

## تقسیم و تر و دستان‌بندی ساز از دیدگاه عبدالقدیر مراغی (شرح باب دوم کتاب جامع الاحان)

بابک خضرائی

عضو گروه هنر و معماری بنیاد دائرة المعارف اسلامی

babak.khazrai@gmail.com

(تاریخ دریافت: ۱۳۸۸/۰۱/۱۷، تاریخ پذیرش: ۱۳۸۸/۰۶/۰۴)

### چکیده

باب دوم کتابهای جامع الاحان، مقاصد الاحان و نیز فصل دوم کتاب شرح دور، که هر سه از تألیفات ارزشمند عبدالقدیر مراغی در موسیقی هستند، به تقسیم و تر و دستان‌بندی ساز اختصاص دارد. مراغی روش‌های مختلفی را برای تعیین نسبت میان نعمه‌ها<sup>۱</sup> بیان می‌کند که پایه اصلی آن، نظرات صفوی‌الدین ارمومی است و در این میان نکات تازه‌ای نیز اضافه کرده است. در این مقاله کوشش شده است که با تکیه بر تصحیح جدیدی از کتاب جامع الاحان و مقایسه با دیگر دستنویس‌های مراغی، این روش‌ها مطالعه شود.

کلیدواژه‌ها: عبدالقدیر مراغی، تر، بعد، نغمه

### مقدمه

تقسیم و تر و دستان‌بندی ساز، در بیشتر رساله‌های کهن موسیقی از مهم‌ترین و بحث‌برانگیزترین مباحث بوده است. این مبحث به ویژه در رساله‌های مکتب منظمه<sup>۲</sup> که توجهی خاص به دانش موسیقی از منظر ریاضیات داشتند، نظام‌مندتر است. گرچه روش نیست که این آرا تا چه حد کاربردی

۱. در اصطلاح امروزی، نتها (ی موسیقایی).

۲. مکتب منظمه: نام جریانی فکری در موسیقی اسلام (حوزه ایرانی- عربی) که در آن استفاده از ریاضیات برای تجزیه و تحلیل موسیقی بسیار مورد توجه قرار می‌گرفته است. سرآغاز آن را نگارش کتاب الادوار فی الموسیقی (در سال‌های میانی سده هفتم) به دست صفوی‌الدین ارمومی دانسته‌اند. از دیگر نظریه‌پردازان این مکتب می‌توان به قطب الدین شیرازی (۵- ۷۱۱ ق) و عبدالقدیر مراغی اشاره کرد. گفتنی است نام «منظمه» به عنوان یک مکتب در منابع کهن شرقی (فارسی، عربی و ترکی) دیده نمی‌شود بلکه این عنوان ترجمة اصطلاح Systematist است که محققان غربی برای نامیدن این مکتب به کار برده‌اند.

بوده، نباید از اثر آنها بر موسیقی غافل بود. در این مقاله به مطالعه آراء عبدالقدار مراغی (د. ۸۳۸ ق) در این باره می‌پردازیم که از برجسته‌ترین موسیقی‌دانان مکتب منظمه و تالی و شارح آراء بنیان‌گذار این مکتب، صفوی‌الدین ارمومی (د. ۶۹۳ ق) است.

از عبدالقدار مراغی سه رساله مفصل برجا مانده است: *جامع الاحان* (تحریر ۸۰۸ تا ۸۱۸ ق)، *مقاصد الاحان* (تحریر ۸۲۱ ق) و *شرح ادوار* (تحریر بعد از ۸۲۱ ق) که *جامع الاحان* در بیشتر مباحث، نسبت به دو رساله دیگر مفصل‌تر است و مراغی عمدۀ نظرات خود را در این کتاب آورده است و گاه در آثار دیگر خواننده را به رجوع به این کتاب توصیه کرده است (برای نمونه نک: *مقاصد الاحان*، ۱۳۵۶، ص ۱۷). مقایسه مبحث تقسیم و تر و دستان‌بندی که در هر سه رساله در باب یا فصل دوم آمده، نشان می‌دهد که در موضوع تقسیم و تر و دستان‌بندی نیز مفصل‌ترین بحث در این باره، در کتاب *جامع الاحان* آمده است. بنا بر این در این مقاله، ترتیب مباحث بر اساس این کتاب است و از دو رساله دیگر برای مقایسه و تکمیل بحث استفاده خواهد شد.

برای بررسی و تصحیح اعداد مذکور در این بخش، از سه نسخه به خط مؤلف استفاده کرده‌ایم:

- (۱) نسخه‌ای از *جامع الاحان* (پایان تحریر ۸۱۶ ق) که در کتابخانه بادلیان دانشگاه آکسفورد انگلستان نگهداری می‌شود و آن را اختصاراً (ج ۱) می‌نامیم.
- (۲) نسخه دیگری از همان اثر (پایان تحریر ۸۱۸ ق) محفوظ در کتابخانه نور عثمانی (استانبول) با نام اختصاری (ج ۲).
- (۳) نسخه‌ای از *مقاصد الاحان* (پایان تحریر ۸۲۱ ق) محفوظ در کتابخانه ملک (تهران) که در این مقاله با نام اختصاری (م) از آن یاد می‌شود.

