

منطق زمان و نظریه قیاس اقترانی شرطی ابن سینا

لطف الله نبوی

استادیار کروه فلسفه دانشگاه تربیت مدرس

چکیده

«قیاس اقترانی شرطی» عدوان نظریه‌ای است که ابن سینا ارائه کرده است و خلاصه آن بدین شرح است که اولاً علاوه بر قضایای حملی، قضایای شرطی را نیز می‌توان متصفح به کلیت و جزئیت و سلب و ایجاب کرد؛ ثانیاً صورتهای متعددی از قیاس شرطی را نیز بر اساس آن می‌توان طراحی کرد.

بنیادهای اولیه چنین نظریه‌ای اگرچه در آثار منطقیون رواقی-مگاری دیده می‌شود، تأسیس یک نظام منطقی منسجم در این باب بنا به تصریح خود ابن سینا هیچ سابقه‌ای در دوره‌های پیشین نداشته است.

در مقاله حاضر مؤلف با الهام از منطق زمان جدید می‌کوشد ضمن مطالعه تحقیقات نیکلاس رشر منطقدان مشهور آلمانی در این باب، فرمول بندی و نمادگذاری موردنظر خویش را ارائه نماید و نحوه بسط و توسعه فرمول بندی مذبور را در ساختار قیاس اقترانی شرطی نشان دهد.

کلیدواژه‌ها: قیاس اقترانی شرطی، سور زمانی، نمادگذاری قضایای شرطی، منطق سینوی.

۱- مقدمه

آن گونه که نیکلاس رشر، منطقدان و مورخ شهیر منطق، بیان می‌کند [۱] ابن سینا در تاریخ منطق صوری دو ابداع و نوآوری مهم دارد که عبارتند از:



۱. نظریه قیاس اقترانی شرطی^۱
۲. نظریه موجهات زمانی^۲

اهمیت صوری این دونظریه و بسط و گسترشی که بویژه پس از ابن سینا یافته‌اند تا آن جاست که این دوره از پژوهش‌های منطقی را می‌توان دوره «منطق سینایی» یا «منطق سینوی»^۳ نامگذاری کرد و اهمیت آن را در تاریخ منطق در کنار «منطق ارسطویی»^۴ و «منطق رواقی-مگاری»^۵ مورد تأکید قرار داد. ابن سینا خود درباره اهمیت نظریه قیاس اقترانی شرطی و نقش پیش‌تازانه خویش در این باب چنین می‌نویسد:

«عموم منطقیون تنها به ذکر قیاس حملی پرداخته‌اند و قیاس شرطی را نیز در قیاسات استثنائی منحصر دیده‌اند... (در حالی که) قیاس اقترانی کاهی تنها از قضایای حملی و کاهی تنها از قضایای شرطی و کاهی از هر دو تشکیل می‌شود.»^۶

در مقاله حاضر مؤلف می‌کوشد با الهام از منطق زمان^۷ جدید به فرمول‌بندی و نمادگذاری نظریه قیاس اقترانی شرطی ابن سینا پرداخته و درباره صحت و سقم آن از دیدگاه منطق جدید بحث کند.

1. Theory of hypothetical attributive syllogism
2. Theory of temporal modalities
3. Avicennan logic
4. Aristotelian logic
5. Stoic - megarian logic
6. Tense logic - Temporal logic

۷. فرض مؤلف این است که خوانندگان این مقاله با مقدمات منطق جدید در حد منطق محمولات درجه اول بویژه با تغیر و رویکرد استنتاج طبیعی آشنایی کافی دارند. در این باره رجوع کنید به:

- نبوی. لطف الله، مبانی منطق جدید، سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی (سمت)، ۱۳۷۷.
- موحد. ضیاء، درآمدی به منطق جدید، شرکت انتشارات علمی و فرهنگی، ج دوم، ۱۳۷۲.

هم چنین آشنایی مختصری با منطق موجهات و منطق زمان در پیگیری مطالب مقاله کمک شایانی می‌نماید.

۲- ساختار نحوی منطق زمان

در آغاز ضروری است به اجمال با ساختار نحوی^۱ منطق زمان (باتقریر استنتاج طبیعی از نظام QR) آشنائشیم^۲:

الف) زبان صوری QR

- واژگان QR

$P, Q, R, \dots, P', Q', R'$

- جمله نشانه‌ها

$\sim, \wedge, \vee, \supset, \equiv, Rt, \forall, \exists, ()$

- ثوابت منطقی

$A_1, B_1, C_1, \dots, A_r, B_r, C_r, \dots$

- محمول نشانه‌ها

a, b, c, \dots, w

- ثوابت فردی

$x, y, z, x', y', z', \dots$

- متغیرهای فردی

n, t_1, t_2, t_3, \dots

- ثوابت زمانی

t, t', t'', \dots

- متغیرهای زمانی

در واژگان QR نمادهای Rt و n به ترتیب به صورت «تحقیق در زمان t » و «اکنون» تعبیر می‌شوند.

قواعد ساخت QR

FR1: هر جمله نشانه یک فرمول است (فرمول اتمی).

FR2: اگر ϕ یک فرمول باشد، $\sim\phi, Rn\phi, Rt\phi$ نیز فرمولند.

FR3: اگر ϕ و ψ دو فرمول باشند، $(\phi \wedge \psi), (\phi \supset \psi), (\phi \equiv \psi)$ و $(\phi \vee \psi)$ نیز فرمولند.

FR4: اگر ϕ_n یک محمول n موضعی ($n > 0$) و β_1, \dots, β_n نمادهای فردی (فردنا) باشند در آن

صورت $\phi_{\beta_1} \dots \phi_{\beta_n}$ فرمول است (فرمول اتمی).

1. Syntax

۲. برای آشنایی تفصیلی با ساختار نحوی و معنایی منطق زمان رجوع کنید به:

Rescher, N, Arquhart, A Temporal Logic, New York, Springer Verlag, 1971.

Mc Arthur, R. P., Tense Logic, Dordrecht, D. Reidel 1973.



