

# مقایسه دو روش درون یابی IDW و KRIGING

## جهت تهیه نقشه پهنه بندی املاک (عرصه) ناحیه ۵ شهرداری منطقه یک

هرمز صفری / کارشناس ارشد شرکت پردازش و برنامه ریزی شهری (TGIC)

تقدیر و تشکر:

جا دارد از زحمات آقای مهندس فلاح مدیریت محترم برنامه ریزی و فروش که فرصت این تحقیق را فراهم ساختند و همچنین همکاران گرامی آقای مهندس جباری و خانمها پدرامی و تکه که در نحوه انتخاب و جانمایی نمونه ها کمک کردند، تشکر نمایم.

### چکیده

زیادتی در تجزیه و تحلیل داده های مکانی در محیط GIS ایجاد کرده است. استفاده از آنالیزهای مبتنی بر تئوری های زمین آمار نواقص و محدودیت های مربوط به آمار کلاسیک را که غالباً با فرضیه توزیع تصادفی متغیرها و فرایندها توسعه یافته اند تا حد زیادی کاهش می دهد. درونیابی داده ها در تجزیه و تحلیل مکانی به کمک GIS از اهمیت ویژه ای برخوردار است، چرا که بسیاری از نقشه های مورد استفاده در عملیات GIS از طریق درون یابی تولید می شوند. در واقع تولید مدل های هموار و پیوسته از توزیع مکانی و زمانی داده های مورد بررسی از طریق درون یابی امکان پذیر می باشد. در تحقیق، دو روش IDW، Kriging برای پهنه بندی قیمت زمین مورد بررسی قرار گرفت و به معایب و مزایای آنها پرداخته شد. ارزیابی و تست خطا دو مدل درون یابی باروش (Willmott, 1984)، مورد بررسی قرار گرفت که حاکی از دقت بالاتر روش Kriging نسبت به روش IDW می باشد.

برای تهیه نقشه یکپارچه و پیوسته از مکان مورد نظر نیاز به روش های درون یابی به منظور پیش بینی مقادیر نامعلوم می باشد. در این خصوص روش های مختلف درون یابی و تخمین های زمین آماری وجود دارد. عوامل مهمی مانند تعداد، توزیع مکانی نقاط نمونه برداری و توانایی مدل درون یابی نقش موثری در دقت تهیه نقشه پهنه بندی دارند. روش های متعددی برای درون یابی یک متغیر ارائه شده اند که روش های چند ضلعی های تیسسن و وزن دهی بر مبنای عکس فاصله (IDW) از جمله روش های مرسوم می باشند. به هر حال، این روشها به دلیل در نظر نگرفتن همبستگی بین داده ها و بهینه نبودن اندازه و شکل همسایگی مورد استفاده، غالباً از دقت کافی برخوردار نمی باشند نظریه زمین آماری شاخه ای از آمار کاربردی است که نقش موثری در تشریح و تجزیه و تحلیل مشاهدات زمینی ایفا می کند. توسعه تئوری ها و تکنیکهای زمین آمار در سالهای اخیر تحولات

کلید واژه ها: پهنه بندی، IDW، Kriging

نقطه از نقاط همسایه تعریف کرد. لازم به یادآوری است که تعریف شعاع همسایگی و توان مربوط به تابع عکس فاصله از مسایل مهم در این روش محسوب می‌شود. این روش در حالتی که نقاط نمونه به اندازه کافی با پراکنش مناسب در سطوح مقیاس محلی باشد، مورد استفاده قرار می‌گیرد. یکی از مزایای این روش در نشان دادن خطوط ناپیوسته Barriers مانند شکستگی ها، خطواره ها، گسل ها، Levees و رودخانه‌ها که ایجاد شکستگی و ناپیوستگی در سطح می‌کنند، مناسب می‌باشد.

$$Z_0 = \frac{\sum_{i=1}^N Z_i d_i^{-n}}{\sum_{i=1}^N d_i^{-n}}$$

$Z_0$  = مقدار تخمین متغیر  $Z$  در نقطه  $i$   
 $Z_i$  = مقدار نمونه در نقطه  $i$   
 $d_i$  = فاصله نقطه نمونه تا نقطه مورد تخمین  
 $n$  = ضریبی که وزن را براساس فاصله تعیین می‌کند