مبحث تقسیم و تر و دستان‌بندی ساز در متون کهن از جمله مسائلی است که محققان تاریخ موسیقی بسیار به آن پرداخته‌اند. از این میان می‌توان از تحقیقات مهدی برکشلی، یوشیفوسا سکی<sup>۱</sup> (رساله کارشناسی با راهنمایی دکتر مهدی برکشلی)، هنری جرج فارمر<sup>۲</sup>، اون رایت<sup>۳</sup> و مجید کیانی نام برد (نک: منابع). این تحقیقات که شباهت زیادی به هم دارند بیشتر به بیان یکی از شیوه‌های مراغی اشاره کرده‌اند و چندان به مقایسه و تبیین شیوه‌های گوناگون پرداخته‌اند. تحقیق هومان اسعدی

1. Yoshifusa Seki

2. Henry George Farmer

3. Owen Wright

(بخشی از رساله کارشناسی ارشد به راهنمایی دکتر خسرو مولانا، نک: منابع) از جدی‌ترین پژوهش‌ها در این زمینه است، اما از آن‌جا که این موضوع یکی از چندین موضوع تحقیق او در این رساله است، به طور گستردگی به جزئیات نپرداخته و برخی اعداد و جدولها را نیاورده است. علاوه بر این چون منابع چاپی را مأخذ قرار داده است، به تناقضات و اشتباهات اشاره نکرده است. وی به مطلبی در نسخه‌ای از مقاصد الحان به خط مؤلف (محفوظ در کتابخانه ملک، که پیشتر معرفی شد) اشاره کرده که در بیان مرحله‌ای از استخراج نغمه «ب» از (۵ ه) م)، یکی از نسبتها به جای ژمن (یک هشتمن)-که در دیگر منابع آمده- تسع (یک نهم) ذکر شده است. به این ترتیب جایگاه نغمه «ب» و چند نغمه دیگر که به آن وابسته‌اند، تغییر می‌کند. وی به این ترتیب گام دیگری را معرفی کرده و آن را «گام خیزکدار<sup>۱</sup>» خوانده است (ص ۲۰۴-۱۰۴). البته اسعدي احتمال خطای مؤلف در نگارش تسع به جای ژمن را رد نکرده است. به نظر نگارنده احتمال خطای نگارش بسیار زیاد و نزدیک به یقین است. زیرا در جدولی که در ادامه مطلب در همان نسخه آمده، نقل شده که نسبت نغمه «ب» به «ا» همان است که در دیگر منابع آمده است (قس: مقاصد الحان (نسخه ملک) ص ۲۰ یا جامع الحان (نسخه بادلیان) ص ۲۸). نیز نمی‌توان گفت که چون مراغی مقاصد الحان را بعد از جامع الحان تألیف کرده، نظر خود را تغییر داده است، زیرا رساله کوتاهی از مراغی در دست است که آن را ۳۹ روز پس از تألیف مقاصد الحان، در ۲۱ شوال ۸۲۱ ق برای بایستقرا به رشتۀ تحریر در آورده (نک: منابع) و در آن نیز نسبت یاد شده ژمن است نه تسع (گ ۹). نسخه دیگری از مقاصد الحان در کتابخانه دانشگاه لیدن هلند موجود است (نک: منابع) که در آن نیز نسبت یاد شده «ژمن» است (گ ۵ و ۶). بنا بر این می‌توان گفت، احتمال این که گام موسوم به «خیزکدار» مورد نظر مراغی بوده بسیار ضعیف است.

مقاله حاضر کوششی است برای آنکه با تکیه بر منابع دست اول نظرات مراغی تبیین و نتایج حاصل از روش‌های مختلف با یکدیگر مقایسه شوند.

### شرح موضوع

مراغی در باب دوم کتاب جامع الحان از تقسیم دستان‌ها به سه نوع یاد می‌کند، اما در پایان فصل سوم این باب، روش دیگری نیز بیان کرده است. بنا بر این مراغی عملاً چهار روش را ذکر کرده

۱. خیزک فاصله موسیقایی برابر ۱/۹۷ سنت است.

است که آنها را به ترتیب می‌آوریم.

پیش از آن باید به دو نکته اصلی اشاره کنیم:

- وتر یا سیم ساز مانند پاره خطی فرض می‌شود که آن را (ا) می‌نامیده‌اند. «ا»، مخفف انف (در اصل به معنی بینی و در اینجا به معنی شیطانک ساز و منظور ابتدای وتر است) و «م»، مخفف مشط (در اصل به معنای شانه و در اینجا به معنی خرک ساز و منظور انتهای وتر) است.
- تعداد نغمه‌ها در یک ذی‌الکل (اکتاو) ۱۷ است و نغمه هجدهم در واقع اکتاو نغمه اول است. نغمه‌ها با حروف ابجد نام‌گذاری می‌شوند و ترتیب آنها از چپ به راست چنین است:  
بح یز یو یه ید یج یب یا ی ط ح ز و ه د ج ب ا

#### روش اول (روش صفوی الدین ارمومی)

مراغی ابتدا متن عربی صفوی الدین ارمومی (جامع الاحان، ۱۳۸۸، ص ۳۳؛ نیز ارمومی، ص ۹۰) را عیناً ذکر می‌کند که ترجمة آن را می‌آوریم:

«دستان‌ها، نشانه‌هایی هستند که بر دسته سازهای زهی قرار می‌گیرند تا جایگاه نغمه‌ها را روی وتر نشان دهند و تعداد نغمه‌هایی که الحان در آن گردش می‌کنند، هفده نغمه است که در یک [نیمة] وتر یافته می‌شود.

پس وتر (ا) را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم و [نقطه وسط را] [بح] نشان می‌کنیم و طرف انف را «ا» و طرف مشط (خرک) را «م» قرار می‌دهیم. سپس وتر را به سه قسمت تقسیم می‌کنیم و انتهای قسمت اول آن را، که طرف انف است، «یا» نشان می‌کنیم. سپس وتر را چهار قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول آن را «یه» نشان می‌کنیم. سپس (د) را نه قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول آن را «د» نشان می‌کنیم. سپس (ه) را هشت قسمت می‌کنیم و در طرف بم، قسمتی دیگر به آن می‌افزاییم و آن را «ه» نشان می‌کنیم. سپس (ه) را هشت قسمت می‌کنیم و در طرف بم، قسمتی دیگر به آن می‌افزاییم و آن را «ب» نشان می‌کنیم. سپس (ب) را سه قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول را «ب» نشان می‌کنیم. سپس (ب) را چهار قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول را «بیو» نشان می‌کنیم. سپس (بیو) را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم و قسمتی دیگر مساوی آن

قسمت‌ها در طرف بم به آن می‌افزاییم و آن را «و» نشان می‌کنیم. سپس (و) را هشت قسمت می‌کنیم و قسمتی دیگر به آن می‌افزاییم و انتهای آن را «ج» نشان می‌کنیم. سپس (ج) را چهار قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول را «ی» نشان می‌کنیم. سپس (ی) را چهار قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول را «یز» نشان می‌کنیم. سپس (و) را چهار قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول را «یج» نشان می‌کنیم. سپس (ز) را چهار قسمت می‌کنیم و انتهای قسمت اول را «ید» نشان می‌کنیم، این است جایگاه همه دستان‌ها».