اگر α یک متغیر فردی یا یک متغیر زمانی باشد و ϕ فرمولی باشد که او لدارای متغیر آزاد بوده و ثانیاً دارای سورنی بر حسب α نباشد در آن صورت $\phi(\forall\alpha)$ و $\phi(\exists\alpha)$ نیز فرمولند.
به عنوان مثال عبارات زیر با توجه به قواعد ساخت QR همگی فرمولند.

$$\begin{aligned} & (\forall x)(\forall t) Rtx \supset (\exists y)(\exists t') Rt' Gy \\ & (\forall x)(RtP \supset RtQ) \supset (\exists t') (Rt' \sim P \vee Rt' Q) \\ & (\exists t) (\exists t') (\exists x) (Fx \supset RtRt' Gx) \supset (\exists t'') Rt'' P \\ & (\forall x)[\sim (\forall t) Rt(\exists z) Fxz \equiv (\exists t) Gxyz] \end{aligned}$$

ب) دستگاه استنتاجی QR

قواعد استنتاج QR را می‌توان به دو گروه تقسیم کرد.

۱. قواعد استنتاج منطق محمولات درجه اول (قواعد حذف و معرفی \sim ، \exists ، \forall ، \equiv ، \supset ، \wedge ، \vee ، \neg)
لازم به توضیح است که قواعد حذف و معرفی \forall و \exists با همان شرایط و قیود منطق محمولات در منطق زمان نیز جاری می‌شوند، در این حالت α و β در قالبهای کلی $(\exists\alpha)\phi\alpha$ ، $(\forall\alpha)\phi\alpha$ و $\phi\beta$ علاوه بر نمادهای فردی (فرد نماها) شامل نمادهای زمانی (زمان نماها) نیز می‌گردد، یعنی داریم:

$$\alpha = \begin{cases} x, y, z, \dots \\ t, t', t'', \dots \end{cases} \quad \beta = \begin{cases} x, y, z, \dots, a, b, c, \dots \\ t, t', t'', \dots, t_1, t_2, t_3, \dots \end{cases}$$

۲. قواعد خاص منطق زمان در نظام QR: برخی از مهمترین این قواعد در جدول زیر معرفی می‌گردند. [۳]



۱: $\therefore Rn\phi$	۴: $\therefore Rt(\phi \wedge \psi)$
$\therefore \phi$	$\therefore Rt\phi \wedge Rt\psi$
۲: $\therefore Rt \sim \phi$	۵: $\therefore Rt(\forall\alpha)\phi$
$\therefore \sim Rt\phi$	$\therefore (\forall\alpha)Rt\phi$
۲: $\therefore Rt' Rt\phi$	۶: $\therefore \phi$
$\therefore Rt\phi$	$\therefore (\forall t)Rt\phi$

با استفاده از قواعد اصلی (ق ۲ و ق ۴) دو قاعده فرعی دیگر (ق ۷ و ق ۸) را نیز که کاربردهای وسیعی در محاسبات پیدا می‌کنند می‌توان اثبات کرد.

ق ۷: $\therefore R t(\phi \supset \psi)$ $\therefore R t\phi \supset R t\psi$	ق ۸: $\therefore R t(\phi \vee \psi)$ $\therefore R t\phi \vee R t\psi$
--	--

اگر بخواهیم نظام QR (رویکرد رشر^۱) را به نظام QK (رویکرد پرایور^۲) تبدیل نماییم، از تعاریف زیر می‌توان بهره گرفت [۳]:

$$\begin{aligned} F\phi &= df (\exists t)(n < t \wedge R t\phi) \\ G\phi &= df (\forall t)(n < t \supset R t\phi) \\ P\phi &= df (\exists t)(t < n \wedge R t\phi) \\ H\phi &= df (\forall t)(t < n \supset R t\phi) \end{aligned}$$

در تعاریف فوق نماد «<» نشانده‌هنده یک نسبت دو موضعی به نام «سبقت زمانی^۳» است و عملگرهای F، G، P و H به صورت زیر تعبیر می‌شوند:

$$F = \text{زمانی در گذشته} \quad P = \text{همیشه در آینده}$$

$$G = \text{همیشه در آینده} \quad H = \text{زمانی در آینده}$$

- 1. Rescher - Approach
- 2. Prior – Approach
- 3. Temporal precedence



۳- قضایای شرطی در منطق ابن سینا

برای فرمول بندی نظریه قیاس اقتراণی شرطی ابن سینا لازم است مقدمات ادومفهوم مهم و محوری در ساختار قضایای شرطی روشن شود. این دو مفهوم یکی استلزم مادی و دیگری ماهیت سلب در قضایای شرطی است.

الف) استلزم مادی^۱ در منطق ابن سینا

وجود استلزم مادی را که از پایه‌ای ترین مفاهیم منطق جدید محسوب می‌شود به دلایل متعدد می‌توان در منطق ابن سینا اثبات کرد. می‌توان نشان داد که معنی و مفهوم شرطیه متصله (متصله عام، متصله مخصوصی) در منطق ابن سینا، در واقع معادل همین معنای استلزم مادی در منطق جدید است. در زیر به یک دلیل عمدۀ توجه می‌کنیم.

می‌دانیم در منطق ابن سینا (منطق سینوی) بین قضایای متصله از یک طرف و قضایای منفصله مانعه الجمع و مانعه الخلو از طرف دیگر روابط مهمی برقرار می‌شود. خواجه نصیر طوسی در منطق (تجزیید می‌نویسد):

از قضیه متصله ... دو منفصله می‌توان نتیجه گرفت. منفصله مانعه الجمع از نقیض تالی و عین مقدم و منفصله مانعه الخلو از نقیض مقدم و عین تالی و از قضیه منفصله نیز می‌توان قضیه متصله را از ترکیب یکی از اجزاء و نقیض دیگری بدست آورد^۲ [۴].

سراج الدین ارمومی نیز در مطالعه الانوار در این باره می‌نویسد:

«قضایای متصله و منفصله مانعه الجمع در صورتی که در کمیت، کیفیت و یکی از اجزاء وحدت داشته لکن نقیض تالی متصله جزء دوم منفصله قرار گیرد، متلازم و متعاكس (معادل) یکدیگر خواهند بود»^۳ [۵].

۱. Material implication

۲. «یلزم المتصله ... منفصلتان مانعه الجمع من عین المقدم و نقیض التالی و مانعه الخلو بالضد منها و المتصله متصله تناقض من عین احد الجزئين و نقیض الآخر»
۳. «المتصله و مانعه الجمع اذ توافقنا في الكم و الكيف واحد الجزئين و ناقض تالي المتصله الجزء الآخر من المتصله تلازمتا تعاكضا»

«قضایای متصله و منفصله مانعه الخلو در صورتی که در کمیت، کیفیت و یکی از اجزاء وحدت داشته لکن نقیض مقدم متصله جزء دوم متصله قرار گیرد، متلازم و متعاکس (معادل) یکدیگر خواهند بود»^[۵]

باتوجه به عبارات مذبور بر طبق دیدگاه منطقیون مسلمان دو معادله زیر در بین قضایای متصله و منفصله برقرار است.

