

## اثر عامل مومنتوم بر توان توضیحی الگوی سه عاملی فاما و فرنج: شواهدی از بورس اوراق بهادار تهران

دکتر سید جلال صادقی شریف\*

دکتر عبدالرضا قالانه\*\*

حسین عسکری راد\*\*\*

### چکیده

این مقاله اثر عامل مومنتوم از الگوی چهار عاملی کرهارت (۱۹۹۷) را بر افزایش توان توضیح دهنده الگوی سه عاملی فاما و فرنج (۱۹۹۳) با داده‌های بورس تهران بررسی می‌کند. نتایج نشان می‌دهد که پورتفوی سهام رشدی در مقایسه با پورتفوی سهام ارزشی و همچنین، پورتفوی سهام برنده در مقایسه با پورتفوی سهام بازنده، بازده‌های بزرگتری دارند. اما درباره عامل اندازه روند روشنی مشاهده نشده است. متوسط ضرایب تعیین تعدلیل شده پورتفوها برای الگوی تک عاملی (CAPM)، الگوی سه عاملی فاما و فرنج، و الگوی چهار عاملی کرهارت به ترتیب ۲۶، ۵۰، و ۵۶ درصد به دست آمده است که نشان می‌دهد افزودن عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنج باعث افزایش توان

\* استادیار دانشگاه شهید بهشتی.

\*\* استادیار دانشگاه آزاد اسلامی واحد فیروزکوه.

\*\*\* کارشناس ارشد مدیریت مالی، دانشگاه شهید بهشتی.

نویسنده مسئول مقاله: عبدالرضا قالانه (Email: abdolrezatalaneh@yahoo.com)

تاریخ دریافت: ۹۲/۱/۲۰ تاریخ پذیرش: ۹۲/۸/۲۸

توضیحی الگو می‌گردد. این نتایج در برابر شرایط سعودی و نزولی بازار و اثرات فصلی پایدار هستند.

**واژه‌های کلیدی:** مومنتوم قیمت، الگوی چهار عاملی کرهارت، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای.

#### مقدمه

تعیین نرخ بازده مورد انتظار از یک دارایی ریسکی و چگونگی ارتباط بازده مورد انتظار با ریسک دارایی از موضوعات مورد علاقه دانشمندان مالی بوده و کوشش‌های زیادی برای تبیین رابطه ریسک و بازده انجام شده است. از مهم‌ترین و معروف‌ترین کوشش‌های انجام شده برای تبیین رابطه بین ریسک و بازده مورد انتظار از یک دارایی ریسکی، الگوی قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای (CAPM) است که از سوی شارپ (۱۹۶۴)، لیتنر (۱۹۶۵)، و بلک (۱۹۷۲) ارائه شده است. از نگاه این الگو، همه ریسک‌های اختصاصی مرتبط با دارایی با نوع بخشی حذف می‌شوند و تنها ریسک سیستماتیک، که با بتا اندازه‌گیری می‌شود، مستحق پاداش است. تحقیقات زیادی - از جمله بلک، جنسن، و شولز (۱۹۷۲)، و فاما و مکبٹ (۱۹۷۳) در چند دهه گذشته - از اعتبار تجربی این الگو حمایت می‌کنند.

طبق این الگو، وقتی بازار سرمایه کارآ و در تعادل باشد، بازده مورد انتظار از دارایی ریسکی باید به صورت مثبت و خطی با ریسک سیستماتیک دارایی که با بتای بازار اندازه‌گیری می‌شود، مرتبط باشد نه با متغیر دیگری. اما برخی از تحقیقات تجربی همچون باسو (۱۹۷۷) و روزنبرگ و همکاران (۱۹۸۵) نشان داده‌اند که علاوه بر بتای بازار، متغیرهای دیگری نظیر اندازه شرکت، نسبت ارزش دفتری به بازار ( $B/M$ )، و نسبت سود به قیمت ( $E/P$ ، که همگی معرف خصوصیات شرکت هستند، توان قابل توجهی در توضیح دادن بازده‌های متوسط داشته‌اند. متغیرهای فوق احتمالاً هر یک حاکی از وجود ریسک خاصی در شرکت هستند که سرمایه‌گذاران به آنها توجه دارند (کیم، ۱۹۸۸).

برای بررسی بیشتر این پدیده، فاما و فرنچ (۱۹۹۲) نقش مشترک بتا و چند متغیر معرف خصوصیت شرکت را روی بازده‌های مقطعی متوسط سهام شرکت‌های امریکایی بررسی کردند و دریافتند که از میان همه متغیرهای تحت بررسی، دو متغیر نسبت ارزش دفتری به بازار (B/M) و اندازه شرکت نقش زیادی در توضیح دادن تغییرات بازده‌های متوسط اینها می‌کنند. فاما و فرنچ (۱۹۹۳) سپس، کار خود را گسترش دادند و بر اساس الگوی سنتی CAPM، الگوی قیمت‌گذاری سه عاملی را ارائه کردند که در آن سه عامل مظور شده عبارتند از: صرف بازار (بازده اضافی بازار طبق CAPM)، صرف اندازه (SMB)، و صرف ارزش دفتری به بازار (HML). الگوی سه عاملی فاما و فرنچ توانست تغییرات بازده را به خوبی توضیح دهد و تقریباً همه خلاف قاعده‌های شناخته شده مثل نسبت سود به قیمت (E/P)، بازده جریان نقدی، رشد فروش، و بازده بلندمدت گذشته را توجیه نماید. تنها خلاف قاعده‌ای که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ توانست آن را توضیح دهد، استراتژی مومنتوム جگادیش و تیتمن (۱۹۹۳) بود.

پیروی از استراتژی‌های مومنتوム (به معنی خرید و نگهداری سهام با بازدهی زیاد و فروش سهام با بازدهی کم) در بیشتر بازارهای سهام در یک دوره ۳ تا ۱۲ ماهه بازده قابل توجیه را تولید کرده است. جگادیش و تیتمن (۱۹۹۳ و ۲۰۰۱)، ولی و سوامیناتان (۲۰۰۰) نشان می‌دهند که استراتژی‌های مومنتوム در بازار سهام آمریکا موفق هستند. رونهورست (۱۹۹۸) به شواهدی از سودهای منتج از به کارگیری استراتژی مومنتوム در همه ۱۲ بازار سهام اروپایی دست یافت. لیو و همکاران (۱۹۹۹) همین نتایج را برای سهام بازار لندن تأیید کردند. شیرک و همکاران (۱۹۹۹) شواهد مشابهی برای بورس آلمان پیدا کردند. چوی و همکاران (۲۰۰۰) و حمید و کوساندی (۲۰۰۲) استراتژی مومنتوム را در بعضی بازارهای سهام آسیا اجرا کردند و به نتایج مشابه رسیدند.

برای لحاظ کردن اثر عامل مومنتوム، کرهارت (۱۹۹۷) صرف ریسک مرتبط با عامل مومنتوム (WML) را پی‌ریزی کرد و الگوی چهار عاملی را با اضافه کردن این عامل به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ تدوین نمود که در آن صرف مومنتوム به صورت بازده

پورتفوی سهام برنده منهای بازده پورتفوی سهام بازنده تعریف شده است. الگوی چهار عاملی کرهارت در مقایسه با الگوی سه عاملی فاما و فرنچ توانست به طور قابل توجهی خطای قیمت گذاری متوسط پورتفوهای مرتب شده بر اساس بازده‌های تأخیری دوره یک ساله را کاهش دهد.

در ایران تحقیقات محدودی درباره الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و درباره استراتژی مومنتوم انجام شده است که برای نمونه می‌توان به باقرزاده (۱۳۸۴)، آقاییگی (۱۳۸۵)، اسلامی بیدگلی و خجسته (۱۳۸۷)، عباسی و غزلجه (۱۳۹۱) اشاره نمود. اما در زمینه بررسی اعتبار تجزیی الگوی چهار عاملی کرهارت تحقیقی صورت نگرفته است. با توجه به اهمیت موضوع و کمبود تحقیقات داخلی در این زمینه، هدف تحقیق حاضر بررسی تاثیر عامل مومنتوم در افزایش توضیح دهنگی الگوی سه عاملی فاما و فرنچ است. در بخش دوم مقاله، خلاصه‌ای از ادبیات و تحقیقات قبلی ارائه شده است. بخش سوم به تشریح فرضیه‌ها و روش تحقیق می‌پردازد. نتایج عددی تحقیق در بخش چهارم و بحث و نتیجه‌گیری در بخش پنجم ارائه شده است.

### مبانی نظری و تحقیقات پیشین

الگوی قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای تقریباً به طور همزمان توسط شارپ (۱۹۶۳) و ترینر (۱۹۶۱) تدوین گردید و سپس، دوباره توسط موسین (۱۹۶۶) و لینتر (۱۹۶۵) و بلک (۱۹۷۲) توسعه داده شد (کویلند، ۲۰۰۵). این الگو عنوان می‌کند که بازده مورد انتظار یک دارایی، تابعی خطی و مثبت از شاخص ریسک سیستماتیک آن دارایی (بنا) خواهد بود. شکل ریاضی الگو به شرح رابطه ۱ است:

$$E(R_p) - R_f = \beta_p E(MP) \quad (1)$$

که در آن  $E(R_p)$  بازده مورد انتظار از دارایی  $p$ ، نماد  $E(MP)$  معروف صرف مورد انتظار از بازار،  $R_f$  معروف نرخ بازده بدون ریسک، و  $\beta_p$  معروف ریسک سیستماتیک دارایی است.

با وجود اعتبار نظری و تجربی الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای، شواهدی وجود دارد که الگوی ارائه شده توسط شارپ، لیتنر، و بلک را به چالش می‌کشد. بارزترین مطالعه‌ای که به بررسی اعتبار تجربی CAPM می‌پردازد، مطالعه‌ای است که توسط بازر (۱۹۸۱) انجام شد. وی دریافت که ارزش بازار سهام (متغیر معروف اندازه شرکت)، یکی از عوامل اصلی تبیین کننده میانگین بازده سهم می‌باشد (فاما و فرنچ، ۱۹۹۲). بازر (۱۹۸۱) نشان داد که متوسط بازده سهام شرکت‌های کوچک در مقایسه با متوسط بازده سهام شرکت‌های بزرگ که در همان سطح بتای بازار قرار دارند، بزرگ‌تر است.

