

چکیده

عنوان جایگزینی جبری برای روش شناسی تصادفی چند هدفه برای انتخاب پرتفوی به کار گرفته می‌شود. به عبارتی از برنامه ریزی جبری چند هدفه، به عنوان مبنایی برای برنامه ریزی تصادفی^۲ استفاده می‌شود. مدل تصادفی جبری هم ارزی، مبتنی بر برنامه ریزی های ریاضی هم ارزی و برنامه ریزی تصادفی جبری است. مساله انتخاب

ریزی هدف^۱، برنامه ریزی هم ارزی^۳ برای دسترسی به بهترین رضایت از خواست‌ها و ترجیحات تصمیم گیرنده، مورد استفاده قرار می‌گیرند. در این پژوهش فرض می‌شود که پارامترهای مربوط به اهداف، تصادفی بوده و از توزیع نرمال برخوردارند. به علاوه، برنامه ریزی تصادفی جبری هم ارزی^۴ به

معمولاً در مساله انتخاب پرتفوی، تصمیم گیرنده اهداف متضاد ریسک^۱، بازدهی^۲ و نقدینگی^۳ را باهم در نظر می‌گیرد. روش شناسی های چند منظوره مثل برنامه

GRAMMING

7 - STOCHASTIC PROGRAMMING

4 - GOAL PROGRAMMING

5 - COMPROMISE PROGRAMMING

6 - CHANCE CONSTAINED COMPROMISE PRO-

1 - RISK

2 - RSTE OF RETURN

3 - LIQUIDITY

پرتفوی در این پژوهش با ملاحظه ی چندین هدف متضاد و هم‌چنین در نظر گرفتن تصادفی برخی از پارامترها، مشخص می‌شود. روش شناسی تصادفی جبری هم ارزی به تصمیم گیرنده اجازه خواهد داد تا با مشکلات انتخاب و بهینه سازی پرتفوی رودر رو شود. بدین منظور، ابتدا بهترین ارزش‌های اهداف محاسبه شده و سپس این روش شناسی در بازار اوراق بهادار تهران آزمون می‌شود و در نهایت پرتفوی بهین و منتخب، با اهداف مورد نظر ایده آل انطباق می‌یابد. در نتیجه پرتفوی ایده آل، پرتفوی خواهد بود که بهترین وضعیت را از لحاظ اهداف ریسک، بازدهی و نقدینگی از نظر تصمیم گیرنده داشته باشد.

واژگان کلیدی

انتخاب پرتفوی، برنامه ریزی هدف، برنامه ریزی هم ارزی، برنامه ریزی تصادفی، برنامه ریزی جبری تصادفی هم ارز

مقدمه

شناسایی عوامل دخیل بر تصمیم گیری سرمایه گذار و اندازه گیری این عوامل و هم‌چنین چگونگی تاثیر آن‌ها بر امر انتخاب پرتفوی و کنترل آن‌ها، مشکلی اساسی برای تحلیل گران مالی است. برای اولین بار هری مارکوویتز⁸ ارتباط ریسک با بازده رادر چارچوب منحنی سرمایه گذاری نشان داد و ماهیت این دو عامل را در قالب اعداد بیان کرد. در دنیای واقعی عوامل تاثیر گذار بر تصمیم گیری سرمایه گذار بیش تر از دو عامل ریسک و بازدهی بوده و باید این

عوامل هم در قالب کمیت‌ها بیان شوند تا به یک نقطه بهینه⁹ در تصمیم گیری برای انتخاب پرتفوی دسترسی پیدا کنیم. مدل‌های برنامه ریزی خطی¹⁰ و غیر خطی¹¹ به سرمایه گذاران، این توانایی را می‌دهند تا آزمون اثر بیش از دو عامل تاثیر گذار بر سرمایه گذاری را انجام داده و هم‌زمان، چندین عامل مداخله گر، متضاد و موثر بر تصمیم گیری و انتخاب پرتفوی را، در نظر داشته باشند. از طرفی دیگر در انتخاب سبد سرمایه گذاری، دوره های زمانی و عدم اطمینان¹² نقش به‌سزایی را ایفا می‌کنند که در چالش های برنامه ریزی مالی وجود دارند. برای تثبیت تمامی جنبه های عدم اطمینان، برنامه ریزی تصادفی، جهت دهی مناسبی به سمت مباحث کاربردی است، با این فرض که تصمیم گیرنده توانایی محدود کردن ارزش های اهداف مربوط به موقعیت تصمیم را دارد. این مدل‌ها در دهه ۱۹۵۰ توسط دانتزیگ¹³، بیل¹⁴، کارنر و کوپر¹⁵ پیشنهاد شدند. مدل های استفاده شده در این پژوهش، مدل مارکوویتز، مدل کران دار چند منظوره¹⁶ و برنامه ریزی تصادفی جبری هم ارز هستند.

بیان مساله

امروزه تلاش زیادی برای توسعه مدل‌های سنتی مالی در حل مشکلات بهینه سازی

9 - IDEAL POINT

10 - linear programming

11 - Quadratic

12 - UNCERTAINTY

13 - Dantzig

14 - Beale

15 - Charnes and Cooper

16 - Multi Objective Models

8 - Harry Markowitz

امروزه تلاش زیادی برای توسعه مدل‌های سنتی مالی در حل مشکلات بهینه سازی و انتخاب سبد سرمایه گذاری انجام گرفته است که تمامی این مدل‌ها در راستای حمایت از عموم سرمایه گذاران در تعیین تعادل میان عوامل تاثیر گذار بر انتخاب آن‌ها و در نهایت گزینش مطلوب ترین دارایی‌ها در سبد سرمایه گذاری با لحاظ کردن موارد مربوطه است.

و انتخاب سبد سرمایه گذاری انجام گرفته است که تمامی این مدل‌ها در راستای حمایت از عموم سرمایه گذاران در تعیین تعادل میان عوامل تاثیر گذار بر انتخاب آن‌ها و در نهایت گزینش مطلوب ترین دارایی‌ها در سبد سرمایه گذاری با لحاظ کردن موارد مربوطه است. در راستای این عوامل از عایدی های مورد انتظار از سبد سرمایه گذاری می‌توان به عنوان تقریب استفاده کرد زیرا ممکن است عایدی‌ها تصادفی بوده و سرمایه گذار گروهی از دارایی‌ها را در سبد خود، با در نظر گرفتن تمامی عایدی های ممکنه در نظر بگیرد (دیو، ۱۹۹۹). معمولاً تصمیم گیرنده برای انتخاب از میان چندین مورد سرمایه گذاری و اوراق یا هر نوع دارایی که تمایل به تصاحب آن‌ها در سبد سرمایه گذاری خود دارد با موارد متضاد مواجه می‌شود، مثلاً وی برای حداقل کردن ریسک سبد سرمایه گذاری خود تلاش می‌کند و از طرفی می‌خواهد بازدهی حاصله را حداکثر کند. علاوه بر این دو عامل عواملی دیگر هم دخیل هستند که می‌توان به نقدینگی

$x \in X$

$$\delta_i^- \geq 0 \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

زمانی که حداقل کردن اهداف، مورد نظر باشد، ارزش های f_i ، به طریقه زیر محاسبه خواهند شد:

$$f_i = \min f_i(x) \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

: Subject to

$$g_k(x) \leq b_k \quad \forall_k = 1, 2, \dots, m$$

$x \in X$

آنگاه، مدل برنامه ریزی هم ارزی به شکل زیر فرمول بندی خواهد شد:

$$\text{Min} \sum_{i=1}^m \delta_i^+$$

: Subject to

$$f_i(x) + \delta_i^+ = f_i \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

$$g_k(x) \leq b_k \quad \forall_k = 1, 2, \dots, k$$

$x \in X$

$$\delta_i^+ \geq 0 \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

برنامه ریزی تصادفی

مدل های تصادفی در برنامه ریزی تولید، سرمایه گذاری های مربوط به انرژی، مدیریت آب، و مدیریت مالی کاربردهای فراوانی دارد (shahinidis, 2004). در موارد تک هدفه دو مورد رهیافت اصلی برای حل برنامه ریزی تصادفی مورد استفاده قرار می گیرد:

$$\left(\text{Min} \sum_{i=1}^m (\delta_i^- + \delta_i^+) \right)$$

: Subject to

$$f_i(x) + \delta_i^- + \delta_i^+ = f_i \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

$$g_k(x) \leq b_k \quad \forall_k = 1, 2, \dots, m$$

$x \in X$

$$\delta_i^- \& \delta_i^+ \geq 0 \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