مباحث بالا را می‌توان چنین بیان کرد:

\* جایگاه نغمه «یح» درست در میانه وتر است؛ اگر طول وتر را ۲۵۶ واحد فرض کنیم، خواهیم

داشت:

$$(م\text{ یح}) = 128$$

\* نغمه «یا» در یک سوم اول وتر قرار دارد؛ پس:

$$1/3 \times 256 = 85 \quad (ا\text{ یا})$$

$$256 - 85 = 171 \quad (ا\text{ یا} - (ا\text{ یا}))$$

\* نغمه «ح» در یک چهارم اول وتر قرار دارد؛ پس:

$$1/4 \times 256 = 64$$

$$256 - 64 = 192 \quad (ح - (ح))$$

\* نغمه «یه» در یک چهارم اول (ح) قرار دارد؛ پس:

$$1/4 \times 192 = 48$$

$$192 - 48 = 144 \quad (ح\text{ یه} - (ح))$$

\* نغمه «د» در یک نهم اول وتر قرار دارد؛ پس:

$$1/9 \times 256 = 28 \quad (ا\text{ د})$$

$$256 - 28 = 228 \quad (ا\text{ د} - (ا\text{ د}))$$

\* نغمه «ز» در یک نهم اول (د) قرار دارد؛ پس:

$$1/9 \times 228 = 25 \quad (z\text{ ـ} (z))$$

$$228 - 25 = 203 \quad ((z) - (z))$$

\* برای به دست آوردن جایگاه «ه» ابتدا (ح م) به هشت قسمت تقسیم و سپس یک قسمت دیگر (به اندازه یکی از این بخش‌ها یعنی یک هشتم دیگر) به آن افزوده می‌شود؛ بنا براین (ه م) برابر نه هشتم (ح م) است پس:

$$(ه م) = \frac{9}{8} \times 192 = 216$$

\* روش یافتن جایگاه «ب» از «ه» عیناً همان روشی است که جایگاه «ه» از «ح» به دست آمد؛ پس:

$$(ب م) = \frac{9}{8} \times 216 = 243$$

\* نغمه «بیب» در یک سوم اول (ب م) قرار دارد؛ پس:

$$(ب بیب) = \frac{1}{3} \times 243 = 81$$

$$162 = 243 - 81 = (ب بیب) - (ب م) = (بیب م)$$

\* نغمه «ط» در یک چهارم اول (ب م) قرار دارد؛ پس:

$$(ب ط) = \frac{1}{4} \times 243 = 60 \frac{3}{4}$$

$$182 = 243 - 60 \frac{3}{4} = (ب ط) - (ب م) = (ط م)$$

\* نغمه «یو» در یک چهارم اول (ط م) قرار دارد؛ پس:

$$(ط یو) = \frac{1}{4} \times 182 = 45 \frac{1}{16}$$

$$136 = 182 - 45 \frac{1}{16} = (ط یو) - (ط م) = (یو م)$$

\* برای به دست آوردن جایگاه «و» ابتدا (یو م) به دو قسمت مساوی تقسیم و سپس یک قسمت دیگر (به اندازه یکی از این بخش‌ها) به آن افزوده می‌شود؛ بنا براین (و م) یک و نیم برابر (یو م) است؛ پس:

$$(و م) = \frac{11}{16} \times 136 = 205 \frac{1}{12}$$

\* برای به دست آوردن جایگاه «ج» ابتدا (و م) به هشت قسمت تقسیم و سپس یک قسمت دیگر (به اندازه یکی از این بخش‌ها) به آن افزوده می‌شود؛ بنا براین (ج م) برابر نه هشتم (و م) است؛ پس:

$$(ج م) = \frac{9}{8} \times 205 \frac{1}{12} = 230 \frac{169}{256}$$

\* نغمه «ی» در یک چهارم اول (ج م) قرار دارد؛ پس:

$$(ج ی) = \frac{1}{4} \times 230 \frac{169}{256} = 57 \frac{681}{1024}$$

$$230 \frac{169}{1.24} - 57 \frac{681}{1.24} = 172 \frac{1019}{1.24}$$

\* نغمه «یز» در یک چهارم اول (ی م) قرار دارد؛ پس:

$$\frac{1}{4} \times 172 \frac{1019}{1.24} = 43 \frac{1019}{4.96}$$

$$172 \frac{1019}{1.24} - 43 \frac{1019}{4.96} = 129 \frac{3057}{4.96}$$

\* نغمه «یج» در یک چهارم اول (و م) قرار دارد؛ پس:

$$\frac{1}{4} \times 20.5 \frac{1}{22} = 51 \frac{33}{128}$$

$$20.5 \frac{1}{22} - 51 \frac{33}{128} = 153 \frac{99}{128}$$

\* نغمه «ید» در یک چهارم اول (ز م) قرار دارد؛ پس:

$$\frac{1}{4} \times 20.2 \frac{22}{81} = 50 \frac{46}{81}$$

$$20.2 \frac{22}{81} - 50 \frac{46}{81} = 151 \frac{19}{27}$$

## روش دوم

این روش چندان کارآمد نیست و مراغی خود به این نکته اشاره می‌کند.<sup>۱</sup> در این روش وتر به ۲۵۶

قسمت تقسیم می‌شود<sup>۲</sup> و برخی ابعاد به دست می‌آید:

\* نغمه «ح» در یک چهارم اول وتر قرار دارد؛ پس:

$$\frac{1}{4} \times 256 = 64$$

$$256 - 64 = 192$$

۱. مراغی خود یکی از اشکالات را بیان کرده است: «... بدان نوع تقسیم، [نغمه] هفدهم از نقطه نصف وتر که «یج» است در می‌گذرد» (جامع الاحان، ۱۲۸۸، ص ۳۶).

