

## چکیده

عملکرد مثبت بخش خرید تأثیر مستقیم بر کاهش هزینه‌ها و افزایش سودآوری و باقی یک زنجیره تأمین دارد. ارزیابی و انتخاب تأمین کنندگان یکی از وظایف عمده بخش خرید در یک زنجیره تأمین می‌باشد. در این مقاله یک مدل فازی چندهدفه و غیرخطی جهت حل مسأله انتخاب تأمین کننده ارائه شده است.

مدل مذکور تصمیم‌گیرنده را قادر می‌سازد که با توجه به استراتژی‌های مورد نظر خود به اهداف مختلف وزن‌های متفاوتی تخصیص دهد، ضمن اینکه بالحاظ کردن کل هزینه‌های خرید (هزینه‌های تأمین مواد، هزینه‌های حمل و نگهداری) امکان استفاده از مدل در شرایطی که هزینه‌های حمل به خریدار تحمیل می‌شود فراهم گردد. در مدل ارایه شده با استفاده از روش فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی اباهام حاکم در رتبه‌بندی اهداف مختلف لحاظ شده است. در این مقاله تابع عضویت اعداد فازی متناظر با هر وزن نسبی به صورت ذوزنقه‌ای درنظر گرفته شده است.

## کلید واژه:

انتخاب تأمین کننده، تصمیم‌گیری چندهدفه، فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی، اعداد فازی ذوزنقه‌ای

## مقدمه

انتخاب تأمین کننده یکی از مهمترین و اساسی‌ترین اقدامات در مدیریت خرید در یک زنجیره تأمین می‌باشد و دلیل آن تأثیر کلیدی تأمین کننده بر روی هزینه، کیفیت، به موقع رسیدن کالا و سطح خدمت ارائه شده در هنگام دریافت کالا می‌باشد.

انتخاب تأمین کننده یک مسأله تصمیم‌گیری چندمعیاره است که چندین شاخص و معیار متضاد دارد<sup>[۱]</sup>. بنابراین یک مدیر بخش خرید همواره باید در حال انجام مقایسه شاخصه‌های مختلف باشد.

تکنیک‌های موجود در تصمیم‌گیری چندمعیاره یا<sup>[۲]</sup> MCDM به تصمیم‌گیرنده کمک می‌کند تا بتواند یک ارزیابی بین تمام گزینه‌ها انجام دهد. با مدنظر قرار دادن شرایط مختلف در خرید، اهمیت معیارها تغییر پیدا می‌کند بنابراین برای لحاظ کردن این اولویتها به سیستم وزن‌دهی معیارها نیاز خواهد بود. ماینینو و دالمین<sup>[۳]</sup>

در مسائل دنیای واقعی بویژه انتخاب تأمین کننده بسیاری از اطلاعات ورودی به مسأله قطعی<sup>[۴]</sup> نیستند. در هنگام تصمیم‌گیری مقادیر بسیاری از شاخص‌ها و محدودیت‌ها و حتی ارجحیت‌ها در مقایسات زوجی بین شاخص‌ها مقادیری مبهم مانند "قیمت بسیار کم"، "با کیفیت بسیار بالا"، "شاخص اول نسبت به شاخص دیگر تقریباً برابر اهمیت دارد." هستند.

مدل‌های قطعی این ابهام<sup>[۵]</sup> را نمی‌توانند در مسأله القاء کنند، لذا در این گونه مسائل تنوری مجموعه‌های فازی بهترین وسیله برای غلبه بر این ابهام و عدم دقت می‌باشد. به دلیل همین ابهام و غیردقیق بودن اطلاعات موجود در مسأله انتخاب تأمین کننده تنوری مجموعه‌های فازی در این مسأله استفاده می‌شود.

بلمن و زاده<sup>[۶]</sup> در سال ۱۹۷۰ یک مدل برنامه‌ریزی فازی را برای تصمیم‌گیری در فضای فازی ارائه کردند. زیرا اولین مرتبه از روش بلمن و زاده برای حل یک مسأله برنامه‌ریزی خطی فازی چندهدفه استفاده کرد. در این روش محدودیت‌ها و اهداف از نظر اهمیت برای تصمیم‌گیرنده‌ها متفاوت درنظر گرفته شده بودند. به دلیل همین اهمیت‌های متفاوت، مدل‌های متقاضان برای حل اینگونه مسأله‌های تصمیم‌گیری مناسب نمی‌باشند.

در این مقاله با توجه به موقعیت موجودی کالا در بنگاه، یک مدل فازی غیرخطی مختلط عدد صحیح توسعه داده شده که می‌توان از آن برای مقایسه بین اهداف از عبارتهای زبانی و مبهم استفاده کرد.



## ۱. مرور ادبیات انتخاب تأمین‌کننده

در این حوزه در مورد شاخصه‌های انتخاب و یا روش‌های انتخاب تأمین‌کننده بحث شده است.

دیکسون [۴] برای اولین بار ۲۳ معیار را از دیدگاه مدیریت خرید برای انتخاب تأمین‌کننده مشخص نمود و آنها را تحلیل کرد. او نشان داد که کیفیت مهمترین معیار مدنظر در انتخاب تأمین‌کننده می‌باشد. ویر [۱۷] با مرور چندین مقاله نشان داد که قیمت خالص مهمترین معیار می‌باشد. او همچنین نشان داد که مسأله انتخاب تأمین‌کننده یک مسأله تصمیم‌گیری چندمعیاره می‌باشد که وزن هر کدام از معیارها به شرایط و زمان خرید بستگی دارد. روا [۱۶] و باخ [۲] به ترتیب ۶۰ و ۵۱ معیار را برای انتخاب تأمین‌کننده معرفی کردند. مجموع این تحقیقات نشان داد که مسأله انتخاب تأمین‌کننده یک مسأله چندمعیاره می‌باشد.

گابالا [۶] اولین شخصی بود که برای یک مسأله واقعی انتخاب تأمین‌کننده از یک مدل ریاضی استفاده کرد. او یک مدل برنامه‌ریزی مختلط عدد صحیح را برای حداقل‌سازی مجموع هزینه‌های خرید، حمل و نقل و انبارداری معرفی نمود.