برنامه ریزی هم ارزی توسط زلنی²¹ در سال 1974، معرفی شد. این برنامه ریزی شامل کمینه کردن فاصله میان سطح دسترسی $f_i(x)$ و ارزش های ایده آل f_i مربوط به هر هدف i است. در زمانی که بیش تر بودن اهداف مطلوبتر باشد، ارزش های f_i ، به طریقه زیر محاسبه خواهند شد:

$$f_i = \max f_i(x) \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

: Subject to

$$g_k(x) \leq b_k \quad \forall_k = 1, 2, \dots, m$$

$x \in X$

و در این مورد، مدل برنامه ریزی هم ارزی به شکل زیر فرموله می شود:

$$\text{Min} \sum_{i=1}^m \delta_i^-$$

: Subject to

$$f_i(x) + \delta_i^- = f_i \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

$$h_k(x) \leq b_k \quad \forall_k = 1, 2, \dots, k$$

21 - Zeleny

سهمی که وی انتخاب می کند اشاره کرد. با وجود این دلایل بود که مدل مارکوویتز به علت کارا نبودنش با مدل های بدیهی سهام برای انتخاب دارایی های پرتفوی در شرایط ریسک نقد شد (bell & raffia 1998). هم چنین لوی¹⁷ ادعا می کند که مدل های موجود با ترجیحات مبتنی بر نظریه روابط جبر تصادفی¹⁸ و نظریه بهره وری مورد انتظار¹⁹ هستند. بنابراین مشکل انتخاب و بهینه سازی پرتفوی می تواند به عنوان یک مدل برنامه ریزی تصادفی و ریاضی چند هدفه نگریسته شود و حل این مدل به نحوی که بتوان عوامل دخیل بر تصمیم گیری را هم که به گزینش سرمایه گذار تاثیر می گذارد لحاظ کرد، حایز اهمیت است. این تحقیق برای آزمون مدلی انجام می پذیرد که علاوه بر عوامل ریسک و بازدهی برای تصمیم گیری سرمایه گذار، عامل نقدینگی در رابطه با سهام را هم در نظر گرفته و هم زمان با این سه عامل، انتخاب سبد سرمایه گذاری محقق خواهد شد. بی شک، نتایج حاصله از تحقیق، برای عموم سرمایه گذاران دولتی و انفرادی در سطح خرد و کلان، ارزشمند خواهد بود.

ادبیات و چارچوب نظری

برنامه ریزی هدف و برنامه ریزی هم ارزی

برنامه ریزی هدف توسط کارنس و کوپر²⁰ به شکل استاندارد زیر معرفی شد:

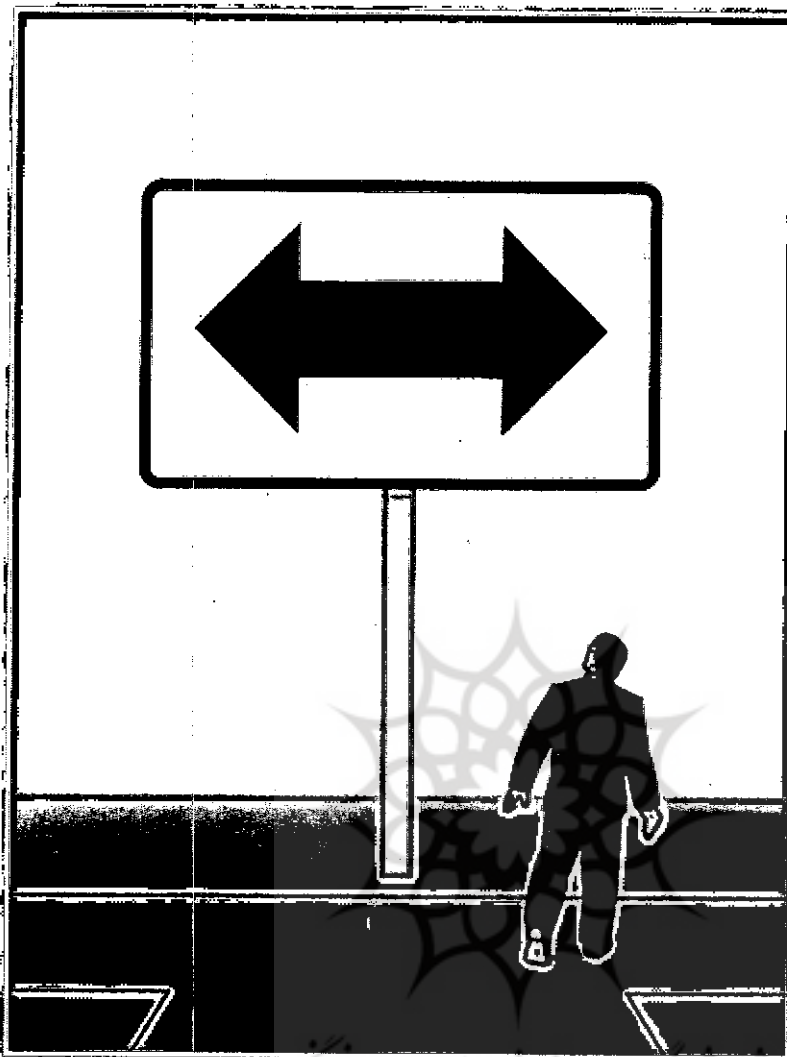
17 - LEVY

18 - STOCHASTIC DOMINANCE THEORY

19 - EXPECTED UTILITY THEORY

20 - Charnes et al.(1995) & Charnes &

Cooper(1961)



۱- رهیافت ارجاعی^{۲۲}

۲- رهیافت جبری تصادفی^{۲۳}

مدل برنامه ریزی جبری تصادفی شامل پیشینه کردن ارزش های مورد انتظار مربوط به درجه واقعی و ممکن محدودیت های تصادفی است. C_p و A_p ماتریس های تصادفی و b_k بردار تصادفی است. اگر ما ارزش های اهداف $\forall m, \dots, 1, 2, \dots, m$ $C_p x_j$ را حداکثر کنیم، برنامه ریزی تصادفی چند هدفه به صورت زیر نوشته می شود:

$$\text{Max} \sum_{j=1}^n C_{pj} x_j \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

Subject to

$$A_{pj} x_j \leq b_k \quad \forall_k = 1, 2, \dots, k \sum_{j=1}^n$$

$x \in X$

در رهیافت مربوط به جبری تصادفی این مدل (مدل برنامه ریزی تصادفی چند هدفه)، به مدل جبری زیر تبدیل می شود:^{۲۴}

$$\text{Max} E \left(\sum_{j=1}^N C_{pj} x_j \right) \quad \forall_i = 1, 2, \dots, m$$

Subject to

$$\text{Prob} \left(\sum_{j=1}^N A_{pj} x_j \leq b_k \right) \geq 1 - Z_k \quad \forall_k = 1, 2, \dots, k$$

$x \in X$

برنامه ریزی جبری تصادفی هم ارز

در این بخش، برنامه ریزی جبری برای

محدودیت تصادفی مربوط به $A_{pj} x_j \leq b_k$ برابر با تابع زیر است:

$$Z_k - 1 \geq \text{Prob} \left(\sum_{j=1}^n A_{kj} x_j \leq b_k \right) \quad \forall_k = 1, 2, \dots, k$$

و فرض می کنیم که تابع زیر از توزیع نرمال برخوردار است:

$$I_k(x) = \sum_{j=1}^n A_{kj} x_j - b_k$$

میانگین $E(I_k(x))$

واریانس $\text{var}(I_k(x))$

$$\sigma = \sqrt{\text{var}(I_k(x))} = \text{انحراف معیار}$$

مدل تصادفی چند هدفه، مبنی بر رهیافت تصادفی جبری و هم ارزی، توضیح داده می شود. به اصطلاح این مدل را برنامه ریزی تصادفی جبری هم ارز، می نامیم. طریقه تبدیل محدودیت ها و اهداف تصادفی به محدودیت ها و اهداف جبری، به شرح ذیل تشریح می شود:

محدودیت های تصادفی^{۲۵}

این محدودیت ها از مدل برنامه ریزی تصادفی جبری گرفته می شود. A_{pj} و b_k پارامترهایی با توزیع نرمال و تصادفی اند.

