (۵۷)
$0 \leq Y_{iot} \leq 1$	$\forall i, o, t$ رابطه (۵۸)

### تعیین ضرایب آرمان

اساساً به لحاظ تحلیلی، تعیین ضرایب آرمان در برنامه‌ریزی آرمانی می‌تواند به دو طریق کمی و کیفی صورت گیرد. با توجه به تعدد آرمان‌ها و این که در روش کمی، بیان نظرهای کارشناسان

به طور کامل و جامع امکان پذیر نیست، ترجیح داده شد ضریب آرمان‌ها از طریق مصاحبه حضوری با کارشناسان و دریافت نظرهای برآورده شده آنان از میزان اهمیت آرمان‌ها تعیین شود. به همین دلیل برای تعیین وزن آرمان‌ها به جای استفاده از روش‌های MADM، از رویکرد مصاحبه و روش کیفی (به جای روش کمی) استفاده شد. با توجه به مصاحبه‌های حضوری صورت گرفته با کارشناسان، دو آرمان درآمد کل و هزینه سفارش‌های معوقه نسبت به سایر آرمان‌ها درجه اهمیت بیشتری (دوبابری) دارند، بنابراین وزن‌های هر یک از این دو آرمان در مدل  $0/2$  و وزن شش آرمان دیگر  $1/0$  لحاظ شده است. به بیان دیگر، از میان آرمان‌های هشت‌گانه، میزان اهمیت آرمان‌های درآمد کل و هزینه سفارش‌های معوقه  $20$  درصد و میزان اهمیت شش آرمان باقی‌مانده به طور یکسان  $10$  درصد لحاظ شده است.

### پارامترهای مدل

در حالت کلی، پارامترهای مدل را می‌توان به چند گروه دسته‌بندی کرد:

(الف) پارامترهای عمومی و قطعی: مثل نرخ هزینه، سطوح مختلف فعالیت، قیمت و غیره.

(ب) پارامترهای مربوط به مقادیر آرمان‌ها و ضریب اهمیت آنها.

(ج) پارامترهای غیرقطعی: اعداد اسمی (اعداد وسط بازه) پارامترهایی چون هزینه اولیه محصول و هزینه سفارش‌های انجام شده، اعداد مربوط به دامنه نوسان بازه (طول بازه) پارامترهایی چون هزینه اولیه محصول و هزینه سفارش‌های انجام شده و پارامترهای سطوح حفاظت.

با توجه به این که بحث اصلی این تحقیق، تعیین سبد بهینه سفارش‌های واصل شده به شرکت در وضعیت غیرقطعی بودن برخی از پارامترهای است، باید حدود نوسان پارامترهای غیرقطعی تعیین شود. با توجه به بررسی‌های به عمل آمده، از بین دو پارامتر غیرقطعی نامبرده، پارامتر هزینه اولیه به دلیل این که از مجموع چند هزینه مختلف مثل هزینه مواد، هزینه دستمزد و هزینه فعالیت‌های سطوح واحد محصول، تشکیل شده است، نوسان بیشتری را از خود نشان می‌دهد. با توجه به بررسی‌ها، نوسان این پارامتر حدود  $0/3$  برآورد شد. علاوه‌بر این، میزان نوسان پارامتر هزینه سفارش‌های انجام نشده نیز حدود  $0/2$  تخمین زده شد. شایان ذکر است این تخمین‌ها بر مبنای مطالعه داده‌های هزینه‌ای و برآورد حدودی نوسان‌ها صورت گرفته است؛ بدین ترتیب که با استفاده از داده‌های مربوط به چند دوره پیش تولید، نوسان حدودی مشاهده شده در این پارامترها تخمین زده شد. اگرچه مقادیر نوسان به طور دقیق  $0/3$  و  $0/2$  نیست، به منظور تسهیل در حل مدل، مقادیر نوسان به ارقام مذکور گرد شد و با توجه به این مقادیر، به حل مدل و شبیه‌سازی نتایج به دست آمده، اقدام شد.

