



## جایگاه نقاط بی تفاوتی در مسائل تصمیم گیری چند معیاره (مطالعه موردی ارزیابی تامین کنندگان شرکت آب و فاضلاب شهری استان زنجان)

ارشد فرهنگیان

دانشجوی دکتری، گروه مدیریت صنعتی، واحد علوم و تحقیقات تهران، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

رضا رادفر (نویسنده مسؤل)

استاد، گروه مدیریت صنعتی، واحد علوم و تحقیقات تهران، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

Email: radfar@gmail.com

محمدعلی افشار کاظمی

دانشیار، گروه مدیریت صنعتی، واحد علوم و تحقیقات تهران، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

تاریخ دریافت: ۹۷/۱۰/۰۹ \* تاریخ پذیرش ۹۸/۰۳/۱۲

### چکیده

تصمیمات مربوط به فرایند ارزیابی و انتخاب تأمین کنندگان باید با بررسی همه گزینه‌های ممکن انجام گیرد، در غیر اینصورت در مرحله پیاده سازی و اجرا، سازمان با مشکلات عدیده‌ای روبرو خواهد شد. هدف مطالعه حاضر تعیین نقاط بی تفاوتی ارزیابی تأمین کنندگان شرکت آب و فاضلاب شهری استان زنجان می‌باشد. مطالعه حاضر از نوع توصیفی می‌باشد. داده‌های این مطالعه مربوط به ارزیابی تأمین کنندگان یکی از پروژه‌های شرکت آب و فاضلاب شهری استان زنجان می‌باشد. داده‌ها بر اساس نظرات ۱۰ نفر از خبرگان که دارای حداقل مدرک کارشناسی و همچنین حداقل ۵ سال سابقه کار در شرکت را داشتند بر اساس «فرم ارزیابی تأمین کنندگان» جمع آوری شد. داده‌ها با استفاده از نرم افزار Matlab نسخه ۲۰۱۴ تحلیل شده اند. تعداد ۱۰ مورد ماتریس هم ارز با ماتریس اولیه تصمیم گیری به تفکیک برای هر روش شناسایی و تولید شده است. روش  $AHP-GA=2$ ،  $TOPSIS-PSO=3$ ،  $TOPSIS-GA=2$  و روش  $HP-PSO=3$  از بین ماتریس‌های هم ارز شناسایی شده ماتریس مربوط به خروجی دوم  $TOPSIS-GA$  بر اساس نظر خبرگان شرکت به عنوان گزینه مطلوب انتخاب به عنوان نسخه نهایی جهت تطبیق در اختیار پیمانکار مربوطه قرار گرفته شده است.

**کلمات کلیدی:** منحنی‌های بی تفاوتی، الگوریتم‌های فراابتکاری، ماتریس‌های هم ارز، نرخ نهایی جانشینی.

## ۱- مقدمه

درجهان رقابتی کنونی که بهره‌وری در تمامی زمینه‌ها افزایش یافته است، تنها سازمانهایی می‌توانند باقی بمانند که به بهترین وجه از منابع خود استفاده کرده و بیشترین بهره‌وری را داشته باشند (Radfar, 2015). با توجه به رقابت تنگاتنگ سازمان‌ها در جوامع امروزی، مدیریت صحیح هزینه‌ها به منظور افزایش سودآوری و جلب رضایت مشتریان توجه بسیاری را به خود جلب نموده است. مدیران و تصمیم‌گیرندگان ممکن است برای بقای خود در این فضا از سیاست‌هایی بهره بگیرند، اما نتیجه نهایی مطلوب تنها زمانی رقم خواهد خورد که از یک برنامه دقیق و جامع استفاده شده باشد (Shahbazi, 2016). تصمیم‌گیری بخش مهمی از زندگی ما را تشکیل می‌دهد، ما هر روزه خود بارها مجبور به تصمیم‌گیری‌های کوچک و بزرگ هستیم. تصمیمات، زندگی ما را شکل می‌دهد ما از طریق انتخاب‌ها و تصمیم‌هایمان قدرت می‌گیریم. تاکنون تعاریف زیادی از تصمیم‌گیری ارائه شده است که همگی بر این مفهوم تاکید دارند که تصمیم‌گیری بر انتخاب افراد دلالت دارد و افراد این انتخاب را از بین گزینه‌های مختلف که ممکن است محدود یا نامحدود باشند، انجام می‌دهد (Intriligator, 1971). در خوشبینانه‌ترین حالت تعداد معدودی از تصمیمات ما به طور کامل اجرا می‌گردد. یکی از دلایل اجرا نشدن این تصمیمات عدم انعطاف پذیری در منابع و امکانات سازمان‌ها می‌باشد. همانطوریکه در تعاریف مربوط به تصمیم‌گیری آمده است، تصمیم‌گیری عبارت از فراگردی است که از طریق آن، راه حل مسئله معینی انتخاب می‌گردد (Ali, 2017). و در تعریف دیگری فراگردی که طی آن شیوه عمل خاصی برای حل مسئله یا مشکل ویژه برگزیده می‌شود (Leili, 2017). در همه این تعاریف، انتخاب یک گزینه از بین گزینه‌های موجود مد نظر می‌باشد. امروزه هزاران مقاله و کتاب در رابطه با تصمیم‌گیری به ویژه تصمیم‌گیری چند معیاره MCDM وجود دارد و هر روز نیز به تعداد آن افزوده می‌شود. تنها بین سالهای ۱۹۸۷ تا ۱۹۹۲ در زمینه تصمیم‌گیری چند معیاره حدود ۱۲۱۶ مقاله، ۲۰۸ کتاب، ۳۱ مجله علمی مرتبط و ۱۴۳ کنفرانس ثبت شده است (Taboli, 2012). برای تصمیم‌گیری، قبل از هرچیز به "اطلاعات" نیاز است. البته در تصمیم‌گیری، نه تنها کیفیت اطلاعات، بلکه مقدار اطلاعاتی که گردآوری و تحلیل می‌شود نیز اهمیت دارد. اطلاعات بیش از اندازه استفاده غیر کارآمد از منابع محسوب می‌شود. اطلاعات کمتر از حد مورد نیاز نیز احتمال تصمیم‌گیری‌های ضعیف را افزایش می‌دهد. البته در برخی موارد مدیریت ناگزیر به تصمیم‌گیری با اطلاعات کمتر است زیرا زمان کافی برای گردآوری و تحلیل بیشتر را ندارد. تصمیم‌گیری علاوه بر اندیشیدن و تجزیه و تحلیل کردن، گاهی به ابزار مناسب نیاز دارد که از جمله این ابزارها، تکنیک‌های مختلف تصمیم‌گیری‌های چند معیاره<sup>۱</sup> MCDM می‌باشد. در این مطالعه به دنبال شناسایی ماتریس‌های هم‌ارز با ماتریس تصمیم‌گیری اولیه که یک رتبه‌بندی بین گزینه‌ها را در اختیار تصمیم‌گیرنده با میزان مطلوبیت مشخص قرار می‌دهد هستیم. سپس با استفاده از مفهوم منحنی‌های بی‌تفاوتی در اقتصاد خرد میزان جانشینی بین معیارها را علاوه بر حفظ مطلوبیت مشخص بررسی خواهیم نمود. امروزه هزاران مقاله و کتاب در رابطه با تصمیم‌گیری به ویژه تصمیم‌گیری چند معیاره MCDM وجود دارد و هر روز نیز به تعداد آن افزوده می‌شود. تنها بین سالهای ۱۹۸۷ تا ۱۹۹۲ در زمینه تصمیم‌گیری چند معیاره حدود ۱۲۱۶ مقاله، ۲۰۸ کتاب، ۳۱ مجله علمی مرتبط و ۱۴۳ کنفرانس ثبت شده است (Taboli, 2012).