22 - Recourse approach

23 - chance constrained APPROACH

24 - Precopa, 1995

$$\forall k, \dots, 1, 2 = \sigma \left(\sum_{j=1}^n A_{kj} x_j \right) \leq (b_k - \epsilon)$$

اهداف تصادفی

c_j پارامترهایی با توزیع نرمال و تصادفی اند و c_j حداکثر ارزش مشاهده شده برای هدف او متغیر زبرای وزن های (c_j) $\sum_{j=1}^n c_j$ $(\omega = \max c_j)$ است. بهترین راه حل ممکن برای تابع هدف

$\sum_{j=1}^n c_j x_j$ با توجه به محدودیت های سیستم است. با این فرض که تابع هدف باید بیشینه شود.

$$\forall i, 1, 2 = f_i = \max \sum_{j=1}^n c_j x_j$$

subject to

$$x \in X$$

و معمولاً:

$$c_j x_j \leq f_i \sum_{j=1}^n$$

$$Z - 1 \geq (\text{Prob}(\sum_{j=1}^n c_j x_j \geq f_i - \epsilon_i)) \quad \forall i, 1, 2 = \dots, m$$

$$Z - 1 \leq (\text{Prob}(\sum_{j=1}^n c_j x_j \leq f_i)) \quad \forall i, 1, 2 = \dots, m$$

Z ، ارزش حدی است که مقدار آن توسط تصمیم گیرنده لحاظ می شود.

فرض می کنیم که تابع زیر از توزیع نرمال برخوردار است:



$$Z - 1 \geq 0 \leq (\text{Prob}(I_k(x) / \sigma_k(x) \geq \Phi^{-1} - \epsilon_k)) \quad \forall k, 1, 2 = \dots, m$$

$$Z - 1 \leq 0 \leq (\text{Prob}(I_k(x) - E(I_k(x)) / \sigma_k(x) \leq -\Phi^{-1} + \epsilon_k)) \quad \forall k, 1, 2 = \dots, m$$

یعنی:

$$Z - 1 \leq 0 \leq (\text{Prob}(N(\sum_{j=1}^n A_{kj} x_j, \epsilon_k) \leq (b_k - \epsilon_k) + \Phi^{-1} - E(\sum_{j=1}^n A_{kj} x_j)) \quad \forall k, 1, 2 = \dots, m$$

میانگین $E(h(x))$

واریانس $var(h(x)) = h(x)$

$$h(x) = f_1 = \sum_{j=1}^m c_j x_j \cdot h_j(x)$$

$$\sigma = \sqrt{h(x) \text{ var}} = h(x) \text{ انحراف معیار}$$

آنگاه عبارت

$$\text{Prob}(h(x) \leq e_1 - 1) \geq e_1, m, \dots, 1, 2, \dots$$

به صورت زیر بیان می شود:

$$\text{Prob}(h(x) - E(h(x)) / \sigma h(x) \leq e_1 - 1) \geq e_1, m, \dots, 1, 2, \dots$$

$$f_1 \geq (e_1 - 1) / \sigma h(x), m, \dots, 1, 2, \dots$$

$$f_1 \geq (e_1 - 1) / \sigma h(x), m, \dots, 1, 2, \dots$$

$$f_1 \geq (e_1 - 1) / \sigma h(x) + E(h(x)), m, \dots, 1, 2, \dots$$

که (f^{-1}) مقدار احتمال توزیع نرمال استاندارد برای متغیرهای تصادفی در محدودیت ها است.

یعنی

$$f_1 \geq (e_1 - 1) / \sigma h(x) + E(h(x)), m, \dots, 1, 2, \dots$$

مدلی که در این پژوهش استفاده می شود به سرمایه گذار اجازه خواهد داد که همزمان

اهداف متضاد و پارامترهای تصادفی را برای بهبود بخشیدن به تصمیم گیری در انتخاب بهینه سبد سرمایه گذاری خود در نظر بگیرد.

فرآیند ارزیابی شامل مراحل زیر است:

۱. تعریف اهداف

۲. تعیین ارزشهای واقعی اهداف برای هر هدف

۳. اجرایی کردن مدل و حل آن

اهدافی که توسط هری مارکوویتز برای بهینه سازی و انتخاب سبد سرمایه گذاری در نظر گرفته شده میانگین و واریانس بودند. لسی و چیزز^{۲۷} (۱۹۸۰) و زاپونیدیس و دیگران^{۲۸} (۱۹۹۹)، مجموعه ای از اهداف را که تصمیم گیرندگان می توانند برای ارزیابی سهام در نظر بگیرند را ذکر کردند. با توجه به نتایج ارایه شده توسط محققان مذکور، در این تحقیق اهداف زیر مد نظر قرار میگیرند:

۱. نرخ بازدهی: این هدف، سود دهی و بازدهی سهام را نشان میدهد، به این معنی که عایدی ها می توانند نوعی از عایدی های تصادفی سرمایه و سود آن باشند. نرخ بازدهی باید حداکثر شود.

$$D_{jt} / P_{jt} + R_{jt} - P_{jt}$$

در این معادله P_{jt} قیمت تصادفی سهام زدر زمان t ، D_{jt} سود سهام تصادفی دریافت شده طی دوره $t-1$ ، و R_{jt} از توزیع

27 - lee & chesser

28 - zopounidis & et all

این تحقیق به منظور حل مشکل انتخاب سبد سرمایه گذاری در مواردی که چندین هدف متضاد یکدیگر توسط تصمیم گیرنده، در نظر گرفته شده است، انجام می گیرد. این پژوهش بر اساس هدف از نوع کاربردی بوده و بر اساس نحوه گرد آوری داده ها از نوع توصیفی (پیمایشی) است.

تصادفی و نرمال با میانگین و واریانس معلوم، برخوردار است.

۲. نرخ جریان مبادلات: این هدف نقدینگی سهام را نشان میدهد و باید حداکثر شود.

$$EF_{1j} N_{1j} / N_{1j}$$

در این معادله N_{1j} بیانگر تعداد روزهایی است که سهام ز معامله شده و N_{1j} تعداد روزهایی را نشان میدهد که بازار باز بوده است.

۳. ضریب ریسک β_j ، که بیانگر قابلیت اتکای بازدهی های سهام به بازدهی های بازار است. همبستگی ضعیف با بازدهی بازار نشان دهنده وضعیت سهام بدون هماهنگی با نوسانات بازار است.

$$\beta_j = \text{Cov}(R_j, R_m) / \text{Var}(R_m)$$

در این معادله R_j ، R_m ، $n, \dots, 1, 2, \dots$ نشان دهنده نرخ بازدهی سهام ز و R_m برابر با نرخ بازدهی بازار است. با توجه به انتخاب پرتفوی با ریسکی برابر با ریسک بازار، همانگونه که



investment = e_j , $\forall j$ for $e_j \leq x_j$ (banking = companies e_j)

هم چنین ارزش های بهینه مربوط به بازدهی و نرخ جریان مبادلات از معادلات (۱-۴) و (۱-۵) زیر به دست می آیند. فرض می کنیم که:

$$n, \dots, 1, \forall j = R_j = \text{Max } R_j$$

آنگاه برای محاسبه نرخ بازدهی، داریم:

$$R^* = \text{Max} \sum_{j=1}^4 R_j x_j$$

Subject to

$$1 = x_j \sum_{j=1}^4$$

$$0, \forall j \leq x_j \sum_{j=1}^4$$

$$n, \dots, 1, \forall j = z \quad 0, 1 \geq x_j \geq 0$$

به علاوه ارزش های بهینه مربوط به نرخ جریان مبادلات نیز به طریقه زیر محاسبه خواهند شد:

$$EF^* = \text{Max} \sum_{j=1}^4 EF x_j$$

Subject to

$$1 = x_j \sum_{j=1}^4$$

$$0, \forall j \leq x_j \sum_{j=1}^4$$

$$n, \dots, 1, \forall j = z \quad 0, 1 \geq x_j \geq 0$$

R^* و EF^* ، بیان گر ارزش حداکثر مشاهده شده برای اهداف نرخ بازدهی و نرخ جریان مبادلات می باشند. برای β ، در این پژوهش، ارزش هدف برابر یک فرض



$$n, \dots, 1, \forall j = z \quad 0, 1 \geq x_j \geq 0$$

x_j ، بیان گر مقدار سرمایه گذاری شده در سهم j است.