## یافته‌های پژوهش

به دلیل پیچیدگی زیاد مدل از نظر تعداد متغیرها (۱۹۱۷ متغیر)، محدودیتها (۲۳۰۷ محدودیت) و داده‌ها، مدل در فضای مجموعه‌ها در نرم‌افزار لینگو (لينکشده با اکسل) برنامه‌نویسی شد تا داده‌های خروجی مدل وارد اکسل شود و بدین ترتیب، کارایی محاسباتی مدل افزایش یابد. در حین برنامه‌نویسی، همواره سعی شد از تکنیک‌های ابتکاری برنامه‌نویسی استفاده شود تا از حجمیم‌شدن بیهوده مدل خودداری شود. پس از اتمام برنامه‌نویسی، مدل استوار ۱۳ بار به ازای ۱۳ حالت سطح حفاظت حل شد. پس از هر بار حل، مقادیر متغیرهای به دست آمده، ثابت در نظر گرفته شدند و پارامترهای نامطمئن در بازه در نظر گرفته شده، به طور تصادفی، در قالب تابع توزیع متقارن برای ۱۰۰۰۰ بار تولید و شبیه‌سازی شدند. در هر بار شبیه‌سازی مشخص شد چه تعداد از محدودیتها نقض شده‌اند. به بیان دیگر، با مشخص شدن نسبت تعداد کل محدودیتها نقض شده به تعداد کل محدودیتها دارای پارامترهای نامطمئن، ریسک هر سطح حفاظت به دست آمد. خلاصه نتایج در جدول ۶ آمده است.

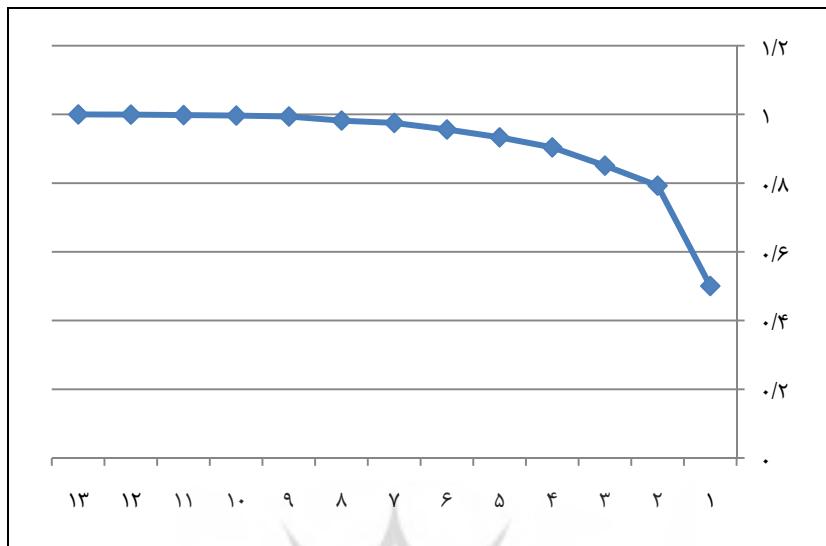
جدول ۶. مقادیر تابع هدف در حالت قطعی و به ازای هر یک از سطوح حفاظت

حالت	$\Gamma_1$	$\Gamma_2$	تابع هدف	سود اکتسابی	سطح تولید
قطعی	-	-	۱۹۸۴۲/۵	۴۹۷۱۸۸۰	۳۳۲۵۰
۱	۰	۰	۱۹۸۴۲/۵	۴۹۷۱۷۸۵	۳۳۲۵۰
۲	۰	۰	۷۱۶۷۶/۸	۴۷۱۱۱۵۹	۲۸۶۵۰
۳	۰	۰	۸۳۳۱۶/۳	۴۳۹۰۷۷۰	۲۸۲۹۰
۴	۰	۰	۹۱۱۷۴/۴	۴۱۳۱۷۶۱	۲۵۱۶۰
۵	۰	۰	۹۵۹۷۹/۲	۴۰۰۲۷۰۵	۲۴۳۳۰
۶	۰	۰	۱۰۰۷۸۴	۳۸۷۳۹۴۴	۲۳۵۰۰
۷	۰	۰	۱۱۰۵۷۶	۳۸۷۳۹۲۶	۲۳۵۰۰
۸	۰	۰	۱۱۵۳۷۶	۳۸۷۶۲۶۰	۲۳۵۰۰
۹	۰	۰	۱۲۲۵۷۶	۳۸۷۳۹۵۰	۲۳۵۰۰
۱۰	۰	۰	۱۲۴۹۷۶	۳۸۷۴۱۷۷	۲۳۵۰۰
۱۱	۰	۰	۱۲۷۳۷۶/۱	۳۸۷۳۹۸۱	۲۳۵۰۰
۱۲	۰	۰	۱۲۹۷۷۶	۳۸۷۴۱۲۴	۲۳۵۰۰
۱۳	۰	۰	۱۳۲۱۷۶	۳۸۷۳۸۵۱	۲۳۵۰۰