مطالعه دیگری که اعتبار الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای را با سؤالی جلدی مواجه کرد، توسط بهاندری (۱۹۸۸) انجام شد. همان طور که اشاره شد، طبق تصریح CAPM، بتای یک سهم به توانایی توانایی توضیح اختلاف بازده شرکت‌های مختلف را دارد. لیکن، بهاندری (۱۹۸۸) توانست نشان دهد که با افروزنده متغیر اهرم مالی توانایی الگو به طور معنی‌داری بهبود می‌یابد.

### الگوی سه عاملی فاما و فرنچ

فاما و فرنچ (۱۹۹۲) اظهار می‌کنند که در دنیای واقعی سرمایه‌گذاران به انواع مختلفی از ریسک توجه دارند، ولی در این میان سه عامل شامل ریسک بازاری، ریسک اندازه شرکت، و ریسک نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار از عمدۀ ترین آنها می‌باشند. آنها در بررسی تجربی خود دریافتند که نسبت ارزش دفتری به بازار (B/M) و اندازه شرکت نقش زیادی در توضیح دادن تغییرات بازده‌های متوسط ایفا می‌کنند. فاما و فرنچ (۱۹۹۳) با توجه به این یافته، الگوی سه عاملی را برای تبیین بازده سهام به صورت زیر ارائه دادند:

$$E(R_p) - R_f = b_p E(MP) + s_p E(SMB) + h_p E(HML) \quad (2)$$

که در آن E(SMB) صرف مورد انتظار مربوط به اندازه شرکت، E(HML) صرف مورد انتظار مربوط به نسبت ارزش دفتری به قیمت بازار سهم، ضرایب  $b_s$  و  $b_h$  معیار ریسک مرتبط با هر یک از سه عامل، و سایر نمادها همانند قبل است.

الگوی سه عاملی فاما و فرنچ در تحقیقات بسیاری توسط محققان مختلف و در بازارهای متفاوتی مورد آزمون قرار گرفته است که از جمله می‌توان به آکونیز، آلتای صالح و آیی دوگان (۲۰۰۰)، باهل (۲۰۰۶)، بارثوللدی و پیسر (۲۰۰۵)، جنسن و همکاران (۱۹۹۷) و هاریس و مارستون (۱۹۹۵) اشاره نمود. در بیشتر این تحقیقات اعتبار الگوی سه عاملی فاما و فرنچ تأیید شده است. الگوی فاما و فرنچ با داده‌های بورس تهران نیز مورد تأیید قرار گرفته است. عباسی و غزلجہ (۱۳۹۱)، اسلامی بیدگلی و خجسته (۱۳۸۷)، آقاییگی (۱۳۸۵)، رباط میلی (۱۳۸۶)، طارمی (۱۳۸۶)، و مکارم (۱۳۸۶)، از این دست تحقیقات هستند که نتایج آنها اعتبار تجربی الگوی سه عاملی فاما و فرنچ را تأیید کرده است. برای نمونه، عباسی و غزلجہ (۱۳۹۱) اعلام کردند که افزودن دو عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار به الگوی تک عاملی باعث افزایش ضریب تعیین می‌شود. این، بدان معنی است که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ درصد بیشتری از پراکندگی بازده سبد سهام را نسبت به الگوی قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای در بورس تهران توضیح می‌دهد. این نتایج با یافته‌های فاما و فرنچ (۱۹۹۶) همخوانی دارد. محققان دیگری نیز همچون آقاییگی (۱۳۸۵)، رباط میلی (۱۳۸۶)، طارمی (۱۳۸۶) مکارم (۱۳۸۶)، و اسلامی بیدگلی و خجسته (۱۳۸۷) توان توضیح دهنده الگوی سه عاملی فاما و فرنچ را در بورس اوراق بهادار تهران تأیید می‌کنند.

### استراتژی مومنتوم

یکی از خلاف قاعده‌های بازار که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ نتوانست آن را بطرف نماید، استراتژی مومنتوم می‌باشد. مومنتوم مفهومی در علم فیزیک است که بیان می‌دارد یک جسم در حال حرکت گرایش دارد که همچنان در حرکت باقی بماند، مگر

این که نیرویی از خارج بر آن وارد شود. ترجمان این مفهوم در بازار این است که یک روند قیمتی تا زمانی که یک نیروی خارجی جلوی آن را بگیرد، تمایل دارد که هم چنان به مسیر قبلی خود ادامه دهد. این استراتژی شامل سرمایه‌گذاری در جهت بازار می‌باشد و ادعا می‌نماید که بازدهی مثبت و یا منفی گذشته تا دوره مشخصی در آینده نیز همچنان تداوم خواهد داشت (فدایی نژاد و صادقی، ۱۳۸۵). مومنتوم استراتژی سرمایه‌گذاری ساده‌ای است که بر اساس آن برندۀ‌های گذشته خریداری و بازندۀ‌های گذشته به صورت استقراضی در بازار فروخته می‌شوند.

پدیدۀ مومنتوم برای اولین بار توسط جگادیش و تیتمن (۱۹۹۳) مورد مطالعه و بررسی قرار گرفت. آنها استراتژی مومنتوم را در بازار سهام آمریکا در دوره زمانی بین سال‌های ۱۹۶۵ تا ۱۹۸۹ مورد آزمون قرار دادند و دریافتند که خرید سهام دهک برندۀ، فروش استقراضی سهام دهک بازندۀ، و سپس، نگهداری این پورتفوها برای دوره‌ای ۳ تا ۱۲ ماهه، سودهای غیرعادی معنی‌داری را به دست می‌دهند. همچنین، آنها گزارش کردند که سودآوری ناشی از به کارگیری این استراتژی‌ها را نمی‌توان به ریسک سیستماتیک و یا واکنش کمتر از اندازۀ بازار سهام به فاکتورهای عمومی نسبت داد.

جگادیش و تیتمن (۲۰۰۱) به بررسی مجدد این موضوع پرداختند که آیا استراتژی مومنتوم دهۀ نود آنها همچنان سودآور بوده است یا نه؟ به ویژه آنها در تحقیق خود به بررسی این موضوع پرداختند که آیا سودآوری استراتژی مومنتوم را می‌توان به سوگیری‌های ناشی از داده‌کاوی نسبت داد یا نه؟ شواهد به دست آمده از مطالعه جدید، تاییج قبلی آنها در سال ۱۹۹۳ را تأیید کرد. به طوری که اختلاف بازده میان پورتفوی برندۀ و بازندۀ در طی سال‌های ۱۹۶۵ تا ۱۹۸۹ برابر با ۱/۱۷٪ به دست آمد که به طور آماری معنی‌دار بود.

گریفین، جی و مارتین (۲۰۰۳) با مطالعه ۴۰ بازار مختلف، پدیدۀ مومنتوم را در سطح جهانی مورد بررسی قرار دادند و دریافتند که سودهای مومنتوم در بسیاری از بازارهای دنیا،

هم در شرایط رونق و هم در شرایط رکود، از نقطه نظر اقتصادی قابل توجه و از نظر آماری معنی دار است. هر چند که سودآوری این استراتژی در بازارهای نوظهور کمتر بود. تحقیقات زیادی همچون چان، جگادیش و لاکونیشوک (۱۹۹۶) در بورس نیویورک، امکس، و نزد ک، مگا و سانتاماریا (۲۰۰۷) در بازارهای نوظهور آمریکای لاتین، گرندی و مارتین (۲۰۰۱) در بازار آمریکا، نوتون، ترانگ و وراراقوان (۲۰۰۷) در بورس شانگهای، در بازار فرانکفورت، ویلبرن (۲۰۰۸) در بازار سهام سوئد، و کنگ، لیو و نی (۲۰۰۲) در چین شواهد محکمی در تأیید اثر مومنتوم ارائه کرده اند.

در بازار سهام ایران نیز، در سال های اخیر، تحقیقاتی از جمله فدایی نژاد و صادقی (۱۳۸۵)، کمالی (۱۳۸۶)، فوستر و خرازی (۲۰۰۸)، امینی (۱۳۸۸)، و قالیاف اصل و همکاران (۱۳۸۹) در راستای بررسی سودآوری استراتژی های مومنتوم صورت گرفته است که نتایج همه آنها سودآوری استراتژی مومنتوم را تأیید می کند. برای نمونه، قالیاف اصل و همکاران (۱۳۸۹) به این نتیجه رسیدند که با استفاده از استراتژی های شتاب سود و قیمت می توان بازده اضافی در بورس تهران کسب کرد. آنها بیان داشتند استراتژی شتاب قیمت در بازه های زمانی ۳، ۶ و ۱۲ ماهه و استراتژی شتاب سود در بازه های زمانی ۳ و ۶ ماهه در بورس اوراق بهادر تهران سودآور هستند؛ اما سودآوری استراتژی شتاب سود در دوره زمانی یک ساله تأیید نشده است.

کمالی (۱۳۸۶) در راستای بررسی شکل ضعیف کارآیی بازار، به بررسی سودآوری استراتژی مومنتوم و مقایسه آن با استراتژی معکوس در بورس اوراق بهادر تهران پرداخت. او در تحقیق خود نتیجه گیری کرد که اثر مومنتوم در دوره کوتاه مدت در ایران وجود دارد، و از این طریق کارآیی بازار سرمایه ایران را در سطح ضعیف رد کرد.

فوستر و خرازی (۲۰۰۸) سودآوری استراتژی های مومنتوم و معکوس را در بورس اوراق بهادر تهران در دوره زمانی بین سال های ۱۹۹۷ تا ۲۰۰۲ مورد بررسی قرار دادند. آنها در تحقیق خود شواهد محکمی دال بر وجود اثر معکوس به دست نیاوردنده، با این

وجود نتایج یافته‌های آنها وجود اثر مومنتوم را در افق زمانی میان‌مدت (۳ تا ۱۲ ماهه) تأیید کرد.

