

کاربرد مدل ریاضی چند سطحی چند هدفه در تعیین میزان بهینه عوامل کیفی مؤثر بر کیفیت تزریق پلاستیک با استفاده از روش شناسی رویه پاسخ دوگان^۱ فازی: بوش تفلونی زیر آرنجی متحرک اتوبوس

مقصود امیری^۱، مهدی عزیزمحمدی^{۲*} و مصطفی حسین نژادی

۱. دانشیار گروه مدیریت دانشکده مدیریت و حسابداری، دانشگاه علامه طباطبائی، تهران، ایران
۲. دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی صنایع، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک دانشگاه آزاد اسلامی، واحد قزوین، قزوین، ایران
۳. دانشجوی کارشناسی ارشد مدیریت صنعتی، گروه مدیریت صنعتی دانشگاه آزاد اسلامی، واحد قزوین، قزوین، ایران

پذیرش: ۹۲/۱۲/۲۸

دریافت: ۹۲/۲/۴

چکیده

یکی از روش‌های کاربردی برای مدلسازی و حل مسائل بهینه‌سازی، روش شناسایی سطح پاسخ است. روش سطح رویه پاسخ مجموعه‌ای از ابزارها برای برآوردن یک سطح برای مجموعه‌ای از داده‌ها و تعیین سطوح بهینه می‌باشد، این روش از یک مدل رگرسیونی برای بهینه‌سازی مسائل استفاده می‌کند. گروهی از مسائل دنیای واقعی شامل تعیین مقادیر بهینه برای دسته‌ای از متغیرهای ورودی جهت دستیابی به سطوح دلخواه از متغیر خروجی (متغیرها یا متغیر سطح پاسخ) می‌باشند. در این مقاله با توجه به اهمیت به سزای چهار عامل زمان خنک شدن، فشار تزریق، سرعت تزریق و دمای هیتر به عنوان متغیرهای ورودی مستقل قابل کنترل بر سطوح پاسخ کیفی و کمی موردنظر (به صورت توازن و همزمان)، بر رابطه بین متغیرهای ورودی و متغیرهای سطح پاسخ با استفاده از مدل رگرسیون غیرخطی تعیین شدند. متغیرهای پاسخ به صورت قطعی و فازی بودند و به همین دلیل برای ایجاد مدل رگرسیون از مدل‌های ریاضی چندسطحی و روش شناسی رویه پاسخ دوگان فازی استفاده



شده است. سپس مقدار بهینه هر یک از عوامل با استفاده از الگوریتم متاهیورستیک تغییر یافته به منظور حل این نوع مدل‌ها به دست آمده است.

کلیدواژه‌ها: طراحی آزمایش‌ها، روش‌شناسی رویه پاسخ، تزریق پلاستیک، مدل‌های چند سطحی، پاسخ دوگان فازی.

۱- مقدمه

روش‌های آماری متعددی برای بهبود فرایندهای تولید مطرح شده است که یکی از مهمترین آن‌ها، روش طراحی آزمایش‌ها (DOE)^۱ است. طراحی آزمایش‌ها به طور کلی دنباله‌ای از آزمون‌ها است که در آن با تغییراتی هدفمند در متغیرهای ورودی یک فرایند یا سیستم بتوان دلایل تغییراتی را که در متغیرهای پاسخ به وجود می‌آیند، تشخیص داد[۱]. یکی از مفاهیم طراحی آزمایش‌های روش‌شناسی، رویه پاسخ (RSM)^۲ می‌باشد که مجموعه‌ای از روش‌های ریاضی و آماری برای مدل کردن و تحلیل مسائلی است که یک متغیر پاسخ به وسیله چندین متغیر تأثیر می‌پذیرد و هدف بهینه کردن این متغیر پاسخ می‌باشد [۲]. در یک تعبیر ریاضی، هدف پیدا کردن شرایط عملیاتی یا سطوح عامل (X_1, X_2, \dots, X_k) است تا^۳ متغیر پاسخ (Y_1, Y_2, \dots, Y_r) بسته به نوع مسئله کمینه یا بیشینه شوند. نورالنساء و همکارانش (۲۰۰۳) در مقاله خود روشی برای بهینه‌سازی مسائل چند پاسخه با استفاده از تابع تصمیم‌گیری در چارچوب روش‌شناسی رویه پاسخ ارائه دادند [۳، ص ۲۲۱-۲۲۲]. علیزاده و همکارانش (۲۰۰۵) برای بررسی همزمان تأثیر ۴ عامل دما، زمان عمل‌آوری، مایه پنیر و آب نمک بر کیفیت پنیر فتای ایرانی و تعیین مقادیر بهینه این پارامترها، روش‌شناسی سطح پاسخ را به کار برندند [۴، ص ۳۰۳-۲۹۹].

در مقاله دیگری امیری و همکاران (۲۰۱۲) در یک مطالعه موردی به بررسی عوامل تأثیرگذار بر فرایند آبکاری الکتریکی پرداخته و با استفاده از طراحی آزمایش‌ها، اثر سه عامل ورودی دما، غلظت سیانید سدیم و آمپر را بررسی و به وسیله روش برنامه‌ریزی آرمانی مقادیر بهینه را استخراج کردند [۵، ص ۱۴۲-۱۳۱]. کیم^۴ و لین^۵ (۱۹۹۸) یک رویکرد مدل‌سازی فازی برای بهینه‌سازی سیستم پاسخ دوگان^۶ پیشنهاد نمودند که در آن درجه رضایت و

انحراف استاندارد پاسخ‌ها به طور همزمان ماکزیم می‌شود [۶، ص ۱۰-۱]. یک سال بعد ونتر^۷ و هافتکا^۸ (۱۹۹۹) مفاهیم فازی را برای مدلسازی نوعی از عدم قطعیت استفاده و نشان دادند که برای مسائل مشابه، طراحی بر مبنای تئوری فازی بهتر است [۷، ص ۲۲۷-۲۱۸]. چوی^۹ و همکاران (۲۰۰۷) در مقاله خود روش رگرسیون فازی با کاربرد برآورد کننده‌های کمترین انحراف مطلق (FLDA)^{۱۰} تشریح و بررسی شد [۸، ص ۲۶۳-۲۵۷]. کاظم‌زاده و همکاران (۲۰۰۸) چارچوبی عمومی در مسائل با چند سطح پاسخ مطابق با برخی کارهای موجود و چند نوع تصمیم‌گیری مرتبط پیشنهاد دادند [۹، ص ۴۲۹-۴۲۱]. بشیری و همکاران (۲۰۰۹) با استفاده از روش رگرسیون فازی اقدام به تعریف تابع انحراف و تشکیل ماتریس بازده برای مقادیر انحراف و تجمعی دو مدل عینی به یک هدف کردند [۱۰، ص ۱۷۲-۱۶۳]. امیری (۲۰۱۱) با استفاده از روش رگرسیون فازی با کاربرد برآورد کننده‌های کمترین انحراف مطلق، مدلی برای متغیر پاسخ لقی کاسه چرخ ارائه و با استفاده از مدل‌های برنامه‌ریزی خطی و روش Lp متریک مقادیر بهینه را استخراج نمود [۱۱، ص ۱۴۳-۱۳۳].

ساختار مقاله چنین است: در بخش دوم به فرایند تولید قطعه پرداخته، در بخش سوم، عوامل مؤثر و سطوح آن‌ها ارائه می‌شود. در بخش چهارم، متغیرهای پاسخ انتخاب و در بخش پنجم، طرح آزمایش بیان می‌شود، در بخش ششم، نحوه انجام آزمایش، در بخش هفتم چگونگی مدلسازی و به دست آوردن جواب بهینه و در بخش هشتم نتیجه‌گیری مقاله ارائه خواهد شد.

۲- فرایند تولید بوش تفلونی زیرآرنجی

این قطعه به عنوان یکی از قطعات تشکیل‌دهنده صندلی اتوبوس کاربرد دارد، با وزن تقریبی ۲۰ گرم و رنگ سفید و در قسمت متحرک زیرآرنجی مونتاژ می‌شود. این قطعه از گرانول، پلی‌آمید تولید می‌شود (PA). برای تولید این قطعه می‌توان از دستگاه‌های تزریق با حجم تزریق ۲۵۰ گرم در هر مرتبه استفاده کرد.



