

«نظریه بازی‌ها»

و کاربرد آن در تحلیل روابط بین‌الملل

مقدمه - نیاز به نظریه در تحلیل روابط بین‌الملل امری آشکار است . هر چند نظریه‌های روابط بین‌الملل راه حل منجزی برای مسائل مورد بحث بدست نمی دهند ، می توانند در شناخت عمیق‌تر مسائل ، ارزیابی وضع حاضر و پیش‌بینی آینده موثر باشند . در میان برداشت‌های مختلفی که از روابط بین‌الملل وجود دارد ، تفکر استراتژیک یکی از اساسی‌ترین برداشت‌هاست . در این برداشت روابط بین‌الملل به روابط میان بازیگرانی تشبیه می شود که منافعتان جزئا " یا کلا " با یکدیگر معارض است . در این مقاله نخست طرحی کلی از نظریه بازیها ارائه می گردد و آنگاه کاربرد این نظریه در تحلیل روابط بین‌الملل مورد بحث قرار خواهد گرفت . نظریه بازیها اساسا " نظریه‌ای ریاضی است و برای درک صحیح و دقیق مفاهیم آن بایستی از مقدمات ریاضی برخوردار بود . اما در این مقاله کوشش شده است تا استفاده از ابزار ریاضی به حداقل ممکن کاهش یابد .

پیش از آنکه به بیان نظری نظریه بازیها بپردازیم به نکاتی چند اشاره می کنیم تا زمینه‌ای مناسب برای آغاز بحث فراهم آید و طرح مسئله بطریق صحیح و در چهارچوب خاص خود امکان پذیر گردد .

نخست خواننده را از هرگونه پیشداوری خوشبینانه یا بدبینانه در باب کارآیی این نظریه بر حذر میداریم. با اینحال لازم است به این نکته اشاره کنیم که تفکر استراتژیک از نظر شناخت (۱) واقعیت‌ها به دو جهت قابل انتقاد است. از یکطرف به نظر می‌رسد که در این نحوه تفکر از ساده‌کردن (۲) مسئله مورد تصمیم‌گیری نیست و جمع بین احتمالی نبودن و کمال مدلی که انتخاب می‌شود امکان‌پذیر نمی‌باشد. خطری که در اینجا احساس می‌شود این است که تصمیم‌گیرنده احتمالا "اساسی‌ترین جنبه یک مسئله مورد تصمیم را در مدل‌بندی (۳) خود حذف کرده باشد.

از نقطه نظر دیگر خطراتی که در تفکر استراتژیک نهفته است جدی‌تر می‌باشد. تفکر استراتژیک نه تنها باعث می‌شود که مسائل بیش از اندازه ساده شوند بلکه گاه موجب نمایش غلط (۴) مسائل نیز می‌گردد. می‌توان مسائلی را یافت که در چهارچوب تفکر استراتژیک قابل حل نباشند. به عبارت دیگر از نقطه نظر مزبور هیچ راه حل "بهترینی" برای آنها وجود نداشته باشد.

نظریه تصمیم عقلایی\* (۵) لازم است سه نوع نظریه تصمیم را از یکدیگر مشخص کنیم: صوری (۶)، دستوری (۷) و توصیفی (۸) یا اختباری (۹). نظریه صوری مانند ریاضیات مطلقا قیاسی است. مانند ریاضیات مستقل از داده‌ها است (و در بسیاری موارد خود شاخه‌ای از ریاضیات بشمار می‌آید). فرض می‌شود که اصول موضوعه نظریه مزبور داده شده باشند. از این نظریه در ایجاد ابزاری قیاسی برای استخراج نتایج منطقا ضروری از فروض اولیه، استفاده می‌تود.

از طرف دیگر نظریه دستوری با تعیین تصمیماتی که نتیجه مطلوب بدست می‌دهد (۱۰)

\* در این مبحث از مقاله محققانه آناتول ریپورت در (۹) تحت عنوان "نقد تفکر استراتژیک" سود فراوان برده‌ایم.

1-cognition

2-simplification

3-modelization

4-misrepresentation

5-theory of rational decision

6-formal

7-normative or prescriptive

8-descriptive

9-empirical

10-optimizing decisions

سرو کار دارد . وجود چنین تصمیمات " بهترینی " لزوماً به این معنی نیست که افراد همیشه از این تصمیمات تبعیت می کنند . هدف چنین نظریه‌ای این است که بگوید افراد چگونه باید عمل کنند ، و نه اینکه چگونه عمل می کنند .

هدف نظریهٔ توصیفی یافتن اصولی است که مردم در تصمیمات خود از آنها تبعیت می کنند . از اینرو مبنای چنین نظریه‌ای بر داده‌های رفتاری است . از آنجا که الگوی تصمیم افراد مختلف متفاوت است ، لذا این نظریه تا حدی مبتنی بر طبقه بندی و گروه بندی‌های تصمیم گیرندگان است .

از آنچه گفته شد نتیجه می شود که نظریه صوری تصمیم ( که نظریهٔ ریاضی بازیها را شامل می شود ) بیشتر با دیسیپلین‌های قیاسی ( منطق و ریاضیات ) سرو کار دارد ، نظریهٔ دستوری با علوم کاربردی ( مهندسی و پژوهشهای عملیاتی ) و نظریهٔ توصیفی با علوم رفتاری . ( منتها در عمل همواره بایستی به هر یک از سه نوع نظریهٔ مزبور توجه کافی مبذول داشت ) .

تصمیم بر مبنای اطمینان (۱) - انتخاب یک شق از میان شقوق مختلف با نتایج معین ، از این دسته است . اصول موضوعه‌ای که مبنای این نوع تصمیم گیری قرار می گیرد بقرار زیر است :

(۱) - سازگاری (۲) : اگر  $O_i$  بر  $O_j$  مرجح باشد ، آنگاه  $O_j$  بر  $O_i$  ترجیح نخواهد داشت .

(۲) - انتقال پذیری (۳) : اگر  $O_i$  بر  $O_j$  مرجح باشد و  $O_j$  بر  $O_k$  ، آنگاه  $O_i$  بر  $O_k$  ترجیح خواهد داشت .

(۳) - ابزار گونگی (۴) : اگر  $A_i$  به  $O_i$  منجر شود ، و  $A_j$  به  $O_j$  و اگر  $O_i$  بر  $O_j$  مرجح باشد ، آنگاه  $A_i$  بر  $A_j$  ترجیح خواهد داشت .

این اصول موضوعه از نظر صوری ارزشی بیش از " تعاریف " ندارند . از نظر دستوری قواعد رفتار را تعیین می کنند و اما از نظر توصیفی چندان نشان دهندهٔ واقعیت‌های موجود نمی باشند . زیرا گاه نیز در عمل انحراف از این اصول مشاهده می شود . آنچه در این

1-decision under certainty  
2-consistency

3-transitivity  
4-instrumentality

نوع تصمیم گیری بایستی تعیین کرد تنها ترتیب یا تقدم و تأخر اولویت هاست . از آنجا که نتایج هر یک از انتخاب ها دقیقا "معین" است ، عمل انتخاب بسهولت انجام می پذیرد . تصمیم بر مبنای عدم اطمینان (۱) - اما آنجا که پای ظن و گمان بمیان می آید و انتخابهایی مطرح می شود که نتایج معین و منحصر بفردی ندارد ، عمل انتخاب چندان کار آسانی نیست . فی المثل دو عمل  $A_1$  و  $A_2$  را در نظر بگیرید که عمل  $A_1$  ممکن است به هر یک از دو نتیجه  $O_1$  و  $O_1'$  منجر شود ، در حالیکه  $A_2$  منحصر "به"  $O_2$  منجر گردد . اکنون اگر  $O_1$  هم بر  $O_2$  و هم بر  $O_1'$  ترجیح داشته باشد آیا تصمیم گیرنده باید اطمینان  $O_2$  را ترجیح دهد یا عدم اطمینان ناشی از احتمال  $O_1$  یا  $O_1'$  را که اولی بهتر و دومی بدتر می باشد ؟ در تحلیل این مسئله دو عامل تازه مطرح می شود . یکی احتمال هر یک از  $O_1$  و  $O_1'$  و دیگری میزان ترجیح  $O_1$  بر  $O_1'$  . عبارت دیگر تعیین اینکه آیا این مخاطره تا چه حد عظیم است و آیا ارزش آنرا دارد که بدان دامن بزنیم

اگر در مثال فوق احتمال وقوع  $O_1$  و  $O_1'$  ،  $p$  و  $p'$  (  $p+p'=1$  ) باشد و مطلوبیت (۲) سه نتیجه مزبور را بتوان به ترتیب بصورت  $u_1$  ،  $u_1'$  ،  $u_2$  نشان داد ، در این صورت اصل حداکثر کردن مطلوبیت حکم می کند اگر  $pu_1 + p'u_1' > u_2$  باشد تصمیم گیرنده شق مخاطره  $A_1$  را انتخاب کند و در غیر این صورت  $A_2$  را . صدق دستور مزبور که بر مبنای قوانین شماره های بزرگ قرار دارد ، در نظریه "احتمال ثابت" می شود (۳) .

1-decision under uncertainty

2-utility

۳- نظریه "مطلوبیت بصورتیکه هم اکنون بدان اشاره شد بر اساس نظراتی که در قرن هجدهم توسط برنولی (Bernoulli) ریاضیدان ارائه گردید بنیان گرفته است . اما بدلیل اینکه تعیین مطلوبیت در چارچوب نظریه های دستوری و توصیفی ( به عکس نظریه های صوری و قیاسی ) کار بسیار دشواری است ، این نظریه بعدها جاذبه خود را از دست داد . زیرا تصمیم گیرنده می تواند بین شقوق مختلف از نظر رجحان تقدم و تأخری قایل شود ، اما مشکل می تواند به مطلوبیت بازده انتخاب های مختلف مقدار عددی نسبت دهد . "فون نیومان" و "مورگنسترن" در کتاب معروف خود تحت عنوان "نظریه بازیها و رفتار اقتصادی" نشان دادند که اگر تصمیم گیرنده دو اصل "سازگاری" و "انتقال پذیری" را در مورد شقوق مختلف رعایت کرده باشد ، انتخاب های وی خود بخود مطلوبیت بازده را حداکثر خواهد کرد . باین ترتیب تصمیم گیری بر مبنای عدم اطمینان به تصمیم گیری بر مبنای اطمینان تبدیل می گردد ، زیرا هر انتخاب مطمئنا "به بازدهی منتهی می شود که با هیچیک از دیگر انواع بازده ها تفاوتی ندارد . (این بازده می تواند مانند هر نوع بازده دیگر ، مخاطره آمیز نیز باشد) .