### الگوی چهار عاملی کرهارت

کرهارت (۱۹۹۷) از خلاف قاعده مومنتوم ارائه شده توسط جگادیش و تیتمن (۱۹۹۳) برای ساختن یک الگوی چهار عاملی استفاده کرد. او عامل مومنتوم یک ساله را (که از طریق مرتب‌سازی سهام شرکت‌ها بر اساس مومنتوم و تفاضل بین پورتفوی مشکل از٪۳۰ بالایی و٪۳۰ پایینی به دست می‌آید و به صورت WML نشان داده می‌شود) به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ اضافه نمود و از الگوی به دست آمده برای توضیح بازده صندوق‌های سرمایه‌گذاری مشترک طی سال‌های ۱۹۹۳ تا ۱۹۹۶ استفاده کرد. الگوی چهار عاملی کرهارت به صورت زیر است:

$$E(R_p) - R_f = b_p E(MP) + s_p E(SMB) + h_p E(HML) + w_p E(WML) \quad (3)$$

که در آن  $E(WML)$  صرف مورد انتظار از عامل مومنتوم، و  $W$  معیار ریسک مرتبط با عامل مومنتوم، و سایر نمادها همانند قبل هستند.

کرهارت (۱۹۹۷) بیان می‌دارد که الگوی چهار عاملی وی به میزان قابل توجهی خطای قیمت‌گذاری CAPM و الگوی سه عاملی فاما و فرنچ را کاهش می‌دهد. او با استفاده از مطالعه کرهارت و همکاران (۱۹۹۶) خطای قیمت‌گذاری را با تشکیل ۲۷ پورتفوی بر مبنای ارزش بازار سهام، نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار و مومنتوم برآورد کرد. از آنجایی که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، هم فاکتور اندازه و هم ارزش دفتری به ارزش بازار را شامل می‌شود، میانگین خطای قیمت‌گذاری کمتری نسبت به CAPM داشت. همچنین، میزان خطای الگوی سه عاملی فاما و فرنچ برای پورتفووهای مشکل از سهام بازنشده یک سال گذشته منفی و برای پورتفووهای مشکل از سهام برنده یک سال گذشته مثبت بود. در مقابل، الگوی چهار عاملی کرهارت به طور قابل ملاحظه‌ای میانگین خطای قیمت‌گذاری را هم نسبت به CAPM و هم الگوی سه عاملی فاما و فرنچ کاهش داد. به

منظور مقایسه، میانگین مطلق خطاهای برای CAPM، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و الگوی چهار عاملی کرهاست به ترتیب  $0/35$  درصد،  $0/31$  درصد و  $0/14$  درصد برای هر ماه می-باشد. به علاوه، الگوی چهار عاملی کرهاست تقریباً تمام خطاهای قیمت‌گذاری را حذف نمود. یافته‌های کرهاست نشان داد که الگوی چهار عاملی وی قدرت توضیحی بیشتری برای پورتفوهای تشکیل داده شده فراهم می‌کند (کرهاست، ۱۹۹۷).

تحقیقات زیادی اعتبار الگوی چهار عاملی کرهاست را مورد بررسی قرار داده‌اند که برای نمونه می‌توان به اوبرین و همکاران (۲۰۱۰)، هاپینت و جانسون (۲۰۱۱)، و لام و همکاران (۲۰۰۹) اشاره نمود. در اغلب این تحقیقات، برتری الگوی چهار عاملی کرهاست به اثبات رسیده است. برای مثال، اوبرین و همکاران (۲۰۱۰) به بررسی اثر اندازه، ارزش دفتری به ارزش بازار، و مومنتوم بر روی بازده سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس استرالیا طی سال‌های ۱۹۸۱ تا ۲۰۰۵ پرداختند. نتایج این تحقیق نشان می‌دهد هر چهار عامل در توضیح بازده نقش ایفا می‌کنند، ولی رابطه متقابل نیز بین اندازه و مومنتوم و همچنین، بین اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار وجود دارد. آنها دریافتند که صرف اندازه در پورتفوهای بازنده قوی‌تر است و صرف ارزش به طور کلی محدود به پورتفوهای حاوی سهام کوچک می‌باشد. همچنین، صرف مومنتوم برای پورتفوهای حاوی سهام بزرگ و متوسط مشهود است، ولی در پورتفوهای حاوی سهام کوچک، سهام بازنده به طور معناداری نسبت به سهام برندۀ عملکرد بهتری دارد. این محققان زمانی که این روابط متقابل را با رگرسیون چند متغیره کنترل کردند، به رابطه منفی بین اندازه و بازده و همچنین، رابطه مثبت بین ارزش دفتری به ارزش بازار و مومنتوم با بازده رسیدند که همگی از لحاظ آماری معنی دار بودند.

هاپینت و جانسون (۲۰۱۱) الگوی چهار عاملی دیگری (شامل عامل بازار، عامل سرمایه‌گذاری، عامل سودآوری، و عامل نقدشوندگی) طراحی کردند که از اضافه نمودن عامل نقدشوندگی به الگوی سه عاملی چن و همکاران (۲۰۱۰) حاصل گردید. آنها در این مطالعه به مقایسه این الگو با الگوی چهار عاملی کرهاست پرداختند. این محققان بیان

داشتند زمانی که عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ (۱۹۹۳) اضافه شد، به طور معنی داری عملکرد الگو بهبود یافت. در عوض، اثر اضافه کردن عامل نقدشوندگی به عنوان عامل چهارم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ (۱۹۹۳) بی معنی و نزدیک به صفر بود. همچین، آرتمن و همکاران (۲۰۰۹) در آلمان، کاسیماتیس (۲۰۰۸) در استرالیا، امان و استینر (۲۰۰۸) در سوئیس، والهر و همکاران (۲۰۰۴) در کانادا شواهدی در حمایت از الگوی چهار عاملی کرهارت ارائه کردند.

تنها مطالعه‌ای که بر روی الگوی چهار عاملی کرهارت در آسیا صورت گرفته است، توسط لام و همکارانش (۲۰۰۹) در هنگ کنگ انجام شده است. محققان در این مطالعه برای آزمون این الگو از نمونه‌ای شامل ۶۸۹ شرکت پذیرفته شده در بورس سهام هنگ کنگ در سال‌های ۱۹۸۱ تا ۲۰۰۱ استفاده نمودند. نتایج نشان می‌دهد تمامی چهار عامل (WML, HML, SMB, MP) به توضیح تغییرات میانگین بازده‌ها در بازار هنگ کنگ کمک می‌کند؛ به طوری که ضرایب هر چهار عامل معنی دار و مقدار ثابت الگو نیز بی معنی بوده است. همچنین، مقدار بالای ضریب تعیین تعديل شده (که دامنه‌ای از ۰/۴۴ تا ۰/۸۸ را با میانگین ۷۰/۰ نشان می‌دهد) و بی معنی بودن انحراف معیار باقیمانده‌های متغیر توضیحی اضافه شده نیز شواهدی بر اعتبار این الگو ارائه می‌کند.

### فرضیه‌های تحقیق

بر اساس ادبیات موضوعی و نتایج تحقیقات قبلی، این سوال قابل طرح است که آیا الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و الگوی چهار عاملی کرهارت در مقایسه با الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای توان بیشتری در توضیح دادن بازده سهام شرکت‌های بورس تهران دارند و آیا افزودن عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ باعث افزایش توان توضیح دهنده‌گی خواهد شد. بر این اساس، سه فرضیه به شرح ذیل طراحی شده است:

فرضیه ۱: الگوی سه عاملی فاما و فرنچ توان توضیح دهنگی بیشتری نسبت به CAPM دارد.

فرضیه ۲: الگوی چهار عاملی کرهارت (الگوی فاما و فرنچ به علاوه مومنتوم) توان توضیح دهنگی بیشتری نسبت به CAPM دارد.

فرضیه ۳: افزودن عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، توان توضیح دهنگی الگو را افزایش می دهد.

### جامعه و نمونه آماری

جامعه آماری شامل کلیه شرکت های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران می باشد که برای انتخاب نمونه از آن ابتدا دوره زمانی تحقیق به صورت آخرین دوره ۱۰ ساله از ابتدای ۱۳۸۰ تا پایان ۱۳۸۹ تعیین شد. سپس، کلیه شرکت هایی که در دوره انتخاب شده واجد شرایط زیر بودند، حذف گردید.

۱. شرکت هایی که نماد آنها برای مدت بیش از ۶ ماه متولی در یک سال مالی بسته بوده است،

۲. شرکت های فعال در صنعت واسطه گری مالی اعم از بانک ها، بیمه ها، شرکت های سرمایه گذاری و هلدینگ،

۳. شرکت های با سال مالی مختوم به ماهی غیر از اسفند، و

۴. شرکت هایی که بعد از ۱۳۷۹ وارد بورس شدند.

بعد از اعمال معیارهای بالا روی جامعه، تعداد ۸۶ شرکت از ۱۹ صنعت به عنوان نمونه نهایی باقی ماند که بیشترین تعداد متعلق به صنعت دارویی با تعداد ۱۴ شرکت است. استخراج ذغال سنگ، انبوه سازی مسکن، ماشین آلات دستگاه های برقی، و منسوجات صنایعی هستند که از هر کدام فقط یک شرکت در نمونه وجود دارد.