## Geostatistics

روشهای زمین آمار بر اساس مدل‌های آماری که شامل خود همبستگی (ارتباط آماری نقاط اندازه گیری شده) است، محاسبه می‌شود. برای انجام روشهای زمین آمار، داده‌های مورد استفاده باید دو ویژگی داشته باشند، یکی توزیع نرمال فضایی داده‌ها و دیگری میانگین و واریانس در مکان تغییر معنی داری نداشته باشند (Stationary). این دو ویژگی در هیستوگرام توزیع نرمال و واریانس داده‌ها قابل مشاهده است. بیان ریاضی روش زمین آمار در رابطه زیر آمده است:

$$Z(u) = \mu(u) + \varepsilon(u)$$

$Z(u)$  = مقدار متغیر ناحیه‌ای

$\mu(u)$  = روند قطعی و مولفه ساختاری  $Z(u)$

$\varepsilon(u)$  = خطای نمونه نسبت به  $\mu(u)$  یا مولفه تصادفی

$\varepsilon(u)$  = ساختار مولفه تصادفی اصطلاحاً فضایی می‌نامند که تابعی از فاصله و مستقل از مختصات است بطوریکه ارزش نمونه‌ها نسبت بهم نزدیک باشد و دور شدن فاصله نقاط از هم، تفاوت ارزش آنها افزایش یابد نشان دهنده پیوستگی یک متغیر ناحیه‌ای است.

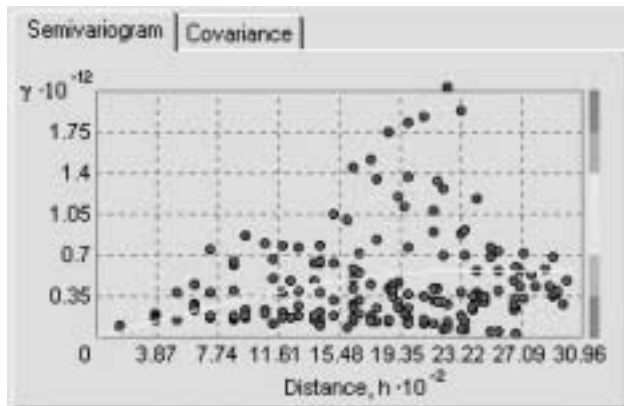
GIS مجموعه‌ای است از یک سیستم سخت افزاری و نرم افزاری که قادر است اطلاعات مکانی و توصیفی را بهم مرتبط سازد. GIS دارای اجزای مختلفی از جمله ورودی داده‌ها، مدیریت داده‌ها (ذخیره، بازیابی، کنترل و تهیه بانک داده و ...)، تجزیه و تحلیل داده‌ها و خروجی بصورت Soft copy و Hard copy می‌باشد. پهنه بندی یکی از روشهای تحلیل مکانی که از داده‌های مکانی بصورت نقطه و خطوط هم ارزش، سطح پیوسته‌ای بوجود می‌آورد که این سطح نشان دهنده تغییرات ارزش متغیر محیطی می‌باشد.

توابع مورد استفاده در پهنه بندی به دو صورت ریاضی و آمار است. در حالت آماری دموگرافی از داده‌ها و در حالت ریاضی بیان عددی و محاسباتی از داده‌ها را نشان می‌دهد. برای تهیه نقشه پهنه بندی از طریق درون یابی (Interpolation) که طبق تعریف پیش بینی و محاسبه مقادیر نقاط و سطوح نامعلوم با استفاده از نقاط معلوم می‌باشد که این پیش بینی بر اساس خود همبستگی مکانی تعیین می‌شود.

روشهای موجود برای درون یابی به دو صورت قطعی (Deterministic) و غیر قطعی (Geostatistic) است. در روش قطعی از توابع ریاضی بر حسب فاصله دوری یا نزدیکی نقاط نمونه نسبت به همسایه‌ها (IDW) و یا درجه صافی و همواری (Spline) مورد استفاده قرار می‌گیرد. در روش غیر قطعی علاوه بر استفاده از توابع ریاضی از آمار برای پیش بینی نقاط نامعلوم استفاده می‌شود. در این روش میزان سطح اطمینان و درستی پیش بینی نقاط محاسبه می‌شود. تعاریفی از این روش آمده که به عنوان مثال به مطالعه پدیده‌ای که در فضا و زمان دارای تغییر می‌باشد (Deutsch, 2002) و زمین آمار توصیف پیوستگی مکانی پدیده طبیعی و مطابق با تکنیک‌های آمار کلاسیک است (Isaaks and et al., 1989). نکته حائز اهمیت این است که برای حالات مختلف از نظر توزیع مکانی هیچ گاه از یک روش به عنوان مدل بهینه پیشنهاد نمی‌گردد (رنگزن و دیگران، 1384)، چون از یک مدل خاص در شرایط مختلف دقت‌های متفاوتی بدست می‌آید. دقت و صحت درون یابی را پراکندگی نقاط و توزیع مکانی آنها، تراکم و چگالی نقاط و توانایی روش واسطه یابی مشخص می‌کند.

