

## کنترل پیشرفته لجستیک (پشتیبانی) سیستم مدیریت زنجیره تأمین با هدف رضایتمندی مشتری

\* محمد میران بیگی\*

دانشجوی دکتری مهندسی کنترل، قطب کنترل و پردازش هوشمند، دانشکده مهندسی برق و  
کامپیوتر، دانشگاه تهران

\*\* بهزاد مشیری

استاد مهندسی کنترل، قطب کنترل و پردازش هوشمند، دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه تهران

تاریخ دریافت: ۱۳۹۱/۱۲/۲۶      تاریخ پذیرش: ۱۳۹۲/۰۶/۲۰

### چکیده

در این مقاله، لجستیک(پشتیبانی) یک زنجیره تأمین شامل واحدهای تولید، انبار، توزیع و خردهفروشی با روش کنترل کننده پیش‌بینی مبتنی بر مدل به صورت متمرکز و سپس به روش پیش‌بینی غیرمتمرکز تحت تغییرات تقاضا، بهینه‌سازی و با پیش‌بینی متمرکز در عملکرد مقایسه شده است. کنترل پیش‌بینی مبتنی بر مدل به عنوان یک ابزار کنترلی پیشرفته شامل دو بخش شناسایی مدل و بهینه‌سازی تابع هزینه در هر زمان نمونه برداری است. ساختار برخط کنترل پیش‌بینی، بهینه‌سازی مؤثر را در جهت حفظ موجودی ایمنی با کمترین هزینه عملیاتی ممکن می‌سازد. در نتیجه معیار رضایتمندی مشتری به خوبی برآورده می‌شود. مدل مورد استفاده در این مقاله، یک مدل تفاضلی یک‌طرفه از سمت تولید کننده به سمت خردهفروشی و دارای تأخیرهای انتقال است. با توجه به اینکه متغیرهای حالت سیستم همیشه در دسترس نیستند و سیستم دارای نامعینی است، از یک فیلتر کالمن نیز به عنوان تخمین‌زننده حالت استفاده شده است. در نهایت، کارایی روش‌های به‌کارگرفته شده به کمک شبیه‌سازیها تحلیل می‌شود. در این شبیه‌سازیها، نگاه رو به جلو در ساختار برخط نیز بررسی می‌شود.

\* مسئول مکاتبات، پست الکترونیکی: miranbeigi@ut.ac.ir

\*\* پست الکترونیکی: moshiri@ut.ac.ir

**واژه‌های کلیدی:** پشتیبانی زنجیره تأمین، کنترل پیش‌بینی، تقاضا، رضایتمندی مشتری.

**طبقه‌بندی JEL:** M11, C61, L23, L90, R41

## ۱. مقدمه

به دلیل رقابتی شدن تجارت و اقتصاد در دنیای امروز، شرکتها و کارخانجات مدرن باید به فکر کسب مزیت رقابتی بالاتر نسبت به یکدیگر باشند. یکی از راههای کسب این مزیت رقابتی به کارگیری سیستم مدیریت زنجیره تأمین<sup>۱</sup> کارامد است. در یک سیستم مدیریت زنجیره تأمین، همه جریانهای کالا و خدمات و اطلاعات مربوط به آنها در یک بسته شامل واحدهای تأمین مواد یا قطعات اولیه، تولید یا کارخانه، انبار، توزیع، خرده فروشی و درنهایت مشتری نهایی تحت نظارت قرار دارند. در گذشته به دلیل وسیع نبودن حوزه تجارت و کوچک بودن صنایع، تصمیمات مدیریتی در زنجیره تأمین قائل به شخص مدیر بودند. اما امروزه به دلیل وجود پیچیدگی‌های مدیریتی در دنیایی که رقبا هر لحظه منتظر لغزش شما هستند تا مشتریهای بالفعل صنعت مشترک را از آن خود کنند، جای هیچ‌گونه اشتباه در تصمیمات وجود ندارد و مدیریت تولید و توزیع باید سامانه محور<sup>۲</sup> باشد و تحت مدلی از سیستم مدیریت زنجیره تأمین کنترل شود. در سیستم مدیریت زنجیره تأمین، هدف حفظ موجودی (ایمنی) با کمترین هزینه عملیاتی دنبال می‌شود. در این باره، حالت بسیار ایده‌آل زمانی رخ می‌دهد که تحویل کالا یا خدمات به مشتری نهایی کاملاً به موقع باشد و در لحظه اتفاق بیفتند. در این صورت زمان تحویل کالا به مشتری صفر شده و رضایتمندی صدرصد حاصل می‌شود. اما در کل آنچه مهم است، کاهش و حفظ موجودی با کمترین میزان انتقال کالا (لjestیک) بین واحدها و بالاترین میزان عملکرد (رضایتمندی مشتری) مدنظر است. همچنین لjestیک در زنجیره تأمین نباید نسبت به نوسانات شدید تقاضا دارای تغییرات شدیدی شود و باید تا حدی هموار بماند.

در این مقاله از یک مدل تفاضلی زمان گسسته از سیستم مدیریت زنجیره تأمین استفاده می‌شود که در آن تأخیرهای انتقال و سفارشهای برگشتی و فسخ شده در نظر گرفته شده است. مسئله لjestیک کارامد و حفظ موجودی برخط<sup>۳</sup> کالا با توجه به تغییرات مداوم تقاضا همیشه یک چالش سیستم‌های مدیریت زنجیره تأمین در کنار کاهش اثر شلاق چرمی<sup>۴</sup> است. در اینجا

<sup>1</sup> Supply Chain Management System

<sup>2</sup> Systematic

<sup>3</sup> Online

<sup>4</sup> Bullwhip Effect

از یک روش کنترل پیشرفته تحت عنوان کنترل پیش‌بینی مبتنی بر مدل<sup>۱</sup> استفاده می‌شود که ساختاری برخط دارد و تصمیمات در لحظه‌های زمانی نمونه‌برداری بروز می‌شوند. تحت این ساختار می‌توان اثرهای تغییر دائمی پارامترها و همچنین اثر بد شلاق چرمی تاحدی در اختیار گرفت. همچنین تحت چارچوب کنترل پیش‌بینی قیدها وارد مسئله شده و بهینه‌سازی تحت قیودی همچون ظرفیت انبارها انجام می‌شود. به دلیل مقیاس بزرگ بودن زنجیره تأمین، در این مقاله دو روش کنترلی متتمرکز و غیرمتتمرکز در کنار هم استفاده و مقایسه می‌شوند. همچنین به دلیل وجود نامعینی‌ها و امکان در دسترس نبودن پارامترها، از تخمین زننده فیلتر کالمن<sup>۲</sup> استفاده می‌شود.

در بخش بعدی این مقاله به مرور ادبیات موضوع مقاله در باب کنترل سیستم مدیریت زنجیره تأمین پرداخته می‌شود. در بخش سوم، روش کنترل پیش‌بینی مبتنی بر مدل، روش بکارگیری و مزایای آن به تفصیل تشریح می‌شوند. بخش چهارم، به مدل سیستم توزیع لجستیکی همان سیستم مدیریت زنجیره تأمین می‌پردازد. در بخش پنجم، لزوم به کارگیری کنترل پیش‌بینی برای سیستم مدیریت زنجیره تأمین، تخمین زن فیلتر کالمن و همچنین کاربردهای متتمرکز و غیرمتتمرکز آن مطرح می‌شوند. بخش ششم نیز نتایج شبیه‌سازی‌های تحت کنترل متتمرکز و غیرمتتمرکز و نگاه رو به جلو<sup>۳</sup> و تحت مقادیر متنوع تقاضا (مدل تقاضا) را در بر می‌گیرد. و در نهایت، در باره به کارگیری روش‌های مذکور و مزایای حاصل در کارایی مدیریت زنجیره تأمین، نتیجه‌گیری صورت می‌گیرد.

