

## کاربرد روش قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای<sup>۱</sup> (CAPM) در تخصیص بهینه<sup>\*</sup> ذخایر گاز طبیعی

دکتر احمد جعفری صمیمی\*

تورج دهقانی\*\*

### چکیده

امروزه دامنه کاربرد تکنیک‌های مدیریت سبد دارایی از حوزه بازار سهام فراتر رفته و در بخش‌های دیگر از جمله مدیریت پژوهه‌های نفت و گاز روز به روز در حال گسترش است. در این مقاله با توجه به محدودیت ذخایر گازی کشور و تنوع فرصتهای مختلف سودآور برای تخصیص گاز طبیعی از جمله صادرات گاز، توسعه طرحهای پتروشیمی با خوارک گاز به میادین نفتی، کاربرد روش ترکیبی مدل بهینه سازی سبد دارایی مارکوویتز و مدل قیمت‌گذاری دارایی سرمایه به عنوان روشی نوین پیشنهاد شده است. در این روش که برای اولین بار در مورد این موضوع به کار می‌رود، ابتدا با استفاده از روش بهینه سازی سبد دارایی مارکوویتز، سبدهای دارایی کارآمد را که از تخصیصهای مختلف به گزینه‌های متنوع مصرف گاز به دست آمده و حداقل ارزش را در ریسکهای مختلف ایجاد می‌کنند، به دست می‌آوریم. مجموعه این سبدهای دارایی کارآمد، منحنی وتابع مرز کارآمدی را ایجاد می‌کنند. سپس به کمک مدل قیمت‌گذاری بازاری دارایی (CAPM)، که نوعی رابطه ساده را بین بازدهی انتظاری و ریسک سرمایه گذاری در یک بازار رقبابتی بیان می‌کند، سبد دارایی بهینه را به دست می‌آوریم. برای این منظور با ارزش گذاری قطعی تمام داراییهای ممکن، خط بازار سرمایه را به دست آورده و از تماس این خط با منحنی مرز کارآمدی، ترکیب بهینه حاصل می‌شود. نتایج نهایی محاسبات انجام شده توسط این الگو، سبدهای دارایی بهینه با ترکیب‌های متنوع پژوهه‌های پتروشیمی، تزریق گاز و صادرات گاز، در پنج سناریوی مختلف ۱۰۰، ۳۰۰، ۲۰۰ و ۴۰۰ و ۵۰۰ میلیون متر مکعب گاز طبیعی تولید شده، همراه با ارزش انتظاری و ریسک معادل، را نشان می‌دهند.

واژه‌های کلیدی: بهینه سازی سبد دارایی، تزریق گاز به میادین نفتی، بازدهی انتظاری، قیمت‌گذاری بازاری دارایی سرمایه، خط بازار سرمایه

طبقه‌بندی JEL: Q۴۹، Q۳۹

1. Capital Asset Pricing Model  
jafarisa@yahoo.com

\* استاد اقتصاد دانشگاه مازندران

\*\* دانشجوی مقطع دکترا رشته اقتصاد-گرایش نفت و منابع دانشگاه مازندران - مؤسسه مطالعات بین‌المللی اتری

## مقدمه

کشور ایران با در اختیار داشتن حدود ۲۷ تریلیون متر مکعب گاز طبیعی و معادل ۱۵ درصد ذخایر گازی دنیا پس از کشور روسیه در رتبه دوم قرار دارد. استفاده بهینه از این ذخایر عظیم نیازمند برنامه ریزی دقیق علمی بلند مدت است که این امر مستلزم مطالعه و شناخت کامل جنبه های مختلف مرتبط می باشد. منافع عملده حاصل از درآمدهای ارزی گاز می تواند ناشی از صادرات گاز طبیعی، صادرات محصولات پتروشیمی که خوراک آنها گاز است، افزایش صادرات نفت خام ناشی از تزریق گاز به میادین نفتی و یا افزایش صادرات فرآورده های نفتی ناشی از جایگزینی مصرف داخلی گاز طبیعی باشد. بنابراین مطالعه و شناخت علمی و تدوین مدل اقتصادی برای هر کدام از بخشها فواید اهمیتی خاص برخوردار است.

صرف گاز طبیعی در کشورهای مختلف دنیا به خصوص کشورهای صنعتی و در حال توسعه طی سالهای اخیر از رشد چشم گیری برخوردار بوده و بر اساس پیش بینیهای مؤسسات معتبر بین المللی طی دهه های آینده از شتاب بیشتری برخوردار خواهد بود. روند رو به رشد تقاضای جهانی گاز و پراکندگی جغرافیایی ذخایر مهم گازی دنیا و کشورهای عملده مصرف کننده گاز دنیا و مباحث فنی مربوط به انتقال گاز، تجارت بین المللی این ماده مهم تامین کننده انرژی را از پیچیدگی بسیاری برخوردار نموده است. بازارهای مختلف دنیا که عملده ترین آنها شامل بازار گاز امریکا، اروپا، جنوب شرق آسیا و هند و چین می باشند، هر کدام دارای ویژگیها و مشخصات خاص خود هستند و لذا تغییرات و تحولاتی که در هر کدام از آنها انجام گرفته و یا چشم انداز انجام آن وجود دارد اثرات خاص خود را بر قیمتها بین المللی گاز خواهد داشت. امروزه اعتقاد بر این است که پروژه های صادرات گاز طبیعی به خصوص برای کشورهایی که تازه می خواهند به این عرصه وارد شوند از ارزش اقتصادی کمتر و ریسک بیشتری برخوردار است و به همین دلیل با توجه به این که بازار از عرضه کنندگان زیادی برخوردار است و شاهد افزایش روزافزون رقابت می باشیم، پیشنهاد می کنند که عرضه کنندگان جدید با احتیاط بیشتری اقدام به انعقاد قرارداد های بلند مدت نمایند.

افزایش شدید قیمت نفت خام و چشم انداز مثبت ادامه این روند بیانگر تحول ساختاری در بازار بین المللی انرژی است. از آن جا که در فرمولهای قیمت گذاری گاز عمدهاً از قیمت نفت خام شاخص به عنوان قیمت پایه استفاده می شود (که البته با محدودیتهای کف و سقف همراه است)، و از طرف دیگر

برای کشوری مانند ایران که هم از نظر ذخایر نفتی و هم از نظر ذخایر گازی، غنی است و مباحثت افزایش ضریب بازیافت از طریق تزریق گاز به میادین نفتی مطرح می‌باشد، انعقاد قراردادهای خرید و فروش بلند مدت گاز باید با مطالعات دقیق انجام گیرد.

درآمدهای ارزی ناشی از افزایش ضریب بازیافت به علت تزریق گاز به میادین نفتی، با توجه به افزایش قیمت‌های جهانی نفت خام از اهمیتی ویژه برخوردار است و لذا شناخت تابع درآمد ارزی مربوط به این قسمت، اهمیت و پیچیدگی زیادی را دارد. این مهم، اولانیازمند مطالعات فنی مخازن نفت و گاز کشور و ثانیاً برآورد مدل پیش‌بینی کننده قیمت‌های نفت خام می‌باشد.

درآمدهای ارزی حاصل از فروش محصولات پتروشیمی نیز بخش دیگری از منافع ارزی گاز طبیعی است. تنوع وسیع محصولات پتروشیمی و گسترش روزافزون استفاده از این محصولات در حوزه‌های مختلف صنعتی و غیر صنعتی، سرمایه‌گذاری در طرحهای پتروشیمی را از سوددهی مناسبی برخوردار نموده است. ذخایر گازی بسیار کشورمان باعث شده است که توسعه صنایع پتروشیمی بر اساس خوارک گاز مدنظر قرار گیرد. بر این اساس تخصیص بهینه گاز طبیعی به این بخش از صنعت به منظور دست‌یابی به بهترین منافع از اهمیت خاص برخوردار است.

در این تحقیق با توجه به ساختار موضوع، ابتدا به تشریح الگوی کلی که برای پرداختن به مساله مناسب است، پرداخته و در ادامه نحوه کاربرد الگوریتم این خواهیم نمود. محدودیت ذخایر گازی و تنوع فرصت‌های مختلف برای تخصیص گاز طبیعی، استفاده از تکنیک بهینه سازی سبد دارایی مارکوویتز را برای این منظور مناسب می‌نماید. با استفاده از این روش، سرمایه‌گذار سبدهای دارایی کارآمد که حداقل ارزش را در ریسکهای مختلف ایجاد می‌کنند، به دست می‌آورد. مجموعه این سبدهای دارایی کارآمد، منحنی و تابع مرز کارآمدی را ایجاد می‌کنند.

