

سید حسین سقائیان نژاد \*

احمد برهانی \*\*

## تخمین تابع هزینه ترانسلوگ برای

### صنعت سیمان و کاربردهای آن

#### چکیده

به دلیل اهمیت صنعت سیمان در بین صنایع دیگر به لحاظ جذب سرمایه، اشتغال زایی نیروی انسانی، مصرف سوخت و برق، سهم بالای آن در ارزش افزوده بخش صنعت و نیز با توجه ضرورت های بازسازی و تکمیل امور زیر بنایی و نقش سیمان در آن، شناسایی کارآیی و شناخت تکنولوژی صنعت سیمان از جنبه های اقتصادی موضوع قابل توجهی برای سیاست گذاران و برنامه ریزان اقتصادی کشور می باشد.

اطلاع از ساختار هزینه و ویژگی های منتج از آن نظیر توابع تقاضای نهاده های سرمایه، نیروی انسانی، مواد اولیه، سوخت و برق، محاسبه کشش های جانشینی و قیمتی و همچنین وجود و یا عدم وجود صرفه های مقیاس در این صنعت می تواند در امر برنامه ریزی به کار گرفته شود.

تجزیه و تحلیل های سنتی از بهره وری تولید عمدتاً بر تابع تولید

\* استادیار دانشکده صنایع و مرکز برنامه ریزی سیستمها، دانشگاه صنعتی اصفهان

\*\* فارغ التحصیل کارشناسی ارشد دانشکده صنایع و مرکز برنامه ریزی سیستمها، دانشگاه صنعتی اصفهان

متمرکز شده است. در حالی که تابع هزینه به دلیل ویژگی‌های زیر از تابع تولید مناسب تر است، اولاً تابع هزینه دارای یک بهینگی انتخاب است و از حل مسأله بهینه‌سازی حاصل شده است ثانیاً اطلاعات در مورد هزینه‌های بیشتر از اطلاعات فیزیکی نهاده‌ها در دسترس است و ثالثاً تابع هزینه بسیاری از اطلاعات اقتصادی و تکنولوژی در مورد عملکرد دینگاه‌های اقتصادی را دارا است.

در این تحقیق یکی از فرم‌های معروف تابع هزینه به نام تابع هزینه ترانسلوگ، با استفاده از اطلاعات مربوط به ۱۳ کارخانه طی سالهای ۱۳۶۹-۱۳۷۳ برای صنعت سیمان برآورد شده است، نتایج حاکی از آن است که این مدل، مدل مناسبی برای تجزیه و تحلیل است. برآورد به وسیله نرم افزار کامپیوتری TSP-7 و باروش ISUR صورت گرفته است. برای برآورد تغییرات تکنولوژی از متغیر زمانی T استفاده شده است، نهاده‌های تولید در این تحقیق پنج نهاده سرمایه، نیروی انسانی، مواد اولیه، سوخت و برق می‌باشد. نتایج برآورد حاکی از آن است که تقاضای عوامل تولیدی کشش، جایگزینی عوامل محدود و با عدم وجود صرفه‌های مقیاس روبرو هستیم و همچنین تغییر تکنولوژی خاصی در دوره مورد بررسی در این صنعت صورت نگرفته است.

## ۱- مروری بر مطالعات و کارهای انجام شده

### ۱-۱ مقدمه

مطالعات چندی نسبت به برآورد تابع هزینه و تجزیه و تحلیل ساختاری آن به وسیله روابط اقتصادی در قالب تابع هزینه صورت گرفته است که اغلب آنها در کشورهای نظیر آمریکا، کانادا، اروپا و هند می‌باشد. چون این مطالعات بسیار گسترده می‌باشد بناچار در این قسمت توجه خود را بیشتر معطوف برآورد تابع هزینه ترانسلوگ و تجزیه و تحلیل‌های منتج از آن می‌نمایم.

ابتدا خلاصه‌ای از مطالعات انجام یافته در این زمینه در کشورهای خارجی را بیان کرده سپس یک مآخذشناسی در مورد تحقیقات مربوط به سیمان در ایران به صورت فهرست‌وار آورده شده است، که می‌تواند مرجعی برای محققین علاقه‌مند باشد. قابل توجه است که در ایران در صنعت سیمان چنین مطالعه‌ای صورت نگرفته است.

## ۱-۲ مطالعات جهانی

برای بررسی ساختار تکنولوژی صنایع با استفاده از تابع هزینه، تحقیقات بسیار وسیعی در خارج از ایران صورت گرفته است. در آمریکا، کانادا، اروپا و هند این مطالعات بسیار زیاد و چشم‌گیر می‌باشد. جدول ۱-۱ خلاصه‌ای است از مطالعاتی که فقط به برآورد تابع هزینه ترانسلوگ پرداخته‌اند.

همان گونه که در جدول دیده می‌شود نویسندگان و محققین جهانی، فروض مختلف، خصوصیات ویژه، داده‌های متفاوتی را به کار برده و هریک نتایج گوناگونی گرفته‌اند. نکته مشترک در تمام مطالعات فوق، استفاده از تابع هزینه ترانسلوگ و سیستم معادلات تقاضای نهاده‌های منتج از آن می‌باشد.

آنچه که بیشتر مورد نظر این محققان بوده برآورد کشش‌های جانشینی بین نهاده‌های مختلف و اظهار نظر در مورد جانشینی و یا مکمل بودن آنها بوده است و در مجموع مطالعات فوق بین محققین این توافق وجود دارد که جایگزینی بین هر جفت از نهاده‌ها در صنایع مختلف بیشتر از جایگزینی سرمایه و انرژی است.

هادسون و جورگنسون<sup>(۱)</sup> (۱۹۷۴)، برنت و وود<sup>(۲)</sup> (۱۹۷۰) و فوس<sup>(۳)</sup> (۱۹۷۷)

1 - Hudson & jorgenson

2 - Brendt & Wood

3 - Fuss

پیشنهاد می‌کنند که سرمایه و انرژی مکمل یکدیگرند در حالی که گریفین و گری‌گوری<sup>(۱)</sup> (۱۹۷۶)، پیندیک<sup>(۲)</sup> (۱۹۷۹) دریافتند که این دو جایگزین هستند. بعضی از مطالعات نیز نتایج ترکیبی را ارائه می‌کنند از جمله هالورسن و فورد<sup>(۳)</sup> (۱۹۷۹)، فیلد و گروبنستن<sup>(۴)</sup> (۱۹۸۰) و هازیل و کوپ<sup>(۵)</sup> (۱۹۸۶) می‌باشند.



- 
- 1 - Griffin & Gregory
  - 2 - Pindyck
  - 3 - Halvorsen & Ford
  - 4 - Field & Grobenstein
  - 5 - Hazilla & Kop

## جدول ۱-۱

نویسنده	کشور و صنعت مورد مطالعه	نوع داده‌ها و مشاهدات	فروض تابع هزینه و متغیرها	روش برآورد	نتیجه نهایی
برنت و کریستنسن (۱۹۷۳)	کارخانجات آمریکا	سری زمانی ۱۹۲۹-۱۹۶۸	همگن خطی و جدایی پذیر $[(k, k_j, L), X]$	SUE ISLS IZEF	$k, k_j$ جانشین هستند $k, k_j, L$ جانشین هستند
هادسون و جورجسون (۱۹۷۴)	بخش صنعتی در آمریکا	سری زمانی ۱۹۷۴-۷۱	همگن خطی و جدایی پذیر $[K, L, E, M]$	SUE MMDE	$K, E$ مکمل هستند $L, E$ جانشین هستند
برنت و وود (۱۹۷۵)	کارخانجات آمریکا	سری زمانی ۱۹۴۷-۷۱	همگن خطی و جدایی پذیر $(k, L, E, M)$	SUE ISLS	$(L, M)$ جانشین هستند $(E, M)$ جانشین هستند $(k, E)$ مکمل هستند
هامبری و مورونی (۱۹۷۵)	کارخانجات دو رظمی در آمریکا	داده‌های مقطعی سال ۱۹۶۳	همگن خطی و جدایی پذیر $[(K, L, N), I]$	SUE IZEF	$(L, N)$ جانشین هستند $(K, N)$ جانشین هستند
گرینین و گریگوری (۱۹۷۶)	داده‌های مربوط به کارخانجات	ترکیب داده‌های مقطعی و زمانی کشور مختلف سالهای ۱۹۵۰، ۱۹۶۰، ۱۹۶۵ و ۱۹۶۱	هموتیکی و جدایی پذیر $(k, L, E, M)$	SUE ISLS	$(E, L)$ جانشین هستند $(E, k)$ جانشین هستند
هالورسن (۱۹۷۷)	کارخانجات دو رظمی آمریکا <sup>(۱)</sup>	داده‌های مقطعی ۱۹۷۱	همگن خطی و جدایی پذیر چهار انرژی متفاوت	SUE IZEF	تمام انرژیها جانشین یکدیگرند

دنباله جدول ۱-۱

نتیجه نهایی	روش برآورد	فروض تابع هزینه و متغیرها	نوع داده‌ها و مشاهدات	کشور و صنعت مورد مطالعه	نویسنده
$(L, m), (L, E)(k, m), (k, L)$ جانشین هستند $(E, m), (k, E)$ مکمل هستند	SUE ZEF EIV	هوتتیک و جدایی پذیری $k, L, E, m$	ترکیب داده‌های مقطعی و زمانی ۱۹۶۱-۱۹۷۱	کارخانجات کانادا	فوس (۱۹۷۷)
تمام $E$ ها جانشین یکدیگرند $(E, X)$ جانشین هستند $(L, E)(k, E)(k, L)$ جانشین هستند و انرژیهای ترکیبی اند	SELE IZEF SUE IZEF	مومتیک و جدایی پذیری $k, L, E, X$ هومتیک و جدایی پذیری $k, L, E, m$	داده‌های مقطعی ۱۹۵۸ ترکیب داده‌های مقطعی و زمانی ۱۹۶۳-۱۹۷۳	کارخانجات دو رقیمی آمریکا ده کشور متفاوت	هالورسن و فورد (۱۹۷۹) پیندیک (۱۹۷۹)
$k, E$ مکمل هستند $k, E$ جانشین هستند	SUE IZEF	همگن خطی و جدایی پذیری $k, E, L, m$	داده‌های مقطعی ۱۹۷۱	کارخانجات دورقیمی آمریکا	فیلد و گرین استین (۱۹۸۰)
عدم وجود صرفه‌های سفاس در صنایع هند	ISUR	هومتیک بودن و همگن بودن $k, L, m$	سری زمانی ۱۹۶۰-۱۹۷۱	صنایع غذایی، صنایع شیمیایی صنایع نساجی، صنایع غیر فلزی در کشور هند	ویلیمز و لاورمز (۱۹۸۴)
(i) این تمام‌بهاده‌ها جداگیرند و جدا دارد (ii) تغییرات تک‌تکیکی معنی دار است تکنولوژیی بنگاه غیر هومتیکی است $(L, O), (L, O)$ جانشین هستند	IZEF IZEF	شرط تقارن - همگن بودن $L, O, C, k$	سری زمانی ۱۹۵۵-۱۹۸۰	شرکت فولاد Algoma	ارکیلا (۱۹۹۰)