## ۲. ادبیات موضوع

در سه دهه اخیر پژوهش‌های متعددی در باب مدل‌سازی و کنترل سیستم مدیریت زنجیره تأمین، بهبود عملکرد و هماهنگی کارامد واحدهای آنکه بررسی تفصیلی این مطالعات از سوی ساریمویس و همکاران<sup>۴</sup> (۲۰۰۴) و میران‌بیگی و جلالی (۱۳۹۰) انجام شده است. کنترل کلاسیک برای این سیستم توسط تویل و همکاران<sup>۵</sup> (۱۹۹۷)، ویندال و همکاران<sup>۶</sup> (۲۰۰۰)، دزونکیر و همکاران<sup>۷</sup> (۲۰۰۴) و گراباشتروم و همکاران<sup>۸</sup> (۲۰۰۶) طراحی شده است. با توجه به تغییرپذیری مدام تقاضا

<sup>1</sup> Model Predictive Control (MPC)

<sup>2</sup> Kalman Filter

<sup>3</sup> Look a head

<sup>4</sup> Sarimveis et al.

<sup>5</sup> Towil et al.

<sup>6</sup> Wiendahl et al.

<sup>7</sup> Dejonckheere et al.

<sup>8</sup> Grubbstrom et al.

تقاضا در اکثر زنجیرهای تأمین و مزایای کنترلهای تطبیقی همانند کنترل پیش‌بینی در بهروز شدن همراه با تنواع تقاضای زنجیره و اعمال کارامد قیدها، کنترل کننده‌های کلاسیک خالص ناکارامد هستند و از کنترل کننده‌های پیشرفته استفاده می‌شود. کاپسیوتیس و همکاران<sup>(۱۹۹۲)</sup> اولین بار کنترل کننده پیش‌بینی مبتنی بر مدل را در مورد یک زنجیره تک محصولی به کار گرفتند. زافستاس و همکاران<sup>(۱۹۹۷)</sup>، انحراف از نقطه تنظیم مقادیر موجودی را توسط یک تابع هزینه و در حل یک مسئله کنترل کمینه کردند. وانگ و همکاران<sup>(۲۰۰۵)</sup> نیز با کمک تخمین حالت، عملکرد مقاومتی سیستم را افزایش دادند. چوپرا<sup>(۲۰۰۴)</sup> و سابرامانیان و همکاران<sup>(۲۰۱۲)</sup> در پژوهش‌های جدگانه‌ای از جدول زمان بندی بهره<sup>۵</sup> استفاده کردند.

يانگ و همکاران<sup>(۲۰۱۱)</sup> مسئله هماهنگی و کنترل را با محور بهروزرسانی پیش‌بینی‌ها و اندازه زمان تحويل ارائه دادند. گارسیا و همکاران<sup>(۲۰۱۲)</sup> از روش کنترل مدل داخلی تطبیقی استفاده کردند. همچنین چونگ لی<sup>(۲۰۱۲)</sup> مسئله چالشی اثر شلاق چرمی را به کمک اطلاعات اطلاعات مقید کنترل کرد. به دلیل ماهیت مقیاس بزرگ سیستم مدیریت زنجیره تأمین، به کارگیری روش‌های کنترل غیرمت مرکز نتایج بهتری را از لحاظ کارایی عملی و کاهش ریسک (خط) خطا حاصل می‌کنند. البته در برخی پژوهشها همچون کار سفرلیس و همکاران<sup>(۹)</sup> در سال ۲۰۰۴، از کنترل کننده‌های خطی غیرمت مرکز در یک سطح پایین از ساختار مت مرکز کنترل استفاده شده است که خود پیچیدگی محاسباتی را بالا می‌برد و همچنین خاصیت برخط محلی ندارد.

همان‌گونه که مشخص است مدل‌های به کارگرفته شده در این پژوهشها تعییم یافته نیستند و نیاز به یک مدل کلی برای در نظر گرفتن تمامی تأثیرهای موجود، سفارش‌های برگشتی و تنوع محصولات احساس می‌شود. بدین منظور در کار پیش‌رو از یک مدل جامع در این زمینه‌ها استفاده می‌شود. در اکثر روش‌های یاد شده، اساس کنترل بر حفظ موجودی به کمک مقادیر در دسترس متغیرهای است، اما در روشهایی که ما به کار خواهیم برد، کمینه کردن مقادیر لجستیکی جریان یافته میان گرههای زنجیره تأمین و مقاوم کردن آن در ساختار غیرمت مرکز در کنار تخمین متغیرها، مهمترین چالش

<sup>1</sup> Tzafestas et al.

<sup>2</sup> Wang et al.

<sup>3</sup> Chopra

<sup>4</sup> Subramanian et al.

<sup>5</sup> Gain Scheduling

<sup>6</sup> Yang et al.

<sup>7</sup> Garcia et al.

<sup>8</sup> Chong Li

<sup>9</sup> Seferlis et al.

است. همچنین اثر نگاه رو به جلو در پیش‌بینی‌های محلی و نهایی بررسی می‌شود.

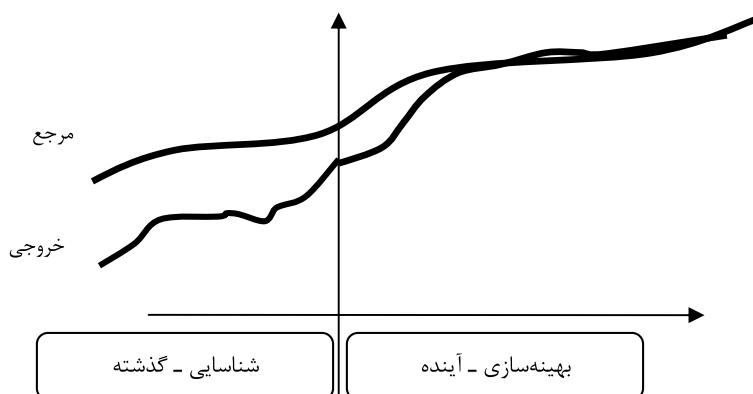
### ۳. روش تحقیق

#### ۳-۱. کنترل پیش‌بینی مبتنی بر مدل

کنترل پیش‌بینی از جهت کارایی در حل سیستم‌های چندمتغیره، بررسی رفتار سیستم در افق زمانی آینده و در نظر گرفتن محدودیتهای ورودیها، حالتها و خروجی‌های سیستم در محاسبات کنترلی، به کارگیری مدل‌های اغتشاش برای درنظر گرفتن نامعینی تقاضا و پاسخ مناسب به تغییرات تقاضا، یک روش مناسب برای کنترل سیستم‌های مدیریت زنجیره تأمین به نظر می‌رسد.

بر این اساس در این کنترل کننده‌ها فقط اولین <sup>۱</sup>امان دنباله کنترلی در هر لحظه کنترلی به کار گرفته می‌شود و این رویه برای تمام لحظات کنترلی نمونه‌برداری تکرار می‌شود. روش به کارگیری کنترل پیش‌بینی و کاربردهای آن به خوبی از سوی کامacho و بوردونس<sup>۲</sup> (۲۰۰۴) و آگاچی و همکاران<sup>۳</sup> (۲۰۰۶) تحلیل شده است. طبق نمودار ۱، روش کنترل پیش‌بینی شامل دو بخش شناسایی رفتار و مدل سیستم گذشته و بهینه‌سازی مقید روی این مدل است.