سرمایه‌گذاران معمولاً دیدگاهها و انتظارات متفاوتی از آینده دارند، بنابراین برآوردهای آنها از بازدهی انتظاری و ریسکها و ناطمینانی‌های سرمایه‌گذاری متفاوت است. مدل قیمت‌گذاری بازاری دارایی (CAPM)، یک رابطه ساده بین بازدهی انتظاری و ریسک سرمایه‌گذاری در بازاری رقابتی را بیان می‌کند. به وسیله این روش سرمایه‌گذار می‌تواند با ارزش گذاری قطعی تمام داراییهای ممکن خود، خط بازار سرمایه را به دست آورده و از تماس این خط با منحنی مرز کارآمدی ترکیب بهینه حاصل شود.

در این تحقیق پس از بیان مقدمه در قسمت دوم به مروری بر نظریه سبد دارایی و مدل قیمت‌گذاری بازاری دارایی می‌پردازیم. در بخش سوم با بیان صورت مساله که همان تخصیص بهینه گاز طبیعی به

گزینه های مختلف است، به چگونگی کاربرد این روش برای حل مساله و بالاخره در قسمت آخر به نتیجه گیری خواهیم پرداخت.

### **مروجی بر نظریه بھینه سازی سبد دارایی و مدل قیمت گذاری بازاری دارایی**

نظریه بھینه سازی سبد دارایی یک روش نوین تحلیل سرمایه گذاری است که اقتصاد دان معروف مکتب شیکاگو، هری مارکوویتز، برنده جایزه نوبل اقتصاد در سال ۱۹۹۰ آن را مطرح کرد. در این نظریه هری مارکوویتز به دنبال ارائه روشی برای انتخاب بهترین ترکیب سرمایه گذاری است که از بالاترین کارآیی برای سرمایه گذار برخوردار باشد. این تکنیک به سرمایه گذار کمک کند که در مواجهه با فرصت‌های متنوع سرمایه گذاری، ترکیب یا سبدی را انتخاب کند که نسبت به تمام سبدهای دیگر با ارزش اقتصادی یکسان از ریسک کمتری برخوردار باشد؛ یا نسبت به تمام سبدهای دیگر با ریسک یکسان از بازدهی اقتصادی بیشتری برخوردار باشد. این تئوری که اولین بار در بازارهای خرید و فروش سهام مورد استفاده قرار گرفت، این امکان را به سرمایه گذار می‌دهد که به سبدهای متنوعی از سهام دست یابد که بالاترین کارآیی را داشته باشند. مجموعه این سبدها منحنی مرز کارآمدی سرمایه گذار را ایجاد می‌کنند، که بیانگر حداقل بازدهیهای اقتصادی در ریسکهای مختلف است.

برای انجام یک فعالیت سرمایه گذاری، ویژگیهای ذاتی فرد سرمایه گذار و همچنین مشخصات فرصت سرمایه گذاری در یک مجموعه قرار گرفته و بر آن اساس تصمیم سرمایه گذاری اتخاذ می‌گردد. نقطه تماس منحنی مرز کارآمدی بر منحنی بی تفاوتی با بالاترین درجه مطلوبیت، نقطه بھینه برای سرمایه گذاری محسوب می‌شود.

مدل قیمت گذاری بازاری دارایی (CAPM)، یک رابطه ساده بین بازدهی انتظاری و ریسک سرمایه گذاری در یک بازار رقابتی را بیان می‌کند. این مدل مبتنی بر چند فرض اساسی در مورد رفتار سرمایه گذار و شرایط بازار است. این فرضها عبارتند از:

الف- تمام سرمایه گذاران ریسک گریز بوده و شاخص ارزیابی ریسک نیز انحراف معیار بازدهیهای انتظاری سبدهای دارایی است.

ب- تمام سرمایه گذاران از افق زمانی یکسان برای سرمایه گذاری برخوردارند.

پ- تمام سرمایه گذاران برآوردهای ذهنی همسان از بازدهی و ریسک سرمایه گذاریها دارند.

ت- سرمایه گذاران می‌توانند در یک فرصت سرمایه گذاری بدون ریسک با نرخ بهره مشخص،

سرمایه‌گذاری نمایند و در این نرخ بهره می‌توانند به هر میزان وام دهند و یا قرض دریافت کنند.  
ث- تمام فرصت‌های سرمایه‌گذاری کاملاً قابل تقسیم هستند و هیچ گونه هزینه مبادلاتی، یا مالیاتی و یا محدودیت فروش در کوتاه مدت ندارند.

ج- اطلاعات به صورت آزاد بوده و در اختیار همه افراد قرار می‌گیرد.

نمودار ۱ مجموعه فرصت‌های سبد‌های دارایی ریسکی را همراه با دارایی بدون ریسک  $F$  نشان می‌دهد. سرمایه‌گذار  $X$  علاوه بر سرمایه‌گذاری در سبد دارایی  $C$  می‌تواند سرمایه‌گذاری بهتری در  $M$  انجام دهد و همزمان بخشی از سرمایه خود را در نرخ بهره بدون ریسک قرض دهد تا ضمن رساندن به منحنی بی تفاوتی بالاتری در  $M$  روی خط  $FM$  قرار بگیرد.

همین طور سرمایه‌گذار  $Y$  علاوه بر سرمایه‌گذاری در سبد دارایی  $D$ ، می‌تواند در نرخ بهره بدون ریسک قرض گرفته و ضمن سرمایه‌گذاری در  $M$  به منحنی بی تفاوتی بالاتر در نقطه  $M_2$  بر روی خط  $FM$  برسد.

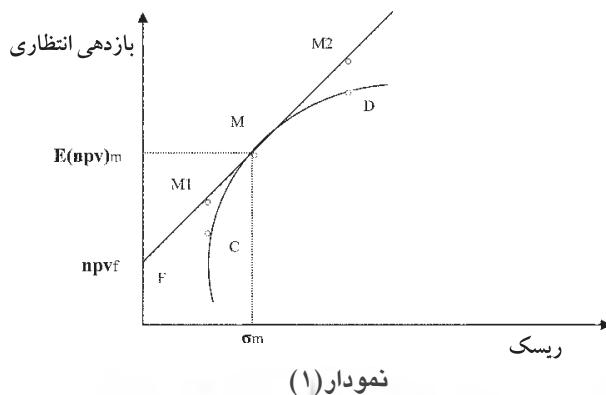
در حقیقت تمام سرمایه‌گذاران با انتخاب  $M$  و با حرکت به سمت بالا و پایین خط  $FM$  تا این که بر بالاترین منحنی بی تفاوتی در دسترس خود مماس شوند، مطلوبیت خود را حداکثر می‌نمایند. مجموعه سبد‌های دارایی کارآمد، که بالاترین بازدهی انتظاری را برای سطح معینی از ریسک ایجاد می‌کنند، تمام نقاط موجود بر روی خطی مستقیم خواهند بود که از  $M$  می‌گذرند. این تئوری جداسازی<sup>۱</sup> خاص اولین بار توسط جیمز توینین در سال ۱۹۵۸ ارائه گردید.

از آن جا که هیچ سرمایه‌گذاری هیچ سبد دارایی ریسکی غیر از  $M$  را حفظ نخواهد کرد، و همچنین تمام سهام توسط یک یا چند سرمایه‌گذار نگه داری خواهند شد، به این معنی است که،  $M$  باید شامل تمام سهام به نسبت ارزش بازاری آنها باشد. بنابراین بازدهی انتظاری حاصل از سبد دارایی  $M$  که به وسیله  $E(npv_m)$  مشخص می‌گردد، معادل میانگین وزنی بازدهی انتظاری تمام سهام موجود در بازار است.

خط  $FM$  که به عنوان خط بازار سرمایه<sup>۲</sup> شناخته می‌شود، خطی مستقیم است با شیب  $\frac{E(npv_m) - npv_f}{\sigma_m}$  و عرض از مبدأ  $npv_f$ . بنابراین معادله خط بازار سرمایه به صورت زیراست:

$$E(npv_e) = npv_f + \left\{ \frac{E(npv_m) - npv_f}{\sigma_m} \right\} \sigma_e \quad (1)$$

که e بیانگر یک سبد دارایی کارآمد است.