مقصود امیری و همکاران کاربرد مدل ریاضی چند سطحی...

۳- انتخاب عوامل و تعیین سطوح آن‌ها

با توجه به شرایط تولید، چگونگی اندازه‌گیری و قرائت مقادیر هریک عوامل و نظر کارشناسان [۱۲]، در نهایت عوامل مد نظر به شرح ذیل مورد پذیرش واقع شدند:

۱- زمان خنک شدن

۲- فشار تزریق

۳- سرعت تزریق

۴- دمای هیتر

در جدول ۱ مقادیر حدی هر یک از عوامل بیان شده است.

جدول ۱ مقادیر حدی هر یک از عوامل

ردیف	شرح عوامل تأثیرگذار	سطح بالای عامل (+)	سطح پایین عامل (-)
۱	زمان خنککاری	۰. ثانیه	۰. ثانیه
۲	فشار تزریق	۰. درصد	۰. درصد
۳	سرعت تزریق	۰. درصد	۸۰
۴	دمای هیتر	۲۱۰ C°	۲۳۰ C°

۴- انتخاب متغیر پاسخ

پس از بررسی خصوصیات اصلی محصول، نیازهای مشتری و طراحی صورت گرفته و با توجه به تعریف مسئله، سطوح پاسخ به صورت زیر بیان می‌شوند:

- اندازه قطر داخلی (Y1)
- اندازه قطر خارجی (Y2)
- میزان مکش (Y3)

۵- انتخاب طرح آزمایش

بهینه‌سازی مسئله با چند سطح پاسخ در طرح‌های پایدار برای تعیین مشخصه‌های بهینه فرایند در یک منطقه رضایت‌بخش و کاهش واریانس متغیرهای پاسخ به کار می‌رود. در بیشتر مسائل مربوط به RSM از چندجمله‌ای‌ها و توابع خطی برای برآش مدل استفاده می‌شود. اگر پاسخ به خوبی به وسیله یکتابع خطی از متغیرهای مستقل مدل شده باشد، آن گاه تابع تقریب‌کننده مدل، مدل مرتبه اول است. اگر در سیستم خمیدگی وجود داشته باشد، آن گاه باید از چند جمله‌ای‌های درجه بالاتر مانند مدل مرتبه دوم استفاده کرد که در آن‌ها β_{ij} نشان‌دهنده اثرهای مرتبه دوم محض کوادراتیک است. در این مقاله نیز به دلیل وجود خمیدگی از مدل درجه دوم استفاده شده است که شکل کلی آن به صورت رابطه شماره ۱ می‌باشد [۱۳، ص ۳۹۲-۳۸۳]:

$$\hat{Y}_K = \beta_0 + \sum_{i=1}^4 \beta_i X_i + \sum_{i=1}^4 \beta_{ii} X_{ii} + \sum_{i=1}^4 \sum_{j=1, j \neq i}^4 \beta_{ij} X_i X_j \quad (1)$$

در رابطه بالا \hat{Y}_K متغیر پاسخ به ازای $i=1, 2, 3, 4$ ، $K=1, 2, 3, 4$ ، $\beta_{ii}, \beta_j, \beta_i, \beta_0$ ضرایب و X_i به ازای $i=1, 2, 3, 4$ عامل‌های مؤثر بر فرایند می‌باشند که هر یک با استفاده از رابطه شماره ۲ به صورت کد شده در می‌آیند [۱۴].

$$X_i = \frac{X_i - [\max(X_i) + \min(X_i)] / 2}{[\max(X_i) - \min(X_i)] / 2} \quad (2)$$

در این مقاله ۴ عامل بررسی شده است، به همین دلیل بخش عاملی شامل $n_r = 2^4 = 16$ نقطه می‌باشد و مقدار α برای دوران پذیری طرح $= 2^{1/4} = 16^{1/4} = \alpha$ خواهد بود [۱۵]. در این مقاله تعداد نقاط مرکزی ۶ نقطه انتخاب شده و در جدول ۲ حدود سطوح هر عامل، نقاط مرکزی و محوری مشخص شده است.

۶- انجام آزمایش

گام مهم بعدی در انجام تحقیق انتخاب طرح‌هایی است که براساس آن باید آزمایش انجام داد. در آزمایش‌های مشتمل بر چندین عامل که در آن‌ها مطالعه توأم عوامل بر پاسخ ضروری است، طرح‌های عاملی به صورت وسیعی کاربرد دارند.



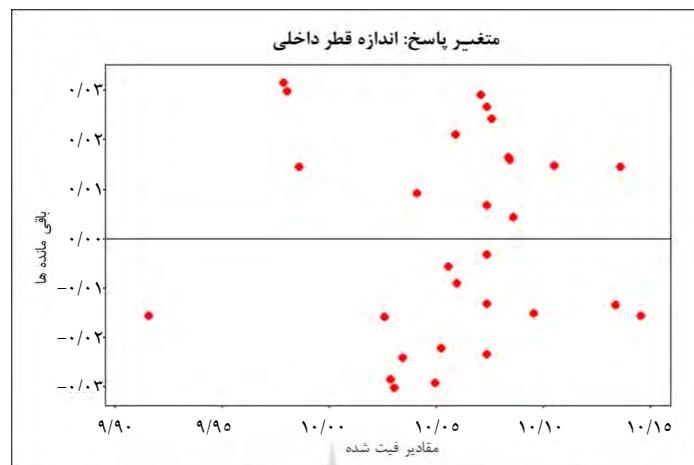
در این مطالعه موردی از طرح‌های K^2 استفاده شده است (K عامل هریک تنها در دو سطح وجود دارد) سطوح عوامل می‌توانند دلخواه باشند که ما آن‌ها را بالا و پایین مینامیم. از مزایای این طرح‌ها هزینه و زمان کمتر نسبت به سایر طرح‌های آزمایش است که هر عامل فقط در دو سطح بررسی می‌شود [۱۶]. با توجه به موارد مورد اشاره در بالا، طرح عاملی^۲ برای انجام آزمایش مناسب است. باید توجه داشت که یکی از مهم‌ترین پیش‌نیازهای بخش تجزیه و تحلیل آماری، انجام آزمایش به صورت تصادفی است. به این منظور طرح آزمایش‌ها نخست به صورت جدول‌های ۳-۵ ثبت کرده و سپس با تولید عددانی کاملاً تصادفی بین اعداد ۱ تا ۳۰ اقدام به تعیین توالی کاملاً تصادفی از انجام آزمایشات مد نظر مینماییم. در اینجا بیان این نکته الزامی است که تنها به دلیل نیاز به فضای زیاد در جدول آزمایشات جدول به دو قسمت تقسیم شده است که در جدول‌های ۳ و ۴ متغیرهای پاسخ کمی که چهار بار تکرار شده‌اند و در جدول ۵ متغیر کیفی که آن نیز چهار بار تکرار شده و در هر مرتبه نظر ۳ کارشناس کنترل کیفیت تولیدکننده، کارشناس کنترل کیفیت مشتری و کارشناس طراحی تولیدکننده) دریافت شده است. مقادیر کلامی در ۷ طبقه مورد استفاده می‌باشند که در جدول شماره ۶ نشان داده شده‌اند. در ادامه نخست به ارائه مدل متغیرهای پاسخ کمی پرداخته و پس از آن به بررسی متغیر پاسخ کیفی در جدول ۶ خواهیم پرداخت.

۶- بررسی واریانس خطاهای

شکل ۱ نشان‌دهنده این امر در خصوص نمونه اول متغیر پاسخ ۱-۷- که به صورت نمونه رسم شده- است که به وسیله نرم‌افزار مینی تب^{۱۶} تهیه شده‌اند.