## روش (Inverse Distance Weight) IDW

کلیه روشهای درون یابی بر مبنای این فرضیه توسعه یافته‌اند که نقاط نزدیک‌تر به یکدیگر نسبت به نقاط دورتر همبستگی و تشابه بیشتری دارند. در روش IDW فرض اساسی بر این است که میزان همبستگی و تشابه بین همسایه‌ها با فاصله بین آنها متناسب است، که می‌توان آن را به صورت تابعی با معکوس از فاصله هر



نمودار شماره ۲: منحنی واریوگرام نمونه‌ها در این تحقیق

مرحله دوم تخمین مقادیر نامعلوم با استفاده درون یابی که در این مرحله از روش Kriging استفاده شده است. روشهای مختلفی برای تخمین وجود دارد یکی به روش آمار کلاسیک و دوم روش زمین آمار که بر اساس ساختار فضایی موجود در محیط و بر منطق میانگین متحرک وزن دار استوار است. یکی از ویژگیهای این روش آن است که به ازای هر تخمین خطای مرتبط با آن را می‌توان محاسبه کرد. برای اجرای این روش از تخمین اول متغیر Z توزیع نرمال داشته باشد در غیر اینصورت باید از Kriging غیر خطی یا داده‌ها را به نرمال تبدیل که در آن مرحله از لگاریتم برای تبدیل استفاده می‌کنیم.

فرمول محاسبه درون یابی به روش Kriging

$$Z_v = \sum_{i=1}^n \lambda_i Z_{vi}$$

$Z_{vi}$  مقدار تخمین و  $\lambda_i$  وزن کمیت وابسته به نمونه و  $Z_v$  ارزش اولیه نمونه  $i$  می‌باشد  
برآورد مقدار از معادله زیر بدست می‌آید:

$$\begin{bmatrix} C_{11} & C_{12} & \dots & C_{1n} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ C_{n1} & \cdot & \cdot & C_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \lambda_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} C_{01} \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ C_{0n} \end{bmatrix}$$

$C_{ij}$  میانگین کوواریوگرام برای حالتی که بردار  $h$  در دو نمونه  $i$  و  $j$  تغییر کند.  
 $C_{0i}$  میانگین کوواریوگرام برای حالتی که بردار  $h$  در نمونه  $i$  و نمونه پیش بینی  $0$  قرار گیرد.

$\lambda_i$  ضرایب Kriging

از ویژگیهای مهم این روش اینست که واریانس تخمین را در تمام سطح برای هر نمونه محاسبه می‌کند و این به ما کمک می‌کند که

محاسبه فرمول  $\mu(u)$  بر حسب ویژگی‌های محیطی به صورت یک تابع چند جمله‌ای زیر می‌باشد.

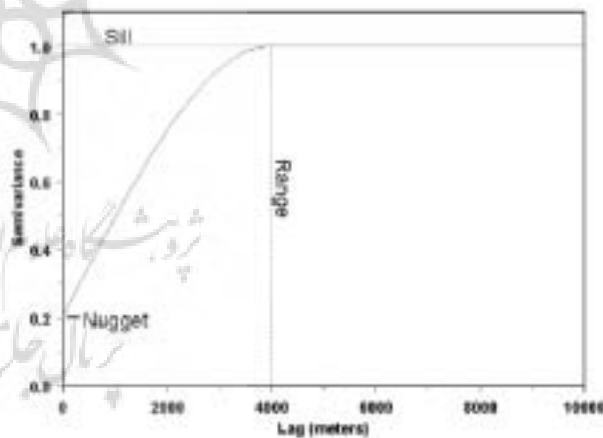
$$\mu(u) = \beta_0 + \beta_1 x + \beta_2 y + \beta_3 x^2 + \beta_4 y^2 + \beta_5 xy$$

برای تخمین زمین آماری مقادیر نامعلوم در مکان مورد نظر دو مرحله باید انجام گردد. ابتداء شناخت و مدلسازی ساختار فضایی نمونه‌ها که در این مرحله حالت همگنی یا ناهمگنی نمونه‌ها در نموداری بنام واریوگرام مورد بررسی قرار می‌گیرد. در مرحله دوم تخمین مقادیر به روش Kriging است.

