



سنجش از دور و GIS ایران

سال هشتم، شماره اول، بهار ۱۳۹۵
Vol.8, No. 1, Spring 2016

Iranian Remote Sensing & GIS

۱۰۹-۱۲۶



کاربرد ترکیب برنامه‌ریزی خطی و الگوریتم ابتکاری کلونی مورچگان و قابلیت‌های GIS در به‌گزینی مکانی کاربری اراضی

مریم سعیدصبانی^{۱*}، رسول سلمان‌ماهینی^۲، سید محمد شهرآئینی^۳، سید حامد میرکریمی^۴، نورالدین دبیری^۵

۱. دانشجوی دکتری محیط‌زیست، دانشکده کشاورزی و منابع طبیعی گرگان
۲. دانشیار گروه محیط‌زیست دانشکده کشاورزی و منابع طبیعی گرگان
۳. استادیار گروه برق دانشکده فنی و مهندسی دانشگاه گلستان
۴. استادیار گروه محیط‌زیست دانشکده کشاورزی و منابع طبیعی گرگان
۵. استادیار گروه صنایع دانشکده فنی و مهندسی دانشگاه گلستان

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۵/۵/۳۰

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۴/۱۲/۱

چکیده

در شرایط روبرو شد توسعه، طراحان سرزمنین بارها با شرایطی مواجه می‌شوند که برای مکانی خاص، گزینه‌های متفاوت کاربری وجود دارد. اینجاست که بین برگزیدن یا برنگزیدن کاربری‌ها تعارض پدید می‌آید. تحقیق حاضر، با چنین رویکردی، چگونگی ساماندهی چهار کاربری کشاورزی، جنگل، مرتع و توسعه و اولویت‌بندی آنها را در منطقه‌ای در شهرستان گرگان، با هدف کاهش هزینه تخصیص سرزمنی به هر کاربری و افزایش تراکم و پیوستگی مناطق اختصاصی گافته به آنها، به منزله معیارهای شکلی سیمای سرزمنی، مورد مذاقه قرار داده است. در این راستا، از قابلیت‌های دو مدل دقیق و ابتکاری، شامل مدل برنامه‌ریزی خطی و الگوریتم کلونی مورچگان، استفاده شده است. برای اجرای مسئله به‌گزینی کاربری اراضی تعریف شده در مدل برنامه‌ریزی خطی که با توجه به ابعاد مسئله (۱۳۲×۱۲۷ در ۱۳۲ ستون) و اهداف مورد تحقیق در زمرة مسائل سخت قرار دارد، از روش آزادسازی مسئله از قید صحیح و روش شاخه و کران بهره گرفته شده است. نتایج نشان می‌دهد میزان هزینه تخصیص، تراکم و پیوستگی در همه کاربری‌ها در استفاده ترکیبی از دو مدل بالا، در مقایسه با شرایطی که فقط یکی از دو مدل به کار رود، بهینه‌تر خواهد بود. نتایج مقایسه اجرای به‌گزینی در استفاده ترکیبی از دو الگوریتم و اجرای آن به وسیله الگوریتم شناخته‌شده MOLA در نرم‌افزار ایدریسی نشان می‌دهد که ضمن آنکه در مدل پیشنهادی امکان تعریف اهداف بیشتر وجود دارد، تفاوت مقادیر هزینه، تراکم و پیوستگی در نتایج دو مدل پس از استانداردسازی در بازه صفر تا یک، به ترتیب، ۰.۰۳ و ۰.۰۱ و ۰.۰۷ است و الگوریتم ترکیبی بهینه‌تر عمل کرده است.

کلیدواژه‌ها: ارزیابی سرزمنی، مسائل سخت، کاربری اراضی، برنامه‌ریزی خطی، الگوریتم کلونی مورچگان.

* نویسنده عهده‌دار مکاتبات: دانشگاه منابع طبیعی و کشاورزی گرگان، گروه محیط‌زیست.

Email: sabacee.maryam1@gmail.com

۱- مقدمه

(Liu et al., 2012). در کنار اهداف یادشده، محدودیت‌های فیزیکی، اقتصادی، فرهنگی و محیط‌زیستی نیز وجود خواهد داشت. پیچیدگی تصمیم‌گیری آنچا به اوج می‌رسد که این اهداف هم در کل سرزمین و همزمان، در سطح واحدهای سرزمین نیز باید بررسی شود. بررسی در سطح واحدها موجب می‌شود که سطح محاسبات با افزایش تعداد واحدها و یا افزایش اندازه تفکیک نقشه‌ها به‌طور نمایی افزایش یابد و بررسی‌ها را سخت و گاه ناممکن کند (Stewart et al, 2004). حل مسائل بهینه‌یابی، در قالب مسائل تصمیم‌گیری چندهدفه، به الگوریتم‌های ویژه‌ای نیاز دارد. در نگاهی کلی، فنون و الگوریتم‌های مورد استفاده به دو دسته الگوریتم‌های دقیق (مانند برنامه‌ریزی خطی، عدد صحیح و یا عدد صحیح ترکیبی^۱) و الگوریتم‌های ابتکاری و فراابتکاری (مانند الگوریتم ژنتیک، تابو، مذاب‌سازی، گلونی مورچگان) تفکیک می‌شوند.

۲- درآمدی بر برنامه‌ریزی خطی و الگوریتم گلونی مورچگان

۲-۱- برنامه‌ریزی خطی

در حیطه‌به‌گزینی (اولویت‌بندی کمی) کاربری اراضی، الگوریتم‌های گوناگونی توسعه داده شده‌اند (Williams and Revelle, 1998; Aerts et al., 2003; Stewart et al., 2004). از متداول‌ترین این فنون استفاده از برنامه‌ریزی ریاضی، مانند برنامه‌ریزی خطی است (Chuvieco, 1993; Auseil et al., 2012). به‌طور کلی، برنامه‌ریزی خطی روشی برای دستیابی به بهترین نتیجه (کمترین هزینه یا بیشترین مطلوبیت) در یک مدل ریاضی است که شرایط آن از طریق روابط

1. land allocation
2. site selection
3. site searching

۴. مانند مکانیایی بهنه‌های دفن پسماند

5. geometric
6. patch

۷. گاه در برنامه‌ریزی خطی، از هر دو نوع متغیر تصمیم (عدد صحیح و معمول، یا حقیقی) وجود دارد. در این حالت، برنامه‌ریزی خطی را برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح ترکیبی گویند.

تفصیل کاربری سرزمین^۱ فرایندی در ارزیابی است که به تعیین مقدار و موقعیت کاربری‌های گوناگون در منطقه، در شرایطی می‌پردازد که گزینه‌های متفاوتی برای اختصاص مکان به آنها وجود دارد. این موضوع فرایند تخصیص بهینه یا، به بیان ساده‌تر، نوعی به‌گزینی است (Carsjens &Van der Knaap, 2002) که در جست‌وجوی یافتن پاسخی برای پرسش‌های شناخته‌شده «چه چیز»، «چه مقدار» و «کجا» است. از منظر تجزیه و تحلیل مطلوبیت سرزمین، پیش از هر چیز، تفاوت قائل شدن بین مسئله انتخاب مکان^۲ و جستجوی مکان^۳ ارزشمند و ضروری است (Cova & Church, 2000). در مسئله انتخاب مکان یا مکانیابی، هدف تعیین بهترین مکان برای برخی فعالیت‌ها از میان مجموعه مکان‌های بالقوه است. در این نوع تحلیل‌ها، همه خصوصیات گزینه‌ها (مانند مکان، اندازه و صفات مورد نظر) از پیش مشخص است. رتبه‌بندی گزینه‌های مکان و انتخاب بهترین مهم است^۴. اما اگر گزینه‌های ممکن از پیش مشخص نباشد، مسئله جست‌وجوی مکان خواهیم داشت. در اینجا، ویژگی‌های مکان (یا مرزهای آن) باید با حل مسئله تعیین شود. در مسائل این چنینی، مطلوبیت مکان و نیز، ویژگی‌های مکانی مانند شکل، پیوستگی، تراکم و موارد دیگر بر پایه برخی معیارها تعیین می‌شود (Malczewski, 2004). تخصیص بهینه سرزمین که در ادبیات شناخته‌شده ارزیابی و برنامه‌ریزی سرزمین (آمایش سرزمین) بهمنزله اولویت‌بندی کمی گزینه‌ها و ساماندهی آنها مطرح می‌شود، مصادقی روشن از تعریف اخیر است. در تخصیص بهینه سرزمین، در کل، دو دسته اهداف مطرح در سطح منطقه‌ای (مانند مطلوبیت بیشتر و یا هزینه کمتر سرزمین برای هر کاربری) و اهداف مطرح در سطح هر کاربری (مانند خصوصیات هندسی^۵ مناطق، همچون میزان تراکم، سطح، تعداد لکه‌ها^۶ و انطباق کاربری‌های مجاور) مورد بررسی و موازنگرد



شکل ۱. منطقه فضای ممکن (نقاط مشخص شده در داخل چندضلعی) در مسئله برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح

افراد دیگری از این روش در مسائل برنامه‌ریزی سرزمین که فقط به یک کاربری می‌پردازد، بهره گرفته‌اند (Minor & Jacob, 1994; Williams & Revelle, 1998; Cova & Church, 2000; Beyer et al., 2016) نیز از این روش در مسائل به‌گزینی چندکاربری استفاده کرده‌اند که البته به‌دلیل محدودیت‌های مدل‌های خطی، نیز این روش کوچک بوده است^۴ (Aerts et al., 2003). در ابعاد مسئله آزادسازی^۵ دیده می‌شود که به‌معنای روشهای ابتکاری یا ترکیبی در حل مسائل برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح پیشنهاد کرده‌اند که در برخی، برداشتمن قید صحیح از تابع برنامه‌ریزی خطی و حل آن به صورت برنامه‌ریزی خطی معمول و درنهایت، گرد کردن پاسخ‌ها براساس برخی ملاحظات و قوانین است. منظور از روشهای ترکیبی نیز معمولاً ترکیب برنامه‌ریزی خطی با الگوریتم‌های ابتکاری^۶ و یا استفاده‌تنها از آنها، مانند MOLA (Eastman & Jiang, 1996) و شبیه‌سازی الگوریتم زنتیک (Stewart et al., 2004) است. الگوریتم‌های ابتکاری اگرچه رسیدن به پاسخ بهینه قطعی را تضمین نمی‌کنند، یافتن پاسخی نزدیک به پاسخ بهینه^۷ را در زمان مورد قبول دست‌یافتنی می‌کنند. MOLA از نخستین الگوریتم‌های ابتکاری به کاررفته در بهینه‌سازی سرزمین

1. polynomial
3. Chuvieco

2. NP-hard

۴. ابعاد مسئله (۲۵×۲۵) پیکسل بوده است.