جدول ۲ سطوح کد شده عوامل مؤثر

$-\alpha$	-۱	۰	۱	$+\alpha$	نماد	شرح عامل
۵	۱۰	۱۵	۲۰	۲۵	X _۱	زمان خنک‌کاری
۱۵	۲۰	۲۵	۳۰	۳۵	X _۲	فشار تزریق
۵۰	۶۰	۷۰	۸۰	۹۰	X _۳	سرعت تزریق
۲۱۰	۲۱۵	۲۲۰	۲۲۵	۲۳۰	X _۴	دمای هیتر



شکل ۱ نمودار پراکندگی خطای مشاهده شده در مقابل مقادیر نمونه اول متغیر پاسخ Y_1

جدول ۳ اطلاعات آزمایش و مقادیر مشاهده شده متغیر پاسخ Y_1

آزمایش	شماره اجرا	مقادیر عوامل به صورت کد شده								مقادیر متغیرهای پاسخ			
		X_4	X_3	X_2	X_1	Y_{14}	Y_{13}	Y_{12}	Y_{11}	X_4	X_3	X_2	X_1
۱	۱	-۱	-۱	-۱	-۱	۱۰/۰۱	۱۰/۰۲	۱۰/۰۰	۱۰/۰۱	-۱	-۱	-۱	-۱
۲	۱۸	-۱	-۱	-۱	۱	۱۰/۰۰	۱۰/۱۰	۱۰/۰۹	۱۰/۱۵	-۱	-۱	-۱	۱
۳	۱۹	-۱	۱	-۱	-۱	۹/۹۷	۹/۹۱	۹/۸۷	۹/۹۰	-۱	-۱	۱	-۱
۴	۲۹	۱	-۱	-۱	-۱	۱۰/۰۸	۱۰/۰۹	۱۰/۰۹	۱۰/۰۵	-۱	۱	-۱	-۱
۵	۱۱	۱	-۱	-۱	-۱	۱۰/۰۸	۱۰/۱۰	۱۰/۱۰	۱۰/۰۸	۱	-۱	-۱	-۱
۶	۲۲	-۱	۱	۱	۱	۱۰/۰۸	۱۰/۰۹	۱۰/۰۸	۱۰/۱۲	-۱	-۱	۱	۱
۷	۲۰	۱	-۱	-۱	۱	۱۰/۰۷	۱۰/۰۱	۱۰/۰۹	۱۰/۰۸	-۱	۱	-۱	۱
۸	۲۷	۱	-۱	-۱	۱	۱۰/۰۹	۱۰/۱۰	۱۰/۱۰	۱۰/۰۰	۱	-۱	-۱	۱
۹	۱۶	-۱	۱	۱	-۱	۱۰/۰۲	۱۰/۰۱	۱۰/۰۰	۱۰/۰۱	-۱	۱	۱	-۱
۱۰	۸	۱	-۱	۱	-۱	۱۰/۰۷	۱۰/۰۱	۱۰/۰۸	۱۰/۱۰	۱	-۱	۱	-۱
۱۱	۲۳	۱	۱	-۱	-۱	۱۰/۰۹	۱۰/۱۰	۱۰/۱۰	۱۰/۱۲	۱	۱	-۱	-۱
۱۲	۲۱	۱	۱	۱	۱	۱۰/۱۰	۱۰/۰۸	۱۰/۱۰	۱۰/۰۳	-۱	۱	۱	۱
۱۳	۹	۱	-۱	۱	-۱	۱۰/۰۸	۱۰/۱۰	۱۰/۱۱	۱۰/۰۹	۱	-۱	۱	۱
۱۴	۱۳	۱	۱	-۱	-۱	۱۰/۰۱	۹/۹۸	۱۰/۰۱	۱۰/۰۰	۱	۱	-۱	۱



مقصود امیری و همکاران کاربرد مدل ریاضی چند سطحی...

ادامه جدول ۳

مقادیر متغیرهای پاسخ Y_1				مقادیر عوامل به صورت کد شده				شماره اجرا	آزمایش
Y_{14}	Y_{13}	Y_{12}	Y_{11}	X_4	X_3	X_2	X_1		
۱۰/۰۹	۱۰/۱۰	۱۰/۰۹	۱۰/۱۳	۱	۱	۱	-۱	۷	۱۵
۱۰/۰۸	۱۰/۰۳	۱۰/۰۸	۱۰/۰۰	۱	۱	۱	۱	۱۴	۱۶
۱۰/۰۵	۱۰/۰۸	۱۰/۰۶	۱۰/۰۸	۰	۰	۰	۰	۴	۱۷
۱۰/۱۰	۱۰/۰۲	۱۰/۰۹	۱۰/۱۰	۰	۰	۰	۰	۲۴	۱۸
۱۰/۰۳	۱۰/۰۸	۱۰/۰۵	۱۰/۰۶	۰	۰	۰	۰	۱۵	۱۹
۱۰/۰۷	۱۰/۰۳	۱۰/۰۶	۱۰/۰۷	۰	۰	۰	۰	۲۵	۲۰
۱۰/۰۳	۱۰/۰۴	۱۰/۰۴	۱۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۱۲	۲۱
۱۰/۰۸	۱۰/۰۸	۱۰/۱۰	۱۰/۰۸	۰	۰	۰	۰	۶	۲۲
۱۰/۰۱	۱۰/۰۴	۱۰/۰۰	۱۰/۰۱	۰	۰	۰	- α	۵	۲۳
۱۰/۰۸	۱۰/۱۰	۱۰/۰۹	۱۰/۱۰	۰	۰	۰	α	۲۶	۲۴
۱۰/۱۰	۱۰/۰۵	۱۰/۱۰	۱۰/۰۵	۰	۰	- α	۰	۲	۲۵
۱۰/۰۶	۱۰/۰۳	۱۰/۰۵	۱۰/۰۵	۰	۰	α	۰	۲۸	۲۶
۱۰/۰۰	۱۰/۰۹	۱۰/۰۱	۱۰/۰۲	۰	- α	۰	۰	۱۰	۲۷
۱۰/۱۲	۱۰/۰۰	۱۰/۱۱	۱۰/۱۰	۰	α	۰	۰	۱۷	۲۸
۱۰/۰۱	۱۰/۰۵	۱۰/۰۰	۱۰/۰۱	- α	۰	۰	۰	۳۰	۲۹
۱۰/۱۰	۱۰/۰۶	۱۰/۱۱	۱۰/۱۰	α	۰	۰	۰	۳	۳۰

جدول ۴ اطلاعات آزمایش و مقادیر مشاهده شده متغیر پاسخ Y_2

مقادیر متغیرهای پاسخ Y_2				مقادیر عوامل به صورت کد شده				شماره اجرا	آزمایش
Y_{24}	Y_{23}	Y_{22}	Y_{21}	X_4	X_3	X_2	X_1		
۲۵/۹۱	۲۵/۹۱	۲۵/۹۰	۲۵/۹۱	-۱	-۱	-۱	-۱	۱	۱
۲۵/۹۲	۲۵/۹۱	۲۵/۹۰	۲۵/۹۲	-۱	-۱	-۱	۱	۱۸	۲
۲۵/۹	۲۵/۹۵	۲۶/۰۰	۲۵/۹۰	-۱	-۱	۱	-۱	۱۹	۳