که e بیانگر یک سبد دارایی کارآمد است.

حال فرض می‌کنیم که S یک سبد دارایی متشكل از تنها یک دارایی ریسکی i ام و سبد دارایی بازاری M است. همچنین فرض می‌کنیم که  $\alpha$  نسبت ارزش سرمایه گذاری در i و  $1 - \alpha$  سهم سرمایه گذاری سبد دارایی S برای M است.

اگر ترکیبات ممکن از M و i (که S را تشکیل می‌دهند) رسم شوند، شب خط حاصله در فضای ریسک بازدهی به صورت:

$$\frac{\partial E(npv_s)}{\partial \sigma_s} = \frac{\partial E(npv_s)/\partial \alpha}{\partial \sigma_s / \partial \alpha} \quad (2)$$

خواهد بود. حال با فرض:

$$E(npv_s) = \alpha E(npv_i) + (1 - \alpha) E(npv_m)$$

$$\sigma_s = \left\{ \alpha^2 \sigma_i^2 + (1 - \alpha)^2 \sigma_m^2 + 2\alpha(1 - \alpha)\sigma_{im} \right\}^{1/2}$$

خواهیم داشت:

$$\frac{\partial E(npv_s)}{\partial \alpha} = E(npv_i) - E(npv_m)$$

$$\frac{\partial \sigma_s}{\partial \alpha} = \frac{1}{2} \left\{ \alpha^2 \sigma_i^2 + (1 - \alpha)^2 \sigma_m^2 + 2\alpha(1 - \alpha)\sigma_{im} \right\}^{-1/2} \times$$

$$\left\{ 2\alpha\sigma_i^2 - 2(1-\alpha)\sigma_m^2 + 2\sigma_{im} - 4\alpha_{im} \right\}$$

حال اگر فرض کنیم که  $\alpha = 0$

$$\frac{\partial E(npv_s)}{\partial \alpha} \Big|_{\alpha=0} = E(npv_i) - E(npv_m) \quad (3)$$

$$\frac{\partial \sigma_s}{\partial \alpha} \Big|_{\alpha=0} = \frac{\sigma_{im} - \sigma_m^2}{\sigma_m} \quad (4)$$

باید توجه کرد که اگر  $\alpha = 0$  همان سبد دارایی بازاری M است.  
با جای گذاری معادلات ۳ و ۴ در معادله ۲ می‌توانیم شیبتابع را در نقطه M به دست بیاوریم.

$$\frac{E(npv_i) - E(npv_m)}{(\sigma_{im} - \sigma_m^2) / \sigma_m} = \frac{E(npv_m) - npv_f}{\sigma_m} \quad \text{بنابراین:}$$

$$E(npv_i) = npv_f + \frac{\sigma_{im}}{\sigma_m^2} \left\{ E(npv_m) - npv_f \right\} \quad \text{ویا:}$$

$$E(npv_i) = npv_f + \beta_i \left\{ E(npv_m) - npv_f \right\} \quad (5)$$

که:

$$\beta_i = \frac{\sigma_{im}}{\sigma_m^2}$$

معادله ۵ که خط بازار سهام<sup>۱</sup> نامیده می‌شود، نتیجه اصلی CAPM است. این معادله رابطه بین بازدهی انتظاری یک سهم و ریسک آن سهم را نشان می‌دهد، که توسط  $\beta$  معین می‌گردد. هرچه  $\beta$  بزرگتر باشد به مفهوم بیشتر بودن بازدهی انتظاری سهم بوده و جذب بیشتر سرمایه‌گذاری را می‌طلبد. عبارت  $E(r_m) - r_I$  پاداش ریسک بازار<sup>۲</sup> نامیده می‌شود. این فرمول بندی معادله ۶ توسط شارپ (۱۹۶۴) و لیتر (۱۹۶۵) ارائه گردید.

- 
1. Securities Market Line
  2. Market Risk Premium

## کاربرد الگو

در این بخش سعی می شود با طرح مساله تخصیص گاز طبیعی استخراج شده از میدان گازی پارس جنوبی که تقریباً نیمی از ذخایر گازی کشور را شامل می شود، با کاربرد نظریه<sup>۱</sup> مدیریت سبد دارائی مارکوویتز و مدل قیمت گذاری بازاری دارایی و با نگاهی واقع بینانه به تمام پروژه های صادرات گاز به کشورهای خارجی، تزریق گاز به میادین نفتی به منظور از دیاد برداشت نفت خام، پتروشیمی با خوراک گاز طبیعی به حل آن پرداخت.

هر کدام از پروژه هایی که در این الگو مورد بررسی و مطالعه قرار می گیرند، به طور بالقوه به عنوان یک دارایی با بازدهی اقتصادی و ریسک مربوطه محسوب می شوند. پیوست شماره ۱ تمام پروژه های مورد مطالعه در این تحقیق را نشان می دهد. تمام این پروژه ها دارای دو ویژگی عمده اند. اولاً از نظر هزینه ای، تمامی این پروژه ها بسیار سرمایه برند، بگونه ای که عمدتاً برای ساخت و اجرای آنها، هزینه سرمایه ای (Capex) بسیاری لازم خواهد بود. این مقدار بسیار سنگین هزینه سرمایه ای در یک دوره عموماً چهار ساله اول طرح انجام می شود. در تمام محاسبات نحوه توزیع هزینه سرمایه ای در مراحل ساخت و اجرای طرح، در این دوره چهار ساله به صورت توزیع نرمال فرض شده است.

درآمد حاصل از پروژه پس از آغاز بهره برداری (از سال پنجم) شروع شده و تا انتهای یک دوره عموماً سی ساله که بهره برداری از طرح ادامه دارد و جریان نقدي درآمدی ایجاد می کند، ادامه خواهد داشت.

فرض کنیم می خواهیم گاز طبیعی استخراج شده از میدان گازی پارس جنوبی را به نسبت<sup>۲</sup>،<sup>۳</sup> و<sup>۴</sup> بین پروژه های مختلف صادرات گاز، پتروشیمی با خوراک گاز و تزریق به میادین نفتی، به گونه ای اختصاص دهیم که، به حداقل ارزش انتظاری حال خالص در دامنه ریسکهای مختلف دست یابیم؛ یعنی:

$$Max.: E(npv)^T = \sum_{i=1}^3 x_i npv_i$$

S.T:

$$St.Dev.^T = A$$

که  $E(npv)^I$  ارزش حال خالص انتظاری مجموع ترکیب پروژه ها و  $St.Dev.^T$  انحراف معیار سبد ترکیب پروژه هاست که شاخص ریسک قلمداد می شود و  $A$  حداقل مقدار ریسک مجاز در هر سناریو است. در پروژه های نفت و گاز، جریانهای هزینه ای و درآمدی در یک دوره طولانی ایجاد می شوند، لذا همواره دستخوش نوسانات متغیرهای تاثیر گذار و ریسکهای متعددی خواهند بود. بنابراین برآورد هر چه

دقیقتر شاخصهای مناسبی که بیانگر ریسک و بازدهی هر پروژه باشند، از جمله محاسبات میانگین و انحراف معیار در هر کدام از پروژه‌های مورد مطالعه در این مقاله از اهمیت بسیاری برخوردار است. در این مساله برای محاسبه ارزش حال خالص هر پروژه از فرمول  $NPV$  استفاده می‌کنیم.