5. relaxation
7. pareto

ریاضی بیان می‌شود. در اینجا، توابع هدف و محدودیت‌ها به صورت معادلات یا نامعادلات خطی بیان می‌شوند. منطقه پاسخ‌های ممکن، پ جموعه‌ای از اعداد حقیقی محدود در چندضلعی محدبی است که از برخورد گوشش‌های نامعادلات خطی مربوط به محدودیت‌ها، در فضای نامحدود تصمیم‌گیری شکل می‌گیرد. نقطه قوت این فن بهینه‌یابی دست یافتن به نتایج دقیق و بهینه است. اما یافتن این پاسخ دقیق نیازمند بررسی همهٔ پاسخ‌های احتمالی است که ممکن است بسیار زمانبر باشد و این موضوع بهای این جستجوی کامل است. زمان یافتن پاسخ صحیح در این فن، با توجه به تعداد متغیرها، به صورت چندجمله‌ای^۸ تغییر می‌کند. در مباحث برنامه‌ریزی خطی مکانی، مانند به‌گزینی سرزمین، وارد کردن گزینش بر پایهٔ مکان کارشناسان را به استفاده از برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح (برنامه‌ریزی خطی صفر و یک)، به منزلهٔ نمونه‌ای از مشتقات برنامه‌ریزی خطی ناگیر می‌کند. در این حالت، به هر واحد سرزمین در زمان فقط می‌شود یک کاربری اختصاص داد. اگرچه بیان چنین مسائلی در قالب برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح در ک پذیرتر به نظر می‌رسد، تحمیل چنین محدودیتی به مدل برنامه‌ریزی خطی و محدود کردن فضای تصمیم از جموعه اعداد حقیقی به جموعه اعداد صحیح که در عین حال، در برگیرندهٔ دیگر شرایط بیان شده در تابع باشند، یافتن پاسخ را بسیار مشکل می‌کند و در مسائل بزرگ، با متغیرهای تصمیم بسیار، آن را تقریباً ناممکن کرده و در زمرة مسائل سخت^۹ قرار داده است (McDonnell, 2000). باور بر این است که چنین مسائلی در زمان چندجمله‌ای به پاسخ نخواهند رسید (Dorigo & Stutzle, 2004)، ضمن آنکه اصولاً فضای تصمیم را از جموعه‌ای پیوسته به جموعه‌ای گسته تغییر می‌دهد (شکل ۱).

نخستین بار، در سال ۱۹۹۳، چوویکو^{۱۰} برنامه‌ریزی خطی را در مسائل برنامه‌ریزی سرزمین به کار برداشت، در تحقیق چوویکو، حل مدل خطی بدون توجه به متغیرهای مکانی صورت گرفته بود. همچنین،

Ahmed ظهور رفتار خاصی، وجود ندارد (& Glasgow, 2012). الگوریتم‌های مبتنی بر توده^۵ همچون خانواده‌ای از الگوریتم‌های ملهم از طبیعت^۶ و جمعیت مبنا^۷ تلقی می‌شوند که در ایجاد و بهبود هزینه اندک سرعت بالا و راحل بهینه در مسائل پیچیده توانمندند (Panigrahi et al., 2011; Blum & Merkle, 2008) از این‌رو، هوش ازدحامی شاخه‌ای از هوش مصنوعی است که از رفتارهای جمعی توده‌های اجتماعی موجود در طبیعت، مانند کلونی مورچه‌ها، زنبورهای عسل و دسته‌های پرنده‌گان استفاده می‌کند (Ahmed & Glasgow, 2012) این همکاری به نوعی جریان برای تبادل اطلاعات نیازمند است. در مورد کلونی مورچگان، تحقیقات نشان می‌دهد که ارتباط، در دنیای واقعی، از طریق ماده شیمیایی «فرومون^۸» صورت می‌گیرد (Dorigo & Stutzle, 2004). در آزمایش ساده انتخاب مسیر، مورچه‌ها نخست، مسیر خود از لانه به محل آذوقه را به تصادف می‌بینند، ولی چون زمان رفت و برگشت در مسیر کوتاه‌تر کمتر است، به تدریج، غلظت فرومون در این مسیر افزایش می‌یابد که این، خود، موجب جذب دیگران و افزایش بیشتر فرومون خواهد شد (Goss et al., 1989; Deneubourg et al., 1990) مسیر بهینه در طول زمان ایجاد می‌شود.

همان‌طور که اشاره شد، الگوریتم کلونی مورچگان از رفتار مورچه‌ها در جستجوی مسیر از لانه برای یافتن غذا الهام گرفته شده که بر پایه همکاری^۹ و تطابق^{۱۰} است (Dorigo, 1992) در حقیقت، مسیر حرکت مورچه‌ها همانند گرافی است که رأس‌های^{۱۱} آن محل

است که در نرم‌افزار ایدریسی ارائه شده است (Eastman et al., 1995) این الگوریتم، در کنار مزیت‌های مهم به لحاظ زمان حل کوتاه و کاربرپسند بودن، بیشترین کارآمدی خود را زمانی دارد که همبستگی معکوس بین مطلوبیت کاربری‌ها برای موقعیتی واحد وجود داشته و یا در مرتبه‌ای پایین‌تر، هیچ همبستگی‌ای بین آنها وجود نداشته باشد. در این صورت، تعداد سلول‌های متعارض، در مقایسه با تعداد کل سلول‌ها، کم است. اما چنانچه همبستگی مثبت بین کاربری‌ها وجود داشته باشد، بیشترین تعارض حاصل می‌شود (Cromely & Hanink, 2003) از دیگر کمبودهای آن بی‌توجهی به مفهوم تراکم در تخصیص است که گاه موجب ایجاد پراکندگی در موقعیت پیکسل‌های اختصاص یافته به یک کاربری می‌شود (Sharma & Lees, 2004; Dai, 2010).

۲-۲- الگوریتم کلونی مورچگان

یکی از الگوریتم‌های ابتکاری که پیش از این اشاره‌ای به آن شد، الگوریتم کلونی مورچگان^۱ است. این رهیافت که یکی از فنون هوش مصنوعی است، در سال ۱۹۸۹ معرفی شد (Eberhart et al., 2001) این الگوریتم از انواع هوش ازدحامی^۲ است. هوش ازدحامی نوعی از هوش است که از ازدحام مجموعه‌ای عامل^۳ به دست می‌آید که هیچ‌یک از آنها به تنها ای آن را ندارند. این هوش برآمده از تعامل اجتماعی عامل‌های تشکیل‌دهنده است. اعضای این جمعیت باید به پاره‌های رفتارهای جمعی پاییند، و در همکاری با یکدیگر باشند. به معنای دیگر، باید نوعی خودتنظیمی^۴ بین آنها وجود داشته باشد (Eberhart et al., 2001; Dorigo & Stutzle, 2004) مورچه‌ها، زنبورها و حشراتی که زندگی جمعی دارند، از مظاهر هوش مصنوعی به شمار می‌آینند. در حقیقت، هوش ازدحامی از تعدادی عواملی ساده و یکسان متشكل شده است که به طور محلی، با یکدیگر و با محیط‌زیست خود در تعامل‌اند و کنترل مرکزی بر آنها،

1. ACO: Ant Colony Algorithm
2. Swarm Intelligence
3. Agent
4. Self-organization
5. Swarm-based Algorithm
6. Nature-inspired
7. Population-based
8. pheromone
9. cooperation
- 10 adaptation
11. node

۳- توصیف مدل

۱-۱- استفاده از مدل هزینه در تخصیص بهینه سرزمین

هر مسئله تخصیص بهینه کاربری اراضی را اگر مسئله حداقل سازی در نظر بگیریم، می‌شود، مانند هر مسئله‌ای از این نوع، به صورت معادله (۱) تعریف کنیم
. (Dorigo & Stutzle, 2004)

$$\Pi = (S, \Omega, f) \quad (1)$$

S مجموعه راه حل‌های ممکن، f تابع هدف و Ω مجموعه محدودیت‌هاست. این مسئله در پی راه حل بهینه (i_{opt}) به صورتی است که $i_{opt} \in S$ باشد و شرایط معادله (۲) در آن صدق کند (Aerts et al., 2003)

$$f(i_{opt}) \leq f(i) \quad \forall i \in S \quad (2)$$

اگر منطقه مورد مطالعه را ماتریسی با P ردیف و Q ستون در نظر بگیریم، بر سر تصاحب هر سلول این ماتریس، رقابت و تعارضی بین کاربری‌ها وجود دارد. به طوری که $K, \dots, k=1, \dots, k$ نشان‌دهنده انواع کاربری‌هاست. مسلم است که هر سلول فقط به وسیله یک نوع کاربری ممکن است اشغال شود. به منظور بیان ریاضی این گفتار، به معرفی متغیری (X_{ijk}) نیاز است که مقدار آن نشان‌دهنده اختصاص یافتن یا اختصاص نیافتن سلول (j, i) به کاربری k باشد. در حقیقت، X_{ijk} متغیر بازی است که مقدار آن برای کاربری k در صورتی که به سلول (j, i) اختصاص یابد، برابر یک و در صورتی که به آن اختصاص نیابد، برابر صفر خواهد بود (Aerts et al., 2003). در مسائل تخصیص بهینه کاربری، معمولاً در منطقه برای هر نوع کاربری سطحی در نظر می‌گیرند. در اینجا، متغیر A_k برای نشان دادن سطح در نظر گرفته شده برای هر کاربری انتخاب شده است.