اگر P , آنگاه $Q =$ یا چنین نیست که Q یا (مانعه الخلو) Q

اگر P , آنگاه $Q =$ یا P یا (مانعه الجمع) چنین نیست که Q

از طرف دیگر از آنجاکه جدول ارزش (جدول صدق و کذب) قضیه مانعه الخلو و مانعه الجمع در متون منطقیون مسلمان به صراحت مشخص گردیده^[۶] و به ترتیب معادل «یای منطقی»^[۷] و «تابع صدقی شفر» (ادات ناسازگاری)^[۸] در منطق جدید است، با تشکیل جدول ارزش $(\sim P \vee Q)$ یا $(P \mid \sim Q)$ در منطق جدید بسادگی می‌توان معنای «اگر P , آنگاه Q » را از دیدگاه منطقیون مسلمان به دست آورد، یعنی داریم:

$\sim P \vee Q \equiv$ اگر P , آنگاه Q

$P \mid \sim Q \equiv$ اگر P , آنگاه Q

۱. «المتصله و مانعه الخلو اذن اتفاقنا في الكي و الكيف واحد الجزاين و ناقض مقدم المتصله الجزء الآخر من المنفصله تلازمتا و تعاكستا».

۲- برای نمونه مراجعه کنید به:

الرازی، قطب الدین، تحریر القراءع المتنلقي، فی شرح الرساله الشمسيه، قم، منشورات الرضي، ۱۳۶۲ش، ص ۱۱۴.

«...مانعه الجمع تصدق عن کاذبین و عن صادق و کاذب و تکذب عن صادقین و مانعه الخلو تصدق عن صادقین و عن صادق و کاذب و

تکذب عن کاذبین»

3. Logical or – inclusive or

4. Alternative denial



P	Q	$\sim P$	$\sim Q$	$\sim P \vee Q$	$P \sim Q$
T	T	F	F	T	T
T	F	F	T	F	F
F	T	T	F	T	T
F	F	T	T	T	T

و این همان معنای استلزم مادی است که در منطق جدید با ($P \supset Q$) نشان داده می شود، یعنی

داریم:

$$(P \supset Q) \equiv (\sim P \vee Q) \equiv (P | \sim Q)$$

ب) موضع و جایگاه سلب در قضایای شرطیه سالبه

تعیین جایگاه منطقی سلب در ساختار قضیه سالبه شرطیه بی شک یکی از مهمترین ارکان نمادگذاری و فرمول بندی نظریه قیاس افتراقی شرطی است. بنابراین دلایل متعدد که در زیر به پاره‌ای از آنها اشاره می شود مولف معتقد است جایگاه منطقی سلب در تالی است. به عبارت دیگر قضیه شرطیه سالبه به معنای سلب تالی از مقدم است (شرط السلب) و نه سلب حکم شرطیه (سلب الشرط)، حال به دلایل زیر توجه می کنیم.

۱۷۶

۴- دلایل استقباطی

۱. می دانیم منطقیون سنتی در موضع مختلف بر تناظر و تناسب منطق حملی و منطق شرطی تأکید کرده اند، مقدم شرطیه را همانند موضوع حملیه و تالی شرطیه را در حکم محمول حملیه دانسته اند. از آنجاکه سلب قضیه حملیه در منطق سنتی و منطق جدید سلب محمول از موضوع است و نه سلب الحمل (سلب اندراج^۱)، سلب قضیه شرطیه نیز باید سلب تالی از مقدم باشد و نه سلب الشرط. تناظر

۳- دلایل استقباطی

۱. برای نمونه به عبارت زیر توجه می کنیم:

هو الایجاب من ذلك هو الحكم بوجود شئ لشيء آخر و السلب هو الحكم بلا وجود شئ لشيء آخر*

ابن سينا، الشفا، المنطق، العباره، تحقيق م. خضيري، القاهرة، مطبعة الاميرية، ١٩٥٢، م، ص ٤٢.

موجود بین گزاره حملی و شرطی را در حالت سالبه کلیه به صورت زیر در منطق جدید می‌توان تصویر کرد.

E: $(\forall x)(Ax \supset \sim Bx)$ هیچ الف ب نیست (هیچ الف چنین نیست که ب باشد)

E: $(\forall t)(Pt \supset \sim Qt)$ هیچ کاه (هرگز) اگر الف ب باشد، چنین نیست که ج د باشد.^۱

۲. اگر منظور از شرطیه سالبه، سلب الشرط باشد، معناشناسی منطقی با معناشناسی عرف (که منطق سنتی عمدتاً در مقام صور تبندی آن است) کاملاً ناسازگار و متعارض خواهد بود مثلاً وقتی می‌گوئیم «هرگز چنین نیست که اگر قطعه آهنی حرارت ببیند، منبسط نشود» در زبان طبیعی معنای درست و روشنی از گزاره فوق در ذهن ایجاد می‌شود. حال اگر قید «چنین نیست که» منطقاً به شرط برگردد (سلب الشرط)، یعنی داشته باشیم:

$$(\forall t)\sim(Pt \supset \sim Qt)$$

معنای عبارت فوق با توجه به مفهوم سلب استفاده از مادی معادل عبارت زیر خواهد بود.



۱. این فرمول بندی از نیکلاس رشر منطقدان آلمانی است، در مباحث بعد با فرمول بندی کاملتر و دقیق‌تری از این گونه قضایا آشنا خواهیم شد.



اما اگر قید «چنین نیست که» منطقاً و صفتالی شرطیه باشد (شرط السلب)، یعنی داشته

باشیم:

$$(\forall t)(Pt \supset \sim Qt) \Rightarrow (\forall t)(Pt \supset Qt)$$

در این صورت معنای روشن و درست عرفی حفظ می‌شود، یعنی «همیشه اگر قطعه آهنی حرارت ببیند، منبسط می‌شود».

۵- دلایل استنادی

۱. ابن سینا در کتاب شفابرای تبیین شرطیه سالبه به جایگاه سلب در تالی تصویریح می‌کند و می‌نویسد:

«پس سخن ما «هرگز چنین نیست که اگر هر الف ب باشد، پس هرج داست» در معنای عام خود هم مرتبه این سخن است که «همیشه اگر هر الف ب باشد، چنین نیست که هرج داشد»... و این قانون را در کلیه حالت حفظ کن. به همین ترتیب سخن ما «هرگز چنین نیست که اگر بعضی الف هاب باشند، پس هرج داست» هم مرتبه این است که «همیشه اگر بعضی الف هاب باشند، چنین نیست که هرج داشد» و سخن ما «هرگز چنین نیست که اگر بعضی الف هاب باشند، پس بعضی ج هاد است» هم مرتبه این است که «همیشه اگر بعضی الف هاب باشند، هیچ ج دنیست ...» و به همین ترتیب» [۶].