نمودار ۱. رفتار سیستم در کنترل پیش‌بینی



به نوعی کنترل کننده‌های پیش‌بینی در مدل مت مرکز پیاده‌سازی می‌شوند. در این حالت سیستم کلی مدل شده و همه ورودی‌های کنترلی در یک مسئله بهینه‌سازی محاسبه می‌شوند. در کاربردهای مقیاس بزرگ گاهی ضروری است که نظریه‌های کنترلی غیرمت مرکز یا توزیع شده باشند، بدین معنا که ورودی‌های کنترل محلی با استفاده از اندازه‌گیری‌های محلی و مدل‌های مرتبه

<sup>1</sup> Camacho and Bordons

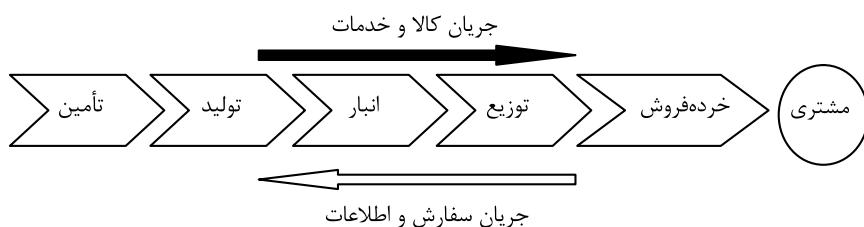
<sup>2</sup> Agachi et al.

کاهش یافته از دینامیک‌های محلی محاسبه می‌شوند. مزیت اصلی کنترل غیرمت مرکز کاهش بار محاسباتی و پیچیدگی محاسباتی است، چرا که برای سیستم‌های مقیاس بزرگ زنجیره تأمین با کنترل پیش‌بینی مت مرکز، محاسبه برخط ورودی ابعاد بالا بسیار پیچیده و نامناسب، غیرعملی و غیرانعطاف‌پذیر به نظر می‌رسد. از آنجا که در یک سیستم مدیریت زنجیره تأمین، سرعت تغییر برای میزان انتقال داده شده محصول از طریق کانالهای مرتبط بین گره‌ها یک چالش به شمار می‌آید و در صدد کم کردن آن هستیم، می‌توان از روش‌هایی همچون استفاده از یک جریمه مرتبط در تابعی معیار، و یا دیگر روش‌های مقاوم سازی، مقاومت سیستم را در این زمینه بالا برد که این خود باعث کند شدن سیستم می‌شود.

### ۳-۲. مدل سیستم توزیع (زنجیره تأمین)

بر مبنای پژوهش سفرلیس و همکاران<sup>۱</sup> در سال ۲۰۰۴، در اینجا یک مدل تفاضلی زمان گسسته از یک سیستم مدیریت زنجیره تأمین تک محصولی مطابق شکل ۱ ارائه شده است.

شکل ۱. سیستم زنجیره تأمین



در این سیستم هر بخش اعم از تأمین‌کننده و تولیدکننده و انبار و توزیع کننده و خرده فروش شامل چندین گره است که هر گره بهوسیله یک مجموعه از گره‌های بالادستی تغذیه می‌شوند و یک مجموعه از گره‌های پایین دستی را تغذیه می‌کنند. هر کدام از این گره‌ها یک سطح موجودی کالای تنظیم شده دارند که در کنترل این سیستم باید برآورده شوند و در برابر هرگونه دستور مشتری، این سطح موجودی کالا باید حفظ شود.

در این مقاله پویاییهای مراکز تأمین‌کننده درنظر گرفته نمی‌شود و مراکز تولید  $P$ ، مخازن  $W$ ، مراکز توزیع  $D$ ، خرده فروش‌های  $R$ ، گره‌های سیستم را تشکیل می‌دهند. برای هر گره  $k$ ، یک مجموعه از گره‌های بالادستی (قبلی) بهوسیله ' $k'$  مشخص می‌شوند که می‌تواند گره  $k$  را تأمین کند. همچنین یک دسته از گره‌های پایین دستی (بعدی) با " $k$ " که می‌تواند

<sup>۱</sup> Seferlis et al.

به وسیله  $k$  تأمین شود، مشخص می‌شوند. همه جفتهای  $(k', k)$  و یا  $(k, k'')$ ، مسیرهای مجاز داخل زنجیره را تشکیل می‌دهند. بر این اساس دو دسته رابطه زیر مدل فضای حالت سیستم را ایجاد می‌کنند:

$$y_k(t) = y_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k',k}(t-1 - L_{k',k}) - \sum_{k''} x_{k,k''}(t-1), \quad (1)$$

$$\forall k \in \{W, D\}, \quad t \in T,$$

$$y_k(t) = y_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k',k}(t-1 - L_{k',k}) - d_k(t-1), \quad (2)$$

$$BO_k(t) = BO_k(t-1) + R_k(t-1) - d_k(t-1) - LO_k(t-1),$$

$$\forall k \in \{R\}, \quad t \in T$$

$y_k$  موجودی کالا در گره  $x_{k,k}$  میزان محصول منتقل شده از طریق کanal  $(k', k)$ ،  $L_{k',k}$  زمان تأخیر انتقال برای کanal  $(k', k)$ ،  $BO_k(t)$  سفارش برگشتی،  $d_k(t)$  تحويل واقعی محصول،  $R_k(t)$  تقاضا در گره خردهفروش  $k$ ام و دوره زمانی  $t$  و  $LO_k(t)$  مقدار فسخ شده سفارشهای برگشتی است.

۳-۳. روش‌های کنترل پیش‌بینی متتمرکز و کنترل پیش‌بینی غیرمتتمرکز متوالی بر این اساس که تقاضای سیستم می‌تواند دائماً در حال تغییر باشد و از این رو به تصمیمات برخط نیاز دارد و مزایای روش کنترل پیش‌بینی در تصمیم‌سازی مقید برخط و کاهش پیچیدگی محاسباتی برای سیستم‌های چندمتغیره، در این مقاله از روش کنترل پیش‌بینی برای نیل به اهداف اصلی کنترل زنجیره تأمین یعنی بالا بردن رضایتمندی مشتری در عین کاهش هزینه‌های انبار و لجستیک استفاده می‌شود. در نتیجه از تابعی معیار مربعی متتمرکز

$$J_{Centralized} =$$

$$\sum_{t=1}^{T_h} \sum_{k \in \{W, D, R\}} \left\{ w_{y,k} (y_k(t) - y_{s,k}(t))^2 \right\}$$

$$+ \left\{ w_{x,k'} (x_{k',k}(t))^2 \right\}$$

$$+ \left\{ w_{\Delta x,k} (x_{k',k}(t) - x_{k',k}(t-1))^2 \right\}$$

$$+ \sum_{t=1}^{T_h} \sum_{k \in \{R\}} \left\{ w_{BO,k} (BO_k(t))^2 \right\} \quad (3)$$

که در آن  $T_h$  بیانگر افقهای پیش‌بینی و کنترل (افق غلتان)،  $y_{s,k}(t)$  بیانگر نقاط تنظیم موجودی،  $w_{y,k}$  بیانگر وزنهای موجودی در هر محصول واحد،  $w_{x,k}$  بیانگر وزن هزینه انتقال