## ۲- روش شناسی پژوهش

در دهه‌های اخیر توجه محققین معطوف به مدل‌های چند معیاره<sup>۲</sup> برای تصمیم‌گیری‌های پیچیده گردیده است. در این تصمیم‌گیری‌ها به جای استفاده از یک معیار سنجش بهینگی، ممکن است از چندین معیار سنجش استفاده گردد.

<sup>۱</sup> Multi Criteria Decision Making

<sup>۲</sup> (MCDM) Criteria Decision Making Multiple

مدلهای تصمیم گیری به دو دسته عمده تقسیم می گردند:

۱. مدل‌های چند هدفه<sup>۳</sup>

۲. مدل‌های چند شاخصه<sup>۴</sup>

توضیح اینکه مدل‌های چند هدفه به منظور طراحی و مدل‌های چند شاخصه به منظور انتخاب گزینه برتر استفاده می گردند. تصمیم‌گیری چند هدفه (MODM):

در این مدل‌های تصمیم گیری چندین هدف به طور همزمان جهت بهینه شدن، مورد توجه قرار می گیرند. مقیاس سنجش برای هر هدف ممکن است با مقیاس سنجش برای بقیه اهداف متفاوت باشد. مثلاً یک هدف حداکثر کردن ظرفیت تولید است که بر حسب واحد کمی مقدار سنجیده می‌شود و هدف دیگر حداقل استفاده از انرژی است که بر حسب مقدار مصرف انرژی در ساعت سنجیده می‌شود. شکل (۱) طبقه بندی روشهای تصمیم‌گیری چندهدفه را نشان می دهد.



شکل شماره (۱): ارزیابی یک تصمیم‌گیری چندهدفه در یک تقسیم بندی کلی MODM

همانطور که مشخص است روشهای ارزیابی وابستگی زیادی به زمان و نوع اطلاعاتی دارد که از تصمیم گیرنده کسب می‌گردد. این گونه اطلاعات همگی به منظور برآورد تابع مطلوبیت برای تصمیم گیرنده است، به طوری که از طریق بر کنش متقابل بین تصمیم گیرنده و تحلیلگر کسب می گردند.

از اینرو تحلیلگر برای ارزیابی یک مدل چند هدفه ای ممکن است به گونه های ذیل عمل کند:

الف) عدم دسترسی به کسب اطلاعات از DM:

در این حالت تحلیلگر به اطلاعات تصمیم گیرنده دسترسی ندارد و باید بدون داشتن نظر تصمیم گیرنده نقطه مطلوب تصمیم‌گیری را تعیین کند. مناسب ترین روشهای ارزیابی در این وضعیت روشهای مربوط به خانواده L-P متریک است که نیازی به کسب اطلاعات از تصمیم گیرنده ندارند. در این روشها مزاحمتی برای DM نیست اما تحلیلگر باید بتواند مفروضاتی را در مورد ارجحیت‌های DM در نظر بگیرد.

تصمیم گیری چند شاخصه MADM به تصمیمات خاصی (از نوع ترجیحی) مانند ارزیابی، اولویت گذاری، و یا انتخاب از بین گزینه های موجود (که گاه باید بین چند شاخص متضاد انجام شود) اطلاق می گردد. مسائل MADM در ادبیات تصمیم

<sup>3</sup>(MODM/Multiple Objective Decision Making)

<sup>4</sup>(MADM/Multiple Attribute Decision Making)