۱۷۸

۲. در پاره‌ای مواضع از کتاب منطق شفامحاسبات منطقی که ابن سینا انجام داده فقط در صورتی قابل توجیه است که سلب در قضایای شرطیه سالبه و صفتالی تلقی شود، به عنوان نمونه ابن سینا می‌نویسد:

«پس وقتی می‌گوییم «هرگز چنین نیست که اگر هر الف ب باشد، هرج داست»، ... مستلزم این است که «هرگز چنین نیست که اگر هرج داشد هر الف است» چراکه در غیر این صورت زمانی

هست که در آن زمان هرج داشت و به همراه آن هر الفب است، بنابراین در برخی از زمانها هر الفب است و به همراه او هرج داشت^۱.^[۷]

حال سؤال مهم این است که عبارت سالبه کلیه موجود در متن، یعنی «هرگز چنین نیست که اگر هرج داشد، پس هر الفب است» باید به لحاظ جایگاه سلب دارای چه ساختار منطقی نحوی باشد تا نقیض و نفی آن عبارت «زمانی هست که در آن زمان هرج داشت و به همراه آن هر الفب است» را نتیجه دهد. با تأمل کافی در می‌یابیم، در صورتی محاسبه فوق صحیح و منطقاً قابل توجیه است که سلب و صفتالی قرار گیرد، یعنی داشته باشیم:

$$P = \text{هر الفب است}$$

$$Q = \text{هرج داشت}$$

$$(\forall t)(Qt \supset \sim Pt) = (\text{هرگز چنین نیست که اگر هرج داشد، هر الفب است})$$

$$\sim (\forall t)(Qt \supset \sim Pt) \Rightarrow (\exists t) \sim (Qt \supset \sim Pt) \Rightarrow (\exists t) \sim (\sim Qt \vee \sim Pt) \Leftrightarrow (\exists t)(Qt \wedge Pt)$$

۶- فرمول بندی محصورات چهارگانه شرطی در نظام QR

نیکلاس رشر در سال ۱۹۶۲ در مقاله «ابن سینا در منطق قضایای شرطی»^[۸] برای نخستین بار اقدام به فرمول بندی و نمادگذاری محصورات چهارگانه (A,E,I,O) در شرطیه متصله و منفصله کرده است. فرمول بندی وی به صورت زیر است.

متصله	منفصله
A: $(\forall t)(Pt \supset Qt)$	A: $(\forall t)(Pt \vee Qt)$
E: $(\forall t)(Pt \supset \sim Qt)$	E: $(\forall t) \sim (Pt \vee Qt)$
I: $(\exists t)(Pt \wedge Qt)$	I: $(\exists t)(Pt \vee Qt)$
O: $(\exists t)(Pt \wedge \sim Qt)$	O: $(\exists t) \sim (Pt \vee Qt)$

۱. «فقول أنا إذا أقينا ليس البتة إذا كل ج ... يوجب أنه ليس البتة إذا كان كل ج دفكل اب و الأفليكن مرره كل ج دو معه كل اب فيكون في

بعض العمار قد كان كل اب ومعه كل ج»



نگارنده معتقد است فرمول بندی نیکلاس رشر به دلایل مشروطه زیر باید هم تصحیح و هم تکمیل شود.

الف) تصحیح

اگرچه فرمول بندی نیکلاس رشر از محصورات در منفصله کامل‌ادرست و قابل توجیه است، فرمول بندی محصورات در منفصله با دقت کافی صورت نگرفته است. با مختصراً تأمل مشاهده می‌شود در فرمول بندی مذبور سلب قضیه منفصله به صورت اتصال السلب (شرط السلب) و سلب قضیه منفصله به صورت سلب الانفصال (سلب الشرط) تصویر شده است و این امر به علت تناظری که باید بین منفصله و منفصله برقرار باشد قطعاً نادرست است. در مباحث قبل دیدیم در منطق شرطی این سینا اگر دو قضیه منفصله و منفصله مانع الخلو در کمیت، کیفیت و یکی از طرفین وحدت داشته باشند و نقیض مقدم شرطیه منفصله، طرف دوم منفصله قرار گیرد، این دو قضیه معادل هم تلقی می‌شوند؛ یعنی بر اساس فرمول بندی نیکلاس رشر باید معادله منطقی زیر برقرار باشد:

$$(\forall t)(Pt \supset \sim Qt) \equiv (\forall t) (\sim Pt \vee Qt)$$

۱۸

به وضوح روشن است که چنین معادله‌ای برقرار نیست. برای اینکه معادله مذبور منطبقاً برقرار باشد باید منفصله سالبه کلیه به صورت $(\forall t) (Pt \vee \sim Qt)$ فرمول بندی شود. در چنین صورتی است که معادله مورد نظر برقرار می‌گردد، یعنی داریم:

$$(\forall t)(Pt \supset \sim Qt) \equiv (\forall t) (\sim Pt \vee \sim Qt)$$

333
زنده زندگی

با فرمول بندی دقیق موجبه کلیه منفصله (A) و سالبه کلیه منفصله (E) همانند روشهای در منفصله جاری شده است، فرمول بندی موجبه جزئیه منفصله (I) را از نقیض سالبه کلیه منفصله و

فرمول بندی سالبه جزئیه منفصله (O) را از نقیض موجبه کلیه منفصله می‌توان به دست آورد، یعنی داریم:

$$I = \sim E = \sim (\forall t)(Pt \vee \sim Qt) \equiv (\exists t) \sim (Pt \vee \sim Qt) \equiv (\exists t) (\sim Pt \wedge Qt)$$

$$O = \sim A = \sim (\forall t)(Pt \vee Qt) \equiv (\exists t) \sim (Pt \vee Qt) \equiv (\exists t) (\sim Pt \wedge \sim Qt)$$

برای یافتن مثالی صادق در زبان طبیعی که سلب را در ناحیه تالی منفصله نشان دهدیکی از بهترین روشها همان است که منطقدانان مسلمان شناسایی کرده‌اند، یعنی تشکیل منفصله مانعه الخواز مفهوم عام و نقیض خاص، به عنوان مثال: «همیشه حسن یا آسیایی است یا ایرانی نیست» که فرمول بندی آن به صورت زیر است:

P حسن آسیایی است و Q حسن ایرانی است

$$(\forall t)(Pt \vee \sim Qt)$$

که شرط سالبه معادل آن عبارت است از:

$$(\forall t)(\sim Pt \supset \sim Qt)$$

یعنی «همیشه اگر حسن آسیایی نباشد، ایرانی نیست» که صدق آن روشن و واضح است.