بطور خلاصه وارد کردن انتخاب‌های مخاطره‌آمیز (۱) تصادفی در یک مسئله تصمیم‌کار تصمیم‌گیری را در قلمرو نظریهٔ صوری چندان دشوار نمی‌کند، اما نظریه‌های دستوری را را با اشکال مواجه می‌نماید، زیرا به قایل شدن مطلوبیت برای هر یک از انتخاب‌ها منجر می‌شود، و بالاخره وقتی به نظریه‌های توصیفی می‌رسیم دشواریهای بسیار نمودار می‌گردد. زیرا در این جا بایستی ببینیم که دیگران برای انتخاب‌های مختلف چه مطلوبیتی در نظر دارند (بویژه آنکه نحوه عمل مردم ممکن است کاملاً متفاوت باشد).

در مرحله بعد باید از موضوع انتخاب میان بازده‌های مخاطره‌آمیز تصادفی درگذریم و به بحث در مورد انتخاب میان بازده‌های نامطمئن پردازیم. انتخاب میان بازده‌های نامطمئن به معنی انتخاب میان بازده‌هایی است که احتمال حصولشان ناشناخته است. در اینجا تصمیم‌گیرنده باید علاوه بر انتساب مطلوبیت به حوادث، احتمالی نیز برای آنها قایل شود. این مورد با مواردی که مساله تنها ملاحظاتی احتمالی مربوط می‌گردد یکسان نیست. در نظریهٔ صوری تصمیم مفروضاتی بر مبنای نظریهٔ احتمال اختیار شده است و از آنجا حلقهٔ اتصالی میان نظریه ابتدائی تصمیم و نظریهٔ پیشرفته‌تر بازیها ایجاد می‌گردد (۲).

**احتمال حوادث - تعیین احتمال حوادث به یکی از سه طریق زیر انجام می‌گیرد:** بر اساس تجربه، از روی اصول منطقی و از طریق شهود علمی. در مورد تعیین احتمال حوادث از روی اصول منطقی این نکته را باید خاطر نشان ساخت که در این مورد "وارسی" (۳) نتیجه از طریق منطق امکان پذیر نیست. زیرا بیم آن می‌رود که همان اشکالات احتمالی که در اصل قضیه راه یافته بود به فرایند "وارسی" نیز سرایت کند. بنیان شهود علمی (۴) حس تجربی است که با تجربه جسی ارتباط نزدیک دارد. اما در هر حال صحت و سقم نتیجه چندان معلوم نیست و بنظر افراد بستگی دارد.

**تصمیم‌گیری در شرایط منازعه - تاکنون فرض بر این بود که تصمیمات تصمیم‌گیرنده صرفاً خود او بستگی دارد. اکنون اگر فرض کنیم که در برابر تصمیم‌گیرنده حریفی قرار داشته باشد که منافعش جزاً یا کلاً با منافع او معارض است و علاوه بر این او نیز عاقلانه رفتار می‌کند شرایط یک بازی را بر شمرده ایم که تصمیم‌گیرندگان فوق بازیگران آن هستند. گسترش نظریهٔ تصمیم در این زمینه به وضع نظریهٔ بازیها منجر می‌شود.**

1-risky

(۲) برای آگاهی دقیق و روشن‌گر از مسائل عمده این بحث ر. ش. به: (10)

3-verification

4-scientific intuition

تفاوت اساسی میان تصمیم‌گیری‌های که در آنها یک تصمیم‌گیرنده دخالت دارد و آنهایی که در آن بیش از یک تصمیم‌گیرنده وجود دارد این است که در نوع دوم طرف مقابل خنثی نیست. تصمیم‌گیری‌های نوع اول را گاه به بازی علیه طبیعت تشبیه می‌کنند. زیرا پژوهشگر علمی از آن‌ها سراسر ندارد که طبیعت روش‌هایش را کشف کند و سیاست خود را تغییر داده، او را غافلگیر سازد. (۱)

با ذکر مقدمات فوق اکنون وقت آن رسیده است که بحث درباره "نظریه بازیها" را آغاز کنیم. نخست به بیان سابقه تاریخی امر و تعاریف مقدماتی این نظریه می‌پردازیم. آنگاه طرحی نظری از این نظریه ارائه می‌کنیم که در واقع مدل بنیادی ریاضی مسئله را بدست می‌دهد و پس از آن آرام آرام وارد بحث کاربردی این نظریه از نظر تحلیل موقعیت‌های استراتژیک می‌شویم.

سابقه تاریخی - بنیان نظریه بازی‌ها بدانگونه که امروزه آن را می‌شناسیم بریادداشت‌های امیل بورل ریاضیدان بزرگ فرانسوی (۱۸۷۱-۱۹۵۶) قرار دارد. (۲) بورل حالت خاصی از قضیه‌ای را که به قضیه اصلی (۲) معروف است (و بعداً در دنباله مقاله مورد بحث قرار خواهد گرفت) نشان داد، اما از عهده اثبات آن برنیامد. در ۱۹۲۸ فون نیومان ضمن خطابه‌ای در انجمن ریاضی گوتینگن اثبات قضیه مزبور را ارائه کرد. (۱۶) تا پیش از انتشار اثر بزرگ فون نیومان و مورگنسترن (۳) در ۱۹۴۴ بنام "نظریه بازی‌ها و رفتار اقتصادی" صحبت از این نظریه بسیار اندک بود. پس از انتشار این کتاب نخست کاربرد آن در اقتصاد و پس از آن در مسائل نظامی مطرح گردید و امروزه در بسیاری از رشته‌های علوم رفتاری (مانند روانشناسی، جامعه‌شناسی، انسان‌شناسی و علوم سیاسی و غیره) از این نظریه صحبت به میان می‌آید. (۱۵) علاوه بر این نظریه بازی‌ها انجام پژوهش‌هایی را در زمینه مباحث مجردی مانند نظریه مجموعه‌ها (۴) و توپولوژی (۵) باعث شد.

(۱) برای آگاهی همه جانبه و علمی از رابطه پژوهشگر با محیط علمی و تاثیرات متقابل این دو و مکانیسم این ارتباط روش. به اثر ارزنده نوربرت وینر بنیان‌گذار نظریه سیرنتیک تحت عنوان سیرنتیک و جامعه (21, 22 pp-17)

2-fundamental theorem

(۳) فون نیومان ریاضیدانی بزرگ و مورگنسترن اقتصاددانی پیشرو بود. هر دو به پیشرفت صنایع نظامی ایالات متحده کمک کردند. فون نیومان ریاست کمیته طراح اولین موشک‌های قاره‌پیمای آمریکا را بعهده داشت.

4-set theory

5-topology

نظری عمیق و همه جانبه به تاریخ بشر نشان می دهد که منازعه و جدال همواره جزء جدائی ناپذیر حیات انسان بوده است . بنظر می رسد که این منازعه ، منازعه‌ای است برای کسب و تحصیل قدرت . " جدال برای زیستن " (۱) تقریباً همه جا محور اصلی فعالیت انسانها را تشکیل می دهد و لامحاله همه جوامع را در بر می گیرد . این منازعه از یکسو میان انسان با طبیعت ، از سوی دیگر میان انسان با انسان و بالاخره از جهتی میان انسان با خویشتن خویش در گیر است (۲) . آدمی اسیر نبرد دامنه‌داری است که هم در زمان جنگ و هم در زمان صلح ادامه دارد . زیرا از نقطه استراتژیک تا زمانی که هر خورد منافع بطور بنیانی و ریشه‌ای وجود دارد ، بر قراری صلح یعنی پایان نبرد نیست . بلکه بدین معنی است که خواه بخاطر کتمان هدف‌ها و خواه به دلیل تجدید نیرو و آماده شدن برای نبرد ، حریف موقتا " صلح در این دیده است که از حریف صلح استفاده کند . نبرد میان ملت‌ها یا قطب‌های سیاسی در واقع صورت خاصی است از جدال دامنه‌دار میان انسان با انسان یعنی موسع کلمه . هویزینگا ( ۱۹۴۵-۱۸۷۲ ) فیلسوف و مورخ برجسته هلندی برای این عقیده بود که فرهنگ انسان را نمی توان عمیقاً درک کرد مگر اینکه در نظر داشته باشیم که انسان موجودی است " بازیگر " و انسانها از دوران کودکی تا زمان پیری ، در همه جهات زندگی از عشق و دل‌باختگی تا درگیری در یک نبرد ، همواره دست اندر کار یک " بازی " هستند . ( ۵ ) امروزه تصور می رود که بسیاری از رفتارهای آدمی بازی‌گونه‌اند . هر چند گاه بازیگران بازی ، خود از آنچه می کنند آگاه نیستند . درگیر و دار مسائل زندگی پیش‌بینی رفتار بازیگران ، یا تعیین رفتار عقلایی همواره کار آسانی نیست ، اما همواره می توان از آنچه که نظریه بازی‌ها بدست می دهد تا حد زیادی برای تحلیل موقعیت‌های بازی گونه استفاده کرد . مارتین شوپیک نظریه بازی‌ها را به عنوان روشی برای مطالعه تصمیم‌گیری در موقعیت‌های منازعه آمیز تعریف می کند . ( 12-p.8 )

شلینگ می گوید که این نظریه " با موقعیت‌هایی سرو کار دارد که در آنها بهترین رفتار برای یک طرف رفتاری است که بر مبنای تصمیمی که انتظار دارد طرف مقابل اتخاذ کند ، قرار داشته باشد " ( 11-pp.9,10 ) .

#### 1-struggle for existence

(۲) برتراند راسل فیلسوف و ریاضیدان بزرگ به این سه نوع جدال اشاره می کند . بحث تفصیلی این مبحث را می توان در کتابهای او بنام " امیدهای نو برای دنیایی متحول " و " قدرت " یافت .

مفاهیم اساسی نظریه بازی‌ها - بازی‌ها بر اساس قواعد تعریف شده معینی انجام می‌گیرند و تفاوت آنها با موقعیت‌های منازعه آمیز زندگی حقیقی نیز در همین است .  
 منافع متضاد را بازیگوان بازی می‌نامیم و حاصل بازی را نتیجه نهائی (۱) نام می‌دهیم .  
 در یک بازی ممکن است دو یا چند حریف وجود داشته باشد ؛ بدینسان بازی را دو نفره یا بطور کلی  $n$  نفره می‌نامیم . در یک بازی  $n$  نفره بازیگران می‌توانند بطور موقتی یا دائمی با یکدیگر ائتلاف (۲) کنند ، همه افرادی که با یکدیگر ائتلاف دائمی دارند بعنوان یک بازیگر در نظر گرفته می‌شوند ، زیرا منافعشان یکی است . لاجرم اگر دو ائتلاف دائمی در برابر یکدیگر قرار داشته باشند ، بازی بیک بازی دو نفره تبدیل خواهد شد . در این مقاله تنها به بازی‌های دو نفره اکتفا خواهیم کرد . حل بازیهای چند نفره کاری بس دشوار است . و در بسیاری از موارد اصولاً " راه حل مشخصی برای اینگونه بازیها در دست نیست .