۲. مراغی در ابتدا مطلبی را ظاهراً برای توجیه علت فرض تقسیم وتر به ۲۵۶ واحد مطرح می‌کند که می‌توان آن را چنین بازگو کرد: «(ح م) را که سه چهارم (م) است به هشت قسمت تقسیم می‌کنیم و به این ترتیب سهم هر ربع وتر  $\frac{7}{4}$  از هر قسمت می‌شود. بنا بر این کل وتر مساوی با  $10\frac{7}{4}$  برابر هر قسمت می‌شود. ۳ را در ۸ ضرب می‌کنیم حاصل ۲۴ است که دو سوم آن ۱۶ است. هر قسمی را ۲۴ جزو فرض می‌کنیم و از آنجا که کل وتر  $10\frac{7}{4}$  برابر هر قسمت است، کل وتر برابر  $256 = 24 \times 10\frac{7}{4}$  واحد خواهد بود و (ح م) که سه چهارم وتر است مساوی با ۱۹۲ و (ح) که یک چهارم وتر است، ۶۴ واحد است» (همانجا).

\* برای به دست آوردن جایگاه «ه» ابتدا (ح م) به هشت قسمت تقسیم و سپس یک قسمت دیگر (به اندازه یکی از این بخش‌ها یعنی یک هشتم دیگر) به آن افزوده می‌شود؛ بنا براین (ه م) برابر نه هشتم (ح م) است؛ پس:

$$(ه م) = \frac{9}{8} \times 192 = 216$$

$$(ه) = 256 - 216 = 40$$

\* جایگاه «ب» از «ه» عیناً شبیه یافتن جایگاه «ه» از «ح» است؛ پس:

$$(ب م) = \frac{9}{8} \times 216 = 243$$

$$(ا ب) = 256 - 243 = 13$$

\* مراغی در اینجا اشاره می‌کند که مقدار (ا ب) یا نسبت  $\frac{243}{256}$  در واقع همان نسبت «بعد بقیه» است و چون بعد میان نغمه «ب» و نغمه «ج» نیز بعد بقیه است، پس جایگاه نغمه «ج» را می‌توان با استفاده از این نسبت به دست آورد:

$$(ج م) = \frac{243}{256} \times 230 = 220 \frac{169}{256}$$

مراغی پس از آن که جایگاه نغمه‌های «ب» و «ج» را با استفاده از نسبت بعد بقیه معین کرد، کوشش می‌کند این روش را برای به دست آوردن همه نغمه‌ها امتحان کند؛ به این ترتیب که هر نغمه را از حاصل ضرب نسبت بعد بقیه در عدد بعد پیش از خود به دست آورد. مثلاً «د» را از «ج» و «ه» را از «د» و به همین ترتیب به نغمه «یح» برسد که می‌دانیم درست در میانه وتر است و نسبت آن با نغمه «ا» برابر با  $\frac{1}{2}$  است. اما در این روش نغمه «یح» در جایگاه خود قرار نمی‌گیرد، زیرا میان نغمه «یح» و نغمه «ا» هفده بعد بقیه قرار دارد و با این روش خواهیم داشت:

$$(یح م) = \frac{243}{256} \times 17 = 0 \frac{4123}{256}$$

از این مسئله می‌توان نتیجه گرفت ابعادی که میان هر دو نغمه متواالی قرار دارند و به طور کلی بعد بقیه نامیده می‌شوند، با هم مساوی نیستند. مراغی با علم به این موضوع، روش دیگری را بیان می‌کند که در این مقاله از آن با عنوان روش سوم یاد می‌کنیم؛ اما پیش از آن نسبتی تقریبی را که ارمومی برای بعد بقیه مطرح کرده (ص ۱۰۰، ۱۴) شرح می‌دهد که می‌توان آن را چنین بیان کرد:

دیدیم که نسبت (ا ب) به (ب م) برابر  $\frac{243}{242}$  است و داریم :

$$(13 \times 20 = 260) < (13 \times 18 = 234) < (243)$$

پس:

$$\frac{1}{18} < \frac{13}{243} < \frac{1}{12}$$

بنا بر این با تقریب خوبی، نسبت (ا) به (ب) به (ب) می‌توان  $\frac{1}{19}$  فرض کرد. مراغی همچنین می‌گوید که نسبت (ب) به (ا) می‌توان  $\frac{243}{256}$  است، با تقریب خوبی به  $\frac{19}{20}$  نزدیک است (همان، ص ۳۷). محاسبه نیز این نکته را نشان می‌دهد:

$$\frac{243}{256} = 0.9492$$

$$\frac{19}{20} = 0.95$$

### روش سوم

دیدیم که روش دوم جایگاه همه نغمه‌ها را به درستی معلوم نمی‌کند؛ بنابراین مراغی روش دیگری را مطرح می‌سازد. البته به کار بردن واژه «روش» برای مطلبی که مراغی در این جا بیان کرده، با تسامح است زیرا وی تنها جایگاه نغمه‌ها را با اعدادی مشخص می‌کند و روشی ارائه نکرده است. در واقع با مقایسه اعداد - که در ادامه به آن می‌پردازیم - می‌توان دریافت که این روش، همان روش صفوی‌الدین است.