• مجموع وزن های سرمایه گذاری شده سهام در سبد باید برابر با یک باشد:

$$1 = x_j \sum_{j=1}^4$$

• مجموع وزن های اختصاص داده شده به گروه واسطه گری مالی در پرتفوی، بیش تر از ۳۰٪ کل سرمایه تخصیص یافته برای پرتفوی نباشد:

لی و چی زر^{۲۰} فرض کردند، مقدار هدف برای بتا را برابر یک در نظر می گیریم.

ارزش های بهینه اهداف i که با نماد f_i نشان می دهیم، با حداکثر و یا حداقل کردن تابع هدف جداگانه تحت محدودیت های سیستم به دست می آید. توضیح این محدودیت ها به این شرح است:

• تنظیم حد بالا و حد پایین برای هر ورق بهادار به منظور تنوع سازی در پرتفوی به صورتی که:

جدول شماره (1-1): اطلاعات مربوط به شرکت‌ها

n	Stocks	Rate Of Return	Risk	Exchange Flow Ratio	(E(R))	MaxLim- R _i
1	آذیت	1.1806	8.05833E-17	0.1799	0.3902	0.9948
2	بما	7.1627	-1.39138E-16	0.3805	0.0778	0.9015
3	بانک اقتصاد نوین	0.2947	-5.08756E-17	0.8200	-0.1150	0.8301
4	بانک کارآفرین	0.7382	4.38081E-17	0.8661	-0.0480	0.8928
5	بانک پارسیان	0.3580	-1.56628E-16	0.8912	0.0320	0.9299
6	دارو ابوریحان	0.0912	7.78498E-17	0.1916	-0.4280	0.0234
7	دارو اکسیر	0.2422	-1.76098E-17	0.5416	-0.0760	0.8352
8	دارو سبحان	0.8260	-4.16051E-17	0.7833	-0.1010	0.7548
9	دارو زهراوی	1.8098	-1.81206E-16	0.5500	0.0231	0.9604
10	حمل و نقل پتروشیمی	2.1937	2.21696E-17	0.3083	0.2210	0.9420
11	حمل و نقل توکا	-0.2324	5.21383E-17	0.7041	0.9776	0.9665
12	ایران خودرو	0.2267	-1.82547E-16	0.8661	0.0840	0.9538
13	پارس دارو	1.0994	1.43135E-16	0.7708	-0.0310	0.9259
14	پارس خزر	0.0962	-5.43451E-17	0.2791	0.0160	0.0969
15	پارس سرام	-0.2563	2.56908E-16	0.1916	0.0191	0.7002
16	یگانه آزر ایجان	-0.0974	3.50605E-17	0.1416	0.0532	0.5080
17	پتروشیمی اصفهان	0.7284	1.84198E-16	0.8166	-0.0170	0.9712
18	پتروشیمی فارابی	0.3344	1.17006E-17	0.5625	-0.1046	0.7549
19	ریخته گری تراکتور	0.1164	3.64248E-16	0.7125	0.0443	0.9937
20	سلپا	0.1984	5.88519E-17	0.8208	0.0247	0.9920
21	سر بانک ملی	-0.1227	1.97486E-16	0.6208	0.1912	0.9535
22	سربازنشستگی	0.1329	2.12428E-16	0.7000	-0.1564	0.4516
23	سربوعلی	-0.2678	-8.82024E-17	0.5541	-0.0601	0.8101
24	سربارس توشه	0.0599	2.20011E-16	0.5666	0.0943	0.7754
25	سربپروشیمی	-0.4734	1.15713E-16	0.7625	-0.1422	0.8185
26	سازه پوش	0.0182	-2.49788E-16	0.1208	0.0059	0.0178
27	سرتوسعه ملی	0.0361	-5.35513E-17	0.4041	0.1066	0.7424
28	سرونا	-0.1462	-1.90046E-16	0.7041	0.0254	0.9208
29	سرسنعت معدن	-0.4900	1.55578E-16	0.4190	-0.4251	0.0000
30	سرسنفت	-0.8582	4.95334E-18	0.8166	0.0662	0.8163
31	شیمیایی سینا	0.5020	-1.21266E-18	0.4166	0.1478	0.9610
32	شیمیایی فارس	-0.4837	1.65232E-16	0.1750	0.1404	0.6044
33	کارتن ایران	0.8273	1.3394E-16	0.2666	0.0055	0.6649
34	کاغذ سازی کاره	0.4530	-2.18863E-16	0.7166	0.0500	0.9779
35	کمیابین سازی	0.8638	3.53073E-17	0.7625	-0.0654	0.8932
36	لاستیک سهند	-0.0701	-2.54094E-17	0.7541	-0.0642	0.8694
37	نساجی پروخرد	0.0994	-1.72125E-15	0.0125	-0.0493	0.0089
38	سیمان مازندران	0.0162	-1.42811E-16	0.4958	-0.0960	0.7079
39	سر غدیر	-0.2134	8.60754E-16	0.3583	0.4851	0.0099
40	سرمسکن	0.1723	-1.48548E-16	0.5891	-0.0718	0.8984
41	سر ملی	-0.1496	-1.61718E-16	0.8958	-0.2189	0.3993

جدول شماره (۱-۲): اوزان سهام سرمایه گذاری شده در دو پرتفوی

n	Stocks	Portfolio ۱	Percent	Portfolio ۲	Percent
۱	آذیت	0.0000000	0%	0.2787717E-01	0.0278%
۲	بما	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۳	بانک اقتصاد نوین	0.0000000	0%	0.6866440E-03	0.0006%
۴	بانک کارآفرین	0.0000000	0%	0.2943170E-01	0.0294%
۵	بانک پارسیان	0.1000000	10%	0.6235040E-01	0.0623%
۶	دارو ابوریحان	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۷	دارو اکسیر	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۸	دارو سبحان	0.0000000	0%	0.4585912E-01	0.0458%
۹	دارو زهراوی	0.0000000	0%	0.1294079E-01	0.0129%
۱۰	حمل و نقل پتروشیمی	0.0000000	0%	0.5885297E-02	0.0058%
۱۱	حمل و نقل نوکا	0.1000000	10%	0.1000000	0.1000%
۱۲	ایران خودرو	0.1000000	10%	0.9742043E-01	0.0974%
۱۳	پارس دارو	0.1000000	10%	0.4939040E-01	0.0493%
۱۴	پارس شزر	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۱۵	پارس سرام	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۱۶	پگاه آذربایجان	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۱۷	پتروشیمی اصفهان	0.1000000	10%	0.6748400E-01	0.0674%
۱۸	پتروشیمی فارابی	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۱۹	ریخته گری تراکتور	0.1000000	10%	0.5517341E-01	0.0551%
۲۰	سلیپا	0.1000000	10%	0.7827007E-01	0.0782%
۲۱	سر بانک ملی	0.0000000	0%	0.3584769E-01	0.0358%
۲۲	سرباز نشستگی	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۲۳	سربوعلی	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۲۴	سربارس توشه	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۲۵	سربتروشیمی	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۲۶	سازه پوش	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۲۷	سرتوسعه ملی	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۲۸	سررنا	0.0000000	0%	0.7240473E-02	0.0072%
۲۹	سر صنعت معدن	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۳۰	سرنفت	0.1000000	10%	0.6444309E-01	0.0644%
۳۱	شیمیایی سینا	0.0000000	0%	0.1664691E-01	0.0166%
۳۲	شیمیایی فارس	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۳۳	کارتین ایران	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۳۴	کاغذ سازی کاوه	0.1000000	10%	0.5930401E-01	0.0593%
۳۵	کمیابین سازی	0.0000000	0%	0.4578248E-01	0.0457%
۳۶	لاستیک سپند	0.0000000	0%	0.3796590E-01	0.0379%
۳۷	نساجی پروچرد	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۳۸	سیمان مازندران	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۳۹	سر غدیر	0.1000000	10%	0.1000000	0.1000%
۴۰	سر مسکن	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%
۴۱	سر ملی	0.0000000	0%	0.0000000	0.0000%



می‌شود. بنابراین، مدل انتخاب پرتفوی به شکل تابع خطی سه هدفه با سه محدودیت، بیان می‌شود (رابطه ۱-۶).