ادامه جدول ۴

مقادیر متغیرهای پاسخ Y_2				مقادیر عوامل به صورت کد شده				شماره اجرا	آزمایش
Y_{24}	Y_{23}	Y_{22}	Y_{21}	X_4	X_3	X_2	X_1		
۲۰/۸۸	۲۰/۹۰	۲۰/۹۱	۲۰/۸۸	-۱	۱	-۱	-۱	۲۹	۴
۲۶/۰۸	۲۶/۰۷	۲۶/۰۶	۲۶/۰۸	۱	-۱	-۱	-۱	۱۱	۵
۲۰/۹۴	۲۰/۹۶	۲۰/۹۸	۲۰/۹۴	-۱	-۱	۱	۱	۲۲	۶
۲۰/۹۳	۲۰/۹۲	۲۰/۹۱	۲۰/۹۳	-۱	۱	-۱	۱	۲۰	۷
۲۶/۰۶	۲۶/۰۶	۲۶/۰۵	۲۶/۰۶	۱	-۱	-۱	۱	۲۷	۸
۲۰/۸۹	۲۰/۹۰	۲۶/۰۰	۲۰/۸۹	-۱	۱	۱	-۱	۱۶	۹
۲۶/۰۰	۲۶/۰۸	۲۶/۰۶	۲۶/۰۹	۱	-۱	۱	-۱	۸	۱۰
۲۰/۸۹	۲۰/۹۲	۲۰/۹۴	۲۰/۸۹	۱	۱	-۱	-۱	۲۳	۱۱
۲۰/۹۴	۲۰/۹۷	۲۶/۰۰	۲۰/۹۴	-۱	۱	۱	۱	۲۱	۱۲
۲۰/۹۷	۲۰/۹۹	۲۶/۰۰	۲۰/۹۷	۱	-۱	۱	۱	۹	۱۳
۲۰/۹۵	۲۰/۹۳	۲۰/۹۰	۲۰/۹۵	۱	۱	-۱	۱	۱۳	۱۴
۲۰/۹	۲۰/۹۲	۲۰/۹۴	۲۰/۹۰	۱	۱	۱	-۱	۷	۱۵
۲۰/۹۱	۲۰/۹۴	۲۰/۹۰	۲۰/۹۸	۱	۱	۱	۱	۱۴	۱۶
۲۰/۹۹	۲۰/۹۸	۲۰/۹۷	۲۰/۹۹	۴	۱۷
۲۰/۹۴	۲۰/۹۷	۲۶/۰۰	۲۰/۹۴	۲۴	۱۸
۲۰/۹۳	۲۰/۹۷	۲۶/۰۰	۲۰/۹۳	۱۵	۱۹
۲۰/۹۱	۲۰/۹۴	۲۰/۹۶	۲۰/۹۱	۲۵	۲۰
۲۰/۹۵	۲۰/۹۳	۲۰/۹۱	۲۰/۹۵	۱۲	۲۱
۲۰/۹۴	۲۰/۹۶	۲۰/۹۷	۲۰/۹۴	۶	۲۲
۲۰/۹۳	۲۰/۹۷	۲۶/۰۰	۲۰/۹۳	.	.	.	- α	۵	۲۳
۲۰/۹۶	۲۰/۹۶	۲۰/۹۰	۲۰/۹۶	.	.	.	α	۲۶	۲۴
۲۰/۸۸	۲۰/۹۴	۲۰/۹۴	۲۰/۹۴	.	.	- α	.	۲	۲۵
۲۰/۹۷	۲۰/۹۹	۲۶/۰۰	۲۰/۹۷	.	.	α	.	۲۸	۲۶
۲۰/۹۰	۲۰/۹۸	۲۶/۰۰	۲۰/۹۰	.	- α	.	.	۱۰	۲۷
۲۰/۹	۲۰/۹۲	۲۰/۹۴	۲۰/۹۰	.	α	.	.	۱۷	۲۸
۲۰/۸۸	۲۰/۹۴	۲۶/۰۰	۲۰/۸۸	- α	.	.	.	۳۰	۲۹
۲۰/۹۹	۲۰/۹۸	۲۰/۹۷	۲۰/۹۹	α	.	.	.	۳	۳۰

جدول ۵ اطلاعات آزمایش و مقادیر فازی مشاهده شده متغیر پاسخ ۳ براساس نظر کارشناسان

ردیف نمایه از ۱۰ تا ۲۴	مقادیر عوامل کد شده	نمونه اول				نمونه دوم				نمونه سوم				نمونه چهارم			
		X _۱	X _۲	X _۳	X _۴	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول
۱	۱	-1	-1	-1	-1	VL	L	VL	L	L	H	VL	VL	VL	DL	VL	VL
۲	۱۸	۱	-1	-1	-1	VL	L	VL	M	L	L	L	M	L	DH	DH	DH
۳	۱۹	-1	۱	-1	-1	VL	VL	VL	M	L	L	VL	M	M	L	L	L
۴	۲۹	-1	-1	۱	-1	L	L	VL	H	M	H	VL	M	M	L	M	M
۵	۱۱	-1	-1	-1	۱	H	H	M	M	M	M	M	L	M	M	L	M
۶	۲۲	۱	۱	-1	-1	VL	VL	VL	VL	L	VL	L	H	M	DH	DH	DH
۷	۲۰	۱	-1	۱	-1	L	M	VL	H	H	H	VL	M	M	DH	DH	DH
۸	۲۷	۱	-1	-1	۱	L	H	H	L	L	M	M	L	DH	DH	DH	
۹	۱۶	-1	۱	۱	-1	H	M	VL	VH	H	H	M	H	L	VL	H	H
۱۰	۸	-1	۱	-1	۱	H	VH	VH	M	M	M	M	H	M	H	VL	H
۱۱	۲۳	-1	-1	۱	۱	H	H	H	H	H	M	L	M	H	H	H	H
۱۲	۲۱	۱	۱	۱	-1	L	M	M	M	M	M	H	L	M	DH	DH	DH
۱۳	۹	۱	۱	-1	۱	H	DH	H	M	L	VL	M	DH	H	DH	DH	DH
۱۴	۱۳	۱	-1	۱	۱	H	VH	M	VH	H	VH	VL	M	VL	H	VH	VH
۱۵	۷	-1	۱	۱	۱	H	DH	H	DH	VH	VH	H	VH	VH	H	H	VH
۱۶	۱۴	۱	۱	۱	۱	VH	VH	H	DH	H	DH	H	H	H	DH	VH	DH
۱۷	۴	H	H	L	H	M	L	VL	M	VL	H	M	H
۱۸	۲۴	M	H	M	H	L	L	M	H	M	H	M	H
۱۹	۱۵	L	M	VL	H	M	H	VL	M	DL	VH	L	L
۲۰	۲۵	H	M	VL	H	H	H	VL	H	VL	H	H	VH
۲۱	۱۲	M	H	M	L	L	M	VL	M	M	VH	M	M
۲۲	۶	M	H	M	M	M	L	M	M	H	H	M	H
۲۳	۵	- α	.	.	.	H	H	L	M	VH	L	VL	H	M	VL	VL	L
۲۴	۲۶	α	.	.	.	VL	M	VL	M	L	M	VL	M	VL	DH	DH	DH

ادامه جدول ۵

ردیف	نام و نیزه	مقادیر عوامل کد شده				نمونه اول			نمونه دوم			نمونه سوم			نمونه چهارم		
		X _۱	X _۲	X _۳	X _۴	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول	فرد سوم	فرد دوم	فرد اول
۲۵	۲	.	-α	.	.	L	H	L	H	H	M	VL	M	VL	H	H	DH
۲۶	۲۸	.	α	.	.	H	L	L	M	L	M	H	VH	VH	M	H	H
۲۷	۱۰	.	.	-α	.	VL	L	VL	M	VL	M	VL	M	M	H	M	H
۲۸	۱۷	.	.	α	.	M	M	L	DH	H	DH	VL	M	M	H	H	H
۲۹	۲۰	.	.	.	-α	DL	VL	DL	H	M	M	VL	VL	VL	H	H	H
۳۰	۳	α	H	VH	H	H	H	M	M	H	M	M	H

جدول ۶ مجموعه فازی مقادیر کلامی

پایین	متاثر		اختصار	شرح مقادیر کلامی
	میانه	بالا		
۸/۲	۱۰	۱۰	DH	بسیار زیاد
۶/۶	۸/۲	۱۰	VH	خیلی زیاد
۶	۶/۶	۸/۲	H	زیاد
۲/۴	۵	۶/۶	M	متوسط
۱/۸	۳/۴	۵	L	کم
.	۱/۸	۳/۴	VL	خیلی کم
.	.	۱/۸	DL	ناچیز

۶-۲- بررسی مستقل بودن

با استفاده از نرم‌افزار مینی تب ۱۶ ضریب همبستگی متغیرها بررسی شد. به این ترتیب نتایج ارائه شده در جدول ۷ نشان‌دهنده مستقل بودن ۴ متغیر می‌باشد.