### روش کنترل تأثیر متغیرها

برای جلوگیری از تأثیر متغیرهای MP، HTML، SMB و WML بر یکدیگر، از شیوه پورتفوی استفاده شد. بدین صورت که ابتدا تمامی شرکت‌های مورد بررسی برمبنای ارزش بازار سهام (معرف اندازه شرکت) از کم به زیاد مرتب شده و سپس، به دو گروه مساوی کوچک (S) و بزرگ (B) تقسیم گردید. سپس، بار دیگر شرکت‌ها مستقلابر اساس نسبت سالانه ارزش دفتری به ارزش بازار (B/M) سهم (معرف ارزشی یا رشدی بودن سهم) مرتب شده و در دو طبقه مساوی تحت عنوان نسبت پایین (L) و نسبت بالا (H) قرار می‌گیرند. نسبت پایین B/M معرف سهم رشدی و نسبت بالای آن معرف سهم ارزشی است. دست آخر، برای عامل مومنتوم، بار دیگر تمامی سهام موجود در نمونه با توجه به بازده قیمتی شش ماه گذشته (در ابتدای هر سال) مرتب شده، سپس همچون دو عامل قبلی به دو گروه سهام برنده (۵۰ درصد شرکت‌ها با بیشترین بازده) و سهام بازنده (۵۰ درصد شرکت‌ها با کمترین بازده) دسته‌بندی گردید. بدین ترتیب، از اجرای سه بار دسته‌بندی متوالی شرکت‌ها، هشت پورتفوی به شرح جدول شماره ۱ تشکیل داده شد و سهم شرکت‌ها در هر سال در یکی از این پورتفویها قرار گرفت.

جدول شماره ۱. معرفی پورتفوی‌های تشکیل شده

شماره پورتفوی	نماد پورتفوی	محتوای پورتفوی
۱	BHL	شرکت بزرگ، با نسبت B/M بالا، و بازنده
۲	SHL	شرکت کوچک، با نسبت B/M بالا، و بازنده
۳	BLL	شرکت بزرگ، با نسبت B/M پایین، و بازنده
۴	SLL	شرکت کوچک، با نسبت B/M پایین، و بازنده
۵	BHW	شرکت بزرگ، با نسبت B/M بالا، و برنده
۶	SHW	شرکت کوچک، با نسبت B/M بالا، و برنده
۷	BLW	شرکت بزرگ، با نسبت B/M پایین، و برنده
۸	SLW	شرکت کوچک، با نسبت B/M پایین، و برنده

### الگوهای رگرسیونی

بر اساس روابط ریاضی ۱ تا ۳ مذکور در بخش قبلی، سه الگوی رگرسیون سری زمانی به شرح زیر برای آزمون فرضیه‌های تحقیق تدوین گردید که در آنها، اندیس  $p$  معرف شماره پورتفوی، و اندیس  $t$  معرف دوره (ماه) و سایر نمادها همانند قبل هستند. در واقع، الگوهای ۴ تا ۶ شکل رگرسیونی از روابط ۱ تا ۳ می‌باشند که برای آزمون تجربی فرضیه‌های تحقیق مناسب هستند.

$$(R_{p,t} - R_f) = \alpha_p + \beta_{1,p} MP + \varepsilon_{p,t} \quad (4)$$

$$(R_{p,t} - R_f) = \alpha_p + \beta_{1,p} MP + \beta_{2,p} SMB + \beta_{3,p} HML + \varepsilon_{p,t} \quad (5)$$

$$(R_{p,t} - R_f) = \alpha_p + \beta_{1,p} MP + \beta_{2,p} SMB + \beta_{3,p} HML + \beta_{4,p} WML + \varepsilon_{p,t} \quad (6)$$

نحوه آزمون فرضیه‌ها با استفاده از الگوهای ۴ تا ۶ بدین صورت است که اگر الگوی CAPM، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، و الگوی چهار عاملی کرهارت درست باشند، آنگاه انتظار می‌رود که همه ضرایب بتا در الگوهای فوق معنی‌دار باشند. همچنین، اگر الگوی سه عاملی فاما و فرنچ برتر از CAPM باشد، و الگوی چهار عاملی کرهارت برتر از الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و CAPM باشد، آنگاه ضریب تعیین تبدیل شده الگوی کرهارت باید بزرگ‌تر از دو الگوی دیگر، و ضریب تعیین الگوی سه عاملی بزرگ‌تر از ضریب تعیین CAPM باشد.

### نحوه محاسبه متغیرها

پس از تفکیک سهام شرکت‌های نمونه بر حسب پورتفوهای تعریف شده، برای هر یک از هشت پورتفوی، متغیر وابسته به صورت  $(R_p - R_f)$  محاسبه گردید که در آن از نرخ اوراق مشارکت مصوب شورای پول و اعتبار به عنوان نرخ بدون ریسک، و بازدهی پورتفوها به صورت ماهانه (به تفکیک ۱۲۰ ماه) محاسبه شده است. همچنین، برای چهار متغیر مستقل تحت بررسی شامل صرف بازار (MP)، صرف اندازه (SMB)، صرف نسبت

ارزش دفتری به ارزش بازار (HML)، و صرف مومتوом (WML)، مقادیر عددی متغیرها از طریق روابط زیر، که در آنها نمادها همانند قبل هستند، محاسبه گردید:

$$MP = R_m - R_f$$

$$SMB = \frac{1}{4} \times (SHW - BHW) + (SHL - BHL) + (SLW - BLW) + (SLL - BLL)$$

$$HML = \frac{1}{4} \times (SHW - SLW) + (SHL - SLL) + (BHW - BLW) + (BHL - BLL)$$

$$WML = \frac{1}{4} \times (SHW - SHL) + (SLW - SLL) + (BHW - BHL) + (BLW - BLL)$$

نرخ اوراق مشارکت مصوب شورای پول و اعتبار به عنوان نرخ بدون ریسک در نظر گرفته شده و بازدهی بازار به صورت ماهانه و با استفاده از ارقام شاخص کل بورس تهران محاسبه شده است. در روابط بالا، SMB نشان‌دهنده بازده پورتفوی‌ای است که سهام شرکت‌های کوچک را خریداری نموده و سهام شرکت‌های بزرگ را فروش استقراضی کرده است؛ در حالی که اثرات بازار، ارزشی یا رشدی بودن سهم و همچنین، مومتووم کنترل شده است. توضیح مشابهی را می‌توان برای HML و WML ارائه کرد.

### آمار توصیفی متغیرها

شاخص مرکزی میانگین و شاخص پراکندگی انحراف معیار شناخت اولیه‌ای از چگونگی توزیع متغیرها به دست می‌دهند. در جدول شماره ۲ آمار توصیفی متغیرهای پژوهش ارائه شده است.

جدول شماره ۲. آمار توصیفی متغیرهای وابسته و مستقل

	WML	HML	SMB	MP	
Formatted: Centered	٪۰/۳۱	٪-۰/۴۸	٪-۰/۱۵	٪/۱/۰۹	میانگین
Formatted: Centered	٪۱۱/۷۲	٪۱۵/۶۲	٪۱۸/۹۰	٪۵/۸۵	انحراف معیار
Formatted: Centered	٪/۰/۴۲	٪/۰/۵۸	٪/۶۸	٪/۱/۳۷	چولگی
Formatted: Centered	٪/۰/۶۲	٪/۹۵	٪/۰/۴۹	٪/۵/۳۰	کشیدگی
Formatted: Centered	۱۱۵	۱۱۵	۱۱۵	۱۱۵	تعداد مشاهدات

دوره بررسی ۱۰ سال و مشتمل بر ۱۲۰ ماه است. محاسبه مومتووم مستلزم محاسبه برای یک دوره ۶ ماهه است و از این رو تعداد مشاهدات ماهانه برابر ۱۱۵ خواهد شد.

طبق جدول فوق، میانگین عامل بازار برابر با ۱/۰۹ درصد و انحراف معیار ۵/۸۵ درصد به ازای هر ماه می‌باشد که هم جهت با تحقیقات پیشین بوده و در همان محدوده به دست آمده است. میانگین صرف اندازه نیز برابر با ۰/۱۵- درصد است. علامت منفی این متغیر با اکثر تحقیقات بین‌المللی همچون فاما و فرنچ (۱۹۹۶)، ال‌هر و همکاران (۲۰۰۴)، اوبرین و همکاران (۲۰۱۰) مطابقت ندارد، اما برخی نیز مانند لیو و واسالو (۲۰۰۰) و آمان و استینر (۲۰۰۸) صرف اندازه منفی را گزارش کرده‌اند. میانگین HML نیز در حالی برابر ۰/۴۸ درصد به دست آمده است که در بیشتر تحقیقات گذشته، نظری فاما و فرنچ (۱۹۹۶) و (۱۹۹۸)، لیو و واسالو (۲۰۰۰)، کاپول و همکاران (۱۹۹۳)، علامت این متغیر مثبت بوده است. در مورد WML نیز می‌توان گفت که میانگین ۰/۳۱ درصدی برای بورس اوراق بهادران تهران اندکی نسبت به پژوهش‌های انجام شده در دیگر کشورها پایین‌تر است. به طور مثال، لام و همکاران (۲۰۰۹) برای بازار هنگ کنگ میانگین WML را برابر ۰/۶۹ درصد برای هر ماه و ال‌هر و همکاران (۲۰۰۴) برای بازار کانادا آن را برابر ۳۴/۱ درصد گزارش کرده‌اند.

## نتایج

بخش «الف» تا «د» جدول شماره ۳ به ترتیب میانگین تعداد شرکت‌ها، ارزش بازار، ارزش دفری به ارزش بازار و مومنتوم قیمت را به تفکیک پورتفوها گزارش می‌کند. به طور کلی، بررسی پورتفوها نشان می‌دهد نحوه شکل‌گیری پورتفوها از نظر نوع شرکت‌هایی که در هر یک قرار گرفته است، مطابق با نتایج تحقیقات گذشته است. نخست این که به طور میانگین سهام رشدی نسبت به سهام ارزشی تمایل بیشتری به بزرگ‌تر بودن دارند. با نگاهی به قسمت «الف»، مشاهده می‌کنیم تعداد شرکت‌هایی که به عنوان بزرگ‌و رشدی دسته بندی شده‌اند، تقریباً ۳۵ درصد است که دو برابر ۱۷ درصد شرکت‌هایی است که در دسته بزرگ و ارزشی قرار دارند. به علاوه، بخش «ب» نشان می‌دهد در تمامی پورتفوها به جز یک مورد، ارزش بازار پورتفوهای رشدی از پورتفوهای متناظر ارزشی خود بیشتر است. دوم، سهام برنده نیز نسبت به سهام بازنده تمایل به بزرگ‌تر بودن دارد. با

نگاهی دوباره به بخش «الف» می‌بینیم نسبت سهام برند و بزرگ به کل شرکت‌ها بیش از ۲۹ درصد است، در حالی که این نسبت برای شرکت‌های بازنده و بزرگ ۲۳ درصد می‌باشد. میانگین ارزش بازار هم نشان می‌دهد تمامی پورتفووهای برند ارزش بازار بزرگتری را به نسبت پورتفووهای بازنده متضاد خود نشان می‌دهند. سوم، می‌توان دریافت که سهام رشدی تمایل بیشتری به برند شدن دارد تا سهام ارزشی.