گیربهای چند معیاره به دو دسته مدل های غیر جبرانی<sup>۵</sup> و مدل جبرانی<sup>۶</sup> طبقه بندی می شوند (Asgharpour, 2017). مدل جبرانی مشتمل بر روشهایی هستند که اجازه مبادله در بین شاخص ها در آنها مجاز است، یعنی برای مثال تغییری (احتمالاً کوچک) در یک شاخص می تواند توسط تغییری مخالف در شاخص (یا شاخص های) دیگر جبران شود. با عنایت به تنوع موجود در معیار ها و موضوعات تصمیم گیری روش مشخصی برای این موضوع ارائه نشده است (Mulliner et al., 2016). همچنین تکنیکی که بتواند بصورت علمی گزینه های مختلفی را با الگوگیری از ماتریس اولیه تصمیم گیری جهت آزادی عمل بیشتر سازمان تولید کند، وجود ندارد. از مطالعات صورت گرفته در خصوص توسعه مدل های تصمیم گیری چندگانه و منحنی های بی تفاوتی و نرخ نهایی جانشینی می توان به مطالعات (Hwang and Wang, 2016) و (Mulliner et al., 2016) و (Yang, 2011) و (Salati, 2014) و (Taboli, 2012) و (Schiffels, Fliedner, Kolisch, 2018) و (Subramanian; Ramakrishnan, 2019) اشاره نمود. نو آوری و تفاوت بین روش پیشنهادی محقق با دو روش تابع مطلوبیت و نرخ نهایی جانشینی، تابع مطلوبیت به عنوان وسیله ای برای سنجش ارزش نتیجه یک تصمیم، توسط نیومن و مورگن اشترن پیشنهاد شد. ایده اصلی این روش، بیشینه سازی مطلوبیت ناشی از انتخاب یک گزینه تصمیم گیری می باشد. علارغم مشکلات موجود در تعیین تابع مطلوبیت حتی در مسایل ساده ولی از این مزیت برخوردار است که اگر به درستی مشخص شود با حل مدل می توان مطمئن بود که حداکثر رضایت و مطلوبیت برای تصمیم گیرنده حاصل شده است. همچنین ایده اصلی تکنیک نرخ نهایی جانشینی شناسایی میزان تغییرات مصرف یک کالا در مقابل میزان از دست دادن کالای جانشین می باشد در شرایطی که میزان مطلوبیت نهایی تغییر نکند. در روش پیشنهادی محقق امکان شناسایی ماتریس های تصمیم گیری هم ارز به تفکیک برای هر یک از شاخص های تصمیم گیری و گزینه های تصمیم گیری وجود دارد که تا کنون وجود نداشته است و می تواند اثر بخشی تصمیمات مربوط به انتخاب تامین کننده را ارتقا بخشد. نقاط روی یک منحنی بی تفاوتی ترکیباتی از مصرف دو کالا (یا آلترناتیوها) را نشان می دهند که دارای مطلوبیت یکسانی هستند (Yang, 2011). یکی از روشهایی که جانشینی در بین شاخص های موجود از یک مساله MADM را به طور عینی رعایت می کند معروف به روش  $MRS^y$  می باشد. نرخ تبادل یا جانشینی از فرض های زیربنایی برای این روش می باشد و آن عبارتست از مقدار تغییر لازم در ارزش موجود از یک شاخص در مقابل یک واحد تغییر از شاخصی دیگر به ازای وجود شرایطی معین. مثلاً اگر دو شاخص عمده  $X_1$  و  $X_2$  در خرید یک اتومبیل نظر شما را جلب کرده است (در حالیکه اثر بقیه شاخص ها برای شما یکسان است)، از شما سوال می شود چنانچه مثلاً  $X_2$  به اندازه  $\Delta$  افزایش پیدا کند تا چه اندازه باید  $X_1$  کاهش پیدا کند تا تصمیم گیرنده در تصمیم گیری از نظر مطلوبیت بی تفاوت باقی بماند؟ در اکثر موارد پاسخ به این سوال بستگی به تعداد موجود از  $X_1$  و  $X_2$  خواهد داشت، چنانچه در یک سطح موجود از ( $X_1$  و  $X_2$ ) مایل به کاهش  $\Delta$  واحد از  $X_1$  به ازای  $\Delta$  واحد افزایش از  $X_2$  باشد آنگاه نرخ نهایی جانشینی (MRS) شما از  $X_1$  در مقابل  $X_2$  برابر با  $\lambda$  است. به بیان دیگر،  $\lambda$  برابر با مقداری از  $X_1$  است که مایل به از دست دادن (یا پرداختن جریمه) در مقابل کسب یک واحد بیشتر از  $X_2$  هستیم (Yu et al., 2018). معمولاً مسائل تصمیم گیری چندشاخصه MADM با توجه به امتیاز خبرگان به معیارهای شناسایی شده و روش مورد استفاده به یک رتبه بندی بین گزینه ها منجر می شود (Mohamadi, 2015). در این مقاله ضمن توجه به قضاوت (رتبه بندی) خبرگان سعی می شود. شرایط مختلفی که ما را به این رتبه بندی می رساند شناسایی گردد. زیرا با توجه به شرایط و منابع سازمان ممکن است شرایط مناسب تری برای دستیابی به این رتبه بندی وجود داشته باشد. این مقاله به دنبال شناسایی ماتریس های هم ارز با ماتریس اولیه تصمیمگیری است که همان مطلوبیت برای تصمیم گیرندگان را داشته باشد (نقاط بی تفاوتی) هستیم (Faghih & Montazeri, 2008).

الف) منحنی بی تفاوتی

نقاط روی یک منحنی بی تفاوتی ترکیباتی از مصرف دو کالا (یا انتخاب گزینه تصمیم گیری) را نشان می دهند که دارای مطلوبیت یکسانند (Yang, 2011). این منحنی ها دارای شیب منفی و محدب هستند؛ یکدیگر را قطع نمی کنند و هر چه از مبدأ مختصات

<sup>5</sup>Non- compensatory model

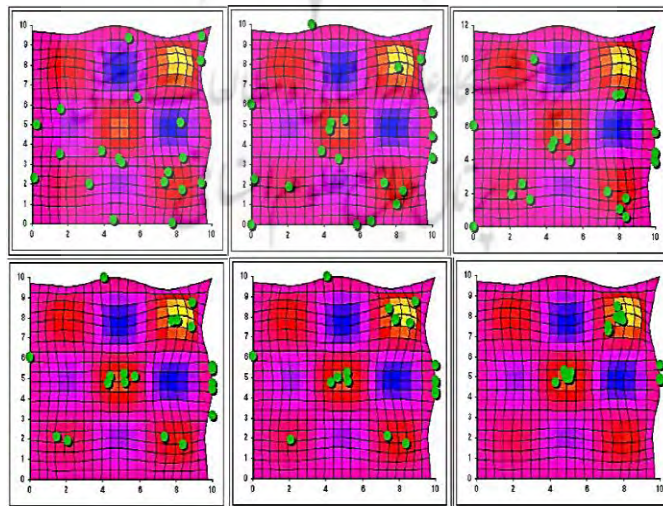
<sup>6</sup>Compensatory

<sup>7</sup>Marginal rate of substitution of attributes

دور می شوند، سطح مطلوبیت بالاتری را نشان می دهند (Serrai et al., 2017). بر روی یک منحنی بی تفاوتی مطلوبیت برای مصرف کالاهای مختلف (انتخاب گزینه های تصمیم گیری) یکسان می باشد. به عبارت دیگر منحنی بی تفاوتی عبارتست از مکان هندسی ترکیبات مختلف دو یا چند کالا (و یا چند گزینه و یا معیارهای تصمیم گیری) که مطلوبیت یکسانی را برای فرد ایجاد می کند. این منحنی ها، پیوسته هستند. بنابراین امکان وضعیت ارجحیت های لکسیکوگراف حاصل نمی شود (Chen et al., 2008).