ب) تکمیل

همان گونه که در ابتدای مقاله حاضر دیدیم نیکلاس رشر در سال ۱۹۷۱ در کتاب منطق زمان عملگر منطقی^۱ (Rt یعنی: واقعیت داشتن در زمان t) را وضع کرده و در منطق زمان به کار می‌گیرد. بنابراین در تکمیل فرمول بندی وی می‌توان به جای Pt و Qt به ترتیب از RtP و RtQ بهره گرفت.



استفاده از عملگر Rt وجود ساختار نحوی^۱ و معنایی^۲ شناخته شده مبتنی بر آن امکان فرمول بندی دقیق تر و کاملتری از نظریه قیاس اقتراوی شرطی را در منطق زمان فراهم می آورد. نگارنده پس از تصحیح و تکمیل فرمول بندی رشید رنهایت به صورت زیر پیشنهاد خویش را در فرمول بندی محصورات چهارگانه متصله و منفصله ارائه می دهد.

متصله	منفصله
$A: (\forall t)(RtP \supset RtQ)$	$A: (\forall t)(RtP \vee RtQ)$
$E: (\forall t)(RtP \supset \sim RtQ)$	$E: (\forall t)(RtP \vee \sim RtQ)$
$I: (\exists t)(RtP \wedge RtQ)$	$I: (\exists t)(\sim RtP \wedge RtQ)$
$O: (\exists t)(RtP \wedge \sim RtQ)$	$O: (\exists t)(\sim RtP \wedge \sim RtQ)$

همان طور که در جدول مذبور مشاهده می شود قضایای شرطیه جزئیه (O.I) در منطق جدید به صورت عطفیه (معطوفه) تصویر شده اند. این مطلب همان گونه که قبل از نیز ذکر شد در پاره ای مواضع مورد توجه منطقیون مسلمان از جمله ابن سینا قرار گرفته است.

$(\exists t)(RtP \wedge RtQ)$

فليكن مرء كل ج دو معه كل ا ب

$(\exists t)(RtQ \wedge RtP)$

في بعض المرار قد كان كل ا ب ومعه كل ج د [۹]

۱۸۲

۷- بسط نظریه قیاس اقتراوی شرطی ابن سینا در نظام QR

قیاس اقتراوی شرطی از ابداعات و نوآوریهای مهم ابن سینا محسوب می شود. از دیدگاه ابن سینا این نوع از قیاس دارای پنج صورت کلی زیر است.

صورت اول: هر دو مقدمه قیاس شرطیه متصله است (متصله - متصله).

صورت دوم: هر دو مقدمه قیاس، شرطیه منفصله است (منفصله - منفصله).

جهود تسبیح: یک مقدمه، متصله و یک مقدمه، منفصله است (متصله- منفصله).

میتواند حمله، یک مقدمه، متصله و یک مقدمه حمله است (متصله - حمله).

و در اینجا نیز مقدمه، منفصله و یک مقدمه، حمله است (منفصله - حمله).

٧-١-صيغة ادراك (متصله-متصله)

کو خود یه سیہ نہ عتقصید میں شوہد۔

الف) حد و سطیز هر دو مقدمه جزء تمام است.

ب) حد سط در هر دو سقدمه حزء ناقص است.

۷) حد و سط در یک مقدمه چزء تام و در دیگری چزء ناقص است.

الف) ح وسط جزء تام: این صورت از قیاس اقتراণی شرطی از نظر اشکال چهارگانه، تعداد ضروری منتج و نحوه اثبات کامل‌اشبیه قیاس اقتراণی حملی است.

مثال ۱: (شکل اول، Barbara)

- 1- $(\forall t)(RtP \supset RtQ)$
 2- $(\forall t)(RtQ \supset RtS)$

- 3- $\text{RtP} \supset \text{RtQ}$

- $$4-\text{RtQ} \supset \text{RtS}$$

- S- $\mathsf{RtP} \supset \mathsf{RtS}$

- $$6. \quad (\forall t)(RtP \Rightarrow RtS)$$

(2A) (1)

118

(3)(c)(5)(d)(e)

(e)(A)(e)

مثال ۲: (شکل دوم، Baroco)

- $$1 - (\exists t)(RtP \wedge \neg RtQ)$$

- $$2 \cdot (\forall t)(RtS \supset RtQ)$$

^{۱۰} این گزینه قادر است ترتیب مذکور را ممکن نماید (مورد استفاده در مقاله حاضر) رجوع کنید به:

٩٧- اطف الله میان منطقہ جدید، ۱۱، سمت، ۱۳۷۷، ص ۱۵، ۲۰ و ۲۵.



$$\therefore (\forall t)(RtP \wedge \sim RtS)$$

ف	
3- $RtP \wedge \sim RtQ$	(ح) (۷)
4- $RtS \supset RtQ$	(ح) (۸)
5- $\sim RtQ$	(ح) (۹)
6- $\sim RtS$	(ر.ت) (۱۰)
7- RtP	(ح) (۱۱)
8- $RtP \wedge \sim RtS$	(ح) (۱۲)
9- $(\exists t)(RtP \wedge \sim RtS)$	(ح) (۱۳)
10- $(\exists t)(RtP \wedge \sim RtS)$	(م) (۹.۲)

می دانیم برای اثبات پاره‌ای از ضرب منطق حملی مثل Darapti و Felapton از شکل سوم و Fesapo و Bramantip از شکل چهارم در منطق محمولات جدید به «پیش فرض وجودی^۱» نیاز داریم. این مسأله در قیاس اقتضانی شرطی نیز عیناً برقرار است، یعنی در ضرب مزبور باید این پیش فرض را پذیرفت که «مقدم در زمانی واقعیت دارد» $(\exists t)(RtP)$.