قدسی پور و ابرایان [۲۱] یک سیستم پشتیبانی تصمیم (DSS) برای کاهش دادن تعداد تأمین‌کنندگان براساس راهبرد بهینه تأمین‌بنا نمودند. آنها برای حل مسأله انتخاب تأمین‌کننده یک مدل برنامه‌ریزی مختلط عدد صحیح با درنظر گرفتن محدودیت‌های تأمین‌کننده و محدودیت بودجه و کیفیت از طرف خریدار را همراه با فرآیند تحلیل سلسله مراتبی (AHP) ارائه نموده‌اند. قدسی پور و ابرایان [۷] در مقاله بعدی خود یک مدل AHP و برنامه‌ریزی خطی ارائه نمودند که عوامل کمی و کیفی را در فعالیت‌های خرید درنظر می‌گرفت. کارپاک [۹] برای حداقل‌سازی هزینه و حداقل‌ساختن کیفیت و قابلیت اطمینان<sup>۵</sup> در تحويل یک مدل برنامه‌ریزی آرمانی ارائه نمود. قدسی پور و ابرایان [۸] یک مدل برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح جهت حداقل‌سازی کل هزینه‌های لجستیک شامل قیمت خالص، انبارداری، هزینه سفارش‌دهی و هزینه حمل و نقل ارائه نمودند.

اغلب این مقالات به دلیل ابهام موجود در متغیرهای مسائل دنیای واقعی و فازی بودن اطلاعات، مدل‌هایی مناسب برای حل این مسأله نبودند.

در این حوزه چندین مقاله برای غلبه بر عدم قلت و ابهام موجود در دنیای واقعی به چاپ رسیده که از جمله آنها می‌توان به مقالات ناراسیمه‌هان [۱۲] و سوکاپ [۱۶] و نایدیک و هیل [۱۳] اشاره کرد. مارلاچی [۱۱] مدلی ترکیبی شامل تئوری مجموعه‌های فازی و همچنین AHP برای ارزیابی تأمین‌کنندگان کوچک ارائه نمود.

در بین مقالات اشاره شده به جز مدل قدسی پور و ابرایان [۷] سایر مدل‌هایی که در فضای فازی و ابهام توسعه داده شده‌اند مسأله را بدون محدودیت‌های ظرفیت درنظر گرفته بودند و به عبارت دیگر در این مدلها یک تأمین‌کننده می‌تواند تقاضای تمام خریداران را تأمین کند.

در این مقاله علاوه بر درنظر گرفتن ابهام موجود در توابع هدف استفاده از اطلاعات غیردقیق و متغیرهای زبانی در مقایسات زوجی بین اهداف در فرآیند تحلیل سلسله مراتبی با به کارگیری تلفیقی از تئوری مجموعه‌های فازی و تکنیک‌های تصمیم‌گیری و به طور مشخص فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی و اعداد فازی ذوزنقه‌ای ممکن گردیده است. در مدلی توسعه داده شده در این مقاله قابلیت تأمین یک کالا از چند منبع نیز درنظر گرفته شده است.

در بخش بعد به ترتیب مباحث تحلیل سلسله مراتبی فازی و محاسبه اوزان فازی در فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی بیان می‌گردد. همچنین در بخش سوم تبدیل اوزان فازی به اوزان قطعی و در بخش ۴ مدل مورد استفاده در این مقاله ذکر می‌گردد.

## ۲. فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی<sup>۶</sup> (FAHP)

فرآیند تحلیل سلسله مراتبی به صورت گستره‌ای برای حل مسائل تصمیم‌گیری چندمعیاره مورد استفاده قرار می‌گیرد. اما از آنجایی که در این فرآیند از مقیاس‌های گستته ۱ تا ۹ ساعتی [۱۵] برای کمی گردن ترجیحات تصمیم‌گیرنده استفاده می‌شود امکان لحاظ کردن ابهام موجود در تصمیم‌گیری راجع به اولویت معیارها و عملکردهای مختلف وجود ندارد و این در حالی است که در مسأله انتخاب تأمین‌کننده درجه بالایی از قضاوت‌های ذهنی و ترجیحات فردی وجود دارد. اگرچه مقیاس گستته فرآیند تحلیل سلسله مراتبی مزیت‌های نظیر سادگی و سهولت کاربرد را دارد می‌باشد. اما برای لحاظ کردن عدم دقیقی که در تصویرکردن درک یک فرد به یک عدد وجود دارد، ناتوان است. به عبارت دیگر، فرآیند تحلیل سلسله مراتبی معمولاً نیازمند قضاوت‌های غیرفازی است. در حالیکه به علت پیچیدگی و عدم دقیقی که در مسائل دنیای واقعی وجود دارد، گاهی الزام به فراهم آوردن قضاوت‌های دقیق، غیرواقعی و یا حتی غیرممکن است. بنابراین واقع‌بینانه‌تر است که به تصمیم‌گیرنده اجازه داده شود به جای مقایسات دقیق از عبارات زبانی و قضاوت‌های فازی جهت انجام مقایسات استفاده نماید. فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی در واقع مدل توسعه یافته فرآیند تحلیل سلسله مراتبی است و مزیت



آن در این است که امکان لحاظ کردن ابهام و عدم دقت موجود در قضاوت‌های تصمیم‌گیرنده را به صورت موثر فراهم می‌آورد.

## ۱.۲. خواه محاسبه وزن‌های فازی ذوزنقه‌ای در فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی به روش میانگین هندسی

روش‌های مختلفی برای استخراج اوزان از فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی وجود دارد. این روش‌ها با هم تفاوت‌های مهمی دارند. برای مثال میخانیلوف [۲۰] یک روش برای استخراج وزن‌های قطعی از ماتریس مقایسه زوجی فازی پیشنهاد کرد. از دیگر روش‌ها برای استخراج وزن‌های فازی ذوزنقه‌ای از فرآیند AHP فازی با اعداد ذوزنقه‌ای می‌توان به روش میانگین هندسی و همکارانش [۱۸] اشاره کرد که این روش به شرح ذیل می‌باشد:

فرض کنید:

- ماتریس تصمیم‌گیری فازی  $A^{p \times p}$  و عناصر آن با  $a_{ij}$  نمایش داده شده و همان ماتریس مقایسات زوجی می‌باشد که در آن  $P$  تعداد گزینه‌هایی می‌باشد که می‌خواهند با هم مقایسه شوند.
- $a_{ij} = (l, m, o, s)$  که در آن  $l, m, o, s$  پارامترهای یک تابع عضویت عدد فازی ذوزنقه‌ای می‌باشند و که در این تابع عضویت شرط  $a_{ii} = (1, 1, 1, 1)$  برای تمامی  $i$ ‌ها صادق است. به عبارت دیگر اعداد روی قطر اصلی اعداد فازی ۱ می‌باشند.