(ب) الگوریتم فراابتکاری

در سی سال گذشته، نوع جدیدی از الگوریتم های تقریب ظهور یافته اند که اساساً هدف از آنها ترکیب روش های ابتکاری در چارچوبهای کلان تر به منظور کاوش کارا و اثربخش فضای جستجو می باشد. امروزه از این روش ها با عنوان روش های فرا ابتکاری (متهیوریستیک) نام برده می شود (Mulliner et al., 2016). تاکنون الگوریتم های فرا ابتکاری متعددی ارائه شده است. این الگوریتم ها کارایی بالاتری برای برخی مسائل دارند و در برخی مسائل با مشکلاتی در زمینه نزدیک شدن به جواب بهینه مواجه می شوند (Mohamadi, 2015). بسیاری از روش های فرا ابتکاری ها برگرفته از فرایندهای طبیعی یا فیزیکی هستند. بهینه یابی الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات<sup>۸</sup>، الگوریتم ژنتیک<sup>۹</sup> کلونی مورچه<sup>۱۰</sup>، الگوریتم های تکاملی<sup>۱۱</sup> و شبیه سازی تبرید<sup>۱۲</sup>، مثالهایی از چنین الگوریتم هایی هستند (Faghih & Montazeri, 2008). روش PSO یک روش سراسری بهینه یابی است که با استفاده از آن میتوان با مسائلی که یک جواب آنها یک نقطه یا سطح در فضای n بعدی می باشد، برخورد نمود. در این چنین فضایی، هر ذره دارای یک موقعیت است که مشخص می نماید مختصات ذره در فضای جستجوی چند بعدی چه می باشد با حرکت ذره در طول زمان موقعیت ذره تغییر می نماید.  $X_i(t)$  موقعیت ذره  $i$ ام در زمان  $t$ ام را مشخص می نماید (Salati, 2014). همچنین هر ذره برای حرکت در فضا نیاز به یک سرعت دارد  $v_i(t)$  سرعت ذره  $i$ ام در زمان  $t$ ام را مشخص می نماید. با افزودن سرعت به موقعیت هر ذره، می توان موقعیت جدیدی برای ذره در نظر گرفت. موقعیت به روز نمودن معادله ذره در رابطه زیر آورده شده است (Alborzi, 2008).



شکل شماره (۲): روند حرکت ذرات در یک گروه

<sup>8</sup>Particle Swarm Optimization (PSO)

<sup>9</sup>Genetic Algorithm (GA)

<sup>10</sup>Ant Colony Optimization (ACO)

<sup>11</sup>Evolutionary Algorithms (EAs)

<sup>12</sup>Simulated Annealing (SA)

به بهترین تجربه فردی یک ذره یا بهترین موقعیت ملاقات شده توسط ذره  $y_i$  (pbest) گفته می‌شود. ذرات می‌توانند از بهترین موقعیت ملاقات شده توسط کل گروه نیز آگاهی داشته باشند. که این موقعیت  $y_i$  (gbest) نامیده می‌شود (Hwang & Wang, 2016).

امروزه کاربرد الگوریتم های ژنتیکی حوزه وسیعی از مسایل بهینه سازی در زمینه های مختلف مهندسی، علوم اجتماعی را دربر می گیرد. الگوریتم ژنتیک را می توان هم برای مسایل محدود شده و هم برای مسایل محدود نشده بکاربرد (Intriligator, 1971). برای مسایل بهینه سازی استاندارد، صرفاً روشی برای به بدست آوردن یک جواب می باشد. همچنین می توان آن را برای مسایل خطی، غیرخطی و برنامه ریزی احتمالی که دارای متغیرهای تصادفی و درجه ای از عدم قطعیت است استفاده نمود (Faghih & Montazeri, 2008). در ضمن مسائلی بهینه سازی ترکیبی که شامل مسائل مختلف علوم کامپیوتری می باشد مورد استفاده قرار می گیرد (Salati, 2014). الگوریتم های ژنتیک روش قدرتمندی را برای توسعه اکتشافی مسائل بهینه سازی ترکیبی مقیاس بزرگ فراهم آورده است. معمولی ترین شیوه نمایش کروموزوم ها در الگوریتم ژنتیک به شکل رشته های دودویی است (Mulliner et al., 2016).

بکارگیری روش علمی در تحقیق، تنها راه دستیابی به دستاوردهای قابل قبول و علمی می باشد. چون هدف پژوهش حاضر شناسایی ماتریس های هم ارز با ماتریس اولیه تصمیم گیری می باشد. برای دستیابی به هدف مورد نظر که به صورت مطالعه موردی در خصوص ارزیابی پیمانکاران شرکت آب و فاضلاب شهری استان زنجان انجام شده است.