در هر محصول واحد برای کanal  $(k', k)$   $w_{BO,k}$  بیانگر وزن جریمه اعمال شده روی تقاضاهای برآورده نشده، وزنهای  $w_{\Delta x, k'}$  نیز بیانگر وزن بخش جریمه نرخ ورودی است، استفاده می‌شود. خطمشی جریمه نرخ ورودی، حذف کردن عملهای کنترلی تند و ناگهانی است و از شبکه در برابر اشباع و نوسانانهای نامطلوب محافظت می‌کند. در سیستم‌های مدیریت زنجیره تأمین مقیاس بزرگ، از جهات بسیاری مثل بار محاسباتی زیاد و پیچیدگی محاسباتی به کارگیری کنترل کننده‌های مت مرکز، مشکلات تعمیر و نگهداری آنها به دلیل ابعاد بالا و خطر بالا از خطا به علت طبیعت مت مرکز آنها، غالباً ضروری است که نظریه‌های کنترل غیرمت مرکز یا توزیع شده باشند. در نتیجه بار محاسباتی کاهش می‌یابد. و هر کنترل کننده با دیگر کنترل کننده‌ها برای حاصل شدن یک حل خوب، مرتبط شده و همکاری می‌کند و تخمینهای محلی غیرمت مرکز نیز ساده‌تر و دقیق‌تر هستند. رابطه  $4$ ، سه کنترل کننده محلی را برای پیاده‌سازی غیرمت مرکز روی واحدهای انبار و توزیع و خرده‌فروشی به صورت زیر معرفی می‌کند:

$$\begin{aligned} J_{Decentralized}^m &= (J_{Centralized} | k \in m, \quad m \in \{W, D, R\}) \\ (\text{Desc. .}) \quad k \in W : local &\quad controller \quad of \quad W : J_{Decentralized}^W \\ k \in D : local &\quad controller \quad of \quad D : J_{Decentralized}^D \\ k \in R : local &\quad controller \quad of \quad R : J_{Decentralized}^R \end{aligned} \quad (4)$$

در نتیجه مسئله کنترل پیش‌بینی مت مرکز به صورت دسته رابطه  $5$  و مسئله کنترل پیش‌بینی غیرمت مرکز به صورت دسته رابطه  $6$  نوشته می‌شوند.

$$\begin{aligned} MIN: J_{Centralized}(y_k, BO_k, x_{k', k}) \\ \text{where: } y_k(t) = y_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k', k}(t-1 - L_{k', k}) - \sum_{k''} x_{k, k''}(t-1), \forall k \in \{W, D\} \\ \begin{cases} y_k(t) = y_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k', k}(t-1 - L_{k', k}) - d_k(t-1), \\ BO_k(t) = BO_k(t-1) + R_k(t-1) - d_k(t-1) - LO_k(t-1) \end{cases} \quad \forall k \in \{R\}, \quad (5) \\ \text{subject to: } \begin{cases} 0 \leq y_k \leq y_{k,\max}, \forall k \in \{W, D, R\} \\ 0 \leq BO_k \leq BO_{k,\max}, \forall k \in \{R\} \\ 0 \leq x_{k', k} \leq x_{k', k,\max}, \forall k \in \{W, D, R\} \end{cases} \end{aligned}$$

هدف از طراحی این کنترل کننده‌ها، پاسخ مناسب سیستم به تغییرات تقاضای مشتری و به عبارتی تنظیم سطوح موجودی ردها و کاهش سفارش‌های برآورده نشده و برگشتی ردها است. بر این اساس، ابتدا میانگین اولین درایه کنترل پیش‌بینی گرههای خرده‌فروش به عنوان

اغتشاش اندازه‌گیری شده به گره‌های توزیع فرستاده می‌شود و در زمانهای نمونه‌برداری بعدی، این روند برای گره‌های توزیع و انبار تکرار می‌شود.

(۶)

$$\begin{aligned} \text{MIN: } J_{\substack{x_{k',k} \\ \text{Decentralized}}}^m &= (J_{\text{Centralized}} \mid k \in m, \quad m \in \{W, D, R\}) \\ \text{where: } y_k(t) &= y_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k',k}(t-1 - L_{k',k}) - \sum_{k''} x_{k,k''}(t-1), \quad \forall k \in \{W, D\}, \quad t \in T, \\ &\left\{ \begin{array}{l} y_k(t) = y_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k',k}(t-1 - L_{k',k}) - d_k(t-1), \\ BO_k(t) = BO_k(t-1) + R_k(t-1) - d_k(t-1) - LO_k(t-1) \end{array} \right. \quad \forall k \in \{R\}, \quad t \in T, \\ \text{subject to: } &\left\{ \begin{array}{l} 0 \leq y_k \leq y_{k \max}, \forall k \in \{W, D, R\} \\ 0 \leq BO_k \leq BO_{k \max}, \forall k \in \{R\} \\ 0 \leq x_{k',k} \leq x_{k',k \max}, \forall k \in \{W, D, R\} \end{array} \right. \end{aligned}$$

همچنین با فرض اینکه همه متغیرهای حالت سیستم دینامیکی (میزان موجودی هر گره و میزان سفارشهای برگشتی) در تمام زمانها در دسترس نیستند و در سیستم نامعینی وجود دارد، می‌توان از یک فیلتر کالمن مرتبه کامل به شکل زیر استفاده کرد:

(۷)

$$\begin{aligned} \hat{y}_k(t) &= E(y_k(t)) = \hat{y}_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k',k}(t-1 - L_{k',k}) - \sum_{k''} x_{k,k''}(t-1) + \omega(t-1) + \nu(t-1), \\ \forall k &\in \{W, D\}, \quad t \in T, \\ \hat{y}_k(t) &= E(\hat{y}_k(t)) = \hat{y}_k(t-1) + \sum_{k'} x_{k',k}(t-1 - L_{k',k}) - d_k(t-1) + \omega(t-1) + \nu(t-1), \\ B\hat{O}_k(t) &= E(BO_k(t)) = B\hat{O}_k(t-1) + R_k(t-1) - d_k(t-1) - LO_k(t-1) + \omega(t-1) + \nu(t-1), \\ \forall k &\in \{R\}, \quad t \in T, \end{aligned}$$

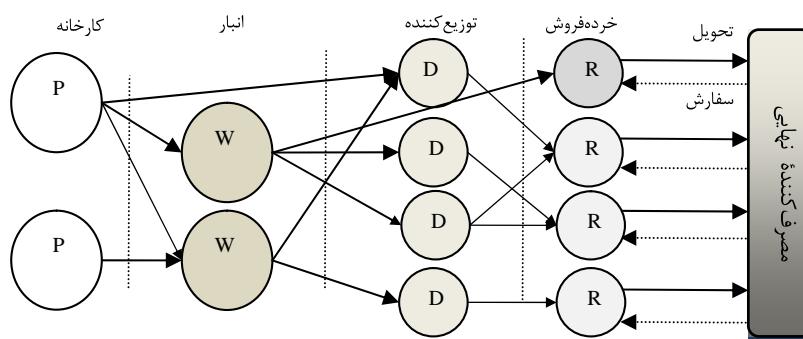
بیانگر امید ریاضی  $\omega$  بیانگر دنباله نویز اندازه‌گیری و  $\nu$  بیانگر دنباله نویز فرآیند، نویزهای سفید با میانگین صفر و کواریانس معین هستند.