-  $\alpha_i$  و  $\beta_i$  و  $\gamma_i$  و  $\delta_i$  به ترتیب میانگین‌های هندسی  $s, o, m, l$  می‌باشند.

-  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$  و  $\delta$  برابر مجموع  $\alpha_i$ ‌ها و  $\beta_i$ ‌ها و  $\gamma_i$ ‌ها و  $\delta_i$ ‌ها می‌باشند:  
الگوریتم:

گام (I): محاسبه  $\alpha_i$  و  $\beta_i$  و  $\gamma_i$  و  $\delta_i$  میانگین‌های هندسی با استفاده از مجموعه معادلات (۱)

$$\begin{aligned} \alpha_i &= \left[ \frac{p}{\pi} l_{ij} \right]^{\frac{1}{p}} & i = 1, 2, \dots, p & \gamma_i = \left[ \frac{p}{\pi} n_{ij} \right]^{\frac{1}{p}} & i = 1, 2, \dots, p \\ \beta_i &= \left[ \frac{p}{\pi} m_{ij} \right]^{\frac{1}{p}} & i = 1, 2, \dots, p & \delta_i = \left[ \frac{p}{\pi} s_{ij} \right]^{\frac{1}{p}} & i = 1, 2, \dots, p \end{aligned} \quad (1)$$

گام (II): پیدا کردن  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$  و  $\delta$  با استفاده از مجموعه معادلات (۲)

$$\begin{aligned} \alpha &= \sum_{i=1}^p \alpha_i & \gamma &= \sum_{i=1}^p \gamma_i \\ \beta &= \sum_{i=1}^p \beta_i & \delta &= \sum_{i=1}^p \delta_i \end{aligned} \quad (2)$$

گام (III): محاسبه  $w_i$ ‌ها که همان وزن‌های فازی ذوزنقه‌ای می‌باشند با استفاده از معادله (۳)

$$w_i = \left( \frac{\alpha_i}{\delta}, \frac{\beta_i}{\gamma}, \frac{\gamma_i}{\beta}, \frac{\delta_i}{\alpha} \right) \quad i = 1, 2, \dots, p \quad (3)$$

به این ترتیب از یک ماتریس مقایسات زوجی فازی ذوزنقه‌ای، اوزان فازی ذوزنقه‌ای هر کدام از گزینه‌ها بدست می‌آید. لذا در قسمت حل مدل نهایی مسئله پس از مقایسات زوجی اهداف سه‌گانه مسئله با هم در ماتریس مقایسات فازی می‌توان اوزان فازی ذوزنقه‌ای هر کدام از اهداف را با استفاده از این روش بدست آورد.



### ۳. نحوه تبدیل اوزان فازی به اوزان قطعی

پس از یافتن اوزان فازی ذوزنقه‌ای هر کدام از اهداف مساله باید با روشی خاص این اوزان به اوزانی دقیق و عددی تبدیل شوند. در اینجا برای این کار از روش پیشنهادی دلگادو و همکارانش [۱۰] استفاده می‌شود. دلگادو و همکارانش [۱۰] برای رتبه‌بندی اعداد فازی دو شاخص "مقدار(V)" و "ابهام(A)" را معرفی کردند که در مورد نحوه دستیابی به این معیارها در [۱۰] بطور مبسوط توضیح داده شده است.

$T = T(l, m, o, s)$  با توجه به [۱۰] میتوان اثبات کرد که مقادیر  $A$  و  $V$  برای یک عدد فازی ذوزنقه‌ای به صورت به صورت رابطه (۴) می‌باشد:

$$\begin{aligned} V(T) &= (o + m) / 2 + [(s - o) - (m - l)] / 6 \\ A(T) &= (o - m) / 2 + [(s - o) + (m - l)] / 6 \end{aligned} \quad (4)$$

برای رتبه‌بندی اعداد فازی دلگادو و همکارانش [۱۰] از شاخصهای "مقدار و ابهام" به صورت بهره گرفته اند:  
۱- ابتدا باید دو عدد فازی را براساس پارامتر "مقدار" با هم مقایسه کرد. اگر پارامتر "مقدار" آنها تقریباً با هم مساوی بود باید به گام بعد رفت و گرنه بر طبق همین پارامتر رتبه‌بندی می‌شوند.

۲- باید دو عدد را براساس پارامتر "ابهام" با هم مقایسه کرد. اگر پارامتر "ابهام" آنها تقریباً با هم مساوی بود باید گفت که این دو عدد فازی تقریباً با هم برابرند درغیراً صورت باید بر طبق همان پارامتر "ابهام" این دو عدد را رتبه‌بندی کرد.

به دلیل اینکه در مسأله انتخاب تأمین‌کننده نیازی به رتبه‌بندی اهداف نیست و فقط نیاز است که وزن فازی اهداف به وزن قطعی تبدیل شود از قسمت اول روش رتبه‌بندی بالا که همان مقدار اعداد فازی می‌باشد استفاده می‌شود.

### ۴. تشکیل مدل فازی انتخاب تأمین کننده

مدلی که جهت بررسی و بهبود انتخاب تأمین‌کننده انتخاب شده است، توسط قدسی‌پور و اوبراين [۸] ارائه شده است. در این مدل فرض شده است که خریدار برای انتخاب تأمین‌کننده براساس چند معیار  $^{[7]}$  گزینه دارد که ظرفیت تمام آنها محدود است. به همین دلیل سه تابع هدف و سه گروه محدودیت در مدل منظور شده است.