$NPV_i = \sum_{t=0}^n \frac{R_{it} - C_{it}}{(1+r)^t}$  که  $R_{it}$  درآمد نقدی حاصل از پروژه  $i$  ام در سال  $t$  ام،  $C_{it}$  جریان نقدی مجموع هزینه‌های سرمایه‌ای و عملیاتی برای پروژه  $i$  ام در سال  $t$  ام،  $r$  نرخ تنزیل است که به صورت بروزنرا تعیین شده و برای تمام پروژه‌ها یکسان فرض می‌شود.  $t$  نیز دوره زمانی بهره برداری است که معادل ۳۰ سال فرض می‌شود. برای محاسبه ارزش انتظاری و ریسک هر پروژه صادرات گاز و در نهایت گروه پروژه‌های صادرات گاز، با توجه به نوسانهای گیریز ناپذیر در متغیرهای موثر بر اقتصاد پروژه و به منظور دست یابی به برآورد دقیقتر، شش سناریو برای روند قیمت گاز طبیعی یعنی  $P_{it}^{E6}, P_{it}^{E5}, P_{it}^{E4}, P_{it}^{E3}, P_{it}^{E2}, P_{it}^{E1}$  با درصد احتمال وقوع  $q_i^{E6}, q_i^{E5}, q_i^{E4}, q_i^{E3}, q_i^{E2}, q_i^{E1}$  و سه سناریو برای هزینه‌های ساخت و اجرای تاسیسات پروژه‌ها، یعنی  $C_i^{E2}, C_i^{E1}$  با درصد احتمال وقوع  $f_i^{E3}, f_i^{E2}, f_i^{E1}$  همچنین سه سناریو برای مقدار در دامنه مقدار گاز مورد نظر برای آن پروژه، یعنی  $Q_i^{E3}, Q_i^{E2}, Q_i^{E1}$  با درصد احتمال وقوع  $b_i^{E3}, b_i^{E2}, b_i^{E1}$  در نظر می‌گیریم. بنابراین ۵۴ سناریوی ترکیبی خواهیم داشت که در هر سناریو ارزش حال خالص پروژه از رابطه فوق به دست می‌آید. بنابراین با داشتن ۵۴ مقدار برای  $NPV$  و با درصد احتمال رخدادهای متفاوت، میانگین  $NPV$  کلی برای پروژه  $i$  ام به صورت زیر محاسبه خواهد شد:

$$NPV_i^E = \sum_{k=1}^{54} \sum_{j=1}^6 \sum_{l=1}^3 \sum_{y=1}^3 NPV_i^{Ek}.q_i^{Ej}.f_i^{El}b_i^{Ey}$$

میانگین وزنی  $NPV_i^E$  پروژه‌ها به عنوان ارزش اقتصادی گروه پروژه‌های صادرات گاز محسوب می‌گردد. همچنین انحراف معیار ارزش اقتصادی این پروژه‌ها به عنوان معیاری برای شاخص ریسک دارایی به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$S.D_i^E = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^N (NPV_i^{Ej} - NPV_i^E)^2}{N-1}} \quad (9)$$

به همین ترتیب  $E(NPV)$  و شاخص انحراف معیار برای گروه پژوهه‌های پتروشیمی با خوراک گازبا فرض شش سناریو برای روند قیمت محصولات پتروشیمی یعنی  $P_{ut}^{p4}$ ،  $P_{ut}^{p3}$ ،  $P_{ut}^{p2}$ ،  $P_{ut}^{p1}$ ،  $P_{ut}^{p6}$  و  $P_{ut}^{p5}$  با درصد احتمال وقوع  $q_{ut}^{p6}$ ،  $q_{ut}^{p5}$ ،  $q_{ut}^{p4}$ ،  $q_{ut}^{p3}$ ،  $q_{ut}^{p2}$ ،  $q_{ut}^{p1}$  و همچنین سه سناریو برای هزینه ساخت طرحهای پتروشیمی یعنی  $C_{ut}^{p3}$ ،  $C_{ut}^{p2}$ ،  $C_{ut}^{p1}$  با درصد احتمال وقوع  $f_{ut}^{p3}$ ،  $f_{ut}^{p2}$  و در مجموع با ۱۸ سناریوی ترکیبی به صورت زیر خواهد بود:

$$NPV_u^P = \sum_{k=1}^{18} \sum_{l=1}^6 \sum_{s=1}^3 NPV_u^{Pk} \cdot f_u^{Ps} \cdot q_u^{Pl}$$

$$S.D_u^P = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^N (NPV_u^{Pk} - NPV_u^P)^2}{N-1}} \quad (10)$$

همچنین  $E(NPV)$  و شاخص انحراف معیار برای گروه پژوهه‌های تزریق گاز با فرض شش سناریو برای روند قیمت نفت خام یعنی  $P_{jt}^{I6}$ ،  $P_{jt}^{I5}$ ،  $P_{jt}^{I4}$ ،  $P_{jt}^{I3}$ ،  $P_{jt}^{I2}$ ،  $P_{jt}^{II}$  و  $P_{jt}^{I1}$  با درصد احتمال وقوع  $q_{jt}^{I6}$ ،  $q_{jt}^{I5}$ ،  $q_{jt}^{I4}$ ،  $q_{jt}^{I3}$ ،  $q_{jt}^{I2}$ ،  $q_{jt}^{II}$  و همچنین سه سناریو برای هزینه‌های ساخت تاسیسات یعنی  $f_{jt}^{I3}$ ،  $f_{jt}^{I2}$ ،  $f_{jt}^{II}$  و همچنین سه سناریو برای ضریب بازیافت ثانویه (مقدار نفت خام از دیاد برداشت شده ناشی از تزریق گاز طبیعی) یعنی  $Q_{jt}^{I3}$ ،  $Q_{jt}^{I2}$ ،  $Q_{jt}^{II}$  با درصد احتمال وقوع  $g_{jt}^{I3}$ ،  $g_{jt}^{I2}$ ،  $g_{jt}^{II}$  و با ۵۴ سناریوی ترکیبی از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$NPV_j^I = \sum_{k=1}^{54} \sum_{h=1}^3 \sum_{l=1}^6 \sum_{s=1}^3 NPV_j^{Ik} \cdot f_j^{Is} \cdot g_j^{lh} \cdot q_j^{Il}$$

$$S.D_j^I = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^N (NPV_j^{Ik} - NPV_j^I)^2}{N-1}} \quad (11)$$

بر این اساس و با توجه به اطلاعات ارائه شده در پیوست شماره ۱، نتایج محاسبات برای ارزش انتظاری حال خالص به میلیون دلار، به عنوان شاخص بازدهی اقتصادی و انحراف معیار، به عنوان شاخص ریسک برای گروه پژوهه‌های سه گانه صادرات گاز، پتروشیمی و تزریق به میادین نفتی در پنج سناریوی مقدار کل گاز ۱۰۰، ۲۰۰، ۳۰۰، ۴۰۰ و ۵۰۰ میلیون متر مکعب در روز (م مر)، در جدول شماره (۱) ارائه شده است.

جدول(۱) شاخصهای بازدهی اقتصادی و ریسک گروه پروژه‌ها

نوع پروژه		مقدار گاز		ر ۳۴۴۵۰۰		ر ۳۴۴۴۰۰		ر ۳۴۴۳۰۰		ر ۳۴۴۲۰۰		ر ۳۴۴۱۰۰	
انحراف معیار	E(NPV)	انحراف معیار	E(NPV)										
۲۲۹۸	۵۵۲۱	۳۱۲۲	۵۴۵۷	۳۰۶۷	۵۰۲۹	۲۸۰۰	۴۹۱۳	۲۸۰۴	۴۷۵۱	پروژه‌های صادرات گاز			
۱۲۰۷	۱۲۳۵	۱۱۱۲	۱۱۲۲	۹۵۲	۹۵۷	۸۷۰	۸۸۵	۸۳۵	۸۶۴	پروژه‌های پتروشیمی			
۲۸۲۱	۳۶۲۱	۲۶۷۷	۲۴۸۴	۲۳۱۷	۳۴۲۰	۲۱۱۸	۳۲۲۵	۲۰۲۲	۳۰۱۷	پروژه‌های تزریق گاز			

برای انجام محاسبات بهینه سازی تخصیص گاز طبیعی به گزینه‌های مختلف از برنامه رایانه‌ای که به همین منظور در محیط نرم افزاری Matlab نوشته شده است، استفاده می‌شود. برنامه مزبور و جداول حاوی نتایج محاسبات که ترکیبات مختلف کارآمد (سبدهای دارایی کارآمد<sup>۱</sup>) از گروههای سه گانه پروژه‌ها را در ریسکهای مختلف و در سناریوهای پنج گانه نشان می‌دهد، در پیوست شماره ۲ آمده است. همچنین مجموعه نمودار شماره ۲ منحني مرز کارآمدی این مساله را برای مقادیر مختلف نشان می‌دهد. با انجام رگرسیون بازدهیهای سبدهای کارآمد بر ریسکهای آنها،تابع مرز کارآمدی برای مقادیر مختلف