نتیجه نهائی بازی را همواره نمی‌توان بصورت کمی نمایش داد . اما معمولاً " می‌توانیم مقیاسی برای برد و باخت در نظر بگیریم و از روی این مقیاس نتیجه نهائی بازی را بوسیله عدد نشان دهیم . مثلاً " در بازی شطرنج می‌توانیم برد (۳) را با ۱ + ، کیش (۴) را با ۰ و باخت (۵) را با ۱ - نشان دهیم .

بازی را بازی با حاصل صفر (۶) می‌نامیم اگر مجموع برد و باخت‌های آن صفر باشد . به این معنی که آنچه را یک طرف از دست می‌دهد طرف دیگر دقیقاً " همان را بدست می‌آورد . در اینگونه بازی‌ها ، منافع طرفین کاملاً " با یکدیگر در تعارض است . در تحلیل این بازیها آنچه را که برای یک طرف نتیجه نهائی است می‌توان با علامت منفی برای طرف دیگر نتیجه نهائی بازی دانست .

یک بازی از حرکت‌های (۷) مختلفی تشکیل می‌شود و هر حرکت انتخابی است بر اساس قواعد بازی از میان شقوق مختلف .  
 در بعضی از بازی‌ها انتخاب بر مبنای تصادف (۸) صورت می‌گیرد (مانند شیر و

1-pay off

2-coalition

3-win

4-draw

5-loss

6-zero-sum game

7-move

8-chance



خط ) ، در بعضی دیگر بر اساس تصمیم آگاهانه شخص ( مانند شطرنج ) و بعضی دیگر ترکیبی از این دو نوع است مانند ( بازی با ورق ) .

مسئله دیگری که در بازیها مطرح می شود میزان اطلاعی است که از نتایج یا حرکت های طرف مقابل در دست است . بازیهایی مانند شطرنج که در آنها چنین اطلاعی وجود دارد بازیهای با اطلاع کامل ( ۱ ) نامیده می شوند . در بسیاری از موقعیت های استراتژیکی که عملاً " پیش می آید چنین اطلاعاتی وجود ندارد .

استراتژی - یکی از اساسی ترین مفاهیم نظریه بازیها استراتژی است . غرض از استراتژی مجموعه قواعدی است که تعیین کننده رفتار بازیگر در انتخاب شقوق مختلف در همه موقعیت هایی که ممکن است در یک بازی پیش بیاید می باشد . بازیگر می تواند این موقعیت ها را از پیش تعیین نماید و آنگاه به ازاء هر یک از موقعیت های مزبور حرکت خاصی را انتخاب کند . مجموعه حرکت های انتخاب شده مزبور را یک استراتژی مشخص میگوئیم . اگر بازیگر استراتژی خود را تعیین کرده باشد ، دیگر نیازی بحضور در صحنه بازی ندارد و می تواند این کار را به دیگری ارجاع نماید و یا حتی با دادن استراتژی خود در قالب یک برنامه به حسابگر الکترونیک ( ۲ ) کار بازی را به حسابگر واگذار کند .

بازیهایی که در آنها صرفاً " تضادف ( شانس ) دخالت دارد فاقد استراتژی می باشند . بازیها را میتوان بر حسب تعداد استراتژی هایشان برای هر یک از طرفین محدود یا نامحدود نامید . بطور کلی اگر در یک بازی یک طرف  $m$  استراتژی و طرف دیگر  $n$  استراتژی در اختیار داشته باشد بازی را یک بازی  $m \times n$  (  $m$  در  $n$  ) می نامیم .

- 
- 1-games of perfect information
  - 2-electronic computer

بیان ریاضی " نظریه بازی ها " (۱)

انتخاب استراتژی

اصل کمترین بیشینه (۲) - یک بازی  $m \times n$  با ماتریس زیر در نظر بگیرید

A \ B	$B_1$	$B_2$	...	$B_n$	$\alpha_i$
$A_1$	$a_{11}^*$	$a_{12}$	...	$a_{1n}$	$\alpha_1$
$A_2$	$a_{21}$	$a_{22}$	...	$a_{2n}$	$\alpha_2$
...	...	...	...	...	...
$A_m$	$a_{m1}$	$a_{m2}$	...	$a_{mn}$	$\alpha_m$
$\beta_j$	$\beta_1$	$\beta_2$	...	$\beta_n$	

اگر ما استراتژی  $A_i$  را انتخاب کنیم ، بایستی همواره اینطور حساب کنیم که حریف ممکن است انتخاب ما را با استراتژی  $B_j$  پاسخ گوید که در نتیجه حاصل ما  $a_{ij}$  خواهد بود که تا آنجا که ممکن است کوچک می باشد . لذا به ازای  $i$  ثابت توجه خود را به کوچکترین  $a_{ij}$  ها معطوف می داریم . اگر این کوچکترین را  $\alpha_i$  بنامیم خواهیم داشت

$$\alpha_i = \min_j a_{ij} \quad (I)$$

به این معنی که اگر  $i$  ثابت باشد  $\alpha_i$  کوچکترین مقدار پارامتر  $a_{ij}$  به ازای مقادیر ممکن  $j$  خواهد بود .

اگر استراتژی  $A_i$  را انتخاب کنیم ، در صورتیکه حریف خود را عاقل فرض کنیم نباید انتظار داشته باشیم که بیش از  $\alpha_i$  برنده شویم . اگر بخواهیم کاملاً محتاطانه رفتار کنیم باید استراتژی  $A_i$  را انتخاب کنیم که برای آن  $\alpha_i$  ماکزیمم است . این مقدار ماکزیمم را با  $\alpha$  نشان می دهیم

$$\alpha = \max_i \alpha_i$$

که اگر فرمول (I) را بکار ببریم خواهیم داشت :

$$\alpha = \max_i \min_j a_{ij}$$

۱- در نوشتن این مبحث کتاب ( 14 ) مبنای کار قرار گرفته است.

\* بخوانید " a یک یک " نه " a یازده " 2-The Principle of Minimax

مقدار  $\alpha$  پائین ترین مقدار (۱) بازی یا بیشترین کمینه (۲) نام دارد . این مقدار ماکزیم حاصلی است که می توان برای یک استراتژی تضمین کرد . استراتژی بیشترین کمینه محتاطانه ترین استراتژی است . به این معنی که عکس العمل حریف ما هر چه باشد ، می توانیم مطمئن باشیم که یک حاصل  $\alpha$  بدست خواهیم آورد . به این دلیل است که مقدار  $\alpha$  پائین ترین مقدار بازی نامیده می شود .

اکنون همین وضع را برای حریف خود  $B$  در نظر بگیریم . از آنجا که او می خواهد بدرد ما را به حداقل برساند ، باید نخست حاصل ماکزیم هر یک از استراتژی های خود را بدست آورد . حاصل ماکزیم ، استراتژی  $B_j$  خواهد بود :

$$\beta_j = \max_i a_{ij}$$

و کوچکترین مقدار  $\beta_j$  عبارتست از

$$\beta = \min_j \beta_j = \min_j \max_i a_{ij}$$

مقدار  $\beta$  بالاترین مقدار (۳) بازی یا کمترین بیشینه نام دارد ، استراتژی کمترین بیشینه محتاطانه ترین استراتژی حریف ما خواهد بود .

#### نقاط زینی (۴) و راه حل آنها

بازیهایی وجود دارد که برای آنها استراتژی کمترین بیشینه پایدار (۵) است . اینها بازیهایی هستند که پائین ترین و بالاترین مقدار شان یکی است . اگر  $\alpha = \beta$  باشد ، مقدار مشترک آنها را مقدار بازی می نامیم و آنرا با  $\lambda$  نشان می دهیم .

یک بازی  $4 \times 4$  با ماتریس زیر در نظر بگیرید .

- 1-lower value
- 2-Maximin
- 3-upper value

- 4-saddle point
- 5-stable

A \ B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	B <sub>3</sub>	B <sub>4</sub>	$\alpha_i$
A <sub>1</sub>	0/4	0/5	0/9	0/3	0/3
A <sub>2</sub>	0/8	0/4	0/3	0/7	0/3
A <sub>3</sub>	0/7	<u>0/6</u>	0/8	0/9	<u>0/6</u>
A <sub>4</sub>	0/7	0/2	0/4	0/6	0/2
$\beta_j$	0/8	<u>0/6</u>	0/9	0/9	

$\alpha$  پائین ترین مقدار بازی و  $\beta$  بالاترین مقدار آن هر دو مساوی  $0/6$  است . یعنی  $0/6 = \alpha = \beta = \nu$  . عنصر  $0/6$  که به استراتژی های  $A_3$  و  $B_2$  مربوط می باشد در عین حال کوچکترین عدد در ردیف خود و بزرگترین عدد در ستون خود می باشد . در هندسه نقطه ای بر روی یک سطح که دارای چنین خاصیتی باشد ( یعنی در یک جهت می نیمم و در جهت دیگر ماکزیمم بشمار آید ) یک نقطه زینی نامیده می شود . به این اعتبار اصطلاح مزبور در نظریه بازی ها نیز بکار می رود .

اگر در یک بازی نقطه زینی وجود داشته باشد ، به دو استراتژی می نی ماکس مربوط خواهد بود ( در اینجا  $A_3$  و  $B_2$  ) . این استراتژی ها ، استراتژی مطلوب ( ۱ ) نام می گیرند و در مجموع راه حل بازی را ارائه می دهند . این راه حل ویژه گی قابل ملاحظه ای دارد . به این صورت که اگر یکی از بازیگران به استراتژی مطلوب خود پای بند باشد در حالیکه طرف مقابل از استراتژی اپتیمال عدول کند باز یگر دوم هرگز نمی تواند از این راه چیزی بدست آورد ،

1-optimal

به این معنی که در بهترین شرایط میزان برد او همچنان یکسان باقی خواهد ماند ، درحالیکه در بدترین شرایط باخت او بیشتر خواهد شد . لاجرم اگر  $A$  به استراتژی اپتیمال خود پای بند باشد ،  $B$  هرگز نمی تواند با تغییر استراتژی خود برد او را کاهش دهد ، به این معنی که برد  $A$  یا ثابت باقی می ماند و یا افزایش پیدا می کند . بطریق مشابه این امر در مورد  $B$  نیز صادق است .