$$\begin{aligned} \text{Max} \sum_{j=1}^4 R_{j1} &= Z_1 \\ \text{Max} \sum_{j=1}^4 EF_{j1} &= Z_2 \\ \text{Opt} \sum_{j=1}^4 b_{j1} &= Z_3 \end{aligned}$$

:Subject to

$$1 = \sum_{j=1}^4 x_j$$

$$0.3 \leq x_j \leq 0.7$$

$$n, \dots, 1, 2 = j \quad 0.1 \geq x_j \geq 0$$

۱۹۶۳ و التون^{۳۳} (۱۹۷۶) پیشنهاد شد، عموماً برای خطی کردن و بهبود محاسبه کارایی مدل کواریانس مارکوویتز صورت گرفت. هم‌چنین ساموالسون^{۳۴} (۱۹۷۰) و لای^{۳۵} (۱۹۹۱) و بعدها پراکاش^{۳۶} (۲۰۰۳) برنامه ریزی هدف چند جمله‌ای را به مدل مارکوویتز اضافه کردند. لی و چیزر^{۳۷} (۱۹۸۰) همراه لیوی و اوری^{۳۸} (۱۹۸۴)، مدل برنامه ریزی هدف را برای حل مدل برنامه ریزی در رابطه با انتخاب سبد سرمایه‌گذاری طراحی کرده‌اند و زلنی^{۳۹} (۱۹۸۲) برنامه

$$0 = (R^* - \sum_{j=1}^4 R_{j1}) - e + \delta$$

$$*EF = \sum_{j=1}^4 EF_{j1} + \delta$$

$$1 = \sum_{j=1}^4 x_j + \delta b_{j1}$$

$$1 = \sum_{j=1}^4 x_j$$

$$0.3 \leq x_j \leq 0.7$$

$$n, \dots, 1, 2 = j \quad 0.1 \geq x_j \geq 0$$

$$e, \delta \geq 0; \delta \geq 0; \delta \geq 0; \delta \geq 0$$

تنها نرخ بازدهی تصادفی فرض شده است و تمامی پارامترهای محدودیت‌های سیستم، قطعی هستند. فرمول (۱-۶) به مدل برنامه ریزی تصادفی هم‌ارز جبری تبدیل می‌شود (۱-۷)، که در این مدل پارامترهای ۱، ۲، ...، n، تصادفی و نرمال با میانگین و واریانس معلوم هستند. ارزش‌های حدی^{۴۱} توسط DM مشخص می‌شوند. این مدل علاوه بر عوامل ریسک و بازدهی برای تصمیم‌گیری سرمایه‌گذار، عامل نقدینگی در رابطه با سهام را هم در نظر گرفته و هم‌زمان با این سه عامل، انتخاب سبد سرمایه‌گذاری را انجام می‌دهد.

$$* \delta + \delta + \delta + \delta \text{ Min } Z = e + \delta$$

:Subject to

$$R^* - \sum_{j=1}^4 R_{j1} + f^{-1}(1-Z) S) E$$

33 - ELTON

34 - SAMUEL SON

35 - LAI

36 - PARADASH

37 - LEE & CHESSER

38 - LEVARY & AVERY

39 - ZELENEY

مروری بر پیشینه تحقیق

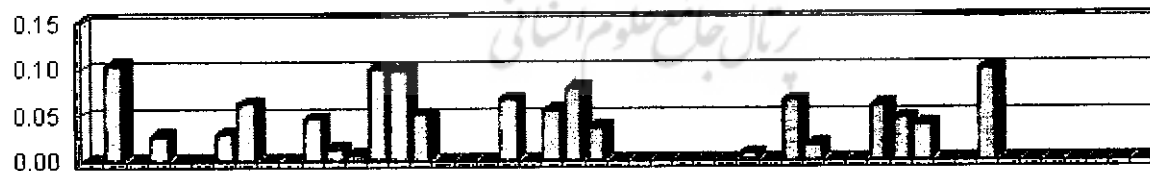
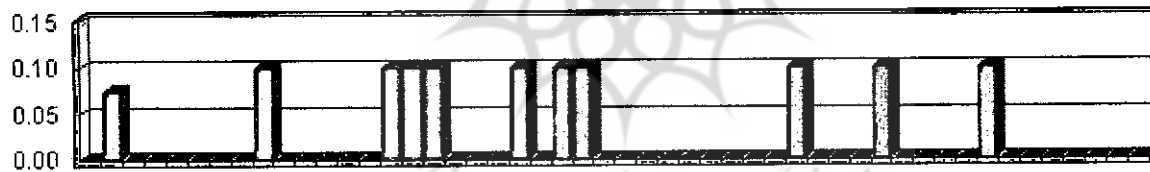
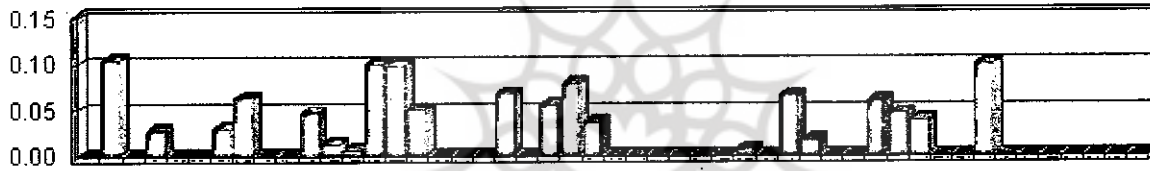
در ادبیات موضوعی برخی الگوریتم‌ها مثل آنچه که توسط شارپ^{۳۲} (۱۹۶۷)

32 - SHARPE

31 - THRESHOLD VALUES

جدول شماره (۴-۱): فهرست شرکت‌های پذیرفته شده و رد شده

سهام پذیرفته شده		سهام رد شده	
۱ بانک پارسیان	۱ پلما	۱۲ سر پتروشیمی	
۲ حمل و نقل توکا	۲ بانک اقتصاد نوین	۱۳ سازه پویا	
۳ ایران خودرو	۳ دارو ابوریحان	۱۴ سر توسعه ملی	
۴ پارس تارو	۴ دارو اکبیر	۱۵ سر صنعت و معدن	
۵ پتروشیمی اصفهان	۵ پارس خزر	۱۶ شیمیایی فارس	
۶ ریخته گری تراکتور	۶ پارس سرزم	۱۷ کارتن ایران	
۷ سلیمیا	۷ پگاه آذربایجان	۱۸ نساجی پردجرد	
۸ سر نفت	۸ پتروشیمی فارابی	۱۹ سیمان مازندران	
۹ کاغذ سازی کاوه	۹ سرپازشکنی	۲۰ سر مسکن	
۱۰ سر غدیر	۱۰ سر پو علی	۲۱ سر علمی	
	۱۱ سر پارس توشه		



بالستر^{۳۳} (۲۰۰۱) فرمول بندی برنامه ریزی هدف تصادفی^{۳۴} مبتنی بر تابع بهره وری و مدل میانگین واریانس^{۳۵} را پیشنهاد کرد.

و تحقیقات انجام شده در رابطه با انتخاب و بهینه سازی سبد سرمایه گذاری از فنون برنامه ریزی هدف و چند هدفه استفاده کردند که تقریباً به ۲۹٪ با مشکل انتخاب در سبد سرمایه گذاری مواجه بودند.