در مرحله اول بررسی ساختار مکانی نمونه‌ها در منحنی‌های واریوگرام می‌باشد. مشخصات این منحنی در محور  $Y$  مقدار واریانس مکانی نمونه‌ها نسبت بهم و در محور  $X$  مقدار فاصله بر حسب تعداد گام (Lag) که در فرمول به  $h$  نشان داده شده است (نمودار شماره ۱).

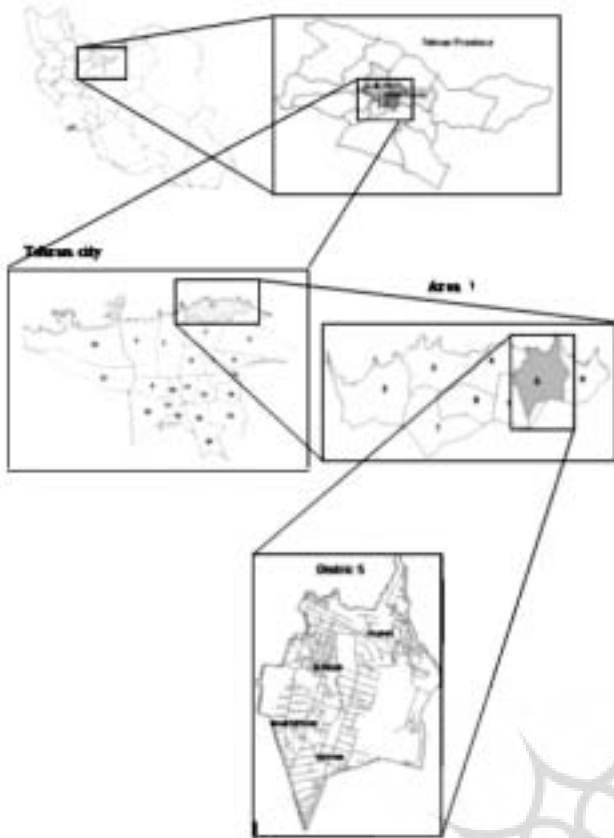
ابتدا با افزایش  $h$  مقدار واریوگرام زیاد ولی در یک نقطه‌ای به حد اشباع می‌رسد که به آن Sill که برابر  $Z(x+h)$  است. nugget بنام واریانس تصادفی و بدون ساختار که تابع جهت و فاصله نیست. فرمول محاسبه واریوگرام در زیر آمده است.

$$\lambda^*(h) = \frac{1}{2(N-h)} \sum_{i=1}^{N-h} [Z(x+h) - Z(x)]^2$$

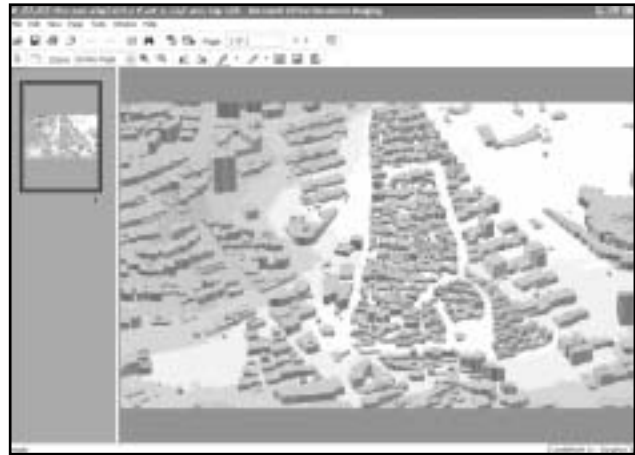


نمودار شماره ۱: مشخصات منحنی واریوگرام

مدلهای تئوری واریوگرام بر دو نوع است، یکی واریوگرامهایی که در آنها با افزایش  $h$  مقدار  $\lambda(h)$  افزایش می‌یابد و تمایلی به نزدیک شدن به یک سقف ثابتی را ندارد. دوم واریوگرامهایی که ابتدا با افزایش  $h$  مقدار  $\lambda(h)$  افزایش می‌یابد و سپس به حد ثابتی (که همان سقف است) می‌رسد. در مدل‌های سقف دار، سقف برابر واریانس مقدار متغیر در جامعه نمونه‌های برداشت شده است.