بدینسان می بینیم که در بازی هایی که دارای یک نقطه زینی هستند ، استراتژی های می نی ماکس از پایداری (۱) خاصی برخوردارند . جمع هردو استراتژی اپتیمال "وضع متعادل" را ایجاد میکند . بایستی توجه داشت که در این بازی ها هرگونه اطلاعی که یکی از طرفین در مورد استراتژی طرف دیگر داشته باشد بی فایده است . زیرا هر یک از طرفین بهترین کاری که می تواند انجام دهد این است که استراتژی اپتیمال خود را بکار گیرد و بس .

گروه بازی هایی که دارای یک نقطه زینی هستند چه از لحاظ نظری و چه از لحاظ عملی اهمیت قابل ملاحظه ای دارند . بویژه ثابت شده است که هر بازی که در آن اطلاعات کامل در دست باشد دارای یک نقطه زینی است ، و از اینرو دارای راه حلی نیز خواهد بود . به این معنی که یک جفت استراتژی اپتیمال برای طرفین بازی وجود دارد بطوری که با اعمال این استراتژی ها برد متوسط بازی برابر ارزش بازی است .

می توان مثال را به عنوان نمونه از بازی هایی که در آنها اطلاع کامل وجود دارد در نظر گرفت . دایره بزرگی رسم شده و دو بازیگر متناوبا "سکه هایی در این دایره می گذارند . پیداست که سرانجام دایره پر خواهد شد . کسی که آخرین سکه را در دایره قرار دهد تمام سکه ها را خواهد برد . برای این بازی استراتژی مطلوبی وجود دارد که بر اساس آن هرکس اولین سکه را گذاشته باشد برنده خواهد بود . به این صورت که اگر  $A$  اولین سکه را در مرکز دایره قرار دهد و پس از آن  $B$  هر کجا سکه خود را قرار داد  $A$  سکه اش را در نقطه فرینه آن نسبت به مرکز بگذارد ،  $A$  سرانجام برنده خواهد بود .

در بازی های دیگری مانند شطرنج که در آنها اطلاع کامل وجود دارد ، وضع مشابهی بروز می کند . طبق قضیه عمومی ، شطرنج باید دارای یک نقطه زینی باشد و از اینرو باید دارای راه حلی باشد که استراتژی اپتیمال هر یک از طرفین را بطور کامل تعیین نماید . اما

تعداد ترکیبات (۱) حرکات در شطرنج بقدری زیاد است که در حال حاضر ساختن ماتریس برد و باخت‌های آن و یافتن نقطه زینی این ماتریس امکان پذیر نیست. بازیهایی که در آنها نقطه زینی وجود ندارد، استراتژی‌های مرکب، قضیه اصلی بازیهایی با استراتژی محدود که از نظر عملی سودمند هستند، بالنسبه به قدرت دارای نقطه زینی می‌باشند. غالباً "پائین‌ترین و بالاترین مقادیر بازده‌ها مساوی در نمی‌آیند. می‌دانیم که اگر بنا باشد تنها یک استراتژی "ساده" انتخاب کنیم، و فرض بر این باشد که حریف ما کاملاً عقلانی رفتار کند، در این صورت انتخاب ما باید بر اصل می‌نی‌ماکس مبتنی باشد، که بردی معادل با پائین‌ترین مقدار بازی یعنی  $\alpha$  را برای ما تضمین می‌کند. اکنون طبیعی است که از خود سؤال کنیم:

آیا هیچ راه دیگری وجود دارد که از طریق آن بتوانیم با تغییر تعدادی از استراتژی‌ها به شیوه‌ای تصادفی برد متوسطی بزرگتر از  $\alpha$  برای خود تضمین کنیم؟

اینچنین استراتژی‌ها را که از توالی تصادفی چندین استراتژی "ساده" (۲) که به نسبت معینی بکار رفته باشند بدست می‌آید، استراتژی‌های مرکب (۳) می‌نامند. هر استراتژی ساده را می‌توان حالت خاصی از یک استراتژی مرکب در نظر گرفت که در آن نسبت بکار بردن یکی از استراتژی‌ها ۱ است و نسبت بکار بردن استراتژی‌های دیگر صفر. سرانجام به این نتیجه می‌رسیم که اگر استراتژی‌های مرکب را نیز مانند استراتژی‌های ساده بکار ببریم، هر بازی محدودی حداقل دارای یک راه حل خواهد بود. به این معنی که برای هر بازی محدود یک جفت استراتژی اپتیمال وجود دارد (معمولاً "استراتژی‌های مرکب") بطوریکه برد متوسط برابر با ارزش بازی است و نیز به نحوی که اگر یکی از بازیگران از استراتژی خود عدول کند با این کار فقط بازنده خواهد بود. این بیان مضمون قضیه اصلی نظریه بازی‌ها است که نخستین بار در سال ۱۹۲۸ توسط فن نیومان به اثبات رسید. در اینجا از اثبات قضیه مزبور که تا حدی نیز پیچیده و دشوار است صرف‌نظر می‌کنیم. از قضیه اصلی نتیجه می‌شود که هر بازی محدودی دارای یک مقدار است. مقدار یک بازی که آنرا با  $\beta$  نمایش می‌دهیم باید بین مقادیر پائینی و بالایی بازی قرار گیرد،

1-combination  
2-pure strategy

3-mixed strategy

$$\alpha \leq \mu \leq \beta \quad (II)$$

$\alpha$  ماکزیم بردی است که در صورتیکه منحصرًا " استراتژی‌های ساده بکار رود، تضمین شده است. چون استراتژی‌های ساده حالات خاصی از استراتژی‌های مرکب می‌باشند، اگر استراتژی‌های مرکب را نیز در کار وارد کنیم از برد ما کاسته نخواهد شد، از اینرو باید دانسته باشیم  $\mu \geq \alpha$

و بطریق مشابه اگر حرف خود را در نظر بگیریم خواهیم داشت

$$\mu \leq \beta$$

که مؤید معادله (II) است.

### استفاده از استراتژی‌های مرکب

فرض کنید که استراتژی مرکب ما از استراتژی‌های ساده  $A_1, A_2, A_3$  به نسبت‌های  $P_1, P_2, P_3$  تشکیل یافته است، که در آن نسبت‌های  $p$  به نحوی نرمال شده اند که  $P_1 + P_2 + P_3 = 1$  می‌باشد. اکنون استراتژی مرکب خود را بصورت زیر نشان می‌دهیم:

$$S_A = \begin{bmatrix} A_1 & A_2 & A_3 \\ P_1 & P_2 & P_3 \end{bmatrix}$$

و بطریق مشابه

$$S_B = \begin{bmatrix} B_1 & B_2 & B_3 & B_4 \\ Q_1 & Q_2 & Q_3 & Q_4 \end{bmatrix}$$

نشان دهنده استراتژی مرکب حریف ما خواهد بود.

فرض کنید که برای یک بازی راه‌حلی پیدا کرده‌ایم، که شامل دو استراتژی مرکب ایتیمال  $S_A$  و  $S_B$  است. بطور کلی نمی‌توان گفت که تمام استراتژی‌های ساده‌ای که یک بازیگر در اختیار دارد در استراتژی مرکب او بکار گرفته خواهد شد. به استراتژی‌های ساده‌ای که بکار گرفته می‌شوند استراتژی‌های "سودمند" نام می‌دهیم.

حل یک بازی ویژگی دیگری نیز دارد که ذیلاً آنرا اثبات خواهیم کرد. اگر یکی

از بازیگران به استراتژی مرکب ایتیمال خود ( $S_{A'}$  یا  $S_{B'}$ ) پای بند باشد، مادام که استراتژی "سودمند" را بکار می برد مستقل از تصمیم بازیگر دیگر و استراتژی کما و انتخاب میکند، برد او برابر مقدار بازی (1) خواهد بود. بدینسان، بازیگر دوم می تواند هر یک از استراتژی های "سودمند" خود را بصورت یک استراتژی ساده بکاربرد و یا اینکه این استراتژی ها را به نسبت دلخواه با یکدیگر ترکیب کند.

اکنون به اثبات بیان فوق می پردازیم. فرض کنید که یک راه حل  $S_{A'}$  یا  $S_{B'}$  برای یک بازی  $m \times n$  داریم. برای اینکه مسئله مشخص تر باشد، فرض کنید که استراتژی  $S_{A'}$  ترکیبی است از سه استراتژی "سودمند"  $A_1, A_2, A_3$  و  $S_{B'}$  ترکیبی است از سه استراتژی "سودمند"  $B_1, B_2, B_3$ :

$$S_{A'} = \begin{bmatrix} A_1 & A_2 & A_3 \\ p_1 & p_2 & p_3 \end{bmatrix} \quad S_{B'} = \begin{bmatrix} B_1 & B_2 & B_3 \\ q_1 & q_2 & q_3 \end{bmatrix}$$

که در آن  $p_1 + p_2 + p_3 = 1$  و  $q_1 + q_2 + q_3 = 1$  می باشد. باید ثابت کنیم که اگر به استراتژی خود  $S_{A'}$  پای بند باشیم، حریف ما می تواند استراتژی خود  $B_1, B_2, B_3$  را به نسبتی که خواهد ترکیب کند، برد بازی تغییر نکرده برابر مقدار بازی ( $\mu$ ) باقی خواهد ماند. اثبات این امر به صورت زیر است.  $\mu_1, \mu_2, \mu_3$  را نتیجه های استراتژی های حریف خود ( $B_1, B_2, B_3$ ) در نظر بگیرید که علیه استراتژی ما بکار گرفته شده. از تعریف استراتژی ایتیمال نتیجه می شود که هیچ انحرافی از استراتژی ایتیمال  $S_{B'}$  نمی تواند برد  $B$  را افزایش دهد. این امر بدین معنی خواهد بود که:

$$\mu_1 \geq \mu; \quad \mu_2 \geq \mu; \quad \mu_3 \geq \mu \quad (III)$$

اکنون می توانیم نشان دهیم که نامساویهای فوق صادق نیستند، بیاد داشته باشیم که  $\mu$  عبارتست از  $\mu_1, \mu_2, \mu_3$  که به نسبت های  $q_1, q_2, q_3$  ترکیب شده اند.

$$\mu = \mu_1 q_1 + \mu_2 q_2 + \mu_3 q_3 \quad (IV)$$

$$q_1 + q_2 + q_3 = 1$$

از نامساویهای (III) نتیجه می شود که اگر هر یک از  $\mu_1, \mu_2, \mu_3$  بزرگتر از  $\mu$  باشد طرف راست (IV) نیز بزرگتر از  $\mu$  خواهد بود که قابل قبول نیست. لذا

$$\mu_1 = \mu_2 = \mu_3 = \mu$$

بطوری که صرف نظر از نحوه ترکیب  $\mu_1, \mu_2, \mu_3$  متوسط مقدار بازی همواره برابر  $\mu$  خواهد بود.