ریزی هم ارزی را پیشنهاد کرد. استور و نا^{۳۶} (۲۰۰۳)، در تحقیقی در رابطه با تاریخچه کاربردهای فناوری تصمیم گیری چند معیاره^{۳۷} ملاحظه کردند که، ۶۹٪ مقالات

42 - Ballester

43 - Stochastic Goal Programming

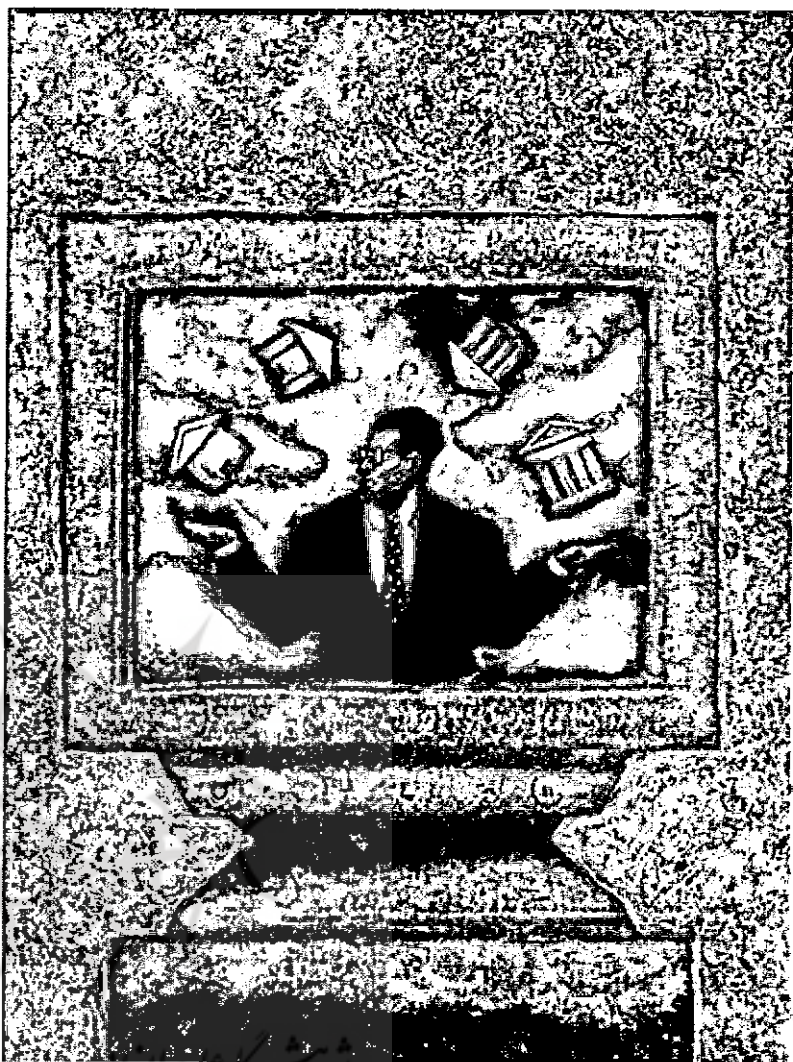
44 - MEAN VARIANCE MODEL

40 - STEUR & NA

41 - MULTI CRITERIA DECISIONMAKING

استفاده از فاکتور تعدیل برابر با یک، در محاسبات مربوط به بازدهی های مورد انتظار با استفاده از قیمت های روزانه، باعث می شود که وزن داده هایی که اخیراً به وقوع پیوسته اند، با وزن داده های قبلی محقق در کل مشاهدات، برای کنترل بازدهی های مورد انتظار، یکسان در نظر گرفته شده و به عبارتی قابلیت اتکای به بازدهی های مورد انتظار بیش تر شود.

۳۰ تایی از سهام استفاده کرد. نتایج نشان داد که الگوریتم های طراحی شده به طور بالقوه برای تنظیم پارامترها کارا بوده و برای حل مشکلات مربوط به بهینه سازی و انتخاب سبد سرمایه گذاری بسیار مفید است. هانگ^{۵۰}، زو^{۵۱}، فیوزی^{۵۲}، فاکوشیما^{۵۳} در تحقیقی با عنوان (انتخاب سبد سرمایه گذاری با زمان خروج نامطمئن) در سال (۲۰۰۶) به حل مسائل مربوط به انتخاب سبد سرمایه گذاری پرداختند. آن ها برای مواجهه با عدم اطمینان با در نظر گرفتن رهیافت CVAR، روش WCVAR را پیشنهاد کردند. آن ها روشی برای مشخص کردن اطلاعات نامطمئن برای توزیع زمان های خروجی مرتبط با مشوق های برون زا و درونزا ارائه دادند و مدل پیشنهادی خود را با داده های بازار واقعی و داده های شبیه سازی شده آزمون کردند و به نتایج ارزشمندی دست یافتند. داده های بازار واقعی آن ها شامل ده (۱۰) سهم بازار



تصمیم گیرنده راهکارهای مختلفی را با بهره وری مورد انتظار دوگانه رتبه بندی می کند. عایدی هایی با توزیع نرمال و گزینه های واضح الگوبرداری، رهیافت پیشنهادی آن ها بود، که معادل با مدل مارکوویتز مربوط به مرز کارا است. زاکسیا هانگز^{۴۸} (۲۰۰۷) با انجام تحقیقی تحت عنوان (انتخاب سبد سرمایه گذاری با تعریف جدیدی از ریسک) به حل این مساله پرداخت. زاکسیا از الگوریتم های هوشمند هیبریدی^{۴۹} برای حل مساله انتخاب سبد روی یک نمونه

ماهلنم و دیگران^{۴۵} فرمول برنامه ریزی تصادفی چند هدفه را برای حل مشکلات انتخاب سبد در شرایط عدم اطمینان بسط داده اند. تمیز و دیگران^{۴۶} مدل برنامه ریزی هدف دو مرحله ای را برای انتخاب سبد به کار بردند. سنتی و فیلیپینی^{۴۷} (۲۰۰۶) در تحقیقی تحت عنوان (انتخاب سبد سرمایه گذاری، رهیافتی خطی با بهره وری مورد انتظار دو گانه) به حل مساله انتخاب سبد پرداختند. مدل آن ها بر این فرض بود که

50 -dashan haung

51 -shu-shang zhu

52 -Frank L.fobozzi

53 -Masao Fakushima

48 -Xiaoxia Huangs

49 - INTELLIGENT HYBRIDE ALGORITHMS

45 -MAHELEMANN et all

46 -Tamiz et all

47 -M.Centy & F.Filippini



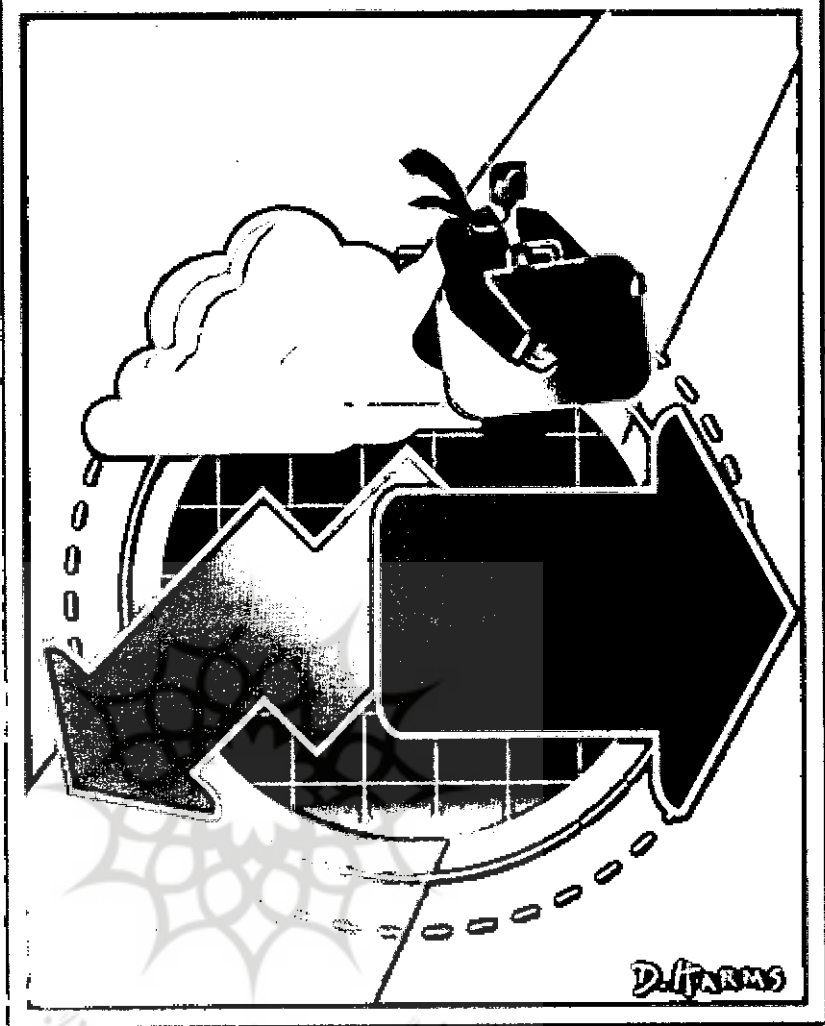
سرمایه گذاران را در انتخاب مناسب
سبد سرمایه گذاری یاری داد؟

روش تحقیق

این تحقیق به منظور حل مشکل انتخاب سبد سرمایه گذاری در مواردی که چندین هدف متضاد یکدیگر توسط تصمیم گیرنده، در نظر گرفته شده است، انجام می‌گیرد. این پژوهش بر اساس هدف از نوع کاربردی بوده و بر اساس نحوه گرد آوری داده‌ها از نوع توصیفی (پیمایشی) است. چرا که با هدف تسهیل فرآیند تصمیم‌گیری مورد استفاده قرار می‌گیرد. نتایج حاصل از این تحقیق به طور حتم می‌تواند راه‌گشای انتخاب سبد سرمایه گذاری برای بسیاری از سرمایه گذاران نهادی و حقیقی به ویژه سرمایه گذاران و شرکت‌های حاضر در بورس اوراق بهادار تهران باشد.