گاز طبیعی، به صورت زیر به دست می‌آید:

$$E(npv) = -147173 + 1234 * St.Dev.^{1/2}$$

$$\text{مقدار گاز } ۱۰۰ \text{ مم م} R^2 = 0.96$$

$$E(npv) = -327329 + 1845 * St.Dev.^{1/2}$$

$$\text{مقدار گاز } ۲۰۰ \text{ مم م} R^2 = 0.96$$

$$E(npv) = -455515 + 2152 * St.Dev.^{1/2}$$

$$\text{مقدار گاز } ۳۰۰ \text{ مم م} R^2 = 0.96$$

$$E(npv) = -876527 + 2862 * St.Dev.^{1/2}$$

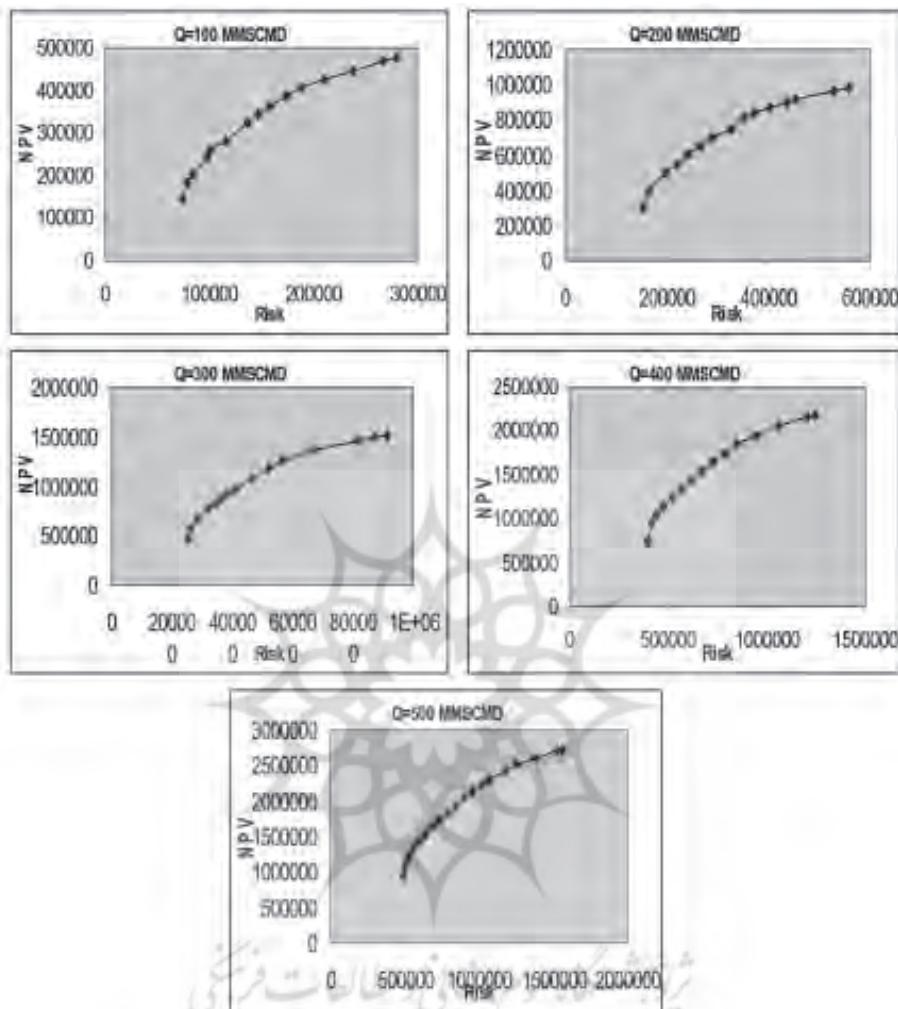
$$\text{مقدار گاز } ۴۰۰ \text{ مم م} R^2 = 0.96$$

$$E(npv) = -1033651 + 3144 * St.Dev.^{1/2}$$

$$\text{مقدار گاز } ۵۰۰ \text{ مم م} R^2 = 0.97$$

از طرف دیگر برای به دست آوردن خط بازار سرمایه، باید عرض از مبدأ و شیب آن را به دست بیاوریم. عرض از مبدأ ارزش حال مقدار دارایی بدون ریسک سرمایه گذار است که در این حالت معادل ارزش ذاتی کل گاز تخصیص داده شده به تمام پروژه‌ها در کل دوره ۳۰ ساله بهره برداری آنهاست. این رقم با فرض ارزش ذاتی ۸۸٪ سنت بر هر متر مکعب گاز و روزانه ۱۰۰، ۲۰۰، ۳۰۰، ۴۰۰ و ۵۰۰ میلیون متر مکعب برای ۳۴۰ روز در هر سال، تقریباً معادل ۹۴۰۰، ۱۸۸۰۰، ۲۸۲۰۰، ۳۷۶۰۰، ۴۷۰۰۰ میلیون دلار می‌شود. بنابراین تابع خط بازار سرمایه برای این مساله به صورت زیر خواهد

بود:



نمودار(۲) منحنی مرز کارآمدی درستاریوهای مختلف مقدار گاز

$$E(npv) = 9400 + a_1 * St.Dev.$$

مقدار گاز ۱۰۰ مم ر

$$E(npv) = 18800 + a_2 * St.Dev.$$

مقدار گاز ۲۰۰ مم ر

$$E(npv) = 28200 + a_3 * St.Dev.$$

مقدار گاز ۳۰۰ مم ر

$$E(npv) = 37600 + a_4 * St.Dev.$$

مقدار گاز ۴۰۰ مم ر

$$E(npv) = 47000 + a_5 * St.Dev.$$

مقدار گاز ۵۰۰ مم ر

طبق تعریف مدل CAPM، سبد بهینه، سبدی است که از نقطه تماس خط بازار سرمایه و منحنی مرز

کارآمدی به دست می‌آید. به عنوان مثال، برای پیدا کردن مختصات نقطه<sup>۱</sup> بهینه با فرض ۱۰۰ میلیون متر مکعب گاز، دو شرط زیر باید برآورده شوند:

$$\begin{aligned} -147173 + 1234 * St.Dev.^{1/2} &= 9400 + a_1 * St.Dev. \\ 617 &= St.Dev.^{1/2} * a_1 \end{aligned}$$

که در این صورت  $St.Dev = 64397$ . خواهد بود. همچنین در این حالت، بازدهی انتظاری تقریباً معادل ۱۶۵۹۷۳ بوده که معادل انتخاب سبد دارایی با ترکیب ۷۵ و ۱۶ و ۹ میلیون متر مکعب گاز برای بهترین ترتیب پروژه‌های پتروشیمی، تزریق گاز و صادرات گاز است. جدول شماره ۷ ارقام محاسبه شده برای تمام سناریوهای مقدار را نشان می‌دهد.

جدول (۲) ترکیب سبدهای بهینه در سناریوهای مختلف

مقدار کل گاز (میلیون متر مکعب در روزگار طبیعی)	ارزش حال انتظاری (میلیون دلار)	انحراف معیار	ترکیب (میلیون متر مکعب در روزگار طبیعی)	پتروشیمی	تریکی	الصادرات
۱۰۰	۱۶۵۹۷۴	۶۴۳۹۷	۹	۱۶	۷۵	
۲۰۰	۳۶۴۵۵۴	۱۴۰۶۲۸	۲۱	۳۲	۱۴۶	
۳۰۰	۵۱۲۸۸۵	۲۰۲۰۹۴	۳۲	۵۱	۲۱۷	
۴۰۰	۹۵۱۷۲۷	۴۰۸۰۶۹	۷۴	۷۴	۲۵۲	
۵۰۰	۱۱۲۷۶۵۱	۴۷۲۵۷۰	۸۳	۸۸	۳۲۹	

## نتایج

کاربرد تکنیکهای بهینه سازی سبدهای دارایی، علاوه بر بازار سهام در بخش‌های دیگر و به خصوص در انتخاب پروژه‌های نفت و گاز روز به روز در حال گسترش است. در این تحقیق نیز با ارائه روشی ترکیبی از مدل بهینه سازی سبد دارایی و مدل قیمت‌گذاری دارایی سرمایه، به مساله برنامه‌ریزی برای تخصیص گاز طبیعی کشور به فرصت‌های مختلف مصرف از جمله صادرات گاز، توسعه طرحهای پتروشیمی با خوراک گاز و تزریق به میادین نفتی، می‌پردازیم. محدودیت ذخایر گازی کشور و تنوع فرصت‌های مختلف برای تخصیص گاز طبیعی، استفاده از تکنیک بهینه سازی سبد دارایی مارکوویتز را برای این منظور مناسب می‌نماید. با استفاده از این روش، سرمایه‌گذار سبدهای دارایی کارآمد که حداقل ارزش را در ریسکهای مختلف ایجاد می‌کنند، به دست می‌آورد. مجموعه این سبدهای دارایی کارآمد، منحنی وتابع مرز کارآمدی را ایجاد می‌کنند.