در حل بازی‌های محدود دائما" با این ویژگی مهم استراتژی‌های اپتیمال سرو کار خواهیم داشت .

### حل بازی‌های $2 \times 2$ و $2 \times n$

ساده کردن ماتریس‌ها

اگر یک بازی  $m \times n$  هیچ نقطه زینی نداشته باشد ، پیدا کردن راه حل آن معمولا" دشوار است ، بویژه اگر  $m$  و  $n$  بزرگ باشند . از اینرو گاه به حذف بعضی از استراتژی‌ها در ماتریس نتیجه‌های بازی می پردازیم . استراتژی‌هایی که از بازی حذف می شوند ممکن است مضاعف (۱) و یا مغلوب (۲) باشند . اگر در ماتریس نتایج یک بازی ارقامی که در برابر یک استراتژی قرار دارد درست مساوی ارقامی باشد که در برابر یک استراتژی دیگر نیز وجود دارد می توان یکی از این دو استراتژی را حذف کرد . این وضع را مضاعف بودن استراتژی می نامند . اگر تمام ارقامی که در برابر یک استراتژی قرار دارند از ارقام استراتژی دیگر کوچکتر یا حداکثر مساوی با آن باشند می توان استراتژی اول را حذف کرد . زیرا استراتژی دوم به اصطلاح بر استراتژی اول غالب است . و حذف استراتژی‌ها به هر یک از دو طریق فوق در تحلیل بازی خللی ایجاد نخواهد کرد . از طرف دیگر می توان همین عمل حذف را در میان استراتژی‌های حریف نیز انجام داد و ماتریس نتایج بازی را باز هم ساده تر نمود .

### حل بازیهای $2 \times 2$

ساده ترین بازیهای محدودی که همواره می توان آنها را به کمک روشهای مقدماتی حل

کرد بازیهای  $2 \times 2$  و  $2 \times n$  می باشند . یک بازی  $2 \times 2$  با ماتریس زیر در نظر بگیرید :

A \ B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>
A <sub>1</sub>	a <sub>11</sub>	a <sub>12</sub>
A <sub>2</sub>	a <sub>21</sub>	a <sub>22</sub>

1-duplicated

2-dominated

اگر این بازی دارای یک نقطه زینی باشد، حل آن از یک جفت استراتژی ساده تشکیل خواهد شد که در نقطه زینی مزبور با یکدیگر برخورد خواهند کرد. خواننده می تواند نشان دهد که در یک بازی  $2 \times 2$  همواره وجود نقطه زینی با وجود حداقل یک استراتژی غالب همراه است که قبلاً باید حذف شود.

فرض کنید که بازی هیچ نقطه زینی ندارد، بطوریکه مقادیر "پائینی" و "بالایی" بازی با یکدیگر مساوی نیستند:  $\alpha \neq \beta$ . می خواهیم استراتژی مرکب احتمال خود یعنی

$$S_{A'} = \begin{bmatrix} A_1 & A_2 \\ P_1 & P_2 \end{bmatrix}$$

را پیدا کنیم که دارای این ویژگی است که مستقل از اینکه حریف ما چه خواهد کرد (مادام که او استراتژی های سودمند خود را بکارگیرد)، برد متوسط برابر  $\mu$  یعنی برابر مقدار بازی خواهد بود. در یک بازی  $2 \times 2$  که نقطه زینی نداشته باشد، هر دو استراتژی حریف ما "سودمند" خواهد بود. در غیر این صورت حل بازی از استراتژی های ساده تشکیل خواهد شد و این امر به این معنی است که بازی دارای یک نقطه زینی است. از اینرو، اگر ما به استراتژی احتمال خود پای بند باشیم، حریف ما می تواند هر یک از استراتژی های ساده خود  $B_1$  و  $B_2$  را بکارگیرد بدون اینکه برد متوسط  $\beta$  تغییر یابد. از اینجا دو معادله زیر بدست می آید:

$$a_{11}p_1 + a_{21}p_2 = \mu$$

(V)

$$a_{12}p_1 + a_{22}p_2 = \mu$$

چون  $p_1 + p_2 = 1$ ، از معادلات فوق نتیجه می گیریم که

$$a_{11}p_1 + a_{21}(1-p_1) = a_{12}p_1 + a_{22}(1-p_1)$$

یا

$$p_1 = \frac{a_{22} - a_{21}}{a_{11} + a_{22} - a_{12} - a_{21}} \quad \text{و} \quad p_2 = 1 - p_1$$

مقدار  $\mu$  بازی را با گذاردن مقادیر  $p_1$  و  $p_2$  در یکی از معادلات (V) می توانیم بدست آوریم. با دانستن مقدار بازی، برای پیدا کردن استراتژی احتمال حریف خود یعنی

$$S_{B'} = \begin{bmatrix} B_1 & B_2 \\ q_1 & q_2 \end{bmatrix}$$

تنها به یک معادله نیازمندیم ، و می توانیم مثلا " معادله " زیر را انتخاب کنیم

$$a_{11}q_1 + a_{12}q_2 = \mu$$

چون  $q_1 + q_2 = 1$  داریم ،

$$q_1 = \frac{\mu - a_{12}}{a_{11} - a_{12}} \quad \text{و} \quad q_2 = 1 - q_1$$

برای روشن تر شدن بیان نظری فوق و نیز نشان دادن موارد استعمال عملی به ذکر مثالی

می پردازیم (۱) .

مثال - طرف A در مأموریتی علیه حریف خود B از دو بمب افکن I و II استفاده می کند . بمب افکن I همیشه در جلو حرکت می کند و بمب افکن II در عقب . یکی از بمب افکن ها ( که از پیش معلوم نیست کدامیک از آنها ) حامل بمب است و بمب افکن دیگر به عنوان اسکورت بکار می رود . در قلمرو B ، بمب افکن های مزبور توسط جنگنده های B مورد حمله قرار می گیرند . بمب افکن ها بطرفی پرواز می کنند که اگر جنگنده به II حمله کند تنها با آتش سلاح های II روبرو خواهد شد ، در حالیکه اگر به I حمله کند زیر آتش سلاح های هر دو بمب افکن قرار خواهد گرفت . در حالت اول احتمال اینکه جنگنده مورد اصابت قرار گیرد  $5/3$  و در حالت دوم  $5/7$  است .

در صورتیکه جنگنده مورد اصابت قرار نگیرد ، احتمال اینکه بمب افکنی را که هدف قرار داده ساقط نماید  $5/6$  (و البته احتمال اینکه این بمب افکن را ساقط نکند  $5/6 = 1 - 5/6$ ) است . هدف بمب افکن ها این است که بمب را فرو افکنند و هدف جنگنده این است که با هدف

---

۱ - در کتابهای (6) و بویژه (18) می توان مثالهای جالبی در این زمینه ها یافت .

قراردادن بمب افکنی که بمب را حمل می‌کند از این کار ممانعت بعمل آورد. اکنون باید استراتژی اoptimal هر یک از طرفین را تعیین کنیم:

(الف) برای طرف A - کدامیک از بمب افکن‌ها باید بمب را حمل کنند؟

(ب) برای طرف B - کدامیک از بمب افکن‌ها را باید مورد هدف قرار دهد؟

حل - در اینجا با ساده‌ترین نوع یک بازی  $2 \times 2$  سروکار داریم. حاصل A برابر است با میزان احتمال هدف قرار نگرفتن حامل بمب. استراتژی‌های A عبارتند از:

$A_1$  - بمب افکن I حامل بمب باشد

$A_2$  - بمب افکن II حامل بمب باشد

استراتژی‌های حریف عبارتند از:

$B_1$  - بمب افکن I مورد حمله قرار گیرد

$B_2$  - بمب افکن II مورد حمله قرار گیرد

اکنون می‌خواهیم ماتریس نتیجه‌های بازی را تشکیل دهیم، یعنی برد متوسط را برای هر جفت از استراتژی‌های مزبور پیدا کنیم:

(1)  $A_1 B_1$  (حامل بمب باشد، مورد حمله قرار گرفته باشد)

بمب فرو افکنده خواهد شد در صورتیکه: (1) جنگنده در حمله به I مورد اصابت

گلوله قرار گیرد (0/7) یا (2) جنگنده مورد اصابت قرار نگیرد (0/3) ولی

نتواند هدف خود را بزند (0/4) (1):

$$a_{11} = 0/7 + (0/3)(0/4) = 0/82$$

(2)  $A_2 B_1$  (حامل بمب است، مورد حمله قرار گرفته باشد)

$$a_{21} = 1$$

(3)  $A_1 B_2$  (حامل بمب است، مورد حمله قرار گرفته باشد)

$$a_{12} = 1$$

(4)  $A_2 B_2$  (حامل بمب است، مورد حمله قرار گرفته باشد)

$$a_{22} = 0/3 + (0/7)(0/4) = 0/58$$

۱ - احتمال دو حادثه که همزمان اتفاق بیفتند عبارتست از حاصل ضرب احتمال‌های هر یک از آنها. احتمال هر یک از دو حادثه‌ای که بطور کاملاً مجزا و مستقل از یکدیگر اتفاق می‌افتند، برابر حاصل جمع احتمال‌های آنهاست.

ماتریس نتیجه‌های بازی مزبور در اینجا نشان داده شده است . مقدار باثینی بازی ۰/۸۲ و مقدار بالایی آن ۱ است . این ماتریس دارای نقطه‌زینی نیست و لذا حل بازی باید

A \ B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>
A <sub>1</sub>	0/82	1
A <sub>2</sub>	1	0/58

دارای یک جفت استراتژی مرکب باشد . داریم :

$$(0/82)p_1 + (1)p_2 = \mu$$

$$(1)p_1 + (0/58)p_2 = \mu$$

و نیز  $p_1 + p_2 = 1$

لذا ،  $p_1 = 0/7$  و  $p_2 = 0/3$

استراتژی ایتیمال A خواهد بود :

$$S_{A'} = \begin{bmatrix} A_1 & A_2 \\ 0/7 & 0/3 \end{bmatrix}$$

و این بدین معنی است که بمب افکن I نسبت به بمب افکن II دفعات بیشتری حامل بمب می‌باشد . مقدار بازی  $\mu = 0/874$  خواهد بود . بدینسان ، موقعیت بصورتی که در بازی توصیف شد ، برای B " ناخوشایند " است ، و احتمال اینکه بمب افکن حامل بمب مورد اصابت قرار نگیرد ۰/۸۷۴ خواهد بود .