نقشه شماره ۱: موقعیت ناحیه ۵ در منطقه ۱



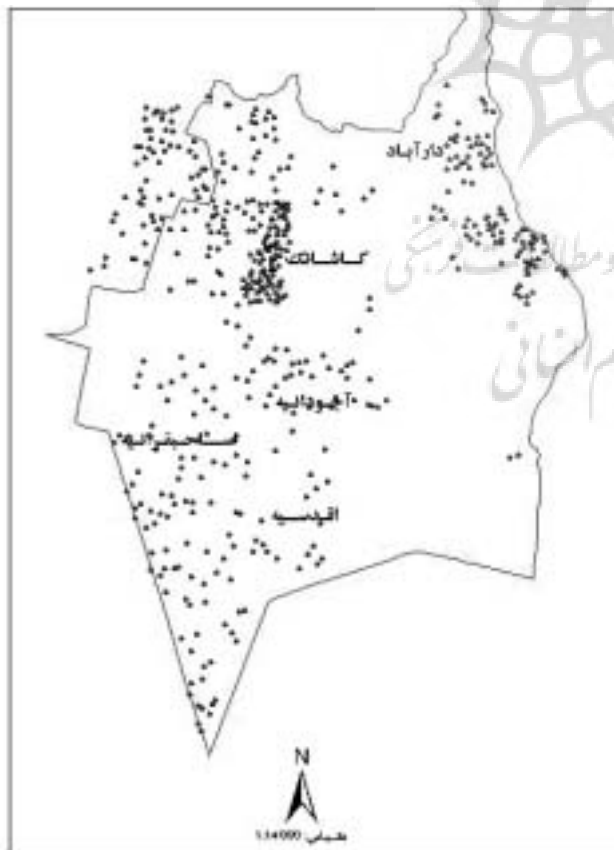
نقشه پهنه بندی قیمت به همراه ساختمانهای جدید محله کاشانک

نمونه‌ها که واریانس تخمین در آنها بالا باشد نشان دهنده نقاط پرت در مکان مورد نظر می‌باشد. دیگر ویژگی آن نرم شدن تغییرات ( کاهش نوسانات ) یعنی کاهش تغییرات بین مقدار پیش بینی با واقعی می‌شود (حسینی پاک، ۱۳۷۷).

### روش تحقیق

مکان مورد مطالعه ناحیه ۵ منطقه یک شهرداری تهران واقع در شمال شرق تهران شامل محله‌های اقدسیه، کاشانک، دارآباد، صاحبقرانیه و آجودانیه می‌باشد (نقشه شماره ۱).

برای تهیه نقشه پهنه بندی قیمت از ۴۸۰ نمونه برداشت زمینی قیمت عرصه انجام گردید که این نمونه‌ها در برخی نقاط بعلت نظامی بودن از پراکنش خوبی برخوردار نیستند (نقشه شماره ۲). از تعداد ۳۷۶۳ پارسل در ناحیه ۵ منطقه ۴۸۰ نمونه یعنی حدود ۱۲/۷۵٪ از کل پارسلهای ناحیه انتخاب شدند. ملاک انتخاب نمونه براساس شکل بلوک و تعداد پارسلهای در بلوک، تعداد تقاطع‌های اطراف بلوک و بن بست‌ها می‌باشد. به طوری که پارسلهای واقع در سر تقاطع، انتهای بن بست و وسط بلوک به عنوان پارسلهای نمونه بر گزیده شدند (شکل شماره ۱). ارزش قیمت عرصه در این ناحیه بین ۶۰۰.۰۰۰ تا ۳.۰۰۰.۰۰۰ تومان و میانگین ارزش قیمت نمونه‌ها ۱۳۳۶۵۱۴ تومان می‌باشد.