مثال ۲: (شکل چهارم، Fesapo)

ف	
1- $(\forall t)(RtQ \supset RtP)$	(ح) (۱)
2- $(\forall t)(RtS \supset \sim RtQ)$	(ح) (۲)
3- $(\exists t)RtQ$	(ح) (۳)
$\therefore (\exists t)(RtP \wedge RtS)$	
4- RtQ	(ح) (۴)
5- $RtQ \supset RtP$	(ح) (۵)
6- $RtS \supset \sim RtQ$	(ح) (۶)
7- RtP	(ح) (۷)
8- $\sim RtQ$	(ن.م) (۸)
9- $\sim RtS$	(ر.ت) (۹)
10- $RtP \wedge \sim RtS$	(ح) (۱۰)
11- $(\exists t)(RtP \wedge \sim RtS)$	(ح) (۱۱)
12- $(\exists t)(RtP \wedge \sim RtS)$	(م) (۱۱.۴)

ب) حد وسط جزء ناقص

مثال ٤:

- 1- $(\forall t)[RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset \underline{Dx})][\epsilon]$
- 2- $(\forall t)[RtQ \supset Rt(\forall x)(\underline{Dx} \supset Tx)]$
 $\therefore (\forall t)\{RtP \supset Rt[Q \supset (\forall x)(Dx \supset Tx)]\}$

- | | |
|---|---------------------|
| → 3- RtP | ف |
| → 4- RtQ | ف |
| 5- $RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)$ | (١)(٧) |
| 6- $RtQ \supset Rt(\forall x)(Dx \supset Tx)$ | (٢)(٧) |
| 7- $Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)$ | (٢)(٥)(\supset) |
| 8- $Rt(\forall x)(Dx \supset Tx)$ | (٤)(٦)(\supset) |
| 9- $(\forall x)Rt(Gx \supset Dx)$ | (ق)(٥) |
| 10- $(\forall x)Rt(Dx \supset Tx)$ | (ق)(٦) |
| 11- $Rt(Gx \supset Dx)$ | (ج)(٧) |
| 12- $Rt(Dx \supset Tx)$ | (ج)(٨) |
| 13- $Rt Gx \supset Rt Dx$ | (ق)(٩) |
| 14- $Rt Dx \supset Rt Tx$ | (ق)(١٠) |
| 15- $Rt Gx \supset Rt Tx$ | (ق.ش)(١٢)(١٤) |
| 16- $Rt(Gx \supset Tx)$ | (ق)(١٥) |
| 17- $(\forall x)Rt(Gx \supset Tx)$ | (م)(٧) |
| 18- $Rt(\forall x)(Gx \supset Tx)$ | (ق)(٦) |
| 19- $RtQ \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Tx)$ | (١٨,٤)(\supset) |
| 20- $Rt[Q \supset (\forall x)(Gx \supset Tx)]$ | (ق)(٧) |
| 21- $RtP \supset Rt[Q \supset (\forall x)(Gx \supset Tx)]$ | (٢٠,٣)(\supset) |
| 22- $(\forall t)\{RtP \supset Rt[Q \supset (\forall x)(Gx \supset Tx)]\}$ | (٢١)(٧) |

١. الحلى، جمال الدين، الجوهر النضي، المراجع السابق، ص ١٥١

«كلما كان اب فكل ج دو كلما كان هر ز مثل ، طبعنج كلما كان اب فلن هر ز فكل م-ز فكل ج ط»





ج) حد وسط جزء ناقص در یک مقدمه و جزء تام در دیگری

مثال: ۵

1- $(\forall t)[RtP \supset Rt(\forall t')(Rt'Q \supset Rt'S)] [V]$

2- $(\forall t)[RtS \supset RtT]$

$\therefore (\forall t)[RtP \supset Rt(\forall t')(Rt'Q \supset Rt'T)]$

⇒ 3- RtP

ف

4- $RtP \supset Rt(\forall t')(Rt'Q \supset Rt'S)$ (ح)(۱)

5- $Rt(\forall t')(Rt'Q \supset Rt'S)$ (ح)(۲)(۴)

6- $(\forall t') Rt(Rt'Q \supset Rt'S)$ (ق)(۵)

7- $Rt(Rt'Q \supset Rt'S)$ (ح)(۶)

8- $Rt Rt' Q \supset RtRt'S$ (ق)(۷)

9- $Rt' Q \supset Rt'S$ (ق)(۸)

10- $Rt' S \supset Rt'T$ (ح)(۲)

11- $Rt' Q \supset Rt'T$ (ق.ش)(۹)(۱۰)

12- $RtRt' Q \supset RtRt' T$ (ق)(۱۱)

13- $Rt(Rt' Q \supset Rt' T)$ (ق)(۷)(۱۲)

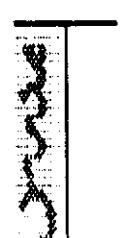
14- $(\forall t') Rt(Rt' Q \supset Rt' T)$ (م)(۷)

15- $Rt(\forall t')(Rt' Q \supset Rt' T)$ (ق)(۵)(۱۴)

16- $RtP \supset Rt(\forall t')(Rt' Q \supset Rt' T)$ (م)(۷)(۱۵،۲)

17- $(\forall t)[RtP \supset Rt(\forall t')(Rt' Q \supset Rt' T)]$ (م)(۷)(۱۶)

۱۸۶



بیانیہ ویڈو نامہ ۱۸۷

٢-٢- صورت دوم: (منفصله - منفصله)

مثال ٦: (حدوسط جزء تام)

$$1- (\forall t)[RtP \vee \sim RtQ]$$

$$2- (\forall t)[RtQ \vee \sim RtS]$$

$$\therefore (\forall t)(RtP \vee \sim RtS)$$

$$3- RtP \vee \sim RtQ$$

(ح) (١)

$$4- RtQ \vee \sim RtS$$

(ح) (٢)

$$5- \sim RtQ \vee RtP$$

(جا) (٣)

$$6- \sim RtS \vee RtQ$$

(جا) (٤)

$$7- RtQ \supset RtP$$

(اس) (٥)

$$8- RtS \supset RtQ$$

(اس) (٦)

$$9- RtS \supset RtP$$

(ق.س) (٧)

$$10- \sim RtS \vee RtP$$

(اس) (٨)

$$11- RtP \vee \sim RtS$$

(جا) (٩)

$$12- (\forall t)(RtP \vee \sim RtS)$$

(م) (١٠)



مثال ٧: (حدوسط جزء ماقص)

$$1- (\forall t)[RtP \vee Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)] [١٠]$$

$$2- (\forall t)[Rt(\forall x)(Dx \supset Hx) \vee RtQ]$$

$$\therefore (\forall t)[RtP \vee Rt(\forall x)(Gx \supset Hx) \vee RtQ]$$

$$3- RtP \vee Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)$$

(ح) (١)

$$4- Rt(\forall x)(Dx \supset Hx) \vee RtQ$$

(ح) (٢)