همان‌گونه که در جدول ۶ مشاهده می‌شود، با افزایش سطوح حفاظت که موجب محافظه کارانه‌تر شدن مدل نسبت به نوسان متغیرهای غیرقطعی می‌شود، مقدار تابع هدف هم بدتر می‌شود؛ یعنی در حالتی که تابع هدف کمینه است، تابع هدف گام به گام بیشتر می‌شود. اما آنچه باید در ازای بیشتر شدن سطوح حفاظت و بدتر شدن مقادیر تابع هدف به دست آید، کاهش ریسک نوسان متغیرهای غیرقطعی است. این نتیجه در جدول ۷ آورده شده است. منظور از ریسک، همان احتمال نقض محدودیت‌های مدل به‌واسطه نوسان متغیرهای غیرقطعی است. همان‌گونه که در این جدول مشاهده می‌شود، با افزایش سطوح حفاظت مدل، احتمال نقض محدودیت‌ها کاهش می‌یابد. شاخص ریسک در اینجا، نسبت تعداد محدودیت‌های نقض شده به کل تعداد محدودیت‌ها در ۱۰۰۰۰ بار شبیه‌سازی است. محدودیت غیرقطعی دوم نسبت به نوسان، واکنش شدیدتری از خود نشان می‌دهد. به طوری که محدودیت هفتم زودتر به سطح اطمینان ۱۰۰ درصد یا سطح ریسک صفر می‌رسد. ستون آخر جدول ۷ نیز نشان‌دهنده درصد اطمینان به کل مدل است که از نسبت کل محدودیت‌های نقض نشده به کل حالت‌های ممکن به دست می‌آید. شکل ۲ نیز ارتباط میان تغییرات سطوح حفاظت نسبت به سطح اطمینان به مدل را نشان می‌دهد.

جدول ۷. احتمال نقض (ریسک) محدودیت‌ها در حالت‌های مختلف

حالات	$\Gamma_2$	$\Gamma_1$	احتمال نقض محدودیت هفتم	درصد اطمینان
۱	۰	۰	۰/۴۹۵۱	۰/۵۰۰۵
۲	۴۰	۲	۰/۴۱۴۹	۰/۷۹۲۵۵
۳	۸۰	۵	۰/۲۹۷۲	۰/۸۵۰۹۵
۴	۱۲۰	۸	۰/۱۹۱۷	۰/۹۰۴۱۵
۵	۱۶۰	۱۰	۰/۱۳۳۷	۰/۹۳۳۱۵
۶	۲۰۰	۱۲	۰/۰۸۸	۰/۹۵۶
۷	۲۴۰	۱۵	۰/۰۵۲۰	۰/۹۷۵۰۳
۸	۲۸۰	۱۷	۰/۰۳۵۹	۰/۹۸۲۰۵
۹	۳۲۰	۲۰	۰/۰۱۲۲	۰/۹۹۳۹
۱۰	۳۶۰	۲۱	۰/۰۰۶۹	۰/۹۹۶۵۵
۱۱	۳۸۴	۲۲	۰/۰۰۴۱	۰/۹۹۷۹۵
۱۲	۳۸۴	۲۳	۰/۰۰۰۹	۰/۹۹۹۵۵
۱۳	۳۸۴	۲۴	۰	۱



شکل ۲. ارتباط غیرخطی و مستقیم میان تغییرات سطح حفاظت و اطمینان به مدل

### نتیجه‌گیری و پیشنهادها

با توجه به حل مدل، شبیه‌سازی و نمودارها، نتایجی به شرح زیر استنباط می‌شود:

۱. از جدول ۶ و شکل ۲ می‌توان دریافت که با کاهش ریسک‌پذیری (افزایش سطح حفاظت)، تابع هدف (از نوع کمینه‌سازی) بدتر شده است. در واقع، هرچه سطح حفاظت افزایش می‌یابد، مدل، مقدار متغیرها را به‌شکل سختگیرانه‌تری در بازه مجاز انتخاب می‌کند؛ به نحوی که احتمال نقض محدودیت‌ها کمتر شده و در نهایت جواب تابع هدف، بدتر می‌شود. این خود می‌تواند دلیلی بر صحت مدل‌سازی استوار و صحت عملکرد مدل باشد.
۲. با توجه به جدول ۶ تغییر سطح ریسک یا سطح محافظه‌کاری، بر افزایش مقادیر تابع هدف تأثیر می‌گذارد؛ به بیانی، استوارسازی مدل در راستای کاهش ریسک تصمیم‌گیری، بسیار ضروری و اثرگذار است.
۳. اعداد جدول ۷، نتایج شبیه‌سازی است و نشان می‌دهد با افزایش سطح حفاظت، این اعداد کاهش می‌یابند. این روند، نشان‌دهنده عملکرد درست مدل استوار و شبیه‌سازی انجام شده است.
۴. در جدول ۷، در حالت بدینانه، اعداد سطح حفاظت بیشترین مقدار را دارند و صفر شدن عدد احتمال نقض محدودیت‌ها، در این حالت به این معناست که هیچ محدودیتی نقض نمی‌شود و در ازای آن، بدترین مقدار تابع هدف وجود دارد. چنانچه این حالت در عمل اتفاق نیفتد