جدول ۷ ضریب همبستگی متغیرها

X_4	X_3	X_2	X_1	ضریب همبستگی
.	.	.	۱	X_1
.	.	۱	.	X_2
.	۱	.	.	X_3
۱	.	.	.	X_4

۶-۳- بررسی کفایت مدل (نرمال بودن)

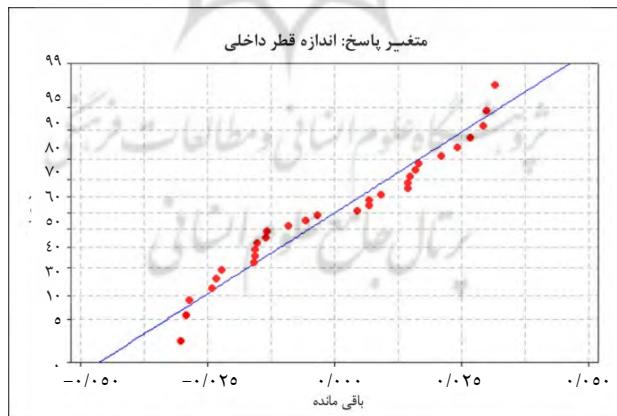
با توجه به شکل ۲ که به عنوان نمونه بهوسیله نرم افزار مینی تب ۱۶ در خصوص نمونه اول متغیر پاسخ Y_1 ایجاد شده، می توان کفایت مدل را مورد تأیید قرار داد.

۶-۴- بررسی خمیدگی مدل

چنانچه مدل دارای خمیدگی باشد، فرض صفر مورد اشاره در رابطه شماره ۳ رد می شود و در غیر این صورت مدل بدون مقادیر درجه ۲ دارای اعتبار است [۱۷].

$$H_0: E[y] = b_0 + b_1 X \quad (3)$$

$$H_A: E[y] \neq b_0 + b_1 X$$



شکل ۲ نمودار احتمال نرمال ماندها برای نمونه اول متغیر پاسخ Y_1

آزمون‌های مذکور در نرم‌افزار SAS با استفاده از دستور "لکهیت"^{۱۲} انجام شده و نتیجه این آزمون در نرم‌افزار SAS^{۹.۲} و در جدول ۸ در خصوص نمونه اول متغیر پاسخ Y_1 به عنوان نمونه ارائه شده است. با توجه به مقدار فرض شده برای α و مقادیر P-VALUE استخراج شده جهت آزمون عدم تناسب^{۱۳} می‌توان نتیجه گرفت که هیچ یک از متغیرهای پاسخ دارای خمیدگی نمی‌باشد ($\alpha=0.1$). البته در صورتی که رابطه شماره ۴ برقرار باشد، نیز فرض صفر رد شده و نشانه آن است که مدل دارای خمیدگی است [۱۷].

$$F^* = \left(\frac{MS_{LF}}{MS_{PE}} \right) > F_{\alpha(c-\gamma;n-c)} \quad (4)$$

جدول ۸ نتیجه بررسی وجود خمیدگی در مدل برای نمونه اول متغیر پاسخ اندازه قطر داخلی (Y_1)

منبع	درجه آزادی	مجموع خطأ	میانگین خطأ	F ارزش	Pr > F
مدل	۱۰	۰/۰۶۶۷۵	۰/۰۰۶۶	۹/۵۶	<0.001
خطأ	۱۹	۰/۰۱۳۲۶	۰/۰۰۶		
میزان آزمون	۱۴	۰/۰۱۱۷۳	۰/۰۰۸	۲/۷۳	0.1366
خطای خالص	۵	۰/۰۰۱۵۳	۰/۰۰۳		
خطای کل	۲۹	۰/۰۸۰۰۲			

۶-۵-تجزیه و تحلیل آماری

در جدول ۹ به عنوان نمونه، نتایج آزمون‌های فرض مربوط به آثار اصلی و متقابل را با مدنظر قراردادن $\alpha=0.01$ در خصوص نمونه اول متغیر پاسخ Y_1 مورد بررسی قرار می‌دهیم و آثار معنادار را تعیین می‌کنیم.



جدول ۹ تحلیل رگرسیون برای نمونه اول اندازه قطر داخلی (Y1)

متغیر	درجه آزادی	ضریب	انحراف معیار	ارزش t	Pr > t
عرض از مبدأ	۱	۰/۰۰۵۸۳۳	۰/۰۰۴۸۲	۲۰/۸۵/۲۱	</۰۰۱*
X1	۱	۰/۰۱۰۴۲	۰/۰۰۵۳۹	۱/۹۳	۰/۰۶۸۵*
X2	۱	-۰/۰۰۴۵۸	۰/۰۰۵۳۹	-۰/۰۸/۵	۰/۰۴۰۶۰
X3	۱	۰/۰۰۵۴۲	۰/۰۰۵۳۹	۱/۰۰	۰/۳۲۷۸
X4	۱	۰/۰۱۴۵۸	۰/۰۰۵۳۹	۲/۷۰	۰/۰۱۴۱*
X1*X2	۱	۰/۰۰۸۱۳	۰/۰۰۶۶۱	۱/۲۳	۰/۲۳۳۷
X1*X3	۱	-۰/۰۰۲۹۳۸	۰/۰۰۶۶۱	-۴/۴۵	۰/۰۰۰۳*
X1*X4	۱	-۰/۰۰۴۶۸۷	۰/۰۰۶۶۱	-۷/۱۰	</۰۰۰۱*
X2*X3	۱	-۰/۰۰۳۱۲	۰/۰۰۶۶۱	-۰/۰۴/۷	۰/۶۴۱۵
X2*X4	۱	۰/۰۰۲۱۸۸	۰/۰۰۶۶۱	۲/۳۱	۰/۰۰۳۷*
X3*X4	۱	-۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۶۶۱	-۰/۰۰۹	۰/۹۲۰۶

(*) : معنادار در سطح $\alpha=0.05$

۶-۶- مدل رگرسیون متغیرهای پاسخ Y1 و Y2

مدلهای رگرسیون با توجه به آنالیزهای انجام شده در بالا جهت هریک از متغیرهای پاسخ به شرح زیر می‌باشد، لازم به ذکر است که انجام تمامی مرافق ۱-۶، ۳-۶، ۴-۶ و ۵-۶ برای تمام نمونه‌های هر دو متغیر پاسخ کمی الزامی است.

$$\begin{aligned}
 Y_{11} &= (۰\ldots۰۵۸) + (۰\ldots۰۱۰)X_1 + (۰\ldots۰۱۵)X_\varepsilon - (۰\ldots۰۲۹)X_1X_3 - (۰\ldots۰۴۷)X_1X_\varepsilon + (۰\ldots۰۲۲)X_2X_\varepsilon \\
 Y_{12} &= (۰\ldots۰۶۲) + (۰\ldots۰۲۱)X_1 - (۰\ldots۰۱۱)X_2 + (۰\ldots۰۱۳)X_\varepsilon + (۰\ldots۰۲۴)X_1X_2 - (۰\ldots۰۲۱)X_1X_3 + (۰\ldots۰۲۹)X_1X_\varepsilon \\
 &\quad + (۰\ldots۰۱۷)X_2X_\varepsilon - (۰\ldots۰۲۲)X_2X_\varepsilon \\
 Y_{13} &= (۰\ldots۰۵۳) + (۰\ldots۰۱۱)X_1 - (۰\ldots۰۰۹)X_2 - (۰\ldots۰۰۹)X_3 + (۰\ldots۰۱)X_\varepsilon + (۰\ldots۰۲۴)X_1X_2 - (۰\ldots۰۲۴)X_1X_3 - (۰\ldots۰۲۲)X_1X_\varepsilon \\
 &\quad + (۰\ldots۰۱۶)X_2X_3 - (۰\ldots۰۱۱)X_2X_\varepsilon \\
 Y_{14} &= (۰\ldots۰۵۹) + (۰\ldots۰۱)X_1 + (۰\ldots۰۱۷)X_2 + (۰\ldots۰۱۸)X_\varepsilon + (۰\ldots۰۱۷۵)X_1X_2 - (۰\ldots۰۱۵)X_1X_3 - (۰\ldots۰۱۶)X_2X_3 \\
 Y_{21} &= (۲۰.۹۴۷) - (۰\ldots۰۲۵)X_3 + (۰\ldots۰۳۵)X_\varepsilon + (۰\ldots۰۲۱)X_1X_3 - (۰\ldots۰۲۸)X_2X_\varepsilon \\
 Y_{22} &= (۲۰.۹۶۹) - (۰\ldots۰۱۱)X_1 + (۰\ldots۰۱۸)X_2 - (۰\ldots۰۲۴)X_\varepsilon - (۰\ldots۰۲۶)X_2X_\varepsilon - (۰\ldots۰۳۳)X_3X_\varepsilon \\
 Y_{23} &= (۲۰.۹۶) + (۰\ldots۰۱)X_2 - (۰\ldots۰۲۵)X_3 + (۰\ldots۰۲۲)X_\varepsilon + (۰\ldots۰۱)X_1X_2 - (۰\ldots۰۱۵)X_2X_\varepsilon - (۰\ldots۰۳۱)X_3X_\varepsilon \\
 Y_{24} &= (۲۰.۹۴۲) - (۰\ldots۰۲۶)X_3 + (۰\ldots۰۳)X_\varepsilon + (۰\ldots۰۱۵)X_1X_3 - (۰\ldots۰۳)X_3X_\varepsilon
 \end{aligned}$$