→ 5- RtP

ف

$$6- \text{RtP} \vee \text{Rt}(\forall x)(Gx \supset Hx) \vee \text{RtQ} \quad (5)(\forall)$$

→ 7- Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)

ف

→ 8- Rt(\forall x)(Dx \supset Hx)

ف

$$9- (\forall x)\text{Rt}(Gx \supset Dx) \quad (6)(\forall)$$

$$10- (\forall x)\text{Rt}(Dx \supset Hx) \quad (6)(\forall)$$

$$11- \text{Rt}(Gx \supset Dx) \quad (7)(\forall)$$

$$12- \text{Rt}(Dx \supset Hx) \quad (7)(\forall)$$

$$13- \text{RtGx} \supset \text{RtDx} \quad (8)(\forall)$$

$$14- \text{RtDx} \supset \text{RtHx} \quad (9)(\forall)$$

$$15- \text{RtGx} \supset \text{RtHx} \quad (10)(\forall)$$

$$16- \text{Rt}(Gx \supset Hx) \quad (11)(\forall)$$

$$17- (\forall x)\text{Rt}(Gx \supset Hx) \quad (12)(\forall)$$

$$18- \text{Rt}(\forall x)(Gx \supset Hx) \quad (13)(\forall)$$

$$19- \text{RtP} \vee \text{Rt}(\forall x)(Gx \supset Hx) \vee \text{RtQ} \quad (14)(\forall)$$

→ 20- RtQ

ف

$$21- \text{RtP} \vee \text{Rt}(\forall x)(Gx \supset Hx) \vee \text{RtQ} \quad (15)(\forall)$$

$$22- \text{RtP} \vee \text{Rt}(\forall x)(Gx \supset Hx) \vee \text{RtQ} \quad (16)(\forall)$$

$$23- \text{RtP} \vee \text{Rt}(\forall x)(Gx \supset Hx) \vee \text{RtQ} \quad (17)(\forall)$$

$$24- (\forall t)[\text{RtP} \vee \text{Rt}(\forall x)(Gx \supset Hx) \vee \text{RtQ}] \quad (18)(\forall)$$

۱۸۷



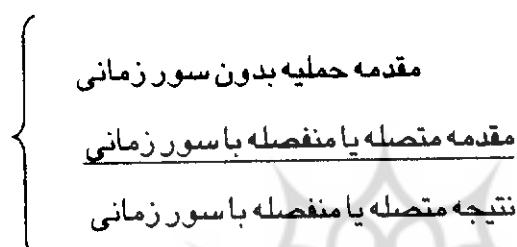
۲-۳- صورت سوم: (متصله- منفصله)

مثال ۸:

1- $(\forall t)[RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)] [\epsilon]$	
2- $(\forall t)[Rt(\forall x)(Dx \supset Tx) \vee RtQ]$	
	$\therefore (\forall t)\{RtP \supset Rt[\sim Q \supset (\forall x)(Gx \supset Tx)]\}$
→ 3- RtP	ف
→ 4- $\sim RtQ$	ف
→ 5- $RtGx$	ف
6- $RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)$	(1)(\forall)
7- $Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)$	(2)(\forall)(\supset)
8- $Rt(\forall x)(Dx \supset Tx) \vee RtQ$	(2)(\forall)
9- $\sim Rt(\forall x)(Dx \supset Tx) \supset RtQ$	(نـمـ) و (اسـ) (8)
10- $\sim RtQ \supset Rt(\forall x)(Dx \supset Tx)$	(عـكـ) و (حـ) (~)
11- $Rt(\forall x)(Dx \supset Tx)$	(\forall)(1\cdot)(\supset)
12- $(\forall x)Rt(Gx \supset Dx)$	(قـ) (5)
13- $(\forall x)Rt(Gx \supset Tx)$	(قـ) (11)
14- $Rt(Gx \supset Dx)$	(حـ) (\forall)
15- $Rt(Gx \supset Tx)$	(حـ) (\forall)
16- $RtGx \supset RtDx$	(قـ) (\forall)
17- $RtDx \supset RtTx$	(قـ) (\forall)
18- $RtDx$	(حـ) (\supset) (16)
19- $RtTx$	(حـ) (\supset) (17)
20- $RtGx \supset RtTx$	(مـ) (\supset)
21- $Rt(Gx \supset Tx)$	(قـ) (\forall)
22- $(\forall x)Rt(Gx \supset Tx)$	(21)(\forall)
23- $Rt(\forall x)(Gx \supset Tx)$	(قـ) (22)
24- $\sim RtQ \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Tx)$	(22, 4) (مـ)
25- $Rt \sim Q \supset Rt(\forall x)(Dx \supset Tx)$	(قـ) (24)
26- $Rt[\sim Q \supset (\forall x)(Gx \supset Tx)]$	(قـ) (\forall)
27- $RtP \supset Rt[\sim Q \supset (\forall x)(Gx \supset Tx)]$	(26, 2) (مـ)
28- $(\forall t)\{RtP \supset Rt[\sim Q \supset (\forall x)(Gx \supset Tx)]\}$	(27)(\forall)



قبل از ذکر مثالهای صورت چهارم (متصله - حملیه) و صورت پنجم (منفصله - حملیه) ذکر یک نکته مهم ضروری است. قضیه حملیه در مثالهای ذکر شده در متون منطقی همگی بدون سورزمانی در نظر گرفته می‌شوند. به عبارت دیگر ساختار کلی استدلال در این دو صورت به شکل زیر است:



واضح است به علت ذکر نشدن سورزمانی در مقدمه حملیه منطق آنمی‌توان نتیجه را متصرف به سورزمانی کرد. بنابراین استخراج ضروب معتبر این دو صورت در صورتی میسر است که مقدمه حملیه با سورزمانی فرمول بندی شود، یعنی داریم:

(همیشه) هر الف ب است $(\forall t)Rt(\forall x)(Ax \supset Bx)$

۱۹۰

۷-۴- صورت چهارم: (متصله - حملیه)

مثال ۹:

- 1- $(\forall t)Rt(\forall x)(Dx \supset Hx)$
- 2- $(\forall t)[RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Dx)] [\forall]$ ^۱

$$\therefore (\forall t)[RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Hx)]$$