فنون تجزیه تحلیل اطلاعات و بحث در یافته های پژوهش

در این پژوهش، از نمونه گیری تصادفی و تصادفی منظم برای انتخاب نمونه‌ها از میان شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران استفاده می‌شود. داده‌های شامل اسناد و مدارک، مربوط به شرکت‌های منتخب از بورس اوراق بهادار تهران هستند که قسمتی از آن از سایت بورس اوراق بهادار تهران گرفته می‌شود. اطلاعات قیمتی و بازدهی آن‌ها از نرم افزار «ره آورد نوین» استخراج شده است. اطلاعاتی که وارد این مدل می‌شود در محیط «Excel» پردازش شده و محاسبات



سرمایه گذاری با مدل برنامه ریزی محدودیت‌های تصادفی هم ارز صورت می‌پذیرد و این تحقیق از این لحاظ نو و جدید است.

سوال تحقیق

این پژوهش برای پاسخ‌گویی به سوالات زیر انجام می‌شود:

- آیا مدل برنامه ریزی تصادفی چند هدفه، در حل مشکلات انتخاب سبد سرمایه گذاری، کارآمد خواهد بود؟
- چگونه می‌توان با این رهیافت

اوراق بهادار توکیو بود. یانگ هیانشین⁵⁴ و بیانگ هووالم⁵⁵ و یوجین چوی⁵⁶ در سال (۲۰۰۷) با تحقیقی تحت عنوان (مصرف بهینه و مشکلات انتخاب سبد سرمایه گذاری با محدودیت‌های مصرف داخلی) به سیاست‌های بهینه‌ای با استفاده از روش مارتینگل⁵⁷ و برنامه ریزی (Feynman-Kac) دسترسی یافتند.

برای نخستین بار در ایران انتخاب سبد

54 -Young Hyunshin

55 -Byung Hwalim

56 - Ujin Choi

57 - Martingale

اولیه مربوط به متغیرهای مستقل در آن محیط انجام می شود. در نهایت اطلاعات پردازش شده در فرمول برنامه ریزی تصادفی چند هدفه جاگذاری شده و جواب نهایی به دست می آید. از نرم افزارهای «Matlab» و «Lingo»، برای حل مدل استفاده می شود.

در جدول (۱-۱) اطلاعات مربوط به بازدهی، ریسک و نقدینگی شرکت های منتخب، بازدهی های تصادفی توزیع نرمال و حد بالای بازدهی های تصادفی مربوط به هر سهم به نمایش گذاشته شده است. تعداد روزهای کاری بورس در سال مالی ۱۳۸۵/۱/۱ تا ۱۳۸۵/۱۲/۲۹، (۲۳۹) روز در نظر گرفته شده است.

جدول شماره (۱-۲) اوزان سرمایه گذاری شده در سهام شرکت های منتخب بورس اوراق بهادار تهران (درصد وزن تخصیصی هر سهم از کل سبد) را نشان می دهد. در پرتفوی اول، بهینه سازی با استفاده از سه هدف بازدهی، ریسک و نقدینگی انجام گرفته است. این پرتفوی بدون در نظر گرفتن عدم اطمینان به دست آمده و تمامی پارامترها در این پرتفوی شامل بازده ها، انحراف معیار بازده ها و جریانات مبادلات، داده هایی محقق و از قطعیت کامل برخوردارند. ارزش های ایده آل اهداف محاسبه شده برای بازدهی مقدار ۰٫۹۷۲۴ و برای نقدینگی، مقدار ۰٫۸۱۵۱ هستند. ارزش ایده آل هدف برای محاسبه ریسک، برابر با ۱ فرض می شود. اوزان اهمیت هر سه هدف، در محاسبات مربوطه مساوی فرض شده است. پرتفوی دوم نیز پرتفویی است که بادر نظر گرفتن هر سه هدف

مذکور (بازدهی، انحراف معیار میانگین ها و نقدینگی)، ولی با در نظر گرفتن عدم اطمینان بازده ها بهینه سازی شده است. در این پرتفوی، بازدهی ها از میانگین و واریانس معلوم برخوردار بوده و از توزیع تصادفی نرمال پیروی می کنند.

در جدول شماره (۱-۳)، مقدار دسترسی یافته اهداف را برای هر دو پرتفوی، ارایه می دهیم.

جدول شماره (۱-۳): مقدار دسترسی یافته اهداف

Objectives	Portfolio 1	Portfolio 2
Rate Of Return	0.1716	0.1757
Exchange Flow Ratio	0.7474	0.7118
Risk	0.1601	0.1201

نمودارهای (۱-۱) و (۱-۲) نتایج حاصل از بهینه سازی و انتخاب پرتفوی را به روش ترسیمی برای هر دو روش شناسی نشان می دهد. در جدول (۱-۴) فهرست شرکت های رد شده و پذیرفته شده ارایه می شود. مقایسات پرتفوی ها، حاکی از آن است که نتایج به دست آمده زمانی که بازدهی ها تصادفی فرض شوند، با زمانی که از قطعیت کامل برخوردار باشند، شباهت های بسیاری باهم دارند. هر چند نتایج در این دو پرتفوی تفاوتی در چند سهم گزینش یافته دارند ولی در ۳۱ مورد با هم اتفاق نظر دارند که ۱۰ مورد مربوط به شرکت هایی است که با هر دو روش انتخاب شده اند و مابقی در هر دو سبد به دلیل عدم کفایت به اهداف مذکور گزینش نیافته اند. و این مورد بیانگر این نکته است که، تصمیم گیرنده می تواند ۱۰ سهم را با اطمینان

هر چه تعداد متغیرهای مستقل در روش شناسی کاربردی بیش تر باشد، درجه دقت تعیین کیفیت و کمیت متغیرهای وابسته بالا تر می رود. به عبارتی به دلیل اینکه عوامل تاثیر گذار بر تصمیم گیری های فرد برای انتخاب پرتفوی، عملاً بیش تر از دو عامل بازدهی و ریسک هستند، استفاده از عوامل دیگری همچون نقدینگی سهام، می تواند قابلیت اتکای به نتایج را افزایش دهد.

بیش تری در سبد خود داشته باشد و از سرمایه گذاری در سهامی که در هر دو پرتفوی انتخاب نشده اند پرهیز کند. هم چنین عدم اطمینان در نظر گرفته شده در پرتفوی دوم، به تصمیم گیرنده اجازه می دهد تا واقعیت بورس سهام تهران را بهتر درک کرده و این عدم اطمینان را در تصمیم گیری های خود لحاظ کند. این ملاحظه کاری، در واقع مبادله ای متقابل بین در نظر گرفتن عدم اطمینان و بهبود ارزش های ایده آل اهداف متفاوت است.

نتیجه گیری و ارایه پیشنهادات

نتایج حاصله از پژوهش در فصل های دوم الی چهارم، بیانگر این مطلب است که چالش های سرمایه گذاران برای پاسخ گویی به نیاز امنیت سرمایه گذاری از طریق ایجاد پرتفوی بهین، در بازار های اوراق بهادار کشورهای دیگر، موفقیت آمیز بوده است و این به خودی

خود گویای این مطلب است که یافتن پرتفوی بهینه ای که عوامل تاثیر گذار بر تصمیم گیری را به نحو مطلوب در نظر داشته باشد، هم از بعد نظری و هم از بعد کاربردی امکان پذیر بوده و کلیه سرمایه گذاران حقیقی و نهادی می توانند هنگام تشکیل و تعدیل پرتفوی تصاحبی خود، به این روش شناسی ها توجه داشته باشند.