#### جدول شماره ۳. ویژگی‌های پورتفووهای

برند (W)	بازنده (L)	بخش الف : تعداد شرکت‌ها (درصد به کل شرکت‌ها)	
بخش ب: میانگین ارزش بازار (میلیارد ریال)			
۲۴۵۸	۲۶۹۹	(L)	بزرگ (B)
۲۱۷۴	۳۵۲۷	(H)	
۱۵۱	۲۸۰	(L)	کوچک (S)
۱۱۸	۱۳۱	(H)	
بخش ج: میانگین نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار			
۰/۳۲	۰/۲۶	(L)	بزرگ (B)
۰/۸۳	۰/۸۰	(H)	
۰/۳۲	۰/۳۱	(L)	کوچک (S)
۱/۰۴	۰/۹۳	(H)	
بخش د: میانگین مومنتوم شش ماهه (%)			
-۸/۱۸	۳۶/۳۴	(L)	بزرگ (B)
-۱۴/۵۵	۲۳/۳۲	(H)	
-۱۱/۹۲	۳۰/۱۳	(L)	کوچک (S)
-۱۱/۲۷	۲۹/۳۰	(H)	

بخش «الف» و «ب» جدول شماره ۴ به ترتیب بازده پورتفوها و انحراف معیار آنها را نشان می‌دهد. با نگاهی به این جدول در می‌بایس پورتفوهای رشدی عملکرد بهتری نسبت به پورتفوهای ارزشی داشته‌اند. البته در تحقیقات بین‌المللی، معمولاً بر خلاف بورس تهران اثر ارزش (به معنای عملکرد بهتر پورتفوهای ارزشی نسبت به پورتفوهای رشدی) در تحقیقاتی همچون فاما و فرنچ (۱۹۹۸)، لیو و والسلو (۲۰۰۰)، و کاپول و همکاران (۱۹۹۳) گزارش شده است. از طرف دیگر، پورتفوهای برنده بازده بالاتری را در مقایسه با پورتفوهای بازنده ارائه داده‌اند که هم جهت با تحقیقات پیشین از جمله اوبرین و همکاران (۲۰۱۰)، لام و همکاران (۲۰۰۹) و آمان و استینر (۲۰۰۸) است. در رابطه با اثر اندازه، اگرچه معمولاً پورتفوهای کوچک بازده بالاتری را در تحقیقات گذشته نشان داده‌اند، ولی در اینجا نمی‌توان روند خاصی را مشاهده نمود. چنان‌که مشاهده می‌کنید، از مجموع ۴ پورتفوی متناظر، در دو پورتفوی بازده سهام کوچک بیشتر بوده (SLW و SHL) و در دو پورتفوی دیگر سهام بزرگ (پورتفوهای BLW و BHL) عملکرد بهتری را نشان می‌دهد.

جدول شماره ۴. میانگین بازده و انحراف معیار پورتفوها

برنده (W)	بازنده (L)	بخش الف : میانگین بازده ماهانه (%)	
۳/۴۵	۲/۵۹	رشدی (L)	بزرگ (B)
۱/۳۸	۱/۶۵	ارزشی (H)	
۳/۲۳	۲/۶۳	رشدی (L)	کوچک (S)
۱/۸۳	۱/۲۳	ارزشی (H)	

  

بخش ب: انحراف معیار (%)			
برنده (W)	بازنده (L)	بخش ب: انحراف معیار (%)	
۵/۶۵	۵/۸۱	رشدی (L)	بزرگ (B)
۷/۲۱	۶/۳۷	ارزشی (H)	
۵/۹۱	۶/۶۷	رشدی (L)	کوچک (S)
۴/۱۸	۴/۴۲	ارزشی (H)	

### آزمون نرمال بودن متغیرهای وابسته

با توجه به جدول شماره ۵ و مشاهده سطح معنی‌داری آماره آزمون کلموگروف-اسمیرنف، فرض صفر مبنی بر نرمال بودن توزیع داده‌ها قابل رد نیست. بنابراین، می‌توان فرض کرد که متغیر وابسته در هر هشت پورتفوی دارای توزیع نرمال هستند.

جدول شماره ۵. نتایج آزمون کلموگروف-اسمیرنف

	BHL(1)	SHL(2)	BLL(3)	SLL(4)	BHW(5)	SHW(6)	BLW(7)	SLW(8)
پارامترهای نرمال	میانگین	.۰/۰۱۶۵	.۰/۰۱۲۳	.۰/۰۲۵۸	.۰/۰۲۶۲	.۰/۰۱۳۸	.۰/۰۱۸۲	.۰/۰۳۴۴
	انحراف معیار	.۰/۰۶۳۷	.۰/۰۴۴۲	.۰/۰۵۸۱	.۰/۰۶۶۷	.۰/۰۷۲۱	.۰/۰۴۱۷	.۰/۰۵۶۵
	مطلق	.۰/۱۴۳	.۰/۱۲۹	.۰/۱۱۹	.۰/۱۳۴	.۰/۱۰۵	.۰/۰۷۳	.۰/۰۵۷
تفاوت‌های انتها	مشت	.۰/۱۴۳	.۰/۱۲۹	.۰/۱۱۹	.۰/۱۳۴	.۰/۱۰۵	.۰/۰۷۳	.۰/۰۵۷
	منفی	-.۰/۰۱۷	-.۰/۰۸۰	-.۰/۰۷۶	-.۰/۰۸۴	-.۰/۰۷۴	-.۰/۰۴۴	-.۰/۰۴۳
	آماره (Z)	۱/۵۰۲	۱/۳۵۷	۱/۲۵۳	۱/۴۱۵	۱/۱۰۴	.۰/۷۶۷	.۰/۵۹۹
معنی‌داری (دو طرف)	.۰/۱۲۲	.۰/۰۶۰	.۰/۰۸۷	.۰/۱۳۷	.۰/۱۷۵	.۰/۰۵۹۹	.۰/۸۶۶	.۰/۱۵۰

### نتایج رگرسیون‌ها

جدول شماره ۶ نتایج اجرای سه رگرسیون شامل الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، و الگوی چهار عاملی کرهارت را به تفکیک هشت پورتفوی ایجاد شده نشان می‌دهد. آماره F در همه پورتفوها و برای هر سه الگو در سطح ۹۹ درصد معنی دار است که حکایت از نیکویی برآراش‌ها دارد. همچنین، آماره دورین -واتسون برای رگرسیون‌های اجرا شده در بازه ۱/۴۷۹ تا ۲/۰۱۵ قرار دارد که تا حد زیادی از نبود مشکل خود همبستگی در اجرای رگرسیون‌ها حکایت دارد.

تمامی فاکتورهای الگوی کرهارت (WML, HML, SMB, MP) به تبیین اختلاف بازده پورتفوها در بورس اوراق بهادر تهران کمک می‌کنند و توانایی توضیح تغییرات بازده را دارند؛ زیرا به غیر از یک مورد (ضریب HML در پورتفوی ۸ در الگوی کرهارت) همه ضرایب از لحاظ آماری در سطح ۹۵ و ۹۹ درصد معنی دار هستند. مقدار بتای عامل بازار حاصل از اجرای رگرسیون کرهارت در بازه ۰/۶۶۷ تا ۰/۴۳۴ قرار دارد. علامت مثبت این عامل حاکی از رابطه مستقیم نوسانات کلی بازار با بازدهی پورتفوها

است. همچنین، ضرایب این عامل برای هر هشت پورتفوی، سطح معناداری بالایی را ارائه داده است، به طوری که دامنه آماره  $t$  ثبت شده از  $6/021$  تا  $9/315$  است. اما مقدار  $\beta_1$  روند خاصی را در پورتفوها نشان نمی‌دهد. میانگین بتای به دست آمده برابر با  $0/557$  می‌باشد. این پژوهش نشان می‌دهد عامل بازار نقش مهمی در الگوی چهار عاملی بازی می‌کند و نشان‌دهنده ریسک سیستماتیک ناشی از عوامل بازاری در بورس اوراق بهادار تهران است.