دنباله جدول ۱-۱

نتیجه نهایی	روش برآورد	فروض تابع هزینه و متغیرها	نوع داده‌ها و مشاهدات	کشور و صنعت مورد مطالعه	نویسنده
L, F جانشین هستند	SUE IZEF	هموتئیک و جدایی پذیری (R, L, F)	داده‌های مقطعی ۱۹۵۸	حمل و نقل پروان‌شهری آمریکا	ویتون (۱۹۸۱)
(E, I) (E, L) (E, k) نتایج ترکیبی دارند (۱)	SUE IZEF	هموتئیک و جدایی پذیری k, L, E, m	داده‌های زمانی ۱۹۵۸-۷۴	بخش تولیدی در آمریکا	هازبلا و کوپ (۱۹۸۴)
نتایج آن در دسترس نیست	SE NIV	بدون فرض k, L, E, I	سری زمانی ۱۹۴۷-۱۹۷۱	کارخانجات آمریکا ۱۹۴۷-۱۹۷۱	کولایتیکا (۱۹۸۵)
(k, m) (k, E) (k, L) (E, m) (L, m) (L, E) جانشین یکدیگرند	SE DTM IZEF	غیرهمگن و جدایی پذیری k, L, E, m	سری زمانی ۱۹۴۷-۱۹۷۱	کارخانجات آمریکا	چانگ (۱۹۸۷)
(i) افزایش سطح تولید هزینه زا کاهش می‌دهد (ii) تمام عوامل تولید جانشین یکدیگر تغییرات تکنولوژی در جهت پس انداز سرمایه و استفاده بیشتر از نیروی کار و مواد اولیه بوده است	ISUR	بدون فرض (E <sub>m</sub> , L, k)	سری زمانی ۱۹۶۰-۱۹۸۳	صنعت سیمان هند	مورس و ساتی ابوال و بالیر و سالیبر (۱۹۹۱)
(i) عدم وجود صرفه‌های مقیاس (ii) کم‌گشایش بودن تقاضای عوامل (iii) کم‌گشایش بودن کن‌گششهای جانشینی	ISUR	همگن و هموتئیک	ترکیب داده‌های مقطعی و زمانی ۱۹۸۱-۱۹۸۹	داروخانه‌های بیمارستانی آمریکا	اکوناد (۱۹۹۳)

دنباله جدول ۱-۱

توضیحات	
متغیرها	نوع معادلات
$k =$ سرمایه	SUR = Seemingly Unrelated Equation
$k =$ سرمایه ثابت	SE = Single Equation
	روشهای برآورد
$L =$ نیروی کار	EIV = Efficient Instrumental Variable Method
$L_i =$ کارگران تولیدی و غیر تولیدی	I3SLS = Iterative Three Stage Least Squares Method
$E =$ انرژی = $E_i$ انواع مختلف انرژی	ZIEF = Zeller Iterative Efficient Method
$F =$ سوخت	MMDE = Malinvaud's Minimum Distance Estimator Method
$N =$ منابع طبیعی	ZEF = Zellner's Efficient Method
$I =$ مواد واسطه‌ای	NIV = Nonliner Instrumental Variable Technique
$M =$ مواد اولیه	DTM = Durbin's Two-stage Method
$O =$ سنگ آهن	
$C =$ کک	

مطالعات دیگری که جنبه‌های دیگری را مطرح کرده‌اند، موجود می‌باشد ولی از آنجا که این تحقیقات تشابهی با مطالب این مقاله ندارد فقط عناوین این مطالعات ذکر شده که می‌تواند مرجع مناسبی جهت علاقه‌مندان باشد.



## ۱-۳ عناوین و مطالعات مرتبط با صنعت سیمان در ایران

- ۱- امینی، فروزنده، تجزیه و تحلیل اقتصادی صنعت سیمان، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تهران.
- ۲- فعالجو، حمیدرضا، تحلیل هزینه و فایده‌ها در کارخانه سیمان ارومیه، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تهران.
- ۳- زنده‌روح، محمد، بررسی اقتصادی صنعت سیمان در ایران، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تهران، ۱۳۶۷.
- ۴- بررسی اقتصادی کارخانجات سیمان و نقش آنها در توسعه مناطق (مطالعه موردی کارخانه سیمان غرب)، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تربیت مدرس، ۱۳۷۳.
- ۵- گزارش سیمان در ایران، معاونت طرح و برنامه اداره کل صنایع کانی غیرفلزی وزارت صنایع، ۱۳۶۰.
- ۶- بررسی صنعت سیمان در ایران، حسن معادی، وزارت اقتصاد، ۱۳۵۲.
- ۷- گزارش عملکرد توزیع و تولید سیمان کشور، سازمان برنامه و بودجه (شرکت سیمان ارومیه)، ۱۳۶۹.
- ۸- بررسی سیمان تا پایان سال ۱۳۶۳، مرکز آمار ایران، ۱۳۶۳.
- ۹- امکانات سرمایه گذاری در صنعت سیمان کشور، حسن سوداگری، ۱۳۵۱.
- ۱۰- بررسی صنعت سیمان و نقش انرژی در تولید آن، مرکز آمار ایران، ۶۵-۱۳۶۰.
- ۱۱- نقش سیمان در توسعه اقتصادی، ماهنامه سیمان، شماره ۲، فروردین ۱۳۷۴.
- ۱۲- تحلیلی بر قیمت سیمان کشور، ماهنامه سیمان، شماره ۱۷ و ۱۸ شهریور و مهر ۱۳۷۳.

- ۱۳ - لزوم بازرگاری در قیمت سیمان کشور، بیک سیمان، شماره ۹ و ۱۰، آبان و آذر ۱۳۷۳.
- ۱۴ - وضعیت صنعت سیمان در ایران، رسالت، شماره ۲۱۵۲، ۳۱/۴/۱۳۷۲.
- ۱۵ - وضعیت سیمان در ایران، رسالت، شماره ۲۱۵۰، ۳۱/۳/۱۳۷۲.
- ۱۶ - یک مطالعه در مورد وضعیت سیمان در ایران، اطلاعات، شماره ۱۹۹۵۹، ۲۸/۴/۱۳۷۳.
- ۱۷ - اظهارات وزیر صنایع در مورد سیاست‌های حاکم بر صنعت سیمان، رسالت، شماره ۱۹۷۹، ۲/۳/۱۳۷۱.
- ۱۸ - سیمان ماده حیاتی برای توسعه صنعتی و اقتصادی، ماهنامه سیمان، شماره ۳۱، مرداد ۱۳۷۰.
- ۱۹ - تغییرات ظرفیت و میزان تولید کارخانه‌های سیمان کشور، ماهانه سیمان، شماره ۳۱ مرداد ۱۳۷۰.
- ۲۰ - امکانات ساخت و تولید سیمان در ایران، ماهنامه سیمان، شماره ۳۱ مرداد ۱۳۷۰.
- ۲۱ - سیمان یا صنعت پایه (نقش سیمان در اقتصاد ملی)، مجله کیمیا، دوره ۲ شماره ۹، مهر ۱۳۶۸.

## ۲- ارائه مدل و روش برآورد

### ۲-۱ مدل اصلی

تحقیقات کاربردی در زمینه تخمین و برآورد ارتباط بین تولید و هزینه در علم اقتصاد سابقه طولانی است. تلاش برای تعیین تولید نهائی نیروی کار، ارتباط بین تولید و نهاده‌های آن در کشاورزی، نیاز به تخمین کشش‌های جانشینی بین نهاده‌ها و تعیین مقیاس بهینه برای بنگاه‌های تولیدی، از دلایلی بوده که منجر به پیشنهاد مدل‌های

گوناگون برای رسیدن به هدفهای فوق گردیده است.

شروع این پیشنهادات با مدل مشهور کاب داگلاس و سپس مدل CES و بالاخره جدیدترین مدل پیشنهادی براساس سری تیلور، مدل ترانسلوگ است.

در بین مدل‌های پیشنهادی برای تابع هزینه، سعی شده است یک مدل کاربردی (تابع هزینه ترانسلوگ) با اندکی تغییر برای برآورد تابع هزینه صنعت سیمان برگزیده شود. این مدل اولین بار به وسیله آقایان کریستنسن و لآو جورگنسن در کنفرانس جهانی اقتصاد سنجی در دانشکده اقتصاد دانشگاه برکلی مطرح گردید و از آن زمان تاکنون توسط محققین مکرراً مورد استفاده قرار گرفته است.

جهت برآورد تابع هزینه ترانسلوگ در صنعت سیمان تولید را تابعی از سرمایه (K)، نیروی کار (L)، سوخت (F)، برق (E)، مواد اولیه (M) در نظر گرفته، بنابراین داریم:

$$Y = (K, L, M, E, F, T)$$

که متغیر زمان (T) را برای برآورد تغییرات تکنولوژی در مدل در نظر گرفته‌ایم. برای اعتبار بیشتر تابع هزینه، فروض زیر را در نظر می‌گیریم.

الف) مقدار تولید سیمان در کارخانه‌های مختلف توسط تقاضای بازار تعیین می‌شود.

ب) تولیدات کارخانه‌های سیمان به قیمت تعیین شده در بازار به فروش می‌رسد.

ج) کارخانه‌های مختلف سیمان نهاده‌های خود را از بازار نهاده و به قیمت‌های موجود خریداری می‌کنند. فروض فوق تخمین تابع هزینه را دقیق‌تر می‌کند، زیرا که در واقع تابع هزینه، هزینه کل را تابعی از سطح تولید و قیمت نهاده‌ها می‌گیرد و بایستی سطح تولید و قیمت نهاده‌ها در جایی خارج از مدل تعیین شده باشند و همچنین برای بررسی کارایی بایستی قیمت تولید با هزینه نهائی تولید مقایسه شود و تعیین تولید بایستی از قبل تعیین شده باشد.

تابع هزینه ترانسلوگ برای سیمان را به صورت زیر در نظر می‌گیریم.

$$\ln(TC) = \alpha_0 + \alpha_y \ln Y + \sum_{i=k}^m \alpha_{yi} \ln Y^i + \sum_{i,j} \alpha_{ij} \ln P_i \times \ln P_j + \sum_{ij} \alpha_{ij} \ln P_i \times \ln Y + \alpha_T T + \alpha_{T^2} T^2 + \sum_i \alpha_{Ti} \ln P_i + \alpha_{TY} \ln Y^* T + U$$

که در تابع و معادله فوق داریم

$$i, j = (K, L, E, M, F)$$

TC : کل هزینه برابر مجموع هزینه‌های سرمایه، نیروی انسانی، سوخت، برق و مواد اولیه می‌باشد.

Y : سطح تولید سیمان

PL : قیمت نیروی انسانی

PK : قیمت برق

PF : قیمت سوخت

PM : قیمت مواد اولیه

T : متغیر زمان

U : جزء خطا

فرض می‌شود U دارای (توزیع نرمال، میانگین صفر، ماتریس واریانس - کواریانس زیگما) می‌باشد. تابع هزینه ترانسلوگ از بسط مرتبه دوم سری تیلور به دست آمده است و تمام جملات بالاتر مرتبه دوم که از بسط سری تیلور حاصل شود دارای خواص فوق است.