#### ۴. ۱. تشکیل توابع هدف

##### ۴. ۱. ۱. تابع هزینه کل $(TAPC)$

کل هزینه‌های خرید در مرحله تأمین دربرگیرنده هزینه خرید، هزینه نگهداری و انبارداری، حمل و نقل و سفارش‌دهی می‌باشد که می‌توان آنها را به سه گروه تقسیم نمود:

- هزینه سفارش دهنده سالیانه

- هزینه نگهداری سالیانه

- هزینه خرید سالیانه

قبل از ساختن مدل ریاضی هزینه کل سالانه، به تعریف پارامترهای مدل پرداخته می‌شود:

$D = \text{تقاضای سالانه}$

$Q = \text{مقدار سفارش داده شده به همه تأمین‌کنندگان در هر دوره}$

$Qi = \text{مقدار سفارش داده شده به تأمین‌کننده } i \text{ در هر دوره}$

$T = \text{طول هر دوره}$

$Ti = \text{بخشی از مدت زمان یک دوره که طی آن سفارش تأمین شده از تأمین‌کننده } i \text{ مصرف می‌شود.}$

$r = \text{نرخ هزینه نگهداری موجودی}$



$X_i$  = درصدی از  $Q$  که به تأمین‌کننده  $i$  ام تخصیص داده می‌شود.

$n$  = تعداد تأمین‌کنندگان

$A_i$  = هزینه سفارش دهی از تأمین‌کننده  $i$  ام

$P_i$  = قیمت خرید محصول از تأمین‌کننده  $i$  ام

$C_i$  = ظرفیت سالانه تأمین‌کننده  $i$  ام

$S_i$  = درصد قطعاتی که تأمین‌کننده  $i$  ام به موقع تحويل می‌دهد

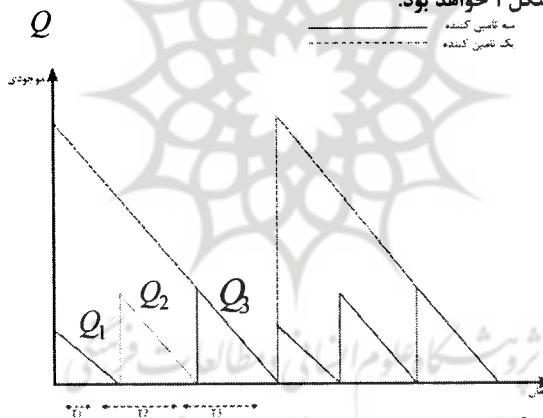
$q_i$  = درصد قطعات سالم تأمین شده از تأمین‌کننده  $i$  ام

$q_a$  = حداقل درصد قابل قطعات سالم وارد شده به کارخانه

برای ساخت مدل بهتر است ابتدا مدل خرید از یک فروشنده تحت بررسی قرار گیرد. اگر هزینه‌های سفارش دهی با  $A$  و میزان تقاضا با  $D$  مشخص شوند و مقدار اقتصادی سفارش،  $Q$  باشد با توجه به مدل سفارش اقتصادی (EOQ) می‌توان نوشت:

$$Q = \sqrt{\frac{2DA}{rp}} \quad (5)$$

اگر برای تأمین  $Q$  از  $n$  فروشنده خرید شود و نسبت سهم هر فروشنده با  $X_i$  مشخص شود و با فرض اینکه پس از تمام شدن قطعات خریداری شده از تأمین‌کننده  $i$  ام، محصولات خریداری شده از تأمین‌کننده  $(i+1)$  دریافت شود. نمودار سطح موجودی مطابق شکل ۱ خواهد بود.



شکل (۱) سطح موجودی در حالت سه فروشنده و مقایسه آن با یک فروشنده

هزینه‌های تشکیل دهنده TAPC به صورت زیر تعریف می‌شوند:

تابع هزینه شماره یک: هزینه سفارش دهی سالانه "(AOC)"

از آنجا که در هر دوره از  $n$  تأمین‌کننده خرید می‌شود هزینه سفارش دهی در هر دوره "OCP" برابر می‌شود با:

$$OCP = \sum_{i=1}^n A_i Y_i$$

$$Y_i = \begin{cases} 0 & \text{if } X_i = 0 \\ 1 & \text{if } X_i > 0 \end{cases} \quad i = 1, 2, \dots, n \quad \text{که در آن:}$$

(6)



با توجه به اینکه هزینه سفارش دهی سالانه (AOC) برابر است با حاصلضرب هزینه سفارش هر پریود (OCP) در تعداد پریودهای در سال بنابراین داریم:

$$AOC = OCP \times \frac{1}{T} = \left( \sum_{i=1}^n A_i Y_i \right) \frac{1}{T} = \left( \sum_{i=1}^n A_i Y_i \right) \frac{D}{Q} \quad (7)$$

تابع هزینه شماره ۲ - هزینه نگهداری سالانه <sup>۱۴</sup> (AHC) همانطور که می‌دانیم هزینه نگهداری در هر پریود <sup>۱۵</sup> (THCP) برابر است با:

$$THCP = \frac{rQ^2}{2D} \left( \sum_{i=1}^n X_i^2 P_i \right) \quad (8)$$

از آنجا که هزینه نگهداری سالانه برابر است با حاصلضرب هزینه نگهداری هر پریود در تعداد پریودهای یک سال پس بنابراین داریم:

$$AHC = \frac{rQ^2}{2D} \left( \sum_{i=1}^n X_i^2 P_i \right) \frac{D}{Q} = \frac{rQ}{2} \left( \sum_{i=1}^n X_i^2 P_i \right) \quad (9)$$

تابع هزینه شماره ۳ - هزینه خرید سالانه <sup>۱۶</sup> (APC):

از آنجا که مقدار کالای خریداری شده از فروشنده <sup>i</sup> ام در سال برابر با  $(X_i D)$  می‌باشد بنابراین هزینه خرید سالانه (APC) برابر خواهد بود با:

$$APC = \sum_{i=1}^n X_i P_i D$$

پس با توجه به سه تابع هزینه فوق تابع  $Z_1$  جهت حداقل نمودن هزینه کل به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$\text{Min } Z_1 = TAPC = \left( \sum_{i=1}^n A_i Y_i \right) \frac{D}{Q} + \frac{rQ}{2} \left( \sum_{i=1}^n X_i^2 P_i \right) + \sum_{i=1}^n X_i P_i D \quad (11)$$