تحقیق حاضر در صدد است به کمک روش ترکیبی^۴

برنامه‌ریزی خطی و الگوریتم کلونی مورچگان، دستیابی به سه هدف حداقل کردن هزینه، حداکثر کردن تراکم

قرارگیری مورچه‌ها در حال حاضر، یا احتمالاً در آینده است. بین این رأس‌ها، یال‌هایی^۱ (مسیرهایی) با کیفیت‌های خاص وجود دارد که ممکن است معیار سنجش آنها هزینه، زمان، فاصله و مانند آن باشد. مورچه از دو اهرم رد فرومون^۲ و اطلاعات پایه^۳ در انتخاب مسیر استفاده می‌کند. فرومون (T) به وسیله مورچه‌ها ایجاد می‌شود اما اطلاعات پایه (n) دانسته‌های اولیه در مورد مسئله است که از سوی نیروی خارجی غیر از مورچه‌ها پدید می‌آید (Dorigo & Stutzle, 2004). اطلاعاتی در خصوص هزینه یا زمان در این دسته قرار می‌گیرند (Dorigo & Stutzle, 2004).

مورچه بر پایه احتمالی که از ترکیب این دو اهرم حاصل شده، برای انتخاب مسیر تصمیم می‌گیرد. بدیهی است حرکت نخستین مورچه‌ها از لانه به سمت غذا کاملاً تصادفی است. فرمونی که به وسیله مورچه‌ها روی مسیر ریخته می‌شود، دستخوش دو اتفاق قرار می‌گیرد (به روزرسانی و تبخیر). در واقع، در الگوریتم بالا، فرض است که مورچه‌ها حافظه‌ای دارند که به کمک آن، می‌توانند پس از طی مسیر، کیفیت آن را ارزیابی کنند و در مسیر بازگشت، بر پایه این ارزیابی، مقدار فرومونی را به میزان اولیه بیفزایند. طبیعی است مسیری با موقعیت بهتر فرومون بیشتری نیز دریافت خواهد کرد. متأسفانه مورچه‌ها ممکن است ضمن جستجوی مسیر، حلقه‌ایجاد کنند. به دلیل مکانیسم به روز آوری فرومون، به تدریج، حلقه‌ها بیشتر برای مورچه‌ها جذاب می‌شوند و مورچه‌ها در دام آنها می‌افتد (Dorigo & Stutzle, 2004). این حلقه‌ها، در حقیقت، همان تله‌های محلی‌اند. به تعبیری، در این هنگام، مجموعه‌ای از روش‌های نادرست و سنتهای اشتباه ایجاد می‌شود که دیگران نیز از آن تبعیت می‌کنند. پس باید راهی ایجاد کرد که امکان گریز پیش آید. عملکرد تبخیر نیز همین است. در الگوریتم، این فرایندها به صورت حلقه‌ای با اثر مثبت توصیف می‌شوند (Dorigo, 1992).

1. link

2. pheromone trail

3. heuristic information

4. hybrid

C_{ijk} گویای هزینه‌ای است که برای اختصاص قطعه زمین مناسب با سلول i و j به کاربری نوع k نیاز است. منظور از هزینه تخصیص، همان‌طور که تلویحاً اشاره شده است، هزینه کل تخصیص (مجموع هزینه‌های همه کاربری‌های مورد بررسی) است.

معادله (۴) که مربوط به تراکم است، در حقیقت، از طریق معادله (۹) محاسبه می‌شود

$$\text{Compactness}_k = \frac{\min Pr_k - Pr_k}{\max Pr_k - \min Pr_k} \quad (9)$$

معادله (۹) از این دیدگاه سرچشم می‌گیرد که براساس تئوری در هندسه، در بین اشکال هندسی، دایره متراکم‌ترین شکل با کمترین نسبت محیط به مساحت را دارد (Patton, 1975). بنابراین، حداکثر تراکم در چگونگی چینش کاربری‌ها زمانی است که سلول‌های کاربری‌های مشابه به‌گونه‌ای دایره‌مانند در کنار هم قرار گیرند. در این حالت، مجموع محیط لکه‌ها، حداقل است ($\min Pr_k$). حداقل تراکم نیز زمانی است که سلول‌های کاربری‌های مشابه کاملاً دور از هم باشند. در این حالت، مجموع محیط حداکثر است ($\max Pr_k$). با استانداردسازی مجموع محیط لکه‌های مربوط به هر کاربری (Pr_k)، براساس مقادیر حداقل و حداکثر می‌شود معیار مناسبی برای تراکم لکه‌ها ایجاد کرد (Bribiesca, 1997; Liu et al., 2012).

معادله (۵) نیز که برای اندازه‌گیری پیوستگی لکه‌ها است، نمادی از معادله (۱۰) است:

$$\text{Contiguity}_k = \frac{\max P_{Ck} - P_{Ck}}{\max P_{Ck} - \min P_{Ck}} \quad (10)$$

در سال ۲۰۰۲، ویلیامز^۴ محاسبه تعداد لکه‌ها را

1. compactness

2. contiguity

۳. از آنجاکه برنامه‌ریزی خطی از دسته الگوریتم‌های دقیق است که راه حل بهینه را، در یا به، پس از بررسی همه راه حل‌های ممکن به دست می‌آورند (اگرچه روش‌های ابداعی، مانند روش شاخه و کران، از میزان این جستجوی کامل کاسته است، بهشت دربرابر افزایش تعداد متغیرهای تصمیم و پیچیدگی مسئله که با اضافه شدن تعداد اهداف مورد بررسی ایجاد می‌شود، حساس‌اند و در موارد بسیاری، با افزایش پیچیدگی مسئله، رسیدن به پاسخ بهینه در آنها ناممکن می‌شود.

4. Williams

لکه‌ها (فسردگی)^۱ و حداکثر کردن پیوستگی لکه‌های مشابه به یکدیگر^۲ را در تخصیص بهینه سرزمین دنبال کند. مشخص شده است سرویس‌دهی و خدمات رسانی در اشکال متراکم، به دلیل کارآمدی در توزیع و مصرف انرژی، آسان‌تر است (Gabriel et al., 2006). در ضمن، کارشناسان معتقدند حفاظت از تنوع زیستی در مناطق متراکم‌تر، با نسبت کمتر محیط به سطح، بسیار بهتر از مناطق کوچک پراکنده است (Walmseley, 1999).

شایان ذکر است که مفاهیم تراکم و پیوستگی از یکدیگر متفاوت‌اند. زمانی از «تراکم» استفاده می‌کنیم که سلول‌های با کاربری مشابه در کنار هم قرار گیرند و تا آنجا که ممکن است، لکه‌ای متراکم تشکیل دهنده، در حالی که «پیوستگی» زمانی رخ می‌دهد که لکه‌های با کاربری‌های مشابه، تا آنجا که ممکن است، پیوسته باشند، به‌گونه‌ای که بشود بدون خارج شدن از لکه‌ای به گوشۀ دیگر لکه رفت. به عبارتی، تراکم برای سلول و پیوستگی برای لکه مصدق می‌یابد (Aerts, 2003).

به دلیل پیچیدگی رسیدن به پاسخ صحیح در برنامه‌ریزی خطی^۳ و قرار داشتن مسئله یادشده در زمرة مسائل سخت، در مدل بالا فقط دو هدف اول و دوم بررسی شد و سپس، به‌گونه‌ای که پاسخ به دست آمده، هر سه هدف در الگوریتم کلونی مورچگان بررسی شد.

۴-۲- بیان ریاضی مسئله تخصیص بهینه سرزمین همان‌طور که اشاره شد، توابع هدف در این پژوهش شامل حداقل کردن هزینه، حداکثر کردن فشردگی لکه‌های کاربری و حداکثر کردن پیوستگی آنهاست. معادلات Bribiesca, 1997; Williams, 2002; Aerts et al., 2003;

: (al., 2003; Stewart et al., 2004; Liu et al., 2012

$$\text{Min } \sum_{k=1}^K \sum_{i=1}^P \sum_{j=1}^Q C_{ijk} X_{ijk} \quad (3)$$

$$\text{Max } \sum_{k=1}^K \text{Compactness} \quad (4)$$

$$\text{Max } \sum_{k=1}^K \text{Contiguity} \quad (5)$$

$$\sum_{k=1}^K X_{ijk} = 1 \quad (6)$$

$$\sum_{i=1}^P \sum_{j=1}^Q X_{ijk} = A_k \quad (7)$$

$$\forall k = 1, \dots, K \quad i = 1, \dots, P \quad j = 1, \dots, Q \quad (8)$$

$$\text{Max} \quad \sum_{k=1}^K \sum_{i=1}^P \sum_{j=1}^Q Y_{ijk} \quad (12)$$

به طوری که

$$Y_{ijk} \leq 4 X_{ijk} \quad (13)$$

$$Y_{ijk} \leq X_{i-1jk} + X_{i+1jk} + X_{ij-1k} + X_{ij+1k} \quad (14)$$

$$Y_{ijk} \leq X_{i-1jk} + X_{i+1jk} + X_{ij-1k} \quad (15)$$

$$+ X_{ij+1k} - 4(1 - X_{ijk}) \quad (16)$$

$$Y_{ijk} \geq 0 \quad (16)$$

در این مدل، توابع حداقل کردن هزینه و حداکثر کردن تراکم به صورت معادله (۱۷) با هم ترکیب می‌شوند.

$$\begin{aligned} \text{Min} \quad & G1 \sum_{k=1}^K \sum_{i=1}^P \sum_{j=1}^Q C_{ijk} X_{ijk} - \\ & G2 \sum_{k=1}^K \sum_{i=1}^P \sum_{j=1}^Q Y_{ijk} \quad \forall G1 + G2 = 1 \end{aligned} \quad (17)$$

$G1$ و $G2$ به ترتیب وزن‌های مربوط به اهداف حداقل کردن هزینه و حداکثر کردن تراکم‌اند. Y_{ijk} متغیر صحیحی است که به منظور در نظر گرفتن فشرده‌گی، به تابع معرفی شده است. چگونگی تعریف و حدود بالا و پایین این متغیر که بر پایه توجه به همسایگی‌های هر سلول است، در معادلات (۱۳-۱۶) بیان شده است.