جدول شماره ۶. نتایج احرای رگرسیون سری زمانی الگوهای CAPM، فاما و فرنج و کرهارت

Portfolio 1 (BHL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
CAPM	.009	.0/697	–	–	–	.0/404	75/529	.0/000	1/593
الگوی	(1/864)	(0/691)							
الگوی فاما و فرنج	.0/22	.0/532	-.0/081	.0/146	–	.0/628	62/824	.0/000	1/672
الگوی کرهارت	.0/21	.0/574	-.0/073	.0/132	-.0/128	.0/680	59/323	.0/000	1/576
Portfolio 2 (SHL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
CAPM	.009	.0/259	–	–	–	.0/118	15/759	.0/000	1/814
الگوی	(2/339)	(3/470)							
الگوی فاما و فرنج	.0/17	.0/558	.0/174	.0/136	–	.0/475	34/205	.0/000	1/642
الگوی کرهارت	.0/17	.0/568	.0/119	.0/127	-.0/087	.0/522	31/032	.0/000	1/851
Portfolio 3 (BLL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
CAPM	.0/29	.0/660	–	–	–	.0/426	86/189	.0/000	2/015
الگوی	.0/23	.0/440	-.0/132	-.0/106	–	.0/553	46/367	.0/000	1/698
الگوی فاما و فرنج	(5/360)	(0/681)	(-5/124)	(-4/026)					
الگوی کرهارت	.0/22	.0/450	-.0/126	-.0/115	-.0/093	.0/584	39/546	.0/000	1/583
Portfolio 4 (SLL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
CAPM	.0/33	.0/245	–	–	–	.0/083	10/979	.0/000	1/771
الگوی	(5/269)	(3/213)							
الگوی فاما و فرنج	.0/17	.0/61	.0/148	-.0/157	–	.0/445	30/400	.0/000	1/850
الگوی کرهارت	.0/16	.0/653	.0/161	-.0/177	-.0/191	.0/552	34/925	.0/000	1/540
Portfolio 5 (BHW)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
CAPM	.005	.0/835	–	–	–	.0/455	92/751	.0/000	1/57
الگوی	(0/912)	(0/531)							
الگوی فاما و فرنج	.0/17	.0/680	-.0/077	.0/132	–	.0/600	56/095	.0/000	1/844
الگوی کرهارت	.0/17	.0/667	-.0/084	.0/144	-.0/114	.0/631	48/046	.0/000	1/974

## جدول ۶. نتایج اجرای رگرسیون سری زمانی الگوهای CAPM، فاما و فرنچ و کرهارت-۱۵۰۴

	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
Portfolio 6 (SHW)									
الگوی CAPM	۰/۰۱۶ (۴/۱۱۶)	۰/۲۲۶ (۳/۴۹۱)	–	–	–	۰/۰۹۲ ۱۲/۱۸۸	۰/۰۰۰	۱/۶۴۷	
الگوی فاما و فرنچ	۰/۰۱۹ (۵/۰۵۴)	۰/۴۴۵ (۶/۳۱۲)	۰/۱۲۹ (۵/۴۷۶)	۰/۰۷۵ (۳/۱۲۶)	–	۰/۲۸۲ ۱۵/۳۹۲	۰/۰۰۰	۱/۵۰۲	
الگوی کرهارت	۰/۰۲۰ (۵/۴۲۱)	۰/۴۳۴ (۶/۴۲۶)	۰/۱۲۳ (۵/۴۲۲)	۰/۰۸۴ (۳/۶۴۸)	۰/۰۹۱ (۳/۲۵۴)	۰/۳۴۱ ۱۵/۲۲۶	۰/۰۰۰	۱/۵۱۷	
Portfolio 7 (BLW)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
الگوی CAPM	۰/۰۱۷ (۶/۷۶۷)	۰/۶۵۴ (۹/۶۰۳)	–	–	–	۰/۴۵۳ ۹۲/۲۱۸	۰/۰۰۰	۱/۵۴۰	
الگوی فاما و فرنچ	۰/۰۱۴ (۳/۸۸۱)	۰/۵۶۳ (۸/۶۰۲)	۰/۰۶۵ (۲/۹۹)	۰/۰۱۸۴ (۸/۲۸۲)	–	۰/۶۶۱ ۷۲/۵۸۸	۰/۰۰۰	۱/۵۹۰	
الگوی کرهارت	۰/۰۱۴ (۴/۹۹۴)	۰/۵۵۲ (۸/۹۴۱)	۰/۰۷۲ (۳/۴۸)	۰/۰۱۷۴ (۸/۲۴۱)	۰/۰۹۸ (۳/۸۲۳)	۰/۷۰۰ ۶۵/۰۲۰	۰/۰۰۰	۱/۶۱۸	
Portfolio 8 (SLW)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
الگوی CAPM	۰/۰۳۰ (۵/۳۲۷)	۰/۲۲۶ (۲/۳۹۱)	–	–	–	۰/۰۴۱ ۵۷/۱۸	۰/۰۱۹	۱/۴۷۹	
الگوی فاما و فرنچ	۰/۰۲۱ (۴/۲۷۷)	۰/۵۸۱ (۶/۴۰۹)	۰/۱۹۴ (۶/۴۲۱)	۰/۰۶۵ (۲/۱۲۳)	–	۰/۴۰۹ ۲۶/۴۰۴	۰/۰۰۰	۱/۵۲۱	
الگوی کرهارت	۰/۰۲۲ (۵/۰۱۷)	۰/۵۶۰ (۶/۹۰۳)	۰/۱۸۲ (۶/۷۲۲)	۰/۰۴۷ (۱/۹۹)	۰/۱۷۷ (۵/۲۵۰)	۰/۵۲۷ ۳۱/۶۱۱	۰/۰۰۰	۱/۶۴۰	

آماره‌های تی استیومنت برای آزمون معنی داری ضرایب متغیرهای توضیحی، در پرانتز و در زیر ضریب مربوطه آورده شده است.  
به غیر از ضریب قرار داده شده در مربع، تمامی ضرایب متغیرهای توضیحی در سطح ۹۵ و ۹۹ درصد معنی دار هستند.

دامنه به دست آمده برای ضریب متغیر SMB از ۰/۱۲۶ تا ۰/۱۸۲ می‌باشد. تمامی ضرایب در سطح ۵٪ معنی دار هستند. به علاوه، ضریب SMB با اندازه در ارتباط است، به طوری که برای پورتفوی‌های بزرگ، منفی و برای پورتفوی‌های کوچک مثبت می‌باشد. به طور کلی، این الگو در مورد ضریب SMB مشابه شواهد گزارش شده در تحقیقات پیشین همچون فاما و فرنچ (۱۹۹۳) است.

در مورد HML می‌توان گفت که ضرایب مثبت برای پورتفوی‌های با ارزش دفتری به ارزش بازار بالا و ضرایب منفی برای پورتفوی‌هایی با ارزش دفتری به ارزش بازار پایین به دست آمده است. دامنه ضرایب این فاکتور از ۰/۱۷۷ تا ۰/۱۴۴ می‌باشد و همگی به جز پورتفوی هشتم در سطح ۵٪ معنی دار هستند. در تحقیقات پیشین ضریب این عامل برای بیشتر پورتفوی‌ها منفی بوده است؛ در این پژوهش نیز میانگین ضرایب به دست آمده برای

این عامل برابر با  $-0.003$  است. ضرایب عامل WML که مربوط به صرف مومنتوم است، از  $191/0$ -تا  $177/0$  میباشد و همچون دو عامل قبلی، تمامی ضرایب در سطح  $15\%$  معنی دار هستند و به طور کلی، ضرایب منفی برای پورتفووهای بازنده و ضرایب مثبت برای پورتفووهای برنده مشهود است. این نتایج نشان می دهد که عامل مومنتوم توانایی توضیح دادن تغییرات بازده را دارد.

#### مقایسه ضرایب تعیین تعدل شده

برای بررسی دقیق تر و مقایسه قدرت توضیح دهنگی این سه الگو با یکدیگر،  $R^2$  تعديل شده هر یک از الگوها در جدول شماره ۷ نشان داده شده است. میانگین  $R^2$  تعديل شده برای CAPM برابر با  $26$  درصد است که بعد از اضافه کردن دو عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار (الگوی فاما و فرنچ) با افزایش قابل توجهی مواجه شده و به بیش از  $50/7$  درصد رسیده است. این نتیجه مبنی بر توان توضیح دهنگی عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار با تحقیقات قبلی همچون (آقا بیگی، ۱۳۸۵) سازگار است. عامل جدیدی که در این پژوهش به الگوی سه عاملی اضافه شد، مومنتوم می باشد. میانگین  $R^2$  تعديل شده الگوی کرهارت، برابر با  $56/7$  درصد به دست آمده است که حاکی از افزایش  $6$  درصدی نسبت به الگوی فاما و فرنچ است.

جدول شماره ۷. مقایسه  $R^2$  تعديل شده در سه الگو به تفکیک پورتفوها

شماره	نام	الگوی قیمت گذاری		کرهارت
		دارای سرمایه‌ای	فاما و فرنچ	
۱	BHL	۰/۴۰۴	۰/۶۲۸	۰/۶۸۰
۲	SHL	۰/۱۱۸	۰/۴۷۵	۰/۵۲۲
۳	BLL	۰/۴۳۶	۰/۵۵۳	۰/۵۸۴
۴	SLL	۰/۰۸۳	۰/۴۴۵	۰/۵۵۲
۵	BHW	۰/۴۵۵	۰/۶۰۰	۰/۶۳۱
۶	SHW	۰/۰۹۲	۰/۲۸۲	۰/۳۴۱
۷	BLW	۰/۴۵۳	۰/۶۶۱	۰/۷۰۰
۸	SLW	۰/۰۴۱	۰/۴۰۹	۰/۵۲۷
میانگین		۰/۲۶۰	۰/۵۰۷	۰/۵۶۷

نتایج به دست آمده در بالا، هر سه فرضیه تحقیق را تأیید می‌کند، به طوری که با توجه به  $R^2$  تعديل شده این سه الگویی توان دریافت الگویی سه عاملی فاما و فرنچ تبیین بهتری از بازده نسبت به CAPM ارائه کرده است. همچین، با مشاهده  $R^2$  تعديل شده الگوی چهار عاملی کرهارت، که هم از الگوی CAPM و هم از الگوی فاما و فرنچ بیشتر است، فرضیات دو و سه نیز تأیید می‌شوند.

### تجزیه و تحلیل حساسیت

پتنگیل و دیگران (۱۹۹۵)، بیان کردند که شرایط صعودی و نزولی بازار باید بررسی شود. همچنین، فاما و فرنچ (۱۹۹۳) بر طبق رول (۱۹۸۳) و کیم (۱۹۸۳) بیان کردند که بازده سهام، به خصوص سهام کوچک، میل به بیشتر شدن در ماه ژانویه دارد. برای اطمینان از درستی نتایج در باره توان توضیح دهنده الگوی کرهارت، تجزیه و تحلیل حساسیت برای شرایط صعودی و نزولی بازار و برای اثر فصلی انجام شد.