اگر  $\mu$  را داشته باشیم می‌توانیم  $q_1$  و  $q_2$  را که فرکانس‌های  $B_1$  و  $B_2$  در استراتژی ایتیمال B می‌باشند بدست آوریم .

$$(0/82)q_1 + (1)q_2 = 0/874$$

$$q_1 + q_2 = 1$$

لذا  $q_1 = 0/7$  و  $q_2 = 0/3$

و این بدین معنی است که استراتژی اپتیمال حریف بصورت زیر خواهد بود :

$$S_{B'} = \begin{bmatrix} B_1 & B_2 \\ 0/7 & 0/3 \end{bmatrix}$$

روش‌های حل بازیهای  $2 \times n$ ، بازیهای  $2 \times 2$  با بلوف، بازیهای  $m \times n$  و بازیهای بینهایت یا نامحدود را در اینجا مورد بحث قرار نمی‌دهیم. از بیان هندسی نیز هر چند به فهم مطالب کمک بسیاری می‌کند بخاطر رعایت اختصار صرف نظر کردیم. از آن گذشته، ذکر این نکته ضروری است که مسائل نظریهٔ بازی‌ها حالت خاصی از مسائل برنامه‌ریزی خطی می‌باشند. بدیهی است که بیان نظریهٔ بازیها از این نقطه نظر بسیار دقیق تر و غنی تر خواهد بود. (۱)

بازیهای با حاصل صفر ( بازیهای با حاصل ثابت )

متخصصین نظریهٔ بازی‌ها در این حقیقت اتفاق نظر دارند که در شرایط منازعه آمیز آشتی ناپذیر مطمئن‌ترین استراتژی انتخاب " بهترین بدترین‌ها " یا " بدترین بهترین‌ها " است و این همان چیزی است که به استراتژی می‌نی ماکس ( ماکسی مین ) معروف است. بازیگر برای اجتناب از بدترین باخت، از بهترین برد نیز صرف نظر می‌کند. استراتژی می‌نی ماکس احتیاط‌آمیزترین استراتژی است. در مورد این استراتژی بایستی نکات زیر را در نظر داشت ( 4 ):

- ۱- استراتژی مزبور تنها بر بازیهای با حاصل صفر قابل اعمال است.
- ۲- وجود یا عدم وجود اطلاعات در مورد رفتار حریف تأثیری در این استراتژی نخواهد داشت.
- ۳- اتخاذ این استراتژی تنها زمانی اپتیمال است که مطمئن باشیم حریف بطور عقلایی رفتار می‌کند.
- ۴- مطلوبیت اعمال استراتژی می‌نی ماکس تنها در کل یک بازی که دارای حرکت‌های بسیار باشد اعتبار دارد.
- ۵- استراتژی مزبور چندان چنگی بدل نمی‌زند، با اینحال از آن‌گزیری نیست. شوبیک پژوهشگران را از تأکید فراوان بر این نوع بازی بر حذر می‌دارد. وی پس از تأیید

---

۱- در این زمینه مطالعه اثر مختصر و مفید ( 13 ) سودمند است.

اینکه بازیهای دو نفره با حاصل صفر تعریفی از یک موقعیت کاملاً " رقابت آمیز بدست می دهند، به این نکته اشاره می کند که پژوهشگر علوم سیاسی بمعنی عام کلمه از مطالعه عمیق و وسیع این مبحث روشن بینی و بصیرت چندانی بدست نخواهد آورد... بنظر او بر روی قضیه می نی ماکس یا نقطه زینی در نظریه بازیها ( اساساً ) بیش از اندازه تأکید شده است. بازیهای با حاصل صفر برای پژوهشگران علوم رفتاری سود چندانی ندارند.

کارل دوویچ به این نکته اشاره می کند که استراتژی می نی ماکس نمی تواند هیچگونه پیروزی ( چشم گیری ) به بار آورد، و بنظر می رسد که این استراتژی از طرز فکر ژنرال های اهل عمل بدور باشد. با وجود اینکه عملاً " تعیین سیاست خارجی بیشتر در دست سیاستمداران و دیپلمات هاست و نه متخصصین نظریه بازیها، با اینحال می توان نشانه های استراتژی می نی ماکس را در " سیاست محاصره " ( ۱ ) یا " سیاست قرنطینه " ایالات متحده علیه اتحاد شوروی مشاهده کرد. این سیاست که نخستین بار در سالهای ۱۹۴۶ و ۱۹۴۷ توسط جرج کنان ( ۲ ) اتخاذ گردید، قریب بیست سال دنبال شد ( 3-p. 112 ).

#### بازیهای با حاصل غیر صفر ( بازیهای با حاصل متغیر )

بازیهای دو نفره با حاصل غیر صفر را هم می توان بر مبنای " همکاری " یا " عدم همکاری " بنیان نهاد. در بازیهایی که در آنها همکاری وجود دارد بازیگران می توانند پیش از شروع بازی مستقیماً با یکدیگر تبادل نظر کنند و اطلاعاتی در مورد انتخاب های خود در اختیار طرف مقابل قرار دهند. اما در بازیهایی که در آنها همکاری وجود ندارد، تماس بین طرفین بازی امکان پذیر نیست ولی پس از انجام یک یا چند دور بازی و بکار گرفتن یک استراتژی، می توان با استراتژی حریف آشنا شد.

موقعیت های زندگی روزمره یا اوضاع و احوال سیاست بین المللی بیشتر به بازیهای با حاصل غیر صفر شباهت دارد. زیرا در این موقعیت ها گاه دو حریف در عین اینکه کوشش دارند از یکدیگر چیزی بگیرند، خود مشترکاً چیزی از دست می دهند یا بدست می آورند.

#### تهدید متقابل ( ۳ ) : بازی " جوانک ترسو " ( ۴ )

بعضی از مدل های بازیهای با حاصل متغیر بیشتر و دقیق تر مورد بررسی و مطالعه قرار

1-containment policy

2-George F. Kennan

3-mutual threat

4-The Game of Chicken

گرفته‌اند. یکی از این بازیها، بازی است بنام "جوانک ترسو". دو بازیگر سوار بر اتومبیل های خود در جاده‌ای خلوت بسرعت بطرف یکدیگر می‌رانند بطوریکه چرخ طرف چپ هر یک از آنها بر روی خط میانه قرار دارد. در این گیرودار هنگامی که دو اتومبیل با یکدیگر روبروی شوند، هر کدام از آنها که خود را بطرف راست بکشد و از سر شاخ شدن با حریف اجتناب کند، مورد سرزنش و استهزاء تماشاگران قرار می‌گیرد و آن یکی که مستقیماً "بحرکت خود ادامه داده است کسب افتخار می‌کند". (به نظر برخی از صاحب نظران این بازی شباهت جوهری بسیاری با رودرروئی های قدرت های بزرگ دارد که یکدیگر را به جنگ هسته‌ای تهدید می‌کنند).

نگاهی عمیق‌تر به این بازی مدل‌بندی ریاضی آنرا بدست می‌دهد. هر یک از دو بازیگر می‌تواند یکی از دو استراتژی را انتخاب کند: با کنار کشیدن خود و اجتناب از درگیری با دیگری "همکاری" کند (با قبول این ریسک که اگر خود را زودتر از حریف کنار بکشد مورد استهزاء قرار خواهد گرفت)، یا اینکه از نفع مشترکشان در رهائی از مرگ‌روی بگرداند و دیگری را "رها" کند و همچنان به حرکت خود در مسیر مستقیم ادامه دهد، که یا بمرگ او منتهی می‌گردد و یا در صورتیکه حریف از میدان به در رفته باشد برای او پیروزی و افتخار ببار می‌آورد. بدین‌صورت هر یک از بازیگران تصمیم می‌گیرد که همکاری بکند یا نکند. اما حاصلی که بدست می‌آورد نه تنها به تصمیم او بستگی دارد بلکه بطور قطع به تصمیمی که حریف او اتخاذ خواهد کرد نیز وابسته است.

در مدل مجرد این موقعیت چهار صورت ممکن می‌توانیم در نظر بگیریم.

۱- هر دو بازیگر "همکاری" کنند (CC). به این ترتیب که هر دو در یک‌زمان به راست منحرف شوند و به این ترتیب آبروی خود را حفظ کنند.

۲- هر دو بازیگر یکدیگر را "رها" کنند (DD). به این ترتیب که هر دو به مسیر خود ادامه دهند که موجب برخورد آنها با یکدیگر و مرگ یا صدمه شدید خواهد شد.

۳- بازیگر A همکاری کند و خود را کنار بکشد ولی بازیگر B این کار را نکند (CD). در این صورت بازیگر A مورد استهزاء قرار خواهد گرفت و بازیگر B قرین افتخار خواهد شد.

۴- این حالت عکس حالت قبل است (DC).

بازیگران در این بازی باید از پیش استراتژی خود را تعیین کرده باشند. زیرا در گیر و دار درگیری فرصت مطالعه تصمیم حریف وجود ندارد. اکنون بینم که استراتژی



اقتیعال برای بازیگر A چه خواهد بود ؟

با توجه به ماتریس بازی پیداست که استراتژی ایتیعال ، در این بازی که از اصل می نی ماکس تبعیت می کند ، استراتژی C برای هر یک از طرفین یا به عبارت دیگر  $A_1$  برای A و  $B_1$  برای B می باشد ( آنچه در این بازی جالب است این که بازی مزبور بر حسب نتیجه ای که به بار می آید گاه به بازی با حاصل صفر بدل می شود و گاه به بازی با حاصل غیر صفر) .

		(C)	(D)
		$B_1$	$B_2$
(C)	A	-5	+10
	$A_1$	-5	-10
(D)	A	-10	-50
	$A_2$	+10	-50

حاصل می نی ماکس (-5, -5) CC

مادام که در یک بازی حاصل منفی ( DD ) بزرگتر از حاصل مثبت یا منفی D یا DC است بازی مزبور اساساً از این دسته بازیهاست که به " جوانک ترسو" معروف است . این بازی راه حل خردمندانه ای دارد که به هر یک از بازیگران حکم می کند همکاری را بر منازعه ترجیح دهند . در روابط بین الملل هر گاه موقعیتی به موقعیت بازی مزبور شباهت داشته باشد سیاستمدار آزمودن صاحب رای بر اساس این نظریه " سیاست مسالمت آمیز" را بر " سیاست غلاظ و شداد" ترجیح خواهد داد .