۴- محدوده مورد مطالعه و آماده‌سازی داده‌های لازم برای اجرای مدل

نقشه‌های پایه مورد استفاده برای به‌گزینی شامل نقشه‌های MCE (نقشه‌های مطلوبیت سرزمین)^۱ مربوط به کاربری‌های مهم کشاورزی، جنگل، مرتع و توسعه شهری، از منطقه‌ای به وسعت ۳۹۷ کیلومترمربع از شهرستان گرگان است^۲ (شکل ۱). دامنه ارزش هریک

1. land suitability map

2. لازم است توضیح دهیم که در این تحقیق، نقشه‌های مطلوبیت سرزمین را نقشه‌های MCE نامیده‌ایم. این نام از این جهت استفاده شده است که نقشه‌های مورد نظر از طریق فرایند تصمیم‌گیری چندمعیاره حاصل شده‌اند. همان‌طور که در متن هم اشاره شده، این نقشه‌ها از نتایج تحقیق ماهینی و همکاران (۲۰۱۲) برگرفته شده‌اند.

به منزله معياری از پیوستگی لکه‌ها معرفی کرد. بر این اساس، Pc_k متغیری است که مجموع تعداد لکه‌های هر کاربری را نشان می‌دهد. برای استاندارد کردن این معيار، می‌شود حداقل تعداد لکه‌ها ($\min Pc_k$) را ۱ و حداکثر تعداد آنها ($\max Pc_k$) را برابر با تعداد کل سلول‌هایی در نظر گرفت که باید به یک کاربری اختصاص یابد.

درنهایت، به منظور حل توابع بیان شده، از ترکیب

$$\begin{aligned} \text{Tوابع بر پایه وزن دهی استفاده می‌شود معادله (۱۱)} \\ (11) \end{aligned}$$

$\begin{aligned} \text{Min} \quad & W1 \sum_{k=1}^K \sum_{i=1}^P \sum_{j=1}^Q C_{ijk} X_{ijk} - \\ & W2 \sum_{k=1}^K \text{Compactness} - W3 \sum_{k=1}^K \text{Contiguity} \\ \forall \quad & W1 + W2 + W3 = 1 \end{aligned}$

$W1$, $W2$ و $W3$ به ترتیب، وزن‌های به اهداف حداقل کردن هزینه، حداکثر کردن تراکم و حداکثر کردن پیوستگی لکه‌ها مربوط می‌شوند. لازم است توضیح بدهیم اگرچه ممکن است وزن‌های بهینه پس از تکرارهای گوناگون و با توجه به مقادیر به دست آمده تابع هدف مرتبط با آنها تعیین شوند، امکان آن هست که وزن‌ها را سناریوهای گوناگونی در نظر بگیریم که با توجه به شرایط محیط و بودجه و اولویت‌ها، امکان دخالت نظر کارشناسانه را فراهم می‌آورد. در این تحقیق، چندین وزن به مورد اجرا درآمده و مقادیر تابع هدف آنها ملاک گزینش وزن‌های بهینه قرار گرفته است.

۳-۳- استفاده از برنامه‌ریزی خطی در ارزیابی و آمایش سرزمین

همان‌طور که اشاره شد، به دلیل پیچیدگی رسیدن به پاسخ صحیح در برنامه‌ریزی خطی و قرار داشتن مسئله بالا در زمرة مسائل سخت، در این الگوریتم، ناگزیریم تابع و محدودیت‌ها را به صورت خطی تعریف کنیم. از این‌رو، به جای معادله (۴) از معادلات (۱۲-۱۶) برای محاسبه تراکم استفاده می‌شود (Aerts et.al., 2003).

مربوط به محدودیت‌ها ورودی‌های مدل به شمار می‌آیند. محدودیت‌ها مناطقی را شامل می‌شوند که نباید در به‌گزینی وارد شوند. در اجرای مدل، نقشه‌های ورودی در قالب ماتریس‌های مجزا وارد نرمافزار MATLAB شدند. جدول ۱ مساحت در نظر گرفته شده (A_k) برای کاربری‌ها را، با توجه به شرایط منطقه نشان می‌دهد.

جدول ۱. مساحت در نظر گرفته شده برای کاربری‌های گوناگون

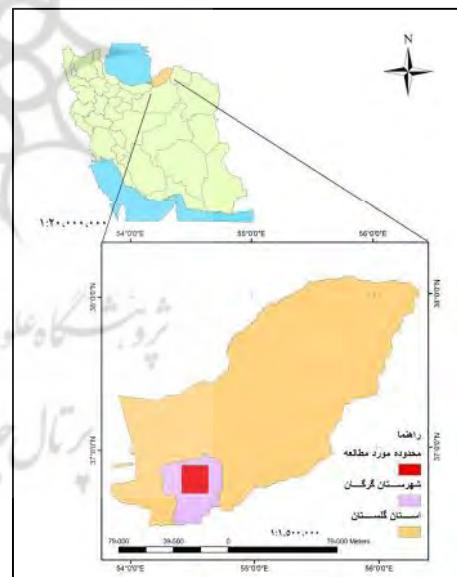
کاربری	مساحت	بر حسب سلول	بر حسب کیلومتر مربع
کشاورزی	۱۳۶	۵۷۶۱	
جنگل	۱۱۵	۴۸۷۵	
مرتع	۳۳	۱۳۸۵	
توسعه شهری	۶۷	۲۸۳۷	

۵- روش کار: استفاده ترکیبی از الگوریتم کلونی مورچگان و برنامه‌ریزی خطی

ماهیت تخصیص بهینه کاربری به گونه‌ای است که معروفی مدل در قالب شکل کلاسیک کلونی مورچگان که در آن همه عامل‌ها (مورچه‌ها) از یک نوع و مجموعه‌اند، امکان‌پذیر نیست. از این‌رو، به ایجاد تغییراتی در آن و استفاده از شکل پیش‌رفته‌تری از الگوریتم بالا نیاز است. لیو و همکاران^۱ (۲۰۱۲) الگوریتم «کلونی مورچگان چندگانه»^۲ را برای این منظور پیشنهاد کردند. در این الگوریتم، فرض است به جای یک کلونی، چند کلونی مورچه وجود دارد که تعداد آن با انواع کاربری اراضی مورد بررسی منطبق است. تعداد مورچه‌های هر کلونی برابر تعداد سلول‌های (مساحت) در نظر گرفته شده برای هر کاربری است. به طور کلی، این الگوریتم شامل چند گام اصلی زیر است:

مرحله ۱. تعیین مبدائی تصادفی برای همه مورچه‌ها (از همه کلونی‌ها)

از نقشه‌ها [۰] ۲۵۵ است، به گونه‌ای که صفر کمترین و ۲۵۵ بالاترین مطلوبیت سرزمین برای کاربری مربوط محسوب می‌شود. نقشه‌های یادشده با بهره‌گیری از معیارهای گوناگون اکولوژیکی، اقتصادی، اجتماعی و محیط‌زیستی برای هر کاربری (از جمله شبیه، ارتفاع، ژئومورفولوژی، زمین‌شناسی، بافت، هدایت الکتریکی و گروه‌های هیدرولوژیکی خاک، دما، بارندگی، تبخیر، عمق آب زیرزمینی، فاصله از شهر، منابع آب، جاده و بسیاری ویژگی‌های دیگر) حاصل شده است (ماهیتی و همکاران، ۲۰۱۲). شایان ذکر است در جریان ایجاد نقشه‌ها، هریک از معیارها کمی سازی شدند و به صورت نقشه درآمدند. سپس، استاندارد شدند و به کمک وزن‌هایی که بر پایه مقایسه زوجی و فرایند سلسه‌مراتبی (AHP) حاصل شد، با فرایند ترکیب خطی وزنی در نرمافزار ایدریسی ترکیب شدند.



شکل ۲. محدوده مورد مطالعه

كل منطقه مورد بررسی در اندازه تفکیک ۱۵۰ متر، ماتریسی در ابعاد (132×127) را شامل می‌شود. برای اینکه نقشه‌های MCE معیاری از هزینه اختصاص زمین به هر کاربری باشد، ارزش نقشه‌ها معکوس شد. چهار نقشه تهیه شده، بهمنزله متغیر C_{ijk} ، همراه نقشه بولین

1. Liu et al.
2. MACO: Multiple Ant Colony

نیز صفر خواهند بود (Podnar, 2003). همچنین، مقادیر ۱ متغیر باینری X_{ijk} به دست آمده از برنامه ریزی خطی آزادشده بسیار به ندرت، در فرم برنامه ریزی عدد صحیح، مقدار صفر خواهند گرفت (Podnar, 2003). از این‌رو، تضمیم گرفته شد که تمام متغیرهایی که دارای مقدار ۱ و صفر نه، به همان صورت باقی بمانند اما مقادیر اعشاری حاصل به گونه‌ای گرد شود. در پاسخ حاصل از برنامه ریزی خطی، بسیاری از متغیرهای X_{ijk} دارای مقادیری در بازه $[0.5 \cdot 1]$ بودند. پس تفاضلی بین مجموع تعداد پاسخ‌های ۱ هر کاربری و تعداد سلول‌های (مساحت) مورد نیاز برای هر کاربری محاسبه شد. سپس، از میان پاسخ‌های موجود در بازه $[1 \cdot 0.5]$ به مقدار تفاضل به دست آمده برای هر کاربری، مقادیری به ۱ گرد شدند. درنهایت، اگر کمبودی هم در هر کاربری مشاهده شد، از مقادیری که دارای پاسخ‌های $0.5 \cdot 1$ یا کمتر از آن بودند، به تصادف، متغیرهایی انتخاب و به ۱ گرد شدند. دیگر پاسخ‌ها نیز که بیشتر در بازه $[0.5 \cdot 1]$ بودند، به صفر گرد شدند. پس از این تغییرات، نتیجه نهایی ۴ ماتریس با ابعاد (32×127) بود که هریک به موقعیت قرارگیری یک کاربری در منطقه مربوط می‌شد. چهار ماتریس بالا به مثاله موقعیت اولیه قرارگیری مورچه‌ها به الگوریتم کلونی مورچگان معرفی شدند.