مراغی در این حالت وتر را  $65536$  (مجذور  $256$ ) واحد فرض می‌کند. به نظر می‌رسد این فرض برای آن است که حتی المقدور از کسر اعشاری پرهیز شود. اعدادی که به ابعاد نسبت داده شده به این ترتیب است (به استثناء نسبت (ا) م) با (ج) م) که تقریباً «مثل و تسع» ( $\frac{1}{9}$ ) ذکر شده، نسبت دیگری ذکر نشده است:

$$(ا) م = 65536$$

$$(ب) م = 62208 \quad (ب) م = 3328$$

$$(ج) م = 59049 \quad (ج) م = 3159$$

$$(د) م = 58254 \quad (د) م = 7281 \frac{7}{9}$$

$$(ه) م = 55296 \quad (ه) م = 10240$$

$$(و) م = 52488 \quad (و) م = 13048$$

۱. مراغی می‌گوید: «چون دستان «ج» را بر هیچ یک از آن اجزای  $256$  گانه نمی‌باییم، به ضرورت وتر (ا) م) را به نوعی دیگر تقسیم باید کرد» (همانجا). گفتنی است از روش دوم اتفاقاً جای نغمه «ب» و «ج» به درستی پیدا می‌شود و اشکال در مشخص کردن جایگاه نغمه‌های دیگر است.

$$(z_m) = 51781 \frac{43}{81} = 13754 \frac{38}{81}$$

$$(h_m) = 49152 \frac{16384}{1}$$

(ج) در (ج ۲) به صورت ۵۹۴۰۹ آمده و (و) در سه نسخه مذکور به صورت  $\frac{4}{5}$  در (ج) در (ج ۲) به صورت ۵۹۴۰۹ آمده و (و) در سه نسخه مذکور به صورت  $\frac{4}{5}$

آمده است که به نظر می‌رسد به دلیل سهو قلم باشد، زیرا مقدار (و) محل مناقشه نیست. از طرف دیگر در این نسخه‌ها مقدار «کج» که حد یا اکتاو «و» است، ۲۶۲۴۴ آمده که برابر نصف ۵۲۴۸۸ و مؤید این عدد است. دیگر ابعاد در اینجا ذکر نشده و در جدول آمده است. ما نیز آنها را در جدولی که اعداد حاصل از روش‌های مختلف در آن مقایسه شده است، خواهیم آورد (نک: جدول ۱)

#### روش چهارم

این روش را می‌توان روش پیشنهادی مراغی دانست که به دلیل اهمیت آن، ابتدا ترجمه اصل متن را می‌آوریم:

«و ما نوعی دیگر تقسیم اینجا ذکر کنیم که احسن و اسهله باشد و اماكن نغمات هفدهگانه از این تقسیم بالتحقیق معلوم شود. پس طرح کنیم از وتر (ا) که ۲۵۶ است، ربع ثمن آن و خمسه اثمان ربع ثمن آن، و آن مقدار (اب) بود. و اگر طرح کنیم از باقی آن، اعنی وتر (ب) م، همین مقدار، برنهایت آن «ج» نشان کنیم. و اگر از وتر (ب) م تسع فصل کنیم، برنهایت آن «ه» نشان کنیم. و اگر تسع (ج) م طرح کنیم، برنهایت آن «و» نشان کنیم. و اگر تسع (د) م طرح کنیم، برنهایت آن «ز» نشان کنیم. و چون از مطلق وتر (ا) م ربع آن فصل کنیم، برنهایت آن «ح» نشان کنیم. و اگر ربع (ب) م فصل کنیم، برنهایت آن «ط» نشان کنیم. و اگر ربع (ج) م فصل کنیم، برنهایت آن «ی» نشان کنیم. و اگر از وتر (ا) م ثلث آن طرح کنیم، برنهایت آن «یا» نشان کنیم. و اگر ثلث (ب) م فصل کنیم، برنهایت آن «یب» نشان کنیم. و اگر ثلث (ج) م طرح کنیم، برنهایت آن «یج» نشان کنیم. و اگر ثلث (د) م فصل کنیم، برنهایت آن «ید» نشان کنیم. و اگر ثلث (ه) م طرح کنیم، برنهایت آن «یه» نشان کنیم. و اگر ثلث (و) م طرح کنیم، برنهایت آن «یو» [نشان کنیم]. و اگر ثلث (ز) م طرح کنیم،

برنهایت آن «بیز» نشان کنیم، و اگر ثلث (ح) م طرح کنیم، برننهایت آن «بیح» نشان کنیم، و این تقسیم مختار<sup>۱</sup> است» (مراغی، همان، ص ۴۰).

مطلوب بالا را می‌توان چنین بیان کرد:

\* مقدار (ا) برابر ربع ثمن  $(\frac{1}{8} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4})$  و خمسه اثمان ربع ثمن  $(\frac{1}{8} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{8} \times \frac{5}{4})$  از ۲۵۶ است، یعنی مقدار (ا) برابر است با:

$$(\frac{1}{4} \times \frac{1}{8} \times 256) + (\frac{5}{4} \times \frac{1}{8} \times 256) = 8+5 = 13$$

اگر طول وتر دست باز (ا) م را ۲۵۶ واحد فرض کنیم، طول (ب) م برابر است با:

$$256 - 13 = 243 = (b)$$

\* مقدار (ب) (ج) به همین روش از (ب) م به دست می‌آید [باید توجه داشت که مقدار

(ب) م پیشتر ۲۴۳ واحد به دست آمد]:

$$(\frac{1}{4} \times \frac{1}{8} \times 243) + (\frac{5}{4} \times \frac{1}{8} \times 243) = 12 \frac{87}{256} = (b)$$