۶-۷- ایجاد مدل رگرسیون متغیر پاسخ Y^3

در این مقاله متغیر پاسخ میزان مکش (Y^3), به صورت متغیر زبانی و براساس جدول ۶ به وسیله متخصصان بیان می‌شود. اگر نظر فازی هر سه خبره را به صورت اعداد فازی مثالی (a_k b_k c_k) در نظر بگیریم، جمع این اعداد فازی با استفاده از رابطه ۵ به دست خواهد آمد [۲۸۹-۳۰۱، ص ۱۸].

$$R = (a \ b \ c) ; \quad n=1, 2, \dots, k$$

(۵)

$$a = \min\{a_n\} \quad ; \quad b = \frac{1}{k} \sum_{n=1}^k b_n \quad ; \quad c = \max\{c_n\}$$

حال با استفاده از رابطه (۵)، برای هریک از تکرارهای انجام شده برای متغیر پاسخ کیفی، یک معادله رگرسیون فازی خواهیم داشت، برای استفاده همزمان از این مدل‌ها و مدل‌های ناشی از متغیرهای پاسخ کمی (Y^1 و Y^2) باید مدل‌های فازی از حالت فازی با استفاده از رابطه (۶) خارج شوند و برای هریک از تکرارها یک مدل همانند متغیرهای Y^1 و Y^2 ایجاد شود:

$$C_j^P = \frac{C_j^P + 4C_j^M + C_j^O}{6} \quad (6)$$

براساس آنچه پیشتر بیان شد، متغیرهای بیانی عنوان شده به وسیله سه خبره را با استفاده از رابطه (۵) و جدول ۵ تبدیل به اعداد فازی مثالی نموده و جهت ایجاد مدل رگرسیون فازی بهره می‌بریم.

۶-۸- مدل‌های رگرسیون متغیر پاسخ Y^3

حال برای هریک از نمونه‌های موجود جهت متغیر پاسخ، مدل رگرسیون فازی ارائه کرده و سپس با استفاده از رابطه (۶) مدل‌های فازی را به چهار مدل قطعی تبدیل می‌کنیم. مدل‌های رگرسیون متغیر پاسخ Y^3 با استفاده از اطلاعات به دست آمده و با استفاده از روش رگرسیون خطی فازی با کاربرد براورد کننده‌های کمترین انحراف مطلق به صورت زیر خواهند بود:

$$\begin{aligned} Y_{31} &= (4.567; 6.777; 8.06) + (1.408; 2.3; 2.522)X_1 + (.; .; .408)X_2 + (-.875; -.75; -.612)X_3 \\ &\quad + (-.875; -.75; -.612)X_4 X_3 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 Y_{32} &= (1.6773; 4.450; 7.212) + (-0.967; 1.045; 1.217)X_1 + (0.817; 0.837; 1.1)X_2 + (-0.625; -0.506; 0)X_3 X_2 \\
 &\quad + (0; 0; 0.775)X_1 X_2 \\
 Y_{33} &= (3.1; 5.443; 7.776) + (-0.505; -0.304; 0)X_1 + (1.117; 1.454; 1.617)X_2 + (0; 0; 0.421)X_3 + (0; 0; 0.05)X_1 X_3 \\
 &\quad + (0; 0; 0.425)X_1 X_2 + (0; 0; 0.425)X_2 X_3 \\
 Y_{34} &= (2.187; 4.677; 7.387) + (0; 0.346; 0.467)X_2 + (0; 0.520; 0.608)X_3 + (1.858; 1.904; 2.033)X_4 + (-0.487; 0; 0)X_3 X_4
 \end{aligned}$$

حال با استفاده از رابطه (۶) مدل‌های فازی بالا را به مدل‌های قطعی تبدیل می‌کنیم:

$$\begin{aligned}
 Y_{31} &= 6.7725 + (2.19)X_1 + (0.0068)X_2 + (-0.748)X_1 X_2 - (-0.748)X_1 X_3 \\
 Y_{32} &= 4.464 + (1.077)X_2 + (0.8775)X_3 - (0.4415)X_1 X_3 + (0.129)X_2 X_3 \\
 Y_{33} &= 5.439 - (0.294)X_1 + (1.425)X_2 + (0.071)X_3 + (0.092)X_1 X_3 + (0.071)X_1 X_4 \\
 &\quad + (0.07)X_2 X_3 + (0.071)X_2 X_4 \\
 Y_{34} &= 4.714 + (0.2085)X_2 + (0.448)X_3 + (1.918)X_4 - (0.081)X_3 X_4
 \end{aligned}$$

۷- به دست آوردن جواب‌های بهینه

اینک با توجه به چهار مدل رگرسیون حاصل از طراحی آزمایش‌ها برای هریک از متغیرهای پاسخ، به دنبال آن هستیم که این ۱۲ مدل رگرسیون را با استفاده از برنامه‌ریزی فازی برای بهینه‌سازی چند سطح پاسخ در طرح‌های پایدار^{۱۴} به صورت یک مدل ریاضی ارائه کنیم.
اما از آن جایی که در این نوع از مسائل به دنبال بهینه کردن مقادیر هریک از متغیرهای پاسخ می‌باشیم و در ضمن به دلیل ذات طرح‌های پایدار، مشخصه‌های بهینه یک فرایند در یک منطقه رضایت‌بخش به گونه‌ای تعیین می‌شوند که واریانس پاسخها کاهش پیدا کند [۱۰، ص ۱۶۲-۱۷۳]، برای حصول همزمان به این نتایج و جلوگیری از تأثیر بیش از اندازه یک هدف در سایرین، روش حلی براساس استفاده از ترکیب مدل ریاضی چندسطحی^{۱۵} و رویکرد مدل‌سازی فازی برای بهینه‌سازی سیستم پاسخ دوگان^{۱۶} ارائه می‌شود.

۱-۱- مدل‌سازی روش سطح پاسخ فازی

با استفاده از مدل ریاضی چند سطحی توابع هدف با در نظر گرفتن همزمان مینیمم‌سازی متغیر پاسخ کیفی و ماکزیمم‌سازی درجه رضایت و انحراف استاندارد تمام متغیرهای

پاسخ‌ها، ارائه خواهد شد.

گام ۱- بهینه‌سازی متغیرهای پاسخ برای هر مدل رگرسیون: مقادیر بهینه متغیرها را به تفیک برای هر چهار مدل محاسبه می‌کنیم.