مرحله ۲. انتخاب محل بعدی حرکت هر مورچه گام مهم در پیشرفت الگوریتم به سمت پاسخ بهینه محسوب می‌شود. اگر این انتخاب تصادفی صورت گیرد، الگوریتم کارآمدی چندانی نخواهد داشت. از این‌رو در الگوریتم بالا، احتمال آنکه مورچه t در لحظه t سلول (j, i) را اشغال کند، تابعی از مقدار کل فرومون ریخته شده در مسیر به وسیله مورچه‌ای از همان کلونی (τ_{ijk}) و اطلاعات پایه بیرونی است که برای کمک به

1. branch & bound

۲. برنامه ریزی خطی عدد صحیحی که در آن قید صحیح از مسئله برداشته شده است (LP relaxation)

موحله ۲. انتخاب مقصد بعدی برای همه مورچه‌ها. ضمن این عمل، فرومون‌ریزی صورت می‌گیرد (انتخاب باید به گونه‌ای باشد که محل بعدی انتخاب مورچه، از پیش، به وسیله مورچه‌ای از همان نوع انتخاب نشده باشد).

مرحله ۳. پس از آنکه همه مورچه‌ها مقصد بعدی خود را انتخاب کردند، ارزیابی صورت می‌گیرد و براساس آن، به روزرسانی فرومون انجام می‌شود (فاز به روزرسانی فرومون).

مرحله ۴. فرومون همه یال‌ها بر اثر تبخر کم می‌شود (فاز تبخر فرومون).

مرحله ۵. در صورت نیاز (برآورده نشدن شرایط خاتمه)، این مراحل تکرار می‌شود.

مرحله ۱. در الگوریتم‌هایی از این دست، معمولاً انتخاب محل شروع در کارآمدی الگوریتم تأثیر بسزایی دارد. به طور معمول، مبدأ شروع حرکت مورچه‌ها، نخست، به تصادف انتخاب می‌شود. اما در الگوریتمی که در این تحقیق پیشنهاد شده است، نتیجه حاصل از برنامه ریزی خطی مبدأ نخستین حرکت مورچه‌ها را تشکیل می‌دهد. بر این اساس، در اینجا به چگونگی اجرای مدل به کمک برنامه ریزی خطی گریز می‌زنیم:

چنان‌که در بیان ریاضی مدل نیز مشخص است (بخش ۳-۳)، مدل بالا یک مسئله برنامه ریزی خطی عدد صحیح (صفر و یک) است که با توجه به تعداد بسیار زیاد متغیرهای تصمیم، قطعاً مسئله‌ای سخت تلقی می‌شود. از این‌رو، برای حل مسئله در برنامه ریزی خطی، قید صحیح از مدل حذف شد و حل آن به صورت مسئله برنامه ریزی خطی معمول انجام شد. شایان ذکر است که مقادیر $G1$ و $G2$ برابر با هم و 0.5 در نظر گرفته شده است. تمامی مراحل حل مسئله برنامه ریزی خطی در نرم‌افزار GAMS نسخه ۲۴.۱ از طریق روش شاخه و کران^۱ و به کمک حل کننده CPLEX صورت گرفت. به این ترتیب، مقادیر نهایی به دست آمده برای متغیر X_{ijk} ارقامی در بازه $[0 \cdot 1]$ بودند. باید توجه داشت که همه پاسخ‌های صفر به دست آمده در برنامه ریزی خطی آزادشده^۲، در برنامه ریزی عدد صحیح

جایه‌جایی و پس از آن، براساس مقدار تابع هدف معادله (۱۱) صورت گیرد. در صورتی که مقدار تابع پس از جایه‌جایی، در مقایسه با پیش از جایه‌جایی، وضعیت بهتری داشته باشد، تغییر پذیرفته می‌شود. در غیر این صورت، مورچه به محل پیشین خود بازمی‌گردد.

مرحله ۳. شامل به روزرسانی فرومون است. وقتی همه مورچه‌ها انتخاب خود را کردند (در پایان هر تکرار)، ارزیابی از محل انجام می‌شود و براساس آن، مقداری ($\Delta\tau_{ijk}$) بر فرومون اولیه اضافه می‌شود (معادله (۲۲)).

$$\tau_{ijk}(t+1) \leftarrow \tau_{ijk}(t) + \Delta\tau_{ijk}(t) \quad (22)$$

مرحله ۴. پس از به روزرسانی فرومون، الگوریتم براساس معادله (۲۳) وارد فاز تبیخیر می‌شود.

$$\tau_{ijk}(t) \leftarrow (1 - \rho) \cdot \tau_{ijk}(t) \quad (23)$$

در تحقیق حاضر، مقدار $\rho = 0.1$ در نظر گرفته‌ایم.

مرحله ۵. شرایط خاتمه معمولاً به شکل‌های گوناگونی مانند تعیین شرایط خاتمه آرمانی، تعیین مدت زمان یا مدت تکرارهای ثابت ماندن مقدار تابع هدف و یا مشخص کردن سقفی برای الگوریتم بر حسب زمان، تکرار و تعداد فراوانی تابع هدف تعریف می‌شود. در تحقیق حاضر، از روش سوم استفاده شد و به سادگی تعداد تکرارها، شرط خاتمه الگوریتم در نظر گرفته شد.

۶- نتایج

همان‌طور که گفته شد، به‌گزینی با اجرای مدل برنامه‌ریزی خطی در نرم‌افزار GAMS نسخه ۲۴.۱ آغاز شد. در این مرحله، فقط دو هدف حداقل کردن هزینه و حداقل کردن تراکم مورد توجه بود که وزن هر دو تابع نیز در مدل برابر و 5.0 در نظر گرفته شد. وزن‌ها از آن جهت برابر در نظر گرفته شده‌اند که فقط تأثیر وارد شدن تابع تراکم بدون هیچ گونه برتری بر تابع هزینه مورد توجه قرار گیرد. با در پیش گرفتن آزادسازی در مدل و حل آن به صورت برنامه‌ریزی خطی معمول نتایج

1. roulette wheel selection
2. iteration

هدایت مورچه در انتخاب، به همان کلونی معرفی شده است (η_{ijk}) (معادله (۱۹)).

$$p_{ijk}^n(t) = \begin{cases} \frac{(\tau_{ijk}(t))^\alpha \cdot (\eta_{ijk}(t))^\beta}{\sum_{m \in N_k} (\tau_{mk}(t))^\alpha \cdot (\eta_{mk}(t))^\beta}, & m \in N_k \\ 0, & m \notin N_k \end{cases} \quad (19)$$

مجموعه N_k محل‌هایی است که در حال حاضر یا در مراحل پیش، به وسیله مورچه‌ای از همان کلونی اشغال نشده است. α و β ثوابتی‌اند که از سوی کاربر برای تغییر اهمیت تأثیر دو اهرم میزان فرومون و اطلاعات بیرونی در هدایت مورچه در انتخاب محل تعیین می‌شوند. در این تحقیق، مقدار α به میزان 1 و مقدار β به میزان 0.1 در نظر گرفته شد. در حقیقت، با انتخاب این مقادیر برای ثابت بالا تلاش شد، در مقایسه با کمک بیرونی، به تجربه و دانش جمعی اهمیت بیشتری داده شود. معادله (۲۰) طریقه محاسبه متغیر مربوط به اطلاعات پایه بیرونی (η_{ijk}) را مشخص می‌کند.

$$\eta_{ijk} = \frac{c_{ijk}}{\sum_m c_{ijk}} \quad (20)$$

درواقع، متغیر C_{ijk} مقادیر هزینه است که مطابق با ارزش سلول‌های مربوط به نقشه هزینه (ماتریس هزینه) هر کاربری است.

در ابتدا، ($t=0$) مقدار ذخیره فرومون اولیه برای همه مورچه‌ها یکسان و براساس معادله (۲۱) محاسبه شد.

$$\tau_{ijk} = \frac{1}{\sum_{k=1}^K q_k} \quad (21)$$

به‌طوری که q گویایی تعداد مورچه‌های هر کاربری است. لازم است یادآور شویم انتخاب محل جدید از سوی هر مورچه براساس معادله احتمال بیان شده و با کمک گرفتن از روش انتخاب چرخ رولت^۱ صورت گرفته است. توضیح درمورد مرحله ۲ آن است که وقتی مورچه‌ای محل جدیدی را براساس معادله (۱۶) می‌یابد، محل قبلی آن به وسیله مورچه‌ای از کلونی دیگر اشغال می‌شود. اما این جایه‌جایی ممکن است در جهت مطلوب نباشد. بنابراین، در الگوریتم تمهییدی اندیشیده شد که مقایسه‌ای بین حالت پیش از

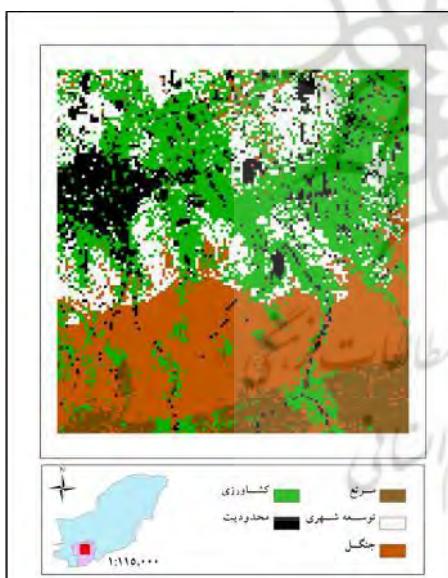
استاندارد نشده (NSD^۳) و نسبت این تعداد به تعداد کل پیکسل های هر کاربری یا به عبارتی، مساحت هر کاربری (نسبت NSD) را در نتایج حاصل از برنامه ریزی خطی و الگوریتم MOLA نشان می دهد. در این جدول هرچه مقادیر هزینه و پراکندگی کمتر باشد، شرایط بهینه تر است.