سرمایه‌گذاران معمولاً دیدگاهها و انتظارات متفاوتی از آینده دارند، بنابراین برآوردهای آنها از بازدهی انتظاری و ریسکها و ناطمنانیهای سرمایه‌گذاری متفاوت است. مدل قیمت‌گذاری بازاری دارایی (CAPM)، یک رابطه ساده بین بازدهی انتظاری و ریسک سرمایه‌گذاری در یک بازار رقابتی را بیان می‌کند. به کمک این روش سرمایه‌گذار می‌تواند با ارزش گذاری قطعی تمام داراییهای ممکن خود، خط بازار سرمایه را به دست آورد و از تماس این خط با منحنی مرز کارآمدی ترکیب بهینه به دست آورد.

نتایج حاصل از محاسبات سبدهای دارایی کارآمد، نشان می‌دهند که چنانچه بازدهی انتظاری و ریسک بیشتری مدنظر سرمایه‌گذار باشد، مقدار گاز تخصیص داده شده به گروه پروژه‌های صادرات گاز بیش از مقدار گاز تخصیص داده شده به گروه پروژه‌های تزریق و پتروشیمی خواهد بود. در حالی که در تمام سناریوها، در ترکیب سبد دارایی بهینه، مقدار گاز طبیعی تخصیص داده شده به بخش پروژه‌های پتروشیمی بیشتر از بخش‌های صادرات گاز و تزریق به می‌ایدین نفتی است. این نتیجه با توجه به این که نسبت ریسک به بازدهی انتظاری در گروه پروژه‌های پتروشیمی در مقایسه با دو گروه دیگر، کمتر است، و از طرف دیگر در این روش سرمایه‌گذار دارای رفتار ریسک گریزی است، بسیار منطقی است.

## منابع و مأخذ

- 1- Adams, A., Philip Booth, David Bowie and Della Freeth, (2003), ?Investment Mathematics?, John Wiley & Sons Pub.
- 2- Ederington, L. H. (1986), ?Mean-variance as an approximation of expected utility maximization?, Working Paper 86 - 5, School of Business Administration, Washington University, St. Louis, Missouri.
- 3- Graves, Stephen, (2001), “Introduction To Integer Linear Programming Warehouse Location“, <http://ocw.mit.edu>.
- 4- Jensen, J. T.,(2003), ?Flexibility in Natural Gas Supply and Demand. OECD/IEA. The LNG Revolution?, International Energy Agency,The Energy Journal 24, 1?45.
- 5- Markowitz, H. M. (1987), Mean-Variance Analysis in Portfolio Choice and Capital Markets, Basil Blackwell, paperback edition, Basil Blackwell,

1990.

6- M. Gallmeyer, R. Kaniel and S. Tompaidis (2002). Tax Management Strategies with Multiple Risky Assets, preprint.

7- Pesaran, M. H., A. K. Tahmisioglu (2002) ?Maximum Likelihood Estimation of Fixed Effects Dynamic Panel Data Models Covering Short Time Periods? Journal of Econometrics 109, 107-150.

8- Rooney, Louise. New Structural Fund Programming: Laying the Foundations in Germany. European Policies Research Center, March 2000.

9- Simaan, Y. (1987), ?Portfolio selection and capital asset pricing for a class of nonspherical distributions of assets returns?, dissertation, Baruch College, The City University of New York.

10- V. DeMiguel and R. Uppal (2005). Portfolio investment with the exact tax basis via nonlinear programming. Management Science 51, 277-290.

#### پیوست (۱) پروژه‌های مختلف و اطلاعات محاسباتی

نام پروژه‌ها	گروه‌بندی اصلی	نوع پروژه‌ها
ایران- کویت	کشورهای حوزه خلیج فارس - خط لوله	۱- صادرات گاز
ایران- امارات		
ایران- عمان		
ایران- ترکیه		
ایران- بلغارستان	کشورهای منطقه اروپا-	
ایران- رومانی	خط لوله ناباکو	
ایران- اتریش		
ایران- پاکستان	جنوب شرق- خط لوله	
ایران- هندوستان		
NIOC LNG- هندوستان و چین و کره	جنوب شرق- گاز طبیعی	
جنوبی	مایع	

## ادامه پیوست (۱)

نام پروژه‌ها	گروه‌بندی اصلی	نوع پروژه‌ها
PARS LNG - اروپا	اروپا گاز طبیعی مایع	
مارون- آسماری		۲ - تزریق گاز به میدین نفتی
گچساران- آسماری و بنگستان	مخازن گروه ۱ - مجموع	
کرنج - آسماری و پابده	ظرفیت تولید ۱۶۷۷۳۱۸	
آغاجاری - آسماری	بشکه در روز	
بی بی حکیمه - آسماری و بنگستان		
پارسی - آسماری و کوپال - آسماری و پازنان- آسماری		
هفتکل - آسماری و نفت سفید- آسماری	مخازن گروه ۲ مجموع	
مسجد سلیمان- آسماری و پرسیاه - آسماری و رامین - آسماری	ظرفیت تولید ۱۴۲۴۹۷	
بینک - بنگستان و آب تیمور- ایلام	بشکه در روز	
آغاجاری- بنگستان و لالی- بنگستان و نفت سفید- بنگستان		
نرگسی- آسماری/جهرم و زیلابی- آسماری بالابی		
چلینگر- داریان/ فهیان و گرنگان- داریان/ فهیان و گرنگان- هیث/ سورمه		
خویز- داریان/ گدوان		
گروه الفین ها		۳- پتروشیمی با خوراک گاز طبیعی
متانول		
اوره و آمونیاک		

با توجه به تنوع زیاد پروژه‌ها و این که هر کدام در حوزه فعالیت شرکتهای مختلف هستند، اطلاعات اولیه مورد نیاز برای انجام محاسبات، حتی الامکان از گزارشها و اطلاعات غیر محترمانه شرکتها و مراجع اطلاعاتی مرتبط جمع آوری شده است . جدول شماره (۲) تمام ارقام مورد نیاز برای محاسبه ارزش حال خالص و انحراف معیار ارزش حال پروژه‌ها را نشان می دهد.

اطلاعات جمع آوری شده در جدول شماره (۲) از مراجع اطلاعاتی مختلف و در بسیاری موارد برآورد شده اند. آمار مربوط به سناریوهای مختلف مقدار در پروژه‌های مختلف، با توجه به دامنه حداقل و حد اکثر گاز مورد نیاز، ایجاد شده است. واضح است که هر چه تعداد این سناریوها بیشتر باشد، دقیق‌تر نهایی برای ارزش خالص حال پروژه‌ها و انحراف معیار آنها بیشتر خواهد شد.

هزینه‌های سرمایه‌ای برای پروژه‌های صادرات گاز از گزارش داخلی برنامه ریزی سال ۱۳۸۴ شرکت ملی صادرات گاز و برای پروژه‌های پتروشیمی از گزارش مدیریت برنامه ریزی و توسعه پتروشیمی تحت عنوان «گزارش صنایع پتروشیمی جهان» تیرماه ۱۳۸۵ استخراج شده است. همچنین برای پروژه‌های تزریق گاز از مطالعات امکان سنجی انجام گرفته در شرکت ملی مناطق نفتخیز جنوب برای ظرفیتها پایه استخراج شده و برای بقیه ظرفیتها بر همین اساس از قاعده سرانگشتی شش دهم<sup>۱</sup> استفاده شده است.