۹

$$243 - 12 \frac{87}{256} = 230 \frac{169}{256} = (b) - (b) = (j)$$

\* مقدار (ا) د برابر تسع یا یک نهم (ا) م است؛ پس:

$$\frac{1}{9} \times 256 = 28 \frac{4}{9} = (d)$$

$$256 - 28 \frac{4}{9} = 227 \frac{5}{9} = (d)$$

\* مقدار (ب) د برابر تسع یا یک نهم (ب) م است؛ پس:

$$\frac{1}{9} \times 243 = 27 = (h)$$

$$243 - 27 = 216 = (h)$$

\* مقدار (و) ج برابر تسع یا یک نهم (ج) م است؛ پس:

$$\frac{1}{9} \times 230 \frac{169}{256} = 25 \frac{161}{256} = (w)$$

$$230 \frac{169}{256} - 25 \frac{161}{256} = 205 \frac{1}{32} = (w)$$

\* مقدار (د) ز برابر تسع یا یک نهم (د) م است؛ پس:

$$\frac{1}{9} \times 227 \frac{5}{9} = 25 \frac{33}{81} = (d)$$

۱. مختار در اینجا به معنی «برگزیده» و «اختیار شده» است.

$$(z_m) = 227 \frac{5}{9} - 25 \frac{23}{81} = 202 \frac{22}{81}$$

\* مقدار (ا) برابر ربع (ا) است؛ پس:

$$(h) = \frac{1}{4} \times 256 = 64$$

$$(h_m) = 256 - 64 = 192$$

\* مقدار (ب ط) برابر ربع (ب م) است؛ پس:

$$(t_b) = \frac{1}{4} \times 243 = 60 \frac{3}{4}$$

$$(t_m) = 243 - 60 \frac{3}{4} = 182 \frac{1}{4}$$

\* مقدار (ج ی) برابر ربع (ج م) است؛ پس:

$$(j_y) = \frac{1}{4} \times 230 \frac{169}{256} = 57 \frac{681}{1024}$$

$$(j_m) = 230 \frac{169}{256} - 57 \frac{681}{1024} = 172 \frac{1019}{1024}$$

\* مقدار (ا یا) برابر ثلث (ا) است؛ پس:

$$(a_{ya}) = \frac{1}{3} \times 256 = 85 \frac{1}{3}$$

$$(a_m) = 256 - 85 \frac{1}{3} = 170 \frac{2}{3}$$

\* مقدار (ب یب) برابر ثلث (ب م) است؛ پس:

$$(b_{yb}) = \frac{1}{3} \times 243 = 81$$

$$(b_m) = 243 - 81 = 162$$

\* مقدار (ج یج) برابر ثلث (ج م) است؛ پس:

$$(j_{yj}) = \frac{1}{3} \times 230 \frac{169}{256} = 76 \frac{227}{256}$$

$$(j_m) = 230 \frac{169}{256} - 76 \frac{227}{256} = 153 \frac{99}{128}$$

\* مقدار (د ید) برابر ثلث (د م) است؛ پس:

$$(d_{yd}) = \frac{1}{3} \times 227 \frac{5}{9} = 75 \frac{23}{27}$$

$$(d_m) = 227 \frac{5}{9} - 75 \frac{23}{27} = 151 \frac{19}{27}$$

\* مقدار (ه یه) برابر ثلث (ه م) است؛ پس:

$$(h_{yh}) = \frac{1}{3} \times 216 = 72$$

$$(h_m) = 216 - 72 = 144$$

\* مقدار (و یو) برابر ثلث (و م) است؛ پس:

$$(\text{و یو}) = 68 \times \frac{1}{3} = 20.5 \times \frac{1}{22}$$

$$(\text{یو م}) = 20.5 - 68 \times \frac{11}{22} = 13.6$$

\* مقدار (ز یز) برابر ثلث (ز م) است؛ پس:

$$(\text{ز یز}) = 67 \times \frac{10}{3} = 20.2 \times \frac{22}{81}$$

$$(\text{یز م}) = 20.2 - 67 \times \frac{10}{243} = 13.4 \times \frac{20}{243}$$

\* مقدار (ح یح) برابر ثلث (ح م) است؛ پس:

$$(\text{ح یح}) = 64 \times \frac{1}{3} = 19.2$$

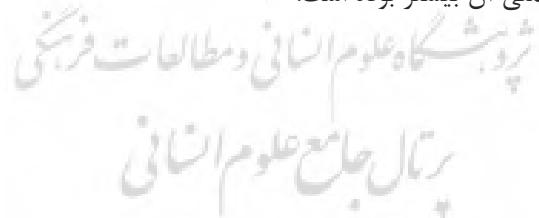
$$(\text{یح م}) = 19.2 - 64 = 12.8$$

و نسبت (ا م) به (یح م) برابر با  $\frac{256}{128}$  یعنی برابر با 2 خواهد بود.

حال اعداد حاصل از روش‌های بالا را مقایسه می‌کنیم. برای ساده شدن مقایسه، تمامی اعداد را مانند روش سوم با فرض تقسیم و تر به ۶۵۵۳۶ واحد محاسبه می‌کنیم (برای این منظور کافی است همهٔ نسبت‌های روش‌های اول و دوم و چهارم در ۲۵۶ ضرب شوند).

با مقایسه اعداد حاصل از روش‌های مختلف (نک: جدول ۱)، دو نکته را می‌توان دریافت:

۱. روش دوم که مبتنی بر فرض تساوی بُعد بقیه میان نغمehا است، اختلاف آشکاری با دیگر روش‌ها دارد و همچنان که مراغی اشاره کرده، روش کارآمدی نیست. بنا بر این، فرض تساوی ابعاد بقیه اساساً نادرست است.
۲. روش چهارم که به نظر می‌رسد پیشنهاد مراغی بوده، تنها در نغمه «یز» با صفو الدین تفاوت دارد و احتمالاً جنبه عملی آن بیشتر بوده است.