#### ۴. نتایج شبیه‌سازی

در این مقاله بخلاف مطالعات گذشته از طرفی، یک زنجیره تأمین جامع شامل سفارشهای برگشتی و فسخ شده و زمانهای تأخیر در نظر گرفته می‌شود و از سوی دیگر، ارتباطات بین واحدهای زنجیره، ناکامل (تمام واحدهای زنجیره در تناول یک یا هم نبوده و ممکن است واحدهای همسایه با هم مرتبط نشوند) هستند. همچنین تمام متغیرهای حالت توسط فیلتر کالمن تخمین زده می‌شوند. یک سیستم زنجیره تأمین چهار ردهای مقیاس بزرگ مطابق

شکل زیر برای شبیه‌سازی استفاده شده است که در آن تنها سفارش توسط خرده‌فروش از مصرف‌کننده نهایی گرفته می‌شود و میزان سفارش‌های برگشتی فقط در گره خرده‌فروش مدنظر است. افق کنترل و افق پیش‌بینی را برابر هم و معادل ۲۰ واحد زمانی و طول هر دوره زمانی را برابر یک فرض می‌شود. مطابق شکل ۲، زنجیره تأمین مدنظر شامل دو گره تولید، دو گره ذخیره، چهار مرکز توزیع، چهار گره خرده‌فروش است. نقاط تنظیم موجودی، ظرفیت‌های ذخیره حداکثر در هر گره و مقدار حداکثر مقادیر لجستیکی و مقدار حداکثر سفارش برگشتی و اطلاعات هزینه انتقال برای هر کanal تأمین‌کننده در جدول ۱ آمده‌اند.

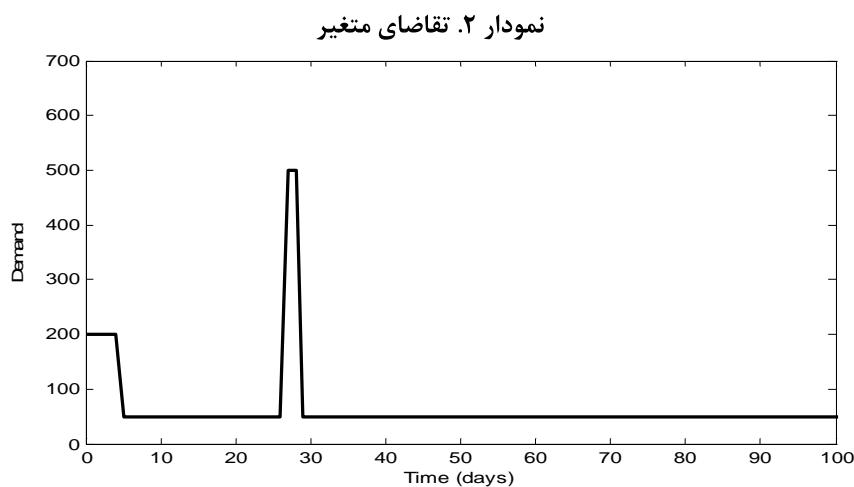
شکل ۲. سیستم زنجیره تأمین چهار رده‌ای



جدول ۱. داده‌های زنجیره تأمین

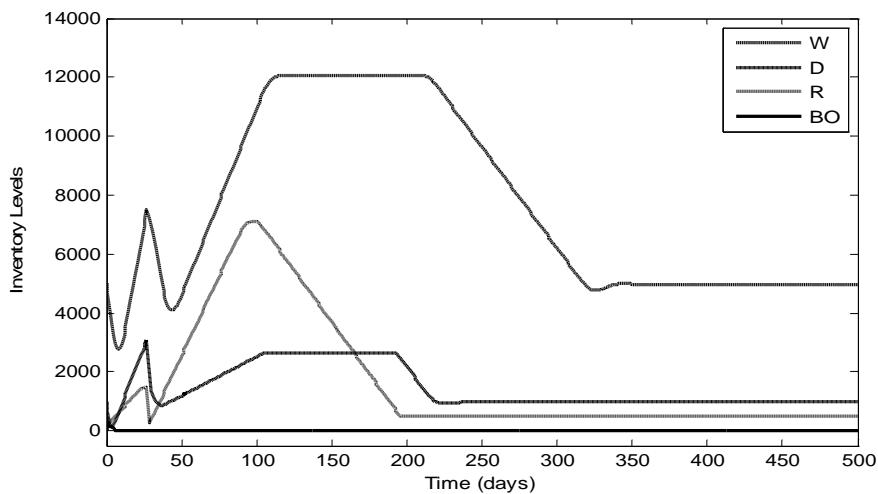
	مخزن	مرکز توزیع	خرده فروش
موجودی حداکثر	۱۳۰۰۰	۸۰۰۰	۸۰۰۰
نقطه تنظیم	۵۰۰۰	۱۰۰۰	۵۰۰
لجستیک حداکثر (وروودی)	۱۰۰۰۰	۷۰۰۰	۵۰۰۰
سفارش برگشتی حداکثر	—	—	۲۰۰
هزینه انتقال	۰/۲	۰/۲	۰/۰۵
وزنهای موجودی	۰/۲	۰/۲	۰/۲
وزنهای سفارش برگشتی	—	—	۱
تأخیرها	۵	۳	۲

$LO_k(t)$  برابر با مقدار ۲۰ واحد، مقادیر اولیه موجودی معادل نقطه تنظیمنهایی موجودی در هر گره و تقاضا نیز مطابق نمودار ۲ در نظر گرفته می‌شوند.



در ابتدا اثر نگاه رو به جلو به کمک شبیه‌سازیهای نمودارهای ۳ و ۴ با ساختار متمرکز کنترل پیش‌بینی و بدون استفاده از جریمه نرخ ورودی بررسی می‌شود.

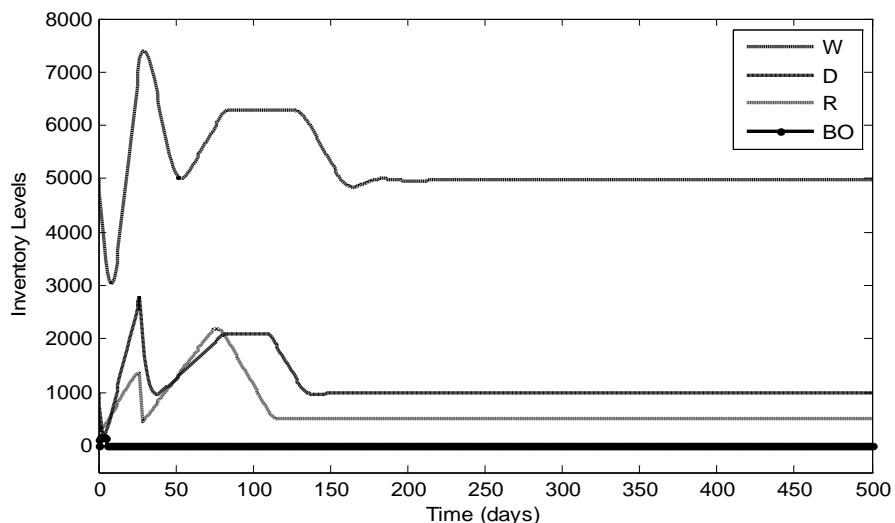
**نمودار ۳. کنترل پیش‌بینی متمرکز سیستم مدیریت زنجیره تأمین بدون نگاه رو به جلو در مقابل تقاضای متغیر**



با روش نگاه روبه جلو، در هر زمان نمونه برداری، مقادیر مرجع و اغتشاش‌های اندازه‌گیری پیش‌بینی شده برای تمام طول افق (یا برابر با پیش‌بینی مقدار آنها تا چند گام جلوتر) در نظر گرفته می‌شوند و به سبب وجود پیش‌بینی مناسب از تقاضای مشتری، سطوح موجودی کالا و سفارش کالا، پاسخ سیستم بهبود یافته و اثر بخش هزینه نرخ مقادیر لجستیکی تکمیل خواهد شد.