تهدیدها و پیمان ها : " بی تکلیفی زندانی " (۱)

مدل دیگری که برای منازعه بین المللی وجود دارد بازی است بنام بازی " بی تکلیفی زندانی" متأسفانه این بازی بیشتر از بازی " جوانک ترسو" که مورد بحث قرار گرفت ، به موقعیت های منازعه آمیز بین المللی شباهت دارد و از این نظر با واقع منطبق تر است . بنا به مضمون داستانی قدیمی حاکم شهری در زندان شهر دوزندانی داشت که هر دو متهم به جرمی بودند و بنا به دستوری که به او داده شده بود مجبور بود کاری بکند که پیش از اعدام متهمین لااقل یکی از آنها به مجرمیت خود اعتراف کند . لذا هر یک از دوزندانی را جداگانه فرا خواند و به آنها گفت " که هر یک از شما دو نفر که لااقل یک روز زودتر از دیگری اعتراف کنند نه تنها آزاد خواهد شد بلکه جایزه ای نیز دریافت خواهد داشت ، و کسی که دیرتر اعتراف کرده بمرگ محکوم می گردد . در صورتیکه هر دو در یک روز اعتراف کنید

هر یک به ده سال زندان محکوم می شوید . و اگر هیچیک اعتراف نکنید ، هر دو آزاد خواهید شد ، ولی پاداشی به شما نخواهم داد . " آنگاه افزود " که آیا حاضرید با سکوت خود به زندانی دیگر این فرصت را بدهید که زودتر از شما اعتراف کند و علاوه بر اینکه آزادی می شود و پاداش زبور را بدست می آورد ، باعث اعدام شما نیز بشود . اکنون بسلولهای انفرادی خود بروید و تا فردا در مورد پاسخ خود فکر کنید . " به این ترتیب هر یک از دو زندانی که هیچگونه تماسی با یکدیگر نداشتند تمام شب را در اندیشه سر کردند و با وضع دشوار و بی تکلیفی و سرگردانی خود دست بگریبان بودند .

مدل ریاضی این بازی از بعضی جهات به مدل بازی " جوانک ترسو " شباهت دارد . هر یک از دو زندانی مخیر است که از میان دو استراتژی یکی را اختیار کند : سکوت کند و با رفیق خود همکاری نماید ( C ) ، یا رفیق خود را رها کند و دست به اعتراف بزند ( D ) با این دو استراتژی چهار نوع حاصل مختلف وجود دارد .

( ۱ ) هر دو زندانی سکوت اختیار کنند و بدون دریافت وجهی آزاد شوند ( CC ) .

( ۲ ) زندانی اول سکوت کند ، اما زندانی دوم اعتراف نماید و زندانی اول را به

پای چوبه دار بفرستد . در اینصورت زندانی دوم علاوه بر آزادی مقداری وجه

نقد نیز بعنوان پاداش دریافت خواهد کرد ( CD ) .

( ۳ ) این حالت عکس حالت دوم است ( DC ) .

( ۴ ) هر دو زندانی با واقع گرائی خشک مغزانه ای اعتراف کنند و به ده سال زندان

محکوم شوند ( DD ) .

با در دست داشتن این الگو از نتایج مختلف محتمل بازی ، اما بدون اطلاع از تصمیم

دیگری و بدون اینکه بین دو زندانی ارتباطی برقرار باشد هر یک باید عقلایی ترین استراتژی

را اتخاذ کند . نظریه بازیها در این مورد عقلایی ترین استراتژی را استراتژی " رها کردن

طرف دیگر می داند . زیرا این استراتژی در بهترین شرایط برای شخص آزادی و مقداری وجه

نقد بعنوان پاداش بهار می آورد و در بدترین شرایط ده سال زندان . در حالیکه همکاری

در بهترین شرایط برای شخص آزادی بدون دریافت وجه نقد به همراه دارد و در بدترین

شرایط چوبه دار . از آنجا که هیچیک از طرفین نمی تواند به طرف دیگر اعتماد کند ، از

اینرو او را رها کرده به خود وامی گذارد و برای تأمین منافع خویش راه اعتراف در پیش

می گیرد . پس هر دو اعتراف می کنند ، منتها چون هر دو به یک اندازه پای بند رفتار عقلایی

هستند ، هر دو در یک روز اعتراف می کنند و در نتیجه مجبور می شوند ده سال در زندان

سر کنند .

		(C)	(D)
	A \ B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>
(C)	A <sub>1</sub>	+10	+20
		+10	-20
(D)	A <sub>2</sub>	-20	-10
		+20	-10

در مسائل مربوط به کنترل سلاحها و خلع سلاح (۱) و یا کاهش تدریجی تشنج (۲) بین دو رقیب سرسخت ایدئولوژیک، ویژگیهایی مشاهده می شود که در مدل فوق نیز وجود دارد: هر دو طرف می توانند از اعتماد متقابل سود فراوان ببرند، اما این سود در برابر پاداشی که از فریب دادن و موفق شدن بدست می آید و نیز در برابر عواقبی که از اعتماد کردن و فریب خوردن حاصل می آید، قرار می گیرد.

اگر این بازی یک بار انجام شود راه حل قانع کننده ای بدست نمی آید جز اینکه بپذیریم هر دو طرف D را انتخاب کنند و هر یک به ده سال زندان محکوم شوند، که استراتژی پوچی است. کوشش برای پیدا کردن یک استراتژی ایتیمال باید از طریق مطالعه و بررسی یک رشته تجاربی که روی این بازی انجام شده، صورت گیرد.

برای پیدا کردن استراتژی ایتیمال باید تحلیل نظری را با آزمایش همراه کرد. اگر دو زندانی مزبور می توانستند استراتژیهای خود را با یکدیگر هماهنگ سازند، بی شک آزاد می شدند. اما چنین کاری برایشان امکان نداشت زیرا که وسیله ای برای ارتباط با یکدیگر در اختیار نداشتند. در حالیکه اگر یک رشته بازی انجام گیرد آنها می توانند در طول این بازیها بتدریج استراتژیهای خود را با هم هماهنگ سازند. آناتول رپوپورت و دستیارانش در دانشگاه میشیگان آزمایشهایی با بازی مزبور که در آن دو بازیگر باید ۳۰۰ بازی متوالی

1-disarmament

2-de-escalation

علیه یکدیگر انجام می دادند ، ترتیب دادند ، نتایج منتشره<sup>۴</sup> ایشان تقریبا " بر ۱۰۰/۰۰۰  
دور بازی مبتنی است ، و برای کسانی که به نحوی با مسئله<sup>۵</sup> منازعه میان افراد ، گروهها و  
کشورها سروکار دارند سودمند است .

در اینجا فقط می توانیم به بعضی از نتایج آزمایشهای مزبور اشاره کنیم . در یک رشته  
که شامل ۳۰۰ بازی بوده ، دو حریف نخست در اندکی کمتر از ۵۰ درصد بازیهای خود  
توانستند با یکدیگر همکاری دو جانبه ( CC ) داشته باشند . در ۳۰ تا ۴۰ بازی بعد طرفین  
سازش با یکدیگر را کنار گذاشته و در نتیجه بعلت وضع رقابت آمیزی که پیش آمده بود  
همکاری دو جانبه میان ایشان به ۲۷ درصد کاهش یافت . بطوریکه هر دو طرف متحمل ضرر  
سنگینی شدند . در ۱۰۰ بازی بعد آنها متوجه شدند که این رقابت شدید سودمند نیست ،  
در حالیکه همکاری نتایج بهتری بیار می آورد ، در طول ۵۰ بازی آخر از این رشته بازیها ،  
دو بازیگر به نحو موفقیت آمیزی با یکدیگر همکاری کردند و در ۷۳ درصد موارد توانستند  
جایزه ای را که در صورت برنده شدن به هر یک از طرفین برنده داده می شد ، بدست آورند .  
یکی از توجیهات ممکنه این نتایج این است که هر دو بازیگر در مراحل اولیه بیشتر  
همکاری می کنند و کمتر یکدیگر را رها می سازند ، اما کمتر می توانند حرکت های ناشی از  
همکاری خود را با یکدیگر هماهنگ سازند . بحض اینکه این وضع پیش می آید ، بازیگری  
که حرکت ناشی از همکاری انجام داده است به خاطر رها شدن از جانب حریفش شدت تنبیه  
می شود ، و ممکن است این امر را نشان سوء نیت و خیانت رنیب خود ( که با او از در  
همکاری درآمده بود ) بداند . از اینرو در مقام تلافی بر می آید و با او بهیچوجه همکاری  
نمی کند و بدنبال این وضع یک رشته تلافی متقابل ( ۱ ) پیش می آید ( که مدتی طول  
می کشد تا طرفین از آن دست بردارند ) تا اینکه سرانجام می آموزند که بهترین راه این  
است که میزان هماهنگی ( ۲ ) تصمیمات خود را به بیشتر از آن حدی برسانند که در آغاز  
وجود داشت .

شخصیت بازیگران تأثیر بسیار اندکی در نتیجه بازی داشته است . اما نحوه<sup>۶</sup> شروع  
بازی عامل مؤثری در کیفیت ادامه<sup>۷</sup> آن بشمار می رفته . اگر بازیگران در آغاز خشونت و

---

1-mutual retaliation

2-coordination

شدت عمل بخرج داده باشند مدتی طول می کشد تا دست همکاری بطرف هم دراز کنند . اما اگر از آغاز با همکاری شروع کرده باشند این همکاری در مراحل بعدی همچنان ادامه خواهد داشت . همین پارامترها را در پیش‌بینی ، اداره و حل و فصل منازعات بین‌الملل نیز باید در نظر داشته باشیم .

درین رشته بازیهاکه بازیگران ۳۰۰ بار بازی " بی تکلیفی زندانی " را انجام می‌دهند ، بازی از یک جهت بسیار واقع بینانه‌تر شده است و آن اینکه بازیگران دیگر فکر نمی‌کنند بعد از بازی آنها هر چه پیش‌آید خوش‌آید یا اینکه " دنیا پس‌مرگ ماچه دریا چه سراب " . بلکه در اینجا کوشش می‌شود که هر بازی‌باتوجه به ادامه حیات و عواقب کار انجام گیرد . زیرا رقابت خشونت‌آمیز ، همکاری و هماهنگی را بکلی از میان بر می‌دارد و به ضرر هر دو طرف تمام می‌شود . در حالیکه در زندگی روزمره ، تجارت ، مسائل سیاست ، و روابط میان کشورها به آینده و عواقب کار کمتر توجه می‌شود .