شرکت آب و فاضلاب شهری استان زنجان در حال حاضر با تحت پوشش قراردادن ۹۹/۹۵ درصد جمعیت شهری استان با ۱۶۳۸ کیلومتر تاسیسات شبکه آب و جمع آوری فاضلاب ۳۷/۵ درصد جمعیت شهری استان با ۵۰۱ کیلومتر شبکه فاضلاب یکی از پنج شرکت پیشرو در حوزه آب و فاضلاب شهری کشور محسوب می گردد. ابتدا یک ماتریس اولیه تصمیم گیری توسط ۱۰ نفر از خبرگان شرکت با توجه به هفت معیار (C<sub>1</sub>-نظام تضمین کیفیت خدمات C<sub>2</sub>- توانایی فنی C<sub>3</sub>- توان مالی C<sub>4</sub>- ارزیابی مشتریان قبلی و حسن سابقه C<sub>5</sub>- نیروی انسانی C<sub>6</sub>- داشتن تجربه C<sub>7</sub>- استانداردها) تهیه و با استفاده از دو روش AHP و TOPSIS به صورت جداگانه رتبه بندی شده اند. برای شناسایی ماتریس های هم ارز با استفاده از دو تکنیک PSO و GA استفاده شده است. با عنایت به اینکه تعداد دفعات اجرای برنامه RUN=5 بوده و هر اجرا خود به دو روش و دو تکنیک مختلف انجام می شد. در مجموع ۲۰ ماتریس مختلف تولید گردید که از بین آنها با توجه به تابع برازندگی fitness function=0 ماتریس های هم ارز با ماتریس اولیه شناسایی می گردد. در مرحله نهایی با مقایسه و تطبیق ماتریس های هم ارز و امکانات سازمان گزینه مناسب که تطبیق بیشتری با منابع سازمان دارد انتخاب می گردد. ماتریس اولیه تصمیم گیری ارزیابی پیمانکاران شرکت بر اساس معیارهای شرکت و با حضور خبرگان به صورت زیر ارائه گردیده است که با استفاده از دو روش AHP و TOPSIS در نرم افزار MATLAB رتبه بندی شده اند.

استانداردها تجربه	داشته تن	نیروی انسانی	ارزیابی مشتریان	توانایی مالی	توانایی فنی	تضمین کیفیت	
۰/۱۴	۰/۱۱	۰/۱۵	۰/۲	۰/۱۵	۰/۱	۰/۱۵	وزن
c7	c6	c5	c4	c3	c2	c1	
۶۸/۳۰	۴۷/۷۰	۶۱/۱۰	۶۷/۱۰	۵۴/۴۰	۶۰	۵۶/۸۰	alter1
۶۱/۲۰	۴۷/۹۰	۵۸/۳۰	۶۸/۳۰	۲۵/۷۰	۵۷/۷۰	۵۱/۹۰	alter2
۴۸/۹۰	۶۱/۸۰	۶۹/۹۰	۴۷/۸۰	۶۸/۶۰	۶۲	۶۷/۸۰	alter3
۵۱/۵۰	۵۳/۱۰	۵۹/۱۰	۵۳/۳۰	۶۲/۶۰	۵۱/۹۰	۳۷/۷۰	alter4
۶۰/۹۰	۴۹/۷۰	۶۰/۳۰	۶۴/۷۰	۶۸/۵۰	۷۰/۹۰	۷۴/۹۰	alter5



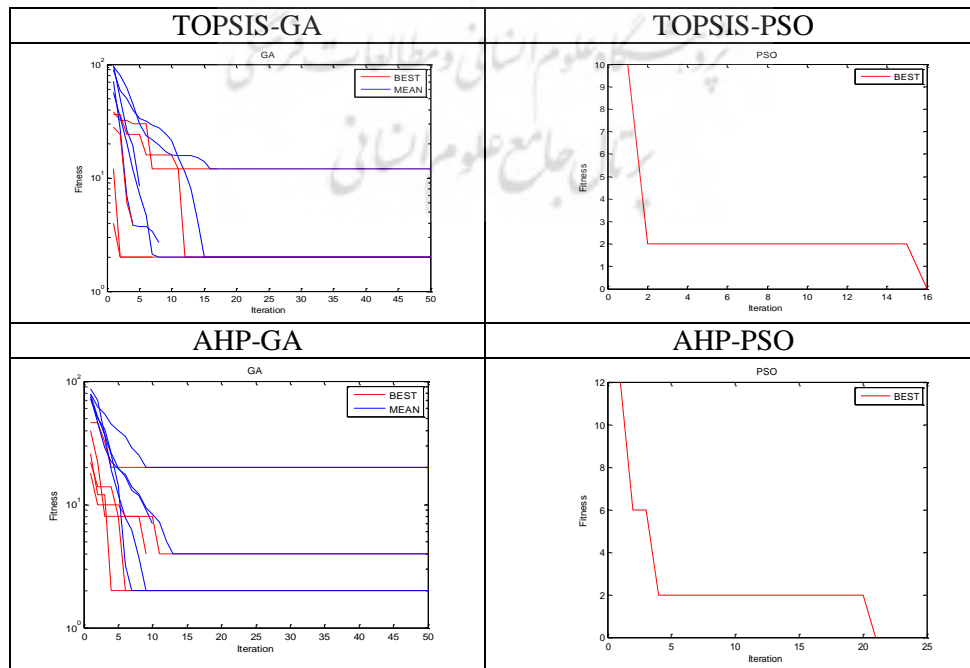
alter6	۴۹/۹۰	۵۸/۳۰	۶۱/۷۰	۵۵/۳۰	۴۸/۱۰	۵۰	۶۱/۴۰
alter7	۵۶/۷۰	۷۰/۴۰	۴۶/۷۰	۴۷/۶۰	۵۸/۲۰	۵۰/۴۰	۶۲/۹۰
alter8	۳۹/۷۰	۶۵/۳۰	۴۸/۷۰	۴۰/۳۰	۶۱/۶۰	۵۳/۲۰	۶۱/۴۰
alter9	۲۷/۴۰	۵۳/۷۰	۵۰/۶۰	۴۰/۲۰	۴۵/۲۰	۴۸/۵۰	۴۵
alter10	۷۳/۸۰	۵۰/۷۰	۵۸/۷۰	۴۸/۹۰	۶۴/۵۰	۴۹	۵۸/۶۰

جدول شماره (۱): ماتریس اولیه تصمیم گیری و رتبه بندی آنها با روش های AHP و TOPSIS

رتبه بندی ماتریس تصمیم گیری اولیه با روش TOPSIS	رتبه بندی ماتریس تصمیم گیری اولیه با روش AHP
Rank = 1 Alter = 5 Score = 0.13017	Rank = 1 Alter = 5 Score = 0.20002
Rank = 2 Alter = 1 Score = 0.11923	Rank = 2 Alter = 1 Score = 0.13331
Rank = 3 Alter = 3 Score = 0.11333	Rank = 3 Alter = 8 Score = 0.10078
Rank = 4 Alter = 4 Score = 0.10837	Rank = 4 Alter = 9 Score = 0.097971
Rank = 5 Alter = 2 Score = 0.10459	Rank = 5 Alter = 2 Score = 0.087774
Rank = 6 Alter = 10 Score = 0.101	Rank = 6 Alter = 3 Score = 0.086406
Rank = 7 Alter = 6 Score = 0.093	Rank = 7 Alter = 4 Score = 0.083543
Rank = 8 Alter = 8 Score = 0.0928	Rank = 8 Alter = 7 Score = 0.074716
Rank = 9 Alter = 7 Score = 0.0822	Rank = 9 Alter = 10 Score = 0.0722
Rank = 10 Alter = 9 Score = 0.0551	Rank = 10 Alter = 6 Score = 0.0632