گام ۲- به دست آوردن رگرسیون سطح پاسخ فازی: انحراف استاندارد و میانگین ضرایب متغیرهای هر چهار مدل را محاسبه و سپس با مرکز قرار دادن میانگین، با افزایش و کاهش مقدار انحراف استاندارد به میانگین، ضرایب را به صورت عدد فازی مثلثی تبدیل نمایید. به عنوان مثال انحراف استاندارد ضریب β در خصوص متغیر پاسخ Y_1 برابر است با 0.003742 ، بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} \tilde{Y}_1 &= (100.54, 100.58, 100.62) + (-0.0011, -0.0005, 0.0001)X_1 + (-0.0011, -0.0006, 0.00018)X_2 \\ &\quad + (0.0011, 0.0017, 0.0022)X_3 + (0.0005, 0.0016, 0.0021)X_4 + (-0.0022, -0.0025, -0.0016)X_1X_2 + (-0.0005, -0.0025, 0.0044)X_1X_3 \\ &\quad + (-0.0004, -0.0004, 0.0012)X_1X_4 + (-0.0018, -0.0007, 0.0022)X_2X_3 + (-0.0021, -0.0010, 0.0007)X_2X_4 \\ \tilde{Y}_2 &= (25.942, 25.955, 25.967) + (-0.008, -0.003, 0.003)X_1 + (-0.002, 0.007, 0.016)X_2 + (-0.026, -0.025, -0.024)X_3 \\ &\quad + (0.006, 0.022, 0.037)X_4 + (0, 0, 0)X_1X_2 + (0.002, 0.011, 0.020)X_1X_3 + (0, 0, 0)X_1X_4 \\ &\quad + (0, 0, 0)X_2X_3 + (-0.023, -0.010, 0.002)X_2X_4 + (-0.033, -0.031, -0.028)X_3X_4 \end{aligned}$$

گام ۳- فازی مثلثی کردن مقادیر بهینه متغیرهای حاصل از گام ۱ با روش گام ۲

گام ۴- حل مدل‌های فازی خروجی گام ۲ و استخراج مقادیر بهینه متغیرهای پاسخ به صورت فازی با استفاده از مقادیر گام ۳

گام ۵- ایجاد ماتریس بهره‌وری را برای متغیرهای پاسخ

	$\tilde{Y}_1(X)$	$\tilde{Y}_2(X)$
$\tilde{X}^1:$	(10/0.65, 10/0.02, 0/0.995)	(25/9.53, 25/9.3, 25/9.3)
$\tilde{X}^2:$	(10/1.68, 10/0.83, 10/0.17)	(25/9.82, 25/9.73, 25/9.58)

گام ۶- ایجاد ماتریس بهره‌وری برای مقادیر مطلوبیت متغیرهای پاسخ: متغیرهای پاسخ Y_1 و Y_2 دارای منطقه مشخصه (۰.۱ و ۰.۲۶) و (۰.۹ و ۰.۲۵) می‌باشند و هدف مینیمم کردن Y_1 و ماکزیمم کردن Y_2 است، با استفاده ازتابع مطلوبیت ارائه شده توسط تاگوچی، توابع مطلوبیت به شرح مقادیر ۱ و ۲ خواهند بود [۱۹، ص ۲۱۹-۲۱۴].

حال ماتریس بهرهوری برای مقادیر مطلوبیت به شرح زیر خواهد بود:

گام ۷- تعریف تابع انحراف و ایجاد ماتریس بهره‌وری برای مقادیر انحراف

$$D_1 = (\dots \cdot \varepsilon) + (\dots \cdot \circ)X_1 + (\dots \cdot \gamma)X_\gamma + (\dots \cdot 12)X_\tau + (\dots \cdot \gamma)X_\xi + (\dots \cdot 11)X_1X_\gamma + (\dots \cdot \lambda)X_1X_\tau + (\dots \cdot 19)X_1X_\xi \\ + (\dots \cdot \lambda)X_\gamma X_\tau + (\dots \cdot 10)X_\gamma X_\xi + (\dots \cdot 11)X_\tau X_\xi$$

$$D_\gamma = (\dots \cdot 18) + (\dots \cdot \gamma)X_1 + (\dots \cdot \alpha)X_\gamma + (\dots \cdot \gamma)X_\tau + (\dots \cdot 15)X_\xi + (\dots \cdot \gamma)X_1X_\gamma + (\dots \cdot \alpha)X_1X_\tau + (\dots \cdot \gamma)X_1X_\xi \\ + (\dots \cdot \gamma)X_\gamma X_\tau + (\dots \cdot 17)X_\gamma X_\xi + (\dots \cdot \gamma)X_\tau X_\xi$$

در این صورت ماتریس بهره‌وری برای مقادیر انحراف به شرح زیر خواهد بود:

	$D_{\lambda}(X)$	$D_{\gamma}(X)$
$\tilde{X}^1:$	$(\cdot/\cdot\gamma\lambda, \cdot/\cdot\gamma\lambda, \cdot/\cdot\gamma\alpha)$	$(\cdot/\cdot\gamma\lambda, \cdot/\cdot\gamma\alpha, \cdot/\cdot\gamma\alpha)$
$\tilde{X}^2:$	$(\cdot/\cdot\gamma\gamma, \cdot/\cdot\gamma\gamma, \cdot/\cdot\gamma\gamma)$	$(\cdot/\cdot\gamma\gamma, \cdot/\cdot\gamma\gamma, \cdot/\cdot\gamma\gamma)$

$$\begin{aligned}\tilde{P}_1 &= (-0.12, -0.38, -0.68) \\ \tilde{P}_2 &= (-0.21, -0.23, -0.65)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\tilde{Q}_1 &= (0.12, 0.38, 0.68) \\ \tilde{Q}_2 &= (0.09, 0.23, 0.65)\end{aligned}$$

گام ۸- تعریف مدل دو هدفه برای هر متغیر پاسخ و در انتها تبدیل هریک از آن‌ها به یک مدل تک هدفه

$$\text{Max} \{ \tilde{d}_1(X), \tilde{d}_2(X) \}$$

$$\text{Min} \{ D_1(X), D_2(X) \}$$

$s.t:$

$$X = \{\tilde{x}_1, \tilde{x}_2, \tilde{x}_3, \tilde{x}_4\} \in [-1, 1]$$

پس از تعریف توابع درجه رضایت از مطلوبیت و پایداری و ماکزیمم‌سازی هریک از توابع، با استفاده از عملگر $\text{Max} - \text{Min}$ زیرممن، دو تابع هدف را به یک تابع تبدیل و با در نظر گرفتن متغیر پاسخ Y_3 به عنوان تابع هدف اصلی، مدل ریاضی چند سطحی نهایی به صورت زیر ارائه می‌شود. البته اشاره به این نکته الزامی است که مدل رگرسیون متغیر Y_3 با استفاده از چهار مدل ارائه شده در بند ۶-۷ و گام ۲ بند ۱-۷ ایجاد می‌شود. توجه به این نکته الزامی است که با توجه به مشکلات به وجود آمده برای خروج قطعه از قالب، زمانی که متغیر (X_1) کمتر از ۱۵ ثانیه است، باید محدودیتی برای مرتفع کردن این امر به صورت کد شده در مدل اعمال نمود.

۲-۷ حل مدل چندسطحی در سه سطح فازی

در این مرحله، مدل ارائه شده در بند ۱-۷ به وسیله الگوریتم ژنتیک چند هدفه حل شده و بهترین پاسخ به دست آمده از الگوریتم ژنتیک چند هدفه (NSGA II) که توسط تصمیم‌گیرندگان انتخاب شده، در جدول ۱۰ ارائه شده است.

جدول ۱۰ بهترین نتیجه حاصل از الگوریتم به صورت مقادیر کد شده

متغیر	X_1	X_2	X_3	X_4
مقادیر	۰/۴۸۳۷	۰/۲۸۳۷	۰/۵۱۱۸	۰/۴۸۳۷
مقادیر ماهنی	-۰/۱۱۲۵	۰/۷۷۶۷	-۰/۸۵۶۴	-۰/۲۳۵۲
مقادیر سالنی	-۰/۸۵۶۴	-۰/۴۷۸۰	-۰/۴۷۸۰	-۰/۴۷۸۰
مقادیر بالا	۰/۱۶۴۸	۰/۵۰۰۱	-۰/۵۱۷۵	۰/۱۷۶۶



$$\text{Min} \left\{ \tilde{Y}_\gamma \right\}$$

s.t :

$$\begin{aligned} \tilde{Y}_\gamma &= (\varepsilon, 0.322, 0.322, 0.322) + (-0.778, -0.474, -0.626)X_1 + (-0.162, -0.346, -0.855)X_\gamma + (-0.172, -0.485, -0.142)X_\zeta \\ &+ (-0.142, -0.734, -0.610)X_\xi + (\cdot, \cdot, \cdot)X_1 X_\gamma + (-0.777, -0.274, -0.118)X_1 X_\zeta + (-0.057, -0.169, -0.218)X_1 X_\xi \\ &+ (\cdot, \cdot, \cdot)X_\gamma X_\zeta + (-0.012, -0.05, -0.112)X_\gamma X_\xi + (-0.060, -0.003, -0.06)X_\zeta X_\xi \\ &\cdot \leq X_1 \leq 1 \end{aligned}$$