به صورت شکل ۳ به دست آمد. به منظور مقایسه نتایج حاصل از برنامه ریزی خطی، مسئله بدون توجه به تابع تراکم در الگوریتم MOLA^۱ نیز اجرا شد که نتایج آن در شکل ۴ نشان داده شده است. جدول ۲ مقادیر اصلی (بدون استاندارد کردن)^۲ هزینه، تعداد وجوه آزاد پیکسل های تشکیل دهنده هر کاربری (پراکندگی

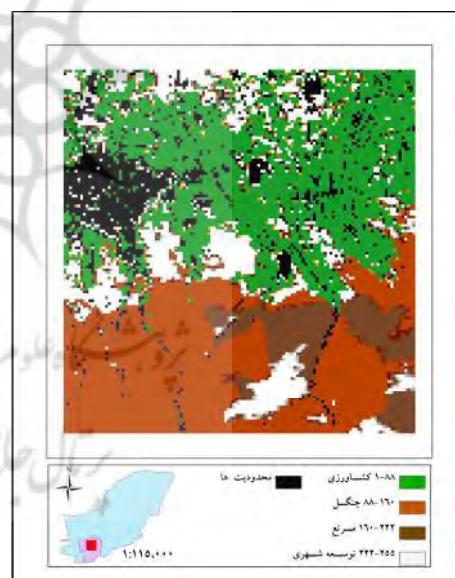
جدول ۲. میزان هزینه و درجه پراکندگی (عکس تراکم) در دو الگوریتم برنامه ریزی خطی و MOLA

نوع کاربری	برنامه ریزی خطی (LP)				الگوریتم MOLA				تفاوت هزینه	تفاوت پراکندگی	نسبت NSD	میزان هزینه (NDS)	پراکندگی (NDS)	نسبت NSD	میزان هزینه (NDS)	پراکندگی (NDS)
	میزان هزینه	پراکندگی	(NDS)	نسبت NSD	میزان هزینه	پراکندگی	(NDS)	نسبت NSD								
کشاورزی	۲۵۳۰۰۶	۴۵۶۴	۸۰..	۷۷۲۲	۲۹۸۲۶۴	۱.۳	۴۵۲۵۸	۴۵۲۵۸	۳۱۵۸	-	۱.۲	۴۵۲۵۸	۴۵۲۵۸	۱.۳	=LP-MOLA	=LP-MOLA
جنگل	۳۱۹۵۳۲	۱۶۷۶	۰..۳	۴۲۲۴	۴۴۳۳۱۶	۰.۹	۱۲۲۷۸۴	۱۲۲۷۸۴	۲۵۴۸	-	۰.۹	۱۲۲۷۸۴	۱۲۲۷۸۴	۰.۹	=LP-MOLA	=LP-MOLA
مرتع	۱۱۶۳۱۳	۸۶۰	۰.۶	۱۵۰۴	۱۴۸۷۳۵	۱.۱	۳۲۴۲۲	۳۲۴۲۲	۶۴۴	-	۱.۱	۳۲۴۲۲	۳۲۴۲۲	۱.۱	=LP-MOLA	=LP-MOLA
توسعة شهری	۲۰۲۰۱۶	۳۷۴۸	۱.۳	۵۱۴۰	۱۴۶۸۰۹	۱.۸	-۵۵۲۰۷	۴۵۲۵۸	۱۳۹۲	-*	۱.۸	-۵۵۲۰۷	۴۵۲۵۸	۱.۸	=LP-MOLA	=LP-MOLA

* مقدار منفی نشان می دهد که میزان هزینه تخصیص در کاربری توسعه در الگوریتم MOLA بهینه تر بوده است.



شکل ۴. تخصیص بهینه کاربری ها در مدل MOLA



شکل ۳. تخصیص بهینه کاربری ها در مدل برنامه ریزی خطی

1. Multi Objective Land use Allocation

- از آنجاکه پس از استاندارد کردن، مقادیر خام در بازه صفر و یک قرار می گیرند، تفاوت بین مقادیر کمتر مشخص می شود. از این رو، در جدول بالا مقادیر پیش از استاندارد کردن آمده است.
- NDS: Non Standardized Distribution

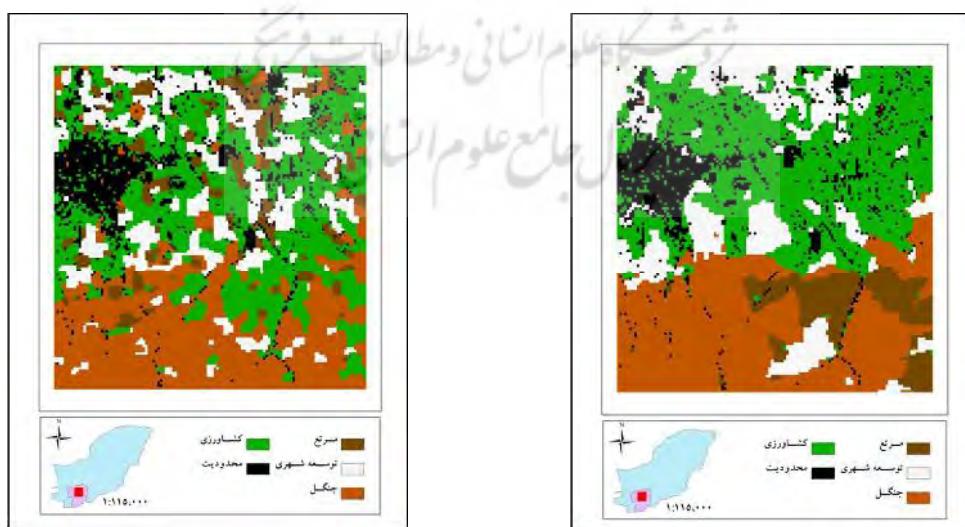
متفاوتی که در جدول ۳ نشان داده شده، یکبار بدون استفاده از نتایج الگوریتم برنامه‌ریزی خطی و به صورت مستقل، و یکبار به کمک نتایج حاصل از برنامه‌ریزی خطی در ۱۰۰ تکرار به اجرا درآمد. شکل ۶ نتایج حاصل از اجرای مدل را که به صورت مستقل در الگوریتم کلونی مورچگان انجام شده، نشان می‌دهد. شکل ۵ حاصل اجرای مدل در ترکیب با نتایج حاصل از برنامه‌ریزی خطی است. در دو نمونه ارائه شده در شکل‌های ۵ و ۶، وزن‌های توابع حداقل کردن هزینه، حداقل کردن تراکم و حداقل پیوستگی، بهترین ترتیب $0.25 \rightarrow 0.50 \rightarrow 0.25$ در نظر گرفته شده است.

در مرحله بعد، نتایج گردشده حاصل از برنامه‌ریزی خطی که شامل چهار ماتریس مربوط به موقعیت چهار کاربری کشاورزی، جنگل، مرتع و توسعه است، به همراه ماتریس مربوط به محدودیت‌های موجود در منطقه وارد نرم‌افزار متلب^۱ شد و در برنامه‌ای که بر پایه الگوریتم کلونی مورچگان در این نرم‌افزار نوشته شد، مورد استفاده قرار گرفت. مقادیر α و β به ترتیب، ۱ و ۰.۱ در نظر گرفته شد. با انتخاب این مقادیر تلاش شد، در مقایسه با کمک بیرونی، به تجربه و داشت جمعی (که اساس مطرح شده در الگوریتم کلونی مورچگان است) اهمیت بیشتری داده شود. مدل براساس وزن‌های

جدول ۳. مقادیر تابع هدف با توجه به وزن‌های گوناگون در الگوریتم کلونی مورچگان^۱ و الگوریتم ترکیبی^۲

نمونه	هزینه	تراکم	پیوستگی	وزن‌های در نظر گرفته شده برای توابع							
				مقادیر اصلی توابع				نتیجه کل			
LP-MACO	MACO	LP-MACO	MACO	LP-MACO	MACO	LP-MACO	MACO	LP-MACO	MACO	LP-MACO	MACO
-0.7876	-0.7808	0.9891	0.9814	0.8196	0.8158	0.6874	0.693	0.7	0.2	0.1	1
-0.516	-0.5050	0.9871	0.977	0.8481	0.8309	0.6887	0.6918	0.375	0.375	0.25	2
-0.3524	-0.3447	0.9871	0.9761	0.8392	0.8301	0.6889	0.6923	0.325	0.325	0.35	3
-0.1936	-0.1824	0.9865	0.9758	0.8437	0.8168	0.6883	0.6901	0.275	0.275	0.45	4
-0.1131	-0.1065	0.9864	0.982	0.8397	0.826	0.6868	0.691	0.25	0.25	0.5	5
-0.4958	-0.4937	0.9866	0.9842	0.8426	0.8354	0.6886	0.6802	0.25	0.5	0.25	6
-0.3947	-0.3867	0.9877	0.9845	0.8384	0.8305	0.6878	0.701	0.35	0.325	0.325	7
-0.4861	-0.4748	0.9878	0.9856	0.8395	0.816	0.6882	0.7021	0.45	0.275	0.275	8
-0.8051	-0.7950	0.9922	0.9812	0.8004	0.8	0.6869	0.6998	0.8	0.1	0.1	9

۱. الگوریتم کلونی مورچگان (MACO) (LP-MACO)
۲. الگوریتم ترکیبی برنامه‌ریزی خطی و کلونی مورچگان