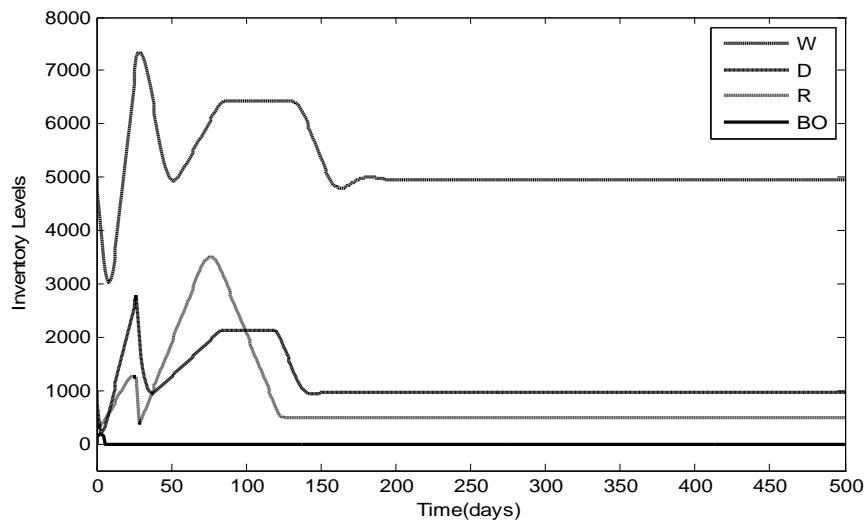
نمودارهای ۴ و ۵ نتیجه شبیه‌سازی با روشهای کنترل پیش‌بینی متتمرکز و غیرمتتمرکز را نشان می‌دهند که در آنها از نگاه رو به جلو هم استفاده شده است.

**نمودار ۴. کنترل پیش‌بینی متتمرکز مدیریت زنجیره تأمین همراه با نگاه رو به جلو در مقابل تقاضای متغیر**

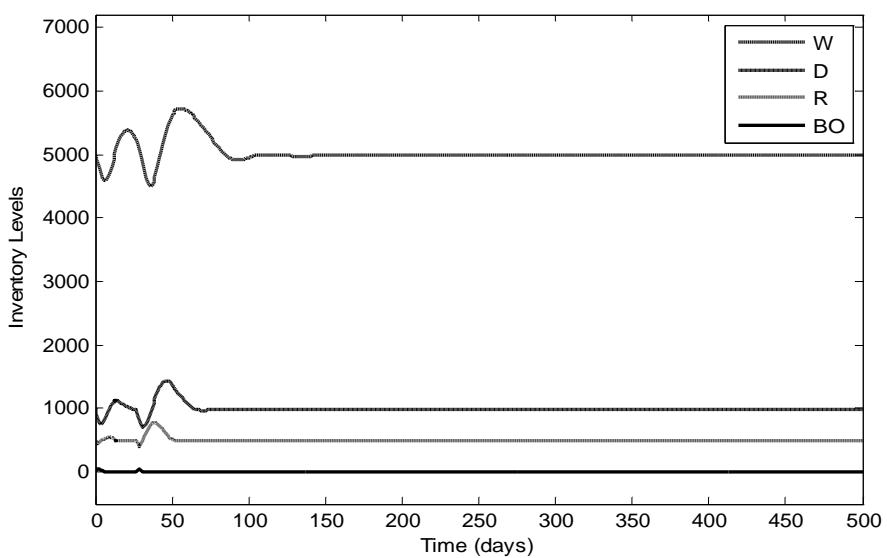


همچنین در نمودار ۶ نیز بهبود پاسخ کنترل پیش‌بینی غیرمتتمرکز به کمک جریمه کردن نرخ لجستیک در مقابل ارتباطات غیرمتتمرکز و تغییرات تقاضا مشهود است.

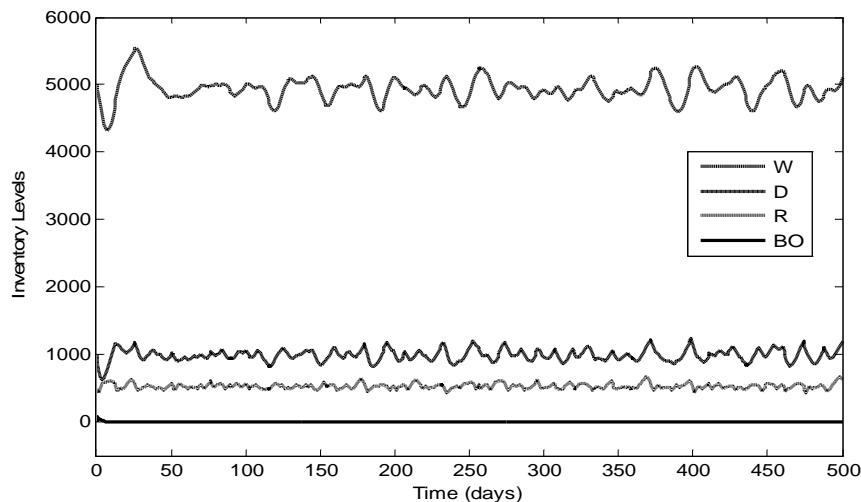
نمودار ۵. کنترل پیش‌بینی غیرمتتمرکز سیستم مدیریت زنجیره تأمین با نگاه رو به جلو در مقابل تقاضای متغیر



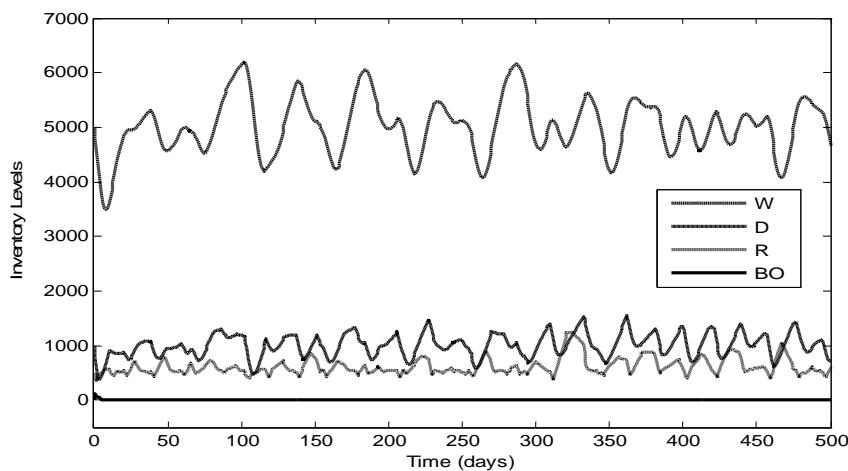
نمودار ۶. کنترل پیش‌بینی غیرمتتمرکز سیستم مدیریت زنجیره تأمین با نگاه رو به جلو در مقابل تقاضای متغیر و همراه با جریمه کردن نرخ لجستیکی