#### ۴.۱.۲. تابع کیفیت <sup>۱۷</sup>:

یکی از مهمترین معیارها برای انتخاب تأمین‌کننده کیفیت می‌باشد که در این مدل با توجه به اینکه درصد قطعات قابل قبول فروشنده <sup>i</sup> ام برابر  $q_i$  و نسبت خرید از این فروشنده برابر با  $X_i$  است، تابع  $Z_2$  جهت حداقل نمودن کیفیت به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$\text{Max } Z_2 = \sum_{i=1}^n X_i \cdot D q_i \quad (12)$$

#### ۴.۱.۳. تابع سطح خدمت <sup>۱۸</sup>:



معیار دیگر در انتخاب فروشنده‌گان سطح خدمت زسانی تأمین کننده (در صد قطعاتی که به موقع تحویل می‌دهد) می‌باشد که اگر سطح خدمت رسانی فروشنده  $i$ ام،  $S_i$  و نسبت خرید از این فروشنده  $X_i$  باشد تابع  $Z_3$  جهت حداقل نمودن سرویس به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$\text{Max } Z_3 = \sum_{i=1}^n S_i \cdot D X_i \quad (13)$$

#### ۴. ۲. تدوین محدودیتها:

##### ۴. ۲. ۱. محدودیت تأمین تقاضا:

$$\sum_{i=1}^n X_i \cdot D = D \Rightarrow \sum_{i=1}^n X_i = 1 \quad (14)$$

##### ۴. ۲. ۲. محدودیت ظرفیت تأمین کننده‌گان:

ظرفیت تأمین کننده‌گان نیز محدود می‌باشد و  $C_i$  مقدار حداقل تولید سالیانه فروشنده  $i$ ام است.

$$X_i \cdot D \leq C_i \quad i = 1, 2, \dots, n \quad (15)$$

##### ۴. ۲. ۳. محدودیت متغیرهای صفر و یک:

اگر از فروشنده  $i$ ام خریداری نشود ( $X_i = 0$ ) آنگاه  $Y_i$  برابر با صفر خواهد بود و اگر  $X_i \neq 0$  آنگاه  $Y_i$  برابر با یک است که برای مدل کردن این محدودیت باید از محدودیت‌های اگر-آنگاه استفاده کنیم که در آن  $\varepsilon$  عددی کوچک و کمی بزرگتر از صفر است.

$$\begin{aligned} X_i &\leq Y_i & i = 1, 2, \dots, n \\ X_i &\geq \varepsilon Y_i \end{aligned} \quad (16)$$

در حالت کلی، وقتی تقاضا قطعی است و  $X_i$  برابر با درصدی از  $Q$  که به تأمین کننده  $i$ ام تخصیص داده شده باشد (مقادیر  $X_i$  و  $Q_i$  در همه دوره‌ها یکسان هستند)، روابط زیر صادق خواهد بود.

$$Q = \sum_{i=1}^n Q_i$$

$$Q_i = X_i Q \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$T_i = X_i T \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$0 \leq X_i \leq 1 \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$\sum_{i=1}^n X_i = 1$$

(17)

##### ۴. ۳. ارایه مدل نهایی

با ساختن اجزاء مدل، مدل نهایی به صورت زیر قابل بازنویسی است:



$$\text{Min}(Z_1) = \left( \sum_{i=1}^n A_i Y_i \right) \frac{D}{Q} + \frac{rQ}{2} \left( \sum_{i=1}^n X_i^2 P_i \right) + \sum_{i=1}^n P_i X_i D$$

$$\text{Max}(Z_2) = \sum_{i=1}^n q_i X_i$$

$$\text{Max}(Z_3) = \sum_{i=1}^n S_i X_i$$

ST :

$$\sum_{i=1}^n q_i X_i \geq q_a$$

$$X_i D \leq C_i$$

$$X_i \leq Y_i$$

$$X_i \geq \varepsilon Y_i$$

$$\sum_{i=1}^n X_i = 1$$

$$X_i \geq 0, Y_i = 0, 1, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

(۱۸)

در این مدل تابع هدف هزینه کل ( $Z_1$ ) تابعی غیرخطی است که در حالت کلی محدب نیست و بنابراین تضمینی نیست که الگوریتم‌های حل مسائل برنامه‌ریزی غیرخطی در حالت تک هدف، جواب بهینه کلی مسأله و در حالت چندهدفه، جواب موثر را نتیجه دهند. برای اینکه یک نقطه مشخص جواب موثر مسأله چندهدفه باشد باید در هر چهار شرط لازم کان و تاکر صدق کند. حال اگر شرط سوم کان و تاکر برای تابع هزینه کل نوشته شود، معادله (۱۹) بدست خواهد آمد:

$$\frac{r}{2} \left( \sum_{i=1}^n X_i^2 P_i \right) - \frac{D}{Q^2} \left( \sum_{i=1}^n A_i Y_i \right) - (u)(-1) = 0$$

(۱۹)

از سوی دیگر با استفاده از شرط دوم می‌توان نوشت:

$$u(-Q) = 0, Q > 0 \Rightarrow u = 0$$

(۲۰)

از دو معادله (۱۹) و (۲۰) رابطه زیر قابل اثبات است:

$$Q = \sqrt{\frac{2D \sum_{i=1}^n A_i Y_i}{r \left( \sum_{i=1}^n X_i^2 P_i \right)}}$$

(۲۱)

اکنون با جایگزین  $Q$  در تابع هدف اول می‌توان مدل را به صورت زیر بازنویسی کرد:



$$\text{Min}(Z_1) = \sqrt{2Dr(\sum_{i=1}^n A_i Y_i)(\sum_{i=1}^n X_i^2 P_i)} + \sum_{i=1}^n P_i X_i D$$

$$\text{Max}(Z_2) = \sum_{i=1}^n q_i X_i$$

$$\text{Max}(Z_3) = \sum_{i=1}^n S_i X_i$$

S.T :

$$\sum_{i=1}^n q_i Y_i \geq q_a$$

$$X_i D \leq C_i$$

$$X_i \leq Y_i$$

$$X_i \geq \varepsilon Y_i$$

$$\sum_{i=1}^n X_i = 1$$

$$X_i \geq 0, Y_i = 0, 1, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

(۲۲)

باتوجه به شکل نهایی مدل چندهدفه غیرخطی مسأله و هم چنین مطالب ذکر شده در مورد بدست آوردن اوزان اهداف از طریق فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی، در ادامه الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله انتخاب تأمین‌کننده بیان می‌گردد.