با کاربرد لم شپارد معادلات سهم هزینه برای هریک از نهاده‌ها به صورت زیر به دست می‌آید.

$$S_i = \frac{Lntc}{Lnp_i} = \frac{P_i}{c} \times \frac{TC}{P_i} = \frac{P_i X_i}{TC} = i + \sum_{j \neq i} \alpha_{ij} \ln P_j + \alpha_{iy} \ln Y + \alpha_{it} T$$

$$S_K = K + \alpha_{KK} \ln P_K + \alpha_{KL} \ln P_L + \alpha_{EK} \ln P_E + \alpha_{FK} \ln P_M + \alpha_{MK} \ln P_M + \alpha_{Ky} \ln Y + \alpha_{KT} T$$

$$S_L = L + \alpha_{KL} \ln P_K + \alpha_{LL} \ln P_L + \alpha_{EL} \ln P_E + \alpha_{FL} \ln P_M + \alpha_{ML} \ln P_M + \alpha_{Ly} \ln Y + \alpha_{LT} T$$

$$S_E = E + \alpha_{KE} \ln P_K + \alpha_{LE} \ln P_L + \alpha_{EE} \ln P_E + \alpha_{FE} \ln P_M + \alpha_{ME} \ln P_M + \alpha_{Ey} \ln Y + \alpha_{ET} T$$

$$S_F = F + \alpha_{KF} \ln P_K + \alpha_{LF} \ln P_L + \alpha_{EF} \ln P_E + \alpha_{FF} \ln P_M + \alpha_{MF} \ln P_M + \alpha_{Fy} \ln Y + \alpha_{FT} T$$

$$S_M = M + \alpha_{LM} \ln P_K + \alpha_{MF} \ln P_L + \alpha_{EM} \ln P_E + \alpha_{FM} \ln P_M + \alpha_{MM} \ln P_M + \alpha_{My} \ln Y + \alpha_{MT} T$$

تقارن  
کل پارامترها در تابع هزینه ترانسلوگ معرفی شده، ۴۶ پارامتر است با اعمال شرط

$$KL = LK, KM = MK, KE = EK, FK = KF, ML = LM, LE = EL, LF = FL, ME = EM, BF = FE$$

که ۹ قید را شامل می‌شود و تعداد پارامترها به ۳۷ مورد کاهش می‌یابد.  
از آنجا که تابع هزینه بایستی همگن درجه یک باشد بایستی قیود زیر را اعمال کنیم:

$$K + L + M + F = 1$$

$$KK + KL + KM + KF = 0$$

$$LL + LK + LE + LF + LM = 0$$

$$MM + MK + ML + ME + MF = 0$$

$$EE + EK + EL + EM + EF = 0$$

$$FF + FK + FL + FM + FE = 0$$

$$Kt + Lt + Mt + Et + Ft = 1$$

$$Ky + Ly + My + Ey + Fy = 0$$

$$KL + KM + KE + KF + KK + LL + LM + LE + LM + MM + ME +$$

$$MF + EE + EF + EK = 0$$

بنابراین تعداد پارامترها از ۳۷ پارامتر به ۲۸ مورد کاهش می‌یابد. با توجه به قیود بالا می‌توانیم ضرایب یکی از نهاده‌ها را از طریق ضرایب دیگر به دست آوریم و پس از جایگزینی این ضرایب در تابع هزینه و معادلات سهم هزینه یکی از معادلات را حذف کنیم برای مثال اگر نهاده F را از معادلات حذف کنیم معادلات به صورت زیر درمی‌آید:

$$\begin{aligned} \ln TC/P_F = & 0 + y \ln Y + \frac{1}{\gamma} \times \gamma y (\ln Y)^\gamma + k \ln P_K/P_F + M \ln P_M/P_F + E \ln P_E/P_F + \\ & \frac{1}{\gamma} KK (\ln P_K/P_F)^\gamma + KL \ln P_K/P_F \cdot \ln P_L/P_F + KM \ln P_M/P_F \cdot \ln P_K/P_F + LL \times \\ & \frac{1}{\gamma} (\ln P_L/P_F)^\gamma + LM \ln P_L/P_F \cdot \ln P_L/P_F \cdot \ln P_M/P_F \times LM \cdot \ln P_L/P_F \times \ln P_M/P_F + \frac{1}{\gamma} \\ & MM \times (\ln P_M/P_F)^\gamma + gME \ln P_M/P_F \cdot \ln P_E/P_F + \frac{1}{\gamma} \times EE (\ln P_E/P_F)^\gamma + t \cdot T + \frac{1}{\gamma} \cdot u \cdot T \\ & + KL \ln P_K/P_K \cdot T + Li \ln P_L/P_F \cdot T + EE \ln P_E/P_F \cdot T + ky \ln Y \cdot \ln P_K/P_F + Ly \ln P_L/P_F + \\ & My \ln Y \cdot \ln P_M/P_F + Ey \ln P_E/P_F + ty \cdot T \cdot \ln Y \end{aligned}$$

$$S_K = K + KK \ln P_K/P_F + KL \ln P_L/P_F + EK \ln P_E/P_F + MK \ln P_M/P_F + ky \cdot \ln Y + t_K \cdot T$$

$$S_L = L + KL \ln P_K/P_F + LL \ln P_L/P_F + EL \ln P_E/P_F + ML \ln P_M/P_F + Ly \cdot \ln Y + u_L \cdot T$$

$$S_E = E + KE \ln P_K/P_F + EL \ln P_L/P_F + EE \ln P_E/P_F + ME \ln P_M/P_F + E_y \cdot \ln Y + tE \cdot T$$

$$S_M = M + KM \ln P_K/P_F + ML \ln P_L/P_F + EM \ln P_E/P_F + MM \ln P_M/P_F + M_y \cdot \ln Y + tM \cdot T$$

می‌توان معادله تابع هزینه را به تنهایی و به روش حداقل مربعات معمولی (OLS)<sup>(۱)</sup> و یا هر یک از معادلات سهم هزینه را نیز می‌توان بروش (OLS) تخمین زد ولی به دلایل زیر این تخمین‌ها کارآمد نخواهد بود:

الف) محدودیت تقارن موجب اشکال می‌شود، پارامترها ممکن است در معادلات مختلف برآوردهای متفاوتی داشته باشند (یعنی اینکه برآورد یک پارامتر در یک معادله با برآورد همان پارامتر در معادله دیگر فرق کند).

ب) ممکن است علامت پارامتری در یک معادله با برآورد همان پارامتر در معادله دیگر در برآوردهای جداگانه متفاوت باشد.

ج) معادلات سهم تقاضا دارای پارامترهای یکسان هستند و بهتر است با هم تخمین زده شوند.

د) معادلات سهم هزینه مشتقات تابع هزینه هستند و ممکن است جز اختلال معادلات با هم ارتباط داشته باشند، بنابراین بهتر است با هم تخمین زده شوند.

با توجه به ملاحظات فوق روشی که برای این گونه معادلات پیشنهاد می‌شود به اختصار ZEF<sup>(۲)</sup> یا SUR خوانده می‌شود یا روش تخمین معادلات به ظاهر غیر مرتبط نام دارد. این روش به وسیله زلنر پیشنهاد شده است و در آن سیستم معادلات با هم مورد تخمین

1 - (OLS) = Ordinary Least Square

2 - Zellner's Seemingly Unrelated Estimator

قرار می‌گیرند.

همچنین می‌توان برای تخمین چنین سیستم معادلاتی از روش ISUR یعنی روش SUR تکراری استفاده شود. اگر از این روش استفاده شود و معادلات به این روش مورد تخمین قرار گیرند، نتایج بسیار نزدیکی با روش حداکثر درست نمائی خواهد داشت، این روش به وسیله اکثر نرم افزارهای کامپیوتری موجود قابل تخمین است. اکنون این روش را به اختصار توضیح می‌دهیم.

## ۲-۲ مدل رگرسیون‌های به ظاهر غیر مرتبط

معادلات هزینه و سهم هزینه کل در بالا مطرح گردید یک دستگاه معادلات را تشکیل می‌دهند که به سیستم معادلات به ظاهر غیر مرتبط معروف هستند. این گونه معادلات در شاخه‌های مختلف اقتصاد ظاهر می‌شوند. مانند توابع اقتصادی مرتبط با هم نظیر سرمایه گذاری چند بنگاه در صنعت، توابع تقاضای مصرف کننده، توابع تقاضای نهاده‌های تولیدی و معادلات سهم هزینه نمونه‌هایی از این قبیل هستند. فرض می‌کنیم مجموعه‌ای از  $m$  معادله رگرسیون خطی چند متغیره داریم به صورت:

$$y_j = x_j \beta_j + u_j \quad j = 0, 1, 2, 3, \dots, m$$

$$y_j = m \times 1 \quad \text{بردار متغیرهای وابسته یا درونزا}$$

$$x_j = m \times k \quad \text{ماتریس متغیرهای مستقل توضیحی}$$

$$u_j = m \times 1 \quad \text{بردار جز تصادفی اخلاص (خطا)}$$

$$j = k_j \times 1 \quad \text{بردار پارامترهای تخمین زده شده}$$

زامین رگرسیون شامل  $k_j$  متغیر توضیحی و  $n$  مشاهده برای هر کدام از  $m$  رگرسیون وجود دارد و بنابراین سیستم معادلات به صورت ماتریسی زیر درمی‌آید:



$$\begin{array}{ccccccc}
 y_1 & & x_1 & \circ & \circ & \circ & 1 & u_1 \\
 y_2 & & \circ & x_2 & \circ & \circ & 2 & u_2 \\
 \vdots & = & \circ & \circ & \circ & \circ & \times & \vdots \\
 \vdots & & \circ & \circ & \circ & \circ & \vdots & \vdots \\
 y_m & & \circ & \circ & \circ & x_M & M & u_M
 \end{array}$$

در معادلات بالا  $y$  یک بردار  $nm \times 1$  می باشد که شامل  $m$  بردار  $y_1, y_2, y_3, \dots, y_m$  چیده شده بر روی هم می باشد.

$$y = z + u$$

$z$  یک ماتریس  $nm \times k_j$  شامل  $n \times k_j$  بلوک  $x_j$  می باشد و یک بردار  $1 \times k_j$  شامل بردارهای  $m, \dots, 3, 2, 1$  می باشد و یک بردار  $1 \times nm$  می باشد.

جهت برآورد دقیق تر لازم است یک الگوی تصادفی برای جزء اخلاص معرفی گردد. فرض می کنیم جزء اخلاص دارای خواص زیر می باشد:

الف) برای هر معادله میانگین جزء اخلاص صفر است  $e(u_j) = 0$

ب) واریانس جزء اخلاص برای هر معادله ثابت است ولی معادلات متفاوت واریانس های متفاوتی دارند.  $\text{Var}(u_j) = \sigma_j^2$

ج) اجزاء اخلاص هر معادله با هم همبستگی ندارند  $\text{Cov}(u_{it}, u_{rt}) = 0$

د) اجزاء اخلاص معادلات با هم همبستگی دارند  $\text{Cov}(u_j, u_i) = \sigma_{ij}$

بنابراین می توان ماتریس واریانس - کواریانس جزء اخلاص به صورت زیر نوشت:

$$\begin{array}{cccc}
 E(u_1 u_1) & E(u_1 u_2) & 0 & E(u_1 u_m) \\
 E(u_2 u_1) & E(u_2 u_2) & 0 & E(u_2 u_m) \\
 = & 0 & 0 & 0 \\
 E(u_m u_1) & 0 & 0 & E(u_m u_m)
 \end{array}$$

$$\begin{array}{cccc}
 11 I_n & 1m I_n & 0 & 1m I_n \\
 21 I_n & 22 I_n & 0 & 2m I_n \\
 = & 0 & 0 & 0 \\
 m1 I_n & 0 & 0 & mm I_n
 \end{array}$$

$$\text{اگر} = \begin{array}{cccc}
 11 & 21 & \circ & 1m \\
 21 & 22 & \circ & 2m \\
 \circ & \circ & \circ & \circ \\
 m1 & \circ & \circ & mm
 \end{array} = * I$$