$$\text{Max} \left\{ W_\gamma * V_\gamma^l + W_\gamma * V_\gamma^u \right\}$$

$$\text{Max} \left\{ W_\gamma * V_\gamma^m + W_\gamma * V_\gamma^u \right\}$$

$$\text{Max} \left\{ W_\gamma * V_\gamma^l + W_\gamma * V_\gamma^m \right\}$$

s.t :

$$d_\gamma^l(X) - V_\gamma^l(\cdot, \cdot, \cdot) \geq 0$$

$$d_\gamma^l(X) - V_\gamma^l(0.31, -0.31) \geq 0.31$$

$$D_\gamma^l(X) + V_\gamma^l(0.012, -0.012) \leq 0.012$$

$$D_\gamma^l(X) + V_\gamma^l(-0.009, -(-0.021)) \leq -0.009$$

$$d_\gamma^m(X) - V_\gamma^m(0.012, -0.012) \geq 0.012$$

$$d_\gamma^m(X) - V_\gamma^m(0.012, -0.012) \geq 0.012$$

$$D_\gamma^m(X) + V_\gamma^m(0.018, -0.018) \leq 0.018$$

$$D_\gamma^m(X) + V_\gamma^m(0.023, -0.023) \leq 0.023$$

$$d_\gamma^u(X) - V_\gamma^u(0.012, -0.012) \geq 0.012$$

$$d_\gamma^u(X) - V_\gamma^u(0.012, -0.012) \geq 0.012$$

$$D_\gamma^u(X) + V_\gamma^u(0.018, -0.018) \leq 0.018$$

$$D_\gamma^u(X) + V_\gamma^u(0.025, -0.025) \leq 0.025$$

$$\cdot \leq V_\gamma^{l,m,u}, V_\gamma^{l,m,u} \leq 1$$

$$W_\gamma + W_\gamma = 1$$

$$X = \left\{ x_\gamma^{l,m,u}, x_\gamma^{l,m,u}, x_\gamma^{l,m,u}, x_\gamma^{l,m,u}, x_\xi^{l,m,u} \right\} \in [-1, 1]$$

۸- نتیجه‌گیری

در این مقاله ضمن بررسی عوامل تأثیرگذار بر فرایند تزریق پلاستیک در فرایند قطعه مورد مطالعه، با استفاده از تلفیق روش‌شناسی رویه پاسخ دوگان فازی و مدل‌های ریاضی چندسطحی، مقادیر تنظیم هریک از عوامل جهت رسیدن به نقطه بهینه استخراج شد. همچنین تمام سطوح به همراه نقاط محوری، مرکزی و مبحث خمیدگی نیز در مدل‌های مذکور مورد بررسی قرار گرفت.

در این مقاله سعی شد ضمن بررسی فرایند به صورتی واقعی و با مد نظر قرار دادن چندین متغیر پاسخ و به صورت ترکیبی از متغیرهای کمی و کیفی در راستای حل یکی از مهم‌ترین دغدغه‌های مدیران در صنایع کشور که همانا بهینه کردن چندین متغیر پاسخ با انواع متفاوت و اهمیت به یکی از آن‌ها فارغ از اثر نظرات خبرگان بر وزن توابع هدف، گام برداشت. از این رو می‌توان با استفاده از رویکرد ارائه شده در این تحقیق، اهداف با مقاصد متناقض و با ترکیبی از متغیرهای کمی و کیفی را به صورت توأم بهینه کرد.

در خصوص مسائلی از این دست که در آن‌ها متغیر پاسخ به صورت کیفی و کمی مطرح می‌باشد، تعیین تابع مطلوبیت برای متغیرهای کیفی با استفاده از مفاهیم فازی جهت کاهش محاسبات و همچنین تحلیل آثار توابع هدف مختلف بر روی هم را می‌تواند به عنوان مطالعات آتی مد نظر قرار داد.

۹- پی‌نوشت‌ها

1. Dual
2. Design of Experiments
3. Response Surface Methodology
4. Kim
5. Lin
6. Dual Respond
7. Venter
8. Haftka
9. Choi
10. Fuzzy Regression Using Least Absolute Deviation Estimators
11. MINITAB 16
12. Lackfit



13. Lack of Fit
14. Robust Designs
15. Bilevel Programming

۱۰- منابع

- [1] Montgomery D. C., Design and Analysis of Experiments; 6th Edition, John Wiley & Sons, 2006.
- [2] Ryan T. P.; Modern Experimental Design; John Wiley & Sons, 2007.
- [3] Nuorollseha R., Sultan Penah H.; "Offering a method for extracting D.M. function and using it for the multi-purpose optimization within the framework of RSM; *International Journal Engineering Science, Iran University of Science and Technology*, Vol. 15, No. 2, PP.221-233. 2003.
- [4] Alizadeh M. Hamed M. Khosroshahi A.; "Optimizing sensorial quality of Iranian white brine cheese using response surface methodology"; *Journal of Food Science*, Vol. 70, No.4, pp. 299-303, 2005.
- [5] Amiri M., Yazdani M., Aioobi M., Ghoroori A.; "Application of response surface methodology for recognition of effective factors on electroplating process"; *Journal of Industrial Management Studies, Allameh Tabatabai University*, Vol. 8, No.21, PP. 131-142. 2012.
- [6] Kim K.-J., Lin D. K. J.; "Dual response surface optimization: A fuzzy modeling approach"; *Journal of Quality Technology*, Vol. 30, PP.1-10, 1998.
- [7] Venter G., Haftka R.T.; "Using response surface approximations in fuzzy set based design optimization"; *Structural Optimization*, Vol. 18, PP.218-227, 1999.
- [8] Choi S.H., Buckley J.J.; "Fuzzy regression using least absolute deviation estimators"; *Soft Computing*, Vol. 12, No. 3, pp. 257-263, 2007.
- [9] Kazemzadeh R. B., Bashiri M., Atkinson A., C., Noorossana R., "A general framework for multi response optimization problems based on goal programming"; *European Journal of Operational Research*, Vol. 189, PP.421-

429، 2008.

- [10] Bashiri1 M., HosseiniNezhad S. J.; "A fuzzy programming for optimizing multi response surface in robust designs"; *Journal of Uncertain Systems*, Vol. 3, No. 3, pp.163-173, 2009.
- [11] Amiri M., " Application of response surface methodology and fuzzy regression method to determine optimum amount of effective factors in vehicel brake drum assembling problem"; *International Journal of Industrial Engineering and Production Management, Sharif University of Technology*, Vol. 27, No. 1, PP. 133-143, 2011.
- [12] Tatsuyuki A., Response Surface Methodology and Its Application to Automotive Suspension Design, Toyota Central R & D Labs. Inc, Japan, 2001.
- [13] Marklund P-O., Nilsson L.; "Optimization of a car body component subjected to impact"; *Structural and Multisciplinary Optimization*, Vol. 21, No. 5, PP.383-392. 2001.
- [14] Amiri M., Mousakhani M., Alaghebandha M., Saeedi S. R.; "DOE by RSM Approach. 1st Ed. Chapter 2", *Farhikhtegane Daneshgah Pub. Co.*, Tehran, 2010.
- [15] Kunter M., Nachtsheim C., Neter J., Li W.; "Applied linear statistical methods"; 5th Ed. McGraw – Hill, New York, 2005.
- [16] Santner T. J. Williams B. J., Notz W. I.; "The design and analysis of computer experiments"; *Springer Verlag*, New York, 2003.
- [17] Neter J., Kutner M. H., Wasserman W., Nachtsheim C., Neter J.; Applied linear statistical methods; 4th ed., McGraw-Hill, New York, 1996.
- [18] Chen-Tung C., Ching-Torng L., Sue-Fn H.; "A fuzzy approach for supplier evaluation and selection in supply chain management"; *International Journal of Production Economics*, Vol. 102, No. 2, pp. 289-301, 2006.
- [19] Derringer G., Suich R.; "Simultaneous optimization of several response variables"; *Journal of Quality Technology*, Vol. 12, PP.214-219, 1980.