#### ۴. ۴. الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله غیرخطی فازی چند هدفه

گام ۱- با توجه به توضیحات بخش دو اهداف سه‌گانه مسأله از نظر اهمیت با استفاده از روش FAHP به صورت زوجی با هم مقایسه و رتبه‌بندی می‌شوند بطوریکه نتایج مقایسات زوجی بصورت اعداد فازی ذوزنقه‌ای در درایه‌های ماتریس مقایسات زوجی قرار می‌گیرند.

گام ۲- اوزان فازی اهداف سه‌گانه مسأله با استفاده از فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی از روش تشریح شده در بخش ۲.۱ بدست می‌آیند.

گام ۳- اوزان فازی هدفها با استفاده از روش تشریح شده در بخش سه به اوزان عددی و قطعی تبدیل می‌شوند.

گام ۴- بهترین و بدترین مقادیر هر کدام از اهداف با حل مسأله چندهدفه به صورت چند مسأله تک‌هدفه (با حضور همان محدودیت‌های قبلی) با حضور یک هدف و حذف دیگر اهداف بدست می‌آیند.

گام ۵- با استفاده از بهترین و بدترین مقادیر اهداف، توابع عضویت فازی اهداف مسأله با استفاده از روش شرح داده شده در ضمیمه الف بدست می‌آیند.

گام ۶- باتوجه به خصوصیات مدل و فازی نبودن محدودیت‌های مسأله، از عملگر حداقل-حداکثر وزن داده شده استفاده شده و مدل چندهدفه به یک مدل تک‌هدفه غیرخطی تبدیل می‌شود.

گام ۷- مسأله تک‌هدفه نهایی از طریق یکی از روش‌های موجود در برنامه‌ریزی ریاضی حل و مقادیر بهینه  $X_i$  ها بدست می‌آیند.

به این ترتیب حل مدل نهایی ارایه شده، معادل با حل مدل تک‌هدفه (۲۷) می‌باشد که اثبات این مطلب در زیرممن [۱۹] به تفصیل بحث شده است.

 $\text{Max } \lambda$  $S.t:$ 

$$\begin{aligned} w_1\lambda &\leq (f_1^+ - f_1(x))/(f_1^+ - f_1^-) \\ w_j\lambda &\leq (f_j(x) - f_j^-)/(f_j^+ - f_j^-) \quad j = 2, 3 \end{aligned}$$

$$\sum_{i=1}^n q_i Y_i \geq q_a$$

$$X_i D \leq C_i \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$X_i \leq Y_i \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$X_i \geq \varepsilon Y_i \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$\sum_{i=1}^n X_i = 1$$

$$\lambda \in [0, 1]$$

$$\sum_{j=1}^3 w_j = 1 \quad , w_j \geq 0$$

$$X_i \geq 0, Y = 0, 1, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$f_1(x) = \sqrt{2Dr(\sum_{i=1}^n A_i Y_i)(\sum_{i=1}^n X_i^2 P_i)} + \sum_{i=1}^n P_i X_i D$$

$$f_2(x) = \sum_{i=1}^n q_i X_i$$

$$f_3(x) = \sum_{i=1}^n S_i X_i$$

(۲۳)

شایان ذکر است که  $W_i$  های مذکور در مدل تک‌هدفه (۲۳) همان وزن‌های قطعی‌ای هستند که در بخش ۴، ۴ در گامهای ۲ و ۳ الگوریتم پیشنهادی در مورد نحوه بدست آمدن آنها توضیحات لازم ارائه شده است. همچنین در مورد  $f_i^+, f_i^- \quad i = 1, 2, 3$  به ترتیب بدترین و بهترین مقادیر توابع اهداف سه‌گانه مسأله‌اند که در ضمیمه الف به تفمیل راجع به آنها توضیح داده شده است.

گزاره: توابع  $f_1, f_2, f_3$  محدب هستند. محدب بودن تابع  $f_1$  در مقاله قدسی‌پور و اوبراین [۸] اثبات شده است و توابع  $f_2, f_3$  خطی و در نتیجه محدب هستند. براساس ویژگیهای توابع محدب می‌توان نتیجه گرفت که فضای شدنی مسأله محدب است. تابع هدف مسأله نیز یک تابع خطی و در نتیجه محدب است. بنابراین، مسأله مذکور در حالت کلی مسأله برنامه‌ریزی غیرخطی محدب است و هر جواب بهینه محلی برای این مسأله، جواب بهینه کلی آن نیز خواهد بود.

## نتیجه‌گیری

انتخاب تأمین‌کننده یکی از مهمترین اقدامات در بخش خرید در یک زنجیره تأمین می‌باشد و دلیل آن تأثیر کلیدی تأمین‌کننده بر روی هزینه، کیفیت، به موقع رسیدن کالا و سرویس می‌باشد. انتخاب تأمین‌کننده یک مسأله تصمیم‌گیری چندمعیاره می‌باشد که در آن اهمیت اهداف با هم برابر نیستند و با روش‌های متفاوتی (از جمله تحلیل سلسله مراتبی) می‌توان وزن نسبی آنها را بدست آورد. از سوی دیگر اغلب اوقات بسیاری از اطلاعات و داده‌ها عبارات مسائل انتخاب تأمین‌کننده زبانی، مبهم و فازی می‌باشند. بنابراین نیاز به روش‌هایی است که بتوان این مسائل را به درستی مدلسازی و حل نمود.



در این مقاله برای اولین بار به دلیل انعطاف پذیری بسیار بالای اعداد فازی ذوزنقه‌ای، در تضمیم‌گیری اولویت‌بندی اهداف چندگانه و حل مسأله از روش تحلیل سلسله مراتبی فازی با اعداد ذوزنقه‌ای استفاده شد. همچنین برای حل مسأله غیرخطی فازی چندهدفه که در آن ضرایب توابع هدف دارای قابع عضویت ذوزنقه‌ای می‌باشند الگوریتم جدیدی ارائه گردید.