جدول شماره (۲): نمودار خروجی ماتریسهای تولید شده با تکنیک GA و PSO

در این بخش از تحقیق با توجه به توانایی الگوریتم های فراابتکاری از جمله الگوریتم ازدحام ذرات PSO و الگوریتم ژنتیک GA برای هریک از روش های AHP و TOPSIS برنامه، در نرم افزار MATLAB برای تولید پنج ماتریس هم ارز  $RUN=5$  اجرا شده است که نتایج آن در جدول شماره ۲ و جدول شماره ۳ آورده شده است. مطابق جدول شماره ۳ مواردی که در آنها  $Best\ Fitness = 0$  باشد به منزله هم ارز بودن آن ماتریس با ماتریس تصمیم گیری اولیه می باشد. تعداد ماتریس های هم ارز شناسایی شده در این اجرا ۱۰ مورد می باشد که بصورت نمونه یک مورد از خروجی هر کدام در جدول شماره ۴ آورده می شود.



جدول شماره (۳): خروجی وضعیت ماتریس های تولید شده با تکنیک GA و PSO

خروجی اول- AHP-PSO							
وزن	۰/۰۵	۰/۱	۰/۱۵	۰/۲	۰/۲۵	۰/۱۱	۰/۱۴
	c1	c2	c3	c4	c5	c6	c7
Ater1	۹۵	۱۰۸	۵۰	۱۴۰	۰	۱۲	۸۴
Ater2	۶۱	۱۱۸	۲	۷۹	۲۴	۲۰	۱۶۵
Ater3	۱۶۱	۷۹	۲	۴۳	۴۰	۱۳۱	۱۵
Ater4	۳۲	۲۶	۱۹۲	۵	۱۳۸	۹	۳
Ater5	۱۱۰	۱۸۲	۱۷	۲۴	۱۹۸	۲۲	۹۰
Ater6	۴۴	۲۳	۶	۰	۹	۶۴	۱۵۵
Ater7	۱۰	۴۰	۲۷	۷	۵۰	۲۲	۹۱
Ater8	۴۹	۲	۳۵	۳	۱۴۷	۰	۳
Ater9	۶	۱۳۳	۹۹	۱۱	۱۱	۰	۲
Ater10	۰	۱۵	۸۹	۴۱	۱۱۴	۲	۹۷
خروجی دوم- TOPSIS-GA							
وزن	۰/۰۵	۰/۱	۰/۱۵	۰/۲	۰/۲۵	۰/۱۱	۰/۱۴
	c1	c2	c3	c4	c5	c6	c7
Ater1	۳۰	۵۵	۴۷	۶۶	۵۷	۱۲۸	۱۸
Ater2	۲۳	۱۱۷	۵	۴۸	۷۴	۱۸	۱۳۸
Ater3	۱۱۶	۸۲	۵۴	۵۱	۹۰	۴۸	۱۰
Ater4	۱۹	۲۷	۶۶	۳۶	۱۱۳	۲۴	۳۲
Ater5	۹۱	۱۰۶	۵۰	۹۳	۸۱	۲۰	۵۸
Ater6	۷۳	۴۵	۸۷	۱۸	۳	۵۰	۹۰
Ater7	۵۵	۱۱۵	۲۲	۳	۴۴	۲۳	۱۰۸
Ater8	۱۶	۱۳۳	۴۲	۲	۴۲	۳۷	۹۰
Ater9	۴	۵۶	۵۶	۸	۲۴	۵۰	۶
Ater10	۱۲۳	۵	۴۴	۲۳	۹۱	۳۹	۵۸
خروجی دوم- AHP-GA							
وزن	۰/۰۵	۰/۱	۰/۱۵	۰/۲	۰/۲۵	۰/۱۱	۰/۱۴
	c1	c2	c3	c4	c5	c6	c7
Ater1	۴۱	۳۳	۴۱	۱۲۸	۲۲	۱۰۵	۵۴
Ater2	۲۸	۷۹	۲	۸۱	۷۴	۱۶	۳۷
Ater3	۱۱۲	۵۹	۴۱	۲۵	۱۰۷	۷۱	۴
Ater4	۴۲	۳۹	۵۳	۵۰	۸۰	۲۲	۳۳
Ater5	۶۰	۱۶۸	۱۱۶	۶۷	۵۷	۱۳	۶۲
Ater6	۲۸	۱۴	۶۳	۴۸	۳	۲۳	۱۳۴
Ater7	۳۵	۱۰۳	۵	۱۲	۴۷	۴۲	۱۰۱
Ater8	۳۵	۱۲۰	۴۸	۲	۲۱	۴۸	۱۰۵
Ater9	۵	۱۱۴	۷۳	۱۱	۹	۳۵	۵
Ater10	۸۴	۱۴	۲۷	۲۶	۶۲	۲۷	۱۰۵
خروجی پنجم- TOPSIS-PSO							
وزن	۰/۰۵	۰/۱	۰/۱۵	۰/۲	۰/۲۵	۰/۱۱	۰/۱۴
	c1	c2	c3	c4	c5	c6	c7
Ater1	۱۰۸	۵۳	۲۰	۱۵۶	۹۰	۲۲	۱۴۴