يعني :

$$\frac{C_2}{C_1} = \left( \frac{Q_2}{Q_1} \right)^{0.6} \quad (9)$$

برای ایجاد سناریوهای قیمت محصولات در پروژه‌های تزریق گاز از سناریوهای پیش‌بینی مؤسسه علمی مختلف در پایگاه اداره اطلاعات انرژی تحت عنوان پیش‌بینی قیمت‌ها استفاده شده است.<sup>۲</sup> سناریوهای قیمت گاز در پروژه‌های صادرات گاز با توجه به فرمولهای قیمت‌گذاری در هر پروژه که عموماً قیمت گاز تابعی از قیمت نفت است، (این فرمولها در مرحله مذاکره بوده و محروم‌انه تلقی می‌شوند) و بالحاظ کف و سقف قیمت، برآورد شده اند. قیمتهای محصولات پتروشیمی نیز از پایگاه اینترنتی استخراج شده است.<sup>۳</sup> سناریوهای ضریب بازیافت نیز برای پروژه‌های تزریق معادل ۲، ۳ و ۵ درصد لحاظ شده است.<sup>۴</sup>

پرتمال جامع علوم انسانی

1. Six Tenth Rule

2. Forecast Comparisons, www.eia.org, Annual Energy Outlook 2006.

3. www. polimerupdate.com

4. Carlsen, H., "Ira Improved Oil Recovery - Statoil's Perspectives" 2002.

جدول (۲) اطلاعات پروژه ها

سناریوهای ضریب بازیافت	سناریوهای قیمت محصول	سناریوهای هزینه سرمایه‌ای (میلیون دلار)	سناریوهای مقدار گاز (م³ روز)	شماره پروژه
-	-۳,۸ -۳,۴ -۵,۴ -۴,۶ ۶,۱ -۵,۸ دلا ر بر میلیون بی تی بی	۱۲۱۵ ، ۹۷۲ ۱۴۵۸	۳۰	۱
		۱۸۲۰ ، ۱۴۷۲ ۲۲۰۸	۶۰	
		۲۵۰۰ ، ۲۰۰۰ ۳۰۰۰	۱۰۰	
	-۴,۴ -۳,۸ -۶ -۵,۲ ۰,۶ -۶,۲ دلا ر بر میلیون بی تی بی	۱۷۰۱ ، ۱۳۶۱ ۲۰۴۱	۳۰	
		۲۰۷۶ ، ۲۰۶۱ ۳۰۹۱	۶۰	۲
		۳۶۰۰ ، ۲۸۰۰ ۴۲۰۰	۱۰۰	
	-۴ -۳,۳ -۴,۹ -۴,۴ ۵,۹ -۵,۳ دلا ر بر میلیون بی تی بی	۱۲۳۵ ، ۱۰۶۹ ۱۶۰۲	۳۰	۳
		۲۰۲۴ ، ۱۶۱۹ ۲۴۲۹	۶۰	
		۲۷۵۰ ، ۲۲۰۰ ۳۳۰۰	۱۰۰	
	-۳,۴ -۳,۱ -۴,۲ -۳,۷ ۵ -۴,۶	۳۴۰۰ ، ۲۸۰۰ ۴۲۰۰	۵۰	۴
	-۴,۴ -۳,۸ -۶ -۵,۲ ۶,۴ -۶,۲ دلا ر بر میلیون بی تی بی	۵۱۰۰ ، ۴۲۰۰ ۶۳۰۰	۷۵	۵
-	-۳۰ -۲۷ -۴۰ -۳۶ ۵۲ -۴۴ دلا ر بر بشکه	-۴۶۵۰ -۳۸۰۰ ۵۹۰۰	۱۶۴	۶
		-۹۱۲۳ -۴۸۹۰ ۷۸۲۵	۲۵۰	
		-۷۷۵۰ -۵۹۹۰ ۹۰۲۰	۳۵۰	
		-۸۱۱۲ -۹۹۱۰ ۱۰۱۴۰	۴۴۴	
		-۱۰۸۰ -۸۷۰ ۱۲۶۰	۱۴	۷
		-۱۹۸۰ -۱۵۸۰ ۲۲۱۰	۳۸	
		-۱۳۲۵ -۱۰۵۰ ۱۵۷۵	۵۰	۸
	-۱۶۰ ، ۱۲۰ ۲۲۰ ، ۱۸۰ ۴۶۰ ، ۲۴۰ دلا ر بر تن	۳۳۰ -۲۷۵ -۲۲۰	۵۰	۹
	-۱۷۰ ، ۱۳۵ ۲۴۰ ، ۲۰۰ ۳۲۰ ، ۲۸۰ دلا ر بر تن	۳۹۰ -۳۲۵ -۲۶۰	۵۰	۱۰

۵ - ۳ - ۲ درصد

## پیوست(۲) برنامه رایانه‌ای و جداول نتایج محاسبات

```

clc
close all
clear all
beta=900617;
C=[870 0 0
    0 2118 0
    0 0 2800];
d=[0; 0; 0];
Aeq=[1 1 1];
Beq=[200];
A=[-885 -3215 -4913 ];
B=[-beta];
LB=[0 0 0 ];
UB=[200 200 200 ];
[X,Fvalue,R,EXITFLAG]=lsqlin(C,d,A,B,Aeq,Beq,LB,U
B);
X
Risk=sqrt(Fvalue)
Value=-X'*A'
EXITFLAG

```

جدول(۱) مقدار کل گاز ۱۰۰ میلیون متر مکعب در روز

انحراف معیار	ارزش حال انتظاری	ترکیب (میلیون متر مکعب)				پتروشیمی
		جمع	صادرات	تزریق	پتروشیمی	
۷۴۴۱۱	۱۴۲۹۳۰	۱۰۰	۷	۱۴	۷۹	۱
۷۸۶۲۹	۱۸۲۹۳۰	۱۰۰	۱۴	۲۰	۶۶	۲
۸۴۳۵۶	۲۰۲۹۳۰	۱۰۰	۲۰	۲۶	۵۴	۳
۹۷۸۳۷	۲۴۲۹۳۰	۱۰۰	۲۳	۳۰	۴۷	۴
۱۰۱۵۹۷	۲۶۲۹۳۰	۱۰۰	۲۶	۳۴	۴۰	۵
۱۱۵۹۶۰	۲۸۲۹۳۰	۱۰۰	۳۱	۳۵	۲۴	۶
۱۳۶۴۲۰	۳۲۲۹۳۰	۱۰۰	۳۷	۴۲	۲۱	۷
۱۴۷۰۳۳	۳۴۲۹۳۰	۱۰۰	۴۱	۴۵	۱۴	۸
۱۵۸۳۲۰	۳۶۲۹۳۰	۱۰۰	۴۵	۴۸	۷	۹
۱۷۴۲۱۰	۳۸۶۸۴۰	۱۰۰	۴۹	۵۱	۰	۱۰
۱۸۷۷۷۳۰	۴۰۶۸۴۰	۱۰۰	۶۰	۴۰	۰	۱۱
۲۱۰۰۴۰	۴۲۶۸۴۰	۱۰۰	۷۲	۲۸	۰	۱۲
۲۳۷۰۰۰	۴۴۶۸۴۰	۱۰۰	۸۴	۱۶	۰	۱۳
۲۶۷۷۲۰	۴۶۶۸۴۰	۱۰۰	۹۵	۵	۰	۱۴
۲۷۹۳۲۰	۴۷۵۷۲۰	۱۰۰	۱۰۰	۰	۰	۱۵

جدول(۲) مقدار کل گاز ۲۰۰ میلیون متر مکعب در روز

انحراف معیار	ارزش حال انتظاری	ترکیب (میلیون متر مکعب)					پتروشیمی
		جمع	صادرات	تزریق	پتروشیمی		
۱۵۴۶۹۰	۳۰۰۶۱۰	۲۰۰	۱۵	۲۷	۱۵۸	۱	
۱۶۶۴۸۰	۴۰۰۶۱۰	۲۰۰	۳۲	۴۱	۱۲۷	۲	
۱۹۷۶۷۰	۵۰۰۶۱۰	۲۰۰	۴۸	۵۶	۹۶	۳	
۲۲۱۳۹۰	۵۵۰۶۱۰	۲۰۰	۵۴	۶۵	۸۱	۴	
۲۴۰۸۴۰	۶۰۰۶۱۰	۲۰۰	۶۵	۷۰	۶۵	۵	
۲۶۷۷۲۳۰	۶۵۰۶۱۰	۲۰۰	۷۴	۷۷	۴۹	۶	
۲۹۰۷۰۰	۷۰۰۶۱۰	۲۰۰	۸۱	۸۵	۳۴	۷	
۳۲۵۴۲۰	۷۵۰۶۱۰	۲۰۰	۸۹	۹۱	۲۰	۸	
۳۵۰۹۸۰	۸۱۲۶۱۷	۲۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۰	۹	
۳۷۲۲۶۱۰	۸۴۲۶۱۷	۲۰۰	۱۱۸	۸۲	۰	۱۰	
۴۰۲۷۲۰	۸۷۲۶۱۷	۲۰۰	۱۳۵	۶۵	۰	۱۱	
۴۳۶۹۵۰	۹۰۰۶۱۷	۲۰۰	۱۵۲	۴۸	۰	۱۲	
۴۵۳۰۹۰	۹۱۲۶۱۷	۲۰۰	۱۵۹	۴۱	۰	۱۳	
۵۲۷۶۴۰	۹۶۲۶۱۷	۲۰۰	۱۸۸	۱۲	۰	۱۴	
۵۵۹۶۵۰	۹۸۱۷۹۷	۲۰۰	۲۰۰	۰	۰	۱۵	