با مشخص شدن ماتریس واریانس - کواریانس، برآورد حداقل مربعات تعمیم یافته (GLS)<sup>(۱)</sup> را از رابطه زیر به دست آورد:

$$GLS = (z^{-1} z)^{-1} (z^{-1} y)$$

جهت برآورد مقدار فوق ابتدا بایستی  $z^{-1}$  را محاسبه نماییم.

$$z^{-1} = (z^{-1} z)^{-1} = z^{-1} I$$

و در نهایت، برآورد نهائی به صورت زیر به دست می آید:

## 1 - GLS - Generalized Least Square

\* به این ضرب، ضرب ماتریس کراناکر گویند (یک ماتریس در تمام درایه های ماتریس دیگر ضرب می شود)

$$GLS = (z(-1 \ I)z)^{-1} z(-1 \ I)y$$

اگر  $-1 = [it]$  یعنی  $it$  عنصر  $i$ ام و  $i$ ام ماتریس  $-1$  باشد آنگاه  $GLS$  رابطه صورت زیر می نویسیم.

$$(z(-1 \ I)z)^{-1} = \begin{matrix} x_1 & 0 & 0 & 0 & 11I_n & 12I_n & 0 & 1mI_n \\ 0 & x_1 & 0 & 0 & 21I_n & 22I_n & 0 & 2mI_n \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & x_m & m1I_n & 0 & 0 & mmI_n \end{matrix} \times \begin{matrix} x_1 & 0 & 0 & 0 & -1 & 11x_1x_1 & 12x_1x_2 & 0 & 1mx_1x_m \\ 0 & x_2 & 0 & 0 & = & 21x_2x_1 & 22x_2x_2 & 0 & 1mx_2x_m \\ 0 & 0 & 0 & 0 & & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & x_m & & m1x_1x_m & 0 & 0 & mmx_mx_m \end{matrix}$$

حال برای تخمین  $GLS$  کافی است عبارت بالا را در  $y(z(-1 \ I))$  ضرب کنیم.

$$(z(-1 \ I)y) = \begin{matrix} j \\ j \\ j \\ 0 \\ 0 \\ j \\ j \\ 0 \\ j \\ j \end{matrix}$$

$1j \ x_1y$   
 $1j \ x_2y$   
 $1j \ x_my$

واریانس پارامترهای برآورده شده از رابطه زیر حاصل می شود.

$$\text{Var}(\text{GLS}) = (Z(Z^{-1}I)Z^{-1}) = \begin{matrix} 11x_1x_1 & 21x_1x_2 & \circ & 1mx_1x_m \\ 21x_2x_1 & 22x_2x_2 & \circ & 2mx_2x_m \\ \circ & \circ & \circ & \circ \\ m1x_mx_1 & \circ & \circ & mmx_mx_m \end{matrix}$$

مشکل این روش در نامعلوم بودن ماتریس  $\Sigma^{-1}$  و در نتیجه اجزاء آن یعنی  $\sigma_{ij}$  می باشد. برای رهایی از این مشکل زلتر پیشنهاد می کند با استفاده از روش OLS هر یک از معادلات را به تنهایی تخمین زده و سپس از باقیمانده های آن جهت برآورد ماتریس  $\Sigma^{-1}$  استفاده کنیم، در نتیجه ما با یک برآورد دو مرحله ای روبرو هستیم.

۱- بردار باقیمانده های حاصل از بکارگیری روش OLS را برای هر یک از معادلات به دست آوریم.

$$e_j = y_j - x_j \quad j = 1, 2, 3, \dots, m$$

۲- با استفاده از بردار باقیمانده های حاصله از مرحله یک، برآورد ماتریس واریانس کواریانس جزء اخلاص را به دست می آید.

$$s_{it} = \frac{e_{ij} \cdot e_{it}}{n}, \quad s_{ij} = \frac{e_{ij}^2}{n}$$

حال اگر به جای  $e_{it}$  و  $e_{ij}$  برآورد آنها  $s_{it}$  و  $s_{ij}$  به کار ببریم برآورد کننده به دست می آید، برآورد کننده حاصله دارای:

الف) سازگار است، یعنی  $\text{plim}(\ ) =$

ب) در صورت نرمال بودن  $u$  ها برآورد کننده به طور حدی با میانگین و ماتریس

واریانس - کواریانس  $(z^{-1} z^{-1})$  توزیع می شود.

اکنون اگر از GLS به دست آمده از فرآیند فوق استفاده کرده و برآوردهای جدیدی از  $z_j$  به دست می آوریم و روش فوق را تکرار می کنیم تا برآوردهای بهتری داشته باشیم (ISUR).

$$S^{(2)}_{it} = \frac{1}{n} (y_j - x_j z_j^{(1)}) (y_j - x_j z_j^{(1)})$$

$S^{(2)}_{it}$  برآورد دوم  $z_j$  و  $z_j^{(1)}$  برآوردهای اولیه در دوره اول  $z$  هستند و این فرآیند را می توان تا زمان رسیدن به همگرایی (یعنی جایی که اختلاف  $S_{ij}$  و  $z_j$  بسیار کم است) ادامه بدهیم که در این صورت اگر توزیع  $z$ ها نرمال باشد برآوردهای SUR با برآوردهای روش حداکثر درستمائی یکسان خواهد بود و لذا می توانیم از نسبت راست نمائی برای آزمون محدودیت بر روی تابع مورد نظر استفاده کنیم. نسبت راست نمائی از رابطه زیر حاصل می شود:

$$\chi^2_{LR} = -2 (LR - LU)$$

که دارای توزیع چي دو  $\chi^2$  با درجه آزادی برابر تعداد قیود می باشد.

LU مقدار حداکثر درست نمائی تابع هزینه بدون محدودیت

LR مقدار حداکثر درست نمائی تابع هزینه با محدودیت می باشد.

آمار و اطلاعات لازم جهت این مقاله از منابع مختلفی جمع آوری شده است و منبع اصلی اطلاعات پرسشنامه هائی است که توسط مرکز تحقیقات سيمان در دانشگاه علم و صنعت تهیه شده است. پاره ای از اطلاعات نیز از اداره صنایع کانی غیر فلزی وزارت صنایع گرفته شده است. برای جمع آوری و دریافت اطلاعات فوق تقریباً به تمامی مؤسساتی که ممکن بود این اطلاعات در آنجا وجود داشته باشد مراجعه گردید (از جمله مرکز آمار ایران، سازمان برنامه و بودجه، بانک مرکزی ایران و ...).

این اطلاعات مربوط به ۱۳ کارخانه طی سالهای ۷۳ - ۱۳۶۹ می باشد و به شرح زیر می باشند:

هزینه نیروی انسانی شامل: حقوق، دستمزد، اضافه کار، سهم بیمه، نوبت کاری، شبکاری و مأموریت می باشد.

هزینه مواد اولیه شامل: هزینه های استخراج، مواد آتش زا، حقوق و عوارض معدن، و سایر هزینه های مرتبط با استخراج.

هزینه سوخت شامل: قیمت خرید و هزینه حمل اعم از گاز مصرفی و مازوت

هزینه برق شامل: برق مصرفی به قیمت صنعتی

اطلاعات فوق از پرسشنامه های اقتباس شده است که توسط مرکز تحقیقات سیمان در دانشگاه علم و صنعت تهیه شده است.

هزینه سرمایه شامل: مجموع هزینه های استهلاک و هزینه های سرمایه می باشد. هزینه های استهلاک مستقیماً از پرسشنامه های مرکز تحقیقات سیمان، قابل دستیابی است و برای هزینه های سرمایه (که برابر حاصلضرب نرخ بهره در سرمایه است)، به روش زیر عمل شده است.

استهلاک در کارخانه های مورد بررسی براساس قانون مالیات های غیرمستقیم محاسبه می شود و در آن نرخ استهلاک به صورت زیر می باشد:

نرخ استهلاک	دارائیه
۸٪	ساختمان
۳۰٪	وسائط نقلی
۱۰٪	ماشین آلات و تأسیسات
۸٪	اثاثیه و دارائیه

برای محاسبه سرمایه سهم هر یک از دارائیه با استفاده از داده های یک کارخانه به صورت زیر به دست آمده است:

دارائیها	نرخ استهلاك
ساختمان	۲۰٪
وسائط نقلی	۸٪
ماشین آلات و تأسیسات	۶۷٪
اثاثیه و دارائیها	۵٪

باتوجه به نرخهای استهلاك و سهم دارائیها یک متوسط نرخ استهلاك به صورت زیر به دست می آید.

دارائیها	سهم دارایی	نرخ استهلاك
ساختمان	۲۰٪	۱/۶٪
وسائط نقلی	۸٪	۰/۲۴٪
ماشین آلات و تأسیسات	۶۷٪	۶/۷٪
اثاثیه و دارائیها	۵٪	۰/۴٪
نرخ متوسط استهلاك		۱۱/۱٪

سرمایه را به صورت زیر محاسبه می کنیم: سرمایه مساوی میزان استهلاك تقسیم بر نرخ متوسط استهلاك و هزینه سرمایه مساوی نرخ بهره ضرب در سرمایه است که نرخ بهره همان نرخ سپرده های بلندمدت در بانکها می باشد.

هزینه کل: برابر مجموع هزینه های سرمایه و نیروی انسانی و سوخت و برق و مواد اولیه است.

میزان تولید: برابر تولید سیمان برحسب تن که این اطلاعات از اداره صنایع کانی غیرفلزی وزارت صنایع جمع آوری شده است.

جهت محاسبه هزینه واحد نیروی انسانی یا پرداختی به واحد نیروی کار، هزینه سالانه نیروی انسانی را بر تعداد افراد مشغول به کار تقسیم می‌کنیم. برای محاسبه قیمت واحد مواد اولیه هزینه مواد اولیه را بر میزان مواد اولیه مصرفی تقسیم می‌کنیم.

سوخت‌های متفاوتی در فرآیند تولید سیمان مورد استفاده قرار می‌گیرد. پرمصرف‌ترین سوخت در این کارخانه‌ها نفت سیاه یا مازوت و گاز طبیعی است و انواع دیگر سوخت‌ها مانند نفت گاز، نفت سفید، بنزین و دیگر سوخت‌ها نسبت به سوخت‌های اصلی مصرف کمی دارند.

برای جایگزین کردن یک سوخت به جای تمامی سوخت‌های فوق به روش زیر عمل گردید، همه سوخت‌های فوق با استفاده از جدول ضرائب تبدیل مشتقات نفتی به نفت خام تبدیل شدند.

استاندارد مصرف مازوت برای هر تن سیمان ۱۲۱ لیتر و استاندارد مصرف گاز برای هر تن سیمان ۱۳۰ مترمکعب است با استفاده از جدول ضرایب تبدیل مشتقات نفتی با تبدیل سوخت‌های فوق به نفت خام ۱۳۰ لیتر نفت خام به‌طور استاندارد برای هر تن سیمان لازم است بنابراین با استفاده از این موضوع می‌توان میزان سوخت مصرفی کارخانه‌های مختلف را برحسب نفت خام محاسبه کرده و با تقسیم هزینه سوخت کارخانه‌های مختلف بر آن می‌توانیم قیمت هر لیتر نفت خام مصرفی را داشته باشیم.

مصرف استاندارد برق مصرفی برای هر تن سیمان ۱۱۰ تا ۱۴۰ کیلو وات می‌باشد با داشتن سطح تولید سیمان می‌توانیم میزان برق مصرفی را در کارخانه‌های مختلف به دست آورده و با تقسیم هزینه برق بر میزان برق مصرفی قیمت هر کیلو وات برق قابل محاسبه است.