نمودار ۷. کنترل پیش‌بینی غیرمت مرکز سیستم مدیریت زنجیره تأمین با نگاه رو به جلو در مقابل تقاضای تصادفی و همراه با جریمه کردن نرخ لجستیکی



نمودار ۸. کنترل پیش‌بینی غیرمت مرکز سیستم مدیریت زنجیره تأمین با نگاه رو به جلو در مقابل تقاضای تصادفی و بدون جریمه کردن نرخ لجستیکی



به طور کلی مزیت اصلی کنترل پیش‌بین اعمال قیدها در حین حل یک مسئله بهینه‌سازی و مزیت اصلی کنترل غیرمت مرکز کاهش بار محاسباتی و پیچیدگی محاسباتی است، چرا که برای سیستم‌های مقیاس بزرگ با کنترل پیش‌بینی مت مرکز، محاسبه برخط ورودی ابعاد بالا بسیار پیچیده و نامناسب، غیرعملی و غیراعطاف‌پذیر به نظر می‌رسد. برای برطرف کردن کندی پاسخ

نیز می‌توان از کنترل کننده‌های کمکی مثل کنترل کننده‌های فیدبک خطی تناسبی - انتگرالی - مشتقی<sup>۱</sup> استفاده کرد.

از منظر پایداری نیز چون در حل مسائل این مقاله، افق پیش‌بینی به اندازه کافی بزرگ درنظر گرفته می‌شود، پایداری لیاپانوف وجود دارد. یعنی اگر اغتشاش ورودی صفر باشد و ورودیها هم صفر باشند، در امتداد افق با هر شرایط اولیه‌ای به نقطه تعادل مرجع خواهیم رسید. به طور کلی از شبیه‌سازی مشخص می‌شود کنترل پیش‌بینی متتمرکز دارای بار محاسباتی بیشتری نسبت به نوع غیرمتتمرکز است، اما دارای سرعت بیشتر و انحرافات کمتری در پاسخ مطلوب است. دلیل آن هم این است که در کنترل پیش‌بینی غیرمتتمرکز تنها اولین آرایه کنترلی حاصل از رده پایین دستی به عنوان اغتشاش ورودی به رده بالادستی ارسال می‌شود، حال آنکه در نوع متتمرکز از تمام آرایه‌های ورودی برای هر رده استفاده می‌شود. بر اساس همین دلیل اثر جریمه تغییرات ورودی کنترلی در نوع غیرمتتمرکز نمود بیشتری دارد، چون این اثر در نوسانات شدید تقاضا اجازه نمی‌دهد ورودی تغییرات شدید داشته باشد. در واقع، اثر این بخش در نوع کنترلی متتمرکز روی پایین آوردن هزینه عملیاتی است (چون تغییرات ورودی کم می‌شود، هزینه کلی تابعی معیار نیز کم می‌شود). همچنین خطای انتقال اطلاعات بین رده‌ها با تأخیر انتقال که نامعینی مدل سیستم به شمار می‌رود، در این نوع کنترلی بسیار کمتر است. همچنین تقویت انحرافات برای گره‌های بالادستی به دلیل تعدد بیشتر گره‌های پایین دستی است که به وسیله گره‌های بالادستی به خدمت گرفته می‌شوند. همچنین نشان داده شد، با اینکه کنترل پیش‌بینی متتمرکز در مقابل افزایش تأخیر انتقال پاسخ مناسبتری دارد، از نظر عملیاتی مشکل و دارای بار محاسباتی بیشتری است.

اما از باب اعتبارسنجی مدل، مدل مسئله، یک مدل مرسوم در زنجیره تأمین از نوع کششی (زنجیره تأمینی) که بر اساس تقاضای مشتری در آن جریان کالا به راه می‌افتد) و تقریباً شهودی بوده و براساس ارتباطات ساده ورودی کالا و تقاضا و خروجی کالای تحويل داده شده کار می‌کند و جریانات موجود در آن برای هر زنجیره تأمین کالا و خدمات که از این مدل پیروی می‌کنند، به خوبی دیده می‌شوند. زنجیره تأمین شبیه‌سازی شده در این مقاله نیز در چارچوب این مدل قرار دارد و از نوع کششی است و تنها در گره‌های خرده‌فروش آن جریان اطلاعات دیده می‌شود. برای اعتبارسنجی و صحت مدل به کارگرفته شده، معادلات حالت مدل را بررسی می‌کنیم. طبق رابطه ۱، برای گره‌های انبار و توزیع کننده، موجودی کالا در هر لحظه از زمان برابر با مجموع موجودی کالا در لحظه زمانی قبل و مقدار کالاهای وارد شده به گره (از طرف

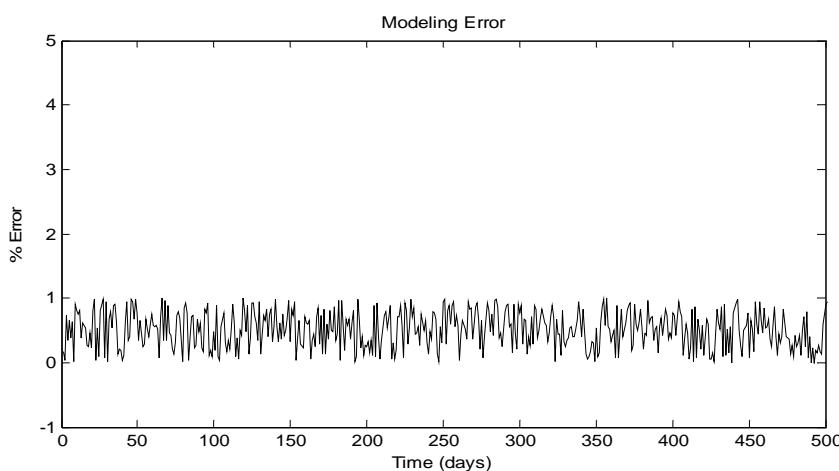
---

<sup>۱</sup> Proportional-Integral-Derivative (PID)

تولیدکننده یا انبار یا دیگر کانالهای بالادستی) منهای مقدار کالاهای خارج شده از گره است. همچنین به سبب زمان صرف شده برای رسیدن کالا از گره مبدأ به مقصد یک تأخیر لجستیکی نیز در نظرگرفته می‌شود، در حالی که خروج کالا از هر گره آنی اتفاق می‌افتد. پس این نوع ورود و خروج در هر نوع زنجیره تأمین معمولی کششی وجود دارد و بهراحتی می‌توان از روی آن مدل رابطه ۱ را نوشت. اما طبق رابطه ۲، برای گره‌های خردۀ فروش دو نوع معادله وجود دارد. یک معادله همچون رابطه ۱ مربوط به ورود و خروج معمولی کالا و معادله دیگر بر اساس جریان اطلاعاتی سفارش‌های برگشتی است. در معادله اول رابطه ۲ موجودی کالا در هر لحظه از زمان برابر با مجموع موجودی کالای حاضر و مقدار کالاهای وارد شده به گره (از طرف توزیعکننده) منهای مقدار کالاهای خارج شده از گره (کالاهای تحویل داده شده) است. در این رابطه نیز تأخیر کانالهای بین توزیعکننده (یا دیگر کانالهای بالادستی) و خردۀ فروش دیده می‌شود. در معادله دوم رابطه ۲ نیز سفارش‌های برگشتی در هر لحظه برابر با مجموع سفارش‌های برگشتی مراحل زمانی قبلی و تقاضای موجود منهای مجموع مقادیر کالاهای تحویل داده شده و سفارش‌های فسخ شده است. پس همان‌گونه که بحث شد مدل به کارگرفته شده در مقاله، یک مدل کاملاً مبتنی بر مشاهدات واقعی از یک زنجیره تأمین کششی است و این مدل چیزی جز یک تحلیل از ورود و خروج کالاهای واحدهای زنجیره تأمین و در نهایت، تحویل کالا مقتضی به مشتری نهایی نیست و پیچیدگی خاصی ندارد. اما چنانچه داده‌های واقعی و مدل به کارگیری شده انطباق کامل نداشته باشند، نامعینی در داده‌های اندازه‌گیری شده از مدل واقعی وجود دارد یا اینکه این نامعینی ناشی از تأخیرهای اضافی یا دیگر عوامل غیرقابل پیش‌بینی است.