(نوسان‌ها کنترل شود)، انتخاب این گزینه می‌تواند زیان فرصت از دست رفته را برای تصمیم‌گیرنده جبران کند. در مقابل، در حالت خوش‌بینانه نیز خوش‌بینی بیش از حد می‌تواند به تحمیل هزینه و زیان منجر شود. بنابراین، بهترین حالت آن است که تصمیم‌گیرنده، اندکی ریسک را پذیرد و بر اساس آن، مقدار متغیرهای انتخابی از سوی مدل را در عمل به کار گیرد. برای مثال، اگر تصمیم‌گیرنده پذیرای ریسک حدود ۳ درصد باشد، با توجه به جدول ۶ جواب‌های به‌دست‌آمده از حالت ۷ می‌تواند متناسب اطمینان حدوداً ۹۷٪ درصدی برای وی باشد و به بیانی بین ریسک و عایدی توازن ایجاد کند.

۵. علاوه بر این که با تغییر سطوح حفاظت، تابع هدف بدتر می‌شود و سود کاهش می‌یابد، باید توجه داشته باشیم که از سطح تولید نیز کاسته می‌شود. از سطح حفاظت ۱ تا ۱۳، سطح تولید ۹۷۵۰ واحد کاهش می‌یابد؛ یعنی تولید کننده با افزایش سطح حفاظت، ضمن آن که کاهش سود را می‌پذیرد، در عین حال هم از ناموجه شدن مدل جلوگیری می‌کند (نقض محدودیت‌های تولید) و هم انرژی کمتری را (معادل ۹۷۵۰ واحد) صرف تولید می‌کند.

۶. با توجه به مقادیر به‌دست‌آمده از جدول‌های ۶ و ۷ و شکل ۲، ارتباط میان تغییر سطوح حفاظت، از یک سو با تغییر مقادیر تابع هدف و از سوی دیگر با ریسک یک رابطه غیرخطی است و به همین دلیل، برقراری رابطه کاملاً شفاف بین این متغیرها را دشوار می‌کند.

۷. به طور کلی، با توجه به بحث استواری جواب‌ها، مدل‌سازی مصاحبه - محور و لحاظ‌کردن شاخص‌های مختلف و مهم مطابق با نظر تصمیم‌گیرنده، می‌توان ادعا کرد که مدل از قابلیت انتکای زیادی برخوردار است.

۸. یکی از مباحثی که در مدل‌سازی استوار از طریق روش برتسبیمس و سیم مطرح است، تعیین بهترین سطوح حفاظت برای مسائل است. تدوین روش کارآمد برای تعیین این سطوح حفاظت، می‌تواند پیشنهادی برای تحقیقات آتی باشد.

۹. پیشنهاد دیگر برای پژوهش‌های آتی، استفاده از سازوکاری بهمنظور تعیین دقیق نرخ مخازن هزینه (یا همان ضرایب هزینه‌ای) در روش هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت است. این مقوله از چالش‌هایی است که در رویکرد هزینه‌یابی بر مبنای فعالیت وجود دارد.

۱۰. پژوهشگر مشاهده کرد که با افزایش پیچیدگی مدل، یعنی افزایش تنوع تقاضاها، نوسان‌پذیری تعداد بیشتری از پارامترها و نیز افزایش دوره‌های تصمیم‌گیری، حل مدل توسط نرم‌افزار زمان‌بر خواهد بود و حتی گاهی جواب‌های به‌دست‌آمده محلی<sup>۱</sup> است نه سراسری<sup>۲</sup>.

1. Local  
2. Global

استفاده از رویکردهای حل فرالبتکاری می‌تواند راهکاری برای پژوهشگران آتی بهمنظور افزایش کارایی مدل باشد.