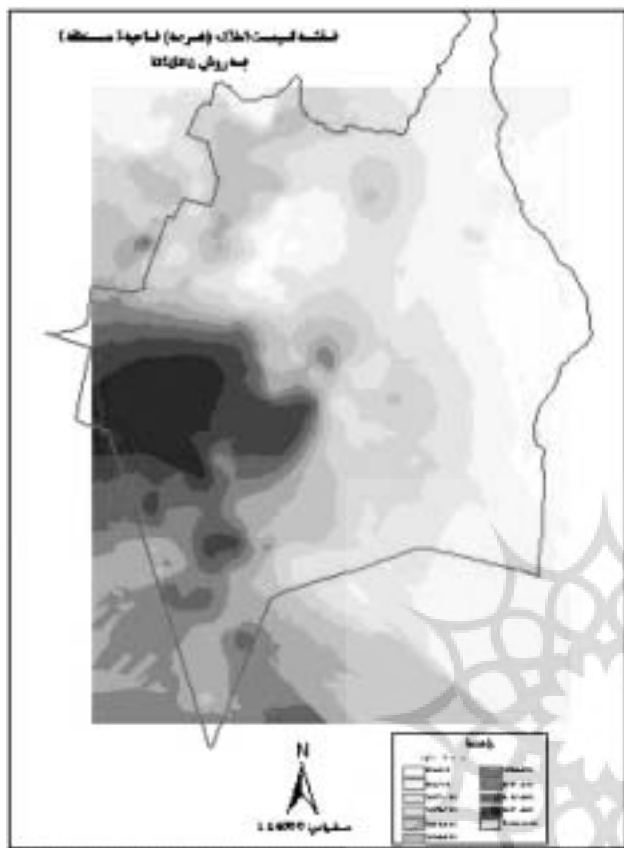


نقشه شماره ۲: پراکنش نقاط نمونه در ناحیه ۵

☆		☆		☆
			☆	
☆		☆		☆

شکل شماره ۱: نحوه انتخاب پارسلهای نمونه در بلوک

واریوگرافی Spherical که نسبت به دیگر مدلها برای تخمینگرهای خطی و با نمونه‌های غیر نرمال و بخاطر دارا بودن کمترین خطای تخمین (K. Krivoruchk and et al, 2004)، انتخاب شد.



نقشه شماره ۴: نقشه پهنه بندی قیمت به روش Kriging

برای تعیین قیمت عرضه برای هر پارسل ابتدا نقشه پهنه بندی از ساختار رستری به وکتوری تبدیل و سپس از هم پوشانی نقشه‌های پارسل ناحیه بروی نقشه وکتوری پهنه بندی، نقشه قیمت عرضه هر پارسل استخراج شد. نقشه تهیه شده حاکی از بالا بودن قیمت عرضه در محله صاحبقرانیه به مبلغ حدود ۳ میلیون تومان و کمترین قیمت هم به محله‌های دارآباد و کاشانک به مبلغ ۷۰۰ تا ۹۰۰ هزار تومان بوده است (نقشه شماره-۵).



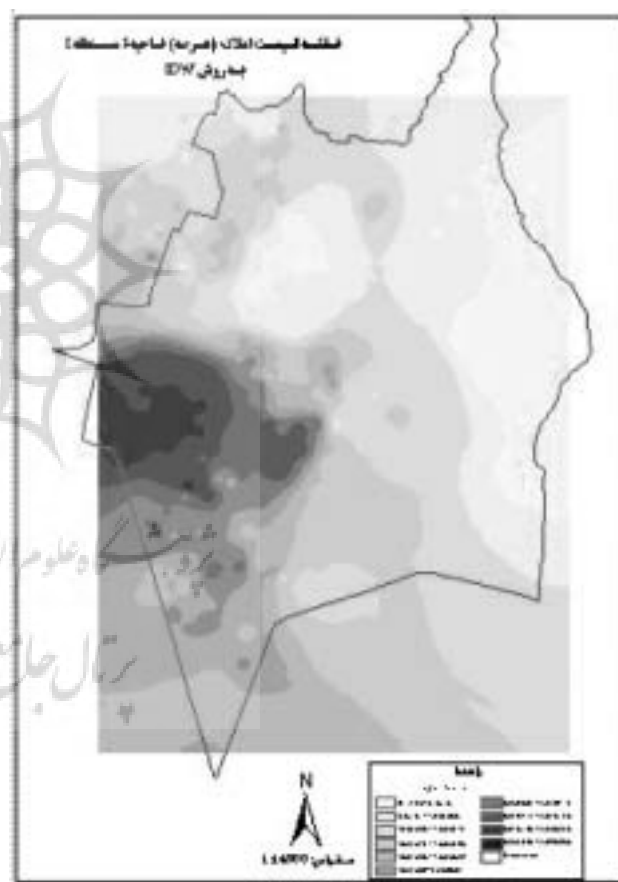
برای انجام روشهای درون یابی و تهیه نقشه پهنه بندی از نرم افزار ArcGIS v.9 برنامه Spatial Analyst و Analyst Geostatistical استفاده شد. نقاط نمونه پس از برداشت زمینی بر روی نقشه پارسلهای ناحیه ۵ جانمایی گردیدند.