برای نمونه شبیه‌سازی شده این مقاله، به طور واقع‌گرایانه‌ای، درصد این مقدار نامعینی مفروض از یک نویز تصادفی با توزیع یکنواخت و میانگین صفر پیروی می‌کند (خطای مدلسازی). بر این اساس، نمودار ۹ درصد خطای مدلسازی در زمانهای مختلف را نشان می‌دهد. درنتیجه با درنظر گرفتن نامعینی‌های اطلاعات نیز مدل این مقاله از اعتبار کافی برخوردار است. از طرف دیگر، استفاده از بخش توقیف ورودیها، اثر این نامعینی را کاهش می‌دهد و تقریباً اثر خطای مدلسازی در نتیجه نهایی مدیریت زنجیره تأمین به صفر می‌رسد. با تمام این اوصاف، بهطور کلی دغدغه این مقاله، بهبود کارایی سیستم مدیریت زنجیره تأمین با یک مدل نامی تحت تئوری (نظریه) کنترل پیشرفته موجودی در جهت افزایش رضایت مشتری بوده است، هر چند نوسانات و نامعینی‌های سیستم پیچیده باشند و چالش اصلی این مقاله مدلسازی سیستم مدیریت زنجیره تأمین نیست.

### نمودار ۹. درصد خطای مدلسازی



### ۵. نتیجه‌گیری

به چند دلیل روش کنترل پیش‌بینی، یک روش کنترلی سازگار با سیستم مدیریت زنجیره تأمین به نظر می‌رسد: ۱. پیش‌بینی تقاضا و مقادیر کالایی که باید برای برآورده کردن این تقاضا بین گره‌های زنجیره تأمین حمل و نقل شود، فاکتورهای اساسی در کنترل سیستم‌های مدیریت زنجیره تأمین هستند (روند پیش‌بینی)، ۲. سیستم‌های مدیریت زنجیره تأمین غالباً دارای تأخیرهای زمانی انتقال هستند، ۳. به دلیل اعمال قیدهای ظرفیت در حل مسئله بهینه‌سازی. با توجه به مشکل عملیاتی کنترل پیش‌بینی متتمرکز در کاربرد با سیستم‌های مقیاس بزرگ، در می‌یابیم که زیاد شدن طبقه‌ها و رده‌ها و تأخیر انتقال در زنجیره تأمین و همچنین اعمال بخش توقیف حرکت، زمان نشست و نوسان و پیک انحراف را بالا می‌برند. افزایش تأخیر انتقال هم به دلیل انباشتگی تقاضا، این تأثیرات منفی را تشدید می‌کند. همچنین نشان داده شد که استفاده از بخش توقیف حرکت و نگاه روبه جلو در هنگام تصادفی بودن تقاضا، مقاومت سیستم کنترلی را در برابر تغییرات تقاضا بالا می‌برد و هزینه عملیاتی را پایین می‌آورد. به طور کلی مدل‌های به کارگرفته شده در پژوهش‌های قبلی عمومی نیستند و کنترل کارامد مستلزم وجود یک مدل کامل است. بدین منظور در کار پیشرو از یک مدل جامع در این زمینه‌ها استفاده شد. در اکثر روش‌های قبلی، اساس کنترل بر حفظ موجودی به کمک مقادیر در دسترس متغیرهاست، اما در روش حاضر، کمینه کردن مقادیر لجستیکی جریان یافته میان گره‌های زنجیره تأمین و مقاوم کردن آن در یک ساختار غیرمتتمرکز در کنار تخمین متغیرها انجام شد.

## ماخذ

- Agachi, P. S., Nagy, Z. K., & Cristea, M. V. (2006). *Model based control: Case studies in process engineering*, Wiley-VCH Verlag GmbH, Weinheim..
- Camacho, E. F., & Bordons, C. (2004). *Model predictive control*, Springer.
- Chopra, S., & Meindl, P. (2004). Supply chain management strategy, planning and operations, Pearson Hall Press, New Jersey, 58-79.
- Dejonckheere, J., Disney, S. M., Lambrecht, R., & Towill, D. R. (2004). The impact of information enrichment on the bullwhip effect in supply chains: A control engineering perspective, *European Journal of Operational Research*, 153, 727-750.
- Garcia, C., Ibeas, A., Herrera, J., & Vilanova, R. (2012). Inventory control for the supply chain: An adaptive control approach based on the identification of the lead-time, *Omega*, 40, 314-327.
- Grubbstrom, R., & Huynh, T. (2006). Multi-stage capacity constrained production inventory systems in discrete-time with non-zero lead times using MRP theory, *International Journal of Production Economics*, 101, 53-62.
- Kapsiotis, G., & Tzafestas, S. (1992). Decision making for inventory/production planning using model-based predictive control, *Parallel and distributed computing in engineering systems*. Amsterdam: Elsevier, 551-556.
- Chong Li. (2012). Controlling the bullwhip effect in a supply chain system. with constrained information flows, *Applied Mathematical Modeling*, In press.
- Miranbeigi, M., & Jalali, A. (2011). Supply chain management systems -advanced control :MPC on SCM, *Book chapter of supply chain management - applications and simulations*, chapter. 2, Intech.
- Sarimveis, H., Patrinos, P., Tarantilis, D., & Kiranoudis, T. (2008) Dynamic modeling and control of supply chain systems: A review, *Computers and Operations Research*, 35, 3530- 3561.
- Seferlis, P., & Giannelos, N. (2004). A two layered optimization based control strategy for multi echelon supply chain network, *Computers and Chemical Engineering*, 28, 799-809.
- Subramanian, K., Rawlings, J., Maravelias, C., Flores-Cerrillo, J., & Megan, L. (2012). Integration of control theory and scheduling methods for supply chain management, *Computers and Chemical Engineering*, In press.
- Towill, D. R., Evans, G. N., & Cheema, P. (1997). Analysis and design of an adaptive minimum reasonable inventory control system, *Production Planning and Control*, 8, 545-557.
- Tzafestas, S., & Kapsiotis, G. (1997). Model-based predictive control for generalized production planning problems, *Computers in Industry*, 34, 201-210.

- Wang, W., & Rivera, R. (2005). A novel model predictive control algorithm for supply chain management in semiconductor manufacturing, *Proceedings of the American control conference*, 1, 208–213.
- Wiendahl, H., & Breithaupt, J. (2000). Automatic production control applying control theory, *International Journal of Production Economics*, 63, 33–46.
- Yang, D., Choi, T., Xiao, T., & Cheng, T. (2011). Coordinating a two-supplier and one-retailer supply chain with forecast updating, *Automatics*, 47, 1317–1329.