### شرایط بازار

برای بررسی قدرت الگوی چهار عاملی کرهارت در شرایط صعودی و نزولی بازار، هر یک از متغیرهای مستقل و همچنین، عملکرد کلی الگو در دو موقعیت بازار صعودی و نزولی آزمون گردید. برای این منظور نمونه تحقیق به دو گروه صعودی و نزولی تقسیم شد؛ بدین صورت که مطابق مطالعه پتنگیل و همکاران (۱۹۹۵)، اگر بازده واقعی بازار منهای بازده بدون ریسک در یک ماه مثبت (منفی) باشد، آن ماه در شرایط صعودی (نزولی) بازار دسته‌بندی شد که در نتیجه ۵۹ ماه در دسته صعودی و ۵۶ ماه در دسته نزولی قرار گرفت. بررسی‌ها نشان می‌دهد متغیرهای WML، HML، SMB در شرایط صعودی و نزولی به لحاظ آماری تفاوت معنی‌داری از خود نشان نمی‌دهند. اما عامل بازار (MP) در شرایط نزولی مقدار کمتری را نشان می‌دهد که امری طبیعی است. به منظور بررسی عملکرد کلی الگوی کرهارت، الگو یک بار در شرایط صعودی و یک بار در شرایط نزولی اجرا شد. همانند آزمون رگرسیون معمولی (بدون شرایط

صعودی-نژولی)، ضرایب عامل بازار همگی مثبت و به جز دو پورتفوی (پورتفوی شماره شش در حالت صعودی و پورتفوی شماره هشت در حالت نژولی) در سطح اطمینان ۵ درصد، معنی دار به دست آمد. میانگین بتاهای عامل بازار در شرایط صعودی و نژولی به ترتیب برابر ۰.۴۶ و ۰.۶۱ به دست آمد که مقدار آن نزدیک به شرایط معمولی است که برابر ۰.۷۵ به دست آمده است. این یافته‌ها با مطالعات قبلی بر روی الگوهای قیمت‌گذاری در شرایط صعودی-نژولی همچون لام و همکاران (۲۰۰۹) سازگار است. ضرایب هر دو عامل SMB و HTML در سطح ۵٪ در شرایط صعودی در هفت پورتفوی و در شرایط نژولی در شش پورتفوی معنی دار شده و میانگین آنها نیز در هر دو شرایط تفاوت اندکی با هم دارد. بنابراین، می‌توان گفت شرایط بازار، تأثیر چندانی بر معناداری نقش توضیحی SMB و HTML در الگوی کرهارت ندارد. در مورد عامل مومنتوم (WML)، نتایج همچنین، نشان داد ضریب این عامل در حالت صعودی در هفت پورتفوی و در حالت نژولی در پنج پورتفوی معنی دار شده است. همچنین، تفاوت بیشتری در میانگین این عامل در دو شرایط صعودی و نژولی مشاهده شد. از این رو، می‌توان گفت عامل مومنتوم می‌تواند تحت تأثیر شرایط بازار قرار گیرد و این امر برای عامل مومنتوم که تبعیت از روند بازار است، منطقی به نظر می‌رسد.

### اثر فصلی

برای کنترل اثر فصلی تمام تحلیل‌های قبلی یک بار دیگر به تفکیک ماههای سال روی الگو چهار عاملی کرهارت انجام شد. در مورد عامل بازار، نتایج به دست آمده از مقایسه میانگین بتاهای حاکی از این است که تنها میانگین بهمن ماه در سطح خطای ۵ درصد و میانگین مهرماه در سطح خطای ۱۰٪ با میانگین کل سال تفاوت معنی داری دارند و مقدار کمتری را نشان می‌دهند. در توجیه کاهش میانگین عامل MP در مهرماه می‌توان به رکود فصلی بورس تهران اشاره کرد که به طور تاریخی معمولاً در آن مقطع اتفاق می‌افتد. در مورد عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار، تنها «آذر ماه» به لحاظ میانگین با

بقیه سال تفاوت معنی‌داری از خود نشان می‌دهد. در مورد عامل مومنتوم نیز هیچ یک از ماهها با میانگین کل سال تفاوت معنی‌داری از خود نشان نمی‌دهد.

### بحث و نتیجه‌گیری

الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای فرض می‌کند که سرمایه‌گذاران پورتفوی کاملاً متنوعی همچون پورتفوی بازار نگهداری می‌کنند و در نتیجه، ریسک‌های خاص شرکت با انجام تنوع‌بخشی حذف می‌شوند و تنها ریسک سیستماتیک دارایی که برخاسته از عوامل کلان بازاری بوده و با بتا اندازه‌گیری می‌شود، مستحق پاداش است. بنابراین، انتظار می‌رود متغیرهای معرف ریسک‌های خاص شرکت چندان مورد توجه سرمایه‌گذاران قرار نگیرد؛ زیرا با تنوع بخشی قابل حذف هستند. اما در تحقیقات تجربی شواهدی بر خلاف آن گزارش شده است. در دنیای واقعی، سرمایه‌گذاران شاید توانند پورتفوی کاملاً متنوعی در عمل نگهداری نمایند. بنابراین، طبیعی است که نگران ریسک‌های غیر سیستماتیک باشند و از این رو برخی متغیرهای معرف خصوصیات شرکت همچون اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار را در تصمیمات خود لحاظ کنند. همچنین، در تحقیقات تجربی معمولاً بازده بازار و صرف بازار با استفاده از ارقام تاریخی شاخص بازار محاسبه می‌گردد و به عنوان معرفی از یک پورتفوی کاملاً متنوع در نظر گرفته می‌شود که ممکن است با واقعیت منطبق نباشد.

بررسی‌های ما در این پژوهش نشان می‌دهد که عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار سهم نقش قابل توجهی در توضیح دادن بازده‌های سهام شرکت‌های بورس تهران دارند و از این رو، می‌توان نتیجه گرفت که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ بهتر از الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای توان توضیح دادن بازده‌ها را دارد. همچنین، نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که عامل مومنتوم در توضیح دادن بازده‌های واقعی نقش قابل توجهی دارد و با افزودن صرف حاصل از این عامل به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، توان توضیحی الگو افزایش می‌یابد. این یافته حاکی از اعتبار تجربی الگوی کرهارت است که با تحقیقات مشابه خارجی سازگار می‌باشد. در هر صورت، این نتایج می‌تواند در ک و

دانش سرمایه‌گذاران و پژوهشگران حوزه بازار سرمایه را افزایش دهد و در پرتو آن شاید بتوان به شناسایی عوامل دیگری که توانایی توضیح دادن تغییرات بازده را داشته باشند، دست یافت.

### یادداشت‌ها

۱. صرف ریسک بازار (MP) عبارت است از بازده بازار منهای بازده بدون ریسک. صرف اندازه (SMB) عبارت است از بازده پورتفوی سهام کوچک(S) منهای بازده پورتفوی سهام بزرگ (B)، و صرف ارزش دفتری به بازار (HML) عبارت است از بازده پورتفوی سهام ارزشی (High B/M) منهای بازده پورتفوی سهام رشدی (Low B/M).
۲. چون عمل تشکیل پورتفوها در هر سال جداگانه تکرار می‌گردد، ترکیب پورتفوها به دلیل تغییرات در اندازه و ارزش دفتری حقوق صاحبان سهام هر شرکت از یک سال به سال دیگر تغییر می‌کند. البته ساختار پورتفوها در دوره‌های یک‌ساله ثابت نگه داشته شد.
۳. در هر سه مدل، متغیرهای اصلی تحقیق (وابسته و مستقل) به صورت صرف (عنی تفاضل دو بازده) بیان شده‌اند. برای مثال، متغیر وابسته به صورت تفاضل بازده واقعی منهای بازده بدون ریسک، و متغیر HML به صورت تفاضل بازده سهام با نسبت B/M بالا منهای بازده سهام با نسبت B/M پایین محاسبه شده است. مشابه همین توضیحات را می‌توان برای متغیرهای دیگر ارائه نمود.
۴. شاخص اصلی بورس تهران در آذر ۱۳۸۷ از شاخص نقدی (TEPIX) به شاخص قیمت و سود نقدی (TEDPIX) تغییر یافته است. همچنین، برای محاسبه بازده ماهانه بازار از رابطه  $R_m = (I_t - I_{t-1})/I_{t-1}$  استفاده شده است.

پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی  
پرستال جامع علوم انسانی

## منابع و مأخذ

Formatted: Space Before: 6 pt

- اسلامی بیدگلی، غلامرضا و خجسته، محمدعلی (۱۳۸۷)، بهبود عملکرد پورتفوی بر مبنای بازده تعديل شده بر اساس ریسک در سرمایه‌گذاری مبتنی بر بهره‌وری سرمایه در بورس اوراق بهادار تهران، *تحقیقات مالی*، ش. ۲۵، ص. ۲۱-۳.
- آقاییگی، صابر (۱۳۸۵)، مقایسه مدل قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای و مدل سه عاملی فاما و فرنچ در توضیح نرخ بازده مورد انتظار سرمایه‌گذاران، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه شهید بهشتی.
- امینی، نقی (۱۳۸۸)، بررسی پدیده‌های نیروی حرکت قیمت و نیروی حرکت عایدات و رابطه آنها با هم در بورس اوراق بهادار تهران، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه شهید بهشتی.
- باقر زاده، سعید (۱۳۸۴)، بررسی عوامل تأثیرگذار بر بازده مورد انتظار سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران، *تحقیقات مالی*، ش. ۱۵، ص. ۱۳۷-۱۶۱.
- راعی، رضا و احمد تلنگی (۱۳۸۳)، مدیریت سرمایه‌گذاری پیشرفته، انتشارات سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاه‌ها (سمت)، تهران
- رباط میلی، مژگان (۱۳۸۶)، مقایسه عملکرد مدل قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای مدل سه عاملی فاما و فرنچ در پیش‌بینی بازده مورد انتظار در بورس اوراق بهادار تهران، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه الزهرا.
- طارمی، مریم، آزمون مدل سه عاملی فاما و فرنچ در بورس اوراق بهادار تهران جهت پیش‌بینی بازده سهام، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه الزهرا.
- عباسی، ابراهیم و غفار غزلجه (۱۳۹۱)، آزمون تأثیر الگوی سه عاملی فاما و فرنچ در پراکندگی بازده سبد سهام، دانش حسابداری، ش. ۱۱، ص. ۱۸۰-۱۶۱.
- فدایی‌نژاد، محمد اسماعیل و صادقی، محسن (۱۳۸۵)، بررسی سودمندی استراتژی‌های مومنتوم و معکوس، پیام مدیریت، ش. ۱۷ و ۱۸، ص. ۳۱-۷.
- قالیاف اصل، حسن و شمس، شهاب الدین و ساده وند، محمدجواد (۱۳۸۹)، بررسی بازده اضافی استراتژی شتاب سود و قیمت در بورس اوراق بهادار تهران، بررسی‌های حسابداری و حسابرسی، ش. ۹۹ و ۶۱، ص. ۹۹-۱۱۶.
- کمالی، هاجر (۱۳۸۶)، بررسی استراتژی شتاب و مقایسه آن با استراتژی معکوس در بورس اوراق بهادار تهران، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه الزهرا.