⇒ 3- RtP

ف

$$4- Rt(\forall x)(Dx \supset Hx) \quad (ج)(\forall)$$

$$5- RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Dx) \quad (ج)(\forall)$$

$$6- Rt(\forall x)(Gx \supset Dx) \quad (ج \supset)(\forall)$$

$$7- (\forall x)Rt(Dx \supset Hx) \quad (ق)(\forall)$$

$$8- (\forall x)Rt(Gx \supset Dx) \quad (ق)(\forall)$$

$$9- RtDx \supset RtHx \quad (ح)(\forall)(ق)(\forall)$$

$$10- RtGx \supset RtDx \quad (ح)(\forall)(ق)(\forall)$$

$$11- Rt(\forall t)(Gx \supset Hx) \quad (ق.ش)(ق)(\forall)(م)(ق)(\forall)(م)(\forall)$$

$$12- RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Hx) \quad (م)(\supset)(\forall)(م)$$

$$13- (\forall t)[RtP \supset Rt(\forall x)(Gx \supset Hx)] \quad (م)(\forall)$$

7-5- صورت پنجم: (منفصله - حملیه)

مثال ۱۰:

$$1- (\forall t)Rt(\forall x)(Gx \supset \underline{Bx})$$

$$2- (\forall t)[Rt(\forall x)(\underline{Bx} \supset Ax) \vee RtP] [\forall]$$

«کلاما کان اب فکل ج دو کل د ه بینج کلد کار اب فکل ج ه»



$$\therefore (\forall t)[Rt(\forall x)(Gx \supset Ax) \vee RtP]$$

3- $Rt(\forall x)(Gx \supset Bx)$ (ح)(۱)

4- $Rt(\forall x)(Bx \supset Ax) \vee RtP$ (ح)(۲)

→ 5- $Rt(\forall x)(Bx \supset Ax)$ ف

6- $(\forall x)Rt(Gx \supset Bx)$ (ق)(۵)

7- $(\forall x)Rt(Bx \supset Ax)$ (ق)(۵)

8- $RtGx \supset RtBx$ (ح)(۷)(۶)

9- $RtBx \supset RtAx$ (ح)(۷)

10- $RtGx \supset RtAx$ (ق.ش)(۸)

11- $(\forall x)Rt(Gx \supset Ax)$ (ق)(۷)(۱۰)

12- $Rt(\forall x)(Gx \supset Ax)$ (ق)(۵)

13- $Rt(\forall x)(Gx \supset Ax) \vee RtP$ (ح)(۱۲)(۷)

→ 14- RtP ف

15- $Rt(\forall x)(Gx \supset Ax) \vee RtP$ (ح)(۱۴)(۷)

16- $Rt(\forall x)(Gx \supset Ax) \vee RtP$ (ح)(۷)(۱۵,۱۴)(۱۲,۵)(۴)

17- $(\forall t)[Rt(\forall x)(Gx \supset Ax) \vee RtP]$ (ح)(۷)(۱۶)

۱۹۲

مثالهای فوق را در نظام QK نیز می‌توان صورت بندی کرد. در آن صورت برای فرمول بندی محصورات چهارگانه شرطیه باید قالبهای زیر را به کار گرفت.

$$(\forall t) Rt\phi = H\phi \wedge \phi \wedge G\phi$$

$$(\exists t) Rt\phi = P\phi \vee \phi \vee H\phi$$

به عنوان مثال برای فرمول بندی موجبه کلیه متصله و سالبه جزئیه منفصله داریم:

A: $(\forall t)(RtP \supset RtQ) \Rightarrow (\forall t) Rt(P \supset Q) \Rightarrow H(P \supset Q) \wedge (P \supset Q) \wedge G(P \supset Q)$

O: $(\exists t)(\sim RtP \wedge \sim RtQ) \Rightarrow (\exists t) Rt(\sim P \wedge \sim Q) \Rightarrow P(\sim P \wedge \sim Q) \vee (\sim P \wedge \sim Q) \vee F(\sim P \wedge \sim Q)$

جلد دهم
و پنجمین
سال
۱۳۸۷

۸-نتیجه‌گیری

همان گونه که در مقاله حاضر بر آن تأکید شد «نظریه قیاس اقتضانی شرطی ابن سینا» یکی از ابداعات و نوآوریهای مهم در تاریخ منطق صوری محسوب می‌شود که هیچ سابقه‌ای در سنت ارسطویی و رواقی-مگاری نداشته است. همچنین مشاهده شد بسیاری از صورتهای استدلالی طرح شده در این نظریه از دیدگاه منطق محمولات درجه اول و منطق زمان قابل تبیین و توجیه است. در عین حال می‌توان دریافت که نظریه مذبور از دیدگاه منطق جدید کامل و عاری از نقص نیست و پاره‌ای مثالهای غیرقابل توجیه و نادرست نیز در متون مربوط یافته می‌شود که این خود به نبود یک نظام استنتاجی قدری و کارآمد در پی جویی محاسبات منطقی در منطق سنتی بر می‌گردد.

۹-منابع

- [1] Rescher, N., "Arabic logic", in *Encyclopedia of Philosophy*, Paul Edward(Ed.), Vol.4, USA.Macmillan Company, 1972, p.527
هم چنین رجوع کنید به:
- Rescher, N., "Avicenna on the logic of conditional proposition", *Notre Dame Journal of Formal Logic*, Vol. 4, 1963, pp.48-58.
- [۲] ابن سینا، الاشارات و التنبيهات، ج ۱، دفتر نشر الكتاب، ۱۴۰۲ هـ. ق. ص. ۲۲۵.
- [۳] Rescher, N., Arquhart A., *Temporal Logic*, New York, Springer Verlag, 1971, pp.38-39, 52, 235-238.
- [۴] الحلى، جمال الدين، //جواهر النصيحة في شرح منطق التجريد، قسم، انتشارات بيدار، ۱۲۶۲ش.
صص. ۴۹-۱۰۱، ۱۶۰.
- [۵] الارموي. سراج الدين، مطالع الانوار، على هامش: الرازى، قطب الدين، لوامع الاسرار في شرح مطالع الانوار القاهره، مطبعة البستاني، ۱۲۰۳ق، صص. ۲۴۰-۲۴۱.
- [۶] ابن سینا، منطق الشفاء، المرجع السابق، ص. ۲۶۶.
- [۷] المصدر نفسه، صص. ۱۵۴-۲۸۵.
- [۸] Rescher, N, "Avicenna on the logic of conditional proposition, *Notre Dame Journal Logic*, Vol 4, 1963. pp.51-52.
- [۹] ابن سینا، منطق الشفاء، القياس، المرجع السابق، ص. ۲۸۵.
- [۱۰] الرازى قطب الدين، الشمسية، قم، منشورات الرضى، ۱۲۶۲ش، ص. ۱۶۰.



پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی
پرستال جامع علوم انسانی