برای محاسبه درون یابی روش IDW، ابتداء مقدار ضریب n را که کمترین خطا RMS را برای درون یابی داشته باشد، تعیین شد.

n	۱	۲	۳	۴	۵	۶
RMS	۱۷۸۵۰۰	۱۶۷۳۰۰	۱۶۴۵۰۰	۱۶۵۸۰۰	۱۶۸۲۰۰	۱۷۰۶۰۰

جدول شماره ۱: محاسبه ضریب بهینه در روش IDW

با توجه به میزان خطای محاسبه شده RMS، ضریب n برابر ۳ مناسب برای درون یابی به روش IDW در نظر گرفته شد.



نقشه شماره ۳: نقشه پهنه بندی قیمت به روش IDW

برای تهیه نقشه پهنه بندی به روش Kriging ابتدا نمونه‌ها از نظرتوزیع آماری مورد بررسی قرار گرفتند، که دارای توزیع آماری غیرنرمال بودند و برای رفع این مشکل از نرمال سازی به روش لگاریتمی استفاده شد. در روش Kriging، مدل



$$p^n = a + bo_i$$

۵- شاخص مقبولیت (d)

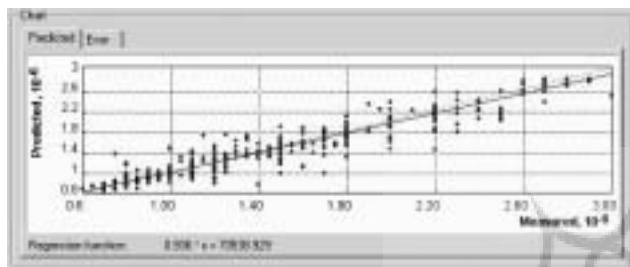
$$d = 1 - \frac{N \times RMSE^2}{PE}, PE = \sum_{i=1}^N (|p_i - o_i^-| + |o_i - o_i^+|)^2$$

$o_i$  = نمونه برداشت شده

$p_i$  = مقدار تخمین نمونه ها

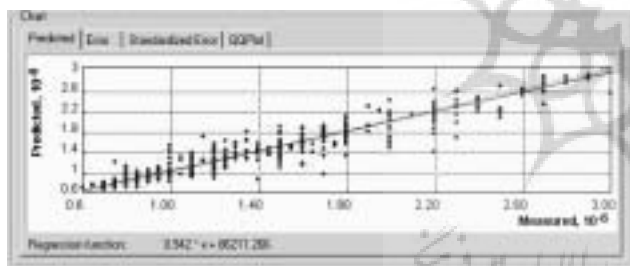
$N$  = تعداد کل نمونه ها

$a, b$  = رگرسیون خطی بین  $p$  و  $o$



نمودار شماره ۴: رگرسیون خطی بین مقادیر مشاهده شده و پیش بینی در مدل IDW

نقشه شماره ۵: نقشه قیمت عرصه پارسهها در ناحیه ۵



نمودار شماره ۵: رگرسیون خطی بین مقادیر مشاهده شده و پیش بینی در مدل KRIGING

### ارزیابی و نتیجه گیری

برای ارزیابی صحت و بررسی میزان خطای روش های درون یابی ذکر شده از روش Willmott (۱۹۸۴) که از پنج شاخص استفاده می شود.

۱- Mean Absolute Error (MAE)

$$MAE = \frac{\sum_{i=1}^n |p_i - o_i|}{N}$$

۲- Root Mean Square (RMS)

$$RMSE = \frac{\sum_{i=1}^n [(p_i - o_i)^2]^{0.5}}{N}$$

۳- Systematic Root Mean Square (RMSES)

$$RMSE_s = \frac{\sum_{i=1}^n [(p^n - o_i)^2]^{0.5}}{N}$$

۴- Un Systematic Root Mean Square (RMSEu)

$$RMSE_u = \frac{\sum_{i=1}^n [(p - p^n)^2]^{0.5}}{N}$$

مدل	a	b	R
IDW	۰/۹۳۶	۷۰۵۳۸/۹	۰/۹۵۸
KRIGING	۰/۹۶۰	۸۶۲۱۱/۲	۰/۹۴۲

جدول شماره ۲: ضرایب رگرسیون و همبستگی بین مقادیر مشاهده شده و پیش بینی در دو مدل

مدل	MAE	RMSE	RMSE <sub>s</sub>	RMSE <sub>u</sub>	d
IDW	۱۱۰۸۲۹	۱۱۰۸۳۱	۳۰۲۰۹	۱۰۶۱۲۳	۰/۹۹۰۴۵
KRIGING	۱۱۰۶۴۵	۱۱۰۶۴۷	۳۰۴۶۵	۱۰۶۴۶۱	۰/۹۹۰۵