روش چهارم	روش سوم	روش دوم	روش اول (روش صفوی الدین)	اجزای وتر
۶۵۵۳۶	۶۵۵۳۶	۶۵۵۳۶	۶۵۵۳۶	۱
۶۲۲۰۸	۶۲۲۰۸	۶۲۲۰۸	۶۲۲۰۸	۲
۵۹۰۴۹	۵۹۰۴۹	۵۹۰۴۹	۵۹۰۴۹	۳
۵۸۲۵۴۲/۹	۵۸۲۵۴۲/۹	۵۶۰۵۰/۴۱!	۵۸۲۵۴۲/۹	۴
۵۵۲۹۶	۱۵۵۲۹۶	۵۳۲۰۴/۱۰!	۵۵۲۹۶	۵
۵۲۴۸۸	۲۵۲۴۸۸	۵۰۵۰۲/۳۳!	۵۲۴۸۸	۶
۵۱۷۸۱۴۳/۸۱	۵۱۷۸۱۴۳/۸۱	۴۷۹۳۷/۷۶!	۵۱۷۸۱۴۳/۸۱	۷
۴۹۱۵۲	۴۹۱۵۲	۴۵۵۰۳/۴۲!	۴۹۱۵۲	۸
۴۶۶۵۶	۲۴۶۶۵۶	۴۳۱۹۲/۷۰!	۴۶۶۵۶	۹
۴۴۲۸۶۳/۴	۴۴۲۸۶۳/۴	۴۰۹۹۹/۲۲!	۴۴۲۸۶۳/۴	۱۰
۴۳۶۹۰۲/۳	۴۳۶۹۰۲/۳	۳۸۹۱۷/۲۲!	۴۳۶۹۰۲/۳	۱۱
۴۱۴۷۲	۵۴۱۴۷۲	۳۶۹۴۱/۰۵!	۴۱۴۷۲	۱۲
۳۹۳۶۶	۳۹۳۶۶	۳۵۰۶۵/۱۴!	۳۹۳۶۶	۱۳
۳۸۸۳۶۱۲/۸۱	۳۸۸۳۶۱۲/۸۱	۳۳۲۸۴/۴۹!	۳۸۸۳۶۱۲/۸۱	۱۴
۳۶۸۶۴	۳۶۸۶۴	۳۱۵۹۴/۲۶!	۳۶۸۶۴	۱۵
۳۴۹۹۲	۳۴۹۹۲	۲۹۹۸۹/۸۶!	۳۴۹۹۲	۱۶
۳۳۲۱۵۱/۱۶	۳۳۲۱۵۱/۱۶	۲۸۴۶۶/۹۴!	۳۳۲۱۵۱/۱۶	۱۷
۳۲۷۶۸	۳۲۷۶۸	۲۷۰۲۱/۳۵۸!	۳۲۷۶۸	۱۸

## جدول ۱

۱. در جدول هر سه نسخه: ۵۵۲۹۶، اما این عدد در متن نسخه‌ها است که با دیگر روش‌ها هماهنگی دارد.

۲. در جدول هر سه نسخه: ۵۲۴۲۸ ۴/۵ (نک. توضیحات پایانی روش سوم).

۳. (۲): ۴۶۶۵۶

۴. در جدول هر سه نسخه: ۴۴۶۸۶ ۳/۴ که با متن آنها تعارض دارد. در دستخط مراغی گاهی ۲ و ۶ مانند هم نوشته می‌شوند.

۵. در جدول هر سه نسخه: ۴۱۴۸۲ ۳/۴.

### روش پیشنهادی برای به خاطر سپردن نسبتها

به یاد داشتن نسبت‌های بالا دشوار به نظر می‌رسد. در اینجا روشی پیشنهاد می‌شود که شاید به خاطر داشتن جایگاه نغمه‌ها را ساده‌تر کند [گفتنی است نسبت‌های ذکر شده مطابق رسم کتاب‌های فیزیک صوت جدید، نسبت بسامدی (فرکانسی) است که عکس نسبت طولی (مبنای کار مراغی) است]:

ابتدا نسبت چند نغمه را که مشهورتر است بیان می‌کنیم:

- \* نسبت بسامدی «یح» به «ا» برابر با  $\frac{1}{2}$  است [نسبت طول (یح م) به (ام) برابر با  $\frac{1}{2}$  است].

\* نسبت بسامدی «ح» به «ا» و «یه» به «ح» برابر با  $\frac{4}{3}$  است.

\* نسبت بسامدی «د» به «ا»، «ز» به «ح» و «ید» به «یا» برابر با  $\frac{9}{8}$  است.

یح	یز	یو	یه	ید	یب	یا	ی	ط	ح	ز	و	ه	د	ج	ب	ا
$\frac{9}{8}$																
$\frac{4}{3}$				$\frac{4}{3}$				$\frac{4}{3}$								
۲																

جدول ۲

جایگاه نغمه‌های ا، د، ز، ح، یا، ید و یه روش نش. نسبت نغمه‌های باقی مانده یعنی ب، ج، ه، ط، ی، یب، یز، یو، یه برابر نغمهٔ پیش از خودشان است. مثلاً بسامد «ب»  $\frac{256}{243}$  برابر «ا» و بسامد «ج»  $\frac{256}{243}$  برابر «ب» است.

یح	یز	یو	یه	ید	یب	یا	ی	ط	ح	ز	و	ه	د	ج	ب	ا
$\frac{256}{243}$																

جدول ۳

البته در روش چهارم مراغی، نسبت «یز» به نغمهٔ «یو» برابر  $\frac{256}{243}$  نیست، بلکه نسبت «یز» به نغمهٔ بعدی یعنی «یح» برابر  $\frac{256}{243}$  است.

به این ترتیب جایگاه تمامی نغمه‌ها مشخص می‌شود. به خاطر سپدن نسبت «د» به «ج»، «ز» به «و»، «ح» به «ز»، «یا» به «ی»، «ید» به «یج»، «یه» به «ید» و «یح» به «یز» (در روش صفوی‌الدین) لازم نیست؛ زیرا این نغمه‌ها قبل‌اً به دست آمده‌اند، با این حال این نسبتها به سادگی قابل محاسبه‌اند (نک: جدول ۴).