قیمت واحد سرمایه همان نرخ بهره است. سهم هزینه‌های برای هر یک از نهاده‌ها با



تقسیم هزینه آن بر هزینه کل به دست می آید .

### ۳- برآورد مدل و تحلیل نتایج

#### ۳-۱ برآورد مدل

با استفاده از اطلاعات تشریح شده در بالا به برآورد مدل معرفی شده به روش ISUR به وسیله نرم افزار کامپیوتری 7 - TSP اقدام می کنیم . نتایج برآورد تابع هزینه ترانسلوگ در جدول (۱-۳) آمده است.

همان گونه که در جدول (۱-۳) دیده می شود ضرایب مربوط به متغیر  $t$  در برآورد فوق یا کوچک و بی اهمیت بوده و یا اینکه به لحاظ آماری معنی دار نمی باشند . همان گونه که در بخش تفسیر نتایج خواهد آمد این مسئله قابل توجیه می باشد ، بنابراین ضرایب پارامترهای مزبور را از مدل حذف کرده و مجدداً تابع هزینه ترانسلوگ را برآورد می کنیم .

نتایج برآورد مدل تعدیل شده در جدول (۲-۳) آمده است .

پس از حذف این ضرایب مدل نسبتاً مناسبی برازش شده است و بنابراین می تواند به عنوان یک مدل برای ساختار هزینه در صنعت سیمان مورد استفاده قرار گیرد .

۱- خوبی برازش :

$R^2$  نسبتاً بالای مدل تغییرات هزینه را در مقابل تغییرات قیمت نهاده ها را به خوبی توضیح می دهد .

۲- سازگاری با تئوری :

شرایط تابع هزینه را دارا بوده و در کشورهای مختلف و با صنایع متفاوت آزمون شده است و همچنین دو تن از محققین صاحب نام در اقتصاد چهار چوب تئوریک آن را تأیید کرده اند .

۳- معنی دار بودن :

همگی پارامترهای مدل از لحاظ آماری معنی دار هستند .

پارامترهایی را که از مدل حذف شده اند به قرار زیر محاسبه می شوند:

$$F = 1 \cdot (K + L + E + M) = 0 / 0.911$$

$$MF = - (MM + MK + EI + EM) = - / 0.147$$

$$KF = - (KK + KL + KI + KE) = - / 0.0546$$

$$EF = - (EE + EK + EL + EM) = / 0.385$$

$$LF = - (LL + LK + LM + LE) = - / 0.501$$

$$FF = - (KF + LF + MF + EF) = / 1.089$$

$$LF = - (LL + LK + LM + LE) = / 0.555$$

قبل از اینکه به تفسیر نتایج مدل بپردازیم می دانیم که تابع هزینه ترانسلوگ تحت شرایطی و با اعمال محدودیت هایی به شکل های دیگر تابع هزینه تبدیل می شود، برای بررسی صحیح تر تابع هزینه ترانسلوگ لازم است که این محدودیت ها را آزمون کنیم و شکل های دیگر تابع هزینه را نیز مورد توجه قرار دهیم .

با اعمال این شرایط و محدودیت ها مجدداً تابع هزینه را تخمین زده و دترمینان ماتریس واریانس - کواریانس مدل محدود شده و مدل اصلی را محاسبه می کنیم و با استفاده از آن ضعف مدل مقید را مورد آزمون قرار می دهیم . اگر دترمینان مدل مقید را با (u) و دترمینان مدل اصلی را با (r) نمایش دهیم نسبت راست نمائی که به صورت

$$LR = N / 2 \times LN ( R / u )$$

محاسبه می شود دارای توزیع چی دو و درجه آزادی برابر تعداد قیود می باشد که در آن N تعداد مشاهدات است .

جدول ۱-۳. برآورد تابع هزینه به صورت کامل

پارامتر	برآورد پارامتر	مقدار state t
0	۱۱/۵۱۹	۱۲/۸۳۷
y	-. / ۱۷۶	-۱/۴.۲
yy	. / ۱۸	۱۴/۵۷۷
k	. / ۴۳۲۶	۳/۷۲۴
L	. / ۴۶۳۲	۵/۰.۴۲۶
E	. / ۲۵۳۹	۴/۰.۷۲۵
M	-. / ۲۸۹۱	-۴/۲۵۸۳
kk	. / ۰.۸۱۸	۸/۲۷۲۱
kL	-. / ۰.۲۹۷۷	-۵/۱۱۵۵
KE	-. / ۰.۳۲.۲	-۷/۸۱۹۴
KM	-. / ۰.۱۲۷۱	۳/۱۲۴
LL	. / ۱۶۹۹	۴۸/۶۶۳
LE	-. / ۰.۵۳۹	-۱۵/۴۹۷
LM	-. / ۰.۳۶۳۱	-۹/۶۵۱۸
EE	. / ۱۴۳۴	۲۵/۷۲۷
EM	-. / ۰.۲.۲	-۵/۴۲۹
MM	. / ۰.۸۴۲	۱۸/۶۸۹
t	-. / ۰.۰۰۰۶۵	-۰. / ۰.۱۳۳
tt	. / ۰.۰۰۴۵۹	. / ۸۱۲۹
tk	. / ۰.۰۱۸	. / ۳۵۳۷
tl	. / ۰.۰۷۹۴	۲/۶۴۳۶
tE	-. / ۰.۰۴۶۲۸	-۱/۶۷۴۹۲
tM	. / ۰.۰۱۷	-۰. / ۶.۳۱
ly	. / ۱۴۳۹	۱۸/۶.۱
ky	. / ۰.۰۳۷	۱/۴.۶۴
Ey	. / ۰.۵۳	۱۰/۹۹۷
my	. / ۰.۴.۵۵	۷/۰.۲۱۶
ty	-. / ۰.۰۹۶	. / ۰.۰۳۶

D.W. = ۱/۸۳۲    R<sup>2</sup> = ۰/۹۷۳

جدول ۲-۳ برآورد تابع هزینه به صورت تعدیل شده

پارامتر	برآورد پارامتر	مقدار t state
0	۱۱/۸۶۴	۱۱/۴۹۴
y	۰/۲۹۷۵	۲/۰۹
yy	۰/۱۸۹۴	۱۴/۰۷۳۱
k	۰/۴۷۲	۳/۸۰۳
L	۰/۵۲۷۹	۵/۲۷۲۳
E	۰/۱۹۳	۳/۳۳۸۵
M	-۰/۲۸۴۱	-۳/۸۷۹۱
KK	۰/۰۸۳۴۲	۸/۲۸۳۵
KL	-۰/۰۳۲۳	-۵/۷۳۵۳۸
KE	-۰/۰۳۱۴	-۵۷/۷۶۸۷
KM	-۰/۰۱۴۲	-۳/۴۴۲۶
LL	۰/۱۶۹۲	۴۲/۷۶۴
LE	-۰/۰۵۱۸	-۱۵/۵۶۲۲
LM	-۰/۰۳۴۹۱	-۹/۱۸۱
EE	۰/۱۴۱۵	۲۶/۶۴۸۱
EM	-۰/۰۱۹۷	-۵/۶۷۸۸
MM	۰/۰۸۳۵	۱۸/۲۵۹۱
Ly	۰/۱۴۶۳	۱۶/۹۸۴۵
Ky	۰/۰۰۳۱۴	۰/۳۱۹۲
Ey	۰/۰۵۴۲	۱۱/۸۲۷۸
My	۰/۰۳۹۷۲	۶/۴۵

$$D.W. = 1/816 R^2 = 0/972$$

حال با توجه به توضیحات فوق به برآورد و آزمون تابع هزینه هموتتیک، تابع هزینه همگن، تابع هزینه کاب داگلاس می‌پردازیم.

۲-۳ برآورد و آزمون نسبت راست‌نمایی برای توابع هزینه هموتتیک، همگن و کاب داگلاس  
۱-۲-۳ تابع هزینه هموتتیک

این تابع هزینه که خود نیز هزینه لئونتیف CES، کاب داگلاس را شامل می‌شود و با اعمال محدودیت  $y = 0$  یعنی  $E_y = F_y K_y = M_y$  حاصل می‌شود. نتایج برآورد این تابع هزینه در جدول (۳-۳) آمده است.

با توجه به برآوردهای هر دو مدل نسبت راست‌نمایی را به صورت

$$LR = N / 2LN ( R_u ) = 386/4$$

محاسبه کرده و نتیجه این آزمون به وسیله نرم‌افزار کامپیوتری 7 - TSP در جدول (۳-۶) آمده است دیده می‌شود که این محدودیت‌ها تأیید نمی‌شوند.

جدول ۳-۳ برآورد تابع هزینه هموتتیک

پارامتر	برآورد پارامتر	مقدار t state
0	۱۲/۴۵۱	۷/۲۴۶۹
y	۰/۹۹۸۵	۳/۹۸۴۹
yy	-۰/۰۳۱۶	-۱/۶۷۹۹
K	۰/۵۷۵۹	۶/۲۲۶۳
L	-۱/۰۳۴۵۹	-۱۲/۸۴
E	۰/۰۹۱۵	۱/۷۲۲۹
KK	۰/۰۶۶	۵/۰۳۵۶
KL	-۰/۰۴۲۱۵	-۵/۶۷۸۱
KM	-۰/۰۲۲۳۹	-۳/۳۰۸۵

پارامتر	برآورد پارامتر	مقدار t state
LL	-۰/۰۰۷۲۷	-۱/۱۹۴
LE	۰/۱۲۹۲	۱۹/۵۶
LM	-۰/۰۳۴۸۷	-۷/۶۴۱
LE	-۰/۰۲۰۰۹	-۴/۷۳۴۲
EE	۰/۱۳۴۶	۱۹/۴۴۶
EM	-۰/۰۲۷۲	-۵/۸۶۱۵
MM	۰/۰۷۶۲۶	۱۳/۸۴۳

$$D.W. = ۱/۷۶۶۱ \quad R^2 = ۰/۹۶۶$$

۳-۲-۲ تابع هزینه همگن

اعمال محدودیت  $y_i = 0$  به همراه قید  $y_j = 0$  بر تابع هزینه ترانسلوگ به یک تابع

باتوجه به برآوردهای هر دو مدل نسبت راست نمایی را به صورت

$$LR = N / 2LN ( R_u ) = ۳۸۸/۹۴$$

محاسبه کرده‌ایم نتیجه این آزمون به وسیله ۷ - TSP در جدول (۳-۶) آمده است دیده می‌شود که این محدودیت‌ها تأیید نمی‌شوند.

جدول ۴-۳ برآورد تابع هزینه همگن

پارامتر	برآورد پارامتر	مقدار t state
0	۱۵/۰۸۷۷	۲۶/۲۲۱
y	۰/۵۸۲۶	۳۸/۹۱۷
yy	۰/۵۸۶	۶/۳۹۱
K	-۱/۰۱۶	-۱۲/۴۰۴
L	۰/۷۳۴۲	-۱۲/۰۸۷
E	۰/۰۶۹۷	۱/۳۰۴
KK	۰/۰۲۵۳	۴/۹۸۲
KL	-۰/۰۴۳	-۰/۸۵۱۸
KM	-۰/۰۱۸۳	-۱/۱۷۶
LL	-۰/۰۳۴۵	-۷/۶۱۴۳
LE	۰/۱۳۳۴	-۲/۳۱۱۳
LM	۰/۱۳۳۴	۱۹/۷۰۸
LE	-۰/۰۲۸۲	-۶/۱۰۲۴
EE	۰/۰۷۶۳	۱۳/۶۹۴
EM	-۰/۰۲۷۲	-۵/۸۶۱۵
MM	۰/۰۷۶۲۶	۱۳/۸۴۳

D.W. = ۱/۷۶۶۱

R<sup>2</sup> = ۰/۹۶۶

## ۳-۲-۳ تابع هزینه کاب داگلاس

اعمال محدودیت  $yy = 0$  و  $iy = 0$  و  $ij = 0$  بر تابع هزینه ترانسلوگ آنرا به یک تابع هزینه کاب داگلاس تبدیل می‌کند، نتایج تخمین این تابع هزینه در جدول (۳-۵) آمده است.