شکل ۶ استفاده مستقل از الگوریتم کلونی مورچگان

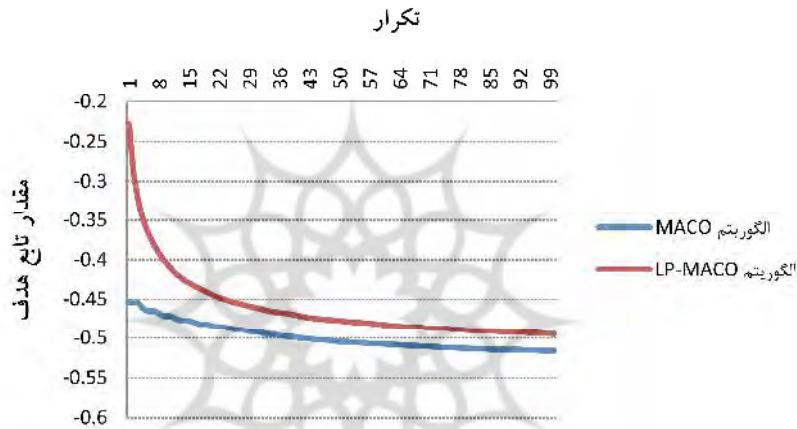
شکل ۵ استفاده ترکیبی برنامه‌ریزی خطی و کلونی مورچگان

1. MATLAB

نیستند. حال آنکه معمولاً در تخصیص بهینه کاربری‌ها، بهویژه در مدل‌های رستری با تعداد بسیار متغیرهای تصمیم مواجه‌ایم. با این حال، مدل‌های دقیق ممکن است مسیر درست به الگوریتم‌های ابتکاری را نشان دهند که به رغم در پی نداشتن پاسخ بهینه قطعی، قادر به حل مسائل بزرگ‌اند. مقایسه دو شکل ۳ و ۴ تفاوت بین پاسخ حاصل از برنامه‌ریزی خطی و الگوریتم MOLA را نشان می‌دهد. نتیجه حاصل به خوبی تأثیر لحاظ شدن تابع تراکم را در ساماندهی کاربری‌ها نشان

شکل ۷ روند بهبود تابع هزینه را در مدل ترکیبی برنامه‌ریزی خطی و کلونی مورچگان و در استفاده مستقل از آن، پس از ۱۰۰ تکرار، نشان می‌دهد.

همچنانی، مقایسه‌ای بین نتایج حاصل از الگوریتم MOLA، الگوریتم کلونی مورچگان (MACO) و الگوریتم ترکیبی برنامه‌ریزی خطی و کلونی مورچگان (LP-MACO) از نظر میزان هزینه، مقدادیر تراکم و پیوستگی صورت گرفت که نتایج آن در جدول ۴ آورده شده است.



شکل ۷. مقایسه روند تغییرات در دو مدل مستقل و ترکیبی الگوریتم کلونی مورچگان

می‌دهد. مقایسه کمی بین میزان هزینه و درجه تراکم دو الگوریتم در جدول ۲ نشان داده شده است که به روشی، گویای تفاوت بین موارد بیان شده در این دو الگوریتم است. براساس یافته‌های مندرج در این جدول، فقط در یک مورد (کاربری توسعه شهری) میزان هزینه اختصاص‌یافته در الگوریتم برنامه‌ریزی خطی افزایش یافته^۱ و در بقیه موارد، این هزینه کاهش یافته است. همچنانی، در همه کاربری‌ها میزان اصلی پراکندگی (عکس تراکم)، پس از اجرای مدل برنامه‌ریزی خطی و

۱. لازم است توضیح دهیم که اعداد هزینه موجود در جدول ۲، براساس مقادیر اصلی هزینه پیش از استانداردسازی محاسبه شده است (یعنی مقادیر هزینه موجود در هر پیکسل عددی در بازه صفر تا ۲۵۵ است).

جدول ۴. مقایسه مقدادیر هزینه، تراکم و پیوستگی در الگوریتم LP-MACO، MACO و MOLA

الگوریتم	پیوستگی	تراکم	هزینه
MOLA	۰.۹۰۸	۰.۶۹۳۷	۰.۷۲۱۵
MACO	۰.۹۸۱	۰.۸۲۲۳	۰.۶۹۳۵
LP-MACO	۰.۹۸۷۸	۰.۸۳۴۶	۰.۶۸۸

۷- بحث

در این تحقیق، سعی شده است از قابلیت مدل‌های دقیق و ابتکاری برای دستیابی به پاسخی بهینه در یک نمونه تخصیص کاربری اراضی استفاده شود. متأسفانه مدل‌های دقیق، به رغم دستیابی به پاسخ قطعی، قادر به حل مسائلی بزرگ با تعداد بسیار متغیرهای تصمیم

الگوریتم کلونی مورچگان نیز حدود ۳.۵ دقیقه زمان می‌برد. این در حالی است که محاسبات در سیستمی با قدرت پردازش GHz ۲ انجام گرفته است. همان‌طور که گفته شد، در این تحقیق، پیاده‌سازی الگوریتم مورد بحث در نرم‌افزار متلب صورت گرفته است. به دلیل امکان استفاده آسان از توابع و الگوریتم‌های گوناگون آمده، برنامه‌نویسی در این محیط نسبتاً آسان است. با این حال، به نظر می‌رسد چنانچه از زبان‌های برنامه‌نویسی دیگر مانند سی‌شارپ^۱ استفاده شود، هرچند شرایط تخصصی تری را می‌طلبد، می‌شود امیدوار بود زمان انجام دادن محاسبات کاهش یابد.

۸- نتیجه‌گیری

اولویت‌بندی بین کاربری‌ها و چیزیش بهینه آنها نوعی جمع‌بندی در کار آمایش یا برنامه‌ریزی استفاده از سرزمین محسوب می‌شود. جز این، اهمیت پرداختن به آن هنگامی بیشتر می‌شود که اهداف متفاوتی، برخاسته از نظر ذینفعان گوناگون، رقابت بین کاربری‌ها بر سر تصاحب سرزمین بیشتر کند. این امر، به‌ویژه هنگام یکسان بودن درجه مطلوبیت سرزمین در بین کاربری‌ها شدیدتر است. با ورود سامانه اطلاعات جغرافیایی و قابلیت‌های آن در ذخیره، مدیریت، تحلیل و عینیت بخشیدن به داده‌های مکانی، جای خالی دستیابی به فرایندی که به شیوه‌ای سیستماتیک‌تر و مطمئن‌تر تصمیم‌گیری را آسان کند، به‌خوبی احساس می‌شود. در این راستا، به منظور تحلیل مسائل تصمیم‌گیری و چیزه شدن بر پیچیدگی‌های آن، نیاز است که داده‌های مکانی با الگوریتم‌های گوناگون ترکیب شود. در دنیای امروز، در این زمینه گام‌های بسیار مثبتی برداشته شده است و پرداختن به آن برای مدیریت کارآمدتر منابع طبیعی و محیط‌بست و حل تعارض میان ذینفعان توصیه می‌شود. به همین منظور، در این تحقیق از دو الگوریتم برنامه‌ریزی خطی و کلونی مورچگان برای

در مقایسه با نتیجه حاصل از احرای MOLA کاهش یافته است. مقایسه نتایج حاصل از شکل‌های ۳، ۵ و ۶ نیز نشان می‌دهد استفاده ترکیبی از برنامه‌ریزی خطی و الگوریتم کلونی مورچگان توانسته موفق‌تر عمل کند. در همه موارد، با انواع وزن‌های به کاررفته در جدول ۳، میزان هزینه، تراکم و پیوستگی در حالت استفاده ترکیبی از دو الگوریتم، در مقایسه با حالت استفاده تنها از الگوریتم کلونی مورچگان، بهبود یافته است. میزان تفاوت مقادیر نهایی تابع اصلی (که تابعی اسکالر از سه تابع هزینه، تراکم و پیوستگی است) در نتایج اجرای الگوریتم کلونی مورچگان و الگوریتم ترکیبی در وزن‌های ۰.۲۵، ۰.۵ و ۰.۲۵ که به ترتیب، برای توابع هزینه و تراکم و پیوستگی در نظر گرفته شده‌اند، در مقایسه با دیگر وزن‌ها، کمتر بوده است. میزان بهبود مقادیر استاندارد هزینه و تراکم و پیوستگی براساس میانگین همه وزن‌های آزمون شده، ۰.۰۰۵، ۰.۰۰۱ و ۰.۰۰۶ بوده است. این مقادیر از آنجاکه مقادیر استانداردشده‌اند، کوچک به نظر می‌آیند اما میزان تأثیر آنها در تفاوت دو شکل ۵ و ۶ به روشنی مشخص است. همچنین، مقایسه مقادیر استانداردشده هزینه، تراکم و پیوستگی که در جدول ۴ آمده، گویای آن است که مدل ترکیبی، به نسبت الگوریتم MOLA از نظر میزان هزینه و تراکم و پیوستگی، به ترتیب، ۰.۰۳، ۰.۱ و ۰.۰۷ بهتر عمل کرده است. نمودار شکل ۷ نشان می‌دهد که اگرچه الگوریتم مستقل کلونی مورچگان به سمت پاسخ بهینه پیش می‌رود، برای این الگوریتم در زمانی بیش از ۱۰۰ تکرار این امکان وجود دارد که مقدار تابع هزینه در الگوریتم ترکیبی برابر با تکرار صدم باشد. استفاده از الگوریتم‌های ابتکاری این امکان را فراهم می‌آورد که اهداف دیگر (مانند سازگاری بین کاربری‌های مشابه و یا هزینه تبدیل زمین و بسیاری موارد دیگر) را نیز بشود به مدل وارد کرد و درنتیجه، ساماندهی ملموس‌تر با دخالت دادن جوانب بیشتر را ارائه داد. در ابعاد مسئله مورد نظر و با این تعداد متغیر تصمیم، زمان حل مسئله برنامه‌ریزی خطی حدود پنج دقیقه است و هر تکرار در

1. C#

کاهش چشمگیری خواهد یافت.