نسبت‌های بسامدی حاصل را می‌توان با واحد سنت موسیقایی نیز بیان کرد. مطابق تعریف، هر اکتاو، مثلاً بعد میان «ا» تا «یح»، ۱۲۰۰ سنت است. از آنجا که نسبت بسامدی میان دو نغمه که بُعدی برابر یک اکتاو دارند، برابر ۲ است، اگر نسبت بسامدی میان دو نغمه را با A و بُعد یا فاصله میان آنها بر حسب سنت را با X نشان دهیم معادله زیر همواره برقرار است:

$$X = (\log A / \log 2) \times 1200$$

براین اساس، وقتی میان دو نغمه نسبت  $\frac{256}{243}$  (موسوم به بقیه بزرگ) یا نسبت  $\frac{531441}{524288}$  (موسوم به بقیه کوچک) برقرار باشد، فاصله این دو نغمه بر حسب واحد سنت چنین است:

$$(\log \frac{256}{243} / \log 2) \times 1200 = 90/2249$$

$$(\log \frac{531441}{524288} / \log 2) \times 1200 = 22/46$$

از آنجا که گوش انسان فاصله‌های کمتر از یک سنت را تشخیص نمی‌دهد، دو عدد بالا با تقریب کاملاً قابل قبولی ۹۰ و ۲۴ سنت فرض می‌شوند و فاصله میان نغمه‌ها را، آن چنان که صفوی‌الدین گفته است، می‌توان چنین نمایش داد:

یح	یز	یو	یه	ید	یج	یب	یا	ی	ط	ح	ز	و	ه	د	ج	ب	ا
۹۰	۹۰	۲۴	۹۰	۹۰	۲۴	۹۰	۹۰	۹	۲۴	۹۰	۹۰	۲۴	۹۰	۹۰	۹۰	۲۴	۹۰

جدول ۵



چنان که گفته شد، تفاوت قول مراجی (در روش چهارم) و صفوی‌الدین تنها در نغمه «بیز» است. جدول بالا براساس روش صفوی‌الدین و روش اول و سوم مراجی است و بر اساس آنچه مراجی در روش چهارم خود گفته، فاصله نغمه «بیز» با «یح» برابر ۹۰ سینت و فاصله «بیو» با «بیز» ۲۴ سینت است.

#### منابع

ارموی، صفوی‌الدین، کتاب الادوار فی الموسيقی (ترجمه فارسی به انضمام متن عربی آن، به اهتمام آریو رستمی، میراث مکتوب، تهران، ۱۳۸۰).<sup>۱</sup>

اسعدی، هومان، «ساختار گام بالقوه در موسیقی دوران تیموری»، *فصلنامه موسیقی ماهور*، شماره ۱۸، زمستان ۱۳۸۱، ص ۹۷-۱۱۲.<sup>۲</sup>

برکشلی، مهدی، گامها و دستگاههای موسیقی/یران، اداره کل وزارت فرهنگ و هنر، تهران، ۱۳۵۶.<sup>۳</sup>  
سکی، یوشیفوسا، شرح باب ثانی از مقاصد الاحان، پایان‌نامه تحصیلی دوره کارشناسی موسیقی به راهنمایی دکتر مهدی برکشلی، گروه موسیقی، دانشکده هنرهای زیبا، دانشگاه تهران، ۱۳۵۷.<sup>۴</sup>

کیانی، مجید، مبانی نظری موسیقی/یران، مؤسسه فرهنگی سرو ستاه، تهران ۱۳۷۷.<sup>۵</sup>  
مراجی، عبدالقدار، مقاصد الاحان، به اهتمام تقی بینش، بنگاه ترجمه و نشر کتاب، تهران، ۱۳۵۶.<sup>۶</sup>  
\_\_\_\_، *جامع الاحان*، نسخه به خط مؤلف به تاریخ ۸۱۶ ق، محفوظ در کتابخانه بادلیان، دانشگاه آکسفورد انگلستان به شماره Marsh 282.<sup>۷</sup>

همان، نسخه به خط مؤلف به تاریخ ۸۱۸ ق، محفوظ در کتابخانه نور عثمانی (استانبول) به شماره ۳۶۴۴.<sup>۸</sup>  
همان، چاپ بابک خضرائی، فرهنگستان هنر، تهران، ۱۳۸۸.<sup>۹</sup>

\_\_\_\_، شرح ادوار، به اهتمام تقی بینش، مرکز نشر دانشگاهی، تهران، ۱۳۷۰.<sup>۱۰</sup>  
\_\_\_\_، رساله موسیقی (برای بایسنقر)، تألیف ۲۱ شوال ۸۲۱ ق، محفوظ در کتابخانه بادلیان (دانشگاه آکسفورد انگلستان)، شماره نامعلوم.<sup>۱۱</sup>  
\_\_\_\_، مقاصد الاحان، نسخه به خط مؤلف به تاریخ ۸۲۱ ق، محفوظ در کتابخانه ملک (تهران)، شماره ۵۳۹۰ عمومی.<sup>۱۲</sup>  
همان، کتابت ۹۸۸ ق، محفوظ در کتابخانه دانشگاه لیدن (هلند)، به شماره Or.271.<sup>۱۳</sup>  
مولانا، خسرو، «اهمیت انتقال پذیری گام بالقوه در سازهای زهی دستان دار»، *فصلنامه هنر*، شماره ۳۵، بهار ۱۳۷۷، ص ۱۷۶-۱۹۲.<sup>۱۴</sup>

Farmer, Henry George, "The Old Arabian Musical Modes", *Journal of the Royal Asiatic Society*, London, 1965, pp. 99-102.

Wright, Owen, *The Modal System of Arab and Persian Music*, Oxford University Press, London, 1978.