## ضمیمه الف

### شکل توابع عضویت اهداف فازی

شکل توابع عضویت اهداف فازی، خطی فرض شده است. می‌توان مدل انتخاب تأمین‌کننده را با استفاده از یک برنامه‌ریزی خطی فازی حل کرد. ابتدا باید مقادیر حداقلی و حداکثری تمام توابع هدف را به دست آورد برای این منظور ابتدا باید بهترین و بدترین مقادیر تمام توابع هدف را از طریق حل مسأله‌های تک هدف (با حذف دیگر اهداف) بدست آورد و توابع عضویت را در مبنای آنها بنا نمود. تابع هدف حداقل‌سازی:

$$\mu_f(x) = \begin{cases} 1 & f \geq f^+ \\ (f(x) - f^-)/(f^+ - f^-) & f^- \leq f(x) \leq f^+ \\ 0 & f(x) \leq f^- \end{cases} \quad f^+ = \text{کمترین مقدار تابع هدف} \quad f^- = \text{بیشترین مقدار تابع هدف}$$

(۲۴)

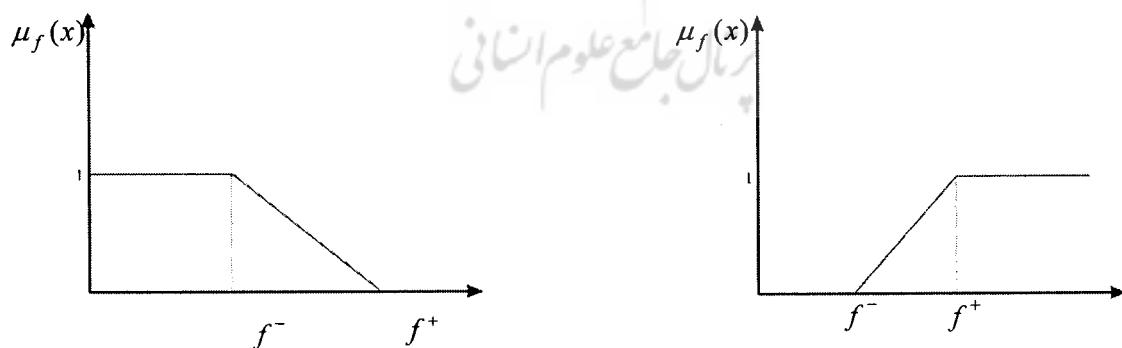
تابع هدف حداقل‌سازی:

$$\mu_f(x) = \begin{cases} 1 & f \leq f^+ \\ (f^+ - f(x))/(f^+ - f^-) & f^- \leq f(x) \leq f^+ \\ 0 & f(x) \geq f^+ \end{cases}$$

(۲۵)

با فرض خطی بودن شکل توابع عضویت شکل آنها به صورت زیر قابل تصور است.

توابع هدف حداقل‌سازی



شکل ۲. نمودار توابع عضویت هر یک از اهداف مسأله



## منابع

- Amid, A., Ghodsypour, S.H., O'Brien, C., 2004, Fuzzy multi objective linear model for supplier selection in a supply chain. *International journal of production economics*
- Bache, J., Carr, R., Parnaby, J., Tobias, A.M., 1987, Supplier development systems, *International Journal of Technology Management* 2(7), 219-228.
- Bellman, R.G., Zadeh, L.A., 1970, Decision making in a fuzzy environment, *Management Sciences* 14, B141-B174.
- Dickson, G.W., 1977, An analysis of vendor selection systems and decisions, *Journal of Purchasing* 1(1), 2-14.
- Dulmin, R., Mininno, V., 2007, Supplier selection using a multi-criteria decision aid method. *Journal of Purchasing and Supply Management* 9, 171-181.
- Gaballa, A.A., 1974, Minimum cost allocation of tenders. *Operational Research Quarterly* 25(7), 719-728.
- Ghodsypour, S.H., O'Brien, C., 1991, A decision support system for supplier selection using an integrated analytical hierarchy process and linear programming, *International Journal of Production Economics* 27-30, 199-211.
- Ghodsypour, S.H., O'Brien, C., 2001, The total cost of logistic in supplier selection, under conditions of multiple sourcing, multiple criteria and capacity constraint. *International Journal of Production Economics* 67, 19-27.
- Karpak, B., Kumcu, E., Kasuganti, R., 1999, An application of visual and Supply Management 1, 22-22.
- Delgado, M. A. Vila and W. Woxman, 1998, On a canonical representation of fuzzy numbers, *Fuzzy Sets and Systems*. 93, 125-135.
- Morlacchi, P., 1997, Small and medium enterprises in supply chain: a supplier evaluation model and some empirical results, *Proceedings IFPMM Summer School, August, Salzburg*.
- Narasimhan, R., 1987, An analytic approach to supplier selection, *Journal of Purchasing Materials Management* 22(7), 7-12.
- Nydick, R.L., Hill, R.P., 1992, Using the Analytic Hierarchy Process to structure the supplier selection procedure. *International Journal of Purchasing and Materials Management* 28(7), 21-27.
- Roa, C.P., Kiser, G.E., 1980, Educational Buyers' Perceptions Of Vendor Attributes. *Journal of Purchasing and Materials Management* 17, 70-74.
- Satty, T.L., 1980, *The Analytic Hierarchy Process*, Wiley, New York.
- Soukup, W.R., 1987, Supplier selection strategies. *Journal of Purchasing and interactive goal programming: a case in vendor selection decisions. Journal of Multi-Criteria Decision Analysis* 1, 97-100.
- Weber, C.A., Current, J.R., Benton, W.C., 1991, Vendor selection criteria and methods, *European Journal of Operational Research* 50, 2-18.
- Wu, X., Pu, F., Shao, S., and Fang, J., 2004, Trapezoidal Fuzzy AHP for the Comprehensive Evaluation related coefficient of Highway Network Programming Schemes in Yangtze River Delta.
- Zimmermann, H.J., 1971, Fuzzy programming and linear programming with several objective functions, *Fuzzy Sets and Systems* 1, 42-60.