۹- منابع

- Aerts, J.C.J.H., Eisinger, E., Heuvelink, G.B.M. & Stewart, T. J., 2003, **Using Linear Integer Programming for Multi-Site Land- Use Allocation**, Geographical Analysis, 35(2), PP. 148-169.
- Ahmed, A. & Glasgow, J., 2012, **Swarm Intelligence: Concepts, Models and Applications**, Technical Report 2012-585, School of Computing, Queen's University, Kingston, Ontario, Canada K7L3N6.
- Ausseil, A.G.E., Herzig, A. & Dymond, J.R., 2012, **Optimization Land Use for Multiple Ecosystem Services Objectives: A Case Study in the Waitaki Catchment, New Zealand**, International Environmental Modelling and Software Society (iEMSs), Leipzig, Germany, July 1-5.
- Beyer, H., Dujardin, Y., Watts, M. & Possingham, H., 2016, **Solving Conservation Planning Problems with Linear Programming**, Ecological Modelling, 328, PP. 14-22.
- Blum, C. & Merkle, D. (eds), 2008, **Swarm Intelligence- Introduction and Applications**, Natural Computing, Springer, Berlin.
- Bribiesca, E., 1997, **Measuring 2-D Shape Compactness Using the Contact Perimeter**, Computers and Mathematics with Applications, 33(11), PP. 1-9.
- Carsjens, G.J. & Knaap, W.G.M. van der., 2002, **Strategic Land-Use Allocation: Dealing with the Spatial Relationships and Fragmentation of Agriculture**, Landscape Urban Planning, 58, PP. 171-179.
- Chuvieco, E., 1993, **Integration of Linear Programming and GIS for Land-Use Modelling**, International Journal of Geographical Information Systems, 7(1), PP. 71-83.
- Cova, T.J. & Church, R.L., 2000, **Exploratory Spatial Optimization and Site Search: Neighborhood Operator Approach**, Computers, Environment and Urban Systems, 21, PP. 401-419.
- Cromely, R.G. & Hanink, D.M., 2003, **Scale-Independent Land-Use Allocation Modeling in Raster GIS**, Cartography and Geographic Information Science, 30, PP. 343-350.

به گزینی چهار کاربری کشاورزی، جنگل، توسعه و مرتع استفاده شده است. الگوریتم کلونی مورچگان از آن جهت انتخاب شده است که در مطالعات به گزینی کاربری اراضی که در آنها از الگوریتم‌های فرالبتکاری استفاده شده، کمتر آزموده شده است (Liu et al., 2012). استفاده ترکیبی از دو الگوریتم دقیق و ابتکاری در مسئله برنامه‌ریزی سرمیم که به چند کاربری می‌پردازد، در تحقیق دیگری از سوی نگارنده مشاهده نشده است. همچنین، مطالعه اخیر سعی داشته، از طریق حذف قید صحیح از مدل برنامه‌ریزی خطی بیان شده، بر مشکل حل مسئله در مدل‌های خطی که با افزایش ابعاد منطقه مورد مطالعه ایجاد می‌شود، فائق آید. این در حالی است که در مطالعات پیشین صورت گرفته در این حیطه به کمک برنامه‌ریزی خطی، مشکل مورد نظر مانع از تعریف چنین مسائلی در ابعاد بزرگ یا منطقی شده است Minor & Jacob, 1994; Williams & Revelle, 1998;) Cova & Church, 2000; Beyer et al., 2016; Aerts, (2003). مورد دیگر آن است که هرچند در روش‌های فرالبتکاری و یا بسیاری روش‌های دیگر امکان تعیین وزن بهینه وجود دارد، به نظر می‌رسد امکان آن هست که وزن‌ها را سناریوهای مدیریتی در نظر گرفت زیرا فرایند برنامه‌ریزی سرمیم فرایندی تعاملی است و نتایج آن، برای بحث و تبادل نظر، باید در دسترس ذینفعان قرار گیرد. از این‌رو، نتایج آن باید امکان تغییر داشته باشد. امکان تغییر وزن‌ها نقطه قوت و اهرمی است که کارشناسان ممکن است، با توجه به شرایط (مکان، زمان و تغییر دیدگاه‌های ذینفعان)، برای تغییر و بهبود نتایج برنامه‌ریزی سرمیم از آن بهره گیرند. نکته‌ای که جای بررسی و مطالعه بیشتر دارد، امکان ترکیب اجرای الگوریتم‌های گوناگون در نرم‌افزاری واحد است. اگرچه ممکن است این کار در نتیجه نهایی تأثیری نداشته باشد، از آنجاکه هریک از محیط‌های نرم‌افزاری یا برنامه‌نویسی داده‌های ورودی را در قالب خاص خود می‌پذیرند، دخالت فعال کاربر ضروری است. با این وصف، در صورتی که بشود همه مراحل را در محیط نرم‌افزاری واحدی انجام داد، مشکلات مورد بحث

- Dai, W., 2010, **Spatial Decision Support for Multi-Objective Land Allocation: With Application to Conservation Reserve Design**, Clark University, Ph.D Thesis.
- Deneubourg, J.L., Goss, S., Franks, N., Senova-Franks, A., Detrain, C. & Chretien, L., 1991, **The Dynamics of Collective Sorting: Robot-Like Ants and Ant-Like Robots**, In J.-A Meyer & S.W. Wilson (Eds.), Proceedings of the first International Conference on Simulation of Adaptive Behavior: From Animals to Animats (PP. 356-363), Cambridge, MA, MIT Press.
- Dorigo, M., 1992, **Optimization, Learning and Natural Algorithms**, Dip. Electtronica e Informazion, Politecnico di Milano Italy, Ph.D Thesis.
- Dorigo, M. & Stutzle, T., 2004, **Ant Colony Optimization**, The MIT press, Cambridge, 305 P.
- Eastman J.R. & Jiang H., 1996, **Fuzzy Measures in Multi-Criteria Evaluation**, Proceedings of Second International Symposium on Spatial Accuracy Assessment in Natural Resources and Environmental Studies, Fort Collins, Colorado, May.
- Eberhart, R.C., Shi, Y. & Kennedy, J., 2001, **Swarm Intelligence**, Morgan Kaufmann Publishers, Burlington, Massachusetts, USA.
- Gabriel, S.A., Faria, J.A., Molgen, G.E., 2006, **A Multiobjective Optimization Approach to Smart Growth in Land Development**, Socio Econ Plan Science, 40(3), PP. 212-248.
- Goss, S., Aron, S., Deneubourg, J.L. & Pasteels, J.M., 1989, **Self-Organized Shortcuts in the Argentine Ant**, Naturwissenschaften, 76, PP. 579-581.
- Liu, X., Li, X., Shi, X., Huang, K. & Liu, Y., 2012, **A Multi-Type Ant Colony Optimization (MACO) Method for Optimal Land Use Allocation in Large Areas**, International Journal of Geographical Information Science, 26(7), PP. 1325-1343.
- Malczewski, J., 2004, **GIS-Based Land-Use Suitability Analysis: A Critical Overview**, Progress in Planning, 62(1), PP. 3-65.
- McDonnell, M., 2000, **Mathematical Methods for the Optimisation of Nature Reserve Design**, Department of Applied Mathematics, University of Adelaide, B. Sc. Thesis.
- Minor, S.D. & Jacobs, T.L., 1994, **Optimal Land Allocation for Slid and Hazardous Waste Landfill Sitting**, Journal of Environmental Engineering, 120, PP. 1095-1108.
- Panigrahi, B.K., Shi, Y. & Lim, M.H. (eds.), 2011, **Handbook of Swarm Intelligence. Series: Adaptation, Learning, and Optimization**, Sprin-ger-Verlag Berlin Heidelberg (ISBN 978-3-642-17389-9), 7.
- Patton, D.R., 1975, **A Diversity Index for Quantifying Habitat Edge**, Wildlife Society Bulletin, 3 (4), PP. 171-173.
- Podnar, H., 2003, **Genetic Algorithm for Network Cost Minimization Using Threshold Based Discounting**, Journal of Applied Mathematics and Decision Science, 7(4), PP. 207-228.
- Salman Mahini, A., Shamanian, G., Khormali, F., Onagh, M., Vahed, S., Barani, H., Dehghani, A., MirKarimi, H., Najafinezhad, A., Sadoddin, A., Raghimi, M., Zare, A., Mehri, A., Kamyab, H., Momeni, I., Karimi, S., SaeedSabaei, M., Asadollahi, Z., Galdavi, S., Sedighi, E., Safarian, A., Saeidi, S., Sefidian S., Davar, L., Sheidaei, Naeimi, B., Abbasi, Jahanshahi, M., Gholami, N., 2012, Golestan Land use Planning (Open project).
- Sharma, S.K. & Lees, B.G., 2004, **A Comparison of Simulated Anealing and GIS Based MOLA for Solving the Problem of Multi-Objective Land Use Assessment and Allocation**, In Proceedings of the 17th International Conference on Multiple Criteria Decision Analysis, Whistler, Canada, August 6-11.
- Stewart, T.J., Janssen, R. & Herwijnen, M.v., 2004, **A Genetic Algorithm Approach to Multi Objective Land Use Planning**, Computer and

Operation Research, 31(14), PP. 2293-2313.

Walmsley, A.J., Walker, D.H., Mallawaarachchi, T. & Lewis, A., 1999, **Integration of Spatial Land Use Allocation and Economic Optimization Models for Decision Support**, In MODSIM 99: International Congress on Modelling and Simulation: Modelling and Simulation Society of Australia.

Williams, J.C. & ReVelle, C.S., 1998, **Reserve Assemblage of Critical Areas: A Zero-One Programming Approach**, European Journal of Operational Research, 104(3), PP. 497-509.

Williams, J.C., 2002, **A Zero-One Programming Model for Contiguous Land Acquisition**, Geographical Analysis, 34(4), 330-349.