جدول شماره ۳: برآورد میزان خطا دو روش درون یابی



### منابع:

- ۱- حسنی پاک، علی اصغر. زمین آمار. ۱۳۷۷. انتشارات دانشگاه تهران.
- ۲- رنگزن، کاظم و دیگران. ارزیابی دقت مدل‌های IDW و Kriging جهت درون یابی داده‌های سطح آب زیرزمینی دشت میان آب شوشتر ۱۳۸۴. دانشگاه شهید چمران اهواز

- 3- Anderson, Sharolyn (2004). An Evaluation of Spatial Interpolation Methods on Air Temperature in Phoenix Az.
- 4- C.V. Deutsch, 2002, Geostatistical Reservoir Modeling, Oxford University Press, 376 pages.
- 5- E.H. Isaaks and R.M. Srivastava, 1989, An Introduction to Applied Geostatistics, Oxford University Press, 483 pages.
- 6- K. Krivoruchko and C.A. Gotway 2004, Public Health GIS News and Information. Environmental Systems Research Institute, 380 New York Street, Redlands, CA 92373-8100, USA.

نتایج بدست آمده به شرح زیر است:

۱- برای انجام درون یابی به روش IDW، محاسبه ضریب بهینه ضرورت دارد که به ازای مقادیر مختلف n مقدار RMSE متفاوت خواهد بود. در این تحقیق ضریب بهینه n که دارای کمترین خطای RMSE بوده برابر ۳ برآورد شده است.

۲- طبق جدول شماره ۲ مقدار R همبستگی بین مقادیر مشاهده شده و پیش بینی در دو روش IDW و KRIGING نشان می‌دهد که روش KRIGING نسبت به IDW اندکی بالاتر می‌باشد.

۳- مطابق جدول شماره ۳ ارزیابی خطای محاسبه شده به پنج روش فوق نشان می‌دهد که در دو روش بررسی MAE، RMSE و شاخص مقبولیت d، روش KRIGING دقت بالاتری نسبت به روش IDW داشته است.

۴- با نرمال سازی و حذف نمونه‌های پرت با استفاده از رابطه

$$(Q3-Q1) - \mu \leq \chi_i \leq (Q3-Q1) + \mu$$

که Q1 چارک اول، Q3 چارک سوم و میانگین، حدود ۶۸ نمونه پرت از مجموع ۴۸۰ نمونه بدست آمد و ارزش قیمت عرصه در این ناحیه بین ۶۰۰,۰۰۰ تومان تا ۲,۱۸۶,۵۱۴ تومان و میانگین ارزش قیمت نمونه‌ها ۱,۱۴۶,۳۵۹ تومان شده است. بررسی خطای دو روش MAE و RMSE نمونه‌های پرت در برابر مقادیر واقعی آنها در جدول شماره ۴ آمده است. با ارزیابی نتیجه جدول شماره ۴ می‌توان به دقت بالاتر روش درون یابی KRIGING پی برد.

با کاهش تعداد و توزیع نرمال نمونه‌ها، شعاع تاثیر نیز کاهش و این باعث افزایش دقت روش درون یابی می‌شود.

مدل	MAE	RMSE
IDW	۱۶۴۱۱۳	۱۶۴۱۱۵
KRIGING	۱۵۱۷۰۶/۶	۱۵۱۷۰۸/۶

جدول شماره ۴: برآورد میزان خطا دو روش درون یابی با نمونه‌های پرت

در نهایت اینکه یک روش بهینه برای درون یابی پیشنهاد نمی‌شود، بلکه بستگی به شرایط مکانی و نحوه نمونه برداری و توزیع مکانی نمونه‌ها و تراکم آنها دارد. پیشنهاد می‌شود که دقت مدل‌های درون یابی با انجام ارزیابی خطا مورد بررسی قرار گیرد و مدلی که کمترین خطا را دارد انتخاب شود. ■

### پی نوشت:

- ۱- روش وزن دهی بر مبنای معکوس فاصله
- ۲- روش زمین آمار