با توجه به برآوردهای هر دو مدل نسبت راست نمائی را به صورت

$$LR = N / 2LN ( R_u ) = ۱۲۵۹/۶۴$$

محاسبه کرده‌ایم نتیجه این آزمون به وسیله ۷-TSP در جدول (۳-۶) آمده است دیده می‌شود که این محدودیت‌ها تأیید نمی‌شوند.

ملاحظه می‌شود که هیچکدام از محدودیت‌های فوق مورد پذیرش واقع نگردید، بنابراین تابع هزینه ترانسلوگ یک تابع هزینه مناسب برای تحلیل ساختار هزینه در صنعت سیمان منظور می‌شود.

جدول ۳-۵ برآورد مدل هزینه کاب داگلاس

پارامتر	برآورد پارامتر	مقدار t state
0	۵/۱۶۷	۱۰/۷۹۶
y	۰/۶۳۹	۱۷/۱۶۱۲
yy	۰/۱۳۳۸	۸/۲۸
K	۰/۴۷۶۸	۲۵/۰۹
L	۰/۱۶۶۳	۱۴/۳۱۲
E	۰/۱۰۷۶	۸/۶۷۴

$$D.W. = ۱/۸۹$$

$$R^2 = ۰/۸۹۸$$



## جدول ۶-۳ آزمون نسبت راست نمایی

NULL hypothesis :  $C(24) = 0$  ,  $C(25) = 0$  ,  $C(26) = 0$  ,  $C(27) = 0$

chi - square	486.709	probability	0.0000
--------------	---------	-------------	--------

NULL hypothesis :  $C(24) = 0$  ,  $C(25) = 0$  ,  $C(26) = 0$  ,  $C(27) = 0$  ,  $C(3) = 0$

chi - square	515.109	probability	0.0000
--------------	---------	-------------	--------

NULL hypothesis :  $C(24) = 0$  ,  $C(25) = 0$  ,  $C(26) = 0$  ,  $C(27) = 0$  ,  $C(3) = 0$  ,

$C(8) = 0$  ,  $C(9) = 0$  ,  $C(10) = 0$  ,  $C(11) = 0$  ,  $C(12) = 0$  ,

$C(13) = 0$  ,  $C(14) = 0$  ,  $C(15) = 0$  ,  $C(16) = 0$  ,  $C(17) = 0$

chi - square	2636.24	probability	0.0000
--------------	---------	-------------	--------

## ۳-۳ تفسیر نتایج

در این بخش نتایج تفسیر و کاربردهای تابع هزینه بررسی می‌گردد اهم کاربردهای

تابع هزینه به شرح زیر می‌باشد .

- ۱- تغییرات فنی و بهره‌وری کل
- ۲- امتیازات مقیاس
- ۳- برآورد کشش‌های قیمتی و جانشینی
- ۴- کارائی تخصیص عوامل تولید
- ۵- استخراج معادلات تقاضای نهاده

اینک به تشریح هریک از موارد فوق می پردازیم .

### ۳-۳-۱ تغییرات فنی و بهره‌وری کل

در مدلی که مورد بحث قرار گرفت برای برآورد تغییرات فنی به وسیله متغیر زمان آن را به صورت زیر در نظر گرفته‌ایم :

$$RT = \ln(TC) / T = \alpha_1 + \alpha_2 \cdot T^2 + \sum_{ij} \ln p_{ij} + \alpha_3 \cdot y$$

که تغییرات فنی به سه قسمت مجزا قابل تقسیم و توجیه است .

الف) تغییرات خالص یا شکل نیافته<sup>(۱)</sup>

بخش  $\alpha_1 + \alpha_2 \cdot T$  معرف این تغییرات است ، یعنی تغییرات فنی بر روی تولید و نهاده‌ها تأثیری نداشته بلکه از آن مستقل می‌باشد.

ب) تغییرات غیر خنثی یا شکل یافته در نهاده‌های تولیدی<sup>(۲)</sup>

بخش  $\sum_{ij} (\ln p_{ij})$  معرف این بخش است که اگر  $\alpha_{ij}$  مثبت باشد تغییرات تکنولوژی در جهت استفاده بیشتر از نهاده نام بوده و اگر منفی باشد این نهاده‌ها پس‌انداز شده‌اند و (یا به عبارت دیگر اگر مثبت باشد تکنولوژی برتر شده است).

ج) تغییرات شکل یافته در تولید<sup>(۳)</sup> بخش  $\alpha_3 \times \ln(y)$  معرف این بخش است که

اثر تغییرات تکنولوژی را منحصراً بر تولید بحث می‌کند .

با توجه به برآوردهای تابع هزینه ترانسلوگ به صورت کامل دیده می‌شود که جدا از معنی‌دار نبودن این ضرایب کوچک بودن آنها از اهمیت بحث بر روی آنها می‌کاهد ،

1 - Pure Technical Change

2 - Non - Nutral Technical Change

3 - Scale - Augmenting

علاوه بر این آزمون حذف ضرایب نشان داد که می توان آنها را از معادلات حذف کرد. مسئله فوق الذکر را اینگونه می توان تفسیر نمود که در پنج سال مورد بررسی تحول خاصی در صنعت سیمان روی نداده است و یا اگر تغییراتی صورت گرفته است بسیار جزئی بوده است. اگر دوره زمانی بلندتری مورد توجه قرار می گرفت امکان نتایج متفاوتی داشته باشیم. اگر ضرایب معنی دار ضریب بهره‌وری کل قابل محاسبه بود، معیار بهره‌وری کل یا RTFP شاخصی است که بهره‌وری کل را اندازه می‌گیرد و معیار پویایی صنعتی است که به نوآوری علمی می‌پردازد از رابطه زیر قابل محاسبه است:

$$RTFP = -RT - (1 - \ln(tc) \ln(y)) \times y^0$$

که در آن  $y^0$  نرخ رشد تولید و  $RT$  نرخ برآورد شده تغییرات فنی است همان گونه که قبلاً اشاره شد به دلیل معنی دار نبودن  $RT$  این معیار قابل محاسبه نیست.

### ۳-۳-۲ بازدهی به مقیاس (امتیازات مقیاس)<sup>(۱)</sup>

انتخاب مناسب بنگاه‌های جدید (ظرفیت مناسب کارخانه‌های سیمان) یا توسعه بنگاه‌های موجود (کارخانه‌های جدید سیمان) موجود در یک صنعت می‌تواند با توجه به امتیازات مقیاس صورت گیرد. از آنجائی که هزینه بنگاه‌ها در مقیاس‌های مختلف تولید متفاوت می‌باشد انتخاب مناسب مقیاس و ظرفیت در اقتصادی بودن تولید مهم می‌باشد.

امتیازات مقیاس معمولاً برحسب درصد تغییرات سطح محصول در نتیجه یک درصد افزایش در تمام نهاده‌ها تعریف می‌شود ولی تعریف امتیازات مقیاس برحسب سطح بهینه هزینه در نتیجه تغییر محصول در عمل کاربرد بیشتری دارد و به این لحاظ ضریب امتیازات مقیاس به صورت عدد یک منهای ضریب کشش هزینه برحسب سطح تولید حساب می‌شود، این ضریب برای تابع هزینه ترانسلوگ به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$\text{scale} = 1 - ( y + yy \ln(y) + iy \ln(p_i) )$$

باتوجه به ضرایب برآورد شده تابع هزینه ترانسلوگ ، این ضریب برای متوسط داده‌ها و برای ۱۳ کارخانه مورد بررسی بطور متوسط برای پنج سال محاسبه شده و نتایج آن در جدول (۷-۳) انعکاس یافته است .

همان گونه که در جدول موردنظر دیده می‌شود ضریب امتیازات مقیاس برای متوسط داده‌ها و ۱۳ کارخانه مورد بررسی کوچکتر از صفر می‌باشد . این بدان معنی است که در صنعت سیمان با عدم صرف‌های مقیاس روبرو هستیم ، افزایش یک درصدی در تولید هزینه‌ها را بیش از یک درصد افزایش می‌دهد .

جدول ۷-۳ ضریب امتیازات مقیاس

کارخانه	ظرفیت	scale
۱	۱۰۲۹۶۰	-۰/۰۰۶۵
۲	۲۰۵۹۲۰۰	-۰/۳۳۲۴
۳	۶۲۴۰۰۰	-۰/۱۰۸۴
۴	۲۸۷۷۰۰۰	-۰/۰۳۹۴
۵	۵۰۰۰۰۰	-۰/۱۲۵
۶	۶۹۳۰۰۰	-۰/۱۱۲۳
۷	۸۵۸۰۰۰	-۰/۱۲۷۴
۸	۸۵۸۰۰۰	-۰/۰۸۶۱
۱۰	۱۴۵۰۸۰۰	-۰/۰۷۸۷
۱۱	۱۱۴۸۱۶۰	-۰/۱۹۴۴
۱۲	۷۱۷۶۰۰	-۰/۵۰۲۸
۱۳	۱۴۸۵۱۲۰	-۰/۲۴۵۱

SCALE = -۰/۱۶۶۲ برای متوسط داده‌ها

$$\text{SCALE} = 1 - \frac{\text{LnTc}}{\text{Lny}} = 1 - ( y + yy \text{Ln}y + iy \text{Ln}p_j )$$

## ۳-۳-۳ کارآئی تخصیص در عوامل تولید

اگر نقاطی از تولید و هزینه بر روی خط هزینه یا تابع هزینه قرار نگرفته باشد آن نقاط بیان‌کننده معیار عدم کارآئی صنعت مربوطه می‌باشد. کارآئی اقتصادی را به دو صورت می‌توان تعریف کرد: کارآئی فنی و کارآئی تخصیص.

کارآئی فنی: توانائی بنگاه‌ها در حداکثر کردن تولید، که یک بحث تکنیکی و فنی بوده و فعلاً در این پایان‌نامه مورد بحث نیست.

کارآئی تخصیص: توانائی بنگاه‌ها در به حداکثر رسانیدن سود از طریق برابری درآمد نهائی با هزینه نهائی صورت می‌گیرد، این عدم کارآئی در صورتی روی می‌دهد که نسبت استفاده از نهاده‌های تولیدی مناسب نباشد به گونه‌ای که نسبت تولید نهائی عوامل تولید با قیمت عوامل برابری نکند.

جهت بررسی عدم کارآئی تخصیص معیار  $mc = p$  را به کار برده و هزینه نهائی در تابع هزینه ترانسلوگ به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$mc = \frac{\ln tc}{\ln y} \cdot \frac{tc}{y}$$

و در تابع هزینه ترانسلوگ داریم

$$mc = (y + \sum_{j=1}^n \beta_j \cdot \ln y_j + \sum_{i=1}^m \alpha_i \cdot \ln(p_i)) \cdot \frac{tc}{y}$$

به دلیل اینکه اطلاعات مربوط به قیمت تولید فقط در مورد چند کارخانه در دسترس بود، مقایسه هزینه نهائی با قیمت تولید فقط برای این چند کارخانه در جدول (۳-۸) آمده است (به‌طور متوسط برای پنج سال).