جدول(۳) مقدار کل گاز ۳۰۰ میلیون متر مکعب در روز

انحراف معیار	ارزش حال انتظاری	ترکیب (میلیون متر مکعب)					پتروشیمی
		جمع	صادرات	تزریق	پتروشیمی		
۲۵۳۹۱۰	۴۲۴۹۵۰	۳۰۰	۲۳	۴۰	۲۲۷	۱	
۲۶۱۶۴۰	۵۷۴۹۵۰	۳۰۰	۳۸	۵۴	۲۰۸	۲	
۲۸۴۶۸۰	۶۷۴۹۵۰	۳۰۰	۵۴	۶۹	۱۷۸	۳	
۳۱۹۷۵۰	۷۷۴۹۵۰	۳۰۰	۷۰	۸۳	۱۴۷	۴	
۳۴۶۲۲۰	۸۷۴۹۵۰	۳۰۰	۸۰	۹۰	۱۳۰	۵	
۳۶۳۳۸۰	۸۷۴۹۵۰	۳۰۰	۸۵	۹۸	۱۱۷	۶	
۳۸۴۹۲۰	۹۷۴۹۵۰	۳۰۰	۹۵	۱۰۴	۱۰۱	۷	
۴۱۲۸۷۰	۹۷۴۹۵۰	۳۰۰	۱۰۱	۱۱۳	۸۷	۸	
۴۶۶۳۶۰	۱۰۷۴۹۵۰	۳۰۰	۱۱۷	۱۲۷	۵۶	۹	
۵۲۲۶۱۰	۱۱۷۴۹۵۰	۳۰۰	۱۲۲	۱۴۲	۲۶	۱۰	
۵۶۹۶۷۰	۱۲۵۵۸۵۰	۳۰۰	۱۴۶	۱۵۴	۰	۱۱	
۶۶۶۱۶۰	۱۳۵۵۸۵۰	۳۰۰	۲۰۵	۹۵	۰	۱۲	
۸۲۲۸۹۰	۱۴۵۵۸۵۰	۳۰۰	۲۶۷	۳۳	۰	۱۳	
۸۷۳۴۸۰	۱۴۹۵۸۵۰	۳۰۰	۲۸۳	۱۷	۰	۱۴	
۹۱۳۷۷۰	۱۵۱۲۷۹۰	۳۰۰	۳۰۰	۰	۰	۱۵	

جدول(۴) مقدار کل گاز ۴۰۰ میلیون متر مکعب در روز

انحراف معیار	ارزش حال انتظاری	ترکیب (میلیون متر مکعب)					پتروشیمی
		جمع	صادرات	تزریق	پتروشیمی		
۵۱۸۸۶۰	۱۲۴۲۲۶۰	۴۰۰	۱۲۶	۱۰۶	۱۶۸	۶	
۵۶۶۳۰۰	۱۳۴۲۲۶۰	۴۰۰	۱۴۲	۱۱۷	۱۴۰	۷	
۶۱۷۶۹۰	۱۴۴۲۲۶۰	۴۰۰	۱۶۰	۱۲۷	۱۱۳	۸	
۶۷۲۱۲۰	۱۵۴۲۲۶۰	۴۰۰	۱۷۷	۱۳۸	۸۵	۹	
۷۲۸۹۲۰	۱۶۴۲۲۶۰	۴۰۰	۱۹۴	۱۴۹	۵۷	۱۰	
۷۸۷۸۶۰	۱۷۴۲۲۶۰	۴۰۰	۲۱۲	۱۵۹	۲۹	۱۱	
۸۴۸۶۹۰	۱۸۵۵۲۷۰	۴۰۰	۲۳۰	۱۷۰	۰	۱۲	
۹۴۰۸۶۰	۱۹۵۵۲۷۰	۴۰۰	۲۸۵	۱۱۵	۰	۱۳	
۱۰۶۱۲۰۰	۲۰۵۵۲۷۰	۴۰۰	۲۳۵	۶۵	۰	۱۴	
۱۲۰۵۸۰۰	۲۱۵۵۲۷۰	۴۰۰	۳۸۶	۱۴	۰	۱۵	
۱۲۴۷۸۰۰	۲۱۸۱۹۹۹	۴۰۰	۴۰۰	۰	۰	۱۶	

جدول(۵) مقدار کل گاز ۵۰۰ میلیون متر مکعب در روز

انحراف معیار	ارزش حال انتظاری	ترکیب (میلیون متر مکعب)					پetroشیمی
		جمع	صادرات	تزریق	پetroشیمی		
۴۸۷۷۵۰	۹۲۹۴۴۰	۵۰۰	۴۹	۶۶	۲۸۵	۱	
۴۹۲۵۲۰	۱۰۲۹۳۶۰	۵۰۰	۶۶	۷۷	۳۵۷	۲	
۵۰۶۵۷۰	۱۱۲۹۳۶۰	۵۰۰	۸۳	۸۸	۲۲۹	۳	
۵۲۷۳۲۰	۱۲۲۹۳۶۰	۵۰۰	۱۰۱	۹۸	۳۰۱	۴	
۵۵۹۲۷۰	۱۳۲۹۳۶۰	۵۰۰	۱۱۸	۱۰۹	۲۷۲	۵	
۵۹۵۷۴۰	۱۴۲۹۳۶۰	۵۰۰	۱۲۵	۱۲۰	۲۴۵	۶	
۶۲۷۵۹۰	۱۵۲۹۳۶۰	۵۰۰	۱۵۳	۱۳۰	۲۱۷	۷	
۶۸۳۵۶۰	۱۶۲۹۳۶۰	۵۰۰	۱۶۹	۱۴۱	۱۹۰	۸	
۷۲۳۱۳۰	۱۷۲۹۳۶۰	۵۰۰	۱۸۷	۱۵۱	۱۶۲	۹	
۷۸۵۵۳۰	۱۸۲۹۳۶۰	۵۰۰	۲۰۴	۱۶۲	۱۳۴	۱۰	
۸۴۰۲۴۰	۱۹۲۹۳۶۰	۵۰۰	۲۲۲	۱۷۲	۱۰۵	۱۱	
۸۹۶۸۴۰	۲۰۲۹۳۶۰	۵۰۰	۲۲۹	۱۸۳	۷۸	۱۲	
۹۵۴۹۸۰	۲۱۲۹۳۶۰	۵۰۰	۲۵۶	۱۹۴	۵۰	۱۳	
۱۰۱۴۴۰۰	۲۲۲۹۳۶۰	۵۰۰	۲۷۴	۲۰۴	۲۲	۱۴	
۱۰۶۲۱۰۰	۲۳۰۸۳۶۰	۵۰۰	۲۸۷	۲۱۳	۰	۱۵	
۱۱۷۲۲۳۰۰	۲۴۰۸۳۶۰	۵۰۰	۳۲۸	۱۶۲	۰	۱۶	
۱۲۴۸۹۰۰	۲۵۰۸۳۶۰	۵۰۰	۳۸۸	۱۱۲	۰	۱۷	
۱۳۸۰۶۰۰	۲۶۰۸۳۶۰	۵۰۰	۴۳۹	۶۱	۰	۱۸	
۱۵۲۹۴۰۰	۲۷۰۸۳۶۰	۵۰۰	۴۹۰	۱۰	۰	۱۹	
۱۵۶۰۸۰۰	۲۷۲۸۳۶۰	۵۰۰	۵۰۰	۰	۰	۲۰	