۱۱. استفاده از رویکردهای دیگر استوارسازی مدل، مانند روش مالوی، واندربی و زنیوس (۱۹۹۵) که به رویکردهای سناریومحور موسوم‌اند و مقایسه آنها با رویکرد برتیسیمس و سیم (۲۰۰۴)، می‌تواند موضوع دیگری برای پژوهش‌های آتی باشد.

۱۲. استفاده از رویکردهای استوار زمانی که بازه‌های نوسان پارامترهای غیرقطعی، از خاصیت فازی برخوردار باشد می‌تواند به جذابیت موضوع پژوهش بیفزاید.

## References

- Askarany, D., Yazdifar, H. & Askary, S. (2010). Supply chain management, activity-based costing and organizational factors. *International Journal of Production Economics* 127, 238–248.
- Baykasoglu, A. & Kaplanoglu, V. (2008). Application of activity-based costing to a land transportation company: A case study. *International Journal of Production Economics*, 116(2), 308-324.
- Benton, W.C. (1953-1961). Quantity discount decision under conditions of multiple items, multiple suppliers and resource limitation. *International Journal of Production Economics*, 27(199), 302-317.
- Bertsimas, J.B. & Sim, M. (2004). The Price of Robustness. *Operations Research*, 52(1), 35–53.
- Boonkhun, C., Chandra M.J. & Enscore, E.E. (2005). Application of activity based costing in investment decision. *International Journal of Industrial Engineering*, 12(1), 68-78.
- Cooper, R. & Kaplan, R.S. (1991). *The design of cost management systems: Text, cases and readings*. Englewood Cliffs: Prentice-Hall.
- Degraeve, Z. & Roodhooft, R. (2000). A mathematical programming approach for procurement using activity based costing. *Journal of Business Finance & Accounting*, 127(1-2), 69-98.
- Degraeve, Z. and Roodhooft, R. (1998). Determining sourcing strategies: a decision
- Fujii, S. & Kaihara, T. (2003). A basic study on cost-based scheduling in job shop for agile manufacturing. *7th World Multiconference on Systemics, Cybernetics and Informatics Proceedings*, 13, 255-260.

- Gordon, G. (1978). *System Simulation, 2<sup>nd</sup> ed.*, Prentice-Hall, Englewood Cliffs, N.J.
- Gunasekaran, A. & Sarhadi, M. (1998). Implementation of activity-based costing in manufacturing. *International Journal of Production Economics*, 56-57(11), 231-242.
- Haji, R., Marefdust, M., Ebrahimi, S.B. (2009). Finding the Cost of Inventory in Make to Order Supply Chain Under Vendor Managed Inventory Program, *Journal of Industrial Management*, 1(3), 21-36. (in Persian)
- Improving the efficiency of the purchasing process using total cost of ownership information: The case of heating electrodes at Cockerill Sambre S.A. *European Journal of Operational Research*, 12 (1), 42-53.
- Ioannou, G. & Sullivan, W.G. (1999). Use of activity-based costing and economic value analysis for the justification of capital investments in automated material handling systems. *International Journal of Production Research*, 37(9), 2109-2134.
- Jafarnejad, A., Mehrgan, M., Olfat, L. & Fallah Lajimi, H. (2014). Configuring Integrated Supply Chain Network Stochastic Strategic. *Journal of Industrial Management*, 7 (1), 83-105.
- Kaplan R. & Atkison A., (1998), Advanced Management Accounting: International Edition. 3rd edition, New Jersey: Prentice Hall, Upper Saddle River.
- Karakas, E., Koyuncu, M., Erol, R. & Kokangul, A. (2010). Fuzzy programming for optimal product mix decisions based on expanded ABC approach. *International Journal of Production Research*, 48 (3), 729-744.
- Kee, R. & Schmidt, C. (2000). A comparative analysis of utilizing activity-basedcosting and the theory of constraints for making product-mix decisions. *International Journal of Production Economics*, 63 (1), 1-17.
- Kim, J. (1997). Activity-based framework for cost saving through the implementation of an ERP system. *International journal of production research*, 13(17), 3446-3457.
- Kirche, E. & Srivastava, R. (2007). A resource-constrained profit-based dynamic order management model. *International Journal of Computer Applications in Technology*, 30(4), 273-280.
- Kirche, E.T., Kadipasaoglu, S.N., and Khumawala, B.M. (2005). Maximizing supply chain profits with effective order management: Integration of