همان‌گونه که در این جدول دیده می‌شود هزینه نهائی با قیمت تولید برای این چند

کارخانه متفاوت است، یعنی اینکه در کارخانه‌های سیمان عدم کارآیی تخصیص وجود دارد.

جدول ۳-۸ محاسبه و مقایسه هزینه نهایی و قیمت در چند کارخانه

کد کارخانه	قیمت	هزینه نهایی	MC-P
۱	۳۴/۷۴	۲۱/۲۹	-۱۳/۴۵
۴	۵۲/۲۵	۲۹/۷۶	-۲۲/۴۱
۹	۳۱/۱۳۹	۲۱/۵	-۹/۶۳۹
۱۱	۳۱/۳۵	۳۱/۳	-۰/۰۳۵
۱۲	۳۹/۵۲	۱۶/۸۷۷	-۲۲/۶۲۵
۱۳	۲۷/۰۴۷	۲۶/۹	-۰/۱۴۷

### ۳-۳-۴ کشش قیمتی نهاده‌های تولید

کشش قیمتی که درصد تغییرات مقدار تقاضای هریک از نهاده‌های تولید مانند سرمایه، نیروی کار، مواد اولیه، سوخت و برق به درصد تغییرات در قیمت هریک از نهاده‌های فوق تعریف می‌شود، برای تابع هزینه ترانسلوگ به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$ii = \frac{(ii + s_i^2 - s_i)}{s_i}$$

که در آن  $s_i$  سهم هزینه نهاده  $i$ ام و  $ii$  ضرایب تابع هزینه ترانسلوگ هستند. این کشش را برای متوسط داده‌ها محاسبه شده و در جدول (۳-۹) آمده است. همان گونه که مشاهده می‌شود این کشش برای تمامی نهاده‌ها بجز نهاده برق منفی می‌باشد.

در مورد نهاده برق این کشش نزدیک به صفر است. این تأیید قانون تقاضا است که با افزایش قیمت هریک از نهاده‌ها سهم آنها در هزینه سیمان کم می‌شود.

با استفاده از این کشش‌ها می‌توانیم با توجه به روند قیمت نهاده‌ها میزان نهاده مورد نیاز را برای سالهای آینده پیش‌بینی نمائیم. مثلاً ۱۰ درصد افزایش در قیمت سوخت ۱/۹ درصد از تقاضای آن در صنعت سیمان کاسته می‌شود و یا اینکه ۱۰ درصد افزایش در دستمزد سالانه نیروی کار ۱/۶ درصد از تقاضای نیروی کار در صنعت سیمان می‌کاهد.

جدول ۳-۹ جدول کشش قیمتی برای متوسط داده‌ها

کشش برق	کشش سوخت	کشش مواد اولیه	کشش نیروی انسانی	کشش سرمایه	کشش
۰/۰۴۰۵	-۰/۱۹۶۶	-۰/۱۱۹۳	-۰/۱۶۹۷	-۰/۲۸۹۵	برآورد
۰/۰۳۲۹	۰/۰۰۲۱	۰/۰۴۱۵	۰/۰۰۸۳	۰/۰۶۷۸	std-error

$$\text{std-error} = [\text{var} (ij) / s_i^2]^{1/2}$$

### ۳-۳-۵ کشش جانشینی نهاده‌های تولید

کشش جانشینی در عمل کاربرد بیشتری داشته و در اکثر مطالعات هدف اصلی مطالعه می‌باشد، این کشش درصد تغییرات در تقاضای یک نهاده را به درصد تغییرات در قیمت سایر نهاده‌ها را اندازه می‌گیرد، در تابع هزینه ترانسلوگ این کشش به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$ij = \frac{(s_j + s_i \cdot s_{ij})}{s_i^2}$$

این کشش برای متوسط داده‌ها محاسبه شده و در جدول (۳-۱۰) آمده است. اگر کشش مثبت است دو نهاده جانشینند و اگر کشش منفی دو نهاده مکمل هستند، همان

گونه که در متوسط این کشش‌ها دیده می‌شود:

نهاده‌های سرمایه (K) و نیروی انسانی (L)

سرمایه (K) و مواد اولیه (M)

سرمایه (K) و سوخت (F)

نیروی انسانی (L) و مواد اولیه (M)

نیروی انسانی (L) و برق (E)

نیروی انسانی (L) و سوخت (F)

سوخت (F) و برق (E)

همگی جانشین یکدیگر و نهاده‌های

سرمایه (K) و برق (E)

مواد اولیه (M) و برق (E) مکمل یکدیگرند.

جدول ۳-۱۰ برآورد کشش‌های جانشینی

کشش	Ekl	EkM	Eke	Ekf	Elm
برآورد	۰/۰۷۹۷	۰/۰۱۷	-۰/۰۴۶۸	۰/۱۱۶۷	۰/۱۴۷۶
std error	۰/۰۱۱۹	۰/۰۳۸	۰/۰۲۴۸	۰/۰۰۱۲	۰/۰۳۵۱
کشش	Ete	Elf	Eme	Emf	Eef
برآورد	۰/۱۴۷۹	۰/۱۸	-۰/۰۱۴۳	۰/۰۲۲۹	-۰/۰۶۲
std erroe	۰/۰۲۰۵	۰/۰۰۱	۱E-۰/۵	۰/۰۰۳۶	۰/۰۰۵۴

$$\text{std-error} = [\text{var} (ij)/s_i^2]^{1/2}$$



$$\begin{aligned}
 Ekl &= \text{کشش سرمایه و نیروی انسانی} & Ele &= \text{کشش نیروی انسانی و برق} \\
 Ekm &= \text{کشش سرمایه و مواد اولیه} & Elf &= \text{کشش نیروی انسانی و سوخت} \\
 Eke &= \text{کشش سرمایه و برق} & Eme &= \text{کشش مواد اولیه و برق} \\
 Ekf &= \text{کشش سرمایه و سوخت} & Emf &= \text{کشش مواد اولیه و سوخت} \\
 El &= \text{کشش نیروی انسانی و مواد اولیه} & Eef &= \text{کشش برق و سوخت}
 \end{aligned}$$

### ۳-۳-۶ معادلات تقاضای نهاده‌ها

یکی دیگر از کاربردهای مهم تابع هزینه استخراج معادلات تقاضای نهاده‌هاست در توابع تولید به دلیل عدم وجود قیمت نهاده‌ها در آن استخراج این معادلات کار مشکلی است، در حالی که در تابع هزینه این کار به راحتی و بوسه لم شپارد و با مشتق گرفتن از تابع هزینه نسبت به قیمت نهاده‌ها حاصل می‌شود.

$$s_i = \frac{\ln(tc)}{\ln p_i} = \frac{\partial tc}{\partial p_i t} \times \frac{p_i}{tc} = \frac{x_j p_j}{tc}$$

دیده می‌شود برای استخراج معادلات سهم هزینه کافی است از تابع هزینه ترانسلوگک نسبت به لگاریتم قیمت نهاده‌ها مشتق بگیریم.

برآوردهای معادلات سهم هزینه به وسیله روش ISUR در جدول (۳-۱۱) آمده است.

همان گونه که در این جدول دیده می‌شود بجز معادله سهم سرمایه که دارای توضیح دهی کمی است زیرا  $R^2$  آن کوچک می‌باشد، بقیه معادلات به لحاظ معیارهای کارایی مدل‌های مناسبی تلقی می‌شوند.

در این معادلات تمام ضرایب به لحاظ آماری معنی‌دار بوده، ضریب تعیین در معادلات فوق بالا بوده، علامت ضرایب نیز مورد انتظار می‌باشند و بنابراین می‌توانند به عنوان معادلات سهم هزینه در صنعت سیمان تلقی شده و مورد استفاده قرار گیرند.

## محاسبه و برآورد توابع تقاضای نهاد

جدول ۱۱-۳ توابع تقاضای نهاد

معادله سهم هزینه سرمایه	$S_k = 0/472 + 0/083 \ln(P_K) - 0/032 \ln(P_E) - 0/031 \ln(P_E) -$ $(3/08) \quad (8/28) \quad (-5/732) \quad (-7/768)$ $0/0142 \ln(P_M) + 0/0031 \ln y$ $(-3/44) \quad (-0/319)$ $R^2 = 0/185 \quad D.W = 2/02$
معادله سهم هزینه نیروی انسانی	$S_L = 0/527 - 0/0323 \ln(P_K) + 0/169 \ln(P_L) - 0/0518$ $\ln(P_E) -$ $(5/27) \quad (-5/73) \quad (42) \quad (-15/56)$ $-0/034 \ln(P_M) + 0/146 \ln y$ $(-9/18) \quad (-16/984)$ $R^2 = 0/77 \quad D.W = 1/68$
معادله سهم هزینه	$S_E = 0/193 - 0/0314 \ln P_K - 0/501 \ln P_L + 0/141 \ln P_M$ $(3/328) \quad (-7/768) \quad (-15/56) \quad (26/64)$ $0/0197 \ln P_M + 0/0543 \ln y$

برق	(-۵/۶۷)	(۱۱/۸۲۷)
	$R^2 = ۰/۸۴$	D.W = ۱/۸۱
معادله سهم هزینه مواد اولیه	$S_M = -۰/۲۸۴ \cdot ۰/۰۱۴ \text{Ln } P_K - ۰/۰۳۴ \text{Ln } P_L - ۰/۰۱۹ \text{Ln } P_E$	
	(-۳/۸۷)	(-۳/۴۴)
	(-۹/۱۸)	(-۵/۶۷)
	$۰/۰۸۳۶ \text{Ln } P_M + ۰/۰۳۹۷ \text{Ln } y$	
	(۱۸/۲۵)	(۶/۴۵)
	$R^2 = ۰/۷۲۸$	D.W = ۲/۴۱

ژوبشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی  
پرتال جامع علوم انسانی

#### ۴- نتیجه گیری و پیشنهادات

##### ۴-۱ نتیجه گیری

همان گونه که در جریان تخمین تابع هزینه دیده شد تابع هزینه ترانسلوگ یک مدل خوب برای بررسی ساختار تکنولوژی در صنعت سیمان می باشد. دیدیم که ضرایب پارامترهایی را که برای بررسی تغییرات تکنولوژی پیشنهاد کرده بودیم جدای از معنی دار بودن آنها، این ضرایب بسیار کوچک و بی اهمیت بودند. یعنی اینکه در دوره مورد بررسی سالهای ۱۳۶۹ تا ۱۳۷۳ تغییر تکنولوژی خاصی در صنعت سیمان رخ

نداده است.

بنابراین با حذف این متغیرها که به وسیله متغیر زمانی، معرفی شده بود از مدل، به یک مدل نسبتاً مناسبی برای تجزیه و تحلیل ساختاری هزینه‌ها در صنعت سیمان دست یافتیم. اغلب ضرایب در این مدل معنی‌دار بوده، ضریب تعیین بالای مدل حاکی از توضیح‌دهی خوب و علامت ضرایب نیز مطابق انتظار بوده، شرایط تابع هزینه نیز ارضا می‌شوند، که همه این دلایل تأییدی است بر یک مدل مناسب.