Ater2	.	.	۱	۶۷	۱۰۶	۱۳	۱۹۰
Ater3	۱۶۹	۱۱۳	۴۸	۵۳	۱۳۵	۵	۱۸
Ater4	۵۴	۱۳۱	۳۴	.	۱۴۴	۲۰	.
Ater5	۱۸۸	.	.	۱۳۶	۱۹۸	۲۲	۱۲۰
Ater6	.	۱۳۸	.	.	.	۶۴	۱۶۶
Ater7	.	۵۹	.	۲۷	۱۲۰	۱۲	۲۲
Ater8	۵۶	۱۴۲	۳۸	۱	۴۸	.	.
Ater9	۶	۱۵۲	.	۲۶	۵۴	۳۰	۱
Ater10	۱۹۰	۲۵	.	۴۶	۱۳۴	۱۳	۱۳۳

RUN	TOPSIS		AHP	
	GA	PSO	GA	PSO
اول	Iter = 49 BEST = 2 Iter = 50 BEST = 2 Best Fitness = 2	Iter = 49 BEST = 2 MEAN = 3.04 Iter = 50 BEST = 2 MEAN = 3.04 Best Fitness = 2	Iter = 49 BEST = 2 Iter = 50 BEST = 2 Best Fitness = 2	Iter = 49 BEST = 2 MEAN = 3.04 Iter = 50 BEST = 2 MEAN = 3.04 Best Fitness = 2
دوم	Iter = 7 BEST = 2 Iter = 8 BEST = 0 Best Fitness = 0	Iter = 32 BEST = 2 MEAN = 5.12 Iter = 33 BEST = 0 MEAN = 4.52 Best Fitness = 0	Iter = 7 BEST = 2 Iter = 8 BEST = 0 Best Fitness = 0	Iter = 32 BEST = 2 MEAN = 5.12 Iter = 33 BEST = 0 MEAN = 4.52 Best Fitness = 0
سوم	Iter = 49 BEST = 12 Iter = 50 BEST = 12 Best Fitness = 12	Iter = 37 BEST = 2 MEAN = 4.16 Iter = 38 BEST = 2 MEAN = 4 Iter = 39 BEST = 0 MEAN = 3.44 Best Fitness = 0	Iter = 49 BEST = 12 Iter = 50 BEST = 12 Best Fitness = 12	Iter = 38 BEST = 2 MEAN = 4 Iter = 39 BEST = 0 MEAN = 3.44 Best Fitness = 0
چهارم	Iter = 49 BEST = 2 Iter = 50 BEST = 2 Best Fitness = 2	Iter = 49 BEST = 4 MEAN = 5.16 Iter = 50 BEST = 4 MEAN = 5.16 Best Fitness = 4	Iter = 49 BEST = 2 Iter = 50 BEST = 2 Best Fitness = 2	Iter = 49 BEST = 4 MEAN = 5.16 Iter = 50 BEST = 4 MEAN = 5.16 Best Fitness = 4
پنجم	Iter = 4 BEST = 4 Iter = 5 BEST = 0 Best Fitness = 0	Iter = 15 BEST = 2 MEAN = 11.12 Iter = 16 BEST = 0 MEAN = 10.8 Best Fitness = 0	Iter = 4 BEST = 4 Iter = 5 BEST = 0 Best Fitness = 0	Iter = 15 BEST = 2 MEAN = 11.12 Iter = 16 BEST = 0 MEAN = 10.8 Best Fitness = 0

جدول شماره (۴): نمونه ماتریس های هم ارز تولید شده با تکنیک های AHP و PSO

معیارها	تضمین	توانایی	توانایی	ارزیابی	نیروی	داشته تن	استانداردها: c7
	c1: کیفیت	c2: فنی	c3: مالی	c4: مشتریان	c5: انسانی	c6: تجربه	
وزن	۰/۰۵	۰/۱	۰/۱۵	۰/۲	۰/۲۵	۰/۱۱	۰/۱۴
out put2 AHP-PSO	۸۱	۱۸۸	۱۴۶	۶۱	۱۷۵	۱۱	۱۲۰
out put3 AHP-PSO	۱۸۸	۱۴۹	۱۱۲	۱۲۲	۱۹۸	.	۵۷
out put5 AHP-PSO	۱	۱۹۸	۱۴۴	۱۲۷	۱۹۸	.	۱۲۰
out put2 AHP-GA	۶۰	۱۶۸	۱۱۶	۶۷	۵۷	۱۳	۶۲
Out put 5 AHP-GA	۱۲۸	۹۴	۱۰۰	۵۱	۱۵۳	۳	۸۰
out put2 TOPSIS-PSO	۶۳	۱۹۸	۱۴۶	۱۰۲	۷۵	۳	۶۶
out put3 TOPSIS-PSO	۳	۱۹۸	۱۴۶	۱۳۶	۵۰	۱۱	۱۲۰
out put5 TOPSIS-PSO	۱۸۸	.	.	۱۳۶	۱۹۸	۲۲	۱۲۰
out put2 TOPSIS-GA	۹۱	۱۰۶	۵۰	۹۳	۸۱	۲۰	۶۸
out put5	۸۹	۸۶	۱۰۶	۳۷	۹۸	۱۵	۹۸

## ۳- نتایج و بحث

هرکدام از ماتریس های جدول شماره ۳ همانند ماتریس اولیه تصمیم گیری، خروجی (رتبه بندی) یکسانی را ولی با ترکیبات متفاوتی از توانمندیهای پیمانکاران براساس معیارهای هفت گانه شرکت ارائه می کند. از آنجائیکه در منحنی های بی تفاوتی تمام نقاط واقع بر روی هر منحنی مطلوبیت یکسانی را با ترکیبات متفاوت ارائه می کند در این مقاله هر یک از ماتریس های هم ارز بیان کننده نقاط واقع بر روی منحنی بی تفاوتی شرکت می باشد که مطلوبیت یکسانی دارند. با عنایت به اینکه اکثر تصمیمات و استراتژی های اتخاذ شده در مرحله اجرا با مشکل مواجهه می شوند شناسایی گزینه های مختلف برای تصمیم گیری قدرت انعطاف پذیری سازمان را در مرحله انتخاب پیمانکاران مناقصات و اجرای موفق پروژهها افزایش داده و شانس تحقق تصمیمات و استراتژی ها را افزایش می دهد. با توجه به نتایج حاصل از رتبه بندی گزینه ها، پیمانکار پنجم که رتبه اول را نسبت به سایر گزینه ها کسب نموده است.