اصلاح‌دیگری که باید در نظریه کلاسیک بازی‌ها انجام گیرد تا بیشتر قابل اعمال بر روابط بین‌الملل گردد این است که مدلهای بازی بصورتی در آیند که عمل تصمیم‌گیری از نظروقت‌وانرژی و منابعی که نیاز دارد ، مقرون به صرفه ممکن باشد . زیرا همواره نمی‌توان همه ترکیبات ممکنه<sup>۱</sup> استراتژی‌های مختلف و نتایج آنها را محاسبه کرد .

بطور کلی در مسائل انسانی و بویژه در کار سیاست بایستی در نظر داشت که دست یافتن به راه حل ایتیمال ( بهترین راه حل ممکنه ) بعلت محدودیت‌های زمانی امکان‌پذیر نیست . بلکه تنهایی توان به استراتژی دست یافت که با توجه به امکانات و مقدرات و با در نظر گرفتن محدودیت‌های موجود بالنسبه بهترین استراتژی ممکن برای نیل به پیروزی باشد .

از طرف دیگر بایستی به مسئله<sup>۲</sup> هزینه<sup>۳</sup> بدست آوردن این استراتژی‌های ایتیمال نیز توجه داشت و بویژه باید دید که آیا پیدا کردن استراتژی مزبور باتوجه به درجه<sup>۴</sup> اهمیت مسئله مورد تصمیم اساسا " مقرون به صرفه است یا نه .

### تهدید و بازدارندگی ( ۱ ) به عنوان بازیهای با حاصل متغیر

توماس شلینگ نشان می‌دهد که تهدید و بازدارندگی را می‌توان همچون بازیهای با حاصل متغیر در نظر گرفت . واضح است که میان تهدید کننده و تهدید شونده بایستی از

1-deterrence

بعضی جهات برخورد منافع وجود داشته باشد . علاوه بر این شلینگ می گوید که دو طرف در اجتناب از عملی شدن تهدید دارای منافع مشترکی نیز می باشند . زیرا تهدیدی که صورت گرفته نه تنها برای تهدید شونده از جهتی دردناک است ، بلکه برای تهدیدکننده نیز دردناک می باشد زیرا برای اعمال تهدید ، بناچار باید قیمتی پرداخت کند . در صورتیکه اقدام مورد تهدید بنفع تهدیدکننده بود ، بی شک او تهدید نمی کرد ، بلکه دست به عمل می زد . اگر او ترجیح می دهد که صرفاً " تهدید کند ، نشان ملاطفت و نرم خوئی او نیست ، بلکه تنها به این دلیل است که می داند انجام دادن تهدیدی که صورت گرفته مخارجی نیز بدنبال دارد . بنابراین ، اگر تهدید جامه عمل بخودنپوشد هم تهدید کننده و هم تهدید شونده از این رهگذر سود خواهند برد .

این تحلیل دو نتیجه اساسی در بر دارد . نخست اینکه حتی در موقعیت های تهدید و بازدارندگی نیز طرفین منافع مشترکی را حفظ می کنند . این منافع مشترک با افزایش قیمت اعمال تهدید افزایش می یابد . اگر طرفین منازعه تقریباً با یکدیگر هم توان باشند و اگر این قیمت مشترک بیشتر از آن چیزی است که بر سر آن جدال می کنند ، آنگاه این بازدارندگی به بازی " جوانک ترسو " شباهت خواهد داشت . اگر قیمت بازی زیاد است اما در هر حال کمتر از ارزش جایزه ای است که بر سر آن به جدال پرداخته اند ، آنگاه این بازدارندگی به بازی " بی تکلیفی زندانی " شباهت خواهد داشت . در صورتیکه طرفین منازعه همچنان با یکدیگر هم توان باشند ، اما تهدید میان آنها شدت بیشتری پیدا کند ( مثلاً " از طریق افزایش سلاح های مخرب ) ، مادام که پاداش پیروزی افزایش نیافته باشد ، کیفیت بازدارندگی از الگوی بازی " بی تکلیفی زندانی " دور می شود و به الگوی " جوانک ترسو " گرایش می یابد . مسئله دیگری که شلینگ بدان اشاره می کند مسئله اعتبار تهدیدها است . شلینگ می گوید که اگر تهدیدکننده نشان دهد که گاه نیز رفتارش غیر عقلایی و ناخردمندانه است به اعتبار تهدید خود می افزاید .

برنتریه بازدارندگی چه از نظر کارایی تاکتیکی و چه از نظر اخلاقی و انسانی ایرادات بسیاری وارد کرده است که در بسیاری از موارد قابل تأمل می باشند . ( 3-pp. 127-130 )  
داوری اخلاقی در باب تفکر استراتژیک در حوصله این مقاله نیست . اما همینقدر باید گفت که آنچه برای بشریت اهمیت دارد نه انتخاب بهترین استراتژی ها برای رقابت بلکه انتخاب بهترین استراتژی ها برای همکاری است . آنچه ضرورت دارد یافتن پاسخ مناسب برای مسائل

حیاتی مانند فقر و گرسنگی و بی سوادی است . از طرفی باید توجه داشت که روند تاریخ را نمی توان با استراتژی‌ها تعیین کرد . زیرا انسان در معبر تاریخ است و نه سازنده آن . می توان این یا آن بازی را برد ، اما نمی توان گفت که نتیجه نهائی بازی فراگیر و همه جانبه‌ای که در جریان است چه خواهد بود . زیرا همواره باید در نظر داشت که عامل تصادف نقش بسیار مهمی در تعیین سرنوشت آینده هر نظامی (۱) دارد . این عامل هم در نحوه بروز پدیده‌های (۲) طبیعی و هم در کیفیت ظهور پدیده‌های انسانی دخالت می کند . از اینرو برای آینده هیچ نظامی نمی توان مدل معین و مشخص و از پیش ساخته شده عرضه کرد . نمی توان گفت که فی المثل نظام بین الملل در اواسط قرن بیست و یکم دقیقاً " چه صورتی خواهد داشت . بلکه تنهایی توان مدلهای سازگاری (۳) با درجه تعیین مشخص ارائه کرد که تصویری احتمالی (۴) و آماری (۵) از آینده نظام مورد نظر بدست دهد . در علوم طبیعت (بویژه در جهان بزرگ (۶)) تعداد این مدل‌ها بمراتب کمتر از علوم رفتاری است . زیرا از طرفی شناخت ما از کیفیت بروز حوادث طبیعی دقیق‌تر و وسیع‌تر است و از طرف دیگر یکبار که طبیعت به انقیاد انسان درآمد ( یعنی مدل‌بندی ریاضی شد ) دیگر عصیان نمی کند . ( و از همینجا است که پرنسیپ‌ها عوض نمی شوند ) . اما اندیشه آدمی خود علیه خود قیام می کند و نظام نو نظام کهنه را بکلی درهم می شکند و حتی نشانی نیز از آن بر جای نمی گذارد . و تکامل انسان بهین معنی است .

بحث در باب کاربرد نظریه بازی‌ها در تحلیل روابط بین الملل را به همینجا خاتمه می دهیم . بحث تفصیلی هر یک از این مباحث را باید در کتابهای اختصاصی این رشته مطالعه کرد . مسئله دیگری که اشاره بدان ضروری است مسئله امکان کاربرد روشها ، مدل‌ها ، فرضیه‌ها و بالاخره نظریه‌ها در علوم رفتاری است . در این زمینه نیز گفتنی بسیار است (۷) . در این مقاله کوشش بر آن بود که به نکاتی هر چند به ظاهر پراکنده اما مرتبط اشاره

1-system

2-phenomenon

3-consistency

4-probabilistic

5-statistical

6-macrocosm

۷ - در این زمینه مطالعه مقاله محققانه دکتر محمد رضوی در نشریه دانشکده حقوق و علوم سیاسی شماره پانزدهم و شانزدهم سال ۱۳۵۲ تحت عنوان " تحول مفهوم و کارکرد نظریه در علم سیاست " توصیه می شود .

شود تا زمینه‌ای مناسب برای مطالعه در این نظریه و کاربردهای آن فراهم آید . باشد که مقاله حاضر راه‌گشای پژوهش‌های اساسی در این زمینه باشد .

### فهرست منابع و مآخذ

- (1) Buchler, J. R. and Nutini, H. G. Game Theory in the Behavioral Sciences, University of Pittsburg Press, 1969.
- (2) Borel, E. Three short papers on games theory that involve chance and the skill of the players. Translated by: L. J. Savage. *Econometrica*, 20, 97-117; 1953.
- (3) Deutsch, K. W. The Analysis of International Relations. Prentice-Hall, Inc., Englewood Cliffs, New Jersey, 1968.
- (4) Dougherty, J. E. and Pfaltzgraff, R. L., Jr. Contending Theories of International Relations. J. B. Lippincott Company, Philadelphia, New York, Toronto, 1971.
- (5) Huizinga, J., Homo Ludens: A Study of Play Element in Culture (Boston: Beacon Press, 1955).
- (6) Mckinsey, J. C. C. Introduction to the Theory of Games. New York, Toronto and London, 1952.
- (7) Rapoport, A. Fights, Games and Debates, The University of Michigan Press, 1960.
- (8) Rapoport, A. Strategy and Conscience, New York Harper & Row, 1964.
- (9) Rosenbaum, Naomi. Readings on the International Political System; Prentice-Hall, Inc., 1970.



- (10) Savage, L. J. The Foundations of Statistics, John Wiley & Sons, Inc., 1956).
- (11) Schelling, T. C. The Strategy of Conflict, Harvard University, 1960.
- (12) Shubik Martin. Game Theory and Related Approaches to Social Behavior (New York: John Wiley & Sons, 1964).
- (13) Vajda, S. The Theory of Games and Linear Programming, Science Paperbacks and Methuen & Co. Ltd., 1967.
- (14) Venttsel, E. S. An Introduction to the Theory of Games. Translated from the Russian, D. C. Heath & Company, Boston, 1963.
- (15) Von Neumann, J. and Morgenstern, O. Theory of Games and Economic Behaviour, Princeton N.J. 1944 (2nd ed. 1947).
- (16) Von Neumann, J. Zur Theorie den Gesellschaftsspiele Math. Annalen, 100, 295-320; 1928.
- (17) Wiener, N. The Human Use of Human Beings, Cybernetics and Society, Avon Books, New York, 1950.
- (18) Williams, J. D. The Compleat Strategyst, New York: McGraw-Hill Book Company, 1956.
- (19) Wilson, A. War Gaming, Pelican Books, 1971.