Mikhailov . L , ۲۰۰۲, *Deriving priorities from fuzzy periwigs comparison judgments, Fuzzy Sets and Systems* ۱۳۴ (۲۰۰۲) ۳۷۵-۳۸۰

Ghodsypour, S.H., O'Brien, C., ۱۹۹۷. *An integrated method using the analytical hierarchy process with goal programming for multiple sourcing with discounted prices. Proceedings of the International Conference on Production Research (ICPR), Osaka, Japan.*

## پی نوشت

- ' Multi Criteria Decision Making
- ' Crisp
- ' Vagueness
- ' Decision Support System
- ' Reliability
- ' Fuzzy Analytic Hierarchy Process
- ' Value
- ' Ambiguity
- ' Total Annual Purchasing Cost
- ' Economic Order Quantity
- " Annual ordering cost
- " Ordering Cost each Period
- " Annual Holding Cost
- " Total Holding Cost per Period
- " Annual Purchasing Cost
- " Quality
- " Service



## فرم اشتراک نشریه علمی پژوهشی مدیریت فردا

نام خانوادگی :

نام :

نام سازمان :

سمت :

تحصیلات :

رشته تحصیلی :

نشانی : استان :

شهر :

گیرنده :

تلفن :

صندوق پستی :

کد پستی ( کد ۱۰ رقمی ) :

نما بر :

تلفن همراه :

پست الکترونیکی :

تعداد نسخ مورد نظر برای اشتراک :

هزینه به ریال				نوع اشتراک	کد اشتراک
پست سفارشی		پست عادی		اشتراک یکساله نشریه مدیریت فردا	۱
شهرستان	تهران	شهرستان	تهران		
۱۲۰۰۰	۱۱۰۰۰	۱۰۵۰۰	۱۰۰۰۰		

در صورت تمایل به اشتراک نشریه توجه شما را به نکات ذیل جلب می نماییم :

۱. فرم اشتراک را کامل و خوانا بر کرده و کد پستی ( ۱۰ رقمی ) و شماره تلفن تماس را حتما" بنویسید .
۲. حق اشتراک را به حساب جاری ۶۴۳۴۴ بانک ملت شعبه دانشگاه علم و صنعت کد ۶۸۴۲۹ بنام انتشارات تولید دانش ( قابل واریز در کلیه شعب بانکی کشور ) واریز نموده و اصل فیش بانکی را به آدرس تهران ، صندوق پستی شماره ۳۱۴ - ۱۶۸۴۵ ارسال فرمایید .
۳. کپی فیش بانکی را تا زمان دریافت نخستین شماره اشتراک نزد خود نگاه دارید .
۴. از فرستادن وجه نقد خودداری فرمایید .
۵. برای اساتید دانشگاه ها و دانشجویان ( با ارسال کپی از هر دو طرف کارت معتبر یا گواهی تحصیلی متقارنی ) ۳۰٪ تخفیف در حق اشتراک در نظر گرفته خواهد شد .
۶. ارسال بیش از یک نسخه از یک شماره ، تنها از طریق پست سفارشی امکان پذیر است .
۷. در صورت عدم تمایل به ادامه اشتراک در هر زمان مانده سپرده قابل استرداد خواهد بود .

با آرزوی توفيق الهی  
بخش مشترکین نشریه مدیریت فردا  
تلفن: ۶۴۴۶۵۷۲۱  
نما بر: ۶۶۴۱۲۵۶۰

بسمه تعالیٰ

## چارچوب فرآخوان مقالات نشریه علمی - پژوهشی مدیریت فردا

(دارای مجوز شماره ۱۵۰/۱۱/۳ مورخ ۱۰/۵/۸۸) از کمیسیون نشریات علمی کشور)

از نویسنده‌گان و محققین گرامی درخواست می‌شود که مقالات خود را با در نظر گرفتن چارچوب ارائه شده ذیل به صورت پستی و یا از طریق پست الکترونیکی به دفتر نشریه ارسال فرمایند.

تذکر: مقالاتی که از طریق پست به دفتر نشریه ارسال می‌شود، علاوه بر<sup>۳</sup> نسخه اصل مقاله فایل آن هم باید به صورت CD ضمیمه باشد.

مواردی که از نظر نگارش باید مورد توجه قرار گیرد عبارتند از:

۱. مقالات تایپ شده در قالب نرم افزار WORD ۲۰۰۳ با فرمت یک ستونه طبق الگوی نشریه مدیریت فردا چاپ شده شماره ۱۷ به بعد باشد.
۲. خلاصه مقاله شامل عنوان مقاله، نام و نام خانوادگی نویسنده یا نویسنده‌گان، چکیده و کلید واژه علاوه بر نگارش فارسی به لاتین هم باید ترجمه شده باشد.
۳. آدرس پست الکترونیکی نویسنده و یا نویسنده‌گان حتماً درج شود.
۴. فونت متن چکیده نازنین ۹ BOLD, Italic باشد.
۵. فونت متن مقاله نازنین ۱۰ و BOLD باشد.
۶. فاصله پارگرافها ۱/۲ Multiple باشد.
۷. تیترهای اصلی فونت ۱۴ Davat باشد.
۸. تیترهای فرعی ۱۳ Davat باشد.
۹. فاصله از سمت راست و چپ صفحه ۰/۹۱ از صفحه A۴ باشد.
۱۰. فاصله از سمت بالا و پایین صفحه ۰/۹۸ از صفحه A۴ باشد.
۱۱. کلیه بی‌نوشتها در آخر مقاله آورده شود. و شماره آنها از یک شروع و به آخرین بی‌نوشت ختم شود.
۱۲. عنوانین جداول در بالای هر جدول نوشته شود.(تذکر شماره جداول داخل پرانتز گذاشته شود).
۱۳. عنوانین اشکال در پایین آنها نوشته شود.(تذکر شماره اشکال داخل پرانتز گذاشته شود).
۱۴. مقاله را به نشانی Br.spr005@yahoo.com ارسال فرمائید.

در ضمن برای دسترسی به شماره‌های قبلی نشریه مدیریت فردا علاقمندان می‌توانند به پایگاه اینترنتی مرکز منطقه‌ای اطلاع رسانی علوم و فناوری به آدرس www.ricest.ac.ir مراجعه و یا از دفتر نشریه نسخه مورد نظر خود را خریداری نمایند و یا در صورت فقدان نسخه اصلی کپی تهییه نمایند.

تلفن: ۶۶۴۶۵۷۲۱ نمابر: ۶۶۴۱۲۵۶۰  
پرتال جامع علوم انسانی

با تشکر

رحیمی

مدیر داخلي نشریه علمی - پژوهشی مدیریت فردا