از پیمانکار پنجم درخواست می گردد با توجه به انتظارات شرکت که با ماتریس هم ارز خروجی (out put 2 TOPSIS-GA) تطابق بیشتری دارد توانمندیهای خود را در معیارهای تضمین کیفیت، توانایی های فنی و تجهیزات و استفاده از نیروی انسانی ماهر تقویت نماید تا ضمن موفقیت در قرارداد منعقد شده شانس خود را برای همکاری های آتی افزایش دهد. با توجه به تحلیل وضعیت پیمانکار انتخابی، در مراحل آتی می توان نسبت به تعیین نرخ نهایی جانشینی (جایگزینی) برخی از معیارهای جبرانی اقدام نمود مثلاً می توان نمره معیار  $C_2$  را با معیارهای  $C_3$  و  $C_4$  و  $C_6$  جبران نمود. همچنین از کاربردهای دیگر این تحقیق می توان با استفاده از مدل تحلیل پوششی داده ها الگوی داده گرا در مسایلی مانند انتخاب استراتژی ها نسبت به بهینه نمودن تخصیص منابع استفاده نمود.

## ۴- منابع

1. Alborzi, M. (2008). Augmenting System Dynamics with Genetic Algorithm and Topsis Multivariate Ranking Module for Multi-Criteria Optimization. Proceedings of the International Conference of the System Dynamics Society.
2. Ali, R. (2017). Principle of Management. Tehran: Samat Publication.
3. Asgharpour, M. J. 2017. Multiple Criteria Decision Making, Tehran University
4. Chen, D., Zhou, Z. & Pham, D. (2008). Research on the Grey Relational Evaluation Method of Core Competencies of Virtual Enterprise Members. *Kybernetes*, 37, 1250-1256.
5. Faghih, N., Montazeri, M. M. (2008), Genetic Algorithms for Assembly Line Balancing Problem. *Journal of Industrial Management*, 1(1), 107-124.
6. Hwang, Y., A. & Wang, B., S. (2016). A Matrix Approach to the Associated Consistency With Respect to the Equal Allocation of Non-Separable Costs. *Operations Research Letters*, 44, 826-830.
7. Intriligator, M. D. (1971). Mathematical Optimization and Economic Theory. Phi Learning; 1<sup>st</sup> edition.
8. Leili, M, M. S., Ekradi, E, Parvin, E., Fazeli, H. (2017). Studying the Relationship between Managers' Decision Making Styles with The Level Of Creativity And Participative Management In Guidance Schools. *InnovCreat Hum Sci Journal*, 4, 19.
9. Mohamadi, A, M. S., Dostmohammadi, A., Khaleghi, A. (2015). Management Assessment and Selection of Logistics Providers at the Social Security Hospital of Imam Hossein in Zanjan. International Conference on Management. Istanbul, Turkey.
10. Mulliner, E., Malys, N. & Maliene, V. (2016). Comparative Analysis of Mcdm Methods for the Assessment Of Sustainable Housing Affordability. *Omega*, 59, 146-156.

11. Radfar, R, K. N. (2015). Identify And Ranking The Factors Affecting The Efficiency Of Using By Dematel. *Productivity Management Journal*, 35, 19.
12. Salati F, M. A. (2014). Offer The Value Function (Utility) To Prioritize Research Projects In R & D Centers Using The UtaMethod (Case of Water Resources Company In Iran). *Industrial Management Studies*, 31, 19-33.
13. Serrai, W., Abdelli, A., Mokdad, L. & Hammal, Y. (2017). Towards An Efficient And A More Accurate Web Service Selection Using Mcdm Methods. *Journal of Computational Science*, 22, 253-267.
14. Shahbazi, L. (2016). At The Same Time Optimize The Planning Problem-Labor-Service Equipment Using Particle Swarm Algorithm. Ms. Thesis, Islamic Azad University, Zanjan Branch.
15. Taboli, M.(2012). New Method For Solving Multi-Criteria Decision. *Industrial Management Studies*, 9, 20.
16. Yang, X.S., (2011). Metaheuristic Optimization. *Scholarpedia*, 6, 11472.
17. Yu, X., Zhang, S., Liao, X. & Qi, X. (2018). Electre Methods in Prioritized Mcdm Environment. *Information Sciences*, 424, 301-316.
18. Nath, P., Nachiappan, S., & Ramanathan, R. (2019). A heuristics approach for computing the largest eigenvalue of a pairwise comparison matrix. *International Journal of Operational Research (IJOR)*, Vol. 34, No. 4,
19. Schiffels, S., Fliedner, T., & Kolisch, R. (2018). Human behavior in project portfolio selection: Insights from an experimental study. *Decision Sciences*, 49(6), 1061-1087.

## **The indifference Points in Multi-criteria Decision Problems (Case study: Evaluation Suppliers in Zanjan Province Water and Wastewater Company)**

**Arshad Farahmandian**

Department of Industrial Management, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran

Email: afarahmandian110@gmail.com

**Reza Radfar** (Corresponding author)

Prof., Department of Technology Management, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran

Email: radfar@gmail.com

**MohammadAli Afshar Kazemi**

Associate Professor, Department of Industrial Management, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.

Email: Dr.mafshar@gmail.com

### **Abstract**

Decisions on the process of assessment and selection of suppliers should be made by examining all possible options, otherwise the organization will encounter many problems during the implementation and implementation phases. The purpose of the present study was to determine the indifference points of assessors of the water and Wastewater Company in Zanjan province. The method of this study was descriptive. The data of this study is related to supplier assessment of one of the projects of the city water and wastewater company Zanjan province. The data was collected based on the views of 10 experts with at least a bachelor's degree and at least 5 years of work experience in the company based on the "supplier assessment form". The data has been analyzed using the 2014 version of MATLAB software. A total of 10 cases of matrix matched with the initial decision matrix are identified and generated separately for each method. TOPSIS-GA = 2 and TOPSIS-PSO = 3 and AHP-GA = 2 and AHP-PSO = 3. A total of 10 cases of matrix matched with the initial decision matrix are identified and generated separately for each method.

**Keywords:** Indifference Points, Metaheuristic Algorithms, Parallel Matrixs, Marginal Rate of Substitution.