۱. فاکتور تعدیل، اندازه ی تاثیر پذیری هر داده، از داده های مابعد خود را نشان می دهد. استفاده از فاکتور تعدیل برابر با یک، در محاسبات مربوط به بازدهی های مورد انتظار با استفاده از قیمت های روزانه، باعث می شود که وزن داده هایی که اخیراً به وقوع پیوسته اند، با وزن داده های قبلی محقق در کل مشاهدات، برای کنترل بازدهی های مورد انتظار، یکسان در نظر گرفته شده و به عبارتی قابلیت اتکای به بازدهی های مورد انتظار بیش تر شود.

۲. ارزش های حدی که توسط تصمیم گیرنده تعیین می شوند، برای تعدیل احتمال داده های تصادفی نرمال به کار می رود. استفاده از کمیّت ۰،۰۵، برای ارزش های حدی می تواند به میزان ۰،۹۵، در ثبات احتمال وقوع داده های تصادفی نرمال تاثیر داشته باشد.

۳. هرچه تعداد متغیر های مستقل در روش شناسی کاربردی بیش تر باشد، درجه دقت تعیین کیفیت و کمیّت متغیر های وابسته بالا تر می رود. به عبارتی به دلیل اینکه عوامل تاثیر گذار بر تصمیم

گیری های فرد برای انتخاب پرتفوی، عملاً بیش تر از دو عامل بازدهی و ریسک هستند، استفاده از عوامل دیگری همچون نقدینگی سهام، می تواند قابلیت اتکای به نتایج را افزایش دهد.

۴. مزیت های استفاده از برنامه ریزی تصادفی چند هدفه برای بهینه سازی و انتخاب پرتفوی این است که اولاً، این روش شناسی از قدرت انعطاف پذیری بالایی برخوردار است و می تواند با در نظر گرفتن مقادیر زیادی متغیر تصمیم، متغیر های مستقل را هم زمان بهینه کند، ثانیاً به دلیل استفاده از متغیر های تصادفی قابلیت پیش بینی های مالی را نیز بالا می برد و ثالثاً از ارزش حدی استفاده می کند که می تواند احتمال وقوع بازدهی های توزیع نرمال را از دید تصمیم گیرنده بهبود بخشیده و تعدیل کند. بنابراین این می توان این روش شناسی را برنامه ریزی های دیگر مالی همچون مسائل تخصیص دارایی، مدیریت اوراق بهادار با در آمد ثابت، مدیریت دارایی ها و دیون و نرخ های پوششی ارز بهینه، به راحتی و با سرعت و دقت بالا، کاربردی کرد.

منابع

۱. اصغر پور، محمد (تصمیم گیری های چند معیاره)، انتشارات دانشگاه تهران، تهران، ۱۳۸۳، چاپ سوم، ۱۱-۹ و ۳۵-۵۰
۲. آذر، عادل و مومنی، منصور (آمار

و کاربرد آن در مدیریت)، انتشارات سازمان مطالعه و تدوین کتب دانشگاهی (سمت)، تهران، بهار ۱۳۸۳، چاپ هفتم ۲۶۴-۲۵۸ و ۲۹۹-۲۹۸

۳. دانایی فرد، حسن و الوانی، مهدی و آذر، عادل (روش شناسی پژوهش کیفی در مدیریت: رویکردی جامع)، انتشارات صفار- اشرفی، تهران، ۱۳۸۶، ۸۹-۸۹

۴. دلاور، علی (مبانی نظری و عملی پژوهش در علوم انسانی و اجتماعی)، انتشارات رشد، تهران ۱۳۸۵، چاپ پنجم، ۵۴-۵۲۱ و ۱۰۰-۹۹ و ۱۲۷-۱۲۲

۵. راعی، رضا و تلنگی، احمد. (مدیریت سرمایه گذاری پیشرفته)، انتشارات سازمان مطالعه و تدوین کتب دانشگاهی (سمت)، تهران ۱۳۸۳، چاپ اول، زمستان ۱۲۵، ۱۳۸۳-۱۱۲ و ۱۵۳-۱۴۵ و ۱۷۷-۱۶۰

۶. رایلی، فرانک (تجزیه تحلیل سرمایه گذاری و مدیریت سبد اوراق بهادار) اسلامی بیگدلی، غلامرضا و هیبتی، فرشاد و رهنمای رود پستی، فریدون. انتشارات پژوهشکده امور اقتصادی تهران، ۱۳۸۴، چاپ اول، ۷۳-۵۰، ۸۰-۷۸

۷. مهرگان، محمد رضا (پژوهش عملیاتی، برنامه ریزی خطی و کاربردهای آن) نشر کتب دانشگاهی، تهران، ۱۳۸۲، چاپ هفدهم، ۴۹-۴۵ و ۵۲۷-۵۱۴

mark(Applied Quantitative Methods for Trading and Investmen) John Wiley & Sons. Ltd. C.L. Dunis. J. Laws and P. Naum. 2003.243-244.246-247.263-265

11. Gondzio, Jacek & Grothey, Andreas-2007 "Solving non-linear portfolio optimization problems with the primal-dual interior point method" European Journal of Operational Research 181 (2007) 1019-1029

12. Huang, Xiaoxia-2007 "Portfolio selection with a new definition of risk" European Journal of Operational Research (2007)

13. Steuer, Ralph & Hirschberger, Markus 2005 "Multiple Objectives in Portfolio selection" University of Georgia. University of Eichstätt-Ingolstadt. 5-13

14. Tijms, Henk (2003) (A First Course in Stochastic Models). John Wiley & Sons Ltd. The Atrium. Southern Gate, Chichester. West Sussex PO19 8SQ. England. 97-116.360-366.413-420

15. Yong YU. Li & Dong Ji. Xiao & WANG, Shou-Yang-2003-"Stochastic Programming Models in Financial Optimization". Institute of Systems Science Academy of Mathematics and Systems Sciences Chinese Academy of sciences. 2-13

Journal of Operational Research 162 (2005) 610-618

5. Ben Abdelaziz. Fouad & Aouni. Belaid & El Fayedh. Rimeh. 2007 "Multi objective stochastic programming for portfolio selection" European Journal of Operational Research. 177 (2007) 1811-1823

6. Brandimarte, Paulo (Numerical. Methods in Finance and Economics. Matlab based introduction). torino italy. second edition. John Wiley & Sons. Ltd publication. 2006. 64-81. 191-207. 338-341. 366-397. 504-517. 526-540

7. chakmak. ulus & Ozekici. sezkan-2005 "Portfolio optimization in stochastic markets" Springer-Verlag 2005

8. Chelikyurt. u & Ozekici. sezkan "Multiperiod optimization models in stochastic markets using the mean-variance approach" European Journal of Operational Research 179 (2007) 186-202

9. Dentcheva. Darinka & Ruszczyński. Andrzej. 2005 "Portfolio optimization with stochastic dominance constraints" Journal of Banking & Finance. 435-437

10. Dunis. Christian & Williams.

۸. هیلیر، فریدریک و لیبرمن، جرالد (تحقیق در عملیات - برنامه ریزی ریاضی) مدرس، محمد آصف وزیری، اردوان، انتشارات جوان ۱۰۲، ۱۳۸۱-۹۶ و ۲۰۱-۱۸۸ و ۲۲۰-۲۱۴

منابع لاتین

1. Ballestero, Enrique & Gunther, m & Pla-Santamaria, d & Stummer, c-2007 "Portfolio selection under strict uncertainty A multi-criteria methodology and its application to the Frankfurt and Vienna Stock Exchanges" European Journal of Operational Research 181 (2007) 1476-1487

2. Ballestero, Enrique. 2000 "stochastic goal programming-a mean-variance approach" European Journal of Operational Research. 131(2001)476-481

3. Ballestero, Enrique & González, Ignacio & Benito, Antonio & Bravo, Mila "Stochastic goal programming approach to portfolio selection with multiple uncertainty scenarios" 2006. MOPGP'06: 7th Int. Conf. on Multi-Objective Programming and Goal Programming.

4. Ben Abdelaziz, Fouad & Aouni, Belaid & El Fayedh, Rimeh. 2005 "Decision-maker's preferences modeling in the stochastic goal programming" European