- Activity-Based Costing and Theory of Constraints with mixed-integer modeling. *International Journal of Production Research*, 43 (7), 1297 - 1311.
- Kirche, E.T., Srivastava, R. & Khumawala, B., (2002). An ABC-based cost model with inventory and order level costs: A comparison with TOC. *Proceedings of 33rd Annual Meeting of the Decision Sciences Institute*, 23–26 November, San Diego, CA, 1733–1738.
- Kleijnen J.P.C., (2001). Ethical issues in modeling: Some reflections. *European Journal of Operational Research* 130(1), 223–230.
- Lea, B. & Fredendall, L.D. (2002). The impact of management accounting, product structure, product mix algorithm, and planning horizon on manufacturing performance. *International Journal of Production Economics*, 79(3), 279-299.
- Liu, X., Cui, F., Meng, Q. & Pan, R. (2008). Research on the model of quality cost in CIMS environment. *2008 International Seminar on Business and Information Management (ISBIM 2008)*, p 368-371.
- MacArthur, J.B. (1993). Theory of constraints and activity-based costing: friends or foes? *Journal of Cost Management*, 7(2), 50-56.
- model based on activity and cost driver information. *Journal of the Operational Research Society*, 49(8), 781-789.
- Mohaghar, A., Mehrgan, M. & Nazabadi, M. (2009). Optimizing automotive product portfolio using robust optimization. *Journal of Industrial Management*, 1(2), 139-152. (in Persian)
- Mulvey, J.M., Vanderbei, R.J. & Zenios, S.A., (1995), Robust optimization of large-scale systems, *Operations Research*, 43 (2), 264–281.
- order level costs: A comparison with TOC. *International Journal of Production Research*, 43 (8), 1685 - 1710.
- Rabie, M., Azar, A., Modares Yazdi, M. & Fetanat-fard Haghghi, M. (2011). Designing a robust multiobjective sourcing model: Approach in order to reduce supply chain risk (Case study: Iran Khodro Co. supply chain). *Journal of Industrial Management Perspective*, (1): 57-77. (in Persian)
- Ramdas, K. & Sawhney, M. S. (2001). A cross-functional approach to evaluating, *Research Society*, 49(8), 781-789.

- Roodhooft, R. & Konings, J. (1996). Vendor selection and evaluation an activity based costing approach. *European Journal of Operational Research*, 96 (1), 97-102.
- Sadeghi Moghadam, M., Momeni, M. & Nalchigar, S. (2009). Material Flow Modeling in Supply Chain Management with Genetic Algorithm Approach. *Journal of Industrial Management*, 1(2), 71-88. (in Persian)
- Shapiro, J.F. (1999). On the connections among activity-based costing, mathematical programming models for analyzing strategic decisions, and the resource-based view of the firm. *European Journal of Operational Research*, 118 (2), 295-314.
- Sheu, C., Chen, M. & Kovar, S. (2003). Integrating ABC and TOC for better manufacturing decision making. *Integrated Manufacturing Systems*, 14(5), 433-441.
- Singer, M. & Donoso, P. (2008). Empirical validation of an activity-based optimization system. *International Journal of Production Economics*, 113(1), 335-345.
- Tsai, W. (1996). Activity-based costing model for joint products. *Computers & Industrial Engineering*, 31(3-4), 725-729.
- Tsai, W., Lai, C., Tseng, L. & Chou, W. (2008). Embedding management discretionary power into ABC model for a joint product mix decision. *International Journal of Production Economics*, 115(1), 210-220.
- Tsai, W.H., Hung, S.J. (2007). A fuzzy goal programming approach for green supply chain optimisation under activity-based costing and performance evalution with a value-chain structure. *International Journal of Production Research*, 24(12), 47-54 .
- Vlajic, J.V., Vorst, J.A. & Haijema, R., (2012), A framework for designing robust food supply chains. *International Journal Production Economics*, 137(1), 176–189.
- Yang, T. & Liu, Z. (2008). An inventory model based on activity-based costing. *Proceedings of the 8th International Conference of Chinese Logistics and Transportation Professionals - Logistics: The Emerging Frontiers of Transportation and Development in China*, p1336-1342.
- Yang, T. (2008). DEA model for logistics cost evaluation based on activity analysis. *International Seminar on Business and Information Management (ISBIM 2008)*, p149-152.

Zanjani, M.K., Ait-Kadi, D., & Noureldath, M., (2010), Robust production planning in a manufacturing environment with random yield: A case in sawmill production planning, *European Journal of Operational Research*, 201, 882–891.