پس از تصریح مدل برای اینکه مقایسه‌ای با دیگر توابع هزینه داشته باشیم و به وسیله آزمون نسبت راست نمائی نشان دادیم که هیچ یک از این مدلها که شامل توابع هزینه هموتتیک، همگن، همگن، کاب داگلاس و تکنولوژی بازده ثابت به مقیاس بودند مورد تأیید قرار نگرفتند، بدان معنی که ساختار هزینه در صنعت سیمان غیر هموتتیک می‌باشد و ظرفیت‌های متفاوت تولید نسبت‌های مختلفی از نهاده‌ها را به کار می‌گیرند.

همچنین در کاربردهای تابع هزینه دیدیم که کشش‌های قیمتی برای تمام نهاده‌ها بجز نهاده برق در تولید سیمان منفی است که در مورد برق عکس این مطلب صادق است و این به دلیل رابطه تنگاتنگی است که تولید سیمان با استفاده از برق دارد ولی این کشش بسیار کوچک و نزدیک به صفر است.

برآورد کشش‌های جانشینی نشان داد که نهاده‌های  $L$  یا  $K$  یا  $M$ ،  $K$  و  $E$  یا  $F$  و  $K$  یا  $F$  و  $E$ ،  $L$  یا  $F$  و  $M$  جانشین هستند و نهاده‌های  $M$  و  $E$  یا  $F$  و  $E$  یا  $K$  و  $E$  مکمل هستند که  $F$ ،  $L$ ،  $M$ ،  $E$ ،  $F$  و  $K$  به ترتیب نهاده‌های سوخت، برق، مواد اولیه، نیروی انسانی و سرمایه هستند.

همچنین ضریب امتیازات مقیاس برای کارخانه‌های مختلف و برای متوسط داده‌ها محاسبه شد، دیدیم که این ضریب برای تمام موارد منفی است. بدان معنی که مادر صنعت سیمان با عدم صرفه‌های ناشی از مقیاس روبه‌رو هستیم، بررسی شرط کارائی

یعنی برای هزینه نهائی با درآمد نهائی نیز نشان داد که در صنعت سیمان ما با عدم کارائی و عدم تخصیص درست نهاده‌ها روبه رو هستیم.

در ادامه به برآورد توابع تقاضای نهاده‌ها پرداختیم و برای تمامی نهاده‌ها یک معادله سهم هزینه ارائه کردیم، در بین معادلات ارائه شده به جز معادله سهم سرمایه بقیه معادلات دارای ویژگی‌های خوبی بودند.

باتوجه به برآوردها و تجزیه و تحلیل‌های فوق دیده می‌شود که کارخانه‌های سیمان بایستی در ظرفیت‌های کوچکتر احداث شده و افزایش تولید تا سطح ظرفیت ادامه یابد. پایین بودن کشش‌های جانشینی در بین نهاده‌های تولید خود دلیلی است براینکه جانشینی عوامل تولید در این صنعت بسیار کم است. از معادلات سهم هزینه می‌توان برای پیش‌بینی و برآورد نهاده‌های لازم برای تولید سیمان استفاده کرد.

مثلاً با استفاده از سهم هزینه نیروی انسانی با فرض ثابت بودن قیمت نهاده‌ها اگر تولید سیمان ۱۰ درصد افزایش یابد  $1/4$  درصد در صنعت سیمان اشتغال ایجاد خواهد شد و یا در معادله سهم برق ۱۰ درصد افزایش در تولید سیمان نیاز به  $5/4$  درصد برق اضافی خواهیم داشت.

#### ۴-۲ پیشنهادات

شناخت ساختار صنعت سیمان و یا هر یک از صنایع دیگر با استفاده از ابزارهای اقتصادی نظیر تابع هزینه، می‌تواند کمک مفیدی برای برنامه ریزان اقتصادی بوده و ابزار مفید و کارائی برای سیاست‌گذاران می‌باشد. این مطالعه می‌تواند نقطه شروعی باشد برای مطالعات بعدی و یا در صنایع دیگر.

لزومی به تذکر این مطلب نیست که اگر آمار و اطلاعات معتبر و قابل اعتمادی در هر یک از صنایع در دسترس باشد با استفاده از مدلی که عرضه شد می‌توان نتایج مفید و قابل توجهی را داشته باشیم که می‌تواند در برنامه‌ریزیهای اقتصادی به کار رود.

همان گونه که دیدیم در این مطالعه فقط ۱۳ کارخانه برای یک دوره زمانی پنج سال در نظر گرفته شده بود، در حالی که در حال حاضر بیش از ۲۰ کارخانه در کشور به تولید مشغول می‌باشند و بسیاری از آنها سالهاست که در گردونه تولید قرار دارند. بنابراین اگر دامنه تحقیق گسترده‌تر شود یعنی اینکه مطالعه کارخانه‌های بیشتری را برای یک دوره طولانی‌تر را دربرگیرد مطمئناً نتایج بهتر و قابل اعتمادتری را خواهیم داشت.

بنابراین پیشنهاد می‌شود که این اطلاعات برای کارخانه‌های بیشتر و دوره زمانی بلند مدت‌تری جمع‌آوری شود و مطالعه بر روی تک تک کارخانه‌ها صورت گرفته و بین آنها مقایسه شود تا نتایج بهتری حاصل شود.

در محاسبه هزینه سرمایه دیدیم که به دلیل عدم وجود این اطلاعات ما از متوسط نرخ بهره و سهم دارائی‌ها استفاده کردیم، مطمئناً استفاده از آمار واقعی نتایج را بهبود خواهد بخشید. پیشنهاد می‌شود یک طرح جامع برای جمع‌آوری اطلاعات تهیه شده و سپس با استفاده از این اطلاعات قابل اعتماد مدل با روشهای گوناگون برآورد شد، در این صورت ضرایب تغییرات فنی که در این مدل به دلیل معنی‌دار نبودن حذف شد، نتایج مفیدی را به دست خواهد داد.

همچنین با توجه به اثراتی که هزینه‌های آلودگی بر محیط زیست دارد بایستی این هزینه‌ها نیز در محاسبات تابع هزینه مد نظر قرار گیرد، به دلیل عدم وجود اطلاعات مربوط به این هزینه‌ها، در این مدل لحاظ نگردیده بود، در این زمینه نیز امکان مطالعه و بررسی وجود دارد که می‌تواند در مطالعات بعدی مد نظر قرار گیرد. مثلاً با مجبور ساختن کارخانجات سیمان در استفاده از فیلترهای تصفیه و امکانات جلوگیری از آلودگی این هزینه‌ها می‌تواند در هزینه‌های سرمایه انعکاس یابد.

## منابع

- ۱- ابریشمی، ح. (مترجم)، " مبانی اقتصاد سنجی "، دانشگاه تهران، تهران، ۱۳۷۲.
- ۲- ابریشمی، ح. (مترجم)، " اقتصاد سنجی کاربردی "، بانک مرکزی، تهران، ۱۳۷۲.
- ۳- پژویان، ج. و قره‌باغیان، م. (مترجم)، " تئوری اقتصاد خرد "، رسا، تهران، ۱۳۷۰.
- ۴- خیام‌باشی، ب. " تخمین اقتصاد سنجی توابع تولید برای صنعت سیمان و کاربردهای آن "، دانشگاه صنعتی اصفهان، پایان‌نامه، ۱۳۶۶.
- ۵- رشیدی نژاد، م. " تخمین اقتصاد سنجی تابع هزینه ترانسلوگ برای نیروگاه‌های بخاری وگازی "، دانشگاه صنعتی اصفهان، پایان‌نامه، ۱۳۶۶.
- ۶- سقائیان نژاد، م.، " جزوه درسی اقتصاد خرد پیشرفته "، ۱۳۶۸.
- ۷- طیبیان، م. " مباحثی از اقتصاد خرد پیشرفته " پیشبرد، ۱۳۶۸.
- ۸- کیانیان، الف. " الگوهای اقتصادسنجی و پیش‌بینی‌های آن "، سمت، تهران، ۱۳۷۰.

9- A. Zellner " An efficient method of estimating seemingly unrelated regression " , Journal of the American Association Vol, 157, 1962 .

10- Berndt Ernest and Lauristand Christensen " The translog function and the substitution, structure labor in u.s manufacturing 1928 - 1968 " , Journal of Economic (march 1973), PP : 259 - 268 .

11- Berndt Ernest R. and David Wood " Technology, price and derived demand for energy " , Review of Economic and Statistic

57, August 1975 PP : 259 - 268 .

12- Eatweel J and Mileeatem and Newman " Cost Function " ,  
The New Palgrave Dictionary of Economic MC Millan Press  
(1983) .

13- Field and Griebenstion " Capital - Energy substitution in u.s  
manufacturing " ,American Economic and Statistic 62, (May  
1980), PP : 207 - 212 .

14- Fuss Melvyn A. " Demand for energy in canadian  
manufacturing " , Journal of Econometric 5 (Jan 1977), PP : 89 -  
116 .

15- Griffen James M. and Paul R. Geregory " An intercountry  
model of energy substitution respons " , American Economic  
Rewiev (Dec 1979), PP : 845 - 857 .

16- Hadsun edwards and Dale W. Jorgenson " U.S Energy  
policy and economic growth 1975 - 2000 " , Bell Journal of  
Economic and Management Science (5 Autum1974),PP:461- 514.

17- Humphrey David B. and J.R. Moroney " Substitution  
among capital labor and natural resourses product in Americam  
manufacturing " , Journal of Political Economy, 83(Feb 1975), PP :  
57 - 82.

18- Halvorson Robert "Energy substitution in u.s  
manufacturing", American of Economic Review 66 (Nov 1977),  
PP: 381 - 388.



19- Halvorson Robert and Jay. Ford " Substitution among energy, capital and labor input in u.s manufacturing advances in the economic of energy and resourcses " ,(greenwich : Jat Press 1978 ) .

20- J. Kaent and R.F. Gilbert " Small sample properties of alternative estimator seemingly unrelated regression " , Journal of the American Statistical Associatuion, Vol, 63 1988 PP:1180- 1200

21- Erkkila John " Economic information about ironmaking " , Applied Economic 1990(22) PP : 1335 - 1353.

22- Jorgenson D.W. (1983) " Econometric method for modelling producer behavior " , in Grilliches and Intrigilator (Eds) Hand Book of Econometric, Vol, 3.

23- Johnston " Econometric Method " , MC Graw HILL Third Edditon. (1984).

24- L.R. Christensen D.W. Jorgenson and L. Lau, " Transcedental logarithm frontier production " , Review of Economic and Statistics (1973), Vol, 155, PP : 28 - 45 .

25- Lester G. Telser " Itrative estimation regression equation " , American statistical Association Journal Sept. (1964), PP : 845 - 862.

26- M. Ishag Nadiri " Producers theory " , Handbook of Mathematical Economy by K.J. Arrow and M.D. Intrigilator North - Holland Publishing Company 1982.

27- Martin Williams and Perm S. Laumas " Economics of scale for various type of manufacturing production technologies in underdeveloped economy", Economic Development and Turval Change Vol, 32 No, 2 PP : 401 - 412 (1984) .

28- Pindyck Robert S. " Interfull substitution and the industrial demand for energy an International Comparison " , American Economic and Statistic 61 (May 1979) PP : 169 - 179.

29- Viton Philip A. " A translog cost function for urbon burstrant " , American Economic and Statistic (1986) PP : 409 - 417.

30- Water A.P. " Production and cost function an econometric survey " , Econometrica, Vol, 30 No, 1 - 2 , Jan (1963) .