- مکارم، احمد (۱۳۸۶)، بررسی و مقایسه توانایی الگو قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای (CAPM) و مدل سه عاملی فاما و فرنچ در توضیح نوسانات بازده سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تربیت مدرس.

Formatted: Space Before: 6 pt

- Akdeniz, L., Altay-Salih, A. and Aydogan, K. (2000). Cross Section of Expected Stock Returns in ISE, *Russian and East European Finance and Trade*, Vol. 36, No. 5, pp. 6-26.
- Ammann M., and Steiner, M. (2008). Risk Factors for the Swiss Stock Market, *Swiss Journal of Economics and Statistics*, Vol. 144, No. 1, pp. 1-35.
- Artmann, S. , Finter, P. and Kempf, A. ,(2009). Determinants of Expected Stock Returns: Large Sample Evidence from the German Market, *Working Paper*, University of Cologne.
- Banz, R. W. (1981). The Relationship between Return and Market Value of Common Stocks, *Journal of Financial Economics*, Vol. 9, pp. 3-18.
- Bartholdy, J. and Paula P. (2005), Estimation of expected return: CAPM vs. Fama and French, *International Review of Financial Analysis*, Vol. 14, pp. 407-427.
- Basu, S., (1977).Investment Performance of Common Stocks in Relation to Their Price-Earnings Ratios: A Test of the Efficient Market Hypothesis. *Journal of Finance*, Vol. 32, No. 3, pp. 663-682.
- Bhandari, L.C. (1988). Debt/equity ratio and expected common stock returns: Empirical evidence, *Journal of Finance*, Vol. 43, pp. 507-528.
- Black, F., (1972). Capital Market Equilibrium with Restricted Borrowing. *Journal of Business*, Vol. 45, No. 3, pp. 444-455.
- Capaul, C., Rowley, I., and Sharpe, W. (1993). International Value and Growth Stock Returns, *Financial Analysts Journal*, Vol. 49, pp. 27-36.
- Carhart, M.M., Krail, R.J., Stevens, R.L., and Welch, K.D. (1996). Testing the Conditional CAPM, *Working Paper*, Graduate School of Business, University of Chicago.
- Carhart, M. M. (1997). On Persistence in Mutual Fund Performance, *Journal of Finance*, Vol. 52, No. 1, pp. 57-82.
- Chan, L.K., Jegadeesh, N. and Lakonishok, J. (1996). Momentum Strategies, *Journal of Finance*, Vol. 11, No. 5, pp. 1681-1713.
- Chen, L., Novy-Marx, R. and Zhang, L. (2010). An Alternative Three-Factor Model, *Working paper*, SSRN.
- Chui A., Titman, S. and Wei, K.C. (2000). Momentum, Legal Systems and Ownership Structure: An Analysis of Asian Stock Markets. *Working paper*, SSRN.
- Copeland, T.E., Weston, J.F. and Shastri, K. (2005). *Financial Theory and Corporate Policy*, Adisson Wesley, 4th ed.
- Fama, E.F. and MacBeth, J.D. (1973). Risk, return and equilibrium: empirical tests, *Journal of Political Economy*, Vol. 81, pp. 607-636.

- Fama, E.F. and French, K.R. (1992). The Cross-Section of Expected Stock Returns. *Journal of Finance*, Vol. 47, No. 2, pp. 427-465.
- Fama, E.F. and French, K.R. (1993). Common Risk Factors in the Returns on Stocks and Bonds, *Journal of Financial Economics*, Vol. 33, No. 1, pp. 3-56.
- Fama, E.F. and French, K.R. (1996). Multifactor Explanations of Asset Pricing Anomalies, *Journal of Finance*, Vol. 51, No. 1, pp. 55-84.
- Fama, E.F. and French, K.R. (1998). Value versus Growth: The International Evidence, *Journal of Finance*, Vol. 53, pp. 1975-1999.
- Foster, K.R. Kharazi, A. (2008). Contrarian and Momentum Returns on Iran's Tehran Stock Exchange, *Journal of International Financial Markets, Institutions & Money*, Vol. 17, No. 5.
- Griffin, J., Ji, X., and Martin, S. (2003). Momentum investing and business cycle risk: evidence from pole to pole, *Journal of Finance*, Vol. 58, pp. 2515-547
- Grundy, B.D. and Martin, J.S. (2001). Understanding the Nature of the Risks and the Sources of the Rewards to Momentum Investing. *Review of Financial Studies*, Vol. 14, No. 1, pp. 29-78.
- Hameed, A. and Kusnadi, Y. (2002). Momentum Strategies Evidence from Asian Pacific Stock Market. *Journal of Financial Research*, Vol. 25, No. 3, pp. 383-397.
- Haris, R.S., and Marston, F.C. (1995) Value versus Growth Stock: Book-to-Market, Growth, and Beta, *Financial Analysts Journal*, Vol. 50, No. 5, pp. 18-24.
- Hubinette, N., and Jonsson, G. (2011). An Alternative Four-Factor Model, *Master Thesis in Finance*, Stockholm School of Economics.
- Jegadeesh , N. and Titman, S. (1993). Returns to Buying Winners and Selling Losers: Implications for Stock Market Efficiency, *Journal of Finance*, Vol. 48, No. 1, pp. 65-91.
- Jegadeesh, N. and Titman, S. (2001). Profitability of Momentum Strategies: An Evaluation of Alternative Explanations, *Journal of Finance*, Vol. 56, No. 2, pp. 699-720.
- Jensen, G.R., Johnson, R.R., and Mercer, J.M., 1997. New evidence on size and price-to-book effects in stock returns. *Financial Analysts Journal*, Vol. 53, pp. 34-41.
- Kang, J., Liu, M.H., Ni, S.X., (2002). Contrarian and Momentum Strategies in the China Stock Market: 1993-2000. *Pacific Basin Finance Journal*, Vol. 10, pp. 243-265.
- Kassimatis, K. (2008). Size, book to market and momentum effects in the Australian stock market, *Australian Journal of Management*, Vol. 33, pp. 145-168
- Keim, D.B. (1988). *Stock Market Regularities: A Synthesis of the Evidence and Explanations in Stock Market Anomalies*, Elroy Dimson ed. Cambridge: Cambridge University Press.
- Kim, D.B., (1983). Size Related Anomalies and Stock Return Seasonality. *Journal of Financial Economics*, Vol. 12, pp. 13-32.

- Lee, C.M. and Swaminathan, B. (2000). Price Momentum and Trading Volume. *Journal of Finance*, Vol. 55, No. 5, pp. 2017–2069.
- L'Her, J., Masmoudi, T., and Suret, J. (2004). Evidence to Support the Four-Factor Pricing Model from the Canadian Stock Market, *Journal of International Financial Markets, Institutions and Money*, Vol. 14, No. 4, pp. 313–328.
- Liew, J., and Vassalou, M. (2000). Can Book-to-Market, Size and Momentum be Risk Factors that Predict Economic Growth?, *Journal of Financial Economics*, Vol. 57, No. 2, pp. 221–245.
- Lintner, J., (1965). Security Prices, Risk and Maximal Gains from Diversification. *Journal of Finance*, Vol. 20, No. 4, pp. 587–615.
- Liu, W., N. Strong, and Xu, X. (1999). The Profitability of Momentum Investing. *Journal of Business Finance and Accounting*, Vol. 26, No. 9/10, pp. 1043–1091.
- Muga, L., and Santamaría, R., (2007). The Momentum effect in Latin American Emerging Markets, *Emerging Markets Finance and Trade*, Vol. 43, No. 4, pp. 24-45.
- Naughton T., Truong, C. and Veeraraghavan, M. (2007), Momentum Strategies and Stock Returns: Chinese Evidence, *Pacific Basin Finance Journal*, Vol. 16, Vol. 4, pp. 476-492.
- O'Brien, M., Brailsford, T., and Gaunt, C. (2010). Interaction of size, book-to-market and momentum effects in Australia, *Accounting and Finance*, Vol. 50, pp. 197–219.
- Pettengill, G., Sundaram, N. and Mathur, I. (1995). The Conditional Relation between Beta and Return. *Journal of Financial and Quantitative Analysis*, Vol. 30, No. 1, pp. 101-116.
- Roll, R., (1983). Was ist das? The turn-of-the-year effect and the Return Remia of Small Firms, *Journal of Portfolio Management*. Vol. 11, pp. 9-17.
- Rosenberg, B., Reid, K., and Lanstein, R., (1985). Persuasive Evidence of Market Inefficiency. *Journal of Portfolio Management*, Vol. 11, No. 3, pp. 9–16.
- Rouwenhorst, K.G., (1998). International Momentum Strategies. *Journal of Finance*, Vol. 53, No. 1, pp. 267–284.
- Schiereck, D., De Bondt, W. and Weber, M. (1999). Contrarian and Momentum Strategies in Germany. *Financial Analysts Journal*, Vol. 55, No. 6, 104–116.
- Sharpe, W. F., (1964). Capital Asset Prices: A Theory of Market Equilibrium under Conditions of Risk. *Journal of Finance*, Vol. 19, No. 3, pp. 425–442.
- Vilber, M. (2008). The Momentum Effect: Evidence from the Swedish Stock Market. *Working paper*, Uppsala University.

Formatted: Space Before: 6 pt

پرکال